

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO THÀNH PHỐ HỒ CHÍ MINH  
TRƯỜNG THCS-THPT HOA SEN



ĐỀ THI TRUNG HỌC QUỐC GIA  
TỪ NĂM 2017-2020

Môn  
Toán



Năm - 2020

# MỤC LỤC

<b>NĂM HỌC 2016-2017</b>		<b>3</b>
1	<b>ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1 NĂM 2017</b>	<b>3</b>
2	<b>ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2 NĂM 2017</b>	<b>7</b>
3	<b>ĐỀ MINH HỌA-LẦN 3 NĂM 2017</b>	<b>11</b>
4	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 101 NĂM 2017</b>	<b>15</b>
5	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 102 NĂM 2017</b>	<b>19</b>
6	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 103 NĂM 2017</b>	<b>23</b>
7	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 104 NĂM 2017</b>	<b>27</b>
<b>NĂM HỌC 2017-2018</b>		<b>30</b>
8	<b>ĐỀ MINH HỌA NĂM 2018</b>	<b>30</b>
9	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 101 NĂM 2018</b>	<b>34</b>
10	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 102 NĂM 2018</b>	<b>38</b>
11	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 103 NĂM 2018</b>	<b>42</b>
12	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 104 NĂM 2018</b>	<b>46</b>
<b>NĂM HỌC 2018-2019</b>		<b>50</b>
13	<b>ĐỀ MINH HỌA NĂM 2019</b>	<b>50</b>
14	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2019</b>	<b>54</b>
15	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102 NĂM 2019</b>	<b>58</b>
16	<b>ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103 NĂM 2019</b>	<b>62</b>

17	ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104 NĂM 2019	66
	NĂM HỌC 2019-2020	70
18	ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1 NĂM 2020	70
19	ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2 NĂM 2020	74
20	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2020	77
21	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 102 NĂM 2020	81
22	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 103 NĂM 2020	84
23	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 104 NĂM 2020	88
24	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2020	91
25	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 102 NĂM 2020	95
26	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 103 NĂM 2020	98
27	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 104 NĂM 2020	101
28	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 105 NĂM 2020	105
29	ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 106 NĂM 2020	108

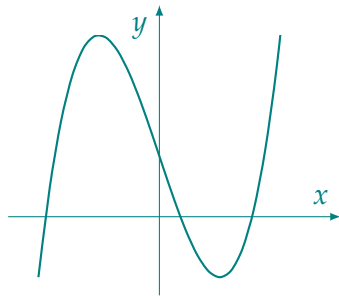
**1** ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1 NĂM 2017

KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017  
ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.**

Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



- (A)  $y = -x^2 + x - 1$ .      (B)  $y = -x^3 + 3x + 1$ .  
(C)  $y = x^3 - 3x + 1$ .      (D)  $y = x^4 - x^2 + 1$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} = 1$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} = -1$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- (A) Đồ thị hàm số đã cho không có tiệm cận ngang.  
(B) Đồ thị hàm số đã cho có đúng một tiệm cận ngang.  
(C) Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là các đường thẳng  $y = 1$  và  $y = -1$ .  
(D) Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là các đường thẳng  $x = 1$  và  $x = -1$ .

**Câu 3.** Hỏi hàm số  $y = 2x^4 + 1$  đồng biến trên khoảng nào?

- (A)  $(-\infty; -\frac{1}{2})$ .      (B)  $(0; +\infty)$ .  
(C)  $(-\frac{1}{2}; +\infty)$ .      (D)  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$\parallel$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$0$	$-1$	$+\infty$	

Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- (A) Hàm số có đúng một cực trị.  
(B) Hàm số có giá trị cực tiểu bằng 1.  
(C) Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 0 và giá trị nhỏ nhất bằng -1.

(D) Hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$  và đạt cực tiểu tại  $x = 1$ .

**Câu 5.** Tìm giá trị cực đại  $y_{CD}$  của hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$ .

- (A)  $y_{CD} = 4$ .      (B)  $y_{CD} = 1$ .  
(C)  $y_{CD} = 0$ .      (D)  $y_{CD} = -1$ .

**Câu 6.** Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x^2 + 3}{x - 1}$  trên đoạn  $[2; 4]$ .

- (A)  $\min_{[2;4]} y = 6$ .      (B)  $\min_{[2;4]} y = -2$ .  
(C)  $\min_{[2;4]} y = -3$ .      (D)  $\min_{[2;4]} y = \frac{19}{3}$ .

**Câu 7.** Biết rằng đường thẳng  $y = -2x + 2$  cắt đồ thị hàm số  $y = x^3 + x + 2$  tại điểm duy nhất; kí hiệu  $(x_0; y_0)$  là tọa độ của điểm đó. Tìm  $y_0$ .

- (A)  $y_0 = 4$ .      (B)  $y_0 = 0$ .  
(C)  $y_0 = 2$ .      (D)  $y_0 = -1$ .

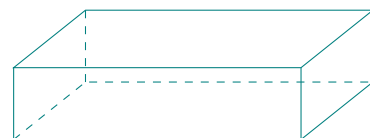
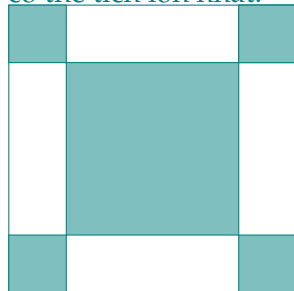
**Câu 8.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị của hàm số  $y = x^4 + 2mx^2 + 1$  có ba điểm cực trị tạo thành một tam giác vuông cân.

- (A)  $m = -\frac{1}{\sqrt[3]{9}}$ .      (B)  $m = -1$ .  
(C)  $m = \frac{1}{\sqrt[3]{9}}$ .      (D)  $m = 1$ .

**Câu 9.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị của hàm số  $y = \frac{x+1}{\sqrt{mx^2+1}}$  có hai đường tiệm cận ngang.

- (A) Không có giá trị thực nào của  $m$  thỏa mãn yêu cầu đề bài.  
(B)  $m < 0$ .  
(C)  $m = 0$ .  
(D)  $m > 0$ .

**Câu 10.** Cho một tấm nhôm hình vuông cạnh 12 cm. Người ta cắt ở bốn góc của tấm nhôm đó bốn hình vuông bằng nhau, mỗi hình vuông có cạnh bằng  $x$  (cm), rồi gập tấm nhôm lại như hình vẽ dưới đây để được một cái hộp không nắp. Tìm  $x$  để hộp nhận được có thể tích lớn nhất.



- (A)  $x = 6$ .      (B)  $x = 3$ .      (C)  $x = 2$ .      (D)  $x = 4$ .

**Câu 11.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{\tan x - 2}{\tan x - m}$  đồng biến trên khoảng  $(0; \frac{\pi}{4})$ .

- (A)  $m \leq 0$  hoặc  $1 \leq m < 2$ .  
 (B)  $m \leq 0$ .  
 (C)  $1 \leq m < 2$ .  
 (D)  $m \geq 2$ .

**Câu 12.** Giải phương trình  $\log_4(x - 1) = 3$ .

- (A)  $x = 63$ . (B)  $x = 65$ . (C)  $x = 80$ . (D)  $x = 82$ .

**Câu 13.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = 13^x$ .

- (A)  $y' = x \cdot 13^{x-1}$ . (B)  $y' = 13^x \cdot \ln 13$ .  
 (C)  $y' = 13^x$ . (D)  $y' = \frac{13^x}{\ln 13}$ .

**Câu 14.** Giải bất phương trình  $\log_2(3x - 1) > 3$ .

- (A)  $x > 3$ . (B)  $\frac{1}{3} < x < 3$ .  
 (C)  $x < 3$ . (D)  $x > \frac{10}{3}$ .

**Câu 15.** Tìm tập xác định  $\mathcal{D}$  của hàm số  $y = \log_2(x^2 - 2x - 3)$ .

- (A)  $\mathcal{D} = (-\infty; -1] \cup [3; +\infty)$ .  
 (B)  $\mathcal{D} = [-1; 3]$ .  
 (C)  $\mathcal{D} = (-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$ .  
 (D)  $\mathcal{D} = (-1; 3)$ .

**Câu 16.** Cho hàm số  $f(x) = 2^x \cdot 7^{x^2}$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định sai?

- (A)  $f(x) < 1 \Leftrightarrow x + x^2 \log_2 7 < 0$ .  
 (B)  $f(x) < 1 \Leftrightarrow x \ln 2 + x^2 \ln 7 < 0$ .  
 (C)  $f(x) < 1 \Leftrightarrow x \log_7 2 + x^2 < 0$ .  
 (D)  $f(x) < 1 \Leftrightarrow 1 + x \log_2 7 < 0$ .

**Câu 17.** Cho các số thực dương  $a, b$ , với  $a \neq 1$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- (A)  $\log_{a^2}(ab) = \frac{1}{2} \log_a b$ .  
 (B)  $\log_{a^2}(ab) = 2 + 2 \log_a b$ .  
 (C)  $\log_{a^2}(ab) = \frac{1}{4} \log_a b$ .  
 (D)  $\log_{a^2}(ab) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \log_a b$ .

**Câu 18.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \frac{x+1}{4^x}$ .

- (A)  $y' = \frac{1 - 2(x+1) \ln 2}{2^{2x}}$ .  
 (B)  $y' = \frac{1 + 2(x+1) \ln 2}{2^{2x}}$ .  
 (C)  $y' = \frac{1 - 2(x+1) \ln 2}{2^{x^2}}$ .  
 (D)  $y' = \frac{1 + 2(x+1) \ln 2}{2^{x^2}}$ .

**Câu 19.** Đặt  $a = \log_2 3, b = \log_5 3$ . Hãy biểu diễn  $\log_6 45$  theo  $a$  và  $b$ .

- (A)  $\log_6 45 = \frac{a + 2ab}{ab}$ . (B)  $\log_6 45 = \frac{2a^2 - 2ab}{ab}$ .  
 (C)  $\log_6 45 = \frac{a + 2ab}{ab + b}$ . (D)  $\log_6 45 = \frac{2a^2 - 2ab}{ab + b}$ .

**Câu 20.** Cho hai số thực  $a$  và  $b$ , với  $1 < a < b$ . Khẳng định nào dưới đây là khẳng định đúng?

- (A)  $\log_a b < 1 < \log_b a$ . (B)  $1 < \log_a b < \log_b a$ .  
 (C)  $\log_b a < \log_a b < 1$ . (D)  $\log_b a < 1 < \log_a b$ .

**Câu 21.** Ông A vay ngắn hạn ngân hàng 100 triệu đồng, với lãi suất 12%/năm. Ông muốn hoàn nợ cho ngân hàng theo cách: Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi lần là như nhau và trả hết tiền nợ sau đúng 3 tháng kể từ ngày vay. Hỏi, theo cách đó, số tiền  $m$  mà ông A sẽ phải trả cho ngân hàng trong mỗi lần hoàn nợ là bao nhiêu? Biết rằng, lãi suất ngân hàng không thay đổi trong thời gian ông A hoàn nợ.

- (A)  $m = \frac{100 \cdot (1,01)^3}{3}$  (triệu đồng).  
 (B)  $m = \frac{(1,01)^3}{(1,01)^3 - 1}$  (triệu đồng).  
 (C)  $m = \frac{100 \times 1,03}{3}$  (triệu đồng).  
 (D)  $m = \frac{120 \cdot (1,12)^3}{(1,12)^3 - 1}$  (triệu đồng).

**Câu 22.** Viết công thức tính thể tích  $V$  của khối tròn xoay được tạo ra khi quay hình thang cong, giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , trục  $Ox$  và hai đường thẳng  $x = a, x = b$  ( $a < b$ ), xung quanh trục  $Ox$ .

- (A)  $V = \pi \int_a^b f^2(x) dx$ . (B)  $V = \int_a^b f^2(x) dx$ .  
 (C)  $V = \pi \int_a^b f(x) dx$ . (D)  $V = \pi \int_a^b |f(x)| dx$ .

**Câu 23.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \sqrt{2x - 1}$ .

- (A)  $\int f(x) dx = \frac{2}{3}(2x - 1)\sqrt{2x - 1} + C$ .  
 (B)  $\int f(x) dx = \frac{1}{3}(2x - 1)\sqrt{2x - 1} + C$ .  
 (C)  $\int f(x) dx = -\frac{1}{3}(2x - 1)\sqrt{2x - 1} + C$ .  
 (D)  $\int f(x) dx = \frac{1}{2}(2x - 1)\sqrt{2x - 1} + C$ .

**Câu 24.** Một ô tô đang chạy với vận tốc 10m/s thì người lái đạp phanh; từ thời điểm đó, ô tô chuyển động chậm dần đều với vận tốc  $v(t) = -5t + 10$ (m/s), trong đó  $t$  là khoảng thời gian tính bằng giây, kể từ lúc bắt

đầu đạp phanh. Hỏi từ lúc đạp phanh đến khi dừng hẳn, ô tô còn di chuyển bao nhiêu mét?

- (A) 0,2m. (B) 2m. (C) 10m. (D) 20m.

**Câu 25.** Tính tích phân  $I = \int_0^{\pi} \cos^3 x \cdot \sin x \, dx$ .

- (A)  $I = -\frac{1}{4}\pi^4$ . (B)  $I = -\pi^4$ .  
(C)  $I = 0$ . (D)  $I = -\frac{1}{4}$ .

**Câu 26.** Tính tích phân  $I = \int_1^e x \ln x \, dx$

- (A)  $I = \frac{1}{2}$ . (B)  $I = \frac{e^2 - 2}{2}$ .  
(C)  $I = \frac{e^2 + 1}{4}$ . (D)  $I = \frac{e^2 - 1}{4}$ .

**Câu 27.** Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = x^3 - x$  và đồ thị hàm số  $y = x - x^2$ .

- (A)  $\frac{37}{12}$ . (B)  $\frac{9}{4}$ . (C)  $\frac{81}{12}$ . (D) 13.

**Câu 28.** Kí hiệu  $(H)$  là hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = 2(x - 1)e^x$ , trục tung và trục hoành. Tính thể tích  $V$  của khối tròn xoay thu được khi quay hình  $(H)$  xung quanh trục  $Ox$ .

- (A)  $V = 4 - 2e$ . (B)  $V = (4 - 2e)\pi$ .  
(C)  $V = e^2 - 5$ . (D)  $V = (e^2 - 5)\pi$ .

**Câu 29.** Cho số phức  $z = 3 - 2i$ . Tìm phần thực và phần ảo của số phức  $\bar{z}$

- (A) Phần thực bằng  $-3$  và Phần ảo bằng  $-2i$ .  
(B) Phần thực bằng  $-3$  và Phần ảo bằng  $-2$ .  
(C) Phần thực bằng  $3$  và Phần ảo bằng  $2i$ .  
(D) Phần thực bằng  $3$  và Phần ảo bằng  $2$ .

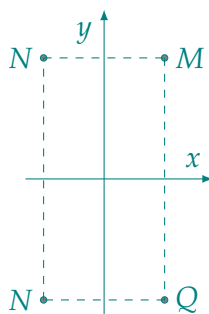
**Câu 30.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + i$  và  $z_2 = 2 - 3i$ . Tính môđun của số phức  $z_1 + z_2$

- (A)  $|z_1 + z_2| = \sqrt{13}$ . (B)  $|z_1 + z_2| = \sqrt{5}$ .  
(C)  $|z_1 + z_2| = 1$ . (D)  $|z_1 + z_2| = 5$ .

**Câu 31.**

Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $(1 + i)z = 3 - i$ . Hỏi điểm biểu diễn của  $z$  là điểm nào trong các điểm  $M, N, P, Q$  ở hình bên?

- (A) Điểm  $P$ . (B) Điểm  $Q$ .  
(C) Điểm  $M$ . (D) Điểm  $N$ .



**Câu 32.** Cho số phức  $z = 2 + 5i$ . Tìm số phức  $w = iz + \bar{z}$ .

- (A)  $w = 7 - 3i$ . (B)  $w = -3 - 3i$ .  
(C)  $w = 3 + 7i$ . (D)  $w = -7 - 7i$ .

**Câu 33.** Kí hiệu  $z_1, z_2, z_3$  và  $z_4$  là bốn nghiệm phức của phương trình  $z^4 - z^2 - 12 = 0$ .

Tính tổng  $T = |z_1| + |z_2| + |z_3| + |z_4|$ .

- (A)  $T = 4$ . (B)  $T = 2\sqrt{3}$ .  
(C)  $4 + 2\sqrt{3}$ . (D)  $T = 2 + 2\sqrt{3}$ .

**Câu 34.** Cho các số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = 4$ . Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn các số phức  $w = (3 + 4i)z + i$  là một đường tròn. Tính bán kính  $r$  của đường tròn đó.

- (A)  $r = 4$ . (B)  $r = 5$ . (C)  $r = 20$ . (D)  $r = 22$ .

**Câu 35.** Tính thể tích  $V$  của khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ , biết  $AC' = a\sqrt{3}$ .

- (A)  $V = a^3$ . (B)  $V = \frac{3\sqrt{6}a^3}{4}$ .  
(C)  $V = 3\sqrt{3}a^3$ . (D)  $V = \frac{1}{3}a^3$ .

**Câu 36.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{2}a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- (A)  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{6}$ . (B)  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{4}$ .  
(C)  $V = \sqrt{2}a^3$ . (D)  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .

**Câu 37.** Cho tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC$  và  $AD$  đôi một vuông góc với nhau;  $AB = 6a, AC = 7a$  và  $AD = 4a$ . Gọi  $M, N, P$  tương ứng là trung điểm các cạnh  $BC, CD, DB$ . Tính thể tích  $V$  của tứ diện  $A.MNP$ .

- (A)  $V = \frac{7}{2}a^3$ . (B)  $V = 14a^3$ .  
(C)  $V = \frac{28}{3}a^3$ . (D)  $V = 7a^3$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh bằng  $\sqrt{2}a$ . Tam giác  $SAD$  cân tại  $S$  và mặt bên  $(SAD)$  vuông góc với mặt phẳng đáy. Biết thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng  $\frac{4}{3}a^3$ . Tính khoảng cách  $h$  từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SCD)$ .

- (A)  $h = \frac{2}{3}a$ . (B)  $h = \frac{4}{3}a$ .  
(C)  $h = \frac{8}{3}a$ . (D)  $h = \frac{4}{4}a$ .

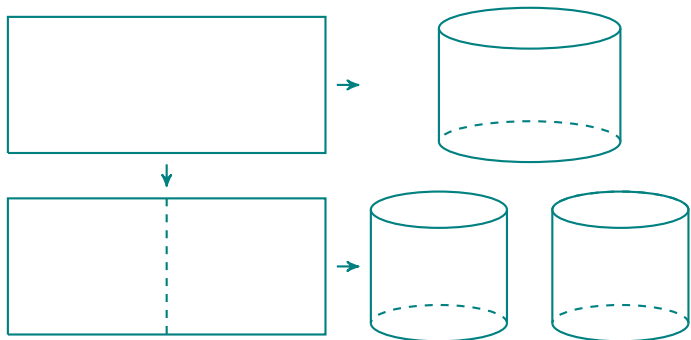
**Câu 39.** Trong không gian, cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A, AB = a$  và  $AC = \sqrt{3}a$ . Tính độ dài đường sinh  $l$  của hình nón, nhận được khi quay tam giác  $ABC$  xung quanh trục  $AB$ .

- (A)  $l = a$ . (B)  $l = \sqrt{2}a$ .  
(C)  $l = \sqrt{3}a$ . (D)  $l = 2a$ .

**Câu 40.** Từ một tấm tôn hình chữ nhật kích thước 50 cm × 240 cm, người ta làm các thùng đựng nước hình trụ có chiều cao bằng 50 cm, theo hai cách sau (xem hình minh họa dưới đây):

- Cách 1: Gò tấm tôn ban đầu thành mặt xung quanh của thùng.
- Cách 2: Cắt tấm tôn ban đầu thành hai tấm bằng nhau, rồi gò mỗi tấm đó thành mặt xung quanh của một thùng.

Kí hiệu  $V_1$  là thể tích của thùng gò được theo cách 1 và  $V_2$  là tổng thể tích của hai thùng gò được theo cách 2. Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .



- (A)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{2}$ .                      (B)  $\frac{V_1}{V_2} = 1$ .  
 (C)  $\frac{V_1}{V_2} = 2$ .                      (D)  $\frac{V_1}{V_2} = 4$ .

**Câu 41.** Trong không gian, cho hình chữ nhật  $ABCD$  có  $AB = 1$  và  $AD = 2$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $AD$  và  $BC$ . Quay hình chữ nhật đó xung quanh trục  $MN$ , ta được một hình trụ. Tính diện tích toàn phần  $S_{tp}$  của hình trụ đó.

- (A)  $S_{tp} = 4\pi$ .                      (B)  $S_{tp} = 2\pi$ .  
 (C)  $S_{tp} = 6\pi$ .                      (D)  $S_{tp} = 10\pi$ .

**Câu 42.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh bằng 1, mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy. Tính thể tích  $V$  của khối cầu ngoại tiếp hình chóp đã cho.

- (A)  $V = \frac{5\sqrt{15}\pi}{18}$ .                      (B)  $V = \frac{5\sqrt{15}\pi}{54}$ .  
 (C)  $V = \frac{4\sqrt{3}\pi}{27}$ .                      (D)  $V = \frac{5\pi}{3}$ .

**Câu 43.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 3x - z + 2 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- (A)  $\vec{n}_4 = (-1; 0; -1)$ .                      (B)  $\vec{n}_1 = (3; -1; 2)$ .  
 (C)  $\vec{n}_3 = (3; -1; 0)$ .                      (D)  $\vec{n}_2 = (3; 0; -1)$ .

**Câu 44.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ . Tìm tọa độ tâm  $I$  và tính bán kính  $R$  của  $(S)$ .

- (A)  $I(-1; 2; 1)$  và  $R = 3$ .

- (B)  $I(1; -2; -1)$  và  $R = 3$ .  
 (C)  $I(-1; 2; 1)$  và  $R = 9$ .  
 (D)  $I(1; -2; -1)$  và  $R = 9$ .

**Câu 45.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 3x + 4y + 2z + 4 = 0$  và điểm  $A(1; -2; 3)$ . Tính khoảng cách  $d$  từ  $A$  đến  $(P)$ .

- (A)  $d = \frac{5}{9}$ .                      (B)  $d = \frac{5}{29}$ .  
 (C)  $d = \frac{5}{\sqrt{29}}$ .                      (D)  $d = \frac{\sqrt{5}}{3}$ .

**Câu 46.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $\Delta$  có phương trình  $\frac{x - 10}{5} = \frac{y - 2}{1} = \frac{z + 2}{1}$ . Xét mặt phẳng  $(P) : 10x + 2y + mz + 11 = 0$ ,  $m$  là tham số thực. Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để mặt phẳng  $(P)$  vuông góc với đường thẳng  $\Delta$ .

- (A)  $m = -2$ .                      (B)  $m = 2$ .  
 (C)  $m = -52$ .                      (D)  $m = 52$ .

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(0; 1; 1)$  và  $B(1; 2; 3)$ . Viết phương trình của mặt phẳng  $(P)$  đi qua  $A$  và vuông góc với đường thẳng  $AB$ .

- (A)  $x + y + 2z - 3 = 0$ .  
 (B)  $x + y + 2z - 6 = 0$ .  
 (C)  $x + 3y + 4z - 7 = 0$ .  
 (D)  $x + 3y + 4z - 26 = 0$ .

**Câu 48.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(2; 1; 1)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x + y + 2z + 2 = 0$ . Biết mặt phẳng  $(P)$  cắt mặt cầu  $(S)$  theo giao tuyến là một đường tròn có bán kính bằng 1. Viết phương trình của mặt cầu  $(S)$ .

- (A)  $(S) : (x + 2)^2 + (y + 1)^2 + (z + 1)^2 = 8$ .  
 (B)  $(S) : (x + 2)^2 + (y + 1)^2 + (z + 1)^2 = 10$ .  
 (C)  $(S) : (x - 2)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 8$ .  
 (D)  $(S) : (x - 2)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 10$ .

**Câu 49.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(1; 0; 2)$  và đường thẳng  $d$  có phương trình:  $\frac{x - 1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z + 1}{2}$ . Viết phương trình đường thẳng  $\Delta$  đi qua  $A$ , vuông góc và cắt  $d$ .

- (A)  $\Delta : \frac{x - 1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z + 2}{1}$ .  
 (B)  $\Delta : \frac{x - 1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z + 2}{-1}$ .  
 (C)  $\Delta : \frac{x - 1}{2} = \frac{y}{2} = \frac{z - 2}{1}$ .  
 (D)  $\Delta : \frac{x - 1}{1} = \frac{y}{-3} = \frac{z - 2}{1}$ .

**Câu 50.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho bốn điểm  $A(1; \sqrt{2}; 0)$ ,  $B(0; \sqrt{1}; 1)$ ,  $C(2; 1; \sqrt{1})$  và  $D(3; 1; 4)$ . Hỏi có tất cả bao nhiêu mặt phẳng cách đều bốn điểm đó?

- Ⓐ 1 mặt phẳng.                      Ⓑ 4 mặt phẳng.  
 Ⓒ 7 mặt phẳng.                      Ⓓ Có vô số mặt phẳng.

—Hết—

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. C	3. B	4. D	5. A	6. A	7. C	8. B	9. D	10. C	11. A
12. B	13. B	14. A	15. C	16. D	17. D	18. A	19. C	20. D	21. B	22. A
23. B	24. C	25. C	26. C	27. A	28. D	29. D	30. A	31. B	32. B	33. C
34. C	35. A	36. D	37. D	38. B	39. D	40. C	41. A	42. B	43. D	44. A
45. C	46. B	47. A	48. D	49. B	50. C					

**2 ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2 NĂM 2017**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA**

**NĂM 2017**

**ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Đường thẳng nào dưới đây là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ ?

- Ⓐ  $x = 1$ .                              Ⓑ  $y = -1$ .  
 Ⓒ  $y = 2$ .                              Ⓓ  $x = -1$ .

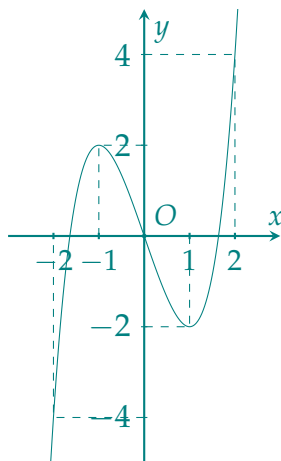
**Câu 2.** Đồ thị của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  và đồ thị của hàm số  $y = -x^2 + 4$  có tất cả bao nhiêu điểm chung?

- Ⓐ 0.                      Ⓑ 4.                      Ⓒ 1.                      Ⓓ 2.

**Câu 3.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên. Hàm số  $f(x)$  đạt cực đại tại điểm nào dưới đây?

- Ⓐ  $x = 2$ .                      Ⓑ  $x = -1$ .  
 Ⓒ  $x = 1$ .                      Ⓓ  $x = 2$ .



**Câu 4.** Cho hàm số  $y = x^3 - 2x^2 + x + 1$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- Ⓐ Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(\frac{1}{3}; 1)$ .  
 Ⓑ Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; \frac{1}{3})$ .  
 Ⓒ Hàm số đồng biến trên khoảng  $(\frac{1}{3}; 1)$ .  
 Ⓓ Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như sau.

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$
$y'$		-	+ 0 -	
$y$	$+\infty$		2	$-\infty$

Tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số thực  $m$  sao cho phương trình  $f(x) = m$  có ba nghiệm thực phân biệt.

- Ⓐ  $[-1; 2]$ .                              Ⓑ  $(-1; 2)$ .  
 Ⓒ  $(-1; 2]$ .                              Ⓓ  $(-\infty; 2]$ .

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = \frac{x^2+3}{x+1}$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- Ⓐ Cực tiểu của hàm số bằng  $-3$ .  
 Ⓑ Cực tiểu của hàm số bằng  $1$ .  
 Ⓒ Cực tiểu của hàm số bằng  $-6$ .  
 Ⓓ Cực tiểu của hàm số bằng  $2$ .

**Câu 7.** Một vật chuyển động theo quy luật  $s = -\frac{1}{2}t^3 + 9t^2$ , với  $t$  (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và  $s$  (mét) là quãng đường vật đi được trong khoảng thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng bao nhiêu?

- Ⓐ  $216(m/s)$ .                              Ⓑ  $30(m/s)$ .  
 Ⓒ  $400(m/s)$ .                              Ⓓ  $54(m/s)$ .

**Câu 8.** Tìm tất cả các tiệm cận đứng của đồ thị hàm số

$$y = \frac{2x - 1 - \sqrt{x^2 + x + 3}}{x^2 - 5x + 6}$$

- Ⓐ  $x = -3$  và  $x = -2$ .                      Ⓑ  $x = -3$ .  
 Ⓒ  $x = 3$  và  $x = 2$ .                      Ⓓ  $x = 3$ .

**Câu 9.** Tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số thực  $m$  để hàm số  $y = \ln(x^2 + 1) - mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$

- Ⓐ  $(-\infty; -1]$ .                              Ⓑ  $(-\infty; -1)$ .  
 Ⓒ  $[-1; 1]$ .                              Ⓓ  $[1; +\infty)$ .

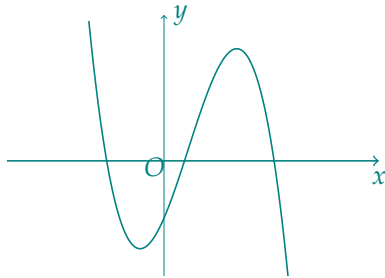


**Câu 10.** Biết  $M(0;2), N(2;-2)$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ . Tính giá trị của hàm số tại  $x = -2$ .

- (A)  $y(-2) = 2$ . (B)  $y(-2) = 22$ .  
 (C)  $y(-2) = 6$ . (D)  $y(-2) = -18$ .

**Câu 11.**

Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình vẽ bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $a < 0, b > 0, c > 0, d < 0$ .  
 (B)  $a < 0, b < 0, c > 0, d < 0$ .  
 (C)  $a < 0, b < 0, c < 0, d > 0$ .  
 (D)  $a < 0, b > 0, c < 0, d < 0$ .

**Câu 12.** Với các số thực dương  $a, b$  bất kì. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $\ln(ab) = \ln a + \ln b$ . (B)  $\ln(ab) = \ln a \cdot \ln b$ .  
 (C)  $\ln \frac{a}{b} = \frac{\ln a}{\ln b}$ . (D)  $\ln \frac{a}{b} = \ln b - \ln a$ .

**Câu 13.** Tìm nghiệm của phương trình  $3^{x-1} = 27$ .

- (A)  $x = 9$ . (B)  $x = 3$ . (C)  $x = 4$ . (D)  $x = 10$ .

**Câu 14.** Số lượng của loại vi khuẩn  $A$  trong một phòng thí nghiệm được tính theo công thức  $s(t) = s(0) \cdot 2^t$ , trong đó  $s(0)$  là số lượng vi khuẩn  $A$  lúc ban đầu,  $s(t)$  là số lượng vi khuẩn  $A$  có sau  $t$  phút. Biết sau 3 phút thì số lượng vi khuẩn  $A$  là 625 nghìn con. Hỏi sau bao lâu, kể từ lúc ban đầu, số lượng vi khuẩn  $A$  là 10 triệu con?

- (A) 48 phút. (B) 19 phút.  
 (C) 7 phút. (D) 12 phút.

**Câu 15.** Cho biểu thức  $P = \sqrt[4]{x \cdot \sqrt[3]{x^2} \cdot \sqrt{x^3}}$ , với  $x > 0$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $P = x^{\frac{1}{2}}$ . (B)  $P = x^{\frac{13}{24}}$ .  
 (C)  $P = x^{\frac{1}{4}}$ . (D)  $P = x^{\frac{2}{3}}$ .

**Câu 16.** Với các số thực dương  $a, b$  bất kì. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $\log_2 \left( \frac{2a^3}{b} \right) = 1 + 3\log_2 a - \log_2 b$ .  
 (B)  $\log_2 \left( \frac{2a^3}{b} \right) = 1 + \frac{1}{3}\log_2 a - \log_2 b$ .  
 (C)  $\log_2 \left( \frac{2a^3}{b} \right) = 1 + 3\log_2 a + \log_2 b$ .  
 (D)  $\log_2 \left( \frac{2a^3}{b} \right) = 1 + \frac{1}{3}\log_2 a + \log_2 b$ .

**Câu 17.** Tìm tập nghiệm  $S$  của bất phương trình  $\log_{\frac{1}{2}}(x+1) < \log_{\frac{1}{2}}(2x-1)$ .

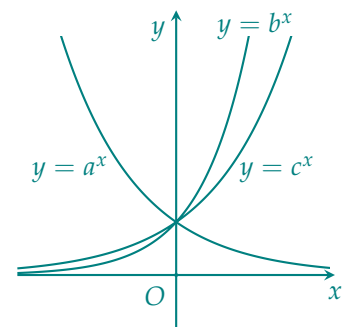
- (A)  $S = (2; +\infty)$ . (B)  $S = (-\infty; 2)$ .  
 (C)  $S = \left( \frac{1}{2}; 2 \right)$ . (D)  $S = (-1; 2)$ .

**Câu 18.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \ln(1 + \sqrt{x+1})$ .

- (A)  $y' = \frac{1}{2\sqrt{x+1}(1 + \sqrt{x+1})}$ .  
 (B)  $y' = \frac{1}{1 + \sqrt{x+1}}$ .  
 (C)  $y' = \frac{1}{\sqrt{x+1}(1 + \sqrt{x+1})}$ .  
 (D)  $y' = \frac{2}{\sqrt{x+1}(1 + \sqrt{x+1})}$ .

**Câu 19.**

Cho ba số thực dương  $a, b, c$  khác 1. Đồ thị các hàm số  $y = a^x, y = b^x, y = c^x$  được cho trong hình vẽ bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $a < b < c$ . (B)  $a < c < b$ .  
 (C)  $b < c < a$ . (D)  $c < a < b$ .

**Câu 20.** Tìm tập hợp các giá trị của tham số thực  $m$  để phương trình  $6^x + (3-m)2^x - m = 0$  có nghiệm thuộc khoảng  $(0; 1)$ .

- (A)  $[3; 4]$ . (B)  $[2; 4]$ . (C)  $(2; 4)$ . (D)  $(3; 4)$ .

**Câu 21.** Xét các số thực  $a, b$  thỏa mãn  $a > b > 1$ . Tìm giá trị nhỏ nhất  $P_{\min}$  của biểu thức  $P = \log_{\frac{a}{b}}(a^2) + 3 \log_b \left( \frac{a}{b} \right)$ .

- (A)  $P_{\min} = 19$ . (B)  $P_{\min} = 13$ .  
 (C)  $P_{\min} = 14$ . (D)  $P_{\min} = 15$ .

**Câu 22.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \cos 2x$ .

- (A)  $\int f(x)dx = \frac{1}{2} \sin 2x + C$ .  
 (B)  $\int f(x)dx = -\frac{1}{2} \sin 2x + C$ .  
 (C)  $\int f(x)dx = 2 \sin 2x + C$ .  
 (D)  $\int f(x)dx = -2 \sin 2x + C$ .

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên đoạn  $[1; 2]$ ,  $f(1) = 1$  và  $f(2) = 2$ .

Tính  $I = \int_1^2 f'(x)dx$

(A)  $I = 1.$

(B)  $I = -1.$

(C)  $I = 3.$

(D)  $I = \frac{7}{2}.$

**Câu 24.** Biết  $F(x)$  là một nguyên hàm của  $f(x) = \frac{1}{x-1}$  và  $F(2) = 1$ . Tính  $F(3)$ .

(A)  $F(3) = \ln 2 - 1.$

(B)  $F(3) = \ln 2 + 1.$

(C)  $F(3) = \frac{1}{2}.$

(D)  $F(3) = \frac{7}{4}.$

**Câu 25.** Cho  $\int_0^4 f(x) dx = 16$ . Tính tích phân  $I =$

$\int_0^2 f(2x) dx.$

(A)  $I = 32.$  (B)  $I = 8.$  (C)  $I = 16.$  (D)  $I = 4.$

**Câu 26.** Biết  $I = \int_3^4 \frac{dx}{x^2+x} = a \ln 2 + b \ln 3 + c \ln 5$ , với

$a, b, c$  là các số nguyên. Tính  $S = a + b + c$ .

(A)  $S = 6.$

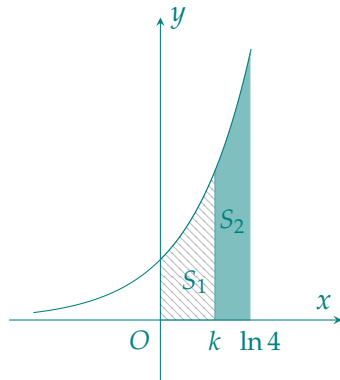
(B)  $S = 2.$

(C)  $S = -2.$

(D)  $S = 0.$

**Câu 27.**

Cho hình thang cong  $(H)$  giới hạn bởi các đường  $y = e^x, y = 0, x = 0, x = \ln 4$ . Đường thẳng  $x = k (0 < k < \ln 4)$  chia  $(H)$  thành hai phần có diện tích là  $S_1$  và  $S_2$  như hình vẽ bên. Tìm  $k$  để  $S_1 = 2S_2$ .



(A)  $k = \frac{2}{3} \ln 4.$

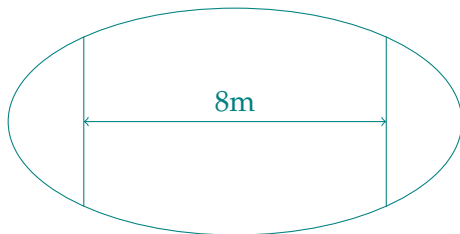
(B)  $k = \ln 2.$

(C)  $k = \ln \frac{8}{3}.$

(D)  $k = \ln 3.$

**Câu 28.**

Ông An có một mảnh vườn hình Elip có độ dài trục lớn bằng 16m và độ dài trục bé bằng 10m. Ông



muốn trồng hoa trên một dải đất rộng 8m và nhận trục bé của elip làm trục đối xứng (như hình vẽ). Biết kinh phí để trồng hoa là 100.000 đồng/1m<sup>2</sup>. Hỏi ông An cần bao nhiêu tiền để trồng hoa trên dải đất đó? (Số tiền được làm tròn đến hàng nghìn).

(A) 7.862.000 đồng.

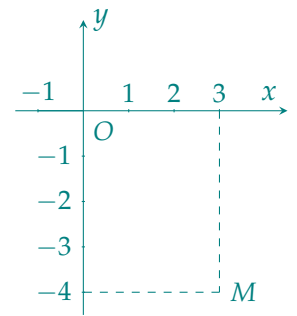
(B) 7.653.000 đồng.

(C) 7.128.000 đồng.

(D) 7.826.000 đồng.

**Câu 29.**

Điểm  $M$  trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn của số phức  $z$ . Tìm phần thực và phần ảo của số phức  $z$ .



(A) Phần thực là  $-4$  và phần ảo là  $3.$

(B) Phần thực là  $3$  và phần ảo là  $-4i.$

(C) Phần thực là  $3$  và phần ảo là  $-4.$

(D) Phần thực là  $-4$  và phần ảo là  $3i.$

**Câu 30.** Tìm số phức liên hợp của số phức  $z = i(3i + 1)$ .

(A)  $\bar{z} = 3 - i.$

(B)  $\bar{z} = -3 + i.$

(C)  $\bar{z} = 3 + i.$

(D)  $\bar{z} = -3 - i.$

**Câu 31.** Tính môđun của số phức  $z$  thỏa mãn  $z(2 - i) + 13i = 1$ .

(A)  $|z| = \sqrt{34}.$

(B)  $|z| = 34.$

(C)  $|z| = \frac{5\sqrt{34}}{3}.$

(D)  $|z| = \frac{\sqrt{34}}{3}.$

**Câu 32.** Kí hiệu  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình  $4z^2 - 16z + 17 = 0$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn của số phức  $w = iz_0$ ?

(A)  $M_1 \left( \frac{1}{2}; 2 \right).$

(B)  $M_2 \left( -\frac{1}{2}; 2 \right).$

(C)  $M_3 \left( -\frac{1}{4}; 1 \right).$

(D)  $M_4 \left( \frac{1}{4}; 1 \right).$

**Câu 33.** Cho số phức  $z = a + bi (a, b \in \mathbb{R})$  thỏa mãn  $(1 + i)z + 2\bar{z} = 3 + 2i$ . Tính  $P = a + b$ .

(A)  $P = \frac{1}{2}.$

(B)  $P = 1.$

(C)  $P = -1.$

(D)  $P = -\frac{1}{2}.$

**Câu 34.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $(1 + 2i)|z| = \frac{\sqrt{10}}{z} - 2 + i$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

(A)  $\frac{3}{2} < |z| < 2.$

(B)  $|z| > 2.$

(C)  $|z| < \frac{1}{2}.$

(D)  $\frac{1}{2} < |z| < \frac{3}{2}.$

**Câu 35.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$  và thể tích bằng  $a^3$ . Tính chiều cao  $h$  của hình chóp đã cho.

(A)  $h = \frac{\sqrt{3}a}{6}.$

(B)  $h = \frac{\sqrt{3}a}{2}.$

(C)  $h = \frac{\sqrt{3}a}{3}.$

(D)  $h = \sqrt{3}a.$

**Câu 36.** Hình đa diện nào dưới đây không có tâm đối xứng?

- (A) Tứ diện đều.  
 (B) Bát diện đều.  
 (C) Hình lập phương.  
 (D) Lăng trụ lục giác đều.

**Câu 37.** Cho tứ diện  $ABCD$  có thể tích bằng 12 và  $G$  là trọng tâm tam giác  $BCD$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $A.GBC$ .

- (A)  $V = 3$ . (B)  $V = 4$ . (C)  $V = 6$ . (D)  $V = 5$ .

**Câu 38.** Cho lăng trụ tam giác  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ , cạnh  $AC = 2\sqrt{2}$ . Biết  $AC'$  tạo với mặt phẳng  $(ABC)$  một góc  $60^\circ$  và  $AC' = 4$ . Tính thể tích  $V$  của khối đa diện  $ABCB'C'$ .

- (A)  $V = \frac{8}{3}$ . (B)  $V = \frac{16}{3}$ .  
 (C)  $V = \frac{8\sqrt{3}}{3}$ . (D)  $V = \frac{16\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 39.** Cho khối  $(N)$  có bán kính đáy bằng 3 và diện tích xung quanh bằng  $15\pi$ . Tính thể tích  $V$  của khối nón  $(N)$

- (A)  $V = 12\pi$ . (B)  $V = 20\pi$ .  
 (C)  $V = 36\pi$ . (D)  $V = 60\pi$ .

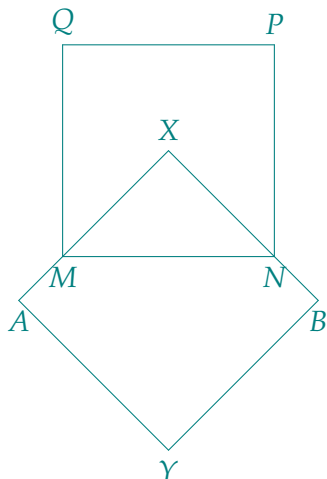
**Câu 40.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có độ dài cạnh đáy bằng  $a$  và chiều cao bằng  $h$ . Tính thể tích  $V$  của khối trụ ngoại tiếp lăng trụ đã cho.

- (A)  $V = \frac{\pi a^2 h}{9}$ . (B)  $V = \frac{\pi a^2 h}{3}$ .  
 (C)  $V = 3\pi a^2 h$ . (D)  $V = \frac{\pi a^2 h}{9}$ .

**Câu 41.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a$ ,  $AD = 2a$  và  $AA' = 2a$ . Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp tứ diện  $ABB'C'$ .

- (A)  $R = 3a$ . (B)  $R = \frac{3a}{4}$ .  
 (C)  $R = \frac{3a}{2}$ . (D)  $R = 2a$ .

**Câu 42.** Cho hai hình vuông có cùng cạnh bằng 5 được xếp chồng lên nhau sao cho đỉnh  $X$  của một hình vuông là tâm của hình vuông còn lại (như hình vẽ).



Tính thể tích  $V$  của vật thể tròn xoay khi quay mô hình trên xung quanh trục  $XY$ .

- (A)  $V = \frac{125(1 + \sqrt{2})\pi}{6}$ .  
 (B)  $V = \frac{125(5 + 2\sqrt{2})\pi}{12}$ .  
 (C)  $V = \frac{125(5 + 4\sqrt{2})\pi}{24}$ .  
 (D)  $V = \frac{125(2 + \sqrt{2})\pi}{4}$ .

**Câu 43.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(3; -2; 3)$  và  $B(-1; 2; 5)$ . Tìm tọa độ trung điểm  $I$  của đoạn thẳng  $AB$ .

- (A)  $I(-2; 2; 1)$ . (B)  $I(1; 0; 4)$ .  
 (C)  $I(2; 0; 8)$ . (D)  $I(2; -2; -1)$ .

**Câu 44.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \begin{cases} x = 1 \\ y = 2 + 3t \\ z = 5 - t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ . Vectơ nào dưới đây là vectơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_1 = (0; 3; -1)$ . (B)  $\vec{u}_2 = (1; 3; -1)$ .  
 (C)  $\vec{u}_3 = (1; -3; -1)$ . (D)  $\vec{u}_4 = (1; 2; 5)$ .

**Câu 45.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho 3 điểm  $A(1; 0; 0)$ ;  $B(0; -2; 0)$ ;  $C(0; 0; 3)$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng  $(ABC)$ ?

- (A)  $\frac{x}{3} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{1} = 1$ . (B)  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{3} = 1$ .  
 (C)  $\frac{x}{1} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{3} = 1$ . (D)  $\frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-2} = 1$ .

**Câu 46.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình mặt cầu có tâm  $I(1; 2; -1)$  và tiếp xúc với mặt phẳng  $(P) : x - 2y - 2z - 8 = 0$ ?

- (A)  $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 3$ .  
 (B)  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 + (z + 1)^2 = 3$ .  
 (C)  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 + (z + 1)^2 = 9$ .  
 (D)  $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ .

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x+1}{1} = \frac{y}{-3} = \frac{z-5}{-1}$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 3y + 2z + 6 = 0$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $d$  cắt và không vuông góc với  $(P)$ .  
 (B)  $d$  vuông góc với  $(P)$ .  
 (C)  $d$  song song với  $(P)$ .  
 (D)  $d$  nằm trong  $(P)$ .

**Câu 48.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(-2; 3; 1)$  và  $B(5; 6; 2)$ . Đường thẳng  $AB$  cắt mặt phẳng  $(Oxz)$  tại điểm  $M$ . Tính tỉ số  $\frac{AM}{BM}$ .

- (A)  $\frac{AM}{BM} = \frac{1}{2}$ .                      (B)  $\frac{AM}{BM} = 2$ .  
 (C)  $\frac{AM}{BM} = \frac{1}{3}$ .                      (D)  $\frac{AM}{BM} = 3$ .

**Câu 49.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , viết phương trình mặt phẳng  $(P)$  song song và cách đều hai đường thẳng  $d_1 : \frac{x-2}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{1}$  và  $d_2 : \frac{x}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-2}{-1}$ .

- (A)  $(P) : 2x - 2z + 1 = 0$ .      (B)  $(P) : 2y - 2z + 1 = 0$ .  
 (C)  $(P) : 2x - 2y + 1 = 0$ .      (D)  $(P) : 2y - 2z - 1 = 0$ .

**Câu 50.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , xét các điểm  $A(0; 0; 1)$ ,  $B(m; 0; 0)$ ,  $C(0; n; 0)$ ,  $D(1; 1; 1)$  với  $m > 0; n > 0$  và  $m + n = 1$ . Biết rằng khi  $m, n$  thay đổi, tồn tại một mặt cầu cố định tiếp xúc với mặt phẳng  $(ABC)$  và đi qua  $D$ . Tính bán kính  $R$  của mặt cầu đó?

- (A)  $R = 1$ .                              (B)  $R = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .  
 (C)  $R = \frac{3}{2}$ .                              (D)  $R = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

— Hết —

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. D	2. D	3. B	4. A	5. B	6. D	7. D	8. D	9. A	10. D	11. A
12. A	13. C	14. C	15. B	16. A	17. C	18. A	19. B	20. C	21. D	22. A
23. A	24. B	25. B	26. B	27. D	28. B	29. C	30. D	31. A	32. B	33. C
34. D	35. D	36. A	37. B	38. D	39. A	40. B	41. C	42. C	43. B	44. A
45. C	46. C	47. A	48. A	49. B	50. A					

**3 ĐỀ MINH HỌA-LẦN 3 NĂM 2017**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
 NĂM 2017  
 ĐỀ MINH HỌA-LẦN 3**  
 Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x$  có đồ thị  $(C)$ . Tìm số giao điểm của  $(C)$  và trục hoành.

- (A) 2.                      (B) 3.                      (C) 1.                      (D) 0.

**Câu 2.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log x$ .

- (A)  $y' = \frac{1}{x}$ .                      (B)  $y' = \frac{\ln 10}{x}$ .  
 (C)  $y' = \frac{1}{x \ln 10}$ .                      (D)  $y' = \frac{1}{10 \ln x}$ .

**Câu 3.** Tìm tập nghiệm  $S$  của bất phương trình  $5^{x+1} - \frac{1}{5} > 0$ .

- (A)  $S = (1; +\infty)$ .                      (B)  $S = (-1; +\infty)$ .  
 (C)  $S = (-2; +\infty)$ .                      (D)  $S = (-\infty; -2)$ .

**Câu 4.** Kí hiệu  $a, b$  lần lượt là phần thực và phần ảo của số phức  $3 - 2\sqrt{2}i$ . Tìm  $a, b$ .

- (A)  $a = 3; b = 2$ .                      (B)  $a = 3; b = 2\sqrt{2}$ .  
 (C)  $a = 3; b = \sqrt{2}$ .                      (D)  $a = 3; b = -2\sqrt{2}$ .

**Câu 5.** Tính môđun của số phức  $z$  biết  $\bar{z} = (4 - 3i)(1 + i)$ .

- (A)  $|z| = 25\sqrt{2}$ .                      (B)  $|z| = 7\sqrt{2}$ .  
 (C)  $|z| = 5\sqrt{2}$ .                      (D)  $|z| = \sqrt{2}$ .

