

ĐỀ THI CHÍNH THỨC

ĐỀ CHÍNH THỨC

Câu 1 (2,5 điểm).

- a) Giải phương trình $x^2 - 6x + 5 = 0$.
- b) Giải hệ phương trình $\begin{cases} 3x - y = 5 \\ x + 2y = 18 \end{cases}$.
- c) Rút gọn biểu thức $A = (3\sqrt{5} - \sqrt{27} - \sqrt{20})\sqrt{5} + 3\sqrt{15}$.

Câu 2 (2,0 điểm).

Cho hàm số $y = -\frac{1}{2}x^2$ có đồ thị (P) và đường thẳng $(d): y = (m-1)x - m - 3$ (với m là tham số).

- a) Vẽ (P) .
- b) Tìm tất cả các giá trị của tham số m để (P) và (d) cắt nhau tại hai điểm phân biệt A, B có hoành độ tương ứng x_A, x_B sao cho biểu thức $Q = x_A^2 + x_B^2$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 3 (1,5 điểm).

- a) Giải phương trình $4x^2 + \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 1} + x} - 3 = 0$.
- b) Một thửa ruộng hình chữ nhật có độ dài đường chéo là $40m$, chiều dài hơn chiều rộng $8m$. Tính diện tích thửa ruộng đó.

Câu 4 (3,5 điểm).

Cho tam giác ABC nhọn với $AB < AC$. Đường tròn (O) đường kính BC cắt các cạnh AB, AC lần lượt tại F, E (F khác B và E khác C). BE cắt CF tại H , AH cắt BC tại D .

- a) Chứng minh $AEHF$ và $AFDC$ là các tứ giác nội tiếp.
- b) Chứng minh DA là tia phân giác của góc \widehat{EDF} .
- c) Gọi K là giao điểm của đường thẳng EF và đường thẳng BC .

Chứng minh $KE.KF = KD.KO$.

- d) Gọi P, Q lần lượt là hình chiếu vuông góc của B và C lên đường thẳng EF .

Chứng minh $DE + DF = PQ$.

Câu 5 (0,5 điểm). Cho các số thực dương x, y . Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$P = \sqrt{\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2} + 2} + \frac{\sqrt{xy}}{x + y}.$$

-----HẾT-----

Chữ kí của cán bộ coi thi số 1:

Họ và tên thí sinh: Số báo danh:

		Nội dung	Điểm
Câu	Ý		
Câu 1 (2,5 điểm)	d)	Giải phương trình $x^2 - 6x + 5 = 0$.	
	e)	Giải hệ phương trình $\begin{cases} 3x - y = 5 \\ x + 2y = 18 \end{cases}$.	
	f)	Rút gọn biểu thức $A = (3\sqrt{5} - \sqrt{27} - \sqrt{20})\sqrt{5} + 3\sqrt{15}$.	
	a	$x^2 - 6x + 5 = 0$.	
		$\Delta' = b'^2 - ac = (-3)^2 - 1.5 = 4 (\Delta = 16)$ Phương trình có hai nghiệm $x_1 = 1, x_2 = 5$.	0.25 0.25x2
	b	$\begin{cases} 3x - y = 5 \\ x + 2y = 18 \end{cases}$	
		$\Leftrightarrow \begin{cases} 6x - 2y = 10 \\ x + 2y = 18 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 7x = 28 \\ x + 2y = 18 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 \\ y = 7 \end{cases}$	0.25x3
c	$A = (3\sqrt{5} - \sqrt{27} - \sqrt{20})\sqrt{5} + 3\sqrt{15}$		
	$= (3\sqrt{5} - 3\sqrt{3} - 2\sqrt{5})\sqrt{5} + 3\sqrt{15}$	0.25	
	$= (\sqrt{5} - 3\sqrt{3})\sqrt{5} + 3\sqrt{15}$	0.25	
	$= 5 - 3\sqrt{15} + 3\sqrt{15} = 5$	0.25x2	
Câu 2 (2,0 điểm)		Cho hàm số $y = -\frac{1}{2}x^2$ có đồ thị (P) và đường thẳng $(d): y = (m-1)x - m - 3$ (với m là tham số).	
	a)	Vẽ (P) .	
	b)	Tìm tất cả các giá trị của tham số m để (P) và (d) cắt nhau tại hai điểm phân biệt A, B có hoành độ tương ứng x_A, x_B sao cho biểu thức $Q = x_A^2 + x_B^2$ đạt giá trị nhỏ nhất.	
	a	Lấy đúng tọa độ 3 điểm thuộc (P) (Hoặc lập đúng bảng giá trị) Vẽ đúng đồ thị đi qua các điểm đã chọn	0.5 0.5
		b	Xét pt hoành độ giao điểm của (P) và (d) : $-\frac{1}{2}x^2 = (m-1)x - m - 3 \Leftrightarrow x^2 + 2(m-1)x - 2m - 6 = 0$
		$\Delta' = (m-1)^2 - 1(-2m-6) = m^2 + 7 > 0, \forall m$ Vậy (P) và (d) luôn cắt nhau tại hai điểm phân biệt A, B với mọi m .	0.25
		Theo định lý vi-ét ta có: $\begin{cases} x_A + x_B = -2m + 2 \\ x_A x_B = -2m - 6 \end{cases} \Rightarrow Q = x_A^2 + x_B^2 = (x_A + x_B)^2 - 2x_A x_B = 4m^2 - 4m + 16$	0.25
	$= (2m-1)^2 + 15 \geq 15$ Vậy $\text{Min } Q = 15$ đạt được khi $m = \frac{-1}{2}$	0.25	
Câu 3 (1,5 điểm)	c)	Giải phương trình $4x^2 + \frac{2x}{\sqrt{x^2+1+x}} - 3 = 0$.	
	d)	Một thửa ruộng hình chữ nhật có độ dài đường chéo là $40m$, chiều dài hơn chiều rộng $8m$. Tính diện tích thửa ruộng đó.	

