

ĐỀ THI CHÍNH THỨC

Câu 1 (2,00 điểm) Không sử dụng máy tính cầm tay

a) Rút gọn biểu thức: $A = \sqrt{25} + \sqrt{16} - \sqrt{4}$.

b) Giải hệ phương trình:
$$\begin{cases} x + y = 8 \\ 2x - y = 1 \end{cases}$$

Câu 2 (2,50 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $(d): y = 6x + 2023$ và parabol $(P): y = x^2$.

a) Vẽ parabol (P) .

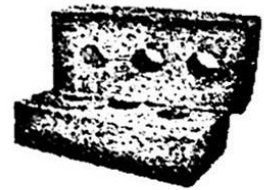
b) Chứng minh (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt.

c) Gọi x_1 và x_2 là hoành độ giao điểm của (P) và (d) . Tính $x_1 + x_2$ và $x_1 \cdot x_2$. Từ đó lập phương trình bậc hai ẩn t có hai nghiệm $t_1 = x_1 + 2x_2$ và $t_2 = x_2 + 2x_1$.

Câu 3 (2,00 điểm)

a) Hướng ứng phong trào “Ngày Chủ nhật xanh” do Tỉnh đoàn phát động, Trường THCS X chọn 15 học sinh chia thành hai tổ tham gia trồng cây. Tổ I trồng được 30 cây, tổ II trồng được 36 cây. Biết rằng mỗi học sinh ở tổ I trồng được nhiều hơn mỗi học sinh ở tổ II là 1 cây. Hỏi mỗi tổ có bao nhiêu học sinh?

b) Gạch xây 3 lỗ (như hình vẽ) được làm bằng đất nung, thường được sử dụng trong các công trình xây dựng có dạng hình hộp chữ nhật với chiều dài 220 mm, chiều rộng 105 mm, chiều cao 60 mm. Mỗi lỗ là hình trụ có trục song song với chiều cao viên gạch, đường kính đáy là 14 mm. Tính thể tích phần đất nung của một viên gạch. Biết $V = abc$; $V = \pi r^2 h$ lần lượt là công thức tính thể tích hình hộp chữ nhật và hình trụ (trong đó a, b, c là ba kích thước của hình hộp chữ nhật; r là bán kính đường tròn đáy, h là chiều cao hình trụ; lấy $\pi \approx 3,14$).



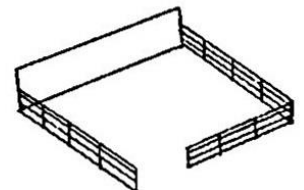
Câu 4 (3,00 điểm) Cho đường tròn (O) đường kính AB và điểm C thuộc đường tròn sao cho $AC < BC$ (C khác A). Vẽ CH vuông góc với AB ($H \in AB$).

a) Chứng minh $\triangle ABC$ là tam giác vuông. Tính AC , biết $AB = 4$ cm, $AH = 1$ cm.

b) Trên tia đối của tia CA lấy điểm D sao cho $CD = CA$. Vẽ DE vuông góc với AB ($E \in AB$). Chứng minh $BECD$ là tứ giác nội tiếp.

c) Gọi I là giao điểm của DE và BC , K là điểm đối xứng của I qua C , tiếp tuyến của (O) tại C cắt KA tại M . Chứng minh KA là tiếp tuyến của (O) và BM đi qua trung điểm của CH .

Câu 5 (0,50 điểm) Trong quá trình thiết kế công viên thiếu nhi, kĩ sư sử dụng mảnh đất hình chữ nhật có diện tích 600 m^2 để làm bãi đỗ xe. Một cạnh của mảnh đất được xây bằng tường gạch với mỗi mét chiều dài chi phí hết 280000 đồng, ba cạnh còn lại được rào bằng một loại thép với mỗi mét chiều dài chi phí hết 140000 đồng, trong đó có mở cổng rộng 5 m (như hình vẽ). Tìm chu vi của mảnh đất sao cho chi phí làm hàng rào là ít nhất.



HẾT

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
KHÁNH HÒA**

**KỶ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT
NĂM HỌC: 2023 - 2024**

Môn thi: TOÁN

Ngày thi: 05/06/2023

Thời gian: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

ĐÁP ÁN THAM KHẢO

**Lời giải tham khảo được thực hiện bởi team Zalo Gv Nha Trang:
Nguyễn Bá Vinh, Kim Huệ, Quyên Quyên, Ntt, Minh Lan và Lê Thị Ngọc Huyền**

Câu 1 (2,00 điểm) Không sử dụng máy tính cầm tay

a) Rút gọn biểu thức $A = \sqrt{25} + \sqrt{16} - \sqrt{4}$.

b) Giải hệ phương trình $\begin{cases} x + y = 8 \\ 2x - y = 1 \end{cases}$.