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = \frac{x-2}{x+1}$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .  
 (B) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .  
 (C) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .  
 (D) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên.

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$
$y'$		-	0	+
$y$	$+\infty$		4	5
				$-\infty$

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $y_{CD} = 5$ .                      (B)  $y_{CT} = 0$ .  
 (C)  $\min_{\mathbb{R}} y = 4$ .                      (D)  $\max_{\mathbb{R}} y = 5$ .

**Câu 8.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , tìm tọa độ tâm  $I$  và bán kính  $R$  của mặt cầu  $(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-4)^2 = 20$ .

- (A)  $I(-1; 2; -4), R = 5\sqrt{2}$ .  
 (B)  $I(-1; 2; -4), R = 2\sqrt{5}$ .  
 (C)  $I(1; -2; 4), R = 20$ .  
 (D)  $I(1; -2; 4), R = 2\sqrt{5}$ .

**Câu 9.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình chính tắc của đường

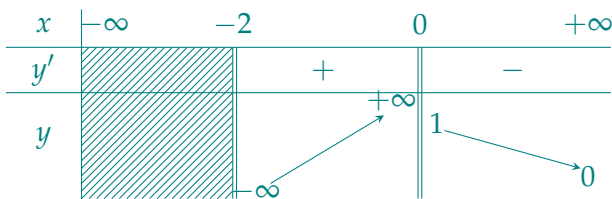
thẳng  $d : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 3t \\ z = -2 + t \end{cases} ?$

(A)  $\frac{x+1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z-2}{1}$ .      (B)  $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{3} = \frac{z+2}{-2}$ .  
 (C)  $\frac{x+1}{1} = \frac{y}{3} = \frac{z-2}{-2}$ .      (D)  $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z+2}{1}$ .

**Câu 10.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^2 + \frac{2}{x^2}$ .

(A)  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} - \frac{2}{x} + C$ .  
 (B)  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x} + C$ .  
 (C)  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} + \frac{2}{x} + C$ .  
 (D)  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} + \frac{1}{x} + C$ .

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình dưới đây.



Hỏi đồ thị của hàm số đã cho có bao nhiêu tiệm cận?

- (A) 1.      (B) 3.      (C) 2.      (D) 4.

**Câu 12.** Tính giá trị của biểu thức  $P = (7 + 4\sqrt{3})^{2017} (4\sqrt{3} - 7)^{2016}$ .

- (A)  $P = 1$ .      (B)  $P = 7 - 4\sqrt{3}$ .  
 (C)  $P = 7 + 4\sqrt{3}$ .      (D)  $(7 + 4\sqrt{3})^{2016}$ .

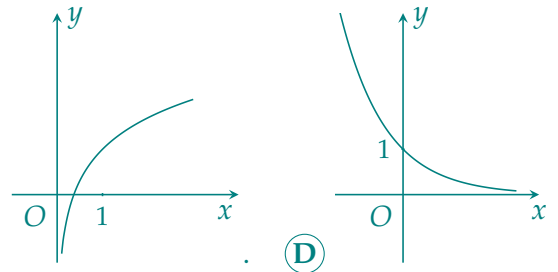
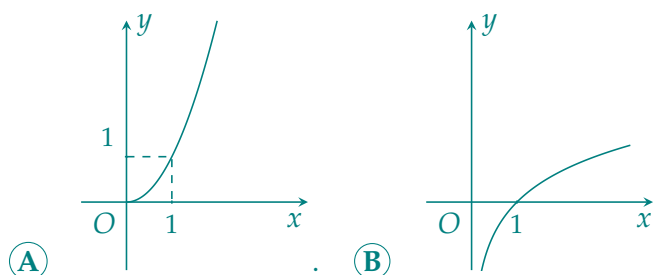
**Câu 13.** Cho  $a$  là số thực dương,  $a \neq 1$  và  $P = \log_{\sqrt[3]{a}} a^3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $P = 1$ .      (B)  $P = 1$ .      (C)  $P = 9$ .      (D)  $P = \frac{1}{3}$ .

**Câu 14.** Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

- (A)  $y = 3x^3 + 3x - 2$ .      (B)  $y = 2x^3 - 5x + 1$ .  
 (C)  $y = x^4 + 3x^2$ .      (D)  $y = \frac{x-2}{x+1}$ .

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x) = x \ln x$ . Một trong bốn đồ thị cho trong bốn phương án A, B, C, D dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$ . Tìm đồ thị đó.



**Câu 16.** Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh bằng  $a$ .

- (A)  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{6}$ .      (B)  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{12}$ .  
 (C)  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{2}$ .      (D)  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 17.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(3; -4; 0)$ ,  $B(-1; 1; 3)$ ,  $C(3; 1; 0)$ . Tìm tọa độ điểm  $D$  trên trục hoành sao cho  $AD = BC$ .

- (A)  $D(-2; 0; 0)$  hoặc  $D(-4; 0; 0)$ .  
 (B)  $D(0; 0; 0)$  hoặc  $D(-6; 0; 0)$ .  
 (C)  $D(6; 0; 0)$  hoặc  $D(12; 0; 0)$ .  
 (D)  $D(0; 0; 0)$  hoặc  $D(6; 0; 0)$ .

**Câu 18.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 + z + 1 = 0$ . Tính giá trị của  $P = z_1^2 + z_2^2 + z_1 z_2$ .

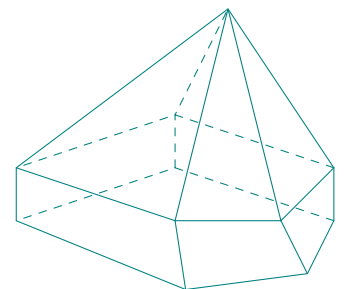
- (A)  $P = 1$ .      (B)  $P = 2$ .  
 (C)  $P = -1$ .      (D)  $P = 0$ .

**Câu 19.** Tính giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = 3x + \frac{4}{x^2}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- (A)  $\min_{(0; +\infty)} y = 3\sqrt[3]{9}$ .      (B)  $\min_{(0; +\infty)} y = 7$ .  
 (C)  $\min_{(0; +\infty)} y = \frac{33}{5}$ .      (D)  $\min_{(0; +\infty)} y = 2\sqrt[3]{9}$ .

**Câu 20.**

Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu mặt?



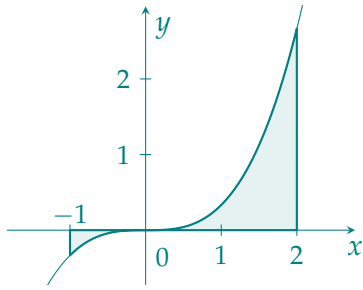
- (A) 6.      (B) 10.      (C) 12.      (D) 11.

**Câu 21.**

Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng  $(H)$  giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ , trục hoành và 2 đường thẳng  $x = -1$ ,  $x = 2$  (như hình vẽ bên). Đặt  $a = \int_{-1}^0 f(x) dx$ ,  $b = \int_0^2 f(x) dx$ .

Mệnh đề nào sau đây là đúng?

- (A)  $S = b - a$ .      (B)  $S = b + a$ .  
 (C)  $S = -b + a$ .      (D)  $S = -b - a$ .



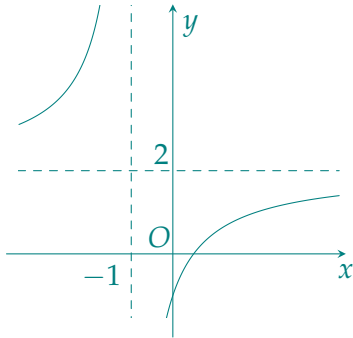
**Câu 22.** Tìm tập nghiệm  $S$  của phương trình  $\log_2(x-1) + \log_2(x+1) = 3$ .

- (A)  $S = \{-3; 3\}$ .                      (B)  $S = \{4\}$ .  
 (C)  $S = \{3\}$ .                            (D)  $S = \{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}$ .

**Câu 23.**

Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của một hàm số trong 4 hàm số được liệt kê ở 4 phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi đó là hàm số nào?

- (A)  $y = \frac{2x+3}{x+1}$ .                      (B)  $y = \frac{2x-1}{x+1}$ .  
 (C)  $y = \frac{2x-2}{x-1}$ .                            (D)  $y = \frac{2x+1}{x-1}$ .



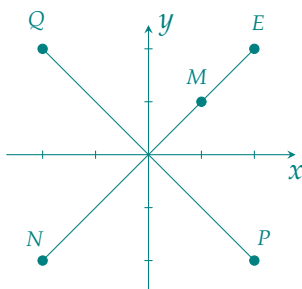
**Câu 24.** Tính tích phân  $I = \int_1^2 2x\sqrt{x^2-1} dx$  bằng cách đặt  $u = x^2 - 1$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $I = 2 \int_0^3 \sqrt{u} du$ .                      (B)  $I = \int_1^2 \sqrt{u} du$ .  
 (C)  $I = \int_0^3 \sqrt{u} du$ .                            (D)  $I = \frac{1}{2} \int_1^2 \sqrt{u} du$ .

**Câu 25.**

Trên mặt phẳng tọa độ, điểm  $M$  là điểm biểu diễn của số phức  $z$  (như hình vẽ bên). Điểm nào trong hình vẽ là điểm biểu diễn của số phức  $2z$ ?

- (A) Điểm  $N$ .  
 (B) Điểm  $Q$ .  
 (C) Điểm  $E$ .  
 (D) Điểm  $P$ .



**Câu 26.** Cho hình nón có diện tích xung quanh bằng  $3\pi a^2$  và bán kính đáy bằng  $a$ . Tính độ dài đường sinh  $l$  của hình nón đã cho.

- (A)  $l = \frac{\sqrt{5}a}{2}$ .                                      (B)  $l = 2\sqrt{2}a$ .  
 (C)  $l = \frac{3a}{2}$ .                                        (D)  $l = 3a$ .

**Câu 27.** Cho  $\int_0^1 \frac{1}{e^x+1} dx = a + b \ln \frac{1+e}{2}$ , với  $a, b$  là các số hữu tỉ. Tính  $S = a^3 + b^3$ .

- (A)  $S = 2$ .                                        (B)  $S = -2$ .  
 (C)  $S = 0$ .                                        (D)  $S = 1$ .

**Câu 28.** Tính thể tích  $V$  của khối trụ ngoại tiếp hình lập phương có cạnh bằng  $a$ .

- (A)  $V = \frac{\pi a^3}{4}$ .                                        (B)  $V = \pi a^3$ .  
 (C)  $V = \frac{\pi a^3}{6}$ .                                        (D)  $V = \frac{\pi a^3}{2}$ .

**Câu 29.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(3; 2; -1)$  và đi qua điểm  $A(2; 1; 2)$ . Mặt phẳng nào dưới đây tiếp xúc với  $(S)$  tại  $A$ ?

- (A)  $x + y - 3z - 8 = 0$ .                      (B)  $x - y - 3z + 3 = 0$ .  
 (C)  $x + y + 3z - 9 = 0$ .                      (D)  $x + y - 3z + 3 = 0$ .

**Câu 30.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 2x - 2y - z + 1 = 0$  và đường thẳng  $\Delta : \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-1}{2}$ . Tính khoảng cách  $d$  giữa  $\Delta$  và  $(P)$ .

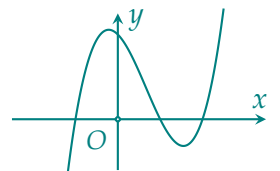
- (A)  $d = \frac{1}{3}$ .                                        (B)  $d = \frac{5}{3}$ .                                        (C)  $d = \frac{2}{3}$ .                                        (D)  $d = 2$ .

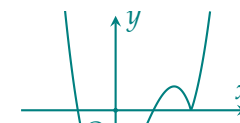

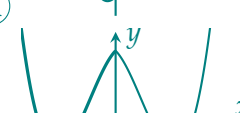
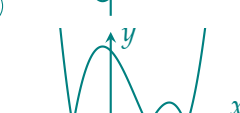
**Câu 31.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m-1)x^4 - 2(m-3)x^2 + 1$  không có cực đại.

- (A)  $1 \leq m \leq 3$ .                                      (B)  $m \leq 1$ .  
 (C)  $m \geq 1$ .                                        (D)  $1 < m \leq 3$ .

**Câu 32.**

Hàm số  $y = (x-2)(x^2-1)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hình nào dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = |x-2|(x^2-1)$ ?



- (A)                       (B)   
 (C)                       (D) 

**Câu 33.** Cho  $a, b$  là các số thực dương thỏa mãn  $a \neq 1, a \neq \sqrt{b}$  và  $\log_a b = \sqrt{3}$ . Tính  $P = \log_{\frac{\sqrt{b}}{a}} \sqrt{\frac{b}{a}}$ .

- (A)  $P = -5 + 3\sqrt{3}$ . (B)  $P = -1 + \sqrt{3}$ .  
 (C)  $P = -1 - \sqrt{3}$ . (D)  $P = -5 - 3\sqrt{3}$ .

**Câu 34.** Tính thể tích  $V$  của phần vật thể giới hạn bởi hai mặt phẳng  $x = 1$  và  $x = 3$ , biết rằng khi cắt vật thể bởi mặt phẳng tùy ý vuông góc với trục  $Ox$  tại điểm có hoành độ  $x$  ( $1 \leq x \leq 3$ ) thì được thiết diện là một hình chữ nhật có hai cạnh là  $3x$  và  $\sqrt{3x^2 - 2}$ .

- (A)  $V = 32 + 2\sqrt{15}$ . (B)  $V = \frac{124\pi}{3}$ .  
 (C)  $V = \frac{124}{3}$ . (D)  $V = (32 + 2\sqrt{15})\pi$ .

**Câu 35.** Hỏi phương trình  $3x^2 - 6x + \ln(x+1)^3 + 1 = 0$  có bao nhiêu nghiệm phân biệt?

- (A) 2. (B) 1. (C) 3. (D) 4.

**Câu 36.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt đáy,  $SD$  tạo với mặt phẳng  $(SAB)$  một góc bằng  $30^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- (A)  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{18}$ . (B)  $V = \sqrt{3}a^3$ .  
 (C)  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{3}$ . (D)  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .

**Câu 37.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+5}{-1} = \frac{z-3}{4}$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình hình chiếu vuông góc của  $d$  trên mặt phẳng  $x+3=0$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 - t \\ z = -3 + 4t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 + t \\ z = 3 + 4t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 + 2t \\ z = 3 - t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -6 - t \\ z = 7 + 4t \end{cases}$ .

**Câu 38.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $\int_0^1 (x+1)f'(x)dx = 10$  và  $2f(1) - f(0) = 2$ . Tính  $\int_0^1 f(x)dx$ .

- (A)  $I = -12$ . (B)  $I = 8$ .  
 (C)  $m = 1$ . (D)  $I = -8$ .

**Câu 39.** Hỏi có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn đồng thời các điều kiện  $|z-i| = 5$  và  $z^2$  là số thuần ảo?

- (A) 2. (B) 3. (C) 4. (D) 0.

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = \frac{\ln x}{x}$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $2y' + xy'' = -\frac{1}{x^2}$ . (B)  $y' + xy'' = \frac{1}{x^2}$ .  
 (C)  $y' + xy'' = -\frac{1}{x^2}$ . (D)  $2y' + xy'' = \frac{1}{x^2}$ .

**Câu 41.** Hỏi có bao nhiêu số nguyên  $m$  để hàm số  $y = (m^2 - 1)x^3 + (m - 1)x^2 - x + 4$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .

- (A) 2. (B) 1. (C) 0. (D) 3.

**Câu 42.** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 6x - 2y + z - 35 = 0$  và điểm  $A(-1; 3; 6)$ . Gọi  $A'$  là điểm đối xứng với  $A$  qua  $(P)$ . Tính  $OA'$ .

- (A)  $OA' = 3\sqrt{26}$ . (B)  $OA' = 5\sqrt{3}$ .  
 (C)  $OA' = \sqrt{46}$ . (D)  $OA' = \sqrt{186}$ .

**Câu 43.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $3\sqrt{2}a$ , cạnh bên bằng  $5a$ . Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp  $S.ABCD$ .

- (A)  $R = \sqrt{3}a$ . (B)  $R = \sqrt{2}a$ .  
 (C)  $R = \frac{25a}{8}$ . (D)  $R = 2a$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và thỏa mãn  $f(x) + f(-x) = \sqrt{2 + 2\cos 2x}, \forall x \in \mathbb{R}$ . Tính  $I =$

$$\int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} f(x)dx.$$

- (A)  $I = -6$ . (B)  $I = 0$ .  
 (C)  $I = -2$ . (D)  $I = 6$ .

**Câu 45.** Hỏi có bao nhiêu giá trị  $m$  nguyên trong  $[-2017; 2017]$  để phương trình  $\log(mx) = 2\log(x+1)$  có nghiệm duy nhất?

- (A) 2017. (B) 4014. (C) 2018. (D) 4015.

**Câu 46.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đồ thị của hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 1)x$  có hai điểm cực trị là  $A$  và  $B$  sao cho  $A, B$  nằm khác phía và cách đều đường thẳng  $d: y = 5x - 9$ . Tính tổng tất cả các phần tử của  $S$ .

- (A) 0. (B) 6. (C) -6. (D) 3.

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x - 2y + 2z - 3 = 0$  và mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y - 2z + 5 = 0$ . Giả sử điểm  $M \in (P)$  và  $N \in (S)$  sao cho cùng phương với  $\vec{u} = (1; 0; 1)$  và khoảng cách giữa  $M$  và  $N$  là lớn nhất. Tính  $MN$ .

- (A)  $MN = 3$ . (B)  $MN = 1 + 2\sqrt{2}$ .  
 (C)  $MN = 3\sqrt{2}$ . (D)  $MN = 14$ .

**Câu 48.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $|z + 2 - i| + |z - 4 - 7i| = 6\sqrt{2}$ . Gọi  $m, M$  lần lượt là giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của  $|z - 1 + i|$ . Tính  $P = m + M$ .

- (A)  $P = \sqrt{13} + \sqrt{73}$ .      (B)  $P = \frac{5\sqrt{2} + 2\sqrt{73}}{2}$ .  
 (C)  $P = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{73}$ .      (D)  $P = \frac{5\sqrt{2} + \sqrt{73}}{2}$ .

**Câu 49.** Cho mặt cầu tâm  $O$ , bán kính  $R$ . Xét mặt phẳng  $(P)$  thay đổi cắt mặt cầu theo giao tuyến là đường tròn  $(C)$ . Hình nón  $(N)$  có đỉnh  $S$  nằm trên mặt cầu, có đáy là đường tròn  $(C)$  và có chiều cao là  $h (h > R)$ . Tính  $h$  để thể tích khối nón được tạo nên bởi  $(N)$  có giá trị lớn nhất.

- (A)  $h = \sqrt{3}R$ .      (B)  $h = \sqrt{2}R$ .  
 (C)  $h = \frac{4R}{3}$ .      (D)  $h = \frac{3R}{2}$ .

**Câu 50.** Cho khối tứ diện có thể tích bằng  $V$ . Gọi  $V'$  là thể tích của khối đa diện có các đỉnh là các trung điểm của các cạnh của khối tứ diện đã cho, tính tỉ số  $\frac{V'}{V}$ .

- (A)  $\frac{V'}{V} = \frac{1}{2}$ .      (B)  $\frac{V'}{V} = \frac{1}{4}$ .  
 (C)  $\frac{V'}{V} = \frac{2}{3}$ .      (D)  $\frac{V'}{V} = \frac{5}{8}$ .

—Hết—

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. B	2. C	3. C	4. D	5. C	6. B	7. A	8. D	9. D	10. A	11. B
12. C	13. C	14. A	15. C	16. D	17. D	18. D	19. A	20. D	21. A	22. C
23. B	24. C	25. C	26. D	27. C	28. D	29. D	30. D	31. A	32. A	33. C
34. C	35. C	36. D	37. D	38. D	39. C	40. A	41. A	42. D	43. C	44. D
45. C	46. A	47. C	48. B	49. C	50. A					



ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 101 NĂM 2017

KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA

NĂM 2017

ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho phương trình  $4^x + 2^{x+1} - 3 = 0$ . Khi đặt  $t = 2^x$ , ta được phương trình nào dưới đây?

- (A)  $2t^2 - 3 = 0$ .      (B)  $t^2 + t - 3 = 0$ .  
 (C)  $4t - 3 = 0$ .      (D)  $t^2 + 2t - 3 = 0$ .

**Câu 2.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \cos 3x$ .

- (A)  $\int \cos 3x dx = 3 \sin 3x + C$ .  
 (B)  $\int \cos 3x dx = \frac{\sin 3x}{3} + C$ .  
 (C)  $\int \cos 3x dx = -\frac{\sin 3x}{3} + C$ .  
 (D)  $\int \cos 3x dx = \sin 3x + C$ .

**Câu 3.** Số phức nào dưới đây là số thuần ảo?

- (A)  $z = -2 + 3i$ .      (B)  $z = 3i$ .  
 (C)  $z = -2$ .      (D)  $z = \sqrt{3} + i$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

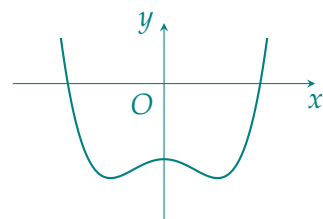
$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$		$0$	$3$		$0$		$+\infty$

Mệnh đề nào dưới đây sai?

- (A) Hàm số có ba điểm cực trị.  
 (B) Hàm số có giá trị cực đại bằng 3.  
 (C) Hàm số có giá trị cực đại bằng 0.  
 (D) Hàm số có hai điểm cực tiểu.

**Câu 5.**

Đường cong ở hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Hàm số đó là hàm số nào?



- (A)  $y = -x^3 + x^2 - 1$ .      (B)  $y = x^4 - x^2 - 1$ .  
 (C)  $y = x^3 - x^2 - 1$ .      (D)  $y = -x^4 + x^2 - 1$ .

**Câu 6.** Cho  $a$  là số thực dương khác 1. Tính  $I = \log_{\sqrt{a}} a$ .

- (A)  $I = \frac{1}{2}$ .      (B)  $I = 0$ .  
 (C)  $I = -2$ .      (D)  $I = 2$ .

**Câu 7.** Cho hai số phức  $z_1 = 5 - 7i$  và  $z_2 = 2 + 3i$ . Tìm số phức  $z = z_1 + z_2$ .

- (A)  $z = 7 - 4i$ .      (B)  $z = 2 + 5i$ .  
 (C)  $z = -2 + 5i$ .      (D)  $z = 3 - 10i$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = x^3 + 3x + 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .  
 (B) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .



- (C) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .  
 (D) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

**Câu 9.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : x - 2y + z - 5 = 0$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $(P)$ ?

- (A)  $Q(2; -1; 5)$ . (B)  $P(0; 0; -5)$ .  
 (C)  $N(-5; 0; 0)$ . (D)  $M(1; 1; 6)$ .

**Câu 10.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(Oxy)$ ?

- (A)  $\vec{i} = (1; 0; 0)$ . (B)  $\vec{k} = (0; 0; 1)$ .  
 (C)  $\vec{j} = (0; 1; 0)$ . (D)  $\vec{m} = (1; 1; 1)$ .

**Câu 11.** Tính thể tích  $V$  của khối trụ có bán kính đáy  $r = 4$  và chiều cao  $h = 4\sqrt{2}$ .

- (A)  $V = 128\pi$ . (B)  $V = 64\sqrt{2}\pi$ .  
 (C)  $V = 32\pi$ . (D)  $V = 32\sqrt{2}\pi$ .

**Câu 12.** Tìm số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - 3x - 4}{x^2 - 16}$ .

- (A) 2. (B) 3. (C) 1. (D) 0.

**Câu 13.** Hàm số  $y = \frac{2}{x^2 + 1}$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(0; +\infty)$ . (B)  $(-1; 1)$ .  
 (C)  $(-\infty; +\infty)$ . (D)  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 14.** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi đường cong  $y = \sqrt{2} + \cos x$ , trục hoành và các đường thẳng  $x = 0$ ,  $x = \frac{\pi}{2}$ . Khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục hoành có thể tích  $V$  bằng bao nhiêu?

- (A)  $V = \pi - 1$ . (B)  $V = (\pi - 1)\pi$ .  
 (C)  $V = (\pi + 1)\pi$ . (D)  $V = \pi + 1$ .

**Câu 15.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý và  $a$  khác 1, đặt  $P = \log_a b^3 + \log_{a^2} b^6$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $P = 9 \log_a b$ . (B)  $P = 27 \log_a b$ .  
 (C)  $P = 15 \log_a b$ . (D)  $P = 6 \log_a b$ .

**Câu 16.** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \log_5 \frac{x-3}{x+2}$ .

- (A)  $D = \mathbb{R} \setminus \{-2\}$ .  
 (B)  $D = (-\infty; -2) \cup [3; +\infty)$ .  
 (C)  $D = (-2; 3)$ .  
 (D)  $D = (-\infty; -2) \cup (3; +\infty)$ .

**Câu 17.** Tìm tập nghiệm  $S$  của bất phương trình  $\log_2^2 x - 5 \log_2 x + 4 \geq 0$ .

- (A)  $S = (-\infty; 2] \cup [16; +\infty)$ .  
 (B)  $S = [2; 16]$ .  
 (C)  $S = (0; 2] \cup [16; +\infty)$ .  
 (D)  $S = (-\infty; 1] \cup [4; +\infty)$ .

**Câu 18.** Hình hộp chữ nhật có ba kích thước đôi một khác nhau có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- (A) 4 mặt phẳng. (B) 3 mặt phẳng.  
 (C) 6 mặt phẳng. (D) 9 mặt phẳng.

**Câu 19.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua điểm  $M(3; -1; 1)$  và vuông góc đường thẳng  $\Delta : \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z-3}{1}$ ?

- (A)  $3x - 2y + z + 12 = 0$ .  
 (B)  $3x + 2y + z - 8 = 0$ .  
 (C)  $3x - 2y + z - 12 = 0$ .  
 (D)  $x - 2y + 3z + 3 = 0$ .

**Câu 20.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua điểm  $A(2; 3; 0)$  và vuông góc với mặt phẳng  $(P) : x + 3y - z + 5 = 0$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 3t \\ z = 1 - t \end{cases}$  (B)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 3t \\ z = 1 - t \end{cases}$   
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + 3t \\ z = 1 - t \end{cases}$  (D)  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 3t \\ z = 1 + t \end{cases}$

**Câu 21.** Cho khối chóp tứ giác đều có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên gấp hai lần cạnh đáy. Tính thể tích  $V$  của khối chóp đã cho.

- (A)  $V = \frac{a^3 \sqrt{2}}{2}$ . (B)  $V = \frac{a^3 \sqrt{2}}{6}$ .  
 (C)  $V = \frac{a^3 \sqrt{14}}{2}$ . (D)  $V = \frac{a^3 \sqrt{14}}{6}$ .

**Câu 22.** Phương trình nào dưới đây nhận hai số phức  $1 + \sqrt{2}i$  và  $1 - \sqrt{2}i$  là nghiệm?

- (A)  $z^2 + 2z + 3 = 0$ . (B)  $z^2 - 2z - 3 = 0$ .  
 (C)  $z^2 - 2z + 3 = 0$ . (D)  $z^2 + 2z - 3 = 0$ .

**Câu 23.** Tìm giá trị nhỏ nhất  $m$  của hàm số  $y = x^3 - 7x^2 + 11x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$ .

- (A)  $m = 11$ . (B)  $m = 0$ .  
 (C)  $m = -2$ . (D)  $m = 3$ .

**Câu 24.** Tìm tập xác định của hàm số  $y = (x - 1)^{\frac{1}{3}}$ .

- (A)  $D = (-\infty; 1)$ . (B)  $D = (1; +\infty)$ .  
 (C)  $D = \mathbb{R}$ . (D)  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

**Câu 25.** Cho  $\int_0^6 f(x) dx = 12$ . Tính  $I = \int_0^2 f(3x) dx$ .

- (A)  $I = 6$ . (B)  $I = 36$ . (C)  $I = 2$ . (D)  $I = 4$ .

**Câu 26.** Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp một hình lập phương có cạnh bằng  $2a$ .

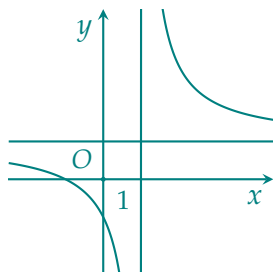
- (A)  $R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$ . (B)  $R = a$ .  
(C)  $R = 2\sqrt{3}a$ . (D)  $R = a\sqrt{3}$ .

**Câu 27.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa  $f'(x) = 3 - 5 \sin x$  và  $f(0) = 10$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $f(x) = 3x + 5 \cos x + 5$ .  
(B)  $f(x) = 3x + 5 \cos x + 2$ .  
(C)  $f(x) = 3x - 5 \cos x + 2$ .  
(D)  $f(x) = 3x - 5 \cos x + 15$ .

**Câu 28.**

Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  với  $a, b, c, d$  là các số thực. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $y' > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ . (B)  $y' < 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .  
(C)  $y' > 0, \forall x \neq 1$ . (D)  $y' < 0, \forall x \neq 1$ .

**Câu 29.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; -2; 3)$ . Gọi  $I$  là hình chiếu vuông góc của  $M$  trên trục  $Ox$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình của mặt cầu tâm  $I$  bán kính  $IM$ ?

- (A)  $(x-1)^2 + y^2 + z^2 = 13$ .  
(B)  $(x+1)^2 + y^2 + z^2 = 13$ .  
(C)  $(x-1)^2 + y^2 + z^2 = \sqrt{13}$ .  
(D)  $(x+1)^2 + y^2 + z^2 = 17$ .

**Câu 30.** Cho số phức  $z = 1 - 2i$ . Điểm nào dưới đây là biểu diễn của số phức  $w = iz$  trên mặt phẳng tọa độ?

- (A)  $Q(1; 2)$ . (B)  $N(2; 1)$ .  
(C)  $M(1; -2)$ . (D)  $P(-2; 1)$ .

**Câu 31.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có các cạnh đều bằng  $a\sqrt{2}$ . Tính thể tích  $V$  của khối nón có đỉnh  $S$  và đường tròn đáy là đường tròn nội tiếp tứ giác  $ABCD$ .

- (A)  $V = \frac{\pi a^3}{2}$ . (B)  $V = \frac{\sqrt{2}\pi a^3}{6}$ .  
(C)  $V = \frac{\pi a^3}{6}$ . (D)  $V = \frac{\sqrt{2}\pi a^3}{2}$ .

**Câu 32.** Cho  $F(x) = x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)e^{2x}$ . Tìm nguyên hàm của hàm số  $f'(x)e^{2x}$ .

- (A)  $\int f'(x)e^{2x} dx = -x^2 + 2x + C$ .  
(B)  $\int f'(x)e^{2x} dx = -x^2 + x + C$ .  
(C)  $\int f'(x)e^{2x} dx = x^2 - 2x + C$ .  
(D)  $\int f'(x)e^{2x} dx = -2x^2 + 2x + C$ .

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = \frac{x+m}{x-1}$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\min_{x \in [2;4]} y = 3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $m < -1$ . (B)  $3 < m \leq 4$ .  
(C)  $m > 4$ . (D)  $1 \leq m < 3$ .

**Câu 34.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M(-1; 1; 3)$  và hai đường thẳng  $\Delta : \frac{x-1}{3} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-1}{1}$ ,  $\Delta' : \frac{x+1}{1} = \frac{y}{3} = \frac{z}{-2}$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua  $M$ , vuông góc với  $\Delta$  và  $\Delta'$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$  (B)  $\begin{cases} x = -t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 - t \\ z = 3 + t \end{cases}$  (D)  $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}$ .

**Câu 35.** Một người gửi 50 triệu đồng vào một ngân hàng với lãi suất 6%/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào gốc để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó nhận được số tiền nhiều hơn 100 triệu đồng bao gồm gốc và lãi? Giả định trong suốt thời gian gửi, lãi suất không đổi và người đó không rút tiền ra.

- (A) 13 năm. (B) 14 năm.  
(C) 12 năm. (D) 11 năm.

**Câu 36.** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $z + 1 + 3i - |z|i = 0$ . Tính  $S = a + 3b$ .

- (A)  $S = \frac{7}{3}$ . (B)  $S = -5$ .  
(C)  $S = 5$ . (D)  $S = -\frac{7}{3}$ .

**Câu 37.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai đường thẳng  $d_1 : \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -2 + t \\ z = 2 \end{cases}$ ,  $d_2 : \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z}{2}$

và mặt phẳng  $(P) : 2x + 2y - 3z = 0$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua giao điểm của  $d_1$  và  $(P)$ , đồng thời vuông góc với  $d_2$ ?

- (A)  $2x - y + 2z + 22 = 0$ .

- (B)  $2x - y + 2z + 13 = 0$ .  
 (C)  $2x - y + 2z - 13 = 0$ .  
 (D)  $2x + y + 2z - 22 = 0$ .

**Câu 38.** Cho hàm số  $y = -x^3 - mx^2 + (4m + 9)x + 5$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

- (A) 7. (B) 4. (C) 6. (D) 5.

**Câu 39.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $\log_3^2 x - m \log_3 x + 2m - 7 = 0$  có hai nghiệm thực  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $x_1 x_2 = 81$ .

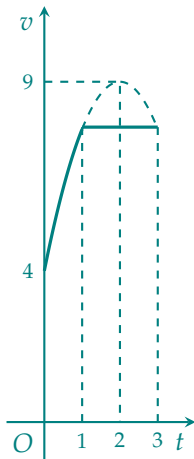
- (A)  $m = -4$ . (B)  $m = 4$ .  
 (C)  $m = 81$ . (D)  $m = 44$ .

**Câu 40.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$  có hai điểm cực trị  $A$  và  $B$ . Điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng  $AB$ ?

- (A)  $P(1; 0)$ . (B)  $M(0; -1)$ .  
 (C)  $N(1; -10)$ . (D)  $Q(-1; 10)$ .

**Câu 41.**

Một vật chuyển động trong 3 giờ với vận tốc  $v$  (km/h) phụ thuộc thời gian  $t$  (h) có đồ thị của vận tốc như hình bên. Trong khoảng thời gian 1 giờ kể từ khi bắt đầu chuyển động, đồ thị đó là một phần của đường parabol có đỉnh  $I(2; 9)$  và trục đối xứng song song với trục tung, khoảng thời gian còn lại đồ thị là một đoạn thẳng song song với trục hoành. Tính quãng đường  $s$  mà vật di chuyển được trong 3 giờ đó (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).



- (A)  $s = 23, 25$  km. (B)  $s = 21, 58$  km.  
 (C)  $s = 15, 50$  km. (D)  $s = 13, 83$  km.

**Câu 42.** Cho  $\log_a x = 3$ ,  $\log_b x = 4$  với  $a, b$  là các số thực lớn hơn 1. Tính  $P = \log_{ab} x$ .

- (A)  $P = \frac{7}{12}$ . (B)  $P = \frac{1}{12}$ .  
 (C)  $P = 12$ . (D)  $P = \frac{12}{7}$ .

**Câu 43.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với đáy và  $SC$  tạo với mặt phẳng  $(SAB)$  một góc  $30^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp đã cho.

- (A)  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{3}$ . (B)  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .  
 (C)  $V = \frac{2a^3}{3}$ . (D)  $V = \sqrt{2}a^3$ .

**Câu 44.** Cho tứ diện đều  $ABCD$  có các cạnh bằng  $a$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, BC$  và  $E$  là điểm đối xứng với  $B$  qua  $D$ . Mặt phẳng  $(MNE)$  chia khối tứ diện  $ABCD$  thành hai khối đa diện, trong đó khối đa diện chứa đỉnh  $A$  có thể tích  $V$ .

- (A)  $V = \frac{7\sqrt{2}a^3}{216}$ . (B)  $V = \frac{11\sqrt{2}a^3}{216}$ .  
 (C)  $V = \frac{13\sqrt{2}a^3}{216}$ . (D)  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{18}$ .

**Câu 45.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 = 9$ , điểm  $M(1; 1; 2)$  và mặt phẳng  $(P): x + y + z - 4 = 0$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua  $M$ , thuộc  $(P)$  và cắt  $(S)$  tại hai điểm  $A, B$  sao cho  $AB$  nhỏ nhất. Biết rằng  $\Delta$  có một vectơ chỉ phương là  $\vec{u}(1; a; b)$ . Tính  $T = a - b$ .

- (A)  $T = -2$ . (B)  $T = 1$ .  
 (C)  $T = -1$ . (D)  $T = 0$ .

**Câu 46.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z - 3i| = 5$  và  $\frac{z}{z - 4}$  là số thuần ảo?

- (A) 0. (B) Vô số. (C) 1. (D) 2.

**Câu 47.** Xét các số thực dương  $x, y$  thỏa mãn  $\log_3 \frac{1 - xy}{x + 2y} = 3xy + x + 2y - 4$ . Tìm giá trị nhỏ nhất  $P_{\min}$  của  $P = x + y$ .

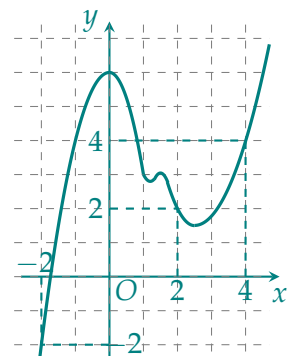
- (A)  $P_{\min} = \frac{9\sqrt{11} - 19}{9}$ . (B)  $P_{\min} = \frac{9\sqrt{11} + 19}{9}$ .  
 (C)  $P_{\min} = \frac{18\sqrt{11} - 29}{21}$ . (D)  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{11} - 3}{3}$ .

**Câu 48.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $y = mx - m + 1$  cắt đồ thị của hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + x + 2$  tại ba điểm  $A, B, C$  phân biệt sao cho  $AB = BC$ .

- (A)  $m \in (-\infty; 0] \cup [4; +\infty)$ .  
 (B)  $m \in \mathbb{R}$ .  
 (C)  $m \in [-\frac{5}{4}; +\infty)$ .  
 (D)  $m \in (-2; +\infty)$ .

**Câu 49.**

Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình bên. Đặt  $h(x) = 2f(x) - x^2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $h(4) = h(-2) > h(2)$ . (B)  $h(4) = h(-2) < h(2)$ .  
 (C)  $h(2) > h(4) > h(-2)$ . (D)  $h(2) > h(-2) > h(4)$ .

**Câu 50.** Cho hình nón đỉnh  $S$  có chiều cao  $h = a$  và bán kính đáy  $r = 2a$ . Mặt phẳng  $(P)$  đi qua  $S$  cắt đường tròn đáy tại  $A$  và  $B$  sao cho  $AB = 2\sqrt{3}a$ . Tính khoảng cách  $d$  từ tâm của đường tròn đáy đến  $(P)$ .

- A  $d = \frac{\sqrt{3}a}{2}$ .                       B  $d = a$ .  
 C  $d = \frac{\sqrt{5}a}{5}$ .                       D  $d = \frac{\sqrt{2}a}{2}$ .

Hết

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. D	2. B	3. B	4. C	5. B	6. D	7. A	8. C	9. D	10. B	11. B
12. C	13. A	14. C	15. D	16. D	17. C	18. B	19. C	20. B	21. D	22. C
23. C	24. B	25. D	26. D	27. A	28. D	29. A	30. B	31. C	32. D	33. C
34. D	35. C	36. B	37. C	38. A	39. B	40. C	41. B	42. D	43. B	44. B
45. C	46. C	47. D	48. D	49. C	50. D					

**5 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 102 NĂM 2017**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$		
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$		$3$		$0$	$+\infty$

Tìm giá trị cực đại  $y_{CD}$  và giá trị cực tiểu  $y_{CT}$  của hàm số đã cho.

- A  $y_{CD} = 3$  và  $y_{CT} = -2$ .  
 B  $y_{CD} = 2$  và  $y_{CT} = 0$ .  
 C  $y_{CD} = -2$  và  $y_{CT} = 2$ .  
 D  $y_{CD} = 3$  và  $y_{CT} = 0$ .

**Câu 2.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{1}{5x-2}$ .

- A  $\int \frac{dx}{5x-2} = \frac{1}{5} \ln|5x-2| + C$ .  
 B  $\int \frac{dx}{5x-2} = -\frac{1}{2} \ln(5x-2) + C$ .

C  $\int \frac{dx}{5x-2} = 5 \ln|5x-2| + C$ .

D  $\int \frac{dx}{5x-2} = \ln|5x-2| + C$ .

**Câu 3.** Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

A  $y = \frac{x+1}{x+3}$ .

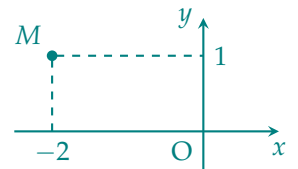
B  $y = x^3 + 3x$ .

C  $y = \frac{x-1}{x-2}$ .

D  $y = -x^3 - 3x$ .

**Câu 4.**

Số phức nào dưới đây có điểm biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ là điểm  $M$  như hình bên?



A  $z_4 = 2 + i$ .

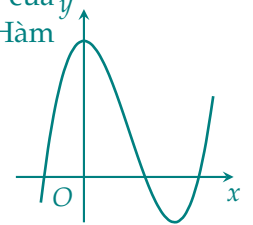
B  $z_2 = 1 + 2i$ .

C  $z_3 = -2 + i$ .

D  $z_1 = 1 - 2i$ .

**Câu 5.**

Đường cong ở hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Hàm số đó là hàm số nào?



A  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

B  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .

C  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .

D  $y = x^3 - 3x^2 + 3$ .

**Câu 6.** Cho  $a$  là số thực dương khác 1. Mệnh đề nào dưới đây đúng với mọi số thực dương  $x, y$ ?

A  $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$ .

B  $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x + \log_a y$ .

C  $\log_a \frac{x}{y} = \log_a(x-y)$ .

D  $\log_a \frac{x}{y} = \frac{\log_a x}{\log_a y}$ .

**Câu 7.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(2; 2; 1)$ . Tính độ dài đoạn thẳng  $OA$ .

A  $OA = 3$ .

B  $OA = 9$ .

C  $OA = \sqrt{5}$ .

D  $OA = 5$ .

**Câu 8.** Cho hai số phức  $z_1 = 4 - 3i$  và  $z_2 = 7 + 3i$ . Tìm số phức  $z = z_1 - z_2$ .

A  $z = 11$ .

B  $z = 3 + 6i$ .

C  $z = -1 - 10i$ .

D  $z = -3 - 6i$ .

**Câu 9.** Tìm nghiệm của phương trình  $\log_2(1-x) = 2$ .

A  $x = -4$ .

B  $x = -3$ .

C  $x = 3$ .

D  $x = 5$ .

**Câu 10.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình của mặt phẳng  $(Oyz)$ ?

- A  $y = 0.$                        B  $x = 0.$   
 C  $y - z = 0.$                        D  $z = 0.$

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A Hàm số nghịch biến trên  $(0; 2)$ .  
 B Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .  
 C Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; 2)$ .  
 D Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 12.** Cho  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{\ln x}{x}$ . Tính  $I = F(e) - F(1)$ .

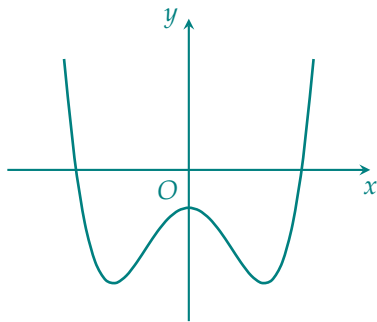
- A  $I = e.$      B  $I = \frac{1}{e}.$      C  $I = \frac{1}{2}.$      D  $I = 1.$

**Câu 13.** Rút gọn biểu thức  $P = x^{\frac{1}{3}} \cdot \sqrt[6]{x}$  với  $x > 0$ .

- A  $P = x^{\frac{1}{8}}.$                        B  $P = x^2.$   
 C  $P = \sqrt{x}.$                        D  $P = x^{\frac{2}{3}}.$

**Câu 14.**

Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  với  $a, b, c$  là các số thực. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- A Phương trình  $y' = 0$  có đúng ba nghiệm thực phân biệt.  
 B Phương trình  $y' = 0$  có đúng hai nghiệm thực phân biệt.  
 C Phương trình  $y' = 0$  vô nghiệm trên tập số thực.  
 D Phương trình  $y' = 0$  có đúng một nghiệm thực.

**Câu 15.** Tìm số tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - 5x + 4}{x^2 - 1}$ .

- A 3.     B 1.     C 0.     D 2.

**Câu 16.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , tìm tất cả các giá trị của  $m$  để phương trình  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 4z + m = 0$  là phương trình của một mặt cầu.

- A  $m > 6.$      B  $m \geq 6.$      C  $m \leq 6.$      D  $m < 6.$

**Câu 17.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm của phương trình  $3z^2 - z + 1 = 0$ . Tính  $P = |z_1| + |z_2|$ .

- A  $P = \frac{\sqrt{3}}{3}.$                        B  $P = \frac{2\sqrt{3}}{3}.$   
 C  $P = \frac{2}{3}.$                        D  $P = \frac{\sqrt{14}}{3}.$

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có  $BB' = a$ , đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$  và  $AC = a\sqrt{2}$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho.

- A  $V = a^3.$                        B  $V = \frac{a^3}{3}.$   
 C  $V = \frac{a^3}{6}.$                        D  $V = \frac{a^3}{2}.$

**Câu 19.** Cho khối nón có bán kính đáy  $r = \sqrt{3}$  và chiều cao  $h = 4$ . Tính thể tích  $V$  của khối nón đã cho.

- A  $V = \frac{16\pi\sqrt{3}}{3}.$                        B  $V = 4\pi.$   
 C  $V = 16\pi\sqrt{3}.$                        D  $V = 12\pi.$

**Câu 20.** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi đường cong  $y = \sqrt{2 + \sin x}$ , trục hoành và các đường thẳng  $x = 0$ ,  $x = \pi$ . Khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục hoành có thể tích  $V$  bằng bao nhiêu?

- A  $V = 2(\pi + 1).$                        B  $V = 2\pi(\pi + 1).$   
 C  $V = 2\pi^2.$                        D  $V = 2\pi.$

**Câu 21.** Cho  $\int_{-1}^2 f(x) dx = 2$  và  $\int_{-1}^2 g(x) dx = -1$ . Tính

$$I = \int_{-1}^2 [x + 2f(x) - 3g(x)] dx.$$

- A  $I = \frac{5}{2}.$      B  $I = \frac{7}{2}.$      C  $I = \frac{17}{2}.$      D  $I = \frac{11}{2}.$

**Câu 22.** Cho mặt cầu bán kính  $R$  ngoại tiếp một hình lập phương cạnh  $a$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A  $a = 2\sqrt{3}R.$                        B  $a = \frac{\sqrt{3}R}{3}.$   
 C  $a = 2R.$                        D  $a = \frac{2\sqrt{3}R}{3}.$

**Câu 23.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(0; -1; 3)$ ,  $B(1; 0; 1)$  và  $C(-1; 1; 2)$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình chính tắc của đường thẳng đi qua  $A$  và song song với đường thẳng  $BC$ ?

- A  $\begin{cases} x = -2t \\ y = -1 + t \\ z = 3 + t. \end{cases}$   
 B  $x - 2y + z = 0.$   
 C  $\frac{x}{-2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-3}{1}.$   
 D  $\frac{x-1}{-2} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{1}.$

**Câu 24.** Tìm giá trị lớn nhất  $M$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$  trên đoạn  $[0; \sqrt{3}]$ .

- A  $M = 9.$                        B  $M = 8\sqrt{3}.$   
 C  $M = 1.$                        D  $M = 6.$

**Câu 25.** Mặt phẳng  $(A'BC)$  chia khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  thành các khối đa diện nào?

- (A) Một khối chóp tam giác và một khối chóp ngũ giác.  
 (B) Một khối chóp tam giác và một khối chóp tứ giác.  
 (C) Hai khối chóp tam giác.  
 (D) Hai khối chóp tứ giác.

**Câu 26.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(4;0;1)$  và  $B(-2;2;3)$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$ ?

- (A)  $3x - y - z = 0$ .  
 (B)  $3x + y + z - 6 = 0$ .  
 (C)  $3x - y - z + 1 = 0$ .  
 (D)  $6x - 2y - 2z - 1 = 0$ .

**Câu 27.** Cho số phức  $z = 1 - i + i^3$ . Tìm phần thực  $a$  và phần ảo  $b$  của  $z$ .

- (A)  $a = 0, b = 1$ . (B)  $a = -2, b = 1$ .  
 (C)  $a = 1, b = 0$ . (D)  $a = 1, b = -2$ .

**Câu 28.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log_2(2x + 1)$ .

- (A)  $y' = \frac{1}{(2x + 1)\ln 2}$ . (B)  $y' = \frac{2}{(2x + 1)\ln 2}$ .  
 (C)  $y' = \frac{2}{2x + 1}$ . (D)  $y' = \frac{1}{2x + 1}$ .

**Câu 29.** Cho  $\log_a b = 2$  và  $\log_a c = 3$ . Tính  $P = \log_a(b^2c^3)$ .

- (A)  $P = 31$ . (B)  $P = 13$ .  
 (C)  $P = 30$ . (D)  $P = 108$ .

**Câu 30.** Tìm tập nghiệm  $S$  của phương trình  $\log_{\sqrt{2}}(x - 1) + \log_{\frac{1}{2}}(x + 1) = 1$ .

- (A)  $S = \{2 + \sqrt{5}\}$ .  
 (B)  $S = \{2 - \sqrt{5}; 2 + \sqrt{5}\}$ .  
 (C)  $S = \{3\}$ .  
 (D)  $S = \left\{ \frac{3 + \sqrt{13}}{2} \right\}$ .

**Câu 31.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $4^x - 2^{x+1} + m = 0$  có hai nghiệm thực phân biệt.

- (A)  $m \in (-\infty; 1)$ . (B)  $m \in (0; +\infty)$ .  
 (C)  $m \in (0; 1]$ . (D)  $m \in (0; 1)$ .

**Câu 32.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$  đạt cực đại tại  $x = 3$ .

- (A)  $m = 1$ . (B)  $m = -1$ .  
 (C)  $m = 5$ . (D)  $m = -7$ .