	Mà $\widehat{AFC} = 90^\circ$ (cmt) $\Rightarrow AFDC$ là tứ giác nội tiếp.	0.25
b	Ta có $\widehat{FDA} = \widehat{FCE}$ (cùng chắn \widehat{AF}).	0.25
	Vì $DHEC$ nội tiếp $\Rightarrow \widehat{FCA} = \widehat{ADE}$.	0.25
	Suy ra $\widehat{ADF} = \widehat{ADE} \Rightarrow DA$ là tia phân giác của \widehat{FDE} .	0.25
c	$\widehat{ADF} = \widehat{ACF} \Rightarrow 2\widehat{ADF} = 2\widehat{ACF}$	0.25
	$\Rightarrow \widehat{EDF} = \widehat{EOF}$ \Rightarrow tứ giác $OEFD$ nội tiếp	0.25
	$\Rightarrow \widehat{FEO} = \widehat{FDK} \Rightarrow \Delta KDF \sim \Delta KEO \Rightarrow KE.KF = KD.KO$.	0.25
d	Gọi M là giao điểm của FD với (O) . Ta có $\widehat{ECD} = \widehat{DHB} = \widehat{DFB} = \widehat{BCM}$ mặt khác $\widehat{EDC} = \widehat{FDB} = \widehat{MDC}$ Suy ra $\Delta DEC = \Delta DMC \Rightarrow DE = DM \Rightarrow DF + DE = DF + DM = FM$ (3)	0.25
	Gọi N là giao điểm của QC với (O) . Dễ thấy $BNQP$ là hình chữ nhật $\Rightarrow PQ = BN$ và $\widehat{BF} = \widehat{EN}$; $\widehat{BM} = \widehat{BE}$ (vì $\widehat{EC} = \widehat{MC}$) $\Rightarrow \widehat{BM} + \widehat{BF} = \widehat{BE} + \widehat{EN} \Rightarrow \widehat{FM} = \widehat{BN} \Rightarrow FM = BN = PQ$ (4) Từ (3) và (4) suy ra $DE + DF = PQ$.	0.25
Câu 5 (0,5 điểm)	Cho các số thực dương x, y . Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \sqrt{\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2} + 2} + \frac{\sqrt{xy}}{x+y}$.	
	Áp dụng BĐT cô si ta có: $P = \sqrt{\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x}\right)^2} + \frac{\sqrt{xy}}{x+y} = \frac{x^2 + y^2}{xy} + \frac{\sqrt{xy}}{x+y} = \frac{(x+y)^2}{xy} + 4 + \frac{\sqrt{xy}}{x+y} - 6$ $\geq 2\sqrt{\frac{(x+y)^2}{xy}} + \frac{\sqrt{xy}}{x+y} - 6 = \frac{4(x+y)}{\sqrt{xy}} + \frac{\sqrt{xy}}{x+y} - 6$	0.25
	$= \frac{(x+y)}{4\sqrt{xy}} + \frac{\sqrt{xy}}{x+y} + \frac{15(x+y)}{4\sqrt{xy}} - 6 \geq 2\sqrt{\frac{(x+y)}{4\sqrt{xy}} \cdot \frac{\sqrt{xy}}{x+y}} + \frac{15 \cdot 2\sqrt{xy}}{4\sqrt{xy}} - 6 = \frac{5}{2}$ Đẳng thức xảy ra khi $x = y$. Vậy $\min P = \frac{5}{2}$.	0.25