Lời giải

a) $A = \sqrt{25} + \sqrt{16} - \sqrt{4} = 5 + 4 - 2 = 7$.

b) $\begin{cases} x + y = 8 \\ 2x - y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x = 9 \\ y = 8 - x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 5 \end{cases}$

Câu 2 (2,50 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $(d): y = 6x + 2023$ và parabol $(P): y = x^2$.

a) Vẽ parabol (P) .

b) Chứng minh (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt.

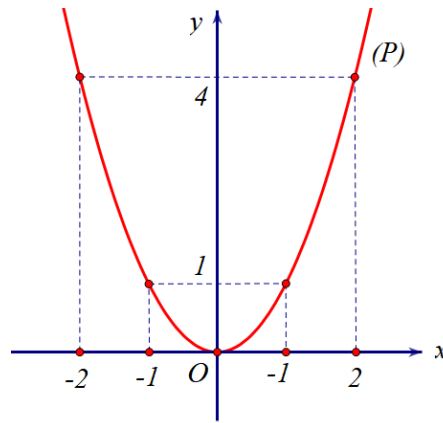
c) Gọi x_1 và x_2 là hoành độ giao điểm của (d) và (P) . Tính $x_1 + x_2$ và $x_1 \cdot x_2$. Từ đó lập phương trình bậc hai ẩn t có hai nghiệm $t_1 = x_1 + 2x_2$ và $t_2 = x_2 + 2x_1$.

Lời giải

a) Bảng giá trị

x	-2	-1	0	1	2
$y = x^2$	4	1	0	1	4

Đồ thị



b) Phương trình hoành độ giao điểm của (d) và (P) :

$$x^2 = 6x + 2023 \Leftrightarrow x^2 - 6x - 2023 = 0 \quad (*)$$

Vì $\Delta = (-6)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-2023) = 8128 > 0$ nên phương trình $(*)$ có hai nghiệm phân biệt.

Vậy (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt.

Cách 2:

Ta có: $a.c = 1 \cdot (-2023) = -2023 < 0$

Nên phương trình luôn có hai nghiệm phân biệt trái dấu

Vậy (d) luôn cắt (P) tại hai điểm phân biệt.

c) Theo Vi-et ta có

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{-6}{1} = 6 \\ x_1 \cdot x_2 = -2023. \end{cases}$$

Suy ra:

$$\begin{cases} t_1 + t_2 = (x_1 + 2x_2) + (x_2 + 2x_1) \\ t_1 \cdot t_2 = (x_1 + 2x_2) \cdot (x_2 + 2x_1) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t_1 + t_2 = x_1 + 2x_2 + x_2 + 2x_1 \\ t_1 \cdot t_2 = x_1x_2 + 2x_1^2 + 2x_2^2 + 4x_1x_2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} t_1 + t_2 = 3x_1 + 3x_2 \\ t_1 \cdot t_2 = 5x_1x_2 + 2(x_1^2 + x_2^2) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t_1 + t_2 = 3 \cdot (x_1 + x_2) \\ t_1 \cdot t_2 = 5x_1x_2 + 2[(x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2] \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} t_1 + t_2 = 3 \cdot 6 \\ t_1 \cdot t_2 = 5 \cdot (-2023) + 2[6^2 - 2 \cdot (-2023)] \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t_1 + t_2 = 18 \\ t_1 \cdot t_2 = -1951 \end{cases}$$

Đặt $S = t_1 + t_2 = 18$; $P = t_1 \cdot t_2 = -1951$

Do $S^2 - 4P = 18^2 - 4 \cdot (-1951) = 8128 > 0$

nên theo định lí Vi-et đảo ta có t_1 ; t_2 là hai nghiệm của phương trình bậc hai

$$\begin{aligned} t^2 - S.t + P &= 0 \\ \Leftrightarrow t^2 - 18t - 1951 &= 0 \end{aligned}$$

Vậy phương trình bậc hai ẩn t cần tìm là: $t^2 - 18t - 1951 = 0$

Câu 3: (2,00 Điểm)

- a) Hưởng ứng phong trào “Ngày chủ nhật xanh” do Tỉnh đoàn phát động. Trường THCS X chọn 15 học sinh chia thành hai tổ tham gia trồng cây. Tổ I trồng được 30 cây, tổ II trồng được 36 cây. Biết rằng mỗi học sinh ở tổ I trồng được nhiều hơn mỗi học sinh ở tổ II là 1 cây. Hỏi mỗi tổ có bao nhiêu học sinh?