**Câu 33.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x + 1)^2 + (y - 1)^2 + (z + 2)^2 = 2$  và hai đường thẳng  $d : \frac{x - 2}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z - 1}{-1}$ ,  $\Delta : \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z - 1}{-1}$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình của một mặt phẳng tiếp xúc với  $(S)$ , song song với  $d$  và  $\Delta$ ?

- (A)  $x + z + 1 = 0$ . (B)  $x + y + 1 = 0$ .  
 (C)  $y + z + 3 = 0$ . (D)  $x + z - 1 = 0$ .

**Câu 34.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(1; -2; 3)$  và hai mặt phẳng  $(P) : x + y + z + 1 = 0$ ,  $(Q) : x - y + z - 2 = 0$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua  $A$ , song song với  $(P)$  và  $(Q)$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = -1 + t \\ y = 2 \\ z = -3 - t \end{cases}$  (B)  $\begin{cases} x = 1 \\ y = -2 \\ z = 3 - 2t \end{cases}$   
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 \\ z = 3 + 2t \end{cases}$  (D)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 \\ z = 3 - t \end{cases}$

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = \frac{x + m}{x + 1}$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\min_{[1;2]} y + \max_{[1;2]} y = \frac{16}{3}$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $m \leq 0$ . (B)  $m > 4$ .  
 (C)  $0 < m \leq 2$ . (D)  $2 < m \leq 4$ .

**Câu 36.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật,  $AB = a$ ,  $AD = a\sqrt{3}$ ,  $SA$  vuông góc với đáy và mặt phẳng  $(SBC)$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

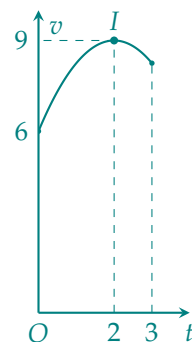
- (A)  $V = \frac{a^3}{3}$ . (B)  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .  
 (C)  $V = a^3$ . (D)  $V = 3a^3$ .

**Câu 37.** Cho  $x, y$  là các số thực lớn hơn 1 thỏa mãn  $x^2 + 9y^2 = 6xy$ . Tính  $M = \frac{1 + \log_{12} x + \log_{12} y}{2 \log_{12}(x + 3y)}$ .

- (A)  $M = \frac{1}{4}$ . (B)  $M = 1$ .  
 (C)  $M = \frac{1}{2}$ . (D)  $M = \frac{1}{3}$ .

**Câu 38.**

Một vật chuyển động trong 3 giờ đầu với vận tốc  $v$  (km/h) phụ thuộc thời gian  $t$  (h) có đồ thị là một phần của đường parabol có đỉnh  $I(2; 9)$  và trục đối xứng song song với trục tung như hình bên. Tính quãng đường  $s$  mà vật di chuyển được trong 3 giờ đó.



- (A)  $s = 24, 25$  km. (B)  $s = 26, 75$  km.  
 (C)  $s = 24, 75$  km. (D)  $s = 25, 25$  km.

**Câu 39.** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $z + 2 + i = |z|$ . Tính  $S = 4a + b$ .

- (A)  $S = 4$ . (B)  $S = 2$ .  
(C)  $S = -2$ . (D)  $S = -4$ .

**Câu 40.** Cho  $F(x) = (x - 1)e^x$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)e^{2x}$ . Tìm nguyên hàm của hàm số  $f'(x)e^{2x}$ .

- (A)  $\int f'(x)e^{2x} dx = (4 - 2x)e^x + C$ .  
(B)  $\int f'(x)e^{2x} dx = \frac{2-x}{2}e^x + C$ .  
(C)  $\int f'(x)e^{2x} dx = (2-x)e^x + C$ .  
(D)  $\int f'(x)e^{2x} dx = (x-2)e^x + C$ .

**Câu 41.** Đầu năm 2016, ông A thành lập một công ty. Tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2016 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền dùng để trả lương cho nhân viên trong năm đó tăng thêm 15% so với năm trước. Hỏi năm nào dưới đây là năm đầu tiên mà tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm lớn hơn 2 tỷ đồng?

- (A) Năm 2023. (B) Năm 2022.  
(C) Năm 2021. (D) Năm 2020.

**Câu 42.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$			$5$		$1$		$+\infty$

Đồ thị của hàm số  $y = |f(x)|$  có bao nhiêu điểm cực trị?

- (A) 4. (B) 2. (C) 3. (D) 5.

**Câu 43.** Cho tứ diện đều  $ABCD$  có cạnh bằng  $3a$ . Hình nón ( $N$ ) có đỉnh  $A$  và đường tròn đáy là đường tròn ngoại tiếp tam giác  $BCD$ . Tính diện tích xung quanh  $S_{xq}$  của ( $N$ ).

- (A)  $S_{xq} = 6\pi a^2$ . (B)  $S_{xq} = 3\sqrt{3}\pi a^2$ .  
(C)  $S_{xq} = 12\pi a^2$ . (D)  $S_{xq} = 6\sqrt{3}\pi a^2$ .

**Câu 44.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z + 2 - i| = 2\sqrt{2}$  và  $(z - 1)^2$  là số thuần ảo?

- (A) 0. (B) 4. (C) 3. (D) 2.

**Câu 45.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $y = -mx$  cắt đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - m + 2$  tại ba điểm phân biệt  $A, B, C$  sao cho  $AB = BC$ .

- (A)  $m \in (-\infty; 3)$ . (B)  $m \in (-\infty; -1)$ .  
(C)  $m \in (-\infty; +\infty)$ . (D)  $m \in (1; +\infty)$ .

**Câu 46.** Xét các số thực dương  $a, b$  thỏa mãn  $\log_2 \frac{1-ab}{a+b} = 2ab + a + b - 3$ . Tìm giá trị nhỏ nhất  $P_{\min}$  của  $P = a + 2b$ .

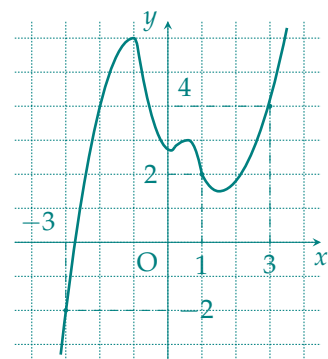
- (A)  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10}-3}{2}$ . (B)  $P_{\min} = \frac{3\sqrt{10}-7}{2}$ .  
(C)  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10}-1}{2}$ . (D)  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10}-5}{2}$ .

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(4; 6; 2)$ ,  $B(2; -2; 0)$  và mặt phẳng  $(P) : x + y + z = 0$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi thuộc  $(P)$  và đi qua  $B$ , gọi  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $A$  trên  $d$ . Biết rằng khi  $d$  thay đổi thì  $H$  thuộc một đường tròn cố định. Tính bán kính  $R$  của đường tròn đó.

- (A)  $R = \sqrt{6}$ . (B)  $R = 2$ .  
(C)  $R = 1$ . (D)  $R = \sqrt{3}$ .

**Câu 48.**

Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình bên. Đặt  $g(x) = 2f(x) - (x + 1)^2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $g(-3) > g(3) > g(1)$ . (B)  $g(1) > g(-3) > g(3)$ .  
(C)  $g(3) > g(-3) > g(1)$ . (D)  $g(1) > g(3) > g(-3)$ .

**Câu 49.** Xét khối tứ diện  $ABCD$  có cạnh  $AB = x$  và các cạnh còn lại đều bằng  $2\sqrt{3}$ . Tìm  $x$  để thể tích khối tứ diện  $ABCD$  đạt giá trị lớn nhất.

- (A)  $x = \sqrt{6}$ . (B)  $x = \sqrt{14}$ .  
(C)  $x = 3\sqrt{2}$ . (D)  $x = 2\sqrt{3}$ .

**Câu 50.** Cho mặt cầu ( $S$ ) có bán kính bằng 4, hình trụ ( $H$ ) có chiều cao bằng 4 và hai đường tròn đáy nằm trên ( $S$ ). Gọi  $V_1$  là thể tích của khối trụ ( $H$ ) và  $V_2$  là thể tích của khối cầu ( $S$ ). Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

- (A)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{9}{16}$ . (B)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{3}$ .  
(C)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{16}$ . (D)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{2}{3}$ .

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	11.
D	A	B	C	D	A	A	D	B	B	A
12.	13.	14.	15.	16.	17.	18.	19.	20.	21.	22.
C	C	A	D	D	B	D	B	B	C	D
23.	24.	25.	26.	27.	28.	29.	30.	31.	32.	33.
C	D	B	A	D	B	B	A	D	C	A
34.	35.	36.	37.	38.	39.	40.	41.	42.	43.	44.
D	B	C	B	C	D	C	C	C	B	C
45.	46.	47.	48.	49.	50.					
A	A	A	D	C	A					

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số có bốn điểm cực trị.  
 (B) Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .  
 (C) Hàm số không có cực đại.  
 (D) Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -5$ .

**Câu 6.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$  cho mặt cầu  $(S) : (x - 5)^2 + (y - 1)^2 + (z + 2)^2 = 9$ . Tính bán kính  $R$  của  $(S)$ .

- (A)  $R = 3$ . (B)  $R = 18$ .  
 (C)  $R = 9$ . (D)  $R = 6$ .

**Câu 7.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - 3i$  và  $z_2 = -2 - 5i$ . Tìm phần ảo  $b$  của số phức  $z = z_1 - z_2$ .

- (A)  $b = -2$ . (B)  $b = 2$ .  
 (C)  $b = 3$ . (D)  $b = -3$ .

**Câu 8.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2 \sin x$ .

- (A)  $\int 2 \sin x dx = 2 \cos x + C$ .  
 (B)  $\int 2 \sin x dx = \sin^2 x + C$ .  
 (C)  $\int 2 \sin x dx = \sin 2x + C$ .  
 (D)  $\int 2 \sin x dx = -2 \cos x + C$ .

**Câu 9.** Cho số phức  $z = 2 - 3i$ . Tìm phần thực  $a$  của  $z$ .

- (A)  $a = 2$ . (B)  $a = 3$ .  
 (C)  $a = -3$ . (D)  $a = -2$ .

**Câu 10.** Cho  $a$  là số thực dương khác 2. Tính  $I = \log_a \left( \frac{a^2}{4} \right)$ .

- (A)  $I = \frac{1}{2}$ . (B)  $I = 2$ .  
 (C)  $I = -\frac{1}{2}$ . (D)  $I = -2$ .

**Câu 11.** Tìm tập nghiệm  $S$  của phương trình  $\log_3(2x + 1) - \log_3(x - 1) = 1$ .

- (A)  $S = \{4\}$ . (B)  $S = \{3\}$ .  
 (C)  $S = \{-2\}$ . (D)  $S = \{1\}$ .

**Câu 12.** Cho tứ diện  $ABCD$  có tam giác  $BCD$  vuông tại  $C$ ,  $AB$  vuông góc với mặt phẳng  $(BCD)$ ,  $AB = 5a$ ,  $BC = 3a$  và  $CD = 4a$ . Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp tứ diện  $ABCD$ .

- (A)  $R = \frac{5a\sqrt{2}}{3}$ . (B)  $R = \frac{5a\sqrt{3}}{3}$ .  
 (C)  $R = \frac{5a\sqrt{2}}{2}$ . (D)  $R = \frac{5a\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 13.** Cho  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x) = e^x + 2x$  thỏa mãn  $F(0) = \frac{3}{2}$ . Tìm  $F(x)$ .

**6 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 103 NĂM 2017**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
 NĂM 2017  
 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103**  
 Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = (x - 2)(x^2 + 1)$  có đồ thị  $(C)$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $(C)$  cắt trục hoành tại hai điểm..  
 (B)  $(C)$  cắt trục hoành tại một điểm.  
 (C)  $(C)$  không cắt trục hoành.  
 (D)  $(C)$  cắt trục hoành tại ba điểm.

**Câu 2.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$  cho mặt phẳng  $(\alpha) : x + y + z - 6 = 0$ . Điểm nào dưới đây không thuộc  $(\alpha)$ .

- (A)  $N(2; 2; 2)$ . (B)  $M(3; -1; -2)$ .  
 (C)  $P(1; 2; 3)$ . (D)  $M(1; -1; 1)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2 + 1$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .  
 (B) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .  
 (C) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .  
 (D) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .

**Câu 4.** Tìm nghiệm của phương trình  $\log_{25}(x + 1) = \frac{1}{2}$ .

- (A)  $x = -6$ . (B)  $x = 6$ .  
 (C)  $x = 4$ . (D)  $x = \frac{23}{2}$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$			$4$		$-5$	$+\infty$



- (A)  $F(x) = e^x + x^2 + \frac{3}{2}$ .    (B)  $F(x) = 2e^x + x^2 - \frac{1}{2}$ .  
 (C)  $F(x) = e^x + x^2 + \frac{5}{2}$ .    (D)  $F(x) = e^x + x^2 + \frac{1}{2}$ .

**Câu 14.** Tìm tất cả các số thực  $x, y$  sao cho  $x^2 - 1 + yi = -1 + 2i$ .

- (A)  $x = -\sqrt{2}, y = 2$ .    (B)  $x = \sqrt{2}, y = 2$ .  
 (C)  $x = 0, y = 2$ .    (D)  $x = \sqrt{2}, y = -2$ .

**Câu 15.** Tìm giá trị nhỏ nhất  $m$  của hàm số  $y = x^4 - x^2 + 13$  trên đoạn  $[-2; 3]$ .

- (A)  $m = \frac{51}{4}$ .    (B)  $m = \frac{49}{4}$ .  
 (C)  $m = 13$ .    (D)  $m = \frac{51}{2}$ .

**Câu 16.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với đáy,  $SA = 4, AB = 6, BC = 10$  và  $CA = 8$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

- (A)  $V = 40$ .    (B)  $192$ .  
 (C)  $V = 32$ .    (D)  $V = 24$ .

**Câu 17.** Ký hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - z + 6 = 0$  Tính  $P = \frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2}$ .

- (A)  $P = \frac{1}{6}$ .    (B)  $P = \frac{1}{12}$ .  
 (C)  $P = -\frac{1}{6}$ .    (D)  $P = 6$ .

**Câu 18.** Cho  $\int_0^1 \left( \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2} \right) dx = a \ln 2 + b \ln 3$

với  $a, b$  là các số nguyên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a + b = 2$ .    (B)  $a - 2b = 0$ .  
 (C)  $a + b = -2$ .    (D)  $a + 2b = 0$ .

**Câu 19.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; -2; -3), B(-1; 4; 1)$  và đường thẳng  $d : \frac{x+2}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+3}{2}$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua trung điểm của đoạn thẳng  $AB$  và song song với  $d$ ?

- (A)  $d : \frac{x}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+1}{2}$ .  
 (B)  $d : \frac{x}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+2}{2}$ .  
 (C)  $d : \frac{x}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+1}{2}$ .  
 (D)  $d : \frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+1}{2}$ .

**Câu 20.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $M(3; -1; -2)$  và mặt phẳng  $(\alpha) : 3x - y + 2z + 4 = 0$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(\alpha)$ ?

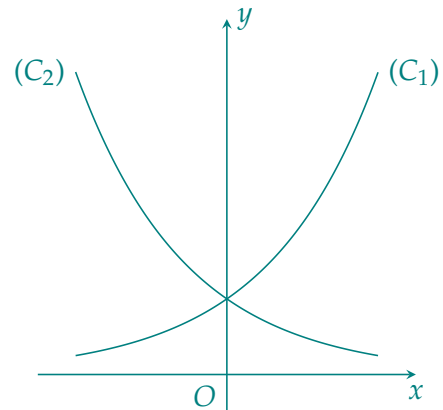
- (A)  $(\alpha) : 3x + y - 2z - 14 = 0$ .

- (B)  $(\alpha) : 3x - y + 2z + 6 = 0$ .  
 (C)  $(\alpha) : 3x - y + 2z - 6 = 0$ .  
 (D)  $(\alpha) : 3x - y - 2z + 6 = 0$ .

**Câu 21.** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi đường cong  $y = e^x$ , trục hoành và các đường thẳng  $x = 0, x = 1$ . Khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục hoành có thể tích  $V$  bằng bao nhiêu?

- (A)  $V = \frac{\pi e^2}{2}$ .    (B)  $V = \frac{\pi(e^2 + 1)}{2}$ .  
 (C)  $V = \frac{e^2 - 1}{2}$ .    (D)  $V = \frac{\pi(e^2 - 1)}{2}$ .

**Câu 22.** Cho hai hàm số  $y = a^x, y = b^x$  với  $a, b$  là 2 số thực dương khác 1, lần lượt có đồ thị là  $(C_1)$  và  $(C_2)$  như hình bên.



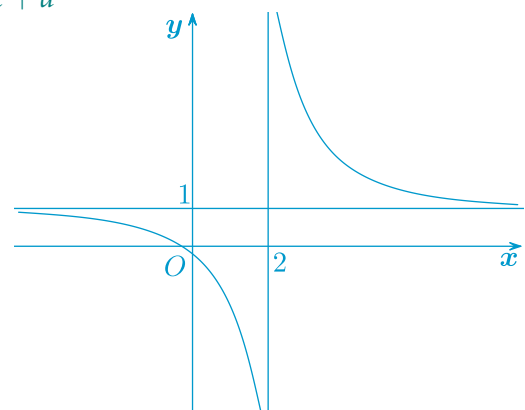
Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $0 < a < b < 1$ .    (B)  $0 < b < 1 < a$ .  
 (C)  $0 < a < 1 < b$ .    (D)  $0 < b < a < 1$ .

**Câu 23.** Hình lăng trụ tam giác đều có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- (A) 4 mặt phẳng.    (B) 1 mặt phẳng.  
 (C) 2 mặt phẳng.    (D) 3 mặt phẳng.

**Câu 24.** Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  với  $a, b, c, d$  là các số thực.



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $y' < 0, \forall x \neq 2$ .    (B)  $y' < 0, \forall x \neq 1$ .  
 (C)  $y' > 0, \forall x \neq 2$ .    (D)  $y' > 0, \forall x \neq 1$ .

**Câu 25.** Cho hình trụ có diện tích xung quanh bằng  $50\pi$  và độ dài đường sinh bằng đường kính đường tròn đáy. Tính bán kính  $r$  của đường tròn đáy.

- (A)  $r = \frac{5\sqrt{2\pi}}{2}$ . (B)  $r = 5$ .  
 (C)  $r = 5\sqrt{\pi}$ . (D)  $r = \frac{5\sqrt{2}}{2}$ .

**Câu 26.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$  cho hai vectơ  $\vec{a}(2; 1; 0)$ ,  $\vec{b}(-1; 0; -2)$ . Tính  $\cos(\vec{a}, \vec{b})$

- (A)  $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{2}{25}$ . (B)  $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = -\frac{2}{5}$ .  
 (C)  $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = -\frac{2}{25}$ . (D)  $\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{2}{5}$ .

**Câu 27.** Đồ thị của hàm số nào trong các hàm số dưới đây có tiệm cận đứng?

- (A)  $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ . (B)  $y = \frac{1}{x^2 + x + 1}$ .  
 (C)  $y = \frac{1}{x^4 + 1}$ . (D)  $y = \frac{1}{x^2 + 1}$ .

**Câu 28.** Cho  $\log_3 a = 2$  và  $\log_2 b = \frac{1}{2}$ . Tính  $I = \frac{2 \log_3 [\log_3 (3a)] + \log_1 b^2}{4}$ .

- (A)  $I = \frac{5}{4}$ . (B)  $I = 4$ . (C)  $I = 0$ . (D)  $I = \frac{3}{2}$ .

**Câu 29.** Rút gọn biểu thức  $Q = b^{\frac{5}{3}} : \sqrt[3]{b}$  với  $b > 0$

- (A)  $Q = b^2$ . (B)  $Q = b^{\frac{5}{9}}$ .  
 (C)  $Q = b^{-\frac{4}{3}}$ . (D)  $Q = b^{\frac{4}{3}}$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .  
 (B) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .  
 (C) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .  
 (D) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = \frac{mx - 2m - 3}{x - m}$  với  $m$  là tham số. Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của  $m$  để hàm số đồng biến trên các khoảng xác định. Tìm số phần tử của  $S$ .

- (A) 5. (B) 4. (C) Vô số. (D) 3.

**Câu 32.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \log(x^2 - 2x - m + 1)$  có tập xác định là  $\mathbb{R}$ .

- (A)  $m \geq 0$ . (B)  $m < 0$ . (C)  $m \leq 2$ . (D)  $m > 2$ .

**Câu 33.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$  cho điểm  $I(1; 2; 3)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x - 2y - z - 4 = 0$ . Mặt cầu tâm  $I$  tiếp xúc mặt phẳng  $(P)$  tại điểm  $H$ . Tìm tọa độ điểm  $H$ .

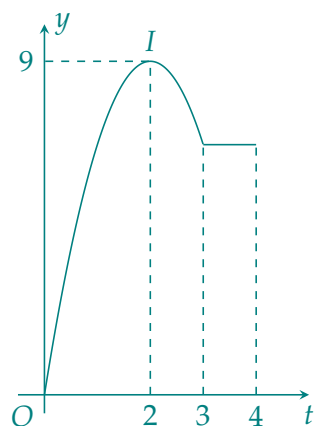
- (A)  $H(-1; 4; 4)$ . (B)  $H(-3; 0; -2)$ .  
 (C)  $H(3; 0; 2)$ . (D)  $H(1; -1; 0)$ .

**Câu 34.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với đáy và khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp đã cho.

- (A)  $V = \frac{a^3}{2}$ . (B)  $V = a^3$ .  
 (C)  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{9}$ . (D)  $V = \frac{a^3}{3}$ .

**Câu 35.**

Một vật chuyển động trong 4 giờ với vận tốc  $v$  (km/h) phụ thuộc thời gian  $t$  (h) có đồ thị của vận tốc như hình bên. Trong khoảng thời gian 3 giờ kể từ khi bắt đầu chuyển động, đồ thị đó là một phần của đường Parabol có đỉnh  $I(2; 9)$  với trục đối xứng song song với trục tung, khoảng thời gian



còn lại đồ thị là một đoạn thẳng song song với trục hoành. Tính quãng đường  $s$  mà vật chuyển động trong 4 giờ đó.

- (A)  $s = 26,5$ (km). (B)  $s = 28,5$ (km).  
 (C)  $s = 27$ (km). (D)  $s = 24$ (km).

**Câu 36.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai đường thẳng  $\begin{cases} x = 2 + 3t \\ y = -3 + t \\ z = 4 - 2t \end{cases}$  và  $d' : \frac{x-4}{3} = \frac{y+1}{1} = \frac{z}{-2}$ .

Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng thuộc mặt phẳng chứa  $d$  và  $d'$ , đồng thời cách đều hai đường thẳng đó.

- (A)  $\frac{x-3}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-2}{-2}$ .  
 (B)  $\frac{x+3}{3} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+2}{-2}$ .  
 (C)  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+2}{-2}$ .  
 (D)  $\frac{x-3}{3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-2}{-2}$ .

**Câu 37.** Cho  $F(x) = -\frac{1}{3x^3}$  là một nguyên hàm của hàm số  $\frac{f(x)}{x}$ . Tìm nguyên hàm của hàm số  $f'(x) \ln x$ .

- (A)  $\int f'(x) \ln x dx = \frac{\ln x^3}{x} + \frac{1}{5x^3} + C$ .  
 (B)  $\int f'(x) \ln x dx = \frac{\ln x^3}{x} - \frac{1}{5x^3} + C$ .  
 (C)  $\int f'(x) \ln x dx = \frac{\ln x^3}{x} + \frac{1}{x^3} + C$ .  
 (D)  $\int f'(x) \ln x dx = -\frac{\ln x^3}{x} + \frac{1}{3x^3} + C$ .

**Câu 38.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|$  thỏa mãn  $|z + 3| = 5$  và  $|z - 2i| = |z - 2 - 2i|$ . Tính  $|z|$

- (A)  $|z| = 17$ . (B)  $|z| = \sqrt{17}$ .  
 (C)  $|z| = \sqrt{10}$ . (D)  $|z| = 10$ .

**Câu 39.** Đồ thị của hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 + 5$  có hai điểm cực trị  $A, B$ . Tính diện tích  $S$  của tam giác  $OAB$  với  $O$  là gốc tọa độ.

- (A)  $S = 9$ . (B)  $S = \frac{10}{3}$ .  
 (C)  $S = 5$ . (D)  $S = 10$ .

**Câu 40.** Trong không gian cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ ,  $AB = a$  và  $\widehat{ACB} = 30^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối nón nhận được khi quay tam giác  $ABC$  quanh cạnh  $AC$ .

- (A)  $V = \frac{\sqrt{3}\pi a^3}{3}$ . (B)  $V = \sqrt{3}\pi a^3$ .  
 (C)  $V = \frac{\sqrt{3}\pi a^3}{9}$ . (D)  $V = \pi a^3$ .

**Câu 41.** Một vật chuyển động theo quy luật  $s = -\frac{1}{2}t^3 + 6t^2$  với  $t$  là khoảng thời gian tính từ khi vật bắt đầu chuyển động và  $s$  là quãng đường vật di chuyển được trong khoảng thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 6 giây, kể từ khi bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng bao nhiêu?

- (A)  $24(m/s)$ . (B)  $108(m/s)$ .  
 (C)  $18(m/s)$ . (D)  $64(m/s)$ .

**Câu 42.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để bất phương trình  $\log_2^2 x - 2\log_2 x + 3m - 2 < 0$  có nghiệm thực.

- (A)  $m < 1$ . (B)  $m < \frac{2}{3}$ . (C)  $m < 0$ . (D)  $m \leq 1$ .

**Câu 43.** Với mọi số thực dương  $a$  và  $b$  thỏa mãn  $a^2 + b^2 = 8ab$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $\log(a + b) = \frac{1}{2}(\log a + \log b)$ .  
 (B)  $\log(a + b) = 1 + \log a + \log b$ .  
 (C)  $\log(a + b) = \frac{1}{2}(1 + \log a + \log b)$ .  
 (D)  $\log(a + b) = \frac{1}{2} + \log a + \log b$ .

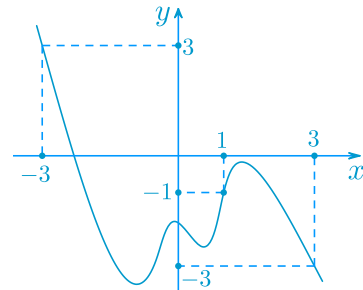
**Câu 44.** Xét khối chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $SA$  vuông góc với đáy, khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng 3. Gọi  $\alpha$  là góc giữa mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABC)$ , tính  $\cos \alpha$  khi thể tích khối chóp  $S.ABC$  nhỏ nhất.

- (A)  $\cos \alpha = \frac{1}{3}$ . (B)  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .  
 (C)  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2}$ . (D)  $\cos \alpha = \frac{2}{3}$ .

**Câu 45.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đồ thị của hàm số  $y = x^4 - 2mx^2$  có ba điểm cực trị tạo thành một tam giác có diện tích nhỏ hơn 1.

- (A)  $m > 0$ . (B)  $m < 1$ .  
 (C)  $0 < m < \sqrt[3]{4}$ . (D)  $0 < m < 1$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Đặt  $g(x) = 2f(x) + x^2$ .



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $g(3) < g(-3) < g(1)$ . (B)  $g(1) < g(3) < g(-3)$ .  
 (C)  $g(1) < g(-3) < g(3)$ . (D)  $g(-3) < g(3) < g(1)$ .

**Câu 47.** Cho hình nón  $(N)$  có đường sinh tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Mặt phẳng qua trục của  $(N)$  được thiết diện là một tam giác có bán kính đường tròn nội tiếp bằng 1. Tính thể tích  $V$  của khối nón giới hạn bởi  $(N)$ .

- (A)  $V = 9\sqrt{3}\pi$ . (B)  $V = 9\pi$ .  
 (C)  $V = 3\sqrt{3}\pi$ . (D)  $V = 3\pi$ .

**Câu 48.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z + 3i| = \sqrt{13}$  và  $\frac{z}{z+2}$  là số thuần ảo?

- (A) Vô số. (B) 2. (C) 0. (D) 1.

**Câu 49.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(3; -2; 6)$ ,  $B(0; 1; 0)$  và mặt cầu  $(S) : (x - 1)^2 + (y - 2)^2 + (z - 3)^2 = 25$ . Mặt phẳng  $(P) : ax + by + cz - 2 = 0$  đi qua  $A, B$  và cắt  $(S)$  theo giao tuyến là đường tròn có bán kính nhỏ nhất. Tính  $T = a + b + c$ .

- (A)  $T = 3$ . (B)  $T = 5$ . (C)  $T = 2$ . (D)  $T = 4$ .

**Câu 50.** Xét hàm số  $f(t) = \frac{9^t}{9^t + m^2}$  với  $m$  là tham số thực. Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $f(x) + f(y) = 1$  với mọi  $x, y$  thỏa mãn  $e^{x+y} \leq e(x+y)$ . Tìm số phần tử của  $S$ .

- (A) 0. (B) 1. (C) Vô số. (D) 2.

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. B	2. D	3. D	4. C	5. B	6. A	7. B	8. D	9. A	10. B	11. A
12. C	13. D	14. C	15. A	16. C	17. A	18. D	19. C	20. C	21. D	22. B

23. A	24. A	25. D	26. B	27. A	28. D	29. D	30. B	31. D	32. B	33. C
34. D	35. C	36. A	37. C	38. C	39. C	41. A	42. A	43. C	44. B	45. D
46. B	47. D	48. D	49. A	50. D						

**7 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 104 NĂM 2017**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017  
ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104**  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu đạo hàm như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$-$	$0$	$+$

Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- (A) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-2; 0)$ .  
 (B) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .  
 (C) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .  
 (D) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .

**Câu 2.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : x^2 + (y + 2)^2 + (z - 2)^2 = 8$ . Tính bán kính  $R$  của  $(S)$ .

- (A)  $R = 8$ . (B)  $R = 4$ .  
 (C)  $R = 2\sqrt{2}$ . (D)  $R = 64$ .

**Câu 3.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; 0)$  và  $B(0; 1; 2)$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của đường thẳng  $AB$ .

- (A)  $\vec{b} = (-1; 0; 2)$ . (B)  $\vec{c} = (1; 2; 2)$ .  
 (C)  $\vec{d} = (-1; 1; 2)$ . (D)  $\vec{a} = (-1; 0; -2)$ .

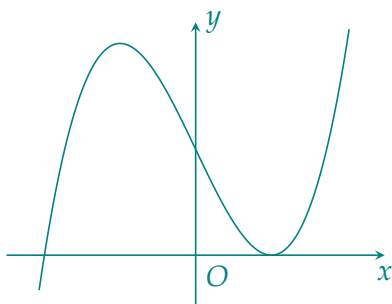
**Câu 4.** Cho số phức  $z = 2 + i$ . Tính  $|z|$ .

- (A)  $|z| = 3$ . (B)  $|z| = 5$ .  
 (C)  $|z| = 2$ . (D)  $|z| = \sqrt{5}$ .

**Câu 5.** Tìm nghiệm của phương trình  $\log_2(x - 5) = 4$ .

- (A)  $x = 21$ . (B)  $x = 3$ . (C)  $x = 11$ . (D)  $x = 13$ .

**Câu 6.** Đường cong hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây.



Hàm số đó là hàm số nào?

- (A)  $y = x^3 - 3x + 2$ . (B)  $y = x^4 - x^2 + 1$ .  
 (C)  $y = x^4 + x^2 + 1$ . (D)  $y = -x^3 + 3x + 2$ .

**Câu 7.** Hàm số  $y = \frac{2x + 3}{x + 1}$  có bao nhiêu điểm cực trị?

- (A) 3. (B) 0. (C) 2. (D) 1.

**Câu 8.** Cho  $a$  là số thực dương tùy ý khác 1. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $\log_2 a = \log_a 2$ . (B)  $\log_2 a = \frac{1}{\log_2 a}$ .  
 (C)  $\log_2 a = \frac{1}{\log_a 2}$ . (D)  $\log_2 a = -\log_a 2$ .

**Câu 9.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 7^x$ .

- (A)  $\int 7^x dx = 7^x \ln 7 + C$ .  
 (B)  $\int 7^x dx = \frac{7^x}{\ln 7} + C$ .  
 (C)  $\int 7^x dx = 7^{x+1} + C$ .  
 (D)  $\int 7^x dx = \frac{7^{x+1}}{x+1} + C$ .

**Câu 10.** Tìm số phức  $z$  thỏa mãn  $z + 2 - 3i = 3 - 2i$ .

- (A)  $z = 1 - 5i$ . (B)  $z = 1 + i$ .  
 (C)  $z = 5 - 5i$ . (D)  $z = 1 - i$ .

**Câu 11.** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = (x^2 - x - 2)^{-3}$ .

- (A)  $D = \mathbb{R}$ .  
 (B)  $D = (0; +\infty)$ .  
 (C)  $D = (-\infty; 1) \cap (2; +\infty)$ .  
 (D)  $\mathbb{R} \setminus \{-1; 2\}$ .

**Câu 12.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho 3 điểm  $M(2; 3; -1)$ ,  $N(-1; 1; 1)$  và  $P(1; m - 1; 2)$ . Tìm  $m$  để tam giác  $MNP$  vuông tại  $N$ .

- (A)  $m = -6$ . (B)  $m = 0$ .  
 (C)  $m = -4$ . (D)  $m = 2$ .

**Câu 13.** Cho số phức  $z_1 = 1 - 2i$ ,  $z_2 = -3 + i$ . Tìm điểm biểu diễn của số phức  $z = z_1 + z_2$  trên mặt phẳng tọa độ.

- (A)  $N(4; -3)$ . (B)  $M(2; -5)$ .  
 (C)  $P(-2; -1)$ . (D)  $Q(-1; 7)$ .

**Câu 14.** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi đường cong  $y = \sqrt{x^2 + 1}$ , hoành và các đường thẳng  $x = 0, x = 1$ . Khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục hoành có thể tích  $V$  bằng bao nhiêu?

- (A)  $V = \frac{4\pi}{3}$ . (B)  $V = 2\pi$ .  
 (C)  $V = \frac{4}{3}$ . (D)  $V = 2$ .

**Câu 15.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1;2;3)$ . Gọi  $M_1, M_2$  lần lượt là hình chiếu vuông góc của  $M$  lên các trục  $Ox, Oy$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của đường thẳng  $M_1M_2$ ?

- (A)  $\vec{u}_2 = (1; 2; 0)$ . (B)  $\vec{u}_2 = (1; 0; 0)$ .  
 (C)  $\vec{u}_2 = (-1; 2; 0)$ . (D)  $\vec{u}_2 = (0; 2; 0)$ .

**Câu 16.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x^2-4}$  có mấy tiệm cận.

- (A) 1. (B) 3. (C) 0. (D) 2.

**Câu 17.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm của phương trình  $z^2 + 4 = 0$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là điểm biểu diễn của  $z_1, z_2$  trên mặt phẳng tọa độ. Tính  $T = OM + ON$  với  $O$  là gốc tọa độ.

- (A)  $T = \sqrt{2}$ . (B)  $T = 2$ .  
 (C)  $T = 8$ . (D) 4.

**Câu 18.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = \sqrt{3}$  và độ dài đường sinh  $l = 4$ . Tính diện tích xung quanh của hình nón đã cho.

- (A)  $S_{xq} = 12\pi$ . (B)  $S_{xq} = 4\sqrt{3}\pi$ .  
 (C)  $S_{xq} = \sqrt{39}\pi$ . (D)  $S_{xq} = 8\sqrt{3}\pi$ .

**Câu 19.** Tìm tất cả các giá trị thực của  $m$  để phương trình  $3^x = m$  có nghiệm thực.

- (A)  $m \geq 1$ . (B)  $m \geq 0$ . (C)  $m > 0$ . (D)  $m \neq 0$ .

**Câu 20.** Tìm giá trị nhỏ nhất  $m$  của hàm số  $y = x^2 + \frac{2}{x}$  trên đoạn  $\left[\frac{1}{2}; 2\right]$ .

- (A)  $m = \frac{17}{4}$ . (B)  $m = 10$ .  
 (C)  $m = 5$ . (D)  $m = 3$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = \sqrt{2x^2 + 1}$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .  
 (B) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .  
 (C) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .  
 (D) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

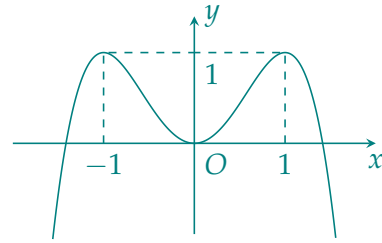
**Câu 22.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua điểm  $M(1;2;-3)$  và có một vectơ pháp tuyến  $\vec{n} = (1; -2; 3)$ ?

- (A)  $x - 2y + 3z - 12 = 0$ .  
 (B)  $x - 2y - 3z + 6 = 0$ .  
 (C)  $x - 2y + 3z + 12 = 0$ .  
 (D)  $x - 2y + 3z - 6 = 0$ .

**Câu 23.** Cho hình bát diện đều cạnh  $a$ . Gọi  $S$  là tổng diện tích tất cả các mặt của hình bát diện đó. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $S = 4\sqrt{3}a^2$ . (B)  $S = \sqrt{3}a^2$ .  
 (C)  $S = 2\sqrt{3}a^2$ . (D)  $S = 8a^2$ .

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = -x^4 + 2x^2$  có đồ thị như hình bên.



Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $-x^4 + 2x^2 = m$  có bốn nghiệm thực phân biệt.

- (A)  $m > 0$ . (B)  $0 \leq m \leq 1$ .  
 (C)  $0 < m < 1$ . (D)  $m < 1$ .

**Câu 25.** Cho  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(x)dx$ . Tính  $I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} [f(x) + 2 \sin x] dx$

- (A)  $I = 7$ . (B)  $I = 5 + \frac{\pi}{2}$ .  
 (C)  $I = 3$ . (D)  $I = 5 + \pi$ .

**Câu 26.** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \log_3(x^2 - 4x + 3)$

- (A)  $D = (2 - \sqrt{2}; 1) \cup (3; 2 + \sqrt{2})$ .  
 (B)  $D = (1; 3)$ .  
 (C)  $D = (-\infty; 1) \cup (3; +\infty)$ .  
 (D)  $D = (-\infty; 2 - \sqrt{2}) \cup (2 + \sqrt{2}; +\infty)$ .

**Câu 27.** Cho khối chóp tam giác đều  $S.ABC$  có cạnh đáy bằng  $a$  và cạnh bên bằng  $2a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$

- (A)  $V = \frac{\sqrt{13}a^3}{12}$ . (B)  $V = \frac{\sqrt{11}a^3}{12}$ .  
 (C)  $V = \frac{\sqrt{11}a^3}{6}$ . (D)  $V = \frac{\sqrt{11}a^3}{4}$ .

**Câu 28.** Tìm nguyên hàm  $F(x)$  của hàm số  $f(x) = \sin x + \cos x$  thỏa mãn  $F\left(\frac{\pi}{2}\right) = 2$

- (A)  $F(x) = \cos x - \sin x + 3$ .  
 (B)  $F(x) = -\cos x + \sin x + 3$ .  
 (C)  $F(x) = -\cos x + \sin x - 1$ .  
 (D)  $F(x) = -\cos x + \sin x + 1$ .

**Câu 29.** Với mọi  $a, b, x$  là các số thực dương thỏa mãn  $\log_2 x = 5 \log_2 a + 3 \log_2 b$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $x = 3a + 5b$ . (B)  $x = 5a + 3b$ .  
 (C)  $x = a^5 + b^3$ . (D)  $x = a^5 b^3$ .

**Câu 30.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật với  $AB = 3a, BC = 4a, SA = 12a$  và  $SA$  vuông góc với đáy. Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp  $S.ABCD$

- (A)  $R = \frac{5a}{2}$ . (B)  $R = \frac{17a}{2}$ .  
 (C)  $R = \frac{13a}{2}$ . (D)  $R = 6a$ .

**Câu 31.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $9^x - 2 \cdot 3^{x+1} + m = 0$  có hai nghiệm thực  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $x_1 + x_2 = 1$ .

- (A)  $m = 6$ . (B)  $m = -3$ .  
(C)  $m = 3$ . (D)  $m = 1$ .

**Câu 32.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AD = 8, CD = 6, AC' = 12$ . Tính diện tích toàn phần  $S_{tp}$  của hình trụ có hai đường tròn đáy là hai đường tròn ngoại tiếp hình chữ nhật  $ABCD$  và  $A'B'C'D'$ .

- (A)  $S_{tp} = 576\pi$ .  
(B)  $S_{tp} = 10(2\sqrt{11} + 5)\pi$ .  
(C)  $S_{tp} = 26\pi$ .  
(D)  $S_{tp} = 5(4\sqrt{11} + 4)\pi$ .

**Câu 33.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; -1; 2), B(-1; 2; 3)$  và đường thẳng  $d : \frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-1}{2}$ . Tìm điểm  $M(a; b; c)$  thuộc  $d$  sao cho  $MA^2 + MB^2 = 28$ , biết  $c < 0$ .

- (A)  $M(-1; 0; -3)$ . (B)  $M(2; 3; 3)$ .  
(C)  $M\left(\frac{1}{6}; \frac{7}{6}; -\frac{2}{3}\right)$ . (D)  $M\left(-\frac{1}{6}; -\frac{7}{6}; -\frac{2}{3}\right)$ .

**Câu 34.** Một vật chuyển động theo quy luật  $s = -\frac{1}{3}t^3 + 6t^2$  với  $t$  là khoảng thời gian tính từ khi vật bắt đầu chuyển động và  $s$  là quãng đường vật di chuyển được trong khoảng thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 9 giây kể từ khi bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng bao nhiêu?

- (A) 144. (B) 36. (C) 243. (D) 27.

**Câu 35.** Một người chạy trong thời gian 1 giờ, vận tốc  $v$  phụ thuộc vào thời gian  $t$  có đồ thị là một phần parabol với đỉnh  $I\left(\frac{1}{2}; 8\right)$  và trục đối xứng song song với trục tung như hình bên. Tính quãng đường  $s$  người đó chạy được trong khoảng thời gian 45 phút, kể từ khi chạy.

- (A)  $s = 4$ . (B)  $s = 2, 3$ .  
(C)  $s = 4, 5$ . (D)  $s = 5, 3$ .

**Câu 36.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = 5$  và  $|z + 3| = |z + 3 - 10i|$ . Tìm số phức  $w = z - 4 + 3i$ .

- (A)  $w = -3 + 8i$ . (B)  $w = 1 + 3i$ .  
(C)  $w = -1 + 7i$ . (D)  $w = -4 + 8i$ .

**Câu 37.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $d : y = (2m - 1)x + 3 + m$  vuông góc với đường thẳng đi qua hai điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .

- (A)  $m = \frac{3}{2}$ . (B)  $m = \frac{3}{4}$ .  
(C)  $m = -\frac{1}{2}$ . (D)  $m = \frac{1}{4}$ .

**Câu 38.** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình mặt cầu đi qua ba điểm  $M(2; 3; 3), N(2; -1; -1), P(-2; -1; 3)$  và có tâm thuộc mặt phẳng  $(\alpha) : 2x + 3y - z + 2 = 0$ .

- (A)  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 2z - 10 = 0$ .  
(B)  $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 6z - 2 = 0$ .  
(C)  $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 2y + 6z + 2 = 0$ .  
(D)  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 2z - 2 = 0$ .

**Câu 39.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác cân với  $AB = AC = a, \widehat{BAC} = 120^\circ$ . Mặt phẳng  $(AB'C')$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho.

- (A)  $V = \frac{3a^3}{8}$ . (B)  $V = \frac{9a^3}{8}$ .  
(C)  $V = \frac{a^3}{8}$ . (D)  $V = \frac{3a^3}{4}$ .

**Câu 40.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \ln(x^2 - 2x + m + 1)$  có tập xác định là  $\mathbb{R}$

- (A)  $m = 0$ . (B)  $0 < m < 3$ .  
(C)  $m < -1$  hoặc  $m > 0$ . (D)  $m > 0$ .

**Câu 41.** Cho hàm số  $y = \frac{mx + 4m}{x + m}$  với  $m$  là tham số. Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của  $m$  để hàm số nghịch biến trên các khoảng xác định. Tìm số phần tử của  $S$ .

- (A) 5. (B) 4. (C) Vô. (D) 3.

**Câu 42.** Cho  $F(x) = \frac{1}{2x^2}$  là 1 nguyên hàm của hàm số  $\frac{f(x)}{x}$ . Tìm nguyên hàm của hàm số  $f'(x) \ln x$ .

- (A)  $\int f'(x) \ln x dx = -\left(\frac{\ln x}{x^2} + \frac{1}{2x^2}\right) + C$ .  
(B)  $\int f'(x) \ln x dx = \frac{\ln x}{x^2} + \frac{1}{x^2} + C$ .  
(C)  $\int f'(x) \ln x dx = -\left(\frac{\ln x}{x^2} + \frac{1}{x^2}\right) + C$ .  
(D)  $\int f'(x) \ln x dx = \frac{\ln x}{x^2} + \frac{1}{2x^2} + C$ .

**Câu 43.** Với các số thực dương  $x, y$  tùy ý, đặt  $\log_3 x = \alpha, \log_3 y = \beta$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $\log_{27} \left(\frac{\sqrt{x}}{y}\right)^3 = 9\left(\frac{\alpha}{2} - \beta\right)$ .  
(B)  $\log_{27} \left(\frac{\sqrt{x}}{y}\right)^3 = \frac{\alpha}{2} + \beta$ .  
(C)  $\log_{27} \left(\frac{\sqrt{x}}{y}\right)^3 = 9\left(\frac{\alpha}{2} + \beta\right)$ .  
(D)  $\log_{27} \left(\frac{\sqrt{x}}{y}\right)^3 = \frac{\alpha}{2} - \beta$ .

**Câu 44.** Cho mặt cầu (S) tâm O, bán kính  $R = 3$ . Mặt phẳng (P) cách O một khoảng bằng 1 và cắt (S) theo giao tuyến là đường tròn (C) có tâm H. Gọi T là giao điểm của tia HO với (S). Tính thể tích V của khối nón có đỉnh T và đáy là đường tròn C.

- (A)  $V = \frac{32\pi}{3}$ . (B)  $V = 16\pi$ .  
 (C)  $V = \frac{16\pi}{3}$ . (D)  $V = 32\pi$ .

**Câu 45.** Tìm tất cả giá trị tham số  $m$  để đồ hàm số  $y = x^3 - 3mx^2 + 4m^2$  có 2 điểm cực tr A, B sao cho tam giác OAB có diện tích bằng 4 với O là gốc tọa độ

- (A)  $m = -\frac{1}{\sqrt[4]{2}}; m = \frac{1}{\sqrt[4]{2}}$ .  
 (B)  $m = -1; m = 1$ .  
 (C)  $m = 1$ .  
 (D)  $m \neq 0$ .

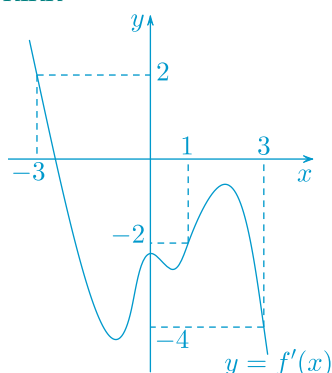
**Câu 46.** Xét các số nguyên dương  $a, b$  sao cho phương trình  $a \ln^2 x + b \ln x + 5 = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  và phương trình  $5 \log^2 x + b \log x + a = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $x_3, x_4$  thỏa mãn  $x_1 x_2 > x_3 x_4$ . Tính giá trị nhỏ nhất  $S_{\min}$  của  $S = 2a + 3b$ .

- (A)  $S_{\min} = 30$ . (B)  $S_{\min} = 25$ .  
 (C)  $S_{\min} = 33$ . (D)  $S_{\min} = 17$ .

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho ba điểm A (-2; 0; 0), B (0; -2; 0), C (0; 0; -2). Gọi D là điểm khác O sao cho DA, DB, DC đôi một vuông góc nhau và I (a; b; c) là tâm mặt cầu ngoại tiếp tứ diện ABCD. Tính  $S = a + b + c$ .

- (A)  $S = -4$ . (B)  $S = -1$ .  
 (C)  $S = -2$ . (D)  $S = -3$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $g(1) < g(3) < g(-3)$ . (B)  $g(1) < g(-3) < g(3)$ .  
 (C)  $g(3) = g(-3) < g(1)$ . (D)  $g(3) = g(-3) > g(1)$ .

**Câu 49.** Trong tất cả các hình chóp tứ giác đều nội tiếp mặt cầu có bán kính bằng 9, tính thể tích V của khối chóp có thể tích lớn nhất.

- (A)  $V = 144$ . (B)  $V = 576$ .  
 (C)  $V = 576\sqrt{2}$ . (D)  $V = 144\sqrt{6}$ .

**Câu 50.** Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để tồn tại duy nhất số phức  $z$  thỏa mãn  $z\bar{z} = 1$  và  $|z - \sqrt{3} + i| = m$ . Tìm số phần tử của S.

- (A) 2. (B) 4. (C) 1. (D) 3.

—————Hết—————

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. C	2. C	3. A	4. D	5. A	6. A	7. B	8. C	9. B	10. B	11. D
12. B	13. C	14. A	15. C	16. D	18. B	19. C	20. D	21. B	22. C	23. C
24. C	25. A	26. C	27. B	28. D	29. D	30. C	31. C	32. B	33. C	34. B
35. C	36. D	37. B	38. B	39. A	40. D	41. D	42. A	43. D	44. A	45. B
46. A	47. B	48. A	49. B	50. A						

NĂM HỌC 2017-2018



ĐỀ MINH HỌA NĂM 2018

### KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA NĂM 2018 ĐỀ MINH HỌA

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[a; b]$ . Gọi D là hình phẳng giới hạn bởi đồ thị của hàm số  $y = f(x)$ , trục hoành và hai đường thẳng  $x = a, x = b$  ( $a < b$ ). Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay D quanh trục hoành được tính theo công thức

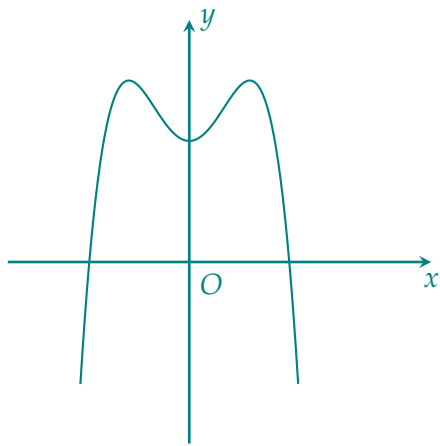
- (A)  $V = \pi \int_a^b f^2(x) dx$ . (B)  $V = 2\pi \int_a^b f^2(x) dx$ .  
 (C)  $V = \pi^2 \int_a^b f^2(x) dx$ . (D)  $V = \pi^2 \int_a^b f(x) dx$ .

**Câu 2.** Trong không gian Oxyz, cho điểm A(3; -1; 1). Hình chiếu vuông góc của A trên mặt phẳng (Oyz) là điểm

- (A) M(3; 0; 0). (B) N(0; -1; 1).  
 (C) P(0; -1; 0). (D) Q(0; 0; 1).

**Câu 3.**

Đường cong hình bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2 + 2$ .      (B)  $y = x^4 - 2x^2 + 2$ .  
 (C)  $y = x^3 - 3x^2 + 2$ .      (D)  $y = -x^3 + 3x^2 + 2$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$1$		$5$		$-\infty$

Hàm số đạt cực đại tại điểm

- (A)  $x = 1$ .      (B)  $x = 0$ .      (C)  $x = 5$ .      (D)  $x = 2$ .

**Câu 5.** Với  $a$  là số thực dương bất kì, mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $\log(3a) = 3 \log a$ .      (B)  $\log(a^3) = \frac{1}{3} \log a$ .  
 (C)  $\log(a^3) = 3 \log a$ .      (D)  $\log(3a) = \frac{1}{3} \log a$ .

**Câu 6.** Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 3x^2 + 1$  là

- (A)  $x^3 + C$ .      (B)  $\frac{x^3}{3} + x + C$ .  
 (C)  $6x + C$ .      (D)  $x^3 + x + C$ .

**Câu 7.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-2}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z}{1}$ . Đường thẳng  $d$  có một vectơ chỉ phương là

- (A)  $\vec{u}_1 = (-1; 2; 1)$ .      (B)  $\vec{u}_2 = (2; 1; 0)$ .  
 (C)  $\vec{u}_3 = (2; 1; 1)$ .      (D)  $\vec{u}_4 = (-1; 2; 0)$ .

**Câu 8.** Tập nghiệm của bất phương trình  $2^{2x} < 2^{x+6}$  là

- (A)  $(0; 6)$ .      (B)  $(-\infty; 6)$ .  
 (C)  $(0; 64)$ .      (D)  $(6; +\infty)$ .

**Câu 9.** Cho hình nón có diện tích xung quanh bằng  $3\pi a^2$  và bán kính đáy bằng  $a$ . Độ dài đường sinh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $2\sqrt{2}a$ .      (B)  $3a$ .      (C)  $2a$ .      (D)  $\frac{3a}{2}$ .

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$  cho ba điểm  $M(2; 0; 0), N(0; -1; 0)$  và  $P(0; 0; 2)$ . Mặt phẳng  $(MNP)$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 0$ .      (B)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = -1$ .  
 (C)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 1$ .      (D)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 1$ .

**Câu 11.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có tiệm cận đứng?

- (A)  $y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 1}$ .      (B)  $y = \frac{x^2}{x^2 + 1}$ .  
 (C)  $y = \sqrt{x^2 - 1}$ .      (D)  $y = \frac{x}{x + 1}$ .

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ.

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$4$		$-2$		$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $f(x) - 2 = 0$  là

- (A) 0.      (B) 3.      (C) 1.      (D) 2.

**Câu 13.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 4x^2 + 5$  trên đoạn  $[-2; 3]$  bằng

- (A) 50.      (B) 5.      (C) 1.      (D) 122.

**Câu 14.** Tích phân  $\int_0^2 \frac{dx}{x+3}$  bằng

- (A)  $\frac{16}{225}$ .      (B)  $\log \frac{5}{3}$ .      (C)  $\ln \frac{5}{3}$ .      (D)  $\frac{2}{15}$ .

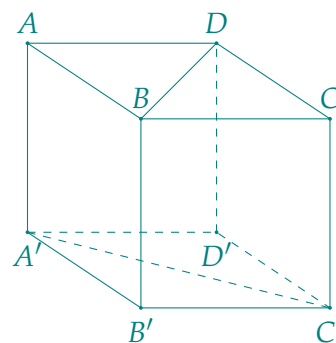
**Câu 15.** Gọi  $z_1$  và  $z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $4z^2 - 4z + 3 = 0$ . Giá trị của biểu thức  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A)  $3\sqrt{2}$ .      (B)  $2\sqrt{3}$ .      (C) 3.      (D)  $\sqrt{3}$ .

**Câu 16.**

Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có cạnh bằng  $a$  (tham khảo hình vẽ bên). Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BD$  và  $A'C'$  bằng

- (A)  $\sqrt{3}a$ .      (B)  $a$ .  
 (C)  $\frac{\sqrt{3}a}{2}$ .      (D)  $\sqrt{2}a$ .





**Câu 17.** Một người gửi 100 triệu đồng vào một ngân hàng với lãi suất 0,4%/tháng. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi tháng, số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn ban đầu để tính lãi cho tháng tiếp theo. Hỏi sau đúng 6 tháng, người đó được lĩnh số tiền (cả vốn ban đầu và lãi) gần nhất với số tiền nào dưới đây, nếu trong khoảng thời gian này người đó không rút tiền ra và lãi suất không thay đổi?

- (A) 102.424.000 đồng. (B) 102.423.000 đồng.  
(C) 102.016.000 đồng. (D) 102.017.000 đồng.

**Câu 18.** Một hộp chứa 11 quả cầu gồm 5 quả cầu màu xanh và 6 quả cầu màu đỏ. Chọn ngẫu nhiên đồng thời 2 quả từ hộp đó. Xác suất để hai quả cầu chọn ra cùng màu bằng

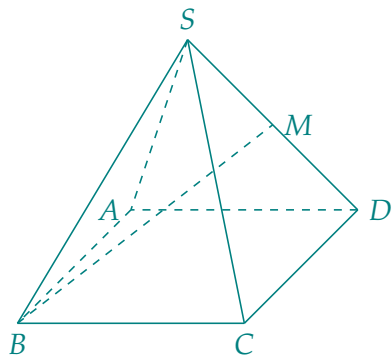
- (A)  $\frac{5}{22}$ . (B)  $\frac{6}{11}$ . (C)  $\frac{5}{11}$ . (D)  $\frac{8}{11}$ .

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(-1; 2; 1)$  và  $B(2; 1; 0)$ . Mặt phẳng qua  $A$  và vuông góc với  $AB$  có phương trình là

- (A)  $3x - y - z - 6 = 0$ . (B)  $3x - y - z + 6 = 0$ .  
(C)  $x + 3y + z - 5 = 0$ . (D)  $x + 3y + z - 6 = 0$ .

**Câu 20.**

Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có tất cả các cạnh bằng  $a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $SD$  (tham khảo hình vẽ bên). Tính tan của góc giữa đường thẳng  $BM$  và mặt phẳng  $(ABCD)$ .



- (A)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ . (B)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$ . (C)  $\frac{2}{3}$ . (D)  $\frac{1}{3}$ .

**Câu 21.** Với  $n$  là số nguyên dương thỏa mãn  $C_n^1 + C_n^2 = 55$ , số hạng không chứa  $x$  trong khai triển của biểu thức  $(x^3 + \frac{2}{x^2})^n$  bằng

- (A) 322560. (B) 3360. (C) 80640. (D) 13440.

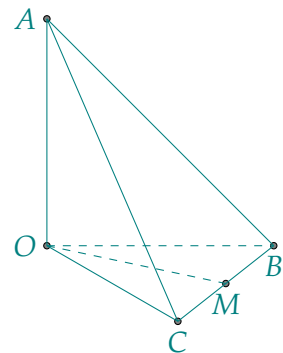
**Câu 22.** Tính tổng các nghiệm thực của phương trình  $\log_3 x \cdot \log_9 x \cdot \log_{27} x \cdot \log_{81} x = \frac{2}{3}$  bằng

- (A)  $\frac{82}{9}$ . (B)  $\frac{80}{9}$ . (C) 9. (D) 0.

**Câu 23.**

Cho tứ diện  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc với nhau và  $OA = OB = OC$ . Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$  (tham khảo hình vẽ bên). Góc giữa hai đường thẳng  $OM$  và  $AB$  bằng

- (A)  $90^\circ$ . (B)  $30^\circ$ .  
(C)  $60^\circ$ . (D)  $45^\circ$ .



**Câu 24.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai đường thẳng

$$d_1: \frac{x-3}{-1} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+2}{1}; d_2: \frac{x-5}{-3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{1}$$

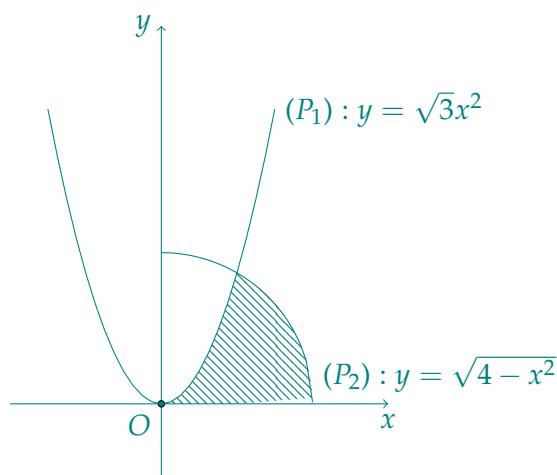
và mặt phẳng  $(P): x + 2y + 3z - 5 = 0$ . Đường thẳng vuông góc với  $(P)$ , cắt  $d_1$  và  $d_2$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{3}$ .  
(B)  $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-1}{3}$ .  
(C)  $\frac{x-3}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+2}{3}$ .  
(D)  $\frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{1}$ .

**Câu 25.** Có bao nhiêu giá trị nguyên âm của  $m$  để hàm số  $y = x^3 + mx - \frac{1}{5x^5}$  đồng biến trên  $(0; +\infty)$ .

- (A) 5. (B) 3. (C) 0. (D) 4.

**Câu 26.** Cho  $(H)$  là hình phẳng giới hạn bởi parabol  $y = \sqrt{3}x^2$ , cung tròn có phương trình  $y = \sqrt{4-x^2}$  (với  $0 \leq x \leq 2$ ) và trục hoành (phần tô đậm trong hình vẽ).



Diện tích hình  $(H)$  bằng

- (A)  $\frac{4\pi + \sqrt{3}}{12}$ . (B)  $\frac{4\pi - \sqrt{3}}{6}$ .  
(C)  $\frac{4\pi + 2\sqrt{3} - 3}{6}$ . (D)  $\frac{5\sqrt{3} - 2\pi}{3}$ .

**Câu 27.** Biết  $\int_1^2 \frac{dx}{(x+1)\sqrt{x+x\sqrt{x+1}}} = \sqrt{a} - \sqrt{b} - c$ , với  $a, b, c$  là các số nguyên dương. Tính  $P = a + b + c$ .

- (A)  $P = 24$ . (B)  $P = 12$ .  
(C)  $P = 18$ . (D)  $P = 46$ .

**Câu 28.** Cho tứ diện đều  $ABCD$  có cạnh bằng 4. Tính diện tích xung quanh  $S_{xq}$  của hình trụ có một đường tròn đáy là đường tròn nội tiếp tam giác  $BCD$  và chiều cao bằng chiều cao của tứ diện  $ABCD$ .

- (A)  $S_{xq} = \frac{16\sqrt{2}\pi}{3}$ . (B)  $S_{xq} = 8\sqrt{2}\pi$ .  
(C)  $S_{xq} = \frac{16\sqrt{3}\pi}{3}$ . (D)  $S_{xq} = 8\sqrt{3}\pi$ .

**Câu 29.** Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để phương trình sau có nghiệm dương  $16^x - 2 \cdot 12^x + (m-2) \cdot 9^x = 0$ ?

- (A) 1. (B) 2. (C) 4. (D) 3.

**Câu 30.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $\sqrt[3]{m+3} + 3\sqrt[3]{m+3} \sin x = \sin x$  có nghiệm thực.

- (A) 5. (B) 7. (C) 3. (D) 2.

**Câu 31.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của tham số thực  $m$  sao cho giá trị lớn nhất của hàm số  $y = |x^3 - 3x + m|$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng 3. Số phần tử của  $S$  là

- (A) 1. (B) 2. (C) 0. (D) 6.

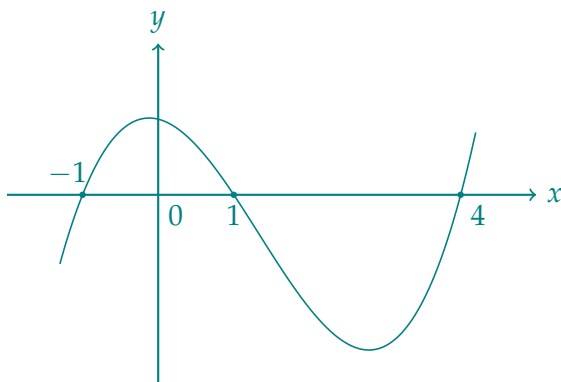
**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên  $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}$  thoả mãn  $f'(x) = \frac{2}{2x-1}$ ,  $f(0) = 1$  và  $f(1) = 2$ . Giá trị của biểu thức  $f(-1) + f(3)$  bằng

- (A)  $4 + \ln 15$ . (B)  $2 + \ln 15$ .  
(C)  $3 + \ln 15$ . (D)  $\ln 15$ .

**Câu 33.** Cho số phức  $z = a + bi$  với  $(a, b \in \mathbb{R})$  thoả mãn  $z + 2 + i - |z|(1+i) = 0$  và  $|z| > 1$ . Tính  $P = a + b$

- (A)  $P = -1$ . (B)  $P = -5$ .  
(C)  $P = 3$ . (D)  $P = 7$ .

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình bên.



Hàm số  $y = f(2-x)$  đồng biến trên khoảng

- (A)  $(1; 3)$ . (B)  $(2; +\infty)$ .  
(C)  $(-2; 1)$ . (D)  $(-\infty; -2)$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = \frac{-x+2}{x-1}$  có đồ thị  $(C)$  và điểm  $A(a; 1)$ . Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của  $a$  để có đúng một tiếp tuyến của  $(C)$  đi qua  $A$ . Tổng tất cả các phần tử của  $S$  bằng

- (A) 1. (B)  $\frac{3}{2}$ . (C)  $\frac{5}{2}$ . (D)  $\frac{1}{2}$ .

**Câu 36.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; 1; 2)$ . Hỏi có bao nhiêu mặt phẳng  $(P)$  đi qua  $M$  và cắt các trục  $x'Ox, y'Oy, z'Oz$  lần lượt tại các điểm  $A, B, C$  sao cho  $OA = OB = OC \neq 0$ ?

- (A) 3. (B) 1. (C) 4. (D) 8.

**Câu 37.** Cho dãy số  $(u_n)$  thoả mãn  $\log u_1 + \sqrt{2} + \log u_1 - 2 \log u_{10} = 2 \log u_{10}$  và  $u_{n+1} = 2u_n$  với mọi  $n \geq 1$ . Giá trị nhỏ nhất của  $n$  để  $u_n > 5^{100}$  bằng

- (A) 247. (B) 248. (C) 229. (D) 290.

**Câu 38.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = |3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + m|$  có 7 điểm cực trị

- (A) 3. (B) 5. (C) 6. (D) 4.

**Câu 39.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2, 2, 1)$ ,  $B\left(-\frac{8}{3}, \frac{4}{3}, \frac{8}{3}\right)$ . Đường thẳng đi qua tâm đường tròn nội tiếp tam giác  $OAB$  và vuông góc với mặt phẳng  $(OAB)$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x+1}{1} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+1}{2}$ .  
(B)  $\frac{x+1}{1} = \frac{y-8}{-2} = \frac{z-4}{2}$ .  
(C)  $\frac{x+\frac{1}{3}}{1} = \frac{y-\frac{5}{3}}{-2} = \frac{z-\frac{11}{6}}{2}$ .  
(D)  $\frac{x+\frac{2}{9}}{1} = \frac{y-\frac{2}{9}}{-2} = \frac{z-\frac{5}{9}}{2}$ .

**Câu 40.** Cho hai hình vuông  $ABCD$  và  $ABEF$  có cạnh bằng 1, lần lượt nằm trên hai mặt phẳng vuông góc với nhau. Gọi  $S$  là điểm đối xứng với  $B$  qua đường thẳng  $DE$ . Thể tích của khối đa diện  $ABCDSEF$  bằng

- (A)  $\frac{7}{6}$ . (B)  $\frac{11}{12}$ . (C)  $\frac{2}{3}$ . (D)  $\frac{5}{6}$ .

**Câu 41.** Cho số phức  $z$  thoả mãn  $|z-4-3i| = \sqrt{5}$ . Tính  $P = a + b$  khi  $T = |z+1-3i| + |z-1+i|$  lớn nhất.

- (A)  $P = 10$ . (B)  $P = 4$ . (C)  $P = 6$ . (D)  $P = 8$ .

**Câu 42.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có  $BC = 2\sqrt{3}$ ,  $AA' = 2$ . Gọi  $M, N, P$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $A'B'$ ,  $A'C$  và  $BC$ . Cô sin của góc giữa hai mặt phẳng  $(MNP)$  và  $(AB'C')$  bằng

- (A)  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ . (B)  $\frac{\sqrt{13}}{65}$ .  
(C)  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ . (D)  $\frac{18\sqrt{13}}{65}$ .

**Câu 43.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; 1)$ ,  $B(3; -1; 1)$  và  $C(-1; -1; 1)$ . Gọi  $(S_1)$  là mặt cầu có tâm  $A$ , bán kính bằng 2;  $(S_2)$  và  $(S_3)$  là hai mặt cầu có tâm lần lượt là  $B, C$  và bán kính đều bằng 1. Hỏi có bao nhiêu mặt phẳng tiếp xúc với cả ba mặt cầu  $(S_1)$ ,  $(S_2)$  và  $(S_3)$

- (A) 5. (B) 7. (C) 6. (D) 8.

**Câu 44.** Xếp ngẫu nhiên 10 học sinh gồm 2 học sinh lớp 12A, 3 học sinh lớp 12B và 5 học sinh lớp 12C thành một hàng ngang. Xác suất để trong 10 học sinh trên không có 2 học sinh cùng lớp đứng cạnh nhau bằng

- (A)  $\frac{11}{630}$ . (B)  $\frac{1}{126}$ . (C)  $\frac{1}{105}$ . (D)  $\frac{1}{42}$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên đoạn  $[0; 1]$  thỏa mãn  $f(1) = 0$ ,  $\int_0^1 [f'(x)]^2 dx =$

$7$ ,  $\int_0^1 x^2 f(x) dx = \frac{1}{3}$ . Tích phân  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{7}{5}$ . (B) 1. (C)  $\frac{7}{4}$ . (D) 4.

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. B	3. A	4. D	5. C	6. D	7. A	8. B	9. B	10. D	11. D
12. B	13. A	14. C	15. D	16. B	17. A	18. C	19. B	20. D	21. D	22. A
23. C	24. A	25. D	26. B	27. D	28. A	29. B	30. A	31. B	32. C	33. D
34. C	35. C	36. A	37. B	38. D	39. A	40. C	41. A	42. B	43. B	44. A
45. A										

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2018**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Có bao nhiêu cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 34 học sinh?

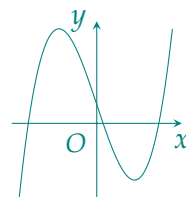
- (A)  $2^{34}$ . (B)  $A_{34}^2$ . (C)  $34^2$ . (D)  $C_{34}^2$ .

**Câu 2.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P): x + 2y + 3z - 5 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là

- (A)  $\vec{n}_1 = (3; 2; 1)$ . (B)  $\vec{n}_3 = (-1; 2; 3)$ .  
(C)  $\vec{n}_4 = (1; 2; -3)$ . (D)  $\vec{n}_2 = (1; 2; 3)$ .

**Câu 3.**

Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là



- (A) 2. (B) 0. (C) 3. (D) 1.

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$					
$y'$		-	0	+	0	-	0	+		
$y$	$+\infty$			3			-2			$+\infty$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(0; 1)$ . (B)  $(-\infty; 0)$ .  
(C)  $(1; +\infty)$ . (D)  $(-1; 0)$ .

**Câu 5.** Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $S = \pi \int_0^2 e^{2x} dx$ . (B)  $S = \int_0^2 e^x dx$ .  
(C)  $S = \pi \int_0^2 e^x dx$ . (D)  $S = \int_0^2 e^{2x} dx$ .

**Câu 6.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\ln(5a) - \ln(3a)$  bằng

- (A)  $\frac{\ln(5a)}{\ln(3a)}$ . (B)  $\ln(2a)$ . (C)  $\ln \frac{5}{3}$ . (D)  $\frac{\ln 5}{\ln 3}$ .

**Câu 7.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^3 + x$  là

- (A)  $x^4 + x^2 + C$ . (B)  $3x^2 + 1 + C$ .  
(C)  $x^3 + x + C$ . (D)  $\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

**Câu 8.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng

$$d: \begin{cases} x = 2 - t \\ y = 1 + 2t \\ z = 3 + t \end{cases}$$

- (A)  $\vec{u}_3 = (2; 1; 3)$ . (B)  $\vec{u}_4 = (-1; 2; 1)$ .  
 (C)  $\vec{u}_2 = (2; 1; 1)$ . (D)  $\vec{u}_1 = (-1; 2; 3)$ .

**Câu 9.** Số phức  $-3 + 7i$  có phần ảo bằng

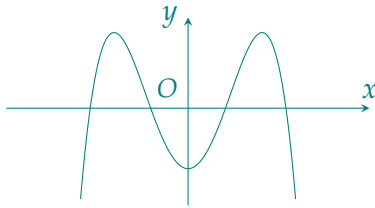
- (A) 3. (B) -7. (C) -3. (D) 7.

**Câu 10.** Diện tích mặt cầu bán kính  $R$  bằng

- (A)  $\frac{4}{3}\pi R^2$ . (B)  $2\pi R^2$ . (C)  $4\pi R^2$ . (D)  $\pi R^2$ .

**Câu 11.**

Đường cong trong hình vẽ bên là của hàm số nào dưới đây?



- (A)  $y = x^4 - 3x^2 - 1$ . (B)  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .  
 (C)  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ . (D)  $y = -x^4 + 3x^2 - 1$ .

**Câu 12.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; -4; 3)$  và  $B(2; 2; 7)$ . Trung điểm của đoạn  $AB$  có tọa độ là

- (A)  $(1; 3; 2)$ . (B)  $(2; 6; 4)$ .  
 (C)  $(2; -1; 5)$ . (D)  $(4; -2; 10)$ .

**Câu 13.**  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+3}$  bằng

- (A) 0. (B)  $\frac{1}{3}$ . (C)  $+\infty$ . (D)  $\frac{1}{5}$ .

**Câu 14.** Phương trình  $2^{2x+1} = 32$  có nghiệm là

- (A)  $x = \frac{5}{2}$ . (B)  $x = 2$ . (C)  $x = \frac{3}{2}$ . (D)  $x = 3$ .

**Câu 15.** Cho khối chóp có đáy hình vuông cạnh  $a$  và chiều cao bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

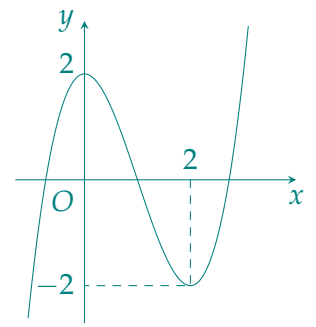
- (A)  $4a^3$ . (B)  $\frac{2}{3}a^3$ . (C)  $2a^3$ . (D)  $a$ .

**Câu 16.** Một người gửi tiết kiệm vào ngân hàng với lãi suất 7,5 %/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được (cả số tiền gửi ban đầu và lãi) gấp đôi số tiền đã gửi, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

- (A) 11 năm. (B) 9 năm.  
 (C) 10 năm. (D) 12 năm.

**Câu 17.**

Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) + 4 = 0$  là



- (A) 3. (B) 0.  
 (C) 1. (D) 2.

**Câu 18.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x}$  là

- (A) 3. (B) 2. (C) 0. (D) 1.

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SB = 2a$ . Góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)  $60^\circ$ . (B)  $90^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $45^\circ$ .

**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $A(2; -1; 2)$  và song song với mặt phẳng  $(P): 2x - y + 3z + 2 = 0$  có phương trình là

- (A)  $2x - y + 3z - 9 = 0$ .  
 (B)  $2x - y + 3z + 11 = 0$ .  
 (C)  $2x - y - 3z + 11 = 0$ .  
 (D)  $2x - y + 3z - 11 = 0$ .

**Câu 21.** Từ một hộp chứa 11 quả cầu đỏ và 4 quả cầu màu xanh, lấy ngẫu nhiên đồng thời 3 quả cầu. Xác suất để lấy được 3 quả cầu màu xanh bằng

- (A)  $\frac{4}{455}$ . (B)  $\frac{24}{455}$ . (C)  $\frac{4}{165}$ . (D)  $\frac{33}{91}$ .

**Câu 22.**  $\int_1^2 e^{3x-1} dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{3}(e^5 - e^2)$ . (B)  $\frac{1}{3}e^5 - e^2$ .  
 (C)  $e^5 - e^2$ . (D)  $\frac{1}{3}(e^5 + e^2)$ .

**Câu 23.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 9$  trên đoạn  $[-2; 3]$  bằng

- (A) 201. (B) 2. (C) 9. (D) 54.

**Câu 24.** Tìm hai số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $(2x - 3yi) + (1 - 3i) = x + 6i$ , với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)  $x = -1; y = -3$ . (B)  $x = -1; y = -1$ .  
 (C)  $x = 1; y = -1$ . (D)  $x = 1; y = -3$ .

**Câu 25.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông đỉnh  $B$ ,  $AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 2a$ . Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng

- (A)  $\frac{2\sqrt{5}a}{5}$ . (B)  $\frac{\sqrt{5}a}{3}$ . (C)  $\frac{2\sqrt{2}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{5}a}{5}$ .

**Câu 26.** Cho  $\int_{16}^{55} \frac{dx}{x\sqrt{x+9}} = a \ln 2 + b \ln 5 + c \ln 11$  với  $a, b, c$  là các số hữu tỉ. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a - b = -c$ . (B)  $a + b = c$ .  
 (C)  $a + b = 3c$ . (D)  $a - b = -3c$ .

**Câu 27.** Một chiếc bút chì khối lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy 3 mm và chiều cao bằng 200 mm. Thân bút chì được làm bằng gỗ và phần lõi được làm bằng than chì. Phần lõi có dạng khối trụ có chiều cao bằng chiều dài của bút chì và đáy là hình tròn bán kính 1 mm. Giả định 1 m<sup>3</sup> gỗ có giá trị  $a$  (triệu đồng), 1 m<sup>3</sup> than chì có giá trị  $8a$  (triệu đồng). Khi đó giá nguyên vật liệu làm một chiếc bút chì như trên gần nhất với kết quả nào sau đây?

- (A)  $9,7a$  (đồng). (B)  $97,03a$  (đồng).  
 (C)  $90,7a$  (đồng). (D)  $9,07a$  (đồng).

**Câu 28.** Hệ số của  $x^5$  trong khai triển nhị thức  $x(2x - 1)^6 + (3x - 1)^8$  bằng

- (A)  $-13368$ . (B)  $13368$ .  
 (C)  $-13848$ . (D)  $13848$ .

**Câu 29.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật,  $AB = a, BC = 2a, SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AC$  và  $SB$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{6}a}{2}$ . (B)  $\frac{2a}{3}$ . (C)  $\frac{a}{2}$ . (D)  $\frac{a}{3}$ .

**Câu 30.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $(\bar{z} + i)(z + 2)$  là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A) 1. (B)  $\frac{5}{4}$ . (C)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ . (D)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 31.** Ông A dự định sử dụng hết 6,5 m<sup>2</sup> kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)?

- (A) 2,26 m<sup>3</sup>. (B) 1,61 m<sup>3</sup>.  
 (C) 1,33 m<sup>3</sup>. (D) 1,50 m<sup>3</sup>.

**Câu 32.** Một chất điểm  $A$  xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật  $v(t) = \frac{1}{180}t^2 + \frac{11}{18}t$  m/s, trong đó  $t$  (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc  $A$  bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm  $B$  cũng xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng cùng hướng với  $A$  nhưng chậm hơn 5 giây so với  $A$  và có gia tốc bằng  $a$  m/s<sup>2</sup> ( $a$  là hằng số). Sau

khi  $B$  xuất phát được 10 giây thì đuổi kịp  $A$ . Vận tốc của  $B$  tại thời điểm đuổi kịp  $A$  bằng

- (A) 22 m/s. (B) 15 m/s.  
 (C) 10 m/s. (D) 7 m/s.

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(1; 2; 3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-3}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+7}{-2}$ . Đường thẳng đi qua  $A$ , vuông góc với  $d$  và cắt trục  $Ox$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2t \\ z = 3t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + 2t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -2t \\ z = t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + 2t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$ .

**Câu 34.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho phương trình  $16^x - m \cdot 4^{x+1} + 5m^2 - 45 = 0$  có hai nghiệm phân biệt. Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- (A) 13. (B) 3. (C) 6. (D) 4.

**Câu 35.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ ?

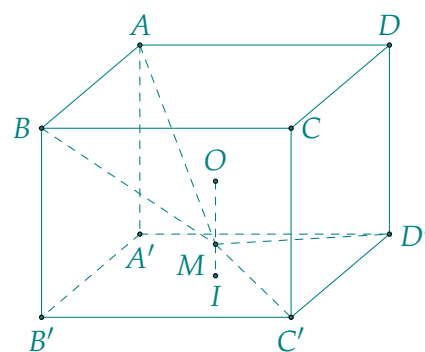
- (A) 2. (B) Vô số. (C) 1. (D) 3.

**Câu 36.** Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số  $y = x^8 + (m-2)x^5 - (m^2-4)x^4 + 1$  đạt cực tiểu tại  $x = 0$ ?

- (A) 3. (B) 5. (C) 4. (D) Vô số.

**Câu 37.**

Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có tâm  $O$ . Gọi  $I$  là tâm hình vuông  $A'B'C'D'$  và  $M$  là điểm thuộc đoạn thẳng  $OI$  sao cho  $MO = 2MI$  (tham khảo hình vẽ).



Khi đó cô-sin của góc tạo bởi hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  bằng

- (A)  $\frac{6\sqrt{85}}{85}$ . (B)  $\frac{7\sqrt{85}}{85}$ .  
 (C)  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ . (D)  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ .

**Câu 38.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|(z - 4 - i) + 2i = (5 - i)z$ ?

- (A) 2. (B) 3. (C) 1. (D) 4.

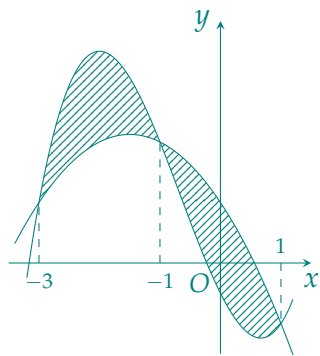
**Câu 39.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$ :  $(x + 1)^2 + (y + 1)^2 + (z + 1)^2 = 9$  và điểm  $A(2; 3; -1)$ . Xét các điểm  $M$  thuộc  $(S)$  sao cho đường thẳng  $AM$  tiếp xúc với  $(S)$ ,  $M$  luôn thuộc mặt phẳng có phương trình

- (A)  $6x + 8y + 11 = 0$ .      (B)  $3x + 4y + 2 = 0$ .  
 (C)  $3x + 4y - 2 = 0$ .      (D)  $6x + 8y - 11 = 0$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{4}x^4 - \frac{7}{2}x^2$  có đồ thị  $(C)$ . Có bao nhiêu điểm  $A$  thuộc  $(C)$  sao cho tiếp tuyến của  $(C)$  tại  $A$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1), N(x_2; y_2)$  ( $M, N$  khác  $A$ ) thỏa mãn  $y_1 - y_2 = 6(x_1 - x_2)$ ?

- (A) 1.      (B) 2.      (C) 0.      (D) 3.

**Câu 41.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx - \frac{1}{2}$  và  $g(x) = dx^2 + ex + 1$  ( $a, b, c, d, e \in \mathbb{R}$ ). Biết rằng đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  cắt nhau tại ba điểm có hoành độ lần lượt là  $-3; -1; 1$  (tham khảo hình vẽ).



Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho có diện tích bằng

- (A)  $\frac{9}{2}$ .      (B) 8.      (C) 4.      (D) 5.

**Câu 42.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , khoảng cách từ  $C$  đến đường thẳng  $BB'$  bằng 2, khoảng cách từ  $A$  đến các đường thẳng  $BB'$  và  $CC'$  lần lượt bằng 1 và  $\sqrt{3}$ , hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(A'B'C')$  là trung điểm  $M$  của  $B'C'$  và  $A'M = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A) 2.      (B) 1.      (C)  $\sqrt{3}$ .      (D)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 43.** Ba bạn  $A, B, C$  mỗi bạn viết ngẫu nhiên lên bảng một số tự nhiên thuộc đoạn  $[1; 17]$ . Xác suất để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 bằng

- (A)  $\frac{1728}{4913}$ .      (B)  $\frac{1079}{4913}$ .      (C)  $\frac{23}{68}$ .      (D)  $\frac{1637}{4913}$ .

**Câu 44.** Cho  $a > 0, b > 0$  thỏa mãn  $\log_{3a+2b+1}(9a^2 + b^2 + 1) + \log_{6ab+1}(3a + 2b + 1) = 2$ . Giá trị của  $a + 2b$  bằng

- (A) 6.      (B) 9.      (C)  $\frac{7}{2}$ .      (D)  $\frac{5}{2}$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+2}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $I$  là giao điểm của hai tiệm cận của  $(C)$ . Xét tam giác đều  $ABI$  có hai đỉnh  $A, B$  thuộc  $(C)$ , đoạn thẳng  $AB$  có độ dài bằng

- (A)  $\sqrt{6}$ .      (B)  $2\sqrt{3}$ .      (C) 2.      (D)  $2\sqrt{2}$ .

**Câu 46.** Cho phương trình  $5^x + m = \log_5(x - m)$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m \in (-20; 20)$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 20.      (B) 19.      (C) 9.      (D) 21.

**Câu 47.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-2; 1; 2)$  và đi qua điểm  $A(1; -2; -1)$ . Xét các điểm  $B, C, D$  thuộc  $(S)$  sao cho  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau. Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  có giá trị lớn nhất bằng

- (A) 72.      (B) 216.      (C) 108.      (D) 36.

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $f(2) = -\frac{2}{9}$  và  $f'(x) = 2x[f(x)]^2$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

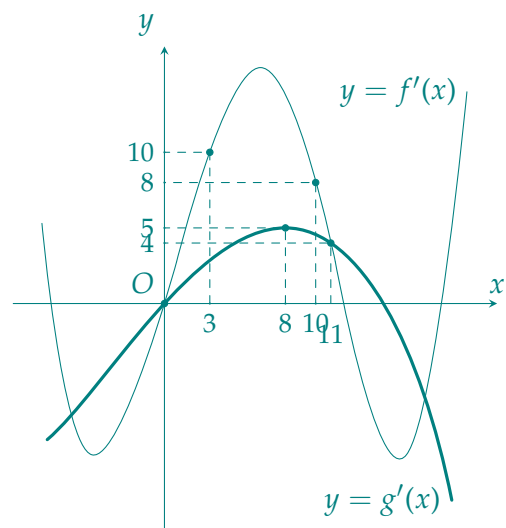
- (A)  $-\frac{35}{36}$ .      (B)  $-\frac{2}{3}$ .      (C)  $-\frac{19}{36}$ .      (D)  $-\frac{2}{15}$ .

**Câu 49.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 1 + 4t \\ z = 1 \end{cases}$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua điểm

$A(1; 1; 1)$  và có véc-tơ chỉ phương  $\vec{u} = (1; -2; 2)$ . Đường phân giác của góc nhọn tạo bởi  $d$  và  $\Delta$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + t \\ z = 1 + 5t \end{cases}$ .      (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -10 + 11t \\ z = -6 - 5t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -10 + 11t \\ z = 6 - 5t \end{cases}$ .      (D)  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 1 + 4t \\ z = 1 - 5t \end{cases}$ .

**Câu 50.** Cho hai hàm số  $y = f(x), y = g(x)$ . Hai hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = g'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên, trong đó đường cong đậm hơn là đồ thị của hàm số  $y = g'(x)$ .



Hàm số  $h(x) = f(x+4) - g\left(2x - \frac{3}{2}\right)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- Ⓐ  $\left(5; \frac{31}{5}\right)$ .                      Ⓑ  $\left(\frac{9}{4}; 3\right)$ .  
 Ⓒ  $\left(\frac{31}{5}; +\infty\right)$ .                      Ⓓ  $\left(6; \frac{25}{4}\right)$ .

—————Hết—————

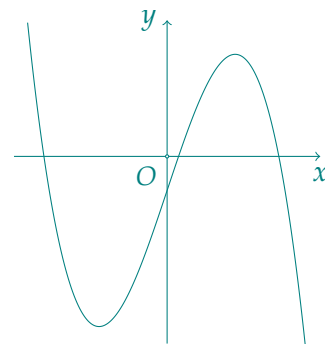
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. D	2. D	3. A	4. A	5. B	6. C	7. D	8. B	9. D	10. C	11. D
12. C	13. A	14. B	15. B	16. C	17. A	18. D	19. A	20. D	21. A	22. A
23. D	24. A	25. A	26. A	27. D	28. A	29. B	30. C	31. D	32. B	33. A
34. B	35. A	36. C	37. B	38. B	39. C	40. B	41. C	42. A	43. D	44. C
45. B	46. B	47. D	48. B	49. C	50. B					

**Câu 5.**

Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- Ⓐ 0.                      Ⓑ 1.  
 Ⓒ 3.                      Ⓓ 2.



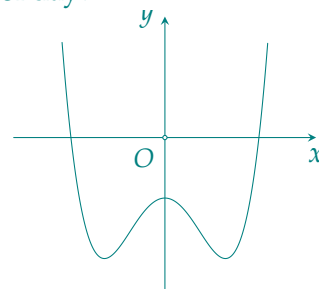
**Câu 6.** Số phức có phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4 là

- Ⓐ  $3 + 4i$ .    Ⓑ  $4 - 3i$ .    Ⓒ  $3 - 4i$ .    Ⓓ  $4 + 3i$ .

**Câu 7.** Cho khối chóp có đáy hình vuông cạnh  $a$  và chiều cao bằng  $4a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- Ⓐ  $\frac{4}{3}a^3$ .    Ⓑ  $\frac{16}{3}a^3$ .    Ⓒ  $4a^3$ .    Ⓓ  $16a^3$ .

**Câu 8.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- Ⓐ  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .    Ⓑ  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ .  
 Ⓒ  $y = x^3 - x^2 - 1$ .    Ⓓ  $y = -x^3 + x^2 - 1$ .

**Câu 9.** Thể tích khối cầu bán kính  $R$  bằng

- Ⓐ  $\frac{4}{3}\pi R^3$ .    Ⓑ  $4\pi R^3$ .    Ⓒ  $2\pi R^3$ .    Ⓓ  $\frac{3}{4}\pi R^3$ .

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -2)$  và  $B(2; 2; 1)$ . Véc-tơ  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là

- Ⓐ  $(3; 3; -1)$ .                      Ⓑ  $(-1; -1; -3)$ .  
 Ⓒ  $(3; 1; 1)$ .                      Ⓓ  $(1; 1; 3)$ .

**Câu 11.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_3(3a)$  bằng

- Ⓐ  $3\log_3 a$ .                      Ⓑ  $3 + \log_3 a$ .  
 Ⓒ  $1 + \log_3 a$ .                      Ⓓ  $1 - \log_3 a$ .

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$		
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$			$3$		$-2$	$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- Ⓐ  $(-1; +\infty)$ .                      Ⓑ  $(1; +\infty)$ .  
 Ⓒ  $(-1; 1)$ .                      Ⓓ  $(-\infty; 1)$ .

**10 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 102 NĂM 2018**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
 NĂM 2018  
 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.**  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+2}$  bằng

- Ⓐ  $\frac{1}{5}$ .                      Ⓑ 0.                      Ⓒ  $\frac{1}{2}$ .                      Ⓓ  $+\infty$ .

**Câu 2.** Gọi  $S$  là diện tích của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = 2^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- Ⓐ  $S = \int_0^2 2^x dx$ .                      Ⓑ  $S = \pi \int_0^2 2^{2x} dx$ .  
 Ⓒ  $S = \int_0^2 2^{2x} dx$ .                      Ⓓ  $S = \pi \int_0^2 2^x dx$ .

**Câu 3.** Tập nghiệm của phương trình  $\log_2(x^2 - 1) = 3$  là

- Ⓐ  $\{-3; 3\}$ .                      Ⓑ  $\{-3\}$ .  
 Ⓒ  $\{3\}$ .                      Ⓓ  $\{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}$ .

**Câu 4.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^4 + x$  là

- Ⓐ  $x^4 + x^2 + C$ .                      Ⓑ  $4x^3 + 1 + C$ .  
 Ⓒ  $x^5 + x^2 + C$ .                      Ⓓ  $\frac{1}{5}x^5 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

**Câu 13.** Có bao nhiêu cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 38 học sinh?

- (A)  $A_{38}^2$ . (B)  $2^{38}$ . (C)  $C_{38}^2$ . (D)  $38^2$ .

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng  $d: \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-5}{2}$  có một véc-tơ chỉ phương là

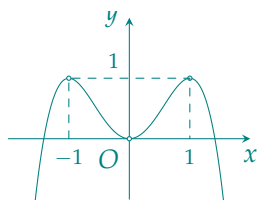
- (A)  $\vec{u}_1 = (3; -1; 5)$ . (B)  $\vec{u}_4 = (1; -1; 2)$ .  
(C)  $\vec{u}_2 = (-3; 1; 5)$ . (D)  $\vec{u}_3 = (1; -1; -2)$ .

**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P): 3x + 2y + z - 4 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là

- (A)  $\vec{n}_3 = (-1; 2; 3)$ . (B)  $\vec{n}_4 = (1; 2; -3)$ .  
(C)  $\vec{n}_2 = (3; 2; 1)$ . (D)  $\vec{n}_1 = (1; 2; 3)$ .

**Câu 16.**

Cho hàm số  $f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $4f(x) - 3 = 0$  là



- (A) 4. (B) 3. (C) 2. (D) 0.

**Câu 17.** Từ một hộp chứa 7 quả cầu màu đỏ và 5 quả cầu màu xanh, lấy ngẫu nhiên đồng thời 3 quả cầu. Xác suất để lấy được 3 quả cầu màu xanh bằng

- (A)  $\frac{5}{12}$ . (B)  $\frac{7}{44}$ . (C)  $\frac{1}{22}$ . (D)  $\frac{2}{7}$ .

**Câu 18.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 2x^2 - 7x$  trên đoạn  $[0; 4]$  bằng

- (A) -259. (B) 68. (C) 0. (D) -4.

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{2}a$ . Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $60^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 20.**  $\int_0^1 e^{3x+1} dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{3}(e^4 - e)$ . (B)  $e^4 - e$ .  
(C)  $\frac{1}{3}(e^4 + e)$ . (D)  $e^3 - e$ .

**Câu 21.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $A(1; 2; -2)$  và vuông góc với đường thẳng  $\Delta: \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{3}$  có phương trình là

- (A)  $3x + 2y + z - 5 = 0$ . (B)  $2x + y + 3z + 2 = 0$ .  
(C)  $x + 2y + 3z + 1 = 0$ . (D)  $2x + y + 3z - 2 = 0$ .

**Câu 22.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+4}-2}{x^2+x}$  là

- (A) 3. (B) 0. (C) 2. (D) 1.

**Câu 23.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông đỉnh  $B$ ,  $AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng

- (A)  $\frac{a}{2}$ . (B)  $a$ . (C)  $\frac{\sqrt{6}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .

**Câu 24.** Một người gửi tiết kiệm vào một ngân hàng với lãi suất 7,2%/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được (cả số tiền gửi ban đầu và lãi) gấp đôi số tiền gửi ban đầu, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

- (A) 11 năm. (B) 12 năm.  
(C) 9 năm. (D) 10 năm.

**Câu 25.** Tìm hai số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $(3x + 2yi) + (2 + i) = 2x - 3i$  với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)  $x = -2; y = -2$ . (B)  $x = -2; y = -1$ .  
(C)  $x = 2; y = -2$ . (D)  $x = 2; y = -1$ .

**Câu 26.** Ông A dự định sử dụng hết 6,7 m<sup>2</sup> kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)?

- (A) 1,57 m<sup>3</sup>. (B) 1,11 m<sup>3</sup>.  
(C) 1,23 m<sup>3</sup>. (D) 2,48 m<sup>3</sup>.

**Câu 27.** Cho  $\int_5^{21} \frac{dx}{x\sqrt{x+4}} = a \ln 3 + b \ln 5 + c \ln 7$  với  $a, b, c$  là các số hữu tỉ. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a + b = -2c$ . (B)  $a + b = c$ .  
(C)  $a - b = -c$ . (D)  $a - b = -2c$ .

**Câu 28.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật,  $AB = a$ ,  $BC = 2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BD$  và  $SC$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{30}a}{6}$ . (B)  $\frac{4\sqrt{21}a}{21}$ .  
(C)  $\frac{2\sqrt{21}a}{21}$ . (D)  $\frac{\sqrt{30}a}{12}$ .

**Câu 29.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(2; 1; 3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{2}$ . Đường thẳng đi qua  $A$ , vuông góc với  $d$  và cắt trục  $Oy$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 4t \\ z = 3t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$ .



(C)  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$       (D)  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 3t \\ z = 2t \end{cases}$

**Câu 30.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+6}{x+5m}$  nghịch biến trên khoảng  $(10; +\infty)$ ?

- (A) 3.      (B) Vô số.      (C) 4.      (D) 5.

**Câu 31.** Một chiếc bút chì có dạng khối lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy 3mm và chiều cao bằng 200mm. Thân bút chì được làm bằng gỗ và phần lõi được làm bằng than chì. Phần lõi có dạng khối trụ có chiều cao bằng chiều dài của bút và đáy là hình tròn có bán kính 1mm. Giả định  $1\text{m}^3$  gỗ có giá  $a$  (triệu đồng),  $1\text{m}^3$  than chì có giá  $6a$  (triệu đồng). Khi đó giá nguyên liệu làm một chiếc bút chì như trên gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- (A)  $84,5a$  (đồng).      (B)  $78,2a$  (đồng).  
(C)  $8,45a$  (đồng).      (D)  $7,82a$  (đồng).

**Câu 32.** Một chất điểm  $A$  xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật  $v(t) = \frac{1}{150}t^2 + \frac{59}{75}t$  (m/s), trong đó  $t$  (s) là khoảng thời gian tính từ lúc  $A$  bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm  $B$  cũng xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng cùng hướng với  $A$  nhưng chậm hơn 3 giây so với  $A$  và có gia tốc bằng  $a$  (m/s<sup>2</sup>) ( $a$  là hằng số). Sau khi  $B$  xuất phát được 12 giây thì đuổi kịp  $A$ . Vận tốc của  $B$  tại thời điểm đuổi kịp  $A$  bằng

- (A) 20 (m/s).      (B) 16 (m/s).  
(C) 13 (m/s).      (D) 15 (m/s).

**Câu 33.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $(\bar{z} + 3i)(z - 3)$  là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)  $\frac{9}{2}$ .      (B)  $3\sqrt{2}$ .      (C) 3.      (D)  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ .

**Câu 34.** Hệ số của  $x^5$  trong khai triển biểu thức  $x(3x - 1)^6 + (2x - 1)^8$  bằng

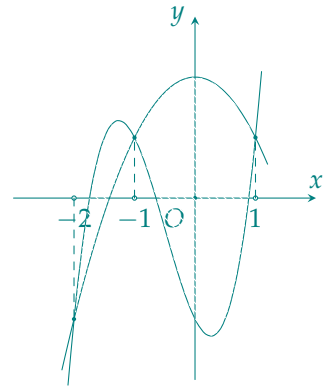
- (A) -3007.      (B) -577.      (C) 3007.      (D) 577.

**Câu 35.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho phương trình  $25^x - m \cdot 5^{x+1} + 7m^2 - 7 = 0$  có hai nghiệm phân biệt. Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- (A) 7.      (B) 1.      (C) 2.      (D) 3.

**Câu 36.**

Cho hai hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx - 2$  và  $g(x) = dx^2 + ex + 2$  ( $a, b, c, d, e \in \mathbb{R}$ ). Biết rằng đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  cắt nhau tại ba điểm có hoành độ lần lượt là  $-2; -1; 1$  (tham khảo hình vẽ). Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho có diện tích bằng



- (A)  $\frac{37}{6}$ .      (B)  $\frac{13}{2}$ .      (C)  $\frac{9}{2}$ .      (D)  $\frac{37}{12}$ .

**Câu 37.** Cho  $a > 0, b > 0$  thỏa mãn  $\log_{10a+3b+1}(25a^2 + b^2 + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) = 2$ . Giá trị của  $a + 2b$  bằng

- (A)  $\frac{5}{2}$ .      (B) 6.      (C) 22.      (D)  $\frac{11}{2}$ .

**Câu 38.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số

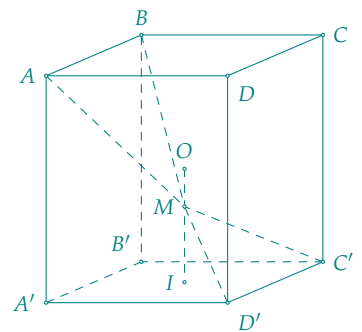
$$y = x^8 + (m - 1)x^5 - (m^2 - 1)x^4 + 1$$

đạt cực tiểu tại  $x = 0$ ?

- (A) 3.      (B) 2.      (C) Vô số.      (D) 1.