Lời giải:**Cách 1: Lập hệ phương trình**

Gọi $x; y$ (Học sinh) lần lượt là số học sinh của tổ I và tổ II. ($x, y \in \mathbb{N}^*$ và $x, y < 15$)

Theo đề ta có: $x + y = 15$ (1)

Số cây mỗi học sinh tổ I trồng được là: $\frac{30}{x}$ (cây)

Số cây mỗi học sinh tổ II trồng được là: $\frac{36}{y}$ (cây)

Mỗi học sinh ở tổ I trồng được nhiều hơn mỗi học sinh ở tổ II là 1 cây nên ta có $\frac{30}{x} - \frac{36}{y} = 1$ (2)

Từ (1) và (2) ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} x + y = 15 \\ \frac{30}{x} - \frac{36}{y} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 15 - y \\ \frac{30}{15 - y} - \frac{36}{y} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 15 - y \\ \frac{30y - 36(15 - y)}{y(15 - y)} = \frac{y(15 - y)}{y(15 - y)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 15 - y \\ 30y - 540 + 36y = 15y - y^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 15 - y \\ y^2 + 51y - 540 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 15 - y \\ (y - 9)(y + 60) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 15 - y \\ \begin{cases} y = 9(tm) \\ y = -60(ktm) \end{cases} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 15 - 9 = 6 \\ y = 9 \end{cases}$$

Vậy: Số học sinh của tổ I là 6 (Học sinh)
Số học sinh của tổ II là 9 (Học sinh)

Cách 2: Lập phương trình bậc hai

	Số học sinh	Số cây / 1hs	Số cây trồng được
Tổ I	x	$\frac{30}{x}$	30
Tổ II	$15 - x$	$\frac{36}{15 - x}$	36
	\Rightarrow Phương trình: $\frac{30}{x} - \frac{36}{15 - x} = 1$		

Gọi số học sinh của Tổ I là x (học sinh) ($x \in \mathbb{N}^*; x < 15$)

Khi đó, số học sinh của Tổ II là $15 - x$ (học sinh)

Mỗi học sinh tổ I trồng được $\frac{30}{x}$ (cây)

Mỗi học sinh tổ I trồng được $\frac{36}{15-x}$ (cây)

Theo đề bài, ta có phương trình :

$$\begin{aligned} \frac{30}{x} - \frac{36}{15-x} &= 1 \\ \Leftrightarrow 30.(15-x) - 36x &= 1.x.(15-x) \\ \Leftrightarrow 450 - 30x - 36x &= 15x - x^2 \\ \Leftrightarrow x^2 - 15x + 450 - 30x - 36x &= 0 \\ \Leftrightarrow x^2 - 81x + 450 &= 0 \\ \dots \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 75(L) \\ x_2 = 6 \quad (t/m) \end{cases} \end{aligned}$$

Vậy tổ I có 6 học sinh ; tổ II có 9 học sinh.

- b) Gạch xây 3 lỗ (Như hình vẽ) được làm bằng đất nung, thường được sử dụng trong các công trình có dạng hình hộp chữ nhật với chiều dài 220 mm, chiều rộng 105 mm, chiều cao 60 mm. Mỗi lỗ là hình trụ có trục song song với chiều cao viên gạch, đường kính đáy là 14 mm. Tính thể tích phần đất nung của một viên gạch. Biết $V = abc$; $V = \pi r^2 .h$ lần lượt là công thức tính thể tích hình hộp chữ nhật và hình trụ (trong đó a, b, c là ba kích thước của hình hộp chữ nhật, r là bán kính đường tròn đáy, h là chiều cao hình trụ, lấy $\pi \approx 3,14$)



Lời giải:

Thể tích viên gạch hình hộp chữ nhật khi chưa khoét lỗ là:

$$V_1 = a.b.c = 220.105.60 = 1386000 \text{ (mm}^3\text{)}$$

Thể tích mỗi lỗ hình trụ trong viên gạch là:

$$V_2 = \pi r^2 h = \pi . \left(\frac{40}{2} \right)^2 . 60 = 9231,6 \text{ (mm}^3\text{)}$$

Thể tích phần đất nung của viên gạch là:

$$V = V_1 - 3.V_2 = 1386000 - 3.9231,6 = 1358305,2 \text{ (mm}^3\text{)}$$

Vậy: Thể tích phần đất nung của viên gạch là 1358305,2 mm³.