**Câu 39.**

Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có tâm  $O$ . Gọi  $I$  là tâm của hình vuông  $ABCD$  và  $M$  là điểm thuộc  $OI$  sao cho  $MO = \frac{1}{2}MI$  (tham khảo hình vẽ). Khi đó, cô-sin góc tạo bởi hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  bằng



- (A)  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ .      (B)  $\frac{7\sqrt{85}}{85}$ .  
(C)  $\frac{6\sqrt{85}}{85}$ .      (D)  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $f(2) = -\frac{1}{3}$  và  $f'(x) = x[f(x)]^2$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

- (A)  $-\frac{11}{6}$ .      (B)  $-\frac{2}{3}$ .      (C)  $-\frac{2}{9}$ .      (D)  $-\frac{7}{6}$ .

**Câu 41.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-1; 2; 1)$  và đi qua điểm  $A(1; 0; -1)$ . Xét các điểm  $B, C, D$  thuộc  $(S)$  sao cho  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau. Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  lớn nhất bằng

- (A)  $\frac{64}{3}$ .      (B) 32.      (C) 64.      (D)  $\frac{32}{3}$ .

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$ :  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 + (z - 4)^2 = 2$  và điểm  $A(1; 2; 3)$ . Xét điểm  $M$  thuộc mặt cầu  $(S)$  sao cho đường thẳng  $AM$  tiếp xúc với  $(S)$ ,  $M$  luôn thuộc mặt phẳng có phương trình là

- (A)  $2x + 2y + 2z + 15 = 0$ .  
 (B)  $2x + 2y + 2z - 15 = 0$ .  
 (C)  $x + y + z + 7 = 0$ .  
 (D)  $x + y + z - 7 = 0$ .

**Câu 43.** Ba bạn  $A, B, C$  mỗi bạn viết lên bảng một số ngẫu nhiên thuộc đoạn  $[1; 19]$ . Xác suất để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 bằng

- (A)  $\frac{1027}{6859}$ . (B)  $\frac{2539}{6859}$ . (C)  $\frac{2287}{6859}$ . (D)  $\frac{109}{323}$ .

**Câu 44.** Trong không gian  $Oxyz$  cho đường thẳng  $d$ :  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -3 \\ z = 5 + 4t \end{cases}$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua điểm  $A(1; -3; 5)$  và có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{u} = (1; 2; -2)$ . Đường phân giác góc nhọn tạo bởi hai đường thẳng  $d$  và  $\Delta$  là

- (A)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = 6 + 11t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = -6 + 11t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 3 - 5t \\ z = 5 + t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = -3 \\ z = 5 + 7t \end{cases}$ .

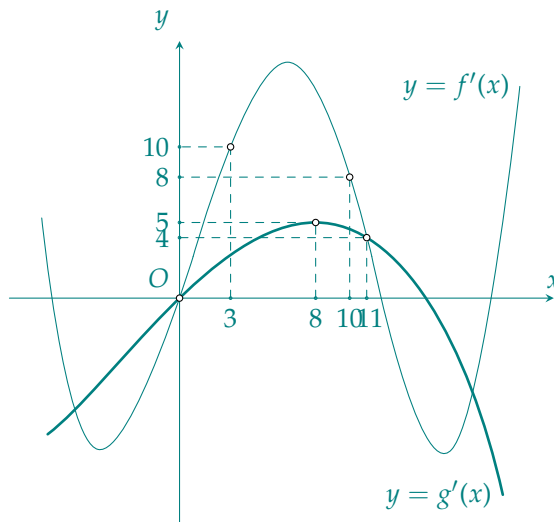
**Câu 45.** Cho phương trình  $3^x + m = \log_3(x - m)$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m \in (-15; 15)$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 16. (B) 9. (C) 14. (D) 15.

**Câu 46.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , khoảng cách từ điểm  $C$  đến đường thẳng  $BB'$  bằng  $\sqrt{5}$ , khoảng cách từ  $A$  đến các đường thẳng  $BB'$  và  $CC'$  lần lượt bằng 1 và 2, hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(A'B'C')$  là trung điểm  $M$  của  $B'C'$  và  $A'M = \frac{\sqrt{15}}{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{15}}{3}$ . (B)  $\frac{2\sqrt{5}}{3}$ . (C)  $\sqrt{5}$ . (D)  $\frac{2\sqrt{15}}{3}$ .

**Câu 47.** Cho hai hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$ . Hai hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = g'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên, trong đó đường cong đậm hơn là đồ thị hàm số  $y = g'(x)$ .



Hàm số  $h(x) = f(x + 7) - g\left(2x + \frac{9}{2}\right)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $\left(2; \frac{16}{5}\right)$ . (B)  $\left(-\frac{3}{4}; 0\right)$ .  
 (C)  $\left(\frac{16}{5}; +\infty\right)$ . (D)  $\left(3; \frac{13}{4}\right)$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $I$  là giao điểm của hai tiệm cận của  $(C)$ . Xét tam giác đều  $ABI$  có hai đỉnh  $A, B$  thuộc  $(C)$ , đoạn  $AB$  có độ dài bằng

- (A) 3. (B) 2. (C)  $2\sqrt{2}$ . (D)  $2\sqrt{3}$ .

**Câu 49.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|(z - 3 - i) + 2i = (4 - i)z$ ?

- (A) 1. (B) 3. (C) 2. (D) 4.

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{8}x^4 - \frac{7}{4}x^2$  có đồ thị là  $(C)$ . Có bao nhiêu điểm  $A$  thuộc  $(C)$  sao cho tiếp tuyến của  $(C)$  tại  $A$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1); N(x_2; y_2)$  ( $M, N$  khác  $A$ ) thỏa mãn  $y_1 - y_2 = 3(x_1 - x_2)$ ?

- (A) 0. (B) 2. (C) 3. (D) 1.

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. B	2. A	3. A	4. D	5. D	6. A	7. A	8. A	9. A	10. D	11. C
12. B	13. C	14. B	15. C	16. A	17. C	18. D	19. A	20. A	21. B	22. D
23. D	24. D	25. A	26. A	27. A	28. C	29. A	30. C	31. D	32. B	33. D
34. B	35. C	36. A	37. D	38. B	39. D	40. B	41. D	42. D	43. C	44. B
45. C	46. D	47. B	48. C	49. B	50. B					

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2018****ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103***Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.**  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+2}$  bằng

- (A)  $\frac{1}{5}$ . (B) 0. (C)  $\frac{1}{2}$ . (D)  $+\infty$ .

**Câu 2.** Gọi  $S$  là diện tích của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = 2^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $S = \int_0^2 2^x dx$ . (B)  $S = \pi \int_0^2 2^{2x} dx$ .  
 (C)  $S = \int_0^2 2^{2x} dx$ . (D)  $S = \pi \int_0^2 2^x dx$ .

**Câu 3.** Tập nghiệm của phương trình  $\log_2(x^2 - 1) = 3$  là

- (A)  $\{-3; 3\}$ . (B)  $\{-3\}$ .  
 (C)  $\{3\}$ . (D)  $\{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}$ .

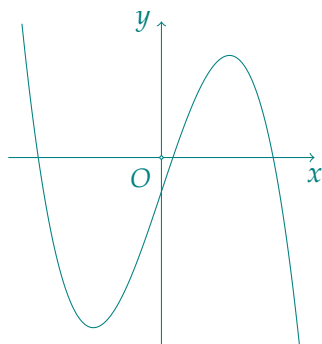
**Câu 4.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^4 + x$  là

- (A)  $x^4 + x^2 + C$ . (B)  $4x^3 + 1 + C$ .  
 (C)  $x^5 + x^2 + C$ . (D)  $\frac{1}{5}x^5 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

**Câu 5.**

Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 0. (B) 1.  
 (C) 3. (D) 2.



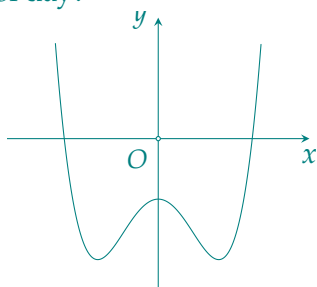
**Câu 6.** Số phức có phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4 là

- (A)  $3 + 4i$ . (B)  $4 - 3i$ . (C)  $3 - 4i$ . (D)  $4 + 3i$ .

**Câu 7.** Cho khối chóp có đáy hình vuông cạnh  $a$  và chiều cao bằng  $4a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $\frac{4}{3}a^3$ . (B)  $\frac{16}{3}a^3$ . (C)  $4a^3$ . (D)  $16a^3$ .

**Câu 8.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- (A)  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ . (B)  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ .  
 (C)  $y = x^3 - x^2 - 1$ . (D)  $y = -x^3 + x^2 - 1$ .

**Câu 9.** Thể tích khối cầu bán kính  $R$  bằng

- (A)  $\frac{4}{3}\pi R^3$ . (B)  $4\pi R^3$ . (C)  $2\pi R^3$ . (D)  $\frac{3}{4}\pi R^3$ .

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -2)$  và  $B(2; 2; 1)$ . Véc-tơ  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là

- (A)  $(3; 3; -1)$ . (B)  $(-1; -1; -3)$ .  
 (C)  $(3; 1; 1)$ . (D)  $(1; 1; 3)$ .

**Câu 11.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_3(3a)$  bằng

- (A)  $3\log_3 a$ . (B)  $3 + \log_3 a$ .  
 (C)  $1 + \log_3 a$ . (D)  $1 - \log_3 a$ .

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$3$		$-2$		$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-1; +\infty)$ . (B)  $(1; +\infty)$ .  
 (C)  $(-1; 1)$ . (D)  $(-\infty; 1)$ .

**Câu 13.** Có bao nhiêu cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 38 học sinh?

- (A)  $A_{38}^2$ . (B)  $2^{38}$ . (C)  $C_{38}^2$ . (D)  $38^2$ .

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng  $d: \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-5}{2}$  có một véc-tơ chỉ phương là

- (A)  $\vec{u}_1 = (3; -1; 5)$ . (B)  $\vec{u}_4 = (1; -1; 2)$ .  
 (C)  $\vec{u}_2 = (-3; 1; 5)$ . (D)  $\vec{u}_3 = (1; -1; -2)$ .

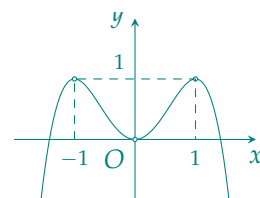
**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P): 3x + 2y + z - 4 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là

- (A)  $\vec{n}_3 = (-1; 2; 3)$ . (B)  $\vec{n}_4 = (1; 2; -3)$ .  
 (C)  $\vec{n}_2 = (3; 2; 1)$ . (D)  $\vec{n}_1 = (1; 2; 3)$ .

**Câu 16.**

Cho hàm số  $f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $4f(x) - 3 = 0$  là

- (A) 4. (B) 3. (C) 2. (D) 0.



**Câu 17.** Từ một hộp chứa 7 quả cầu mà đỏ và 5 quả cầu màu xanh, lấy ngẫu nhiên đồng thời 3 quả cầu. Xác suất để lấy được 3 quả cầu màu xanh bằng

- (A)  $\frac{5}{12}$ . (B)  $\frac{7}{44}$ . (C)  $\frac{1}{22}$ . (D)  $\frac{2}{7}$ .

**Câu 18.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 2x^2 - 7x$  trên đoạn  $[0; 4]$  bằng

- (A)  $-259$ . (B) 68. (C) 0. (D)  $-4$ .

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{2}a$ . Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $60^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 20.**  $\int_0^1 e^{3x+1} dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{3}(e^4 - e)$ . (B)  $e^4 - e$ .  
(C)  $\frac{1}{3}(e^4 + e)$ . (D)  $e^3 - e$ .

**Câu 21.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $A(1;2;-2)$  và vuông góc với đường thẳng  $\Delta: \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{3}$  có phương trình là

- (A)  $3x + 2y + z - 5 = 0$ . (B)  $2x + y + 3z + 2 = 0$ .  
(C)  $x + 2y + 3z + 1 = 0$ . (D)  $2x + y + 3z - 2 = 0$ .

**Câu 22.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+4}-2}{x^2+x}$  là

- (A) 3. (B) 0. (C) 2. (D) 1.

**Câu 23.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông đỉnh  $B$ ,  $AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng

- (A)  $\frac{a}{2}$ . (B)  $a$ . (C)  $\frac{\sqrt{6}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .

**Câu 24.** Một người gửi tiết kiệm vào một ngân hàng với lãi suất 7,2%/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được (cả số tiền gửi ban đầu và lãi) gấp đôi số tiền gửi ban đầu, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

- (A) 11 năm. (B) 12 năm.  
(C) 9 năm. (D) 10 năm.

**Câu 25.** Tìm hai số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $(3x + 2yi) + (2 + i) = 2x - 3i$  với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)  $x = -2; y = -2$ . (B)  $x = -2; y = -1$ .  
(C)  $x = 2; y = -2$ . (D)  $x = 2; y = -1$ .

**Câu 26.** Ông A dự định sử dụng hết 6,7 m<sup>2</sup> kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)?

- (A) 1,57 m<sup>3</sup>. (B) 1,11 m<sup>3</sup>.  
(C) 1,23 m<sup>3</sup>. (D) 2,48 m<sup>3</sup>.

**Câu 27.** Cho  $\int_5^{21} \frac{dx}{x\sqrt{x+4}} = a \ln 3 + b \ln 5 + c \ln 7$  với  $a, b, c$  là các số hữu tỉ. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a + b = -2c$ . (B)  $a + b = c$ .  
(C)  $a - b = -c$ . (D)  $a - b = -2c$ .

**Câu 28.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật,  $AB = a$ ,  $BC = 2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BD$  và  $SC$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{30}a}{6}$ . (B)  $\frac{4\sqrt{21}a}{21}$ .  
(C)  $\frac{2\sqrt{21}a}{21}$ . (D)  $\frac{\sqrt{30}a}{12}$ .

**Câu 29.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(2;1;3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{2}$ . Đường thẳng đi qua  $A$ , vuông góc với  $d$  và cắt trục  $Oy$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 4t \\ z = 3t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 3t \\ z = 2t \end{cases}$ .

**Câu 30.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+6}{x+5m}$  nghịch biến trên khoảng  $(10; +\infty)$ ?

- (A) 3. (B) Vô số. (C) 4. (D) 5.

**Câu 31.** Một chiếc bút chì có dạng khối lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy 3mm và chiều cao bằng 200mm. Thân bút chì được làm bằng gỗ và phần lõi được làm bằng than chì. Phần lõi có dạng khối trụ có chiều cao bằng chiều dài của bút và đáy là hình tròn có bán kính 1mm. Giả định 1m<sup>3</sup> gỗ có giá  $a$  (triệu đồng), 1m<sup>3</sup> than chì có giá  $6a$  (triệu đồng). Khi đó giá nguyên liệu làm một chiếc bút chì như trên gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- (A) 84,5a (đồng). (B) 78,2a (đồng).  
(C) 8,45a (đồng). (D) 7,82a (đồng).

**Câu 32.** Một chất điểm  $A$  xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật  $v(t) = \frac{1}{150}t^2 + \frac{59}{75}t$  (m/s), trong đó  $t$  (s) là khoảng thời gian tính từ lúc  $A$  bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm  $B$  cũng xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng cùng hướng với  $A$  nhưng chậm hơn 3 giây so với  $A$  và có gia tốc bằng  $a$  (m/s<sup>2</sup>) ( $a$  là hằng số). Sau khi  $B$  xuất phát được 12 giây thì đuổi kịp  $A$ . Vận tốc của  $B$  tại thời điểm đuổi kịp  $A$  bằng

- (A) 20 (m/s). (B) 16 (m/s).  
(C) 13 (m/s). (D) 15 (m/s).

**Câu 33.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $(\bar{z} + 3i)(z - 3)$  là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)  $\frac{9}{2}$ . (B)  $3\sqrt{2}$ . (C) 3. (D)  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ .

**Câu 34.** Hệ số của  $x^5$  trong khai triển biểu thức  $x(3x - 1)^6 + (2x - 1)^8$  bằng

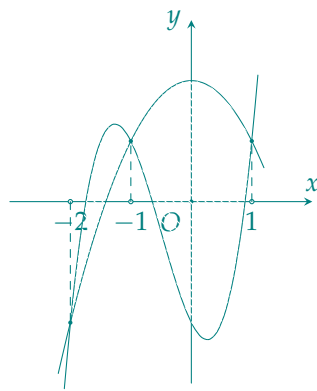
- (A) -3007. (B) -577. (C) 3007. (D) 577.

**Câu 35.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho phương trình  $25^x - m \cdot 5^{x+1} + 7m^2 - 7 = 0$  có hai nghiệm phân biệt. Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- (A) 7. (B) 1. (C) 2. (D) 3.

**Câu 36.**

Cho hai hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx - 2$  và  $g(x) = dx^2 + ex + 2$  ( $a, b, c, d, e \in \mathbb{R}$ ). Biết rằng đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  cắt nhau tại ba điểm có hoành độ lần lượt là  $-2; -1; 1$  (tham khảo hình vẽ). Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho có diện tích bằng



- (A)  $\frac{37}{6}$ . (B)  $\frac{13}{2}$ . (C)  $\frac{9}{2}$ . (D)  $\frac{37}{12}$ .

**Câu 37.** Cho  $a > 0, b > 0$  thỏa mãn  $\log_{10a+3b+1}(25a^2 + b^2 + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) = 2$ . Giá trị của  $a + 2b$  bằng

- (A)  $\frac{5}{2}$ . (B) 6. (C) 22. (D)  $\frac{11}{2}$ .

**Câu 38.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số

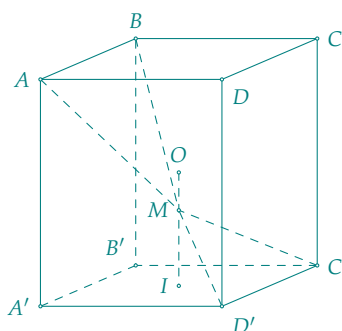
$$y = x^8 + (m - 1)x^5 - (m^2 - 1)x^4 + 1$$

đạt cực tiểu tại  $x = 0$ ?

- (A) 3. (B) 2. (C) Vô số. (D) 1.

**Câu 39.**

Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có tâm  $O$ . Gọi  $I$  là tâm của hình vuông  $ABCD$  và  $M$  là điểm thuộc  $OI$  sao cho  $MO = \frac{1}{2}MI$  (tham khảo hình vẽ). Khi đó, cô-sin góc tạo bởi hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  bằng



- (A)  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ . (B)  $\frac{7\sqrt{85}}{85}$ .  
(C)  $\frac{6\sqrt{85}}{85}$ . (D)  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $f(2) = -\frac{1}{3}$  và  $f'(x) = x[f(x)]^2$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

- (A)  $-\frac{11}{6}$ . (B)  $-\frac{2}{3}$ . (C)  $-\frac{2}{9}$ . (D)  $-\frac{7}{6}$ .

**Câu 41.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-1; 2; 1)$  và đi qua điểm  $A(1; 0; -1)$ . Xét các điểm  $B, C, D$  thuộc  $(S)$  sao cho  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau. Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  lớn nhất bằng

- (A)  $\frac{64}{3}$ . (B) 32. (C) 64. (D)  $\frac{32}{3}$ .

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): (x - 2)^2 + (y - 3)^2 + (z - 4)^2 = 2$  và điểm  $A(1; 2; 3)$ . Xét điểm  $M$  thuộc mặt cầu  $(S)$  sao cho đường thẳng  $AM$  tiếp xúc với  $(S)$ ,  $M$  luôn thuộc mặt phẳng có phương trình là

- (A)  $2x + 2y + 2z + 15 = 0$ .  
(B)  $2x + 2y + 2z - 15 = 0$ .  
(C)  $x + y + z + 7 = 0$ .  
(D)  $x + y + z - 7 = 0$ .

**Câu 43.** Ba bạn  $A, B, C$  mỗi bạn viết lên bảng một số ngẫu nhiên thuộc đoạn  $[1; 19]$ . Xác suất để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 bằng

- (A)  $\frac{1027}{6859}$ . (B)  $\frac{2539}{6859}$ . (C)  $\frac{2287}{6859}$ . (D)  $\frac{109}{323}$ .

**Câu 44.** Trong không gian  $Oxyz$  cho đường thẳng

$$d: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -3 \\ z = 5 + 4t \end{cases}.$$

Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua điểm  $A(1; -3; 5)$  và có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{u} = (1; 2; -2)$ . Đường phân giác góc nhọn tạo bởi hai đường thẳng  $d$  và  $\Delta$  là

- (A)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = 6 + 11t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = -6 + 11t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 3 - 5t \\ z = 5 + t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = -3 \\ z = 5 + 7t \end{cases}$ .

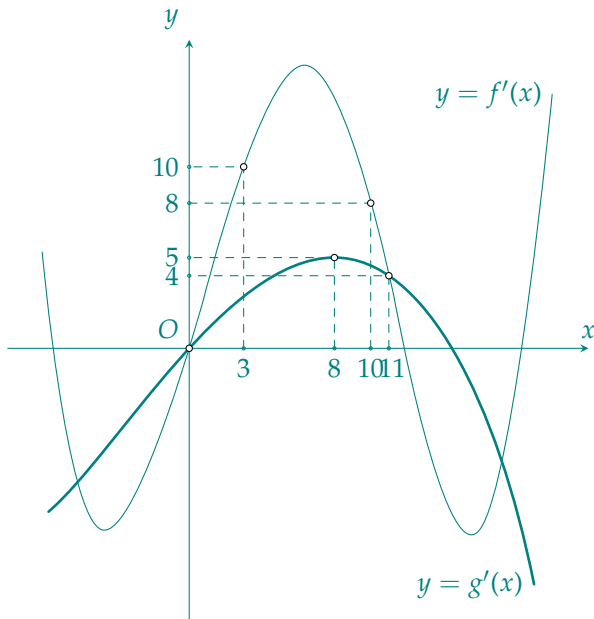
**Câu 45.** Cho phương trình  $3^x + m = \log_3(x - m)$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m \in (-15; 15)$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 16. (B) 9. (C) 14. (D) 15.

**Câu 46.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , khoảng cách từ điểm  $C$  đến đường thẳng  $BB'$  bằng  $\sqrt{5}$ , khoảng cách từ  $A$  đến các đường thẳng  $BB'$  và  $CC'$  lần lượt bằng 1 và 2, hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(A'B'C')$  là trung điểm  $M$  của  $B'C'$  và  $A'M = \frac{\sqrt{15}}{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- Ⓐ  $\frac{\sqrt{15}}{3}$ .   Ⓑ  $\frac{2\sqrt{5}}{3}$ .   Ⓒ  $\sqrt{5}$ .   Ⓓ  $\frac{2\sqrt{15}}{3}$ .

**Câu 47.** Cho hai hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$ . Hai hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = g'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên, trong đó đường cong đậm hơn là đồ thị hàm số  $y = g'(x)$ .



Hàm số  $h(x) = f(x+7) - g\left(2x + \frac{9}{2}\right)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- Ⓐ  $\left(2; \frac{16}{5}\right)$ .   Ⓑ  $\left(-\frac{3}{4}; 0\right)$ .  
 Ⓒ  $\left(\frac{16}{5}; +\infty\right)$ .   Ⓓ  $\left(3; \frac{13}{4}\right)$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $I$  là giao điểm của hai tiệm cận của  $(C)$ . Xét tam giác đều  $ABI$  có hai đỉnh  $A, B$  thuộc  $(C)$ , đoạn  $AB$  có độ dài bằng

- Ⓐ 3.   Ⓑ 2.   Ⓒ  $2\sqrt{2}$ .   Ⓓ  $2\sqrt{3}$ .

**Câu 49.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|(z-3-i) + 2i = (4-i)z$ ?

- Ⓐ 1.   Ⓑ 3.   Ⓒ 2.   Ⓓ 4.

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{8}x^4 - \frac{7}{4}x^2$  có đồ thị là  $(C)$ . Có bao nhiêu điểm  $A$  thuộc  $(C)$  sao cho tiếp tuyến của  $(C)$  tại  $A$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1); N(x_2; y_2)$  ( $M, N$  khác  $A$ ) thỏa mãn  $y_1 - y_2 = 3(x_1 - x_2)$ ?

- Ⓐ 0.   Ⓑ 2.   Ⓒ 3.   Ⓓ 1.

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. B	2. A	3. A	4. D	5. D	6. A	7. A	8. A	9. A	10. D	11. C
12. B	13. C	14. B	15. C	16. A	17. C	18. D	19. A	20. A	21. B	22. D
23. D	24. D	25. A	26. A	27. A	28. C	29. A	30. C	31. D	32. B	33. D
34. B	35. C	36. A	37. D	38. B	39. D	40. B	41. D	42. D	43. C	44. B
45. C	46. D	47. B	48. C	49. B	50. B					



**12 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 104 NĂM 2018**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2018**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

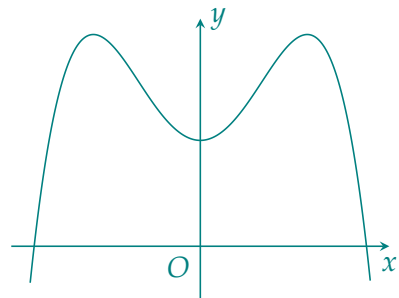
**Câu 1.** Từ các chữ số 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 lập được bao nhiêu số tự nhiên gồm hai chữ số khác nhau?

- Ⓐ  $2^8$ .   Ⓑ  $C_8^2$ .   Ⓒ  $A_8^2$ .   Ⓓ  $8^2$ .

**Câu 2.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P) : 2x + y + 3z - 1 = 0$  có một vectơ pháp tuyến là:

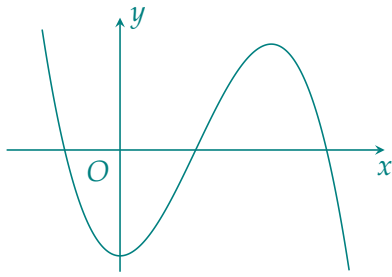
- Ⓐ  $\vec{n}_4 = (1; 3; 2)$ .   Ⓑ  $\vec{n}_1 = (3; 1; 2)$ .  
 Ⓒ  $\vec{n}_3 = (2; 1; 3)$ .   Ⓓ  $\vec{n}_2 = (-1; 3; 2)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là:



- Ⓐ 0.   Ⓑ 1.   Ⓒ 2.   Ⓓ 3.

**Câu 4.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- A  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .       B  $y = x^4 - x^2 - 2$ .  
 C  $y = -x^4 + x^2 - 2$ .       D  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .

**Câu 5.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_3 \left(\frac{3}{a}\right)$  bằng:

- A  $1 - \log_3 a$ .       B  $3 - \log_3 a$ .  
 C  $\frac{1}{\log_3 a}$ .       D  $1 + \log_3 a$ .

**Câu 6.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^3 + x^2$  là

- A  $x^4 + x^3 + C$ .       B  $\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + C$ .  
 C  $3x^2 + 2x + C$ .       D  $x^3 + x^2 + C$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như

$x$	$-\infty$	$-2$	$3$	$+\infty$		
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$			$4$		$-\infty$

$\swarrow$        $\nearrow$        $\searrow$   
 $1$

sau. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A  $(-2; +\infty)$ .       B  $(-2; 3)$ .  
 C  $(3; +\infty)$ .       D  $(-\infty; -2)$ .

**Câu 8.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt cầu  $(S)$  :  $(x - 5)^2 + (y - 1)^2 + (z + 2)^2 = 3$  có bán kính bằng

- A  $\sqrt{3}$ .       B  $2\sqrt{3}$ .       C  $3$ .       D  $9$ .

**Câu 9.** Số phức có phần thực bằng 1 và phần ảo bằng 3 là

- A  $-1 - 3i$ .       B  $1 - 3i$ .  
 C  $-1 + 3i$ .       D  $1 + 3i$ .

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây

thuộc đường thẳng  $d$ :  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 5 + t \\ z = 2 + 3t \end{cases}$  ?

- A  $P(1; 2; 5)$ .       B  $N(1; 5; 2)$ .  
 C  $Q(-1; 1; 3)$ .       D  $M(1; 1; 3)$ .

**Câu 11.** Cho khối lăng trụ có đáy là hình vuông cạnh  $a$  và chiều cao bằng  $2a$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A  $\frac{2}{3}a^3$ .       B  $\frac{4}{3}a^3$ .       C  $2a^3$ .       D  $4a^3$ .

**Câu 12.** Diện tích xung quanh của hình trụ tròn xoay có bán kính đáy  $r$  và độ dài đường sinh  $l$  bằng

- A  $\pi rl$ .       B  $4\pi rl$ .       C  $2\pi rl$ .       D  $\frac{4}{3}\pi rl$ .

**Câu 13.** Cho hình phẳng  $(H)$  giới hạn bởi các đường thẳng  $y = x^2 + 2, y = 0, x = 1, x = 2$ . Gọi  $V$  là thể tích của khối tròn xoay được tạo thành khi quay  $(H)$  xung quanh trục  $Ox$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A  $V = \pi \int_1^2 (x^2 + 2)^2 dx$ .  
 B  $V = \int_1^2 (x^2 + 2)^2 dx$ .  
 C  $V = \pi \int_1^2 (x^2 + 2) dx$ .  
 D  $V = \int_1^2 (x^2 + 2) dx$ .

**Câu 14.** Phương trình  $5^{2x+1} = 125$  có nghiệm là

- A  $x = \frac{3}{2}$ .       B  $x = \frac{5}{2}$ .       C  $x = 1$ .       D  $x = 3$ .

**Câu 15.**  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{2n+5}$  bằng

- A  $\frac{1}{2}$ .       B  $0$ .       C  $+\infty$ .       D  $\frac{1}{5}$ .

**Câu 16.** Một người gửi tiết kiệm vào một ngân hàng với lãi suất 6,1% năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được gấp đôi số tiền gửi ban đầu, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

- A 13 năm.       B 10 năm.  
 C 11 năm.       D 12 năm.

**Câu 17.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy,  $AB = a$  và  $SB = 2a$ . Góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng đáy bằng

- A  $60^\circ$ .       B  $45^\circ$ .       C  $30^\circ$ .       D  $90^\circ$ .

**Câu 18.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông cân tại  $C, BC = a, SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng

- A  $\sqrt{2}a$ .       B  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .       C  $\frac{a}{2}$ .       D  $\frac{\sqrt{3}a}{2}$ .

**Câu 19.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+16}-4}{x^2+x}$  là

- A  $0$ .       B  $3$ .       C  $2$ .       D  $1$ .



**Câu 20.**  $\int_1^2 \frac{dx}{2x+3}$  bằng

- (A)  $2 \ln \frac{7}{5}$ . (B)  $\frac{1}{2} \ln 35$ . (C)  $\ln \frac{7}{5}$ . (D)  $\frac{1}{2} \ln \frac{7}{5}$ .

**Câu 21.** Từ một hộp chứa 10 quả cầu màu đỏ và 5 quả cầu màu xanh, lấy ngẫu nhiên đồng thời 3 quả cầu. Xác suất để lấy được 3 quả cầu màu xanh bằng

- (A)  $\frac{2}{91}$ . (B)  $\frac{12}{91}$ . (C)  $\frac{1}{12}$ . (D)  $\frac{24}{91}$ .

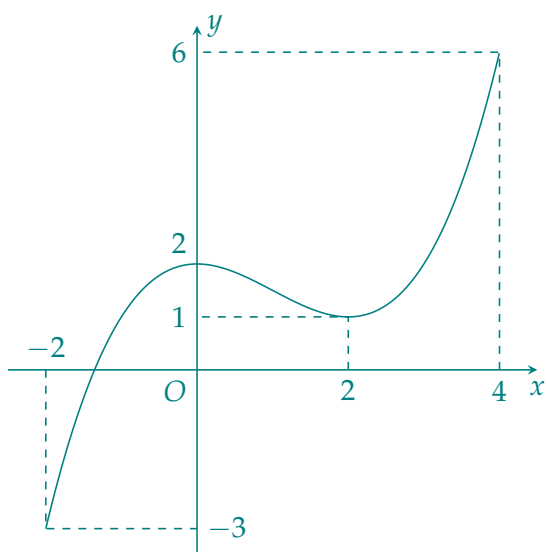
**Câu 22.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $y = x^4 - x^2 + 13$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng

- (A) 25. (B)  $\frac{51}{4}$ . (C) 13. (D) 85.

**Câu 23.** Trong không gian  $Oxyz$ , Cho hai điểm  $A(5; -4; 2)$  và  $B(1; 2; 4)$ . Mặt phẳng đi qua  $A$  và vuông góc với đường thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)  $2x - 3y - z + 8 = 0$ .  
 (B)  $3x - y + 3z - 13 = 0$ .  
 (C)  $2x - 3y - z - 20 = 0$ .  
 (D)  $3x - y + 3z - 25 = 0$ .

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  trên đoạn  $[-2; 4]$  là



- (A) 0. (B) 3. (C) 2. (D) 1.

**Câu 25.** Tìm hai số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $(2x - 3yi) + (3 - i) = 5x - 4i$  với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)  $x = -1; y = -1$ . (B)  $x = -1; y = 1$ .  
 (C)  $x = 1; y = -1$ . (D)  $x = 1; y = 1$ .

**Câu 26.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+3m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -6)$ .

- (A) 2. (B) 6. (C) Vô số. (D) 1.

**Câu 27.** Một chất điểm  $A$  xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật  $v(t) = \frac{1}{120}t^2 + \frac{58}{45}t$  ( $m/s$ ), trong đó  $t$  là khoảng thời gian tính từ lúc  $A$  bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm  $B$  cũng xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng cùng hướng với  $A$  nhưng chậm hơn 3 giây so với  $A$  và có gia tốc bằng  $a$  ( $m/s^2$ ) ( $a$  là hằng số). Sau khi  $B$  xuất phát được 15 giây thì đuổi kịp  $A$ . Vận tốc của  $B$  tại thời điểm đuổi kịp  $A$  bằng

- (A)  $25$  ( $m/s$ ). (B)  $36$  ( $m/s$ ).  
 (C)  $30$  ( $m/s$ ). (D)  $21$  ( $m/s$ ).

**Câu 28.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho phương trình  $9^x - m3^{x+1} + 3m^2 - 75 = 0$  có hai nghiệm phân biệt. Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- (A) 8. (B) 4. (C) 19. (D) 5.

**Câu 29.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $(\bar{z} - 2i)(z + 2)$  là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng?

- (A)  $2\sqrt{2}$ . (B)  $\sqrt{2}$ . (C) 2. (D) 4.

**Câu 30.** Một chiếc bút chì có dạng khối lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy  $3m$  và chiều cao  $200m$ . Thân bút chì được làm bằng gỗ và phần lõi được làm bằng than chì. Phần lõi có dạng khối trụ có chiều cao bằng chiều cao của bút và đáy là hình tròn có bán kính  $1m$ . Giả định  $1m^3$  gỗ có giá  $a$ ,  $1m^3$  than chì có giá  $7a$ . Khi đó giá nguyên vật liệu làm một chiếc bút chì như trên gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- (A)  $85,5.a$ . (B)  $9,07.a$ .  
 (C)  $8,45.a$ . (D)  $90,07.a$ .

**Câu 31.** Hệ số của  $x^5$  trong khai triển biểu thức  $x(x-2)^6 + (3x-1)^8$  bằng

- (A) 13548. (B) 13668.  
 (C) -13668. (D) -13548.

**Câu 32.** Ông A dự định sử dụng hết  $5,5m^2$  kính để làm một bể cá có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng. Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu?

- (A)  $1,17m^3$ . (B)  $1,01m^3$ .  
 (C)  $1,51m^3$ . (D)  $1,40m^3$ .

**Câu 33.** Cho  $\int_1^e (2 + x \ln x) dx = ae^2 + be + c$  với  $a, b, c$  là các số hữu tỉ. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- (A)  $a + b = -c$ . (B)  $a + b = c$ .  
 (C)  $a - b = c$ . (D)  $a - b = -c$ .

**Câu 34.** Cho tứ diện  $O.ABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc với nhau,  $OA = a$  và  $OB = OC = 2a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $BC$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $OM$  và  $AB$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (B)  $a$ . (C)  $\frac{2\sqrt{5}a}{5}$ . (D)  $\frac{\sqrt{6}a}{3}$ .

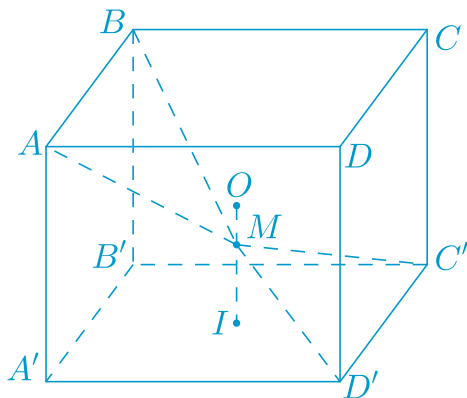
**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$  cho đường thẳng  $\Delta : \frac{x}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-1}{1}$  và mặt phẳng  $(P) : x - 2y - z + 3 = 0$ . Đường thẳng nằm trong  $(P)$  đồng thời cắt và vuông góc với  $\Delta$  có phương trình là:

- (A)  $\begin{cases} x = 1 \\ y = 1 - t \\ z = 2 + 2t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -t \\ z = 2t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 - 2t \\ z = 2 + 3t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 \end{cases}$ .

**Câu 36.** Ba bạn A, B, C mỗi bạn viết ngẫu nhiên lên bảng một số tự nhiên thuộc đoạn  $[1; 16]$ . Xác suất để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 bằng.

- (A)  $\frac{683}{2048}$ . (B)  $\frac{1457}{4096}$ . (C)  $\frac{19}{56}$ . (D)  $\frac{77}{512}$ .

**Câu 37.** Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có tâm  $O$ . Gọi  $I$  là tâm của hình vuông  $A'B'C'D'$  và  $M$  là điểm thuộc đoạn thẳng  $OI$  sao cho  $MO = \frac{1}{2}MI$ .



Khi đó sin của góc tạo bởi hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  bằng.

- (A)  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ . (B)  $\frac{6\sqrt{85}}{85}$ .  
 (C)  $\frac{7\sqrt{85}}{85}$ . (D)  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ .

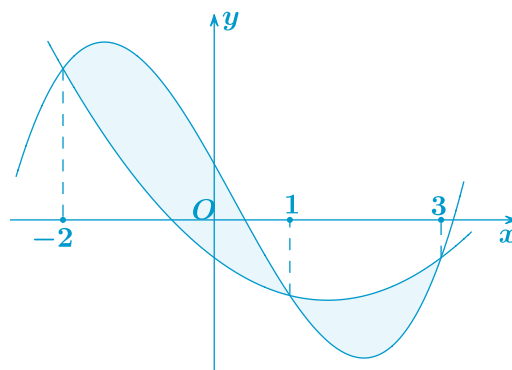
**Câu 38.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 1 + 4t \\ z = 1 \end{cases}$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua điểm  $A(1; 1; 1)$  và có vectơ chỉ phương  $\vec{u} = (-2; 1; 2)$ . Đường phân giác của góc nhọn tạo bởi  $d$  và  $\Delta$  có phương trình là.

- (A)  $\begin{cases} x = 1 + 27t \\ y = 1 + t \\ z = 1 + t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -18 + 19t \\ y = -6 + 7t \\ z = 11 - 10t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = -18 + 19t \\ y = -6 + 7t \\ z = -11 - 10t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 1 + 17t \\ z = 1 + 10t \end{cases}$ .

**Câu 39.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ . Khoảng cách từ  $C$  đến đường thẳng  $BB'$  bằng  $\sqrt{5}$ , khoảng cách từ  $A$  đến các đường thẳng  $BB'$  và  $CC'$  lần lượt bằng 1 và 2, hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(A'B'C')$  là trung điểm  $M$  của  $B'C'$  và  $A'M = \sqrt{5}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A)  $\frac{2\sqrt{5}}{3}$ . (B)  $\frac{2\sqrt{15}}{3}$ . (C)  $\sqrt{5}$ . (D)  $\frac{\sqrt{15}}{3}$ .

**Câu 40.** Cho hai hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + \frac{3}{4}$  và  $g(x) = dx^2 + ex - \frac{3}{4}$ , ( $a, b, c, d, e \in \mathbb{R}$ ). Biết rằng đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  cắt nhau tại ba điểm có hoành độ lần lượt là  $-2; 1; 3$ . Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho có diện tích bằng



- (A)  $\frac{253}{48}$ . (B)  $\frac{125}{24}$ . (C)  $\frac{125}{48}$ . (D)  $\frac{253}{24}$ .

**Câu 41.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-1; 0; 2)$  và đi qua điểm  $A(0; 1; 1)$ . Xét các điểm  $B, C, D$  thuộc  $(S)$  sao cho  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau. Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  có giá trị lớn nhất bằng

- (A)  $\frac{8}{3}$ . (B) 4. (C)  $\frac{4}{3}$ . (D) 8.

**Câu 42.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^8 + (m-3)x^5 - (m^2-9)x^4 + 1$  đạt cực tiểu tại  $x = 0$ ?

- (A) 4. (B) 7. (C) 6. (D) Vô số.

**Câu 43.** Cho hàm số  $y = \frac{x-2}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $I$  là giao điểm của hai tiệm cận của  $(C)$ . Xét tam giác đều  $ABI$  có hai đỉnh  $A, B$  thuộc  $(C)$ , đoạn thẳng  $AB$  có độ dài bằng

- (A)  $2\sqrt{3}$ . (B)  $2\sqrt{2}$ . (C)  $\sqrt{3}$ . (D)  $\sqrt{6}$ .

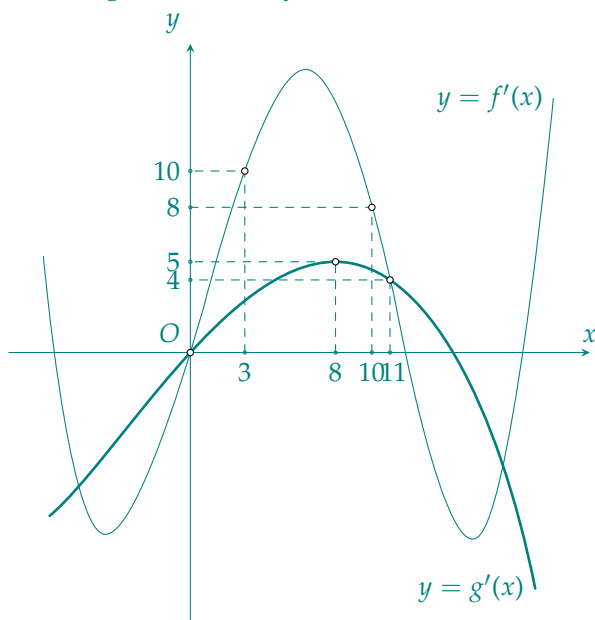
**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $f(2) = -\frac{1}{5}$  và  $f'(x) = x^3 [f(x)]^2$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

- (A)  $-\frac{4}{35}$ . (B)  $-\frac{71}{20}$ . (C)  $-\frac{79}{20}$ . (D)  $-\frac{4}{5}$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{6}x^4 - \frac{7}{3}x^2$  có đồ thị (C). Có bao nhiêu điểm A thuộc (C) sao cho tiếp tuyến của (C) tại A cắt (C) tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1), N(x_2; y_2)$  ( $M, N$  khác A) thỏa mãn  $y_1 - y_2 = 4(x_1 - x_2)$

- (A) 3. (B) 0. (C) 1. (D) 2.

**Câu 46.** Cho hai hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$ . Hai hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = g'(x)$  có đồ thị như hình vẽ dưới đây, trong đó đường cong đậm hơn là đồ thị hàm số  $y = g'(x)$ . Hàm số  $h(x) = f(x+6) - g\left(2x + \frac{5}{2}\right)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- (A)  $\left(\frac{21}{5}; +\infty\right)$ . (B)  $\left(\frac{1}{4}; 1\right)$ .  
(C)  $\left(3; \frac{21}{5}\right)$ . (D)  $\left(4; \frac{17}{4}\right)$ .

**Câu 47.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|(z - 5 - i) + 2i = (6 - i)z$ ?

- (A) 1. (B) 3. (C) 4. (D) 2.

**Câu 48.** Cho phương trình  $2^x + m = \log_2(x - m)$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m \in (-18; 18)$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 9. (B) 19. (C) 17. (D) 18.

**Câu 49.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu (S) :  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 + (z + 1)^2 = 16$  và điểm  $A(-1; -1; -1)$ . Xét các điểm  $M$  thuộc (S) sao cho

đường thẳng  $AM$  tiếp xúc với (S).  $M$  luôn thuộc một mặt phẳng cố định có phương trình là

- (A)  $3x + 4y - 2 = 0$ . (B)  $3x + 4y + 2 = 0$ .  
(C)  $6x + 8y + 11 = 0$ . (D)  $6x + 8y - 11 = 0$ .

**Câu 50.** Cho  $a > 0, b > 0$  thỏa mãn  $\log_{2a+2b+1}(4a^2 + b^2 + 1) + \log_{4ab+1}(2a + 2b + 1) = 2$ . Giá trị của  $a + 2b$  bằng:

- (A)  $\frac{15}{4}$ . (B) 5. (C) 4. (D)  $\frac{3}{2}$ .

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. C	3. D	4. D	5. A	6. B	7. B	8. A	9. D	10. B	11. C
12. C	13. A	14. C	15. B	16. D	17. A	18. B	19. D	20. D	21. A	22. A
23. C	24. B	25. D	26. A	27. C	28. B	29. B	30. C	31. D	32. A	33. C
34. D	35. A	36. A	37. D	38. B	39. B	40. A	41. C	42. C	43. A	44. D
45. D	46. B	47. B	48. C	49. A	50. A					

**NĂM HỌC 2018-2019**



**ĐỀ MINH HỌA NĂM 2019**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2019  
ĐỀ MINH HỌA**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Thể tích của khối lập phương cạnh  $2a$  bằng

- (A)  $8a^3$ . (B)  $2a^3$ . (C)  $a^3$ . (D)  $6a^3$ .

**Câu 2.** Hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$		
$y'$		-	0	+	0	-
$y$	$+\infty$			5		$-\infty$

1

Giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng

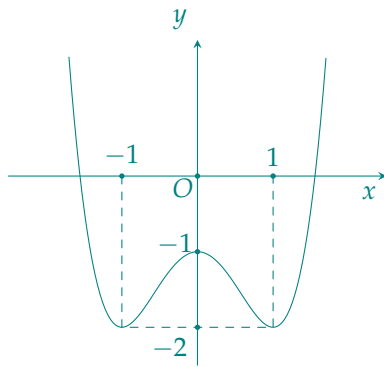
- (A) 1. (B) 2. (C) 0. (D) 5.

**Câu 3.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -1)$  và  $B(2; 3; 2)$ . Véc-tơ  $\vec{AB}$  có tọa độ là

- (A)  $(1; 2; 3)$ . (B)  $(-1; -2; 3)$ .  
(C)  $(3; 5; 1)$ . (D)  $(3; 4; 1)$ .

**Câu 4.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(0; 1)$ . (B)  $(-\infty; -1)$ .  
 (C)  $(-1; 1)$ . (D)  $(-1; 0)$ .

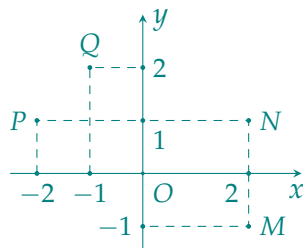
**Câu 5.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  có số hạng đầu  $u_1 = 2$  và công sai  $d = 5$ . Giá trị của  $u_4$  bằng

- (A) 22. (B) 17. (C) 12. (D) 250.

**Câu 6.**

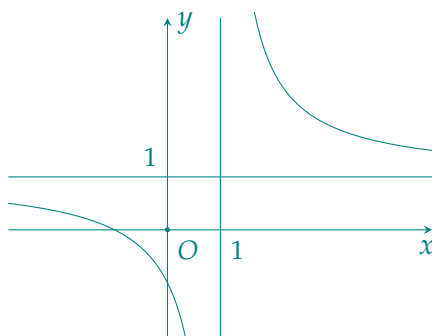
Điểm nào trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn số phức  $z = -1 + 2i$ ?

- (A) N. (B) P.  
 (C) M. (D) Q.



**Câu 7.**

Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?

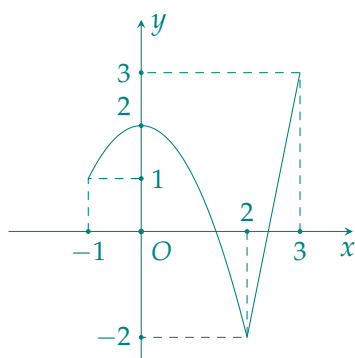


- (A)  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ . (B)  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .  
 (C)  $y = x^4 + x^2 + 1$ . (D)  $y = x^3 - 3x - 1$ .

**Câu 8.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 3]$  có đồ thị như hình vẽ bên. Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[-1; 3]$ . Giá trị của  $M - m$  bằng

- (A) 0. (B) 1.  
 (C) 4. (D) 5.



**Câu 9.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-1)(x+2)^3$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 3. (B) 2. (C) 5. (D) 1.

**Câu 10.** Tìm các số thực  $a$  và  $b$  thỏa mãn  $2a + (b+i)i = 1 + 2i$  với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)  $a = 0, b = 2$ . (B)  $a = \frac{1}{2}, b = 1$ .  
 (C)  $a = 0, b = 1$ . (D)  $a = 1, b = 2$ .

**Câu 11.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $I(1; 1; 1)$  và  $A(1; 2; 3)$ . Phương trình của mặt cầu tâm  $I$  và đi qua  $A$  là

- (A)  $(x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 29$ .  
 (B)  $(x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 5$ .  
 (C)  $(x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 25$ .  
 (D)  $(x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 5$ .

**Câu 12.** Đặt  $\log_3 2 = a$ , khi đó  $\log_{16} 27$  bằng

- (A)  $\frac{3a}{4}$ . (B)  $\frac{3}{4a}$ . (C)  $\frac{4}{3a}$ . (D)  $\frac{4a}{3}$ .

**Câu 13.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 3z + 5 = 0$ . Giá trị của  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A)  $2\sqrt{5}$ . (B)  $\sqrt{5}$ . (C) 3. (D) 10.

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$  khoảng cách giữa hai mặt phẳng  $(P): x + 2y + 2z - 10 = 0$  và  $(Q): x + 2y + 2z - 3 = 0$  bằng

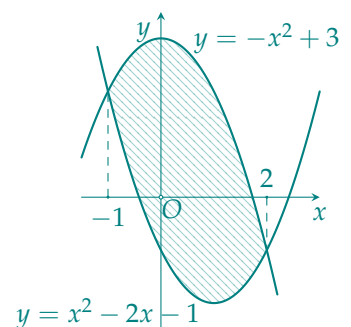
- (A)  $\frac{8}{3}$ . (B)  $\frac{7}{3}$ . (C) 3. (D)  $\frac{4}{3}$ .

**Câu 15.** Tập nghiệm của bất phương trình  $3^{x^2-2x} < 27$  là

- (A)  $(-\infty; -1)$ . (B)  $(3; +\infty)$ .  
 (C)  $(-1; 3)$ . (D)  $(-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$ .

**Câu 16.**

Diện tích phần hình phẳng gạch chéo trong hình vẽ bên được tính theo công thức nào dưới đây?



- (A)  $\int_{-1}^2 (2x^2 - 2x - 4) dx$ .  
 (B)  $\int_{-1}^2 (-2x + 2) dx$ .  
 (C)  $\int_{-1}^2 (2x - 2) dx$ .  
 (D)  $\int_{-1}^2 (-2x^2 + 2x + 4) dx$ .

**Câu 17.** Cho khối nón có độ dài đường sinh bằng  $2a$  và bán kính đáy bằng  $a$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{3}\pi a^3}{3}$ . (B)  $\frac{\sqrt{3}\pi a^3}{2}$ .  
 (C)  $\frac{2\pi a^3}{3}$ . (D)  $\frac{\pi a^3}{3}$ .

**Câu 18.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau.

$x$	$-\infty$		1		$+\infty$
$y'$		+		+	
$y$			$+\infty$		5
	2				3

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 4. (B) 1. (C) 3. (D) 2.

**Câu 19.** Cho khối chóp tứ giác đều có tất cả các cạnh bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ . (B)  $\frac{8a^3}{3}$ . (C)  $\frac{8\sqrt{2}a^3}{3}$ . (D)  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$ .

**Câu 20.** Hàm số  $f(x) = \log_2(x^2 - 2x)$  có đạo hàm là

- (A)  $f'(x) = \frac{\ln 2}{x^2 - 2x}$ .  
 (B)  $f'(x) = \frac{1}{(x^2 - 2x) \ln 2}$ .  
 (C)  $f'(x) = \frac{(2x - 2) \ln 2}{x^2 - 2x}$ .  
 (D)  $f'(x) = \frac{2x - 2}{(x^2 - 2x) \ln 2}$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	-2	0	2	$+\infty$	
$y'$		-	0	+	0	+
$y$	$+\infty$			1		$+\infty$
			-2		-2	

Số nghiệm của phương trình  $2f(x) + 3 = 0$  là

- (A) 4. (B) 3. (C) 2. (D) 1.

**Câu 22.** Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ . Góc giữa hai mặt phẳng  $(A'B'CD)$  và  $(ABC'D')$  bằng

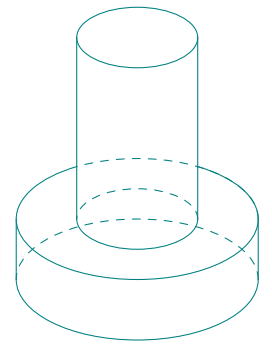
- (A)  $30^\circ$ . (B)  $60^\circ$ . (C)  $45^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 23.** Tổng tất cả các nghiệm của phương trình  $\log_3(7 - 3^x) = 2 - x$  bằng

- (A) 2. (B) 1. (C) 7. (D) 3.

**Câu 24.**

Một khối đồ chơi gồm hai khối trụ  $(H_1), (H_2)$  xếp chồng lên nhau, lần lượt có bán kính đáy và chiều cao tương ứng là  $r_1, h_1, r_2, h_2$  thỏa mãn  $r_2 = \frac{1}{2}r_1, h_2 = 2h_1$  (tham khảo hình vẽ bên). Biết rằng thể tích của toàn bộ khối đồ chơi bằng  $30 \text{ cm}^3$ , thể tích khối trụ  $(H_1)$  bằng



- (A)  $24 \text{ cm}^3$ . (B)  $15 \text{ cm}^3$ .  
 (C)  $20 \text{ cm}^3$ . (D)  $10 \text{ cm}^3$ .

**Câu 25.** Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 4x(1 + \ln x)$  là

- (A)  $2x^2 \ln x + 3x^2$ . (B)  $2x^2 \ln x + x^2$ .  
 (C)  $2x^2 \ln x + 3x^2 + C$ . (D)  $2x^2 \ln x + x^2 + C$ .

**Câu 26.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thoi cạnh  $a, \widehat{BAD} = 60^\circ, SA = a$  và  $SA$  vuông góc với mặt đáy. Khoảng cách từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SCD)$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ . (B)  $\frac{\sqrt{15}a}{7}$ . (C)  $\frac{\sqrt{21}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{15}a}{3}$ .

**Câu 27.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x + y + z - 3 = 0$  và đường thẳng  $d: \frac{x}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{-1}$ . Hình chiếu vuông góc của  $d$  trên  $(P)$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x+1}{-1} = \frac{y+1}{-4} = \frac{z+1}{5}$ .  
 (B)  $\frac{x-1}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-1}{-1}$ .  
 (C)  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-1}{-5}$ .  
 (D)  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z+5}{1}$ .

**Câu 28.** Tập hợp các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = -x^3 - 6x^2 + (4m - 9)x + 4$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  là

- (A)  $(-\infty; 0]$ . (B)  $[-\frac{3}{4}; +\infty)$ .  
 (C)  $(-\infty; -\frac{3}{4}]$ . (D)  $[0; +\infty)$ .

**Câu 29.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $(z + 2i)(\bar{z} + 2)$  là số thuần ảo. Biết rằng tập hợp tất cả các điểm biểu diễn của  $z$  là một đường tròn, tâm đường tròn đó có tọa độ là

- (A)  $(1; -1)$ . (B)  $(1; 1)$ .  
 (C)  $(-1; 1)$ . (D)  $(-1; -1)$ .

**Câu 30.** Cho  $\int_0^1 \frac{x dx}{(x+2)^2} = a + b \ln 2 + c \ln 3$  với  $a, b, c$  là các số hữu tỷ. Giá trị của  $3a + b + c$  bằng

- (A) -2. (B) -1. (C) 2. (D) 1.

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$	$-3$	$0$	$-\infty$

Bất phương trình  $f(x) < e^x + m$  đúng với mọi  $x \in (-1; 1)$  khi và chỉ khi

- (A)  $m \geq f(1) - e$ .      (B)  $m > f(-1) - \frac{1}{e}$ .  
 (C)  $m \geq f(-1) - \frac{1}{e}$ .      (D)  $m > f(1) - e$ .

**Câu 32.** Có hai dãy ghế đối diện nhau, mỗi dãy có ba ghế. Xếp ngẫu nhiên 6 học sinh, gồm 3 nam và 3 nữ ngồi vào hai dãy ghế đó sao cho mỗi ghế có đúng một học sinh ngồi. Xác suất để mỗi học sinh nam đều ngồi đối diện với một học sinh nữ bằng

- (A)  $\frac{2}{5}$ .      (B)  $\frac{1}{20}$ .      (C)  $\frac{3}{5}$ .      (D)  $\frac{1}{10}$ .

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; -2; 4)$ ,  $B(-3; 3; -1)$  và mặt phẳng  $(P): 2x - y + 2z - 8 = 0$ . Xét  $M$  là điểm thay đổi thuộc  $(P)$ , giá trị nhỏ nhất của  $2MA^2 + 3MB^2$  bằng

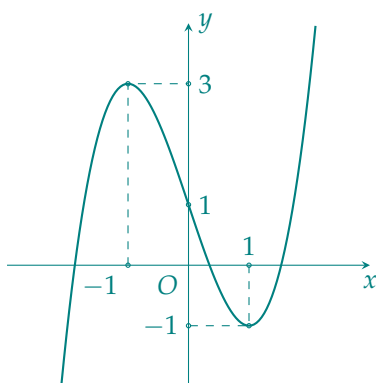
- (A) 135.      (B) 105.      (C) 108.      (D) 145.

**Câu 34.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|^2 = 2|z + \bar{z}| + 4$  và  $|z - 1 - i| = |z - 3 + 3i|$ ?

- (A) 4.      (B) 3.      (C) 1.      (D) 2.

**Câu 35.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(\sin x) = m$  có nghiệm thuộc khoảng  $(0; \pi)$  là



- (A)  $[-1; 3)$ .      (B)  $(-1; 3)$ .      (C)  $(-1; 3)$ .      (D)  $[-1; 1)$ .

**Câu 36.** Ông A vay ngân hàng 100 triệu đồng với lãi suất 1%/tháng. Ông ta muốn hoàn nợ cho ngân hàng theo cách: Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi tháng là như nhau và ông A trả hết nợ sau đúng 5 năm kể từ ngày vay. Biết rằng mỗi tháng ngân hàng chỉ tính lãi trên số dư nợ thực tế của tháng đó. Hỏi số tiền mỗi tháng ông ta

cần trả cho ngân hàng gần nhất với số tiền nào dưới đây?

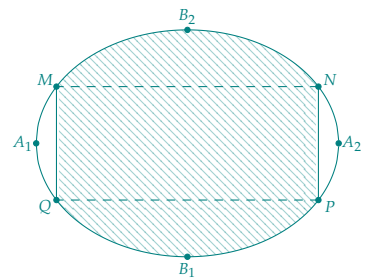
- (A) 2,22 triệu đồng.      (B) 3,03 triệu đồng.  
 (C) 2,25 triệu đồng.      (D) 2,20 triệu đồng.

**Câu 37.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $E(2; 1; 3)$ , mặt phẳng  $(P): 2x + 2y - z - 3 = 0$  và mặt cầu  $(S): (x - 3)^2 + (y - 2)^2 + (z - 5)^2 = 36$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua  $E$ , nằm trong  $(P)$  và cắt  $(S)$  tại hai điểm có khoảng cách nhỏ nhất. Phương trình của  $\Delta$  là

- (A)  $\begin{cases} x = 2 + 9t \\ y = 1 + 9t \\ z = 3 + 8t \end{cases}$ .      (B)  $\begin{cases} x = 2 - 5t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 - t \\ z = 3 \end{cases}$ .      (D)  $\begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 - 3t \end{cases}$ .

**Câu 38.** Một biển quảng cáo có dạng hình elip với bốn đỉnh  $A_1, A_2, B_1, B_2$  như hình vẽ bên.

Biết chi phí để sơn phần tô đậm là 200.000 đồng/m<sup>2</sup> và phần còn lại là 100.000 đồng/m<sup>2</sup>. Hỏi số tiền để sơn theo cách trên gần nhất với số tiền nào dưới đây, biết  $A_1A_2 = 8m$ ,  $B_1B_2 = 6m$  và tứ giác  $MNPQ$  là hình chữ nhật có  $MQ = 3m$ ?



- (A) 7.322.000 đồng.      (B) 7.213.000 đồng.  
 (C) 5.526.000 đồng.      (D) 5.782.000 đồng.

**Câu 39.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích bằng 1. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của các đoạn thẳng  $AA'$  và  $BB'$ . Đường thẳng  $CM$  cắt đường thẳng  $C'A'$  tại  $P$ , đường thẳng  $CN$  cắt đường thẳng  $C'B'$  tại  $Q$ . Thể tích của khối đa diện lồi  $A'MPB'NQ$  bằng

- (A) 1.      (B)  $\frac{1}{3}$ .      (C)  $\frac{1}{2}$ .      (D)  $\frac{2}{3}$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng xét dấu của đạo hàm như sau

$x$	$-\infty$	$1$	$2$	$3$	$4$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Hàm số  $y = 3f(x + 2) - x^3 + 3x$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

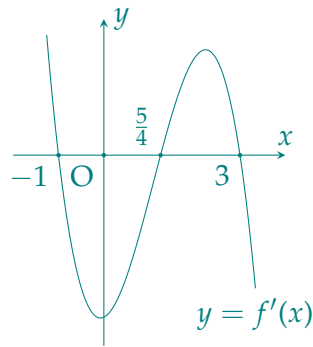
- (A)  $(1; +\infty)$ .      (B)  $(-\infty; -1)$ .  
 (C)  $(-1; 0)$ .      (D)  $(0; 2)$ .

**Câu 41.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để bất phương trình  $m^2(x^4 - 1) + m(x^2 - 1) - 6(x - 1) \geq 0$  đúng với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Tổng giá trị của tất cả các phân tử thuộc  $S$  bằng

- (A)  $-\frac{3}{2}$ .      (B) 1.      (C)  $-\frac{1}{2}$ .      (D)  $\frac{1}{2}$ .

**Câu 42.** Cho hàm số  $f(x) = mx^4 + nx^3 + px^2 + qx + r$  ( $m, n, p, q, r \in \mathbb{R}$ ).

Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Tập nghiệm của phương trình  $f(x) = r$  có số phần tử là



- (A) 4.                      (B) 3.  
(C) 1.                      (D) 2.

**Câu 43.** Với  $a$  và  $b$  là hai số thực dương tùy ý,  $\log(ab^2)$  bằng

- (A)  $2\log a + \log b$ .                      (B)  $\log a + 2\log b$ .  
(C)  $2(\log a + \log b)$ .                      (D)  $\log a + \frac{1}{2}\log b$ .

**Câu 44.** Cho  $\int_0^1 f(x) dx = 2$  và  $\int_0^1 g(x) dx = 5$ , khi đó

$\int_0^1 [f(x) - 2g(x)] dx$  bằng

- (A) -3.                      (B) 12.                      (C) -8.                      (D) 1.

**Câu 45.** Thể tích khối cầu bán kính  $a$  bằng

- (A)  $\frac{4\pi a^3}{3}$ .                      (B)  $4\pi a^3$ .                      (C)  $\frac{\pi a^3}{3}$ .                      (D)  $2\pi a^3$ .

**Câu 46.** Tập nghiệm của phương trình  $\log_2(x^2 - x + 2) = 1$  là

- (A)  $\{0\}$ .                      (B)  $\{0; 1\}$ .  
(C)  $\{-1; 0\}$ .                      (D)  $\{1\}$ .

**Câu 47.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(Oxz)$  có phương trình là

- (A)  $z = 0$ .                      (B)  $x + y + z = 0$ .  
(C)  $y = 0$ .                      (D)  $x = 0$ .

**Câu 48.** Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = e^x + x$  là

- (A)  $e^x + x^2 + C$ .                      (B)  $e^x + \frac{1}{2}x^2 + C$ .  
(C)  $\frac{1}{x+1}e^x + \frac{1}{2}x^2 + C$ .                      (D)  $e^x + 1 + C$ .

**Câu 49.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-3}{2}$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $Q(2; -1; 2)$ .                      (B)  $M(-1; -2; -3)$ .  
(C)  $P(1; 2; 3)$ .                      (D)  $N(-2; 1; -2)$ .

**Câu 50.** Với  $k$  và  $n$  là hai số nguyên dương tùy ý thỏa mãn  $k \leq n$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ .                      (B)  $C_n^k = \frac{n!}{k!}$ .  
(C)  $C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ .                      (D)  $C_n^k = \frac{k!(n-k)!}{n!}$ .

—————**HẾT**—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. D	3. A	4. D	5. B	6. D	7. B	8. D	9. A	10. D	11. B
12. B	13. A	14. B	15. C	16. D	17. A	18. C	19. A	20. D	21. A	22. D
23. A	24. C	25. D	26. A	27. C	28. C	29. D	30. B	31. C	32. A	33. A
34. B	35. D	36. A	37. C	38. A	39. D	40. C	41. C	42. B	43. B	44. C
45. A	46. B	47. C	48. B	49. C	50. A					



**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2019**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2019**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x + 2y + 3z - 1 = 0$ . Véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- (A)  $\vec{n}_3 = (1; 2; -1)$ .                      (B)  $\vec{n}_4 = (1; 2; 3)$ .  
(C)  $\vec{n}_1 = (1; 3; -1)$ .                      (D)  $\vec{n}_2 = (2; 3; -1)$ .

**Câu 2.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_5 a^2$  bằng

- (A)  $2\log_5 a$ .                      (B)  $2 + \log_5 a$ .  
(C)  $\frac{1}{2} + \log_5 a$ .                      (D)  $\frac{1}{2}\log_5 a$ .

**Câu 3.** Cho hàm số có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$		$3$		$+\infty$	

$\swarrow$                        $\nearrow$                        $\searrow$                        $\nearrow$   
1                      1

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-2; 0)$ .                      (B)  $(2; +\infty)$ .  
(C)  $(0; 2)$ .                      (D)  $(0; +\infty)$ .

**Câu 4.** Nghiệm của phương trình  $3^{2x-1} = 27$  là

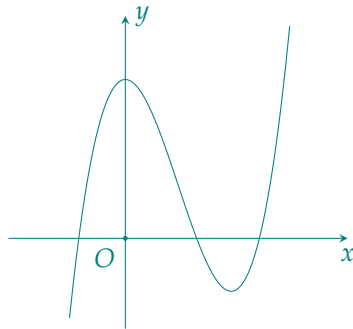
- (A)  $x = 5$ .                      (B)  $x = 1$ .                      (C)  $x = 2$ .                      (D)  $x = 4$ .

**Câu 5.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 3$  và  $u_2 = 9$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A) -6. (B) 3. (C) 12. (D) 6.

**Câu 6.**

Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên?



- (A)  $y = x^3 - 3x^2 + 3$ . (B)  $y = -x^3 + 3x^2 + 3$ .  
(C)  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ . (D)  $y = -x^4 + 2x^2 + 3$ .

**Câu 7.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-2}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+3}{1}$ . Véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_2 = (2; 1; 1)$ . (B)  $\vec{u}_4 = (1; 2; -3)$ .  
(C)  $\vec{u}_3 = (-1; 2; 1)$ . (D)  $\vec{u}_1 = (2; 1; -3)$ .

**Câu 8.** Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là

- (A)  $\frac{1}{3}\pi r^2 h$ . (B)  $\pi r^2 h$ . (C)  $\frac{4}{3}\pi r^2 h$ . (D)  $2\pi r^2 h$ .

**Câu 9.** Số cách chọn 2 học sinh từ 7 học sinh là

- (A)  $2^7$ . (B)  $A_7^2$ . (C)  $C_7^2$ . (D)  $7^2$ .

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên trục  $Oz$  có tọa độ là

- (A)  $(2; 1; 0)$ . (B)  $(0; 0; -1)$ .  
(C)  $(2; 0; 0)$ . (D)  $(0; 1; 0)$ .

**Câu 11.** Biết  $\int_0^1 f(x) dx = -2$  và  $\int_0^1 g(x) dx = 3$ , khi đó

$$\int_0^1 [f(x) - g(x)] dx \text{ bằng}$$

- (A) -5. (B) 5. (C) -1. (D) 1.

**Câu 12.** Thể tích khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và có chiều cao  $h$  là

- (A)  $3Bh$ . (B)  $Bh$ . (C)  $\frac{4}{3}Bh$ . (D)  $\frac{1}{3}Bh$ .

**Câu 13.** Số phức liên hợp của số phức  $3 - 4i$  là

- (A)  $-3 - 4i$ . (B)  $-3 + 4i$ .  
(C)  $3 + 4i$ . (D)  $-4 + 3i$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$+\infty$		$-3$		$1$		$-\infty$

Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = 1$ .  
(C)  $x = -1$ . (D)  $x = -3$ .

**Câu 15.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 5$  là

- (A)  $x^2 + 5x + C$ . (B)  $2x^2 + 5x + C$ .  
(C)  $2x^2 + C$ . (D)  $x^2 + C$ .

**Câu 16.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

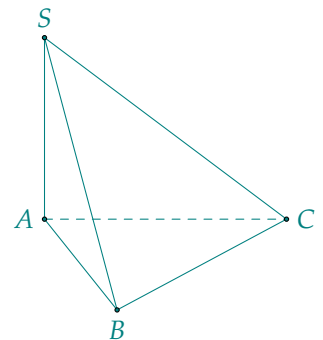
$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$-\infty$		$3$		$-1$		$3$		$-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) - 3 = 0$  là

- (A) 2. (B) 1. (C) 4. (D) 3.

**Câu 17.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = 2a$ , tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$ ,  $AB = a\sqrt{3}$  và  $BC = a$  (minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng



- (A)  $90^\circ$ . (B)  $45^\circ$ .  
(C)  $30^\circ$ . (D)  $60^\circ$ .

**Câu 18.** Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 6z + 10 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

- (A) 16. (B) 56. (C) 20. (D) 26.

**Câu 19.** Hàm số  $y = 2^{x^2-3x}$  có đạo hàm là

- (A)  $(2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x} \cdot \ln 2$ .  
(B)  $2^{x^2-3x} \cdot \ln 2$ .  
(C)  $(2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x}$ .  
(D)  $(x^2 - 3x) \cdot 2^{x^2-3x+1}$ .

**Câu 20.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  trên đoạn  $[-3; 3]$  là

- (A) -16. (B) 20. (C) 0. (D) 4.



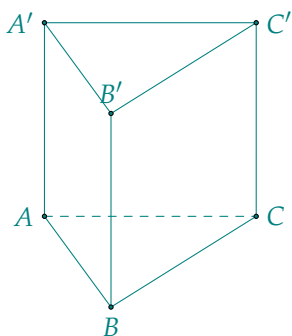
**Câu 21.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2z - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $\sqrt{7}$ . (B) 9. (C) 3. (D)  $\sqrt{15}$ .

**Câu 22.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$  và  $AA' = \sqrt{3}a$  (minh họa hình vẽ bên). Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

- (A)  $\frac{3a^3}{4}$ . (B)  $\frac{3a^3}{2}$ .  
(C)  $\frac{a^3}{4}$ . (D)  $\frac{a^3}{2}$ .



**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+2)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 0. (B) 3. (C) 2. (D) 1.

**Câu 24.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $a^4b = 16$ . Giá trị của  $4\log_2 a + \log_2 b$  bằng

- (A) 4. (B) 2. (C) 16. (D) 8.

**Câu 25.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - i$  và  $z_2 = 1 + 2i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $3z_1 + z_2$  có tọa độ là

- (A)  $(4; -1)$ . (B)  $(-1; 4)$ . (C)  $(4; 1)$ . (D)  $(1; 4)$ .

**Câu 26.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(x+1) + 1 = \log_3(4x+1)$  là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = -3$ .  
(C)  $x = 4$ . (D)  $x = 2$ .

**Câu 27.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng 1 m và 1,2 m. Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và có thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- (A) 1,8 m. (B) 1,4 m. (C) 2,2 m. (D) 1,6 m.

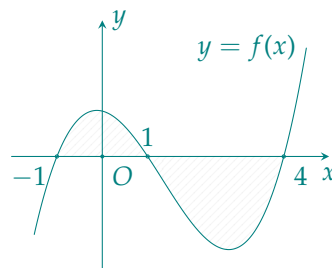
**Câu 28.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$
$y'$		-	- 0 +	
$y$	2	$+\infty$	$-\infty$	$+\infty$

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 4. (B) 1. (C) 3. (D) 2.

**Câu 29.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x), y = 0, x = -1$  và  $x = 4$  (như hình vẽ bên dưới). Mệnh đề nào dưới đây đúng?



(A)  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^4 f(x) dx$ .

(B)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^4 f(x) dx$ .

(C)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^4 f(x) dx$ .

(D)  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^4 f(x) dx$ .

**Câu 30.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 3; 0)$  và  $B(5; 1; -1)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)  $2x - y - z + 5 = 0$ .  
(B)  $2x - y - z - 5 = 0$ .  
(C)  $x + y + 2z - 3 = 0$ .  
(D)  $3x + 2y - z - 14 = 0$ .

**Câu 31.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{2x-1}{(x+1)^2}$  trên khoảng  $(-1; +\infty)$  là

- (A)  $2\ln(x+1) + \frac{2}{x+1} + C$ .  
(B)  $2\ln(x+1) + \frac{3}{x+1} + C$ .  
(C)  $2\ln(x+1) - \frac{2}{x+1} + C$ .  
(D)  $2\ln(x+1) - \frac{3}{x+1} + C$ .

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) = 2\cos^2 x + 1, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{\pi^2 + 4}{16}$ . (B)  $\frac{\pi^2 + 14\pi}{16}$ .  
(C)  $\frac{\pi^2 + 16\pi + 4}{16}$ . (D)  $\frac{\pi^2 + 16\pi + 16}{16}$ .

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(1; 2; 0)$ ,  $B(2; 0; 2)$ ,  $C(2; -1; 3)$ ,  $D(1; 1; 3)$ . Đường thẳng đi qua  $C$  và vuông góc với mặt phẳng  $(ABD)$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = -2 - 4t \\ y = -2 - 3t \\ z = 2 - t \end{cases}$       (B)  $\begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = -1 + 3t \\ z = 3 - t \end{cases}$   
 (C)  $\begin{cases} x = -2 + 4t \\ y = -4 + 3t \\ z = 2 + t \end{cases}$       (D)  $\begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = 3 - t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$

**Câu 34.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $3(\bar{z} + i) - (2 - i)z = 3 + 10i$ . Mô-đun của  $z$  bằng

- (A) 3.      (B) 5.      (C)  $\sqrt{5}$ .      (D)  $\sqrt{3}$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau

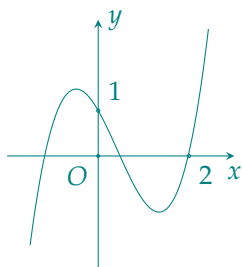
$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(3 - 2x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(4; +\infty)$ .      (B)  $(-2; 1)$ .  
 (C)  $(2; 4)$ .      (D)  $(1; 2)$ .

**Câu 36.**

Cho hàm số  $y = f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Bất phương trình  $f(x) < x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi



- (A)  $m \geq f(2) - 2$ .      (B)  $m \geq f(0)$ .  
 (C)  $m > f(2) - 2$ .      (D)  $m > f(0)$ .

**Câu 37.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 25 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn là

- (A)  $\frac{1}{2}$ .      (B)  $\frac{13}{25}$ .      (C)  $\frac{12}{25}$ .      (D)  $\frac{313}{625}$ .

**Câu 38.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $5\sqrt{3}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng 1, thiết diện thu được có diện tích bằng 30. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

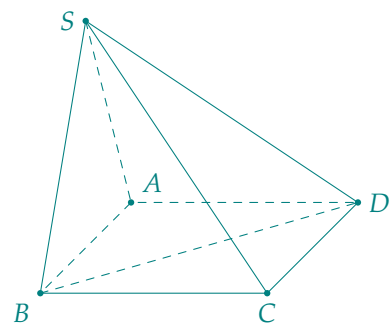
- (A)  $10\sqrt{3}\pi$ .      (B)  $5\sqrt{39}\pi$ .  
 (C)  $20\sqrt{3}\pi$ .      (D)  $10\sqrt{39}\pi$ .

**Câu 39.** Cho phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(3x - 1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 2.      (B) 4.      (C) 3.      (D) Vô số.

**Câu 40.**

Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình vẽ bên). Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBD)$  bằng



- (A)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}$ .      (B)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ .      (C)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .      (D)  $\frac{\sqrt{21}a}{28}$ .

**Câu 41.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Biết  $f(4) = 1$  và  $\int_0^1 xf(4x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^4 x^2 f'(x) dx$

bằng

- (A)  $\frac{31}{2}$ .      (B)  $-16$ .      (C) 8.      (D) 14.

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0; 4; -3)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 3. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  nhỏ nhất,  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $P(-3; 0; -3)$ .      (B)  $M(0; -3; -5)$ .  
 (C)  $N(0; 3; -5)$ .      (D)  $Q(0; 5; -3)$ .

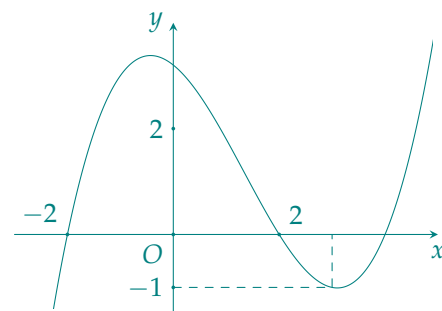
**Câu 43.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình

$$|f(x^3 - 3x)| = \frac{4}{3}$$

là

- (A) 3.      (B) 8.  
(C) 7.      (D) 4.

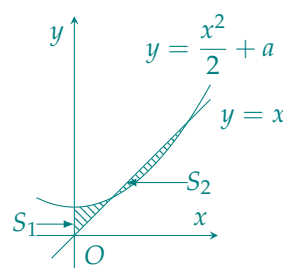


**Câu 44.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , tập hợp điểm biểu diễn các số phức  $w = \frac{4 + iz}{1 + z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)  $\sqrt{34}$ .      (B) 26.      (C) 34.      (D)  $\sqrt{26}$ .

**Câu 45.**

Cho đường thẳng  $y = x$  và parabol  $y = \frac{1}{2}x^2 + a$  ( $a$  là tham số thực dương). Gọi  $S_1$  và  $S_2$  lần lượt là diện tích của hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ dưới đây. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?



- A  $(\frac{3}{7}; \frac{1}{2})$ .                       B  $(0; \frac{1}{3})$ .  
 C  $(\frac{1}{3}; \frac{2}{5})$ .                       D  $(\frac{2}{5}; \frac{3}{7})$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$	$-3$	$2$	$-1$	$+\infty$

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x^2 - 2x)$  là

- A 9.                       B 3.                       C 7.                       D 5.

**Câu 47.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 8 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 6. Gọi  $M, N$  và  $P$  lần lượt là tâm của các mặt bên  $ABB'A', ACC'A'$  và  $BCC'B'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

- A  $27\sqrt{3}$ .                       B  $21\sqrt{3}$ .                       C  $30\sqrt{3}$ .                       D  $36\sqrt{3}$ .

**Câu 48.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + (z + \sqrt{2})^2 = 3$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a; b; c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho có ít nhất hai tiếp tuyến của  $(S)$  đi qua  $A$  và hai tiếp tuyến đó vuông góc với nhau?

- A 12.                       B 8.                       C 16.                       D 4.

**Câu 49.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x-3}{x-2} + \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1}$  và  $y = |x+2| - x + m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1)$  và  $(C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng bốn điểm phân biệt là

- A  $(-\infty; 2]$ .                       B  $[2; +\infty)$ .  
 C  $(-\infty; 2)$ .                       D  $(2; +\infty)$ .

**Câu 50.** Cho phương trình  $(4 \log_2^2 x + \log_2 x - 5) \sqrt{7^x - m} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt?

- A 49.                       B 47.                       C Vô số.                       D 48.

—————Hết—————

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. B	2. A	3. C	4. C	5. D	6. A	7. C	8. A	9. C	10. B	11. A
12. B	13. C	14. C	15. A	16. C	17. B	18. A	19. A	20. B	21. C	22. A
23. D	24. A	25. A	26. D	27. D	28. D	29. B	30. B	31. B	32. C	33. C

34. C	35. B	36. B	37. C	38. C	39. A	40. B	41. B	42. C	43. B	44. A
45. C	46. C	47. C	48. A	49. B	50. B					

## 15 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102 NĂM 2019

### KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA NĂM 2019 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 6$  là

- A  $x^2 + 6x + C$ .                       B  $2x^2 + C$ .  
 C  $2x^2 + 6x + C$ .                       D  $x^2 + C$ .

**Câu 2.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 2x - y + 3z + 1 = 0$ . Véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- A  $\vec{n}_1 = (2; -1; -3)$ .                       B  $\vec{n}_4 = (2; 1; 3)$ .  
 C  $\vec{n}_2 = (2; -1; 3)$ .                       D  $\vec{n}_3 = (2; 3; 1)$ .

**Câu 3.** Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là

- A  $\pi r^2 h$ .                       B  $2\pi r^2 h$ .                       C  $\frac{1}{3}\pi r^2 h$ .                       D  $\frac{4}{3}\pi r^2 h$ .

**Câu 4.** Số phức liên hợp của số phức  $5 - 3i$  là

- A  $-5 + 3i$ .                       B  $-3 + 5i$ .  
 C  $-5 - 3i$ .                       D  $5 + 3i$ .

**Câu 5.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_5 a^3$  bằng

- A  $\frac{1}{3} \log_5 a$ .                       B  $\frac{1}{3} + \log_5 a$ .  
 C  $3 + \log_5 a$ .                       D  $3 \log_5 a$ .

**Câu 6.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(3; -1; 1)$  trên trục  $Oz$  có tọa độ là

- A  $(3; 0; 0)$ .                       B  $(3; -1; 0)$ .  
 C  $(0; 0; 1)$ .                       D  $(0; -1; 0)$ .

**Câu 7.** Số cách chọn 2 học sinh từ 5 học sinh là

- A  $5^2$ .                       B  $2^5$ .                       C  $C_5^2$ .                       D  $A_5^2$ .

**Câu 8.** Biết tích phân  $\int_0^1 f(x) dx = 3$  và  $\int_0^1 g(x) dx =$

$-4$ . Khi đó  $\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx$  bằng

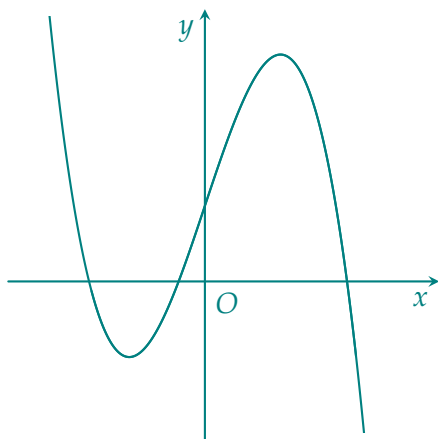
- A  $-7$ .                       B  $7$ .                       C  $-1$ .                       D  $1$ .

**Câu 9.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y-3}{-5} = \frac{z+2}{3}$ . Véc-tơ nào dưới đây là véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $d$

- (A)  $\vec{u} = (2; 5; 3)$ . (B)  $\vec{u} = (2; -5; 3)$ .  
 (C)  $\vec{u} = (1; 3; 2)$ . (D)  $\vec{u} = (1; 3; -2)$ .

**Câu 10.**

Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ . (B)  $y = -x^3 + 3x + 1$ .  
 (C)  $y = x^3 - 3x + 1$ . (D)  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Câu 11.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và  $u_2 = 8$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A) 4. (B) -6. (C) 10. (D) 6.

**Câu 12.** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- (A)  $V = 3Bh$ . (B)  $V = Bh$ .  
 (C)  $V = \frac{4}{3}Bh$ . (D)  $V = \frac{1}{3}Bh$ .

**Câu 13.** Nghiệm của phương trình  $3^{2x+1} = 27$  là

- (A) 2. (B) 1. (C) 5. (D) 4.

**Câu 14.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$				
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$			$3$			$1$		$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây

- (A)  $(0; +\infty)$ . (B)  $(0; 2)$ .  
 (C)  $(-2; 0)$ . (D)  $(-\infty; -2)$ .

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$1$	$3$	$+\infty$			
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$			$2$			$-\infty$

Hàm số đạt cực đại tại

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = -2$ .  
 (C)  $x = 3$ . (D)  $x = 1$ .

**Câu 16.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x+1) = 1 + \log_2(x-1)$  là

- (A)  $x = 1$ . (B)  $x = -2$ .  
 (C)  $x = 3$ . (D)  $x = 2$ .

**Câu 17.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

- (A) 20. (B) 4. (C) 0. (D) -16.

**Câu 18.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng 1m và 1,4m. Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và có thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây

- (A) 1,7m. (B) 1,5m. (C) 1,9m. (D) 2,4m.

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-2)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

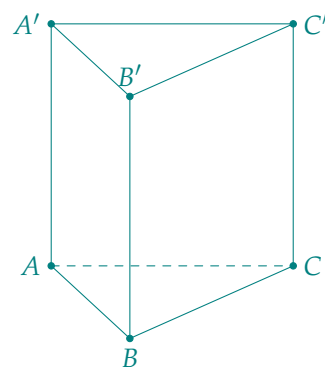
- (A) 2. (B) 1. (C) 0. (D) 3.

**Câu 20.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 6z + 14 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

- (A) 36. (B) 8. (C) 28. (D) 18.

**Câu 21.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$  và  $AA' = 2a$  (minh họa như hình vẽ bên). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng



- (A)  $\frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ . (B)  $\frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ . (C)  $\sqrt{3}a^3$ . (D)  $\frac{\sqrt{3}a^3}{2}$ .

**Câu 22.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

- (A) 3. (B) 9. (C)  $\sqrt{15}$ . (D)  $\sqrt{7}$ .

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$+\infty$			$2$			$-1$		$+\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  là

- (A) 2. (B) 3. (C) 4. (D) 0.

**Câu 24.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$0$		$2$		$+\infty$

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 3. (B) 1. (C) 2. (D) 4.

**Câu 25.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $a^3 b^2 = 32$ . Giá trị của  $3 \log_2 a + 2 \log_2 b$  bằng

- (A) 5. (B) 2. (C) 32. (D) 4.

**Câu 26.** Hàm số  $y = 3^{x^2-3x}$  có đạo hàm là

- (A)  $(2x - 3) \cdot 3^{x^2-3x}$ .  
 (B)  $3^{x^2-3x} \cdot \ln 3$ .  
 (C)  $(x^2 - 3x) \cdot 3^{x^2-3x-1}$ .  
 (D)  $(2x - 3) \cdot 3^{x^2-3x} \cdot \ln 3$ .

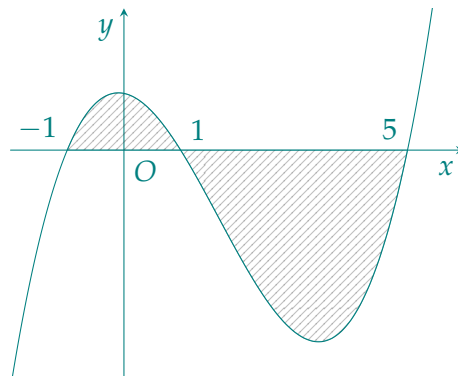
**Câu 27.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(-1; 2; 0)$  và  $B(3; 0; 2)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)  $2x + y + z - 4 = 0$ . (B)  $2x - y + z - 2 = 0$ .  
 (C)  $x + y + z - 3 = 0$ . (D)  $2x - y + z + 2 = 0$ .

**Câu 28.** Cho hai số phức  $z_1 = -2 + i$  và  $z_2 = 1 + i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $2z_1 + z_2$  có tọa độ là

- (A)  $(3; -3)$ . (B)  $(2; -3)$ . (C)  $(-3; 3)$ . (D)  $(-3; 2)$ .

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ ,  $y = 0$ ,  $x = -1$  và  $x = 5$  (như hình vẽ sau).

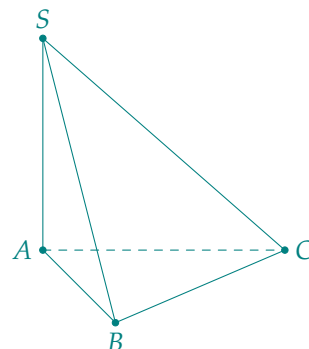


Mệnh đề nào sau đây đúng?

- (A)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^5 f(x) dx$ .  
 (B)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^5 f(x) dx$ .  
 (C)  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^5 f(x) dx$ .  
 (D)  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^5 f(x) dx$ .

**Câu 30.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = 2a$ , tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$ ,  $AB = a$  và  $BC = \sqrt{3}a$  (minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng



- (A)  $90^\circ$ . (B)  $30^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $45^\circ$ .

**Câu 31.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $3(\bar{z} - i) - (2 + 3i)z = 7 - 16i$ . Mô-đun của  $z$  bằng

- (A)  $\sqrt{5}$ . (B) 5. (C)  $\sqrt{3}$ . (D) 3.

**Câu 32.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(1; 0; 2)$ ,  $B(1; 2; 1)$ ,  $C(3; 2; 0)$  và  $D(1; 1; 3)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với mặt phẳng  $(BCD)$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 4t \\ z = 2 + 2t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 4 \\ z = 2 + 2t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 4 + 4t \\ z = 4 + 2t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 - 4t \\ z = 2 - 2t \end{cases}$ .

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) = 2 \cos^2 x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng?

- (A)  $\frac{\pi^2 + 2}{8}$ . (B)  $\frac{\pi^2 + 8\pi + 8}{8}$ .  
 (C)  $\frac{\pi^2 + 8\pi + 2}{8}$ . (D)  $\frac{\pi^2 + 6\pi + 8}{8}$ .

**Câu 34.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{3x-1}{(x-1)^2}$  trên khoảng  $(1; +\infty)$  là

- (A)  $3\ln(x-1) - \frac{2}{x-1} + C$ .  
 (B)  $3\ln(x-1) + \frac{1}{x-1} + C$ .  
 (C)  $3\ln(x-1) - \frac{1}{x-1} + C$ .  
 (D)  $3\ln(x-1) + \frac{2}{x-1} + C$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng dấu  $f'(x)$  như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(5-2x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(2; 3)$ . (B)  $(0; 2)$ .  
 (C)  $(3; 5)$ . (D)  $(5; +\infty)$ .

**Câu 36.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $4\sqrt{2}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi một mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng  $\sqrt{2}$ , thiết diện thu được có diện tích bằng 16. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

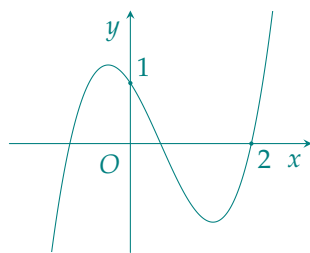
- (A)  $24\sqrt{2}\pi$ . (B)  $8\sqrt{2}\pi$ .  
 (C)  $12\sqrt{2}\pi$ . (D)  $16\sqrt{2}\pi$ .

**Câu 37.** Cho phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(6x-1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 6. (B) 5. (C) Vô số. (D) 7.

**Câu 38.**

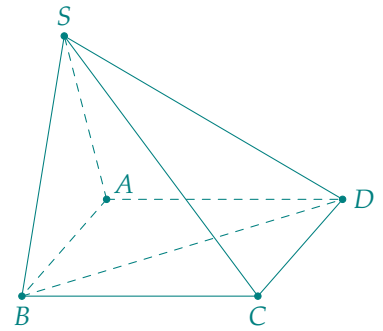
Cho hàm số  $f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ. Bất phương trình  $f(x) > x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi



- (A)  $m \leq f(2) - 2$ . (B)  $m < f(2) - 2$ .  
 (C)  $m \leq f(0)$ . (D)  $m < f(0)$ .

**Câu 39.**

Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình vẽ bên). Khoảng cách từ  $C$  đến mặt phẳng (SBD) bằng



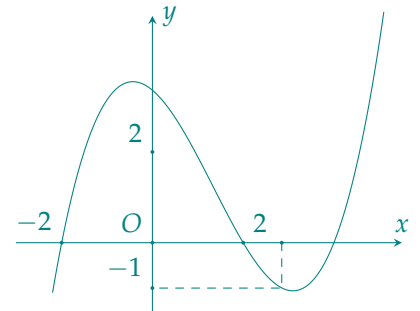
- (A)  $\frac{\sqrt{21}a}{28}$ . (B)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}$ . (C)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (D)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ .

**Câu 40.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 27 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn bằng

- (A)  $\frac{13}{27}$ . (B)  $\frac{14}{27}$ . (C)  $\frac{1}{2}$ . (D)  $\frac{365}{729}$ .

**Câu 41.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{1}{2}$  là



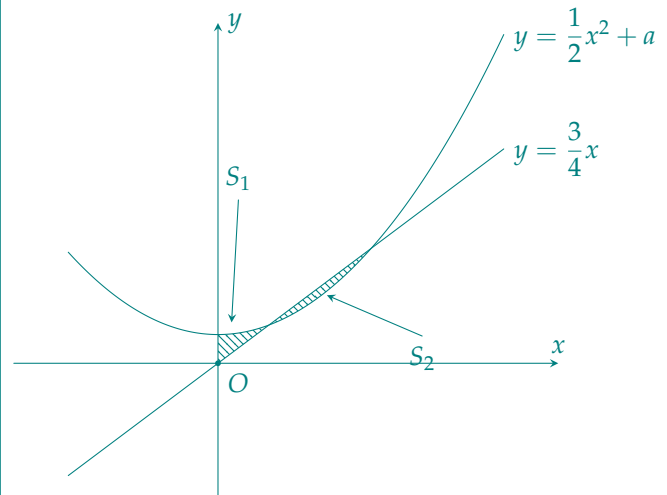
- (A) 6. (B) 10. (C) 12. (D) 3.

**Câu 42.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Biết  $f(5) = 1$  và  $\int_0^1 xf(5x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^1 x^2 f'(x) dx$  bằng

- (A) 15. (B) 23. (C)  $\frac{123}{5}$ . (D) -25.

**Câu 43.** Cho đường thẳng  $y = \frac{3}{4}x$  và parabol  $y = \frac{1}{2}x^2 + a$ , ( $a$  là tham số thực dương).



Gọi  $S_1, S_2$  lần lượt là diện tích của hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ bên. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(\frac{1}{4}; \frac{9}{32})$ . (B)  $(\frac{3}{16}; \frac{7}{32})$ .  
 (C)  $(0; \frac{3}{16})$ . (D)  $(\frac{7}{32}; \frac{1}{4})$ .

**Câu 44.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , tập hợp điểm biểu diễn các số phức  $w = \frac{3+iz}{1+z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)  $2\sqrt{3}$ . (B) 20. (C) 12. (D)  $2\sqrt{5}$ .

**Câu 45.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0; 4; -3)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 3. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  lớn nhất,  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $P(-3; 0; -3)$ . (B)  $Q(0; 11; -3)$ .  
 (C)  $N(0; 3; -5)$ . (D)  $M(0; -3; -5)$ .

**Câu 46.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + (z - \sqrt{2})^2 = 3$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a; b; c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho có ít nhất hai tiếp tuyến của  $(S)$  đi qua  $A$  và hai tiếp tuyến đó vuông góc với nhau?

- (A) 12. (B) 4. (C) 8. (D) 16.

**Câu 47.** Cho phương trình  $(2\log_2^2 x - 3\log_2 x - 2)\sqrt{3^x - m} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt?

- (A) 79. (B) 80. (C) vô số. (D) 81.

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như hình vẽ bên dưới

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$	$-3$	$2$	$-1$	$+\infty$

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x^2 + 2x)$  là

- (A) 3. (B) 9. (C) 5. (D) 7.

**Câu 49.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 8 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 4. Gọi  $M, N$  và  $P$  lần lượt là tâm các mặt bên  $ABB'A'$ ,  $ACC'A'$  và  $BCC'B'$ . Thể tích  $V$  của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

- (A)  $V = 12\sqrt{3}$ . (B)  $V = 16\sqrt{3}$ .  
 (C)  $V = \frac{28\sqrt{3}}{3}$ . (D)  $V = \frac{40\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 50.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} + \frac{x+3}{x+4}$  và  $y = |x+1| - x + m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1)$  và  $(C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng 4 điểm phân biệt là

- (A)  $(3; +\infty)$ . (B)  $(-\infty; 3]$ .  
 (C)  $(-\infty; 3)$ . (D)  $[3; +\infty)$ .

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. C	3. C	4. D	5. D	6. C	7. C	8. C	9. B	10. B	11. D
12. B	13. B	14. C	15. C	16. C	17. D	18. A	19. B	20. B	21. D	22. A
23. C	24. C	25. A	26. D	27. B	28. C	29. B	30. D	31. A	32. C	33. C
34. A	35. B	36. D	37. B	38. A	39. D	40. A	41. B	42. D	43. B	44. D
45. D	46. B	47. A	48. D	49. A	50. D					



**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103 NĂM 2019**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
 NĂM 2019  
 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103**

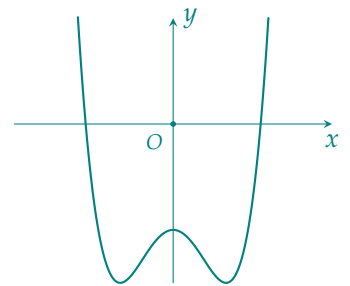
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 2x - 3y + z - 2 = 0$ . Véc-tơ nào sau đây là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ .

- (A)  $\vec{n}_3 = (-3; 1; -2)$ . (B)  $\vec{n}_2 = (2; -3; -2)$ .  
 (C)  $\vec{n}_1 = (2; -3; 1)$ . (D)  $\vec{n}_4 = (2; 1; -2)$ .

**Câu 2.**

Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên?



- (A)  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ . (B)  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ .  
 (C)  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ . (D)  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .

**Câu 3.** Số cách chọn 2 học sinh từ 6 học sinh là

- (A)  $A_6^2$ . (B)  $C_6^2$ . (C)  $2^6$ . (D)  $6^2$ .

**Câu 4.** Biết  $\int_1^2 f(x) dx = 2$  và  $\int_1^2 g(x) dx = 6$ , khi đó

$\int_1^2 [f(x) - g(x)] dx$  bằng

- (A) 4. (B) -8. (C) 8. (D) -4.

**Câu 5.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-1} = 8$  là

- (A)  $x = \frac{3}{2}$ . (B)  $x = 2$ . (C)  $x = \frac{5}{2}$ . (D)  $x = 1$ .

**Câu 6.** Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và có bán kính đáy  $r$  là

- (A)  $\pi r^2 h$ . (B)  $\frac{4}{3} \pi r^2 h$ . (C)  $2\pi r^2 h$ . (D)  $\frac{1}{3} \pi r^2 h$ .

**Câu 7.** Số phức liên hợp của số phức  $1 - 2i$  là

- (A)  $-1 - 2i$ . (B)  $1 + 2i$ .  
(C)  $-2 + i$ . (D)  $-1 + 2i$ .

**Câu 8.** Thể tích khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- (A)  $\frac{4}{3} Bh$ . (B)  $3Bh$ . (C)  $\frac{1}{3} Bh$ . (D)  $Bh$ .