Câu 4 (3,00 điểm) Cho đường tròn (O) đường kính AB và điểm C thuộc đường tròn sao cho $AC < BC$ (C khác A). Vẽ CH vuông góc với AB (H ∈ AB).

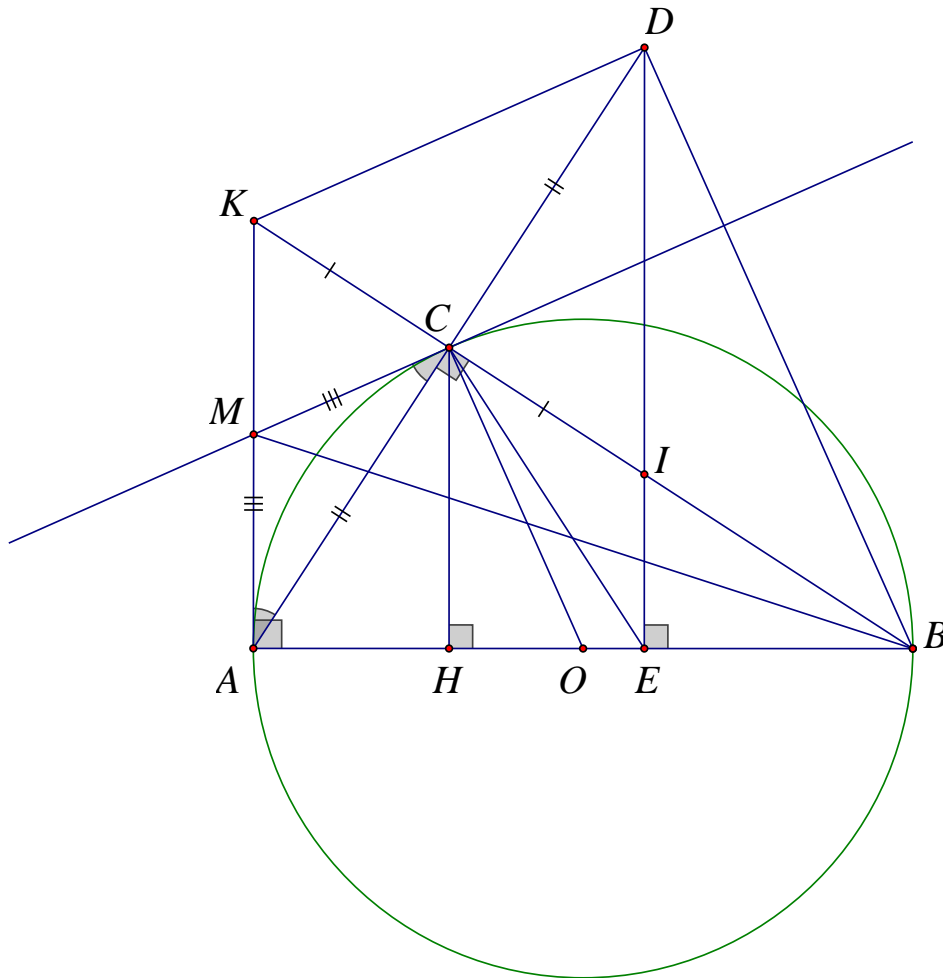
a) Chứng minh $\triangle ABC$ là tam giác vuông. Tính AC, biết $AB = 4\text{cm}$, $AH = 1\text{cm}$.

b) Trên tia đối của tia CA lấy điểm D sao cho $CD = CA$. Vẽ DE vuông góc với AB (E ∈ AB). Chứng minh BECD là tứ giác nội tiếp.

c) Gọi I là giao điểm của DE và BC, K là điểm đối xứng của I qua C, tiếp tuyến của (O) tại C cắt KA tại M. Chứng minh KA là tiếp tuyến của (O) và BM đi qua trung điểm của CH.

Link nhóm giao lưu Toán cấp 2: <https://zalo.me/g/phfxzq739>

Lời giải:



a) Chứng minh ΔABC là tam giác vuông. Tính AC, biết $AB = 4\text{cm}$, $AH = 1\text{cm}$.

+ Xét đường tròn (O) có ACB là góc nội tiếp chắn nửa đường tròn

$\Rightarrow ACB = 90^\circ$ hay ΔABC vuông tại C

+ ΔABC vuông tại C có CH là đường cao

$\Rightarrow AC^2 = AH \cdot AB = 1 \cdot 4 = 4$ (Hệ thức lượng trong tam giác vuông)

$\Rightarrow AC = 2\text{cm}$

b) Trên tia đối của tia CA lấy điểm D sao cho $CD = CA$. Vẽ DE vuông góc với AB ($E \in AB$). Chứng minh BECD là tứ giác nội tiếp.

+ Xét tứ giác BECD có $DCB = DEB$

Mà chúng ở vị kế nhau cùng nhìn cạnh DB

Nên tứ giác BECD nội tiếp

c) Gọi I là giao điểm của DE và BC, K là điểm đối xứng của I qua C, tiếp tuyến của (O) tại C cắt KA tại M. Chứng minh KA là tiếp tuyến của (O) và BM đi qua trung điểm của CH.

+ Tứ giác AKDI có $CK = CI$ (K là điểm đối xứng của I qua C) và $CA = CD$

\Rightarrow Tứ giác AKDI là hình bình hành (hai đường chéo cắt nhau tại trung điểm mỗi đường)

$\Rightarrow AK \parallel DI$ mà $DI \perp AO$ tại E

$\Rightarrow AK \perp AO$ tại A

Mà AO là bán kính của đường tròn (O) nên AK là tiếp tuyến của đường tròn (O) tại A.

Link nhóm giao lưu Toán cấp 2: <https://zalo.me/g/phfxzq739>

+ Đường tròn (O) có MA, MC là 2 tiếp tuyến cắt nhau $\Rightarrow MA = MC$ (1)

$\Rightarrow \Delta MAC$ cân tại M $\Rightarrow MAC = MCA$

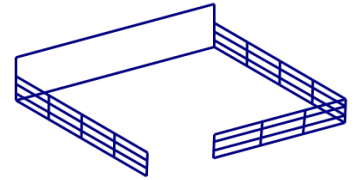
Mà $KCM + MCA = 90^\circ$ nên $KCM + MAC = 90^\circ$

Mà $MKC + MAC = 90^\circ$ (ΔAKC vuông tại C) nên $KCM = MKC$

$\Rightarrow \Delta KMC$ cân tại M $\Rightarrow MC = MK$ (2)

+ Từ (1) và (2) $\Rightarrow MA = MK$ hay BM đi qua trung điểm của CH

Câu 5 (0,50 điểm) Trong quá trình thiết kế công viên thiếu nhi, kỹ sư sử dụng mảnh đất hình chữ nhật có diện tích 600 m^2 để làm bãi đỗ xe. Một cạnh của mảnh đất được xây bằng tường gạch với mỗi mét chiều dài chi phí hết 280 000 đồng, ba cạnh còn lại được rào bằng một loại thép với mỗi mét chiều dài chi phí hết 140 000 đồng, trong đó có mở cổng rộng 5 m (như hình vẽ). Tìm chu vi của mảnh đất sao cho chi phí làm hàng rào là ít nhất.



Lời giải

Gọi x và y (m) lần lượt là độ dài cạnh được xây bằng tường và cạnh được rào bằng thép ($x, y > 0$).

Diện tích của mảnh đất là $x \cdot y$ (m).

Chi phí xây tường gạch là $280000x$ (đồng).

Chi phí rào bằng thép là $140000(2y + x - 5)$ (đồng).

Tổng chi phí là $C = 420x + 280y - 720$ (nghìn đồng).

$$\text{Dùng bất đẳng thức } \alpha x + \beta y \geq 2\sqrt{\alpha \cdot \beta \cdot x \cdot y} \Leftrightarrow (\sqrt{\alpha x} - \sqrt{\beta y})^2 \geq 0$$

Dấu "=" xảy ra khi $\alpha x = \beta y$.

Áp dụng bất đẳng thức với $\alpha = 42$, $\beta = 28$ và $x \cdot y = 600$.

Ta có $C \geq 2\sqrt{42 \cdot 28 \cdot xy} - 70 = 1680 - 70 = 1610$.

$$\text{Do đó } \min C = 1610 \Leftrightarrow \begin{cases} 42x = 28y \\ xy = 600 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x = 2y \\ x \cdot 3x = 1200 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 20 \\ y = 30 \end{cases}$$

Vậy chu vi của mảnh đất để chi phí làm hàng rào nhỏ nhất là

$$2y + 2x - 5 = 95 \text{ (m)}$$