**Câu 9.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	↗ 3 ↘		$+\infty$	
			-2		

Hàm số đạt cực đại tại

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = -2$ .  
(C)  $x = 3$ . (D)  $x = 1$ .

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên trục  $Oy$  có tọa độ là

- (A)  $(0; 0; -1)$ . (B)  $(2; 0; -1)$ .  
(C)  $(0; 1; 0)$ . (D)  $(2; 0; 0)$ .

**Câu 11.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và  $u_2 = 6$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A) 3. (B) -4. (C) 8. (D) 4.

**Câu 12.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 3$  là

- (A)  $2x^2 + C$ . (B)  $x^2 + 3x + C$ .  
(C)  $2x^2 + 3x + C$ . (D)  $x^2 + C$ .

**Câu 13.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x+2}{1} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z-3}{2}$ . Vec-tơ nào dưới đây là một vec-tơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_2 = (1; -3; 2)$ . (B)  $\vec{u}_3 = (-2; 1; 3)$ .  
(C)  $\vec{u}_1 = (-2; 1; 2)$ . (D)  $\vec{u}_4 = (1; 3; 2)$ .

**Câu 14.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_2 a^3$  bằng

- (A)  $3 \log_2 a$ . (B)  $\frac{1}{3} \log_2 a$ .  
(C)  $\frac{1}{3} + \log_2 a$ . (D)  $3 + \log_2 a$ .

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$	↘ 0 ↗		3	$+\infty$
				0	

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- (A)  $(-1; 0)$ . (B)  $(-1; +\infty)$ .  
(C)  $(-\infty; -1)$ . (D)  $(0; 1)$ .

**Câu 16.** Cho hàm số  $f(x)$  bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	2	$+\infty$	
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$	↘ -1 ↗		2	$-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) - 3 = 0$  là

- (A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 0.

**Câu 17.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + i$  và  $z_2 = 2 + i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $z_1 + 2z_2$  có tọa độ là

- (A)  $(2; 5)$ . (B)  $(3; 5)$ . (C)  $(5; 2)$ . (D)  $(5; 3)$ .

**Câu 18.** Hàm số  $y = 2^{x^2-x}$  có đạo hàm là

- (A)  $(x^2 - x) \cdot 2^{x^2-x-1}$ . (B)  $(2x - 1) \cdot 2^{x^2-x}$ .  
(C)  $2^{x^2-x} \cdot \ln 2$ . (D)  $(2x - 1) \cdot 2^{x^2-x} \cdot \ln 2$ .

**Câu 19.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

- (A) 18. (B) 2. (C) -18. (D) -2.

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x - 1)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 2. (B) 0. (C) 1. (D) 3.

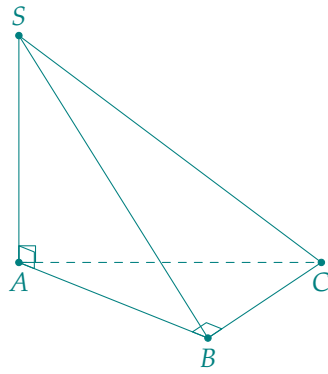
**Câu 21.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $a^2 b^3 = 16$ . Giá trị của  $2 \log_2 a + 3 \log_2 b$  bằng

- (A) 8. (B) 16. (C) 4. (D) 2.



**Câu 22.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ .  $SA = \sqrt{2}a$ . Tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  và  $AB = a$  (minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng



- (A)  $45^\circ$ . (B)  $60^\circ$ .  
(C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 23.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng  $1m$  và  $1,8m$ . Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và có thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây?

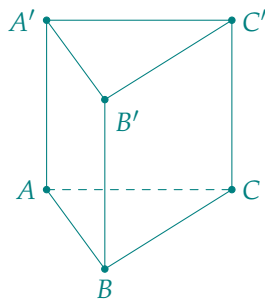
- (A)  $2,8m$ . (B)  $2,6m$ . (C)  $2,1m$ . (D)  $2,3m$ .

**Câu 24.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x+1) + 1 = \log_2(3x-1)$  là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = 2$ .  
(C)  $x = -1$ . (D)  $x = 1$ .

**Câu 25.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$  và  $AA' = 3a$  (minh họa như hình vẽ bên). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng



- (A)  $2\sqrt{3}a^3$ . (B)  $\sqrt{3}a^3$ .  
(C)  $6\sqrt{3}a^3$ . (D)  $3\sqrt{3}a^3$ .

**Câu 26.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$ :  $x^2 + y^2 + z^2 + 2y - 2z - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $9$ . (B)  $\sqrt{15}$ . (C)  $\sqrt{7}$ . (D)  $3$ .

**Câu 27.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; 1; 2)$  và  $B(6; 5; -4)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)  $2x + 2y - 3z - 17 = 0$ .  
(B)  $4x + 3y - z - 26 = 0$ .  
(C)  $2x + 2y - 3z + 17 = 0$ .  
(D)  $2x + 2y + 3z - 11 = 0$ .

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$3$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$+$	$0$	$-$
$y$	$1$		$2$		$3$

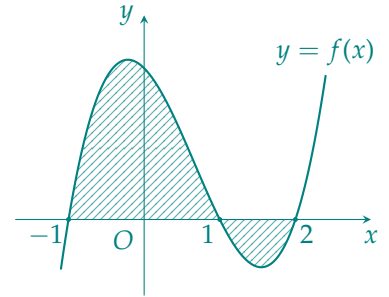
$-\infty$        $-3$

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 4.

**Câu 29.**

Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ ,  $y = 0$ ,  $x = -1$ ,  $x = 2$  (như hình vẽ bên). Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^2 f(x) dx$ .  
(B)  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^2 f(x) dx$ .  
(C)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^2 f(x) dx$ .  
(D)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^2 f(x) dx$ .

**Câu 30.** Gọi  $z_1, z_2$  là 2 nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 4z + 5 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

- (A) 6. (B) 8. (C) 16. (D) 26.

**Câu 31.** Trong không gian  $Oxyz$  cho  $A(0; 0; 2)$ ,  $B(2; 1; 0)$ ,  $C(1; 2; -1)$  và  $D(2; 0; -2)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với  $(BCD)$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = -2 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = 3 \\ y = 2 \\ z = -1 + 2t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = 2 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 3t \\ y = 2t \\ z = 2 + t \end{cases}$ .

**Câu 32.** Cho số  $z$  thỏa mãn  $(2 + i)z - 4(\bar{z} - i) = -8 + 19i$ . Mô-đun của  $z$  bằng

- (A) 13. (B) 5. (C)  $\sqrt{13}$ . (D)  $\sqrt{5}$ .

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(3 - 2x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A) (3; 4). (B) (2; 3).  
(C)  $(-\infty; -3)$ . (D) (0; 2).

**Câu 34.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{2x+1}{(x+2)^2}$  trên khoảng  $(-2; +\infty)$  là

- (A)  $2\ln(x+2) + \frac{1}{x+2} + C$ .  
(B)  $2\ln(x+2) - \frac{1}{x+2} + C$ .  
(C)  $2\ln(x+2) - \frac{3}{x+2} + C$ .  
(D)  $2\ln(x+2) + \frac{3}{x+2} + C$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) = 2\sin^2 x + 1, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{\pi^2 + 15\pi}{16}$ . (B)  $\frac{\pi^2 + 16\pi - 16}{16}$ .  
(C)  $\frac{\pi^2 + 16\pi - 4}{16}$ . (D)  $\frac{\pi^2 - 4}{16}$ .

**Câu 36.** Cho phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(5x - 1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm?

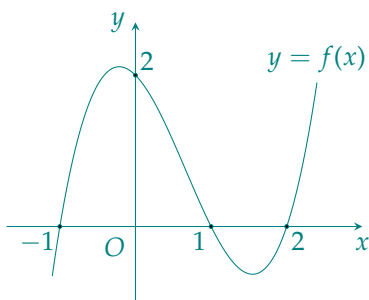
- (A) Vô số. (B) 5. (C) 4. (D) 6.

**Câu 37.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $3\sqrt{2}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng 1, thiết diện thu được có diện tích bằng  $12\sqrt{2}$ . Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $6\sqrt{10}\pi$ . (B)  $6\sqrt{34}\pi$ .  
(C)  $3\sqrt{10}\pi$ . (D)  $3\sqrt{34}\pi$ .

**Câu 38.**

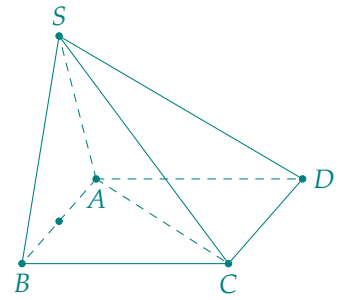
Cho hàm số  $y = f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Bất phương trình  $f(x) < 2x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi



- (A)  $m > f(0)$ . (B)  $m > f(2) - 4$ .  
(C)  $m \geq f(0)$ . (D)  $m \geq f(2) - 4$ .

**Câu 39.**

Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình vẽ bên). Khoảng cách từ  $D$  đến mặt phẳng  $(SAC)$  bằng



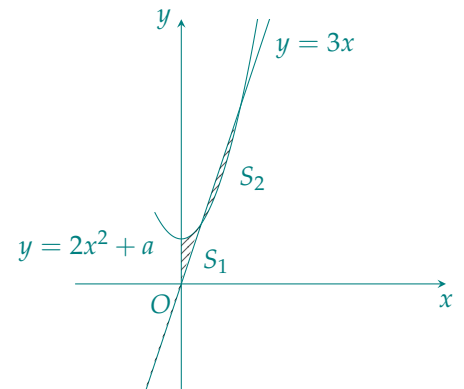
- (A)  $\frac{a\sqrt{21}}{14}$ . (B)  $\frac{a\sqrt{21}}{28}$ . (C)  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ . (D)  $\frac{a\sqrt{21}}{7}$ .

**Câu 40.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 21 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn bằng

- (A)  $\frac{11}{21}$ . (B)  $\frac{221}{441}$ . (C)  $\frac{10}{21}$ . (D)  $\frac{1}{2}$ .

**Câu 41.**

Cho đường thẳng  $y = 3x$  và parabol  $y = 2x^2 + a$  ( $a$  là tham số thực dương). Gọi  $S_1$  và  $S_2$  lần lượt là diện tích của hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ bên. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(\frac{4}{5}; \frac{9}{10})$ . (B)  $(0; \frac{4}{5})$ .  
(C)  $(1; \frac{9}{8})$ . (D)  $(\frac{9}{10}; 1)$ .

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0; 3; -2)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi song song với  $Oz$  và cách  $Oz$  một khoảng bằng 2. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  nhỏ nhất thì  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $P(-2; 0; -2)$ . (B)  $N(0; -2; -5)$ .  
(C)  $Q(0; 2; -5)$ . (D)  $M(0; 4; -2)$ .

**Câu 43.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , tập hợp các điểm biểu diễn số phức  $w = \frac{2+iz}{1+z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A) 10. (B)  $\sqrt{2}$ . (C) 2. (D)  $\sqrt{10}$ .

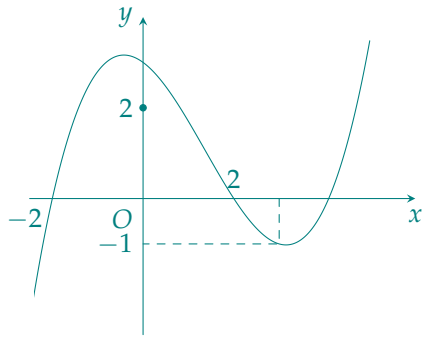
**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Biết  $f(6) = 1$  và  $\int_0^1 xf(6x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^6 x^2 f'(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{107}{3}$ . (B) 34. (C) 24. (D) -36.

**Câu 45.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Số nghiệm thực của phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{3}{2}$  là



- (A) 8.      (B) 4.      (C) 7.      (D) 3.

**Câu 46.** Cho phương trình

$(2 \log_3^2 x - \log_3 x - 1) \sqrt{5^x - m} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt?

- (A) 123.      (B) 125.      (C) Vô số.      (D) 124.

**Câu 47.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu:  $(S): x^2 + y^2 + (z + 1)^2 = 5$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a; b; c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho có ít nhất hai tiếp tuyến của  $(S)$  đi qua  $A$  và hai tiếp tuyến đó vuông góc nhau?

- (A) 20.      (B) 8.      (C) 12.      (D) 16.

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$2$		$+\infty$
		$-3$		$-1$	

Số cực trị của hàm số  $y = f(4x^2 - 4x)$  là

- (A) 9.      (B) 5.      (C) 7.      (D) 3.

**Câu 49.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 6 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 4. Gọi  $M, N, P$  lần lượt là tâm các mặt bên  $ABB'A', ACC'A', BCC'B'$ . Thể tích khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

- (A)  $9\sqrt{3}$ .      (B)  $10\sqrt{3}$ .      (C)  $7\sqrt{3}$ .      (D)  $12\sqrt{3}$ .

**Câu 50.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3}$  và  $y = |x+2| - x - m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1), (C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng bốn điểm phân biệt là

- (A)  $[-2; +\infty)$ .      (B)  $(-\infty; -2)$ .  
(C)  $(-2; +\infty)$ .      (D)  $(-\infty; -2]$ .

Hết

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. B	3. B	4. D	5. B	6. D	7. B	8. D	9. D	10. C	11. D
12. B	13. A	14. A	15. A	16. C	17. D	18. D	19. A	20. C	21. C	22. A
23. C	24. A	25. D	26. D	27. A	28. C	29. C	30. A	31. C	32. C	33. A
34. D	35. C	36. C	37. A	38. C	39. D	40. C	41. A	42. C	43. D	44. D
45. A	46. A	47. A	48. C	49. A	50. D					

17

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104 NĂM 2019**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2019**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Số cách chọn 2 học sinh từ 8 học sinh là

- (A)  $C_8^2$ .      (B)  $8^2$ .      (C)  $A_8^2$ .      (D)  $2^8$ .

**Câu 2.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 4x + 3y + z - 1 = 0$ . Véc-tơ nào sau đây là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- (A)  $\vec{n}_4 = (3; 1; -1)$ .      (B)  $\vec{n}_3 = (4; 3; 1)$ .  
(C)  $\vec{n}_2 = (4; -1; 1)$ .      (D)  $\vec{n}_1 = (4; 3; -1)$ .

**Câu 3.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-1} = 32$  là

- (A)  $x = 3$ .      (B)  $x = \frac{17}{2}$ .  
(C)  $x = \frac{5}{2}$ .      (D)  $x = 2$ .

**Câu 4.** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- (A)  $\frac{4}{3}Bh$ .      (B)  $\frac{1}{3}Bh$ .      (C)  $3Bh$ .      (D)  $Bh$ .

**Câu 5.** Số phức liên hợp của số phức  $3 - 2i$  là

- (A)  $-3 + 2i$ .      (B)  $3 + 2i$ .  
(C)  $-3 - 2i$ .      (D)  $-2 + 3i$ .

**Câu 6.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(3; 1; -1)$  trên trục  $Oy$  có tọa độ là

- (A)  $(0; 1; 0)$ .      (B)  $(3; 0; 0)$ .  
(C)  $(0; 0; -1)$ .      (D)  $(3; 0; -1)$ .

**Câu 7.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 1$  và  $u_2 = 4$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

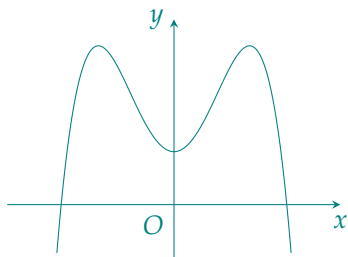
- (A) 5.      (B) 4.      (C) -3.      (D) 3.

**Câu 8.** Họ tất cả nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 4$  là

- (A)  $2x^2 + 4x + C$ . (B)  $x^2 + 4x + C$ .  
 (C)  $x^2 + C$ . (D)  $2x^2 + C$ .

**Câu 9.**

Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên?



- (A)  $y = 2x^3 - 3x + 1$ . (B)  $y = -2x^4 + 4x^2 + 1$ .  
 (C)  $y = 2x^4 - 4x^2 + 1$ . (D)  $y = -2x^3 + 3x + 1$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$		$3$		$0$	$+\infty$

Hỏi hàm số nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(0; 1)$ . (B)  $(1; +\infty)$ .  
 (C)  $(-1; 0)$ . (D)  $(0; +\infty)$ .

**Câu 11.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-3}{1} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-5}{3}$ . Véc-tơ nào sau đây là một véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_1 = (3; -1; 5)$ . (B)  $\vec{u}_3 = (2; 6; -4)$ .  
 (C)  $\vec{u}_4 = (-2; -4; 6)$ . (D)  $\vec{u}_2 = (1; -2; 3)$ .

**Câu 12.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_2 a^2$  bằng

- (A)  $2 \log_2 a$ . (B)  $\frac{1}{2} + \log_2 a$ .  
 (C)  $\frac{1}{2} \log_2 a$ . (D)  $2 + \log_2 a$ .

**Câu 13.** Thể tích khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là

- (A)  $2\pi r^2 h$ . (B)  $\pi r^2 h$ . (C)  $\frac{1}{3} \pi r^2 h$ . (D)  $\frac{4}{3} \pi r^2 h$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$1$	$3$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$			$2$		$-\infty$	$+\infty$

Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại

- (A)  $x = -2$ . (B)  $x = 1$ .  
 (C)  $x = 3$ . (D)  $x = 2$ .

**Câu 15.** Biết  $\int_0^1 f(x) dx = 2$  và  $\int_0^1 g(x) dx = -4$ , khi đó

$\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx$  bằng

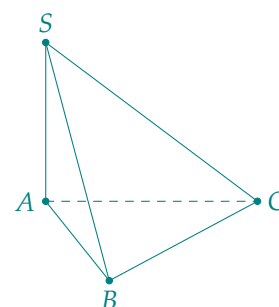
- (A) 6. (B) -6. (C) -2. (D) 2.

**Câu 16.** Cho hai số phức  $z_1 = 2 - i$ ,  $z_2 = 1 + i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $2z_1 + z_2$  có tọa độ là

- (A)  $(5; -1)$ . (B)  $(-1; 5)$ . (C)  $(5; 0)$ . (D)  $(0; 5)$ .

**Câu 17.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = 2a$ , tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  và  $AB = a\sqrt{2}$ . (minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng



- (A)  $60^\circ$ . (B)  $45^\circ$ .  
 (C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 18.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2y + 2z - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

- (A) 9. (B) 3. (C) 15. (D)  $\sqrt{7}$ .

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(4; 0; 1)$  và  $B(-2; 2; 3)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)  $6x - 2y - 2z - 1 = 0$ .  
 (B)  $3x + y + z - 6 = 0$ .  
 (C)  $x + y + 2z - 6 = 0$ .  
 (D)  $3x - y - z = 0$ .

**Câu 20.** Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 4z + 7 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

- (A) 10. (B) 8. (C) 16. (D) 2.

**Câu 21.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

- (A) 18. (B) -18. (C) -2. (D) 2.

**Câu 22.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng 1 m và 1,5 m. Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- (A) 1,6 m. (B) 2,5 m. (C) 1,8 m. (D) 2,1 m.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

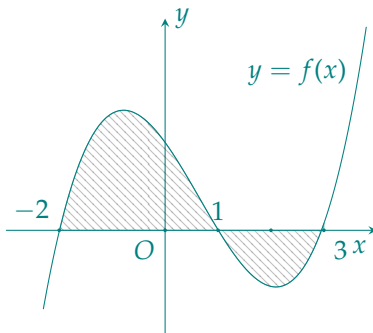
$x$	$-\infty$	$0$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$		-	- 0 +	
$f(x)$	0	$+\infty$	$-\infty$	3

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 2.      (B) 1.      (C) 3.      (D) 4.

**Câu 24.**

Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ ,  $y = 0$ ,  $x = -2$  và  $x = 3$  (như hình vẽ bên). Mệnh đề nào dưới đây đúng?



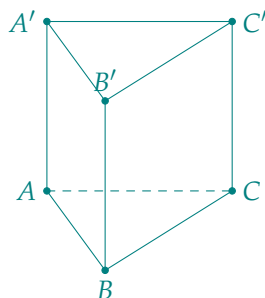
- (A)  $S = \int_{-2}^1 f(x) dx - \int_1^3 f(x) dx$ .  
 (B)  $S = -\int_{-2}^1 f(x) dx + \int_1^3 f(x) dx$ .  
 (C)  $S = \int_{-2}^1 f(x) dx + \int_1^3 f(x) dx$ .  
 (D)  $S = -\int_{-2}^1 f(x) dx - \int_1^3 f(x) dx$ .

**Câu 25.** Hàm số  $y = 3^{x^2-x}$  có đạo hàm là

- (A)  $3^{x^2-x} \cdot \ln 3$ .      (B)  $(2x - 1) \cdot 3^{x^2-x}$ .  
 (C)  $(x^2 - x) \cdot 3^{x^2-x-1}$ .      (D)  $(2x - 1) \cdot 3^{x^2-x} \cdot \ln 3$ .

**Câu 26.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$  và  $AA' = \sqrt{2}a$  (minh họa như hình vẽ bên). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng



- (A)  $\frac{\sqrt{6}a^3}{4}$ .      (B)  $\frac{\sqrt{6}a^3}{6}$ .      (C)  $\frac{\sqrt{6}a^3}{12}$ .      (D)  $\frac{\sqrt{6}a^3}{2}$ .

**Câu 27.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(2x + 1) = 1 + \log_3(x - 1)$  là

- (A)  $x = 4$ .      (B)  $x = -2$ .  
 (C)  $x = 1$ .      (D)  $x = 2$ .

**Câu 28.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $ab^3 = 8$ . Giá trị của  $\log_2 a + 3 \log_2 b$  bằng

- (A) 8.      (B) 6.      (C) 2.      (D) 3.

**Câu 29.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		+ 0 -	0 +	
$f(x)$	$-\infty$	$2$	$-\infty$	$+\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) + 3 = 0$  là

- (A) 3.      (B) 1.      (C) 2.      (D) 0.

**Câu 30.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x + 1)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 0.      (B) 1.      (C) 2.      (D) 3.

**Câu 31.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $(2 - i)z + 3 + 16i = 2(\bar{z} + i)$ . Mô-đun của  $z$  bằng

- (A)  $\sqrt{5}$ .      (B) 13.      (C)  $\sqrt{13}$ .      (D) 5.

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) = 2 \sin^2 x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{\pi^2 - 2}{8}$ .      (B)  $\frac{\pi^2 + 8\pi - 8}{8}$ .  
 (C)  $\frac{\pi^2 + 8\pi - 2}{8}$ .      (D)  $\frac{3\pi^2 + 2\pi - 3}{8}$ .

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(2; -1; 0)$ ,  $B(1; 2; 1)$ ,  $C(3; -2; 0)$  và  $D(1; 1; -3)$ . Đường thẳng đi qua  $D$  và vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = t \\ y = t \\ z = -1 - 2t \end{cases}$ .      (B)  $\begin{cases} x = t \\ y = t \\ z = 1 - 2t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = -2 - 3t \end{cases}$ .      (D)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = -3 + 2t \end{cases}$ .

**Câu 34.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$		- 0 +	0 -	0 +	

Hàm số  $y = f(5 - 2x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-\infty; -3)$ .      (B)  $(4; 5)$ .  
 (C)  $(3; 4)$ .      (D)  $(1; 3)$ .

**Câu 35.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{3x-2}{(x-2)^2}$  trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

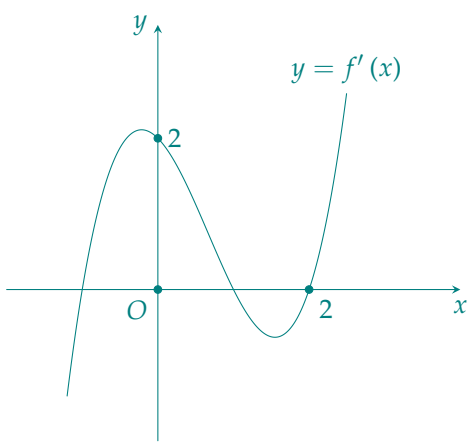
- (A)  $3\ln(x-2) + \frac{4}{x-2} + C.$   
 (B)  $3\ln(x-2) + \frac{2}{x-2} + C.$   
 (C)  $3\ln(x-2) - \frac{2}{x-2} + C.$   
 (D)  $3\ln(x-2) - \frac{4}{x-2} + C.$

**Câu 36.** Cho phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(4x-1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 5. (B) 3. (C) Vô số. (D) 4.

**Câu 37.**

Cho hàm số  $f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Bất phương trình  $f(x) > 2x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi



- (A)  $m \leq f(2) - 4.$  (B)  $m \leq f(0).$   
 (C)  $m < f(0).$  (D)  $m < f(2) - 4.$

**Câu 38.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 23 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn bằng

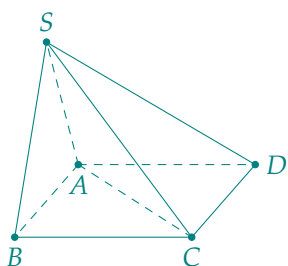
- (A)  $\frac{11}{23}.$  (B)  $\frac{1}{2}.$  (C)  $\frac{265}{529}.$  (D)  $\frac{12}{23}.$

**Câu 39.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $3\sqrt{3}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng 1, thiết diện thu được có diện tích bằng 18. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $6\sqrt{3}\pi.$  (B)  $6\sqrt{39}\pi.$   
 (C)  $3\sqrt{39}\pi.$  (D)  $12\sqrt{3}\pi.$

**Câu 40.**

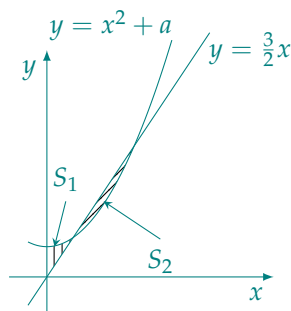
Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình bên). Khoảng cách từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SAC)$  bằng



- (A)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}.$  (B)  $\frac{\sqrt{21}a}{28}.$  (C)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}.$  (D)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}.$

**Câu 41.**

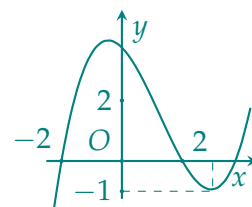
Cho đường thẳng  $y = \frac{3}{2}x$  và parabol  $y = x^2 + a$  ( $a$  là tham số thực dương). Gọi  $S_1, S_2$  lần lượt là diện tích hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ bên. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(\frac{1}{2}; \frac{9}{16}).$  (B)  $(\frac{2}{5}; \frac{9}{20}).$   
 (C)  $(\frac{9}{20}; \frac{1}{2}).$  (D)  $(0; \frac{2}{5}).$

**Câu 42.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{2}{3}$  là



- (A) 6. (B) 10.  
 (C) 3. (D) 9.

**Câu 43.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  tập hợp các điểm biểu diễn các số phức  $w = \frac{5+iz}{1+z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A) 52. (B)  $2\sqrt{13}.$  (C)  $2\sqrt{11}.$  (D) 44.

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Biết  $f(3) = 1$  và  $\int_0^1 xf(3x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^3 x^2 f'(x) dx$  bằng

- (A) 3. (B) 7. (C) -9. (D)  $\frac{25}{3}.$

**Câu 45.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0; 3; -2)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 2. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  lớn nhất,  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $Q(-2; 0; -3).$  (B)  $M(0; 8; -5).$   
 (C)  $N(0; 2; -5).$  (D)  $P(0; -2; -5).$

**Câu 46.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 4 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 4. Gọi  $M, N$  và  $P$  lần lượt là tâm của các mặt bên  $ABB'A'$ ,  $ACC'A'$  và  $BCC'B'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

- (A)  $\frac{14\sqrt{3}}{3}.$  (B)  $8\sqrt{3}.$  (C)  $6\sqrt{3}.$  (D)  $\frac{20\sqrt{3}}{3}.$

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020  
ĐỀ MINH HOA-LẦN 1**  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 47.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2}$  và  $y = |x+1| - x - m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1)$  và  $(C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng bốn điểm phân biệt là

- (A)  $(-3; +\infty)$ .                      (B)  $(-\infty; -3)$ .  
(C)  $[-3; +\infty)$ .                      (D)  $(-\infty; -3]$ .

**Câu 48.** Cho phương trình  $(2 \log_3^2 x - \log_3 x - 1) \sqrt{4^x} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình có đúng hai nghiệm phân biệt?

- (A) Vô số.    (B) 62.    (C) 63.    (D) 64.

**Câu 49.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + (z-1)^2 = 5$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a, b, c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho có ít nhất hai tiếp tuyến của  $(S)$  đi qua  $A$  và hai tiếp tuyến đó vuông góc với nhau?

- (A) 12.    (B) 16.    (C) 20.    (D) 8.

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$2$		$+\infty$

$\swarrow$                        $\nearrow$                        $\searrow$                        $\nearrow$   
 $\quad \quad \quad -3 \quad \quad \quad \quad \quad -1$

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(4x^2 + 4x)$  là

- (A) 5.    (B) 9.    (C) 7.    (D) 3.

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. B	3. A	4. D	5. B	6. A	7. D	8. B	9. B	10. A	11. D
12. A	13. C	14. C	15. C	16. A	17. B	18. B	19. D	20. D	21. B	22. C
23. C	24. A	25. D	26. A	27. A	28. D	29. A	30. B	31. C	32. C	33. A
34. B	35. D	36. B	37. A	38. A	39. D	40. C	41. B	42. B	43. B	44. C
45. D	46. C	47. C	48. B	49. C	50. C					

NĂM HỌC 2019-2020

**Câu 1.** Từ một nhóm học sinh gồm 6 nam và 8 nữ, có bao nhiêu cách chọn ra một học sinh?

- (A) 14.    (B) 48.    (C) 6.    (D) 8.

**Câu 2.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và  $u_2 = 6$ . Công bội của cấp số nhân đã cho bằng

- (A) 3.    (B)  $-4$ .    (C) 4.    (D)  $\frac{1}{3}$ .

**Câu 3.** Diện tích xung quanh của hình nón có độ dài đường sinh  $l$  và bán kính đáy  $r$  bằng

- (A)  $4\pi rl$ .    (B)  $2\pi rl$ .    (C)  $\pi rl$ .    (D)  $\frac{1}{3}\pi rl$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

$\swarrow$                        $\nearrow$                        $\searrow$                        $\nearrow$   
 $\quad \quad \quad 2 \quad \quad \quad \quad \quad 2$   
 $\swarrow$                        $\searrow$                        $\swarrow$                        $\searrow$   
 $-\infty$                        $1$                        $-\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(1; +\infty)$ .                      (B)  $z_1 + \bar{z}_2$ .  
(C)  $(-1; 1)$ .                      (D)  $(0; 1)$ .

**Câu 5.** Cho khối lập phương có cạnh bằng 6. Thể tích của khối lập phương đã cho bằng

- (A) 216.    (B) 18.    (C) 36.    (D) 72.

**Câu 6.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(2x-1) = 2$  là

- (A)  $x = 3$ .    (B)  $x = 5$ .    (C)  $\frac{41}{81}$ .    (D)  $x = \frac{7}{2}$ .

**Câu 7.** Nếu  $\int_1^2 f(x)dx = -2$  và  $\int_2^3 f(x)dx = 1$  thì

$\int_1^3 f(x)dx$  bằng:

- (A)  $-3$ .    (B)  $-1$ .    (C) 1.    (D) 3.

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

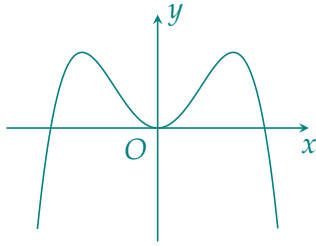
$x$	$-\infty$	$0$	$3$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

$\swarrow$                        $\nearrow$                        $\searrow$                        $\nearrow$   
 $\quad \quad \quad 2 \quad \quad \quad \quad \quad +\infty$   
 $\swarrow$                        $\searrow$                        $\swarrow$                        $\searrow$   
 $-\infty$                        $-4$

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- (A) 2.      (B) 3.      (C) 0.      (D) -4.

**Câu 9.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2$ .      (B)  $y = x^4 - 2x^2$ .  
 (C)  $y = x^3 - 3x^2$ .      (D)  $y = -x^3 + 3x^2$ .

**Câu 10.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_2(a^2)$  bằng

- (A)  $2 + \log_2 a$ .      (B)  $\frac{1}{2} + \log_2 a$ .  
 (C)  $2 \log_2 a$ .      (D)  $\frac{1}{2} \log_2 a$ .

**Câu 11.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \cos x + 6x$  là

- (A)  $\sin x + 3x^2 + C$ .      (B)  $-\sin x + 3x^2 + C$ .  
 (C)  $\sin x + 6x^2 + C$ .      (D)  $-\sin x + C$ .

**Câu 12.** Mô-đun của số phức  $1 + 2i$  bằng  $5\sqrt{3}\sqrt{5}3$

**Câu 13.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; -2; 1)$  trên mặt phẳng  $(Oxy)$  có tọa độ là

- (A)  $(2; 0; 1)$ .      (B)  $(2; -2; 0)$ .  
 (C)  $(0; -2; 1)$ .      (D)  $(0; 0; 1)$ .

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-3)^2 = 16$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- (A)  $(-1; -2; -3)$ .      (B)  $(1; 2; 3)$ .  
 (C)  $(-1; 2; -3)$ .      (D)  $(1; -2; 3)$ .

**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(\alpha) : 3x + 2y - 4z + 1 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

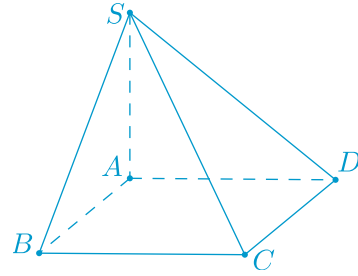
- (A)  $\vec{n}_2(3; 2; 4)$ .      (B)  $\vec{n}_3(2; -4; 1)$ .  
 (C)  $\vec{n}_1(3; -4; 1)$ .      (D)  $\vec{n}_4(3; 2; -4)$ .

**Câu 16.** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng  $d : \frac{x+1}{-1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-1}{3}$ ?

- (A)  $P(-1; 2; 1)$ .      (B)  $Q(1; -2; -1)$ .  
 (C)  $N(-1; 3; 2)$ .      (D)  $M(1; 2; 1)$ .

**Câu 17.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a\sqrt{3}$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA =$

$a\sqrt{2}$  (minh họa như hình bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng:



- (A)  $45^\circ$ .      (B)  $30^\circ$ .      (C)  $60^\circ$ .      (D)  $90^\circ$ .

**Câu 18.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu  $f'(x)$ , như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Số điểm cực trị của hàm số là

- (A) 0.      (B) 2.      (C) 1.      (D) 3.

**Câu 19.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = -x^4 + 12x^2 + 1$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng

- (A) 1.      (B) 37.      (C) 33.      (D) 12.

**Câu 20.** Xét tất cả các số thực dương  $a$  và  $2$  thỏa mãn  $m$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = b^2$ .      (B)  $a^3 = b$ .      (C)  $a = b$ .      (D)  $a^2 = b$ .

**Câu 21.** Tập nghiệm của bất phương trình  $5^{x-1} \geq 5^{x^2-x-9}$  là

- (A)  $[-2; 4]$ .      (B)  $[-4; 2]$ .  
 (C)  $(-\infty; 2] \cup [4; +\infty)$ .      (D)  $(-\infty; -4] \cup [2; +\infty)$ .

**Câu 22.** Cho hình trụ có bán kính đáy bằng 3. Biết rằng khi cắt hình trụ đã cho bởi một mặt phẳng qua trục, thiết diện thu được là một hình vuông. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $18\pi$ .      (B)  $36\pi$ .      (C)  $54\pi$ .      (D)  $27\pi$ .

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$2$	$3$	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$			$1$		$0$		$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $3f(x) - 2 = 0$  là

- (A) 2.      (B) 0.      (C) 3.      (D) 1.

**Câu 24.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $\Rightarrow \vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 1(-1) + 0.2 + 3.8 = 23$  trên khoảng  $(1; +\infty)$  là

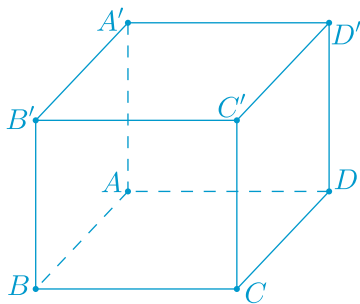
- (A)  $x + 3 \ln(x-1) + C$ .      (B)  $x - 3 \ln(x-1) + C$ .  
 (C)  $x - \frac{3}{(x-1)^2} + C$ .      (D)  $x + \frac{3}{(x-1)^2} + C$ .



**Câu 25.** Để dự báo dân số của một quốc gia, người ta sử dụng công thức  $S = A.e^{nr}$ ; trong đó  $A$  là dân số của năm lấy làm mốc tính  $S$  là dân số sau  $n$  năm,  $r$  là tỉ lệ gia tăng dân số hàng năm. Năm 2017, dân số Việt Nam là 93.671.600 người (Tổng cục Thống kê, Niên giám thống kê 2017, Nhà xuất bản Thống kê, Tr.79). Giả sử tỉ lệ tăng dân số hàng năm không đổi là 0,81%, dự báo dân số Việt Nam năm 2035 là bao nhiêu người (kết quả làm tròn đến chữ số hàng trăm)?

- (A) 109.256.100. (B) 108.374.700.  
(C) 107.500.500. (D) 108.311.100.

**Câu 26.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABCD.A'B'C'D'$  có đáy là hình thoi cạnh  $a$ ,  $BD = a\sqrt{3}$  và  $AA' = 4a$  (minh họa như hình bên dưới). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

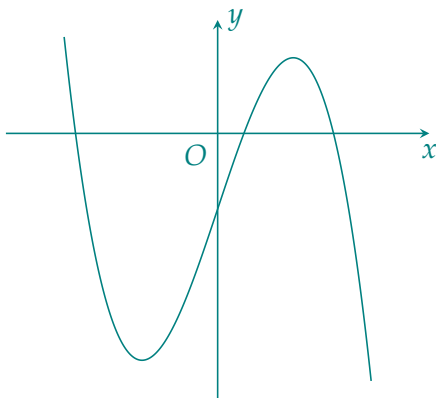


- (A)  $2\sqrt{3}a^3$ . (B)  $4\sqrt{3}a^3$ . (C)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}a^3$ . (D)  $\frac{4\sqrt{3}}{3}a^3$ .

**Câu 27.** Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{5x^2 - 4x - 1}{x^2 - 1}$  là

- (A) 0. (B) 1. (C) 2. (D) 3.

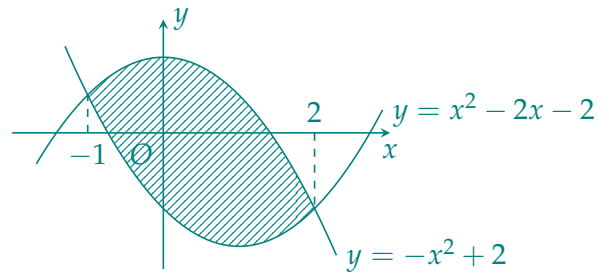
**Câu 28.** Cho hàm số  $y = ax^3 + 3x + d$  ( $a, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $a > 0, d > 0$ . (B)  $a < 0, d > 0$ .  
(C)  $a > 0, d < 0$ . (D)  $a < 0, d < 0$ .

**Câu 29.** Diện tích hình phẳng được gạch chéo trong

hình dưới đây bằng



- (A)  $\int_{-1}^2 (-2x^2 + 2x + 4) dx$ .  
(B)  $\int_{-1}^2 (2x^2 - 2x - 4) dx$ .  
(C)  $\int_{-1}^2 (-2x^2 - 2x + 4) dx$ .  
(D)  $\int_{-1}^2 (2x^2 + 2x - 4) dx$ .

**Câu 30.** Cho hai số phức  $z_1 = -3 + i$  và  $z_2 = 1 - i$ . Phần ảo của số phức  $z_1 + \bar{z}_2$  bằng

- (A) -2. (B) 2i. (C) 2. (D) -2i.

**Câu 31.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn số phức  $z = (1 + 2i)^2$  là điểm nào dưới đây?

- (A)  $P(-3; 4)$ . (B)  $Q(5; 4)$ .  
(C)  $N(4; -3)$ . (D)  $M(5; 4)$ .

**Câu 32.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các vectơ  $\vec{a} = (1; 0; 3)$  và  $\vec{b} = (-2; 2; 5)$ . Tích vô hướng  $\vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b})$  bằng

- (A) 25. (B) 23. (C) 27. (D) 29.

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(0; 0; -3)$  và đi qua điểm  $M(4; 0; 0)$ . Phương trình của  $(S)$  là

- (A)  $x^2 + y^2 + (z + 3)^2 = 25$ .  
(B)  $x^2 + y^2 + (z + 3)^2 = 5$ .  
(C)  $x^2 + y^2 + (z - 3)^2 = 25$ .  
(D)  $x^2 + y^2 + (z - 3)^2 = 5$ .

**Câu 34.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $M(1; 1; -1)$  và vuông góc với đường thẳng  $\Delta : \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-1}{1}$  có phương trình là

- (A)  $2x + 2y + z + 3 = 0$ . (B)  $x - 2y - z = 0$ .  
(C)  $2x + 2y + z - 3 = 0$ . (D)  $x - 2y - z - 2 = 0$ .

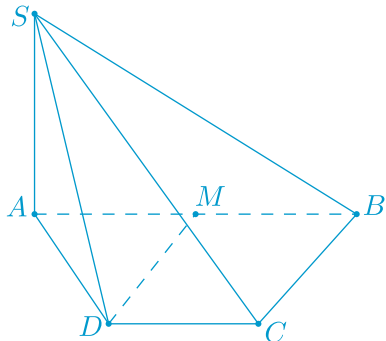
**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của đường thẳng đi qua hai điểm  $M(2; 3; -1)$  và  $N(4; 5; 3)$ ?

- (A)  $\vec{u} = (1; 1; 1)$ . (B)  $\vec{u} = (1; 1; 2)$ .  
(C)  $\vec{u} = (3; 4; 1)$ . (D)  $\vec{u} = (3; 4; 2)$ .

**Câu 36.** Chọn ngẫu nhiên một số từ tập các số tự nhiên có ba chữ số đôi một khác nhau. Xác suất để được chọn có tổng các chữ số là chẵn bằng

- (A)  $\frac{41}{81}$ . (B)  $\frac{4}{9}$ . (C)  $\frac{1}{2}$ . (D)  $\frac{16}{81}$ .

**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang,  $SA$  vuông góc mặt phẳng đáy,  $AB = 2a$ ,  $AD = DC = CD = a$ ,  $SA = 3a$  (minh họa hình dưới đây).



Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $SB$  và  $DM$  bằng

- (A)  $\frac{3}{4}a$ . (B)  $\frac{3}{2}a$ .  
(C)  $\frac{3\sqrt{13}a}{13}$ . (D)  $\frac{6\sqrt{13}}{13}a$ .

**Câu 38.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(3) = 3$  và  $f'(x) = \frac{x}{x+1-\sqrt{x+1}}$  với  $x > 0$ . Khi đó  $\int_3^8 f(x)dx$  bằng

- (A) 7. (B)  $\frac{197}{6}$ . (C)  $\frac{29}{2}$ . (D)  $\frac{181}{6}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{mx-4}{x-m}$  ( $m$  là tham số thực). Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ ?

- (A) 5. (B) 4. (C) 3. (D) 2.

**Câu 40.** Cho hình nón có chiều cao bằng  $2\sqrt{5}$ . Một mặt phẳng đi qua đỉnh hình nón và cắt hình nón theo một thiết diện là tam giác đều có diện tích bằng  $9\sqrt{3}$ . Thể tích của khối nón được giới hạn bởi hình nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{32\sqrt{5}\pi}{3}$ . (B)  $32\pi$ .  
(C)  $32\sqrt{5}\pi$ . (D)  $96\pi$ .

**Câu 41.** Cho  $x, y > 0$  thỏa mãn  $\log_9 x = \log_6 y = \log_4 (2x+y)$ . Giá trị của  $\frac{x}{y}$  bằng

- (A) 2. (B)  $\frac{1}{2}$ . (C)  $\log_2 \frac{3}{2}$ . (D)  $\log_3 2$ .

**Câu 42.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số thực  $m$  sao cho giá trị lớn nhất của hàm số  $y = |x^3 - 3x + m|$  trên đoạn  $[0; 3]$  bằng 16. Tính tổng các phần tử của  $S$  bằng

- (A) -16. (B) 16. (C) -12. (D) -2.

**Câu 43.** Cho phương trình  $\log_2^2(2x) - (m+2)\log_2 x + m - 2 = 0$  ( $m$  tham số). Tập hợp các giá trị của  $m$  để phương trình có hai nghiệm phân biệt thuộc đoạn  $[1; 2]$

- (A) (1; 2). (B) [1; 2].  
(C) [1; 2). (D) [2; +∞).

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Biết  $\cos 2x$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)e^x$ , họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f'(x)e^x$  là

- (A)  $-\sin 2x + \cos 2x + C$ .  
(B)  $-2\sin 2x + \cos 2x + C$ .  
(C)  $-2\sin 2x - \cos 2x + C$ .  
(D)  $2\sin 2x - \cos 2x + C$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

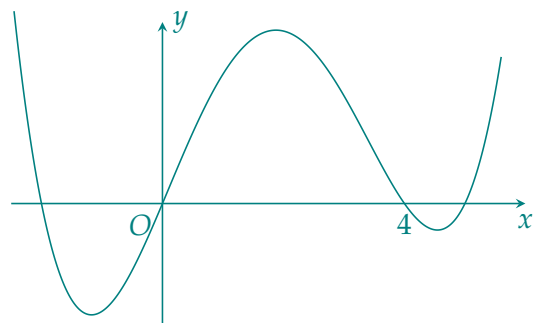
$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$	
$f'(x)$		+	0	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$			-1		$+\infty$

$\swarrow$   $\nearrow$   $\swarrow$   $\nearrow$   
 $-2$   $-2$

Số nghiệm thuộc đoạn  $[-\pi; 2\pi]$  của phương trình  $2f(\sin x) + 3 = 0$  là

- (A) 4. (B) 6. (C) 3. (D) 8.

**Câu 46.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị như hình dưới đây



Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = f(x^3 + 3x^2)$  là

- (A) 5. (B) 3. (C) 7. (D) 11.

**Câu 47.** Có bao nhiêu cặp số nguyên  $(x; y)$  thỏa mãn  $0 \leq x \leq 2020$  và  $\log_3(3x+3) + x = 2y + 9^y$ ?

- (A) 2019. (B) 6. (C) 2020. (D) 4.

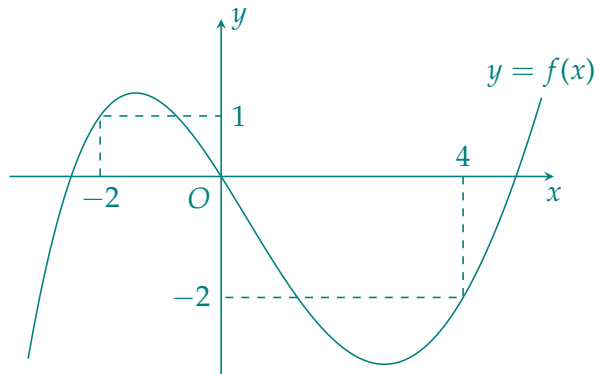
**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  thỏa  $xf(x^3) + f(1-x^2) = -x^{10} + x^6 - 2x, \forall x \in \mathbb{R}$ . Khi đó  $\int_{-1}^0 f(x)dx$  bằng

- (A)  $-\frac{17}{20}$ . (B)  $-\frac{13}{4}$ . (C)  $\frac{17}{4}$ . (D) -1.

**Câu 49.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $AB = a$ ,  $\widehat{SBA} = \widehat{SCA} = 90^\circ$ , góc giữa hai mặt phẳng  $(SAB)$  và  $(SAC)$  bằng  $60^\circ$ . Thể tích khối chóp đã cho bằng

- (A)  $a^3$ . (B)  $\frac{a^3}{3}$ . (C)  $\frac{a^3}{2}$ . (D)  $\frac{a^3}{6}$ .

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình sau.



Hàm số  $g(x) = f(1 - 2x) + x^2 - x$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(1; \frac{3}{2})$ . (B)  $(0; \frac{1}{2})$ .  
(C)  $(-2; -1)$ . (D)  $(2; 3)$ .

—————Hết—————  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. A	3. C	4. D	5. A	6. B	7. B	8. D	9. A	10. C	11. A
12. D	13. B	14. D	15. D	16. A	17. B	18. B	19. C	20. D	21. A	22. B
23. C	24. A	25. B	26. A	27. C	28. D	29. A	30. C	31. A	32. B	33. A
34. C	35. B	36. A	37. A	38. B	39. D	40. A	41. B	42. A	43. C	44. C
45. B	46. C	47. D	48. B	49. D	50. A					

**Câu 3.** Nghiệm của phương trình  $3^{x-1} = 27$  là

- (A)  $x = 4$ . (B)  $x = 3$ . (C)  $x = 2$ . (D)  $x = 1$ .

**Câu 4.** Thể tích khối lập phương cạnh 2 bằng

- (A) 6. (B) 8. (C) 4. (D) 2.

**Câu 5.** Tập xác định của hàm số  $y = \log_2 x$  là

- (A)  $[0; +\infty)$ . (B)  $(-\infty; +\infty)$ .  
(C)  $(0; +\infty)$ . (D)  $[2; +\infty)$ .

**Câu 6.** Hàm số  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên khoảng  $K$  nếu

- (A)  $F'(x) = -f(x), \forall x \in K$ .  
(B)  $f'(x) = F(x), \forall x \in K$ .  
(C)  $F'(x) = f(x), \forall x \in K$ .  
(D)  $f'(x) = -F(x), \forall x \in K$ .

**Câu 7.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 4$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A) 6. (B) 12. (C) 36. (D) 4.

**Câu 8.** Cho khối nón có chiều cao  $h = 3$  và bán kính đáy  $r = 4$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- (A)  $16\pi$ . (B)  $48\pi$ . (C)  $36\pi$ . (D)  $4\pi$ .

**Câu 9.** Cho mặt cầu có bán kính  $R = 2$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $\frac{32\pi}{3}$ . (B)  $8\pi$ . (C)  $16\pi$ . (D)  $4\pi$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$			$2$			$2$			
	$-\infty$			$-1$				$-\infty$	

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-\infty; -1)$ . (B)  $(0; 1)$ .  
(C)  $(-1; 0)$ . (D)  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 11.** Với  $a$  là hai số thực dương tùy ý,  $\log_2(a^3)$  bằng

- (A)  $\frac{3}{2}\log_2 a$ . (B)  $\frac{1}{3}\log_2 a$ .  
(C)  $3 + \log_2 a$ . (D)  $3\log_2 a$ .

**Câu 12.** Diện tích xung quanh của hình trụ có độ dài đường sinh  $l$  và bán kính đáy  $r$  bằng

- (A)  $4\pi rl$ . (B)  $\pi rl$ . (C)  $\frac{1}{3}\pi rl$ . (D)  $2\pi rl$ .

19

ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2 NĂM 2020

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020  
ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Có bao nhiêu cách chọn 2 học sinh từ một nhóm gồm 10 học sinh?

- (A)  $C_{10}^2$ . (B)  $A_{10}^2$ . (C)  $10^2$ . (D)  $2^{10}$ .

**Câu 2.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 3; u_2 = 9$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A) 6. (B) 3. (C) 12. (D) -6.

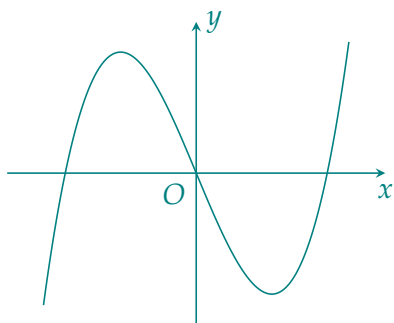
**Câu 13.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$-\infty$		$1$		$-2$		$+\infty$

Hàm số đã cho đạt cực đại tại

- A  $x = -2$ .                       B  $x = 2$ .  
 C  $x = 1$ .                               D  $x = -1$ .

**Câu 14.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- A  $y = x^3 - 3x$ .                       B  $y = -x^3 + 3x$ .  
 C  $y = x^4 - 2x^2$ .                       D  $y = -x^4 + 2x^2$ .

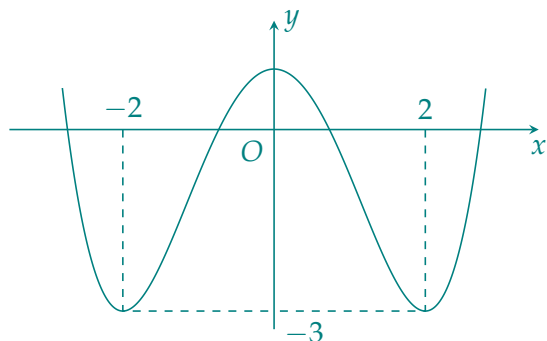
**Câu 15.** Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x+1}$  là

- A  $y = -2$ .                               B  $y = 1$ .  
 C  $x = -1$ .                               D  $x = 2$ .

**Câu 16.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log x \geq 1$  là

- A  $(10; +\infty)$ .                               B  $(0; +\infty)$ .  
 C  $[10; +\infty)$ .                               D  $(-\infty; 10)$ .

**Câu 17.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị trong hình bên. Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -1$  là



- A 3.                                       B 2.                                       C 1.                                       D 4.

**Câu 18.** Nếu  $\int_0^1 f(x)dx = 4$  thì  $\int_0^1 2f(x)dx$  bằng

- A 16.                                       B 4.                                       C 2.                                       D 8.

**Câu 19.** Số phức liên hợp của số phức  $z = 2 + i$  là

- A  $\bar{z} = -2 + i$ .                               B  $\bar{z} = -2 - i$ .  
 C  $\bar{z} = 2 - i$ .                               D  $\bar{z} = 2 + i$ .

**Câu 20.** Cho hai số phức  $z_1 = 2 + i$  và  $z_2 = 1 + 3i$ . Phần thực của số phức  $z_1 + z_2$  bằng

- A 1.                                       B 3.                                       C 4.                                       D -2.

**Câu 21.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn số phức  $z = -1 + 2i$  là điểm nào dưới đây?

- A  $Q(1; 2)$ .                               B  $P(-1; 2)$ .  
 C  $N(1; -2)$ .                               D  $M(-1; -2)$ .

**Câu 22.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên mặt phẳng  $(Ozx)$  có tọa độ là

- A  $(0; 1; 0)$ .                               B  $(2; 1; 0)$ .  
 C  $(0; 1; -1)$ .                               D  $(2; 0; -1)$ .

**Câu 23.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x-2)^2 + (y+4)^2 + (z-1)^2 = 9$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- A  $(-2; 4; -1)$ .                               B  $(2; -4; 1)$ .  
 C  $(2; 4; 1)$ .                               D  $(-2; -4; -1)$ .

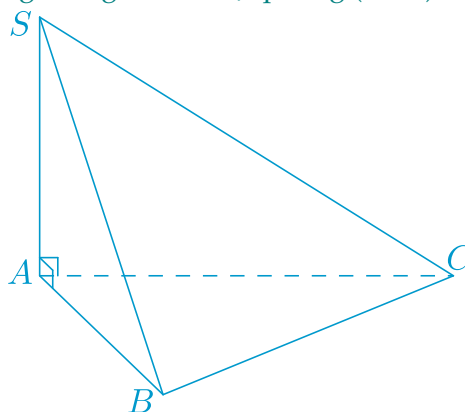
**Câu 24.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 2x + 3y + z + 2 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- A  $\vec{n}_3(2; 3; 2)$ .                               B  $\vec{n}_1(2; 3; 0)$ .  
 C  $\vec{n}_2(2; 3; 1)$ .                               D  $\vec{n}_4(2; 0; 3)$ .

**Câu 25.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+1}{-1}$ . Điểm nào sau đây thuộc  $d$ ?

- A  $P(1; 2; -1)$ .                               B  $M(-1; -2; 1)$ .  
 C  $N(2; 3; -1)$ .                               D  $Q(-2; -3; 1)$ .

**Câu 26.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = a\sqrt{2}$ , tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  và  $AC = 2a$  (minh họa như hình bên). Góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng



- A  $30^\circ$ .                                       B  $45^\circ$ .                                       C  $60^\circ$ .                                       D  $90^\circ$ .

**Câu 27.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 3.      (B) 0.      (C) 2.      (D) 1.

**Câu 28.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 10x^2 + 2$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng

- (A) 2.      (B) -23.      (C) -22.      (D) -7.

**Câu 29.** Xét số thực  $a$  và  $b$  thỏa mãn  $\log_3(3^{a9^b}) = \log_9 3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng

- (A)  $a + 2b = 2$ .      (B)  $4a + 2b = 1$ .  
(C)  $4ab = 1$ .      (D)  $2a + 4b = 1$ .

**Câu 30.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$  và trục hoành là

- (A) 3.      (B) 0.      (C) 2.      (D) 1.

**Câu 31.** Tập nghiệm của bất phương trình  $9^x + 2.3^x - 3 > 0$  là

- (A)  $[0; +\infty)$ .      (B)  $(0; +\infty)$ .  
(C)  $(1; +\infty)$ .      (D)  $[1; +\infty)$ .

**Câu 32.** Trong không gian, cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ ,  $AB = a$  và  $AC = 2a$ . Khi quay tam giác  $ABC$  quanh cạnh góc vuông  $AB$  thì đường gấp khúc  $ACB$  tạo thành một hình nón. Diện tích xung quanh hình nón đó bằng

- (A)  $5\pi a^2$ .      (B)  $\sqrt{5}\pi a^2$ .  
(C)  $2\sqrt{5}\pi a^2$ .      (D)  $10\pi a^2$ .

**Câu 33.** Xét  $\int_0^2 xe^{x^2} dx$ , nếu đặt  $u = x^2$  thì  $\int_0^2 xe^{x^2} dx$  bằng

- (A)  $2 \int_0^2 e^u du$ .      (B)  $2 \int_0^4 e^u du$ .  
(C)  $\frac{1}{2} \int_0^2 e^u du$ .      (D)  $\frac{1}{2} \int_0^4 e^u du$ .

**Câu 34.** Diện tích  $S$  của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = 2x^2$ ,  $y = -1$ ,  $x = 0$  và  $x = 1$  được tính bởi công thức nào sau đây?

- (A)  $S = \pi \int_0^1 (2x^2 + 1) dx$ .  
(B)  $S = \int_0^1 (2x^2 - 1) dx$ .

- (C)  $S = \int_0^1 (2x^2 + 1)^2 dx$ .  
(D)  $S = \int_0^1 (2x^2 + 1) dx$ .

**Câu 35.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 - i$  và  $z_2 = -1 + i$ . Phần ảo của số phức  $z_1 z_2$  bằng

- (A) 4.      (B)  $4i$ .      (C) -1.      (D)  $-i$ .

**Câu 36.** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình  $z^2 - 2z + 5 = 0$ . Môđun của số phức  $z_0 + i$  bằng

- (A) 2.      (B)  $\sqrt{2}$ .      (C)  $\sqrt{10}$ .      (D) 10.

**Câu 37.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; 1; 0)$  và đường thẳng  $\Delta : \frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{4} = \frac{z+1}{-2}$ . Mặt phẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $\Delta$  có phương trình là

- (A)  $3x + y - z - 7 = 0$ .      (B)  $x + 4y - 2z + 6 = 0$ .  
(C)  $x + 4y - 2z - 6 = 0$ .      (D)  $3x + y - z + 7 = 0$ .

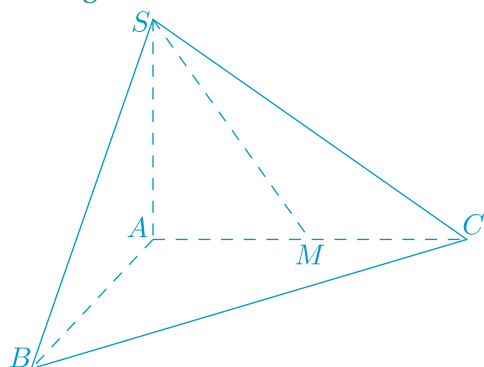
**Câu 38.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $M(1; 0; 1)$  và  $N(3; 2; -1)$ . Đường thẳng  $MN$  có phương trình tham số là

- (A)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2t \\ z = 1 + t \end{cases}$ .      (B)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = t \\ z = 1 + t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = t \\ z = 1 + t \end{cases}$ .      (D)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = t \\ z = 1 - t \end{cases}$ .

**Câu 39.** Có 6 chiếc ghế được kê thành một hàng ngang. Xếp ngẫu nhiên 6 học sinh, gồm 3 học sinh lớp  $A$ , 2 học sinh lớp  $B$  và 1 học sinh lớp  $C$ , ngồi và hàng ghế đó, sao cho mỗi ghế có đúng một học sinh. Xác suất để học sinh lớp  $C$  chỉ ngồi cạnh học sinh lớp  $B$  bằng

- (A)  $\frac{1}{6}$ .      (B)  $\frac{3}{20}$ .      (C)  $\frac{2}{15}$ .      (D)  $\frac{1}{5}$ .

**Câu 40.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông tại  $A$ ,  $AB = 2a$ ,  $AC = 4a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$  (hình minh họa). Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $SM$  và  $BC$  bằng



- (A)  $\frac{2a}{3}$ . (B)  $\frac{\sqrt{6}a}{3}$ . (C)  $\frac{\sqrt{3}a}{3}$ . (D)  $\frac{a}{2}$ .

**Câu 41.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho hàm số  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + 4x + 3$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

- (A) 5. (B) 4. (C) 3. (D) 2.

**Câu 42.** Để quảng bá cho sản phẩm A, một công ty dự định tổ chức quảng cáo theo hình thức quảng cáo trên truyền hình. Nghiên cứu của công ty cho thấy: nếu sau  $n$  lần quảng cáo được phát thì tỉ lệ người xem quảng cáo đó mua sản phẩm A tuân theo công thức  $P(n) = \frac{1}{1 + 49e^{-0,015n}}$ . Hỏi cần phát ít nhất bao nhiêu lần quảng cáo để tỉ lệ người xem mua sản phẩm đạt trên 30%?

- (A) 202. (B) 203. (C) 206. (D) 207.

**Câu 43.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{ax + 1}{bx + c}$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	2	$+\infty$
$f'(x)$		+	+
$f(x)$	1	$+\infty$	$+\infty$

Trong các số  $a, b$  và  $c$  có bao nhiêu số dương?

- (A) 2. (B) 3. (C) 1. (D) 0.

**Câu 44.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $6a$ . Biết rằng khi cắt hình trụ đã cho bởi một mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng  $3a$ , thiết diện thu được là một hình vuông. Thể tích của khối trụ được giới hạn bởi hình trụ đã cho bằng

- (A)  $216\pi a^3$ . (B)  $150\pi a^3$ .  
(C)  $54\pi a^3$ . (D)  $108\pi a^3$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$  và  $f'(x) = \cos x \cos^2 2x, \forall x \in \mathbb{R}$ . Khi đó  $\int_0^\pi f(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{1042}{225}$ . (B)  $\frac{208}{225}$ . (C)  $\frac{242}{225}$ . (D)  $\frac{149}{225}$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$	
$f'(x)$		+	0	-	0	-
$f(x)$			2		2	

Số nghiệm thuộc đoạn  $\left[0; \frac{5\pi}{2}\right]$  của phương trình  $f(\sin x) = 1$  là

- (A) 7. (B) 4. (C) 5. (D) 6.

**Câu 47.** Xét các số thực dương  $a, b, x, y$  thỏa mãn  $a > 1, b > 1$  và  $a^x = b^y = \sqrt{ab}$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x + 2y$  thuộc tập hợp nào dưới đây?

- (A)  $(1; 2)$ . (B)  $\left[2; \frac{5}{2}\right)$ . (C)  $[3; 4)$ . (D)  $\left[\frac{5}{2}; 3\right)$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x + m}{x + 1}$  ( $m$  là tham số thực). Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]} |f(x)| + \min_{[0;1]} |f(x)| = 2$ . Số phần tử của  $S$  là

- (A) 6. (B) 2. (C) 1. (D) 4.

**Câu 49.** Cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có chiều cao bằng 8 và diện tích đáy bằng 9. Gọi  $M, N, P$  và  $Q$  lần lượt là tâm của các mặt bên  $ABB'A', BCC'B', CDD'C'$  và  $DAA'D'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, D, M, N, P$  và  $Q$  bằng

- (A) 27. (B) 30. (C) 18. (D) 36.

**Câu 50.** Có bao nhiêu số nguyên  $x$  sao cho tồn tại số thực  $y$  thỏa mãn  $\log_3(x + y) = \log_4(x^2 + y^2)$ ?

- (A) 3. (B) 2. (C) 1. (D) Vô số.

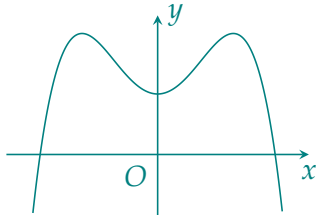
**HẾT**  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. A	3. A	4. B	5. C	6. C	7. D	8. A	9. C	10. C	11. D
12. D	13. D	14. A	15. B	16. C	17. D	18. D	19. C	20. B	21. B	22. D
23. B	24. C	25. A	26. B	27. C	28. C	29. D	30. A	31. B	32. C	33. D
34. D	35. A	36. B	37. C	38. D	39. D	40. A	41. A	42. B	43. C	44. D
45. C	46. C	47. D	48. B	49. B	50. B					

**20** ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 101  
NĂM 2020

KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020  
ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 101  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .      (B)  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .  
 (C)  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .      (D)  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Câu 2.** Nghiệm của phương trình  $3^{x-1} = 9$  là:

- (A)  $x = -2$ .      (B)  $x = 3$ .  
 (C)  $x = 2$ .      (D)  $x = -3$ .

**Câu 3.** Cho hàm  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	3	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	↗ 2	↘ -5	↗ $+\infty$	

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- (A) 3.      (B) -5.      (C) 0.      (D) 2.

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$		
$f'(x)$	-	0	+	0	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$	↘ -1	↗ 4	↘ -1	↗ $+\infty$		

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-\infty; -1)$ .      (B)  $(0; 1)$ .  
 (C)  $(-1; 1)$ .      (D)  $(-1; 0)$ .

**Câu 5.** Cho khối hộp chữ nhật có 3 kích thước 3; 4; 5. Thể tích của khối hộp đã cho bằng?

- (A) 10.      (B) 20.      (C) 12.      (D) 60.

**Câu 6.** Số phức liên hợp của số phức  $z = -3 + 5i$  là:

- (A)  $\bar{z} = -3 - 5i$ .      (B)  $\bar{z} = 3 + 5i$ .  
 (C)  $\bar{z} = -3 + 5i$ .      (D)  $\bar{z} = 3 - 5i$ .

**Câu 7.** Cho hình trụ có bán kính đáy  $R = 8$  và độ dài đường sinh  $l = 3$ . Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng:

- (A)  $24\pi$ .      (B)  $192\pi$ .      (C)  $48\pi$ .      (D)  $64\pi$ .

**Câu 8.** Cho khối cầu có bán kính  $r = 4$ . Thể tích của khối cầu đã cho bằng:

- (A)  $\frac{256\pi}{3}$ .      (B)  $64\pi$ .      (C)  $\frac{64\pi}{3}$ .      (D)  $256\pi$ .

**Câu 9.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý và  $a \neq 1$ ,  $\log_{a^5} b$  bằng:

- (A)  $5 \log_a b$ .      (B)  $\frac{1}{5} + \log_a b$ .  
 (C)  $5 + \log_a b$ .      (D)  $\frac{1}{5} \log_a b$ .

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$ :  $x^2 + y^2 + (z + 2)^2 = 9$ . Bán kính của  $(S)$  bằng:

- (A) 6.      (B) 18.      (C) 9.      (D) 3.

**Câu 11.** Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{4x + 1}{x - 1}$  là

- (A)  $y = \frac{1}{4}$ .      (B)  $y = 4$ .  
 (C)  $y = 1$ .      (D)  $y = -1$ .

**Câu 12.** Cho khối nón có bán kính đáy  $r = 5$  và chiều cao  $h = 2$ . Thể tích khối nón đã cho bằng:

- (A)  $\frac{10\pi}{3}$ .      (B)  $10\pi$ .      (C)  $\frac{50\pi}{3}$ .      (D)  $50\pi$ .

**Câu 13.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(x - 1) = 2$  là

- (A)  $x = 8$ .      (B)  $x = 9$ .      (C)  $x = 7$ .      (D)  $x = 10$ .

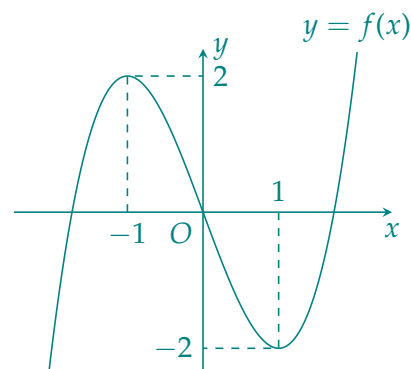
**Câu 14.**  $\int x^2 dx$  bằng

- (A)  $2x + C$ .      (B)  $\frac{1}{3}x^3 + C$ .  
 (C)  $x^3 + C$ .      (D)  $3x^3 + C$ .

**Câu 15.** Có bao nhiêu cách xếp 6 học sinh thành một hàng dọc?

- (A) 36.      (B) 720.      (C) 6.      (D) 1.

**Câu 16.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = -1$  là:



- (A) 3.      (B) 1.      (C) 0.      (D) 2.

**Câu 17.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(3; 2; 1)$  trên trục  $Ox$  có tọa độ là:

- (A)  $(0; 2; 1)$ .      (B)  $(3; 0; 0)$ .      (C)  $(0; 0; 1)$ .      (D)  $(0; 2; 0)$ .

**Câu 18.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 6$  và chiều cao  $h = 2$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng:

- (A) 6. (B) 3. (C) 4. (D) 12.

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-3}{2} = \frac{y-4}{-5} = \frac{z+1}{3}$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_2(2; 4; -1)$ . (B)  $\vec{u}_1(2; -5; 3)$ .  
(C)  $\vec{u}_3(2; 5; 3)$ . (D)  $\vec{u}_4(3; 4; 1)$ .

**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(3; 0; 0)$ ,  $B(0; 1; 0)$  và  $C(0; 0; -2)$ . Mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là:

- (A)  $\frac{x}{3} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 1$ . (B)  $\frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-2} = 1$ .  
(C)  $\frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 1$ . (D)  $\frac{x}{-3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 1$ .

**Câu 21.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với  $u_1 = 3$  và công bội  $q = 2$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- (A) 8. (B) 9. (C) 6. (D)  $\frac{3}{2}$ .

**Câu 22.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 - 2i$  và  $z_2 = 2 + i$ . Số phức  $z_1 + z_2$  bằng

- (A)  $5 + i$ . (B)  $-5 + i$ . (C)  $5 - i$ . (D)  $-5 - i$ .

**Câu 23.** Biết  $\int_1^3 f(x)dx = 3$ . Giá trị của  $\int_1^3 2f(x)dx$  bằng

- (A) 5. (B) 9. (C) 6. (D)  $\frac{3}{2}$ .

**Câu 24.** Trên mặt phẳng tọa độ, biết  $M(-3; 1)$  là điểm biểu diễn số phức  $z$ . Phần thực của  $z$  bằng

- (A) 1. (B) -3. (C) -1. (D) 3.

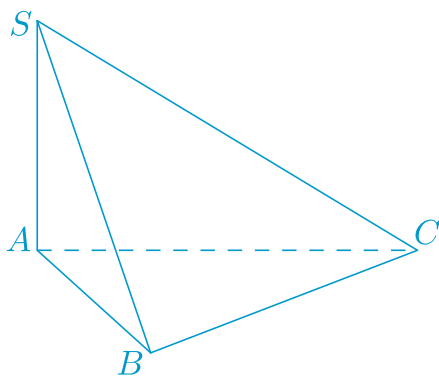
**Câu 25.** Tập xác định của hàm số  $y = \log_5 x$  là

- (A)  $[0; +\infty)$ . (B)  $(-\infty; 0)$ .  
(C)  $(0; +\infty)$ . (D)  $(-\infty; +\infty)$ .

**Câu 26.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 + 3x^2$  và đồ thị hàm số  $y = 3x^2 + 3x$  là

- (A) 3. (B) 1. (C) 2. (D) 0.

**Câu 27.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = a$ ,  $BC = 2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{15}a$  (tham khảo hình bên).



Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $30^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 28.** Biết  $F(x) = x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Giá trị của  $\int_1^2 [2 + f(x)] dx$  bằng

- (A) 5. (B) 3. (C)  $\frac{13}{3}$ . (D)  $\frac{7}{3}$ .

**Câu 29.** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai đường  $y = x^2 - 4$  và  $y = 2x - 4$  bằng

- (A) 36. (B)  $\frac{4}{3}$ . (C)  $\frac{4\pi}{3}$ . (D)  $36\pi$ .

**Câu 30.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; -2; 3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-3}{-1}$ . Mặt phẳng đi qua điểm  $M$  và vuông góc với đường thẳng  $d$  có phương trình là

- (A)  $3x + 2y - z + 1 = 0$ .  
(B)  $2x - 2y + 3z - 17 = 0$ .  
(C)  $3x + 2y - z - 1 = 0$ .  
(D)  $2x - 2y + 3z + 17 = 0$ .

**Câu 31.** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình  $z^2 + 6z + 13 = 0$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn số phức  $1 - z_0$  là

- (A)  $N(-2; 2)$ . (B)  $M(4; 2)$ .  
(C)  $P(4; -2)$ . (D)  $Q(2; -2)$ .

**Câu 32.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 0; 1)$ ,  $B(1; 1; 0)$  và  $C(3; 4; -1)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và song song với  $BC$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x-1}{4} = \frac{y}{5} = \frac{z-1}{-1}$ . (B)  $\frac{x+1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z+1}{-1}$ .  
(C)  $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z-1}{-1}$ . (D)  $\frac{x+1}{4} = \frac{y}{5} = \frac{z+1}{-1}$ .

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$

Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A) 4. (B) 1. (C) 2. (D) 3.

**Câu 34.** Tập nghiệm của bất phương trình  $3^{x^2-13} < 27$  là

- (A)  $(4; +\infty)$ . (B)  $(-4; 4)$ .  
(C)  $(-\infty; 4)$ . (D)  $(0; 4)$ .



**Câu 35.** Cho hình nón có bán kính đáy bằng 2 và góc ở đỉnh bằng  $60^\circ$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $8\pi$ . (B)  $\frac{16\sqrt{3}\pi}{3}$ .  
 (C)  $\frac{8\sqrt{3}\pi}{3}$ . (D)  $16\pi$ .

**Câu 36.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 24x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng

- (A)  $32\sqrt{2}$ . (B)  $-40$ .  
 (C)  $-32\sqrt{2}$ . (D)  $-45$ .

**Câu 37.** Cho hai số phức  $z = 1 + 2i$  và  $w = 3 + i$ . Môđun của số phức  $z \cdot \bar{w}$  bằng

- (A)  $5\sqrt{2}$ . (B)  $\sqrt{26}$ . (C) 26. (D) 50.

**Câu 38.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $4^{\log_2(a^2b)} = 3a^3$ . Giá trị của  $ab^2$  bằng

- (A) 3. (B) 6. (C) 12. (D) 2.

**Câu 39.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+2}}$ . Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $g(x) = (x+1) \cdot f'(x)$  là

- (A)  $\frac{x^2+2x-2}{2\sqrt{x^2+2}} + C$ . (B)  $\frac{x-2}{\sqrt{x^2+2}} + C$ .  
 (C)  $\frac{x^2+x+2}{\sqrt{x^2+2}} + C$ . (D)  $\frac{x+2}{2\sqrt{x^2+2}} + C$ .

**Câu 40.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+4}{x+m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -7)$  là

- (A)  $[4; 7)$ . (B)  $(4; 7]$ .  
 (C)  $(4; 7)$ . (D)  $(4; +\infty)$ .

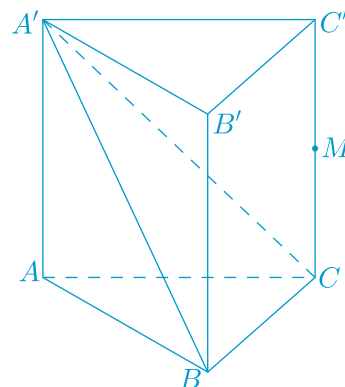
**Câu 41.** Trong năm 2019, diện tích rừng trồng mới của tỉnh A là 600ha. Giả sử diện tích rừng trồng mới của tỉnh A mỗi năm tiếp theo đều tăng 6% so với diện tích rừng trồng mới của năm liền trước. Kể từ sau năm 2019, năm nào dưới đây là năm đầu tiên tỉnh A có diện tích rừng trồng mới trong năm đó đạt trên 1000ha?

- (A) Năm 2028. (B) Năm 2047.  
 (C) Năm 2027. (D) Năm 2046.

**Câu 42.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $4a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy, góc giữa mặt phẳng  $(SBC)$  và mặt phẳng đáy bằng  $60^\circ$ . Diện tích của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp  $S.ABC$  bằng

- (A)  $\frac{172\pi a^2}{3}$ . (B)  $\frac{76\pi a^2}{3}$ .  
 (C)  $84\pi a^2$ . (D)  $\frac{172\pi a^2}{9}$ .

**Câu 43.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh bằng  $a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $CC'$  (tham khảo hình bên). Khoảng cách từ  $M$  đến mặt phẳng  $(A'BC)$  bằng



- (A)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}$ . (B)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (C)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ . (D)  $\frac{\sqrt{2}a}{4}$ .

**Câu 44.** Cho hàm số bậc bốn  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

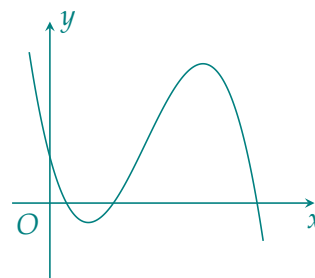
$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$			$3$		$+\infty$

$\swarrow$   $\searrow$   $\swarrow$   $\searrow$   
 $\quad \quad \quad -2 \quad \quad \quad -2$

Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = x^4 [f(x+1)]^2$  là

- (A) 11. (B) 9. (C) 7. (D) 5.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị là đường cong trong hình bên. Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?



- (A) 4. (B) 1. (C) 2. (D) 3.

**Câu 46.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau và các chữ số thuộc tập  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ . Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó không có hai chữ số liên tiếp nào cùng chẵn bằng

- (A)  $\frac{25}{42}$ . (B)  $\frac{5}{21}$ . (C)  $\frac{65}{126}$ . (D)  $\frac{55}{126}$ .

**Câu 47.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $2a$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là các điểm đối xứng với  $O$  qua trọng tâm của các tam giác  $SAB, SBC, SCD, SDA$  và  $S'$  là điểm đối

xứng với  $S$  qua  $O$ . Thể tích của khối chóp  $S'.MNPQ$  bằng

- (A)  $\frac{20\sqrt{14}a^3}{81}$ . (B)  $\frac{40\sqrt{14}a^3}{81}$ .  
 (C)  $\frac{10\sqrt{14}a^3}{81}$ . (D)  $\frac{2\sqrt{14}a^3}{9}$ .

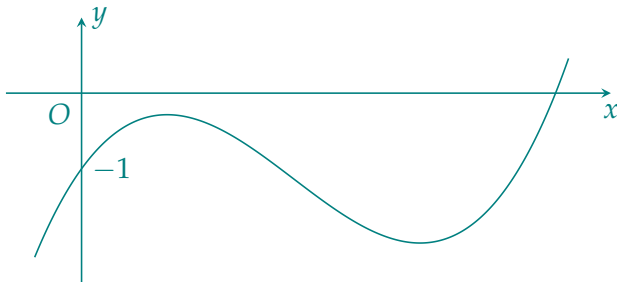
**Câu 48.** Xét các số thực không âm  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $2x + y4^{x+y-1} \geq 3$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x^2 + y^2 + 4x + 6y$  bằng

- (A)  $\frac{33}{4}$ . (B)  $\frac{65}{8}$ . (C)  $\frac{49}{8}$ . (D)  $\frac{57}{8}$ .

**Câu 49.** Có bao nhiêu số nguyên  $x$  sao cho ứng với mỗi  $x$  có không quá 728 số nguyên  $y$  thỏa mãn  $\log_4(x^2 + y) \geq \log_3(x + y)$ ?

- (A) 59. (B) 58. (C) 116. (D) 115.

**Câu 50.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số nghiệm thực phân biệt của phương trình  $f(x^3f(x)) + 1 = 0$  là



- (A) 8. (B) 5. (C) 6. (D) 4.

—————Hết—————  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. B	3. B	4. D	5. D	6. A	7. C	8. A	9. D	10. D	11. B
12. C	13. D	14. B	15. B	16. A	17. B	18. C	19. B	20. B	21. C	22. C
23. C	24. B	25. C	26. A	27. C	28. A	29. B	30. A	31. C	32. C	33. C
34. B	35. A	36. C	37. A	38. A	39. B	40. B	46. A	47. A	49. C	50. C

**Câu 1 (Mức độ 1).** Biết  $\int_1^5 f(x)dx = 4$ . Giá trị của

$\int_1^5 3f(x)dx$  bằng

- (A) 7. (B)  $\frac{4}{3}$ . (C) 64. (D) 12.

**Câu 2 (Mức độ 1).** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(1;2;5)$  lên trục  $Ox$  có tọa độ là

- (A)  $(0;2;0)$ . (B)  $(0;0;5)$ . (C)  $(1;0;0)$ . (D)  $(0;2;5)$ .

**Câu 3.** Cho hình trụ có bán kính đáy  $r = 4$  và độ dài đường sinh  $l = 3$ . Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $48\pi$ . (B)  $12\pi$ . (C)  $16\pi$ . (D)  $24\pi$ .

**Câu 4.** Trên mặt phẳng tọa độ, biết  $M(-1;3)$  là điểm biểu diễn của số phức  $z$ . Phần thực của  $z$  bằng

- (A) 3. (B)  $-1$ . (C)  $-3$ . (D) 1.

**Câu 5.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và công bội  $q = 3$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- (A) 6. (B) 9. (C) 8. (D)  $\frac{2}{3}$ .

**Câu 6.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 + 2i$  và  $z_2 = 2 - i$ . Số phức  $z_1 + z_2$  bằng

- (A)  $5 - i$ . (B)  $5 + i$ . (C)  $-5 - i$ . (D)  $-5 + i$ .

**Câu 7.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : x^2 + (y - 2)^2 + z^2 = 9$ . Bán kính mặt cầu  $(S)$  bằng

- (A) 6. (B) 18. (C) 3. (D) 9.

**Câu 8.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x - 1) = 3$  là  $x = 10$   $x = 9$   $x = 8$   $x = 7$

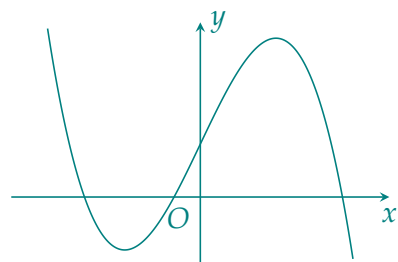
**Câu 9.** Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{5x + 1}{x - 1}$  là

- (A)  $y = 1$ . (B)  $y = \frac{1}{5}$ .  
 (C)  $y = -1$ . (D)  $y = 5$ .

**Câu 10.** Cho khối nón có bán kính  $r = 4$  và chiều cao  $h = 2$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{8\pi}{3}$ . (B)  $8\pi$ . (C)  $\frac{32\pi}{3}$ . (D)  $32\pi$ .

**Câu 11.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = 1$  là

- (A) 0. (B) 3. (C) 1. (D) 2.

21

**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 102**  
**NĂM 2020**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA**  
**NĂM 2020**  
**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 12.** Với  $a, b$  là số thực dương tùy ý và  $a \neq 1, \log_{a^2} b$  bằng.

- (A)  $\frac{1}{2} + \log_a b$ . (B)  $\frac{1}{2} \log_a b$ .  
 (C)  $2 + \log_a b$ . (D)  $2 \log_a b$ .

**Câu 13.** Nghiệm của phương trình  $3^{x-2} = 9$  là.

- (A)  $x = -3$ . (B)  $x = 3$ .  
 (C)  $x = 4$ . (D)  $x = -4$ .

**Câu 14.**  $\int x^3 dx$  bằng.

- (A)  $4x^4 + C$ . (B)  $3x^2 + C$ .  
 (C)  $x^4 + C$ . (D)  $\frac{1}{4}x^4 + C$ .

**Câu 15.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 2$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng.

- (A) 6. (B) 12. (C) 2. (D) 3.

**Câu 16.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(-2; 0; 0)$ ,  $B(0; 3; 0)$  và  $C(0; 0; 4)$ . Mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{3} + \frac{z}{4} = 1$ . (B)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} + \frac{z}{4} = 1$ .  
 (C)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{-3} + \frac{z}{4} = 1$ . (D)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} + \frac{z}{-4} = 1$ .

**Câu 17.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$f(x)$			$4$		$4$	
	$-\infty$			$1$		$-\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(1; +\infty)$ . (B)  $(-1; 1)$ .  
 (C)  $(0; 1)$ . (D)  $(-1; 0)$ .

**Câu 18.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$3$	$+\infty$		
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$			$2$			
	$+\infty$			$-3$		$-\infty$

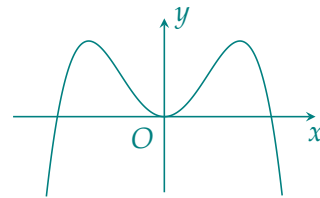
Giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng

- (A) 3. (B) 2. (C) -2. (D) -3.

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-2}{3} = \frac{y+5}{4} = \frac{z-2}{-1}$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_2 = (3; 4; -1)$ . (B)  $\vec{u}_1 = (2; -5; 2)$ .  
 (C)  $\vec{u}_3 = (2; 5; -2)$ . (D)  $\vec{u}_4 = (3; 4; 1)$ .

**Câu 20.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2$ . (B)  $y = -x^3 + 3x$ .  
 (C)  $y = x^4 - 2x^2$ . (D)  $y = x^3 - 3x$ .

**Câu 21.** Cho khối cầu có bán kính  $r = 4$ . Thể tích khối cầu đã cho bằng

- (A)  $64\pi$ . (B)  $\frac{64\pi}{3}$ . (C)  $256\pi$ . (D)  $\frac{256\pi}{3}$ .

**Câu 22.** Có bao nhiêu cách xếp 7 học sinh thành một hàng dọc?

- (A) 7. (B) 5040. (C) 1. (D) 49.

**Câu 23.** Cho khối hộp chữ nhật có kích thước 2; 4; 6. Thể tích của khối hộp đã cho bằng

- (A) 16. (B) 12. (C) 48. (D) 8.

**Câu 24.** Số phức liên hợp của số phức  $z = -2 + 5i$  là

- (A)  $\bar{z} = 2 - 5i$ . (B)  $\bar{z} = 2 + 5i$ .  
 (C)  $\bar{z} = -2 + 5i$ . (D)  $\bar{z} = -2 - 5i$ .

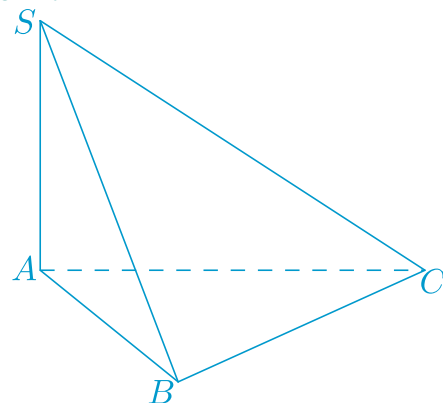
**Câu 25.** Tập xác định của hàm số  $y = \log_6 x$  là

- (A)  $[0; +\infty)$ . (B)  $(0; +\infty)$ .  
 (C)  $(-\infty; 0)$ . (D)  $(-\infty; +\infty)$ .

**Câu 26.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 21x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng

- (A) -36. (B)  $-14\sqrt{7}$ .  
 (C)  $14\sqrt{7}$ . (D) -34.

**Câu 27.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = 3a$ ,  $BC = \sqrt{3}a$ ;  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 2a$  (tham khảo hình vẽ bên).



Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)  $60^\circ$ . (B)  $45^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 28.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$

Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- (A) 1.      (B) 2.      (C) 3.      (D) 4.

**Câu 29.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; 1; -2)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-1}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{-3}$ . Mặt phẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $d$  có phương trình là

- (A)  $x + 2y - 3z - 9 = 0$ .      (B)  $x + y - 2z - 6 = 0$ .  
 (C)  $x + 2y - 3z + 9 = 0$ .      (D)  $x + y - 2z + 6 = 0$ .

**Câu 30.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $4^{\log_2(ab)} = 3a$ . Giá trị của  $ab^2$  bằng

- (A) 3.      (B) 6.      (C) 2.      (D) 12.

**Câu 31.** Cho hai số phức  $z = 2 + 2i$  và  $w = 2 + i$ . Mô đun của số phức  $z\bar{w}$  bằng

- (A) 40.      (B) 8.      (C)  $2\sqrt{2}$ .      (D)  $2\sqrt{10}$ .

**Câu 32.** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi 2 đường  $y = x^2 - 1$  và  $y = x - 1$  bằng?

- (A)  $\frac{\pi}{6}$ .      (B)  $\frac{13}{6}$ .      (C)  $\frac{13\pi}{6}$ .      (D)  $\frac{1}{6}$ .

**Câu 33.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - x^2$  và đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 5x$  là:

- (A) 2.      (B) 3.      (C) 1.      (D) 0.

**Câu 34.** Biết  $F(x) = x^3$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Giá trị của  $\int_1^2 [2 + f(x)] dx$  bằng

- (A)  $\frac{23}{4}$ .      (B) 7.      (C) 9.      (D)  $\frac{15}{4}$ .

**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; 3)$ ,  $B(1; 1; 1)$  và  $C(3; 4; 0)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và song song  $BC$  có phương trình là:

- (A)  $\frac{x+1}{4} = \frac{y+2}{5} = \frac{z+3}{1}$ .  
 (B)  $\frac{x-1}{4} = \frac{y-2}{5} = \frac{z-3}{1}$ .  
 (C)  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{-1}$ .  
 (D)  $\frac{x+1}{2} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+3}{-1}$ .

**Câu 36.** Cho hình nón có bán kính đáy bằng 5 và góc ở đỉnh bằng  $60^\circ$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $50\pi$ .      (B)  $\frac{100\sqrt{3}\pi}{3}$ .  
 (C)  $\frac{50\sqrt{3}\pi}{3}$ .      (D)  $100\pi$ .

**Câu 37.** Tập nghiệm của bất phương trình  $3^{x^2-23} < 9$  là:

- (A)  $(-5; 5)$ .      (B)  $(-\infty; 5)$ .  
 (C)  $(5; +\infty)$ .      (D)  $(0; 5)$ .

**Câu 38.** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình  $z^2 - 6z + 13 = 0$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn  $1 - z_0$  là:

- (A)  $M(-2; 2)$ .      (B)  $Q(4; -2)$ .  
 (C)  $N(4; 2)$ .      (D)  $P(-2; -2)$ .

**Câu 39.** Tập hợp các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+5}{x+m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -8)$  là

- (A)  $(5; +\infty)$ .      (B)  $(5; 8]$ .  
 (C)  $[5; 8)$ .      (D)  $(5; 8)$ .

**Câu 40.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $4a$ ,  $SA$  vuông góc với đáy, góc giữa mặt phẳng  $(SBC)$  và mặt phẳng đáy bằng  $30^\circ$ . Diện tích mặt cầu ngoại tiếp hình chóp bằng:

- (A)  $52\pi a^2$ .      (B)  $\frac{172\pi a^2}{3}$ .  
 (C)  $\frac{76\pi a^2}{9}$ .      (D)  $\frac{76\pi a^2}{3}$ .

**Câu 41.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+3}}$ . Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $g(x) = (x+1)f'(x)$  là

- (A)  $\frac{x^2+2x-3}{2\sqrt{x^2+3}} + C$ .      (B)  $\frac{x+3}{2\sqrt{x^2+3}} + C$ .  
 (C)  $\frac{2x^2+x+3}{\sqrt{x^2+3}} + C$ .      (D)  $\frac{x-3}{\sqrt{x^2+3}} + C$ .

**Câu 42.** Trong năm 2019, diện tích trồng rừng mới của tỉnh A là 1000 ha. Giả sử diện tích rừng trồng mới của tỉnh A mỗi năm tiếp theo đều tăng 6% so với diện tích rừng trồng mới của năm liền trước. Kể từ sau năm 2019, năm nào dưới đây là năm đầu tiên của tỉnh A có diện tích rừng trồng mới trong năm đó đạt trên 1400 ha?

- (A) Năm 2043.      (B) Năm 2025.  
 (C) Năm 2024.      (D) Năm 2042.

**Câu 43.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $a\sqrt{3}$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là các điểm đối xứng với  $O$  qua trọng tâm của các tam giác  $SAB, SBC, SCD, SDA$  và  $S'$  là điểm đối xứng với  $S$  qua  $O$ . Thể tích khối chóp  $S'MNPQ$  bằng

- (A)  $\frac{40\sqrt{10}a^3}{81}$ .      (B)  $\frac{10\sqrt{10}a^3}{81}$ .  
 (C)  $\frac{20\sqrt{10}a^3}{81}$ .      (D)  $\frac{2\sqrt{10}a^3}{9}$ .

**Câu 44.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$  và  $AA' = 2a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $CC'$  (tham khảo hình bên).

Khoảng cách từ  $M$  đến mặt phẳng  $(A'BC)$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{5}a}{5}$ .                      (B)  $\frac{2\sqrt{5}a}{5}$ .  
 (C)  $\frac{2\sqrt{57}a}{19}$ .                      (D)  $\frac{\sqrt{57}a}{19}$ .

**Câu 45.** Cho hàm số bậc bốn  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow 3$	$\searrow$	$\nearrow 3$	$\searrow -\infty$

Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = x^2 [f(x-1)]^4$  là

- (A) 7.                      (B) 8.                      (C) 5.                      (D) 9.

**Câu 46.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị là đường cong như hình vẽ bên. Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

- (A) 4.                      (B) 3.                      (C) 1.                      (D) 2.

**Câu 47.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau và các chữ số thuộc tập hợp  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ . Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó không có hai chữ số liên tiếp nào cùng lẻ bằng

- (A)  $\frac{17}{42}$ .                      (B)  $\frac{41}{126}$ .                      (C)  $\frac{31}{126}$ .                      (D)  $\frac{5}{21}$ .

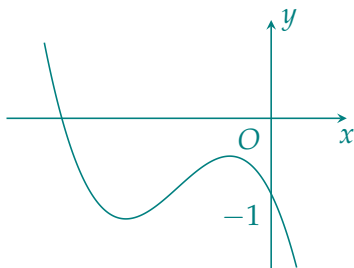
**Câu 48.** Xét các số thực không âm  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $2x + y4^{x+y-1} \geq 3$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x^2 + y^2 + 6x + 4y$  bằng

- (A)  $\frac{65}{8}$ .                      (B)  $\frac{33}{4}$ .                      (C)  $\frac{49}{8}$ .                      (D)  $\frac{57}{8}$ .

**Câu 49.** Có bao nhiêu số nguyên  $x$  sao cho ứng với mỗi  $x$  có không quá 242 số nguyên  $y$  thỏa mãn  $\log_4(x^2 + y) \geq \log_3(x + y)$ ?

- (A) 55.                      (B) 28.                      (C) 29.                      (D) 56.

**Câu 50.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số nghiệm thực phân biệt của phương trình  $f(x^3 f(x)) + 1 = 0$  là

- (A) 6.                      (B) 4.                      (C) 5.                      (D) 8.

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. D	2. C	3. D	4. B	5. A	6. B	7. C	8. D	9. D	10. C	11. B
12. B	13. C	14. D	15. C	16. A	17. C	18. B	19. A	20. A	21. D	22. B
23. C	24. D	25. B	26. B	27. C	28. B	29. A	30. A	31. D	32. D	33. B
34. C	35. C	36. A	37. A	38. D	39. B	40. D	41. D	42. B	43. C	44. D
45. D	46. C	47. A	48. A	49. D	50. A					



**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 103  
NĂM 2020**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020  
ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 103**  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hình trụ có bán kính đáy  $r = 5$  và độ dài đường sinh  $l = 3$ . Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $15\pi$ .                      (B)  $25\pi$ .                      (C)  $30\pi$ .                      (D)  $75\pi$ .

**Câu 2.** Cho khối nón có bán kính  $r = 2$  chiều cao  $h = 5$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{20\pi}{3}$ .                      (B)  $20\pi$ .                      (C)  $\frac{10\pi}{3}$ .                      (D)  $10\pi$ .

**Câu 3.** Biết  $\int_1^2 f(x)dx = 2$ . Giá trị của  $\int_1^3 3f(x)dx$  bằng

- (A) 5.                      (B) 6.                      (C)  $\frac{2}{3}$ .                      (D) 8.

**Câu 4.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-3}{4} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z+2}{3}$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của  $d$

- (A)  $\vec{u}_3 = (3; -1; -2)$ .                      (B)  $\vec{u}_4 = (4; 2; 3)$ .  
 (C)  $\vec{u}_2 = (4; -2; 3)$ .                      (D)  $\vec{u}_1 = (3; 1; 2)$ .

**Câu 5.** Cho khối cầu có bán kính  $r = 2$ . Thể tích của khối cầu đã cho bằng

- (A)  $16\pi$ .                      (B)  $\frac{32\pi}{3}$ .                      (C)  $32\pi$ .                      (D)  $\frac{8\pi}{3}$ .

**Câu 6.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(3; 5; 2)$  trên trục  $Ox$  có tọa độ là

- (A)  $(0; 5; 2)$ . (B)  $(0; 5; 0)$ . (C)  $(3; 0; 0)$ . (D)  $(0; 0; 2)$ .

**Câu 7.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x-2) = 3$  là:

- (A)  $x = 6$ . (B)  $x = 8$ . (C)  $x = 11$ . (D)  $x = 10$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$-\infty$		$-1$		$3$		$-\infty$

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- (A) 2. (B) -2. (C) 3. (D) -1.

**Câu 9.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho 3 điểm  $A(-1; 0; 0)$ ,  $B(0; 2; 0)$  và  $C(0; 0; 3)$ . Mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x}{1} + \frac{y}{2} + \frac{z}{-3} = 1$ . (B)  $\frac{x}{1} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{3} = 1$ .  
 (C)  $\frac{x}{-1} + \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 1$ . (D)  $\frac{x}{1} + \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 1$ .

**Câu 10.** Nghiệm của phương trình  $3^{x+1} = 9$  là

- (A)  $x = 1$ . (B)  $x = 2$ .  
 (C)  $x = -2$ . (D)  $x = -1$ .

**Câu 11.** Cho khối hộp chữ nhật có ba kích thước 2; 6; 7. Thể tích của khối hộp đã cho bằng

- (A) 28. (B) 14. (C) 15. (D) 84.

**Câu 12.** Cho khối chóp có diện tích  $B = 2$  và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích của khối chóp bằng

- (A) 12. (B) 2. (C) 3. (D) 6.

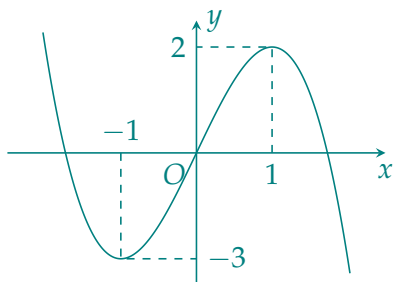
**Câu 13.** Số phức liên hợp của số phức  $z = 2 - 5i$  là

- (A)  $\bar{z} = 2 + 5i$ . (B)  $\bar{z} = -2 + 5i$ .  
 (C)  $\bar{z} = 2 - 5i$ . (D)  $\bar{z} = -2 - 5i$ .

**Câu 14.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với  $u_1 = 3$  và công bội  $q = 4$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- (A) 64. (B) 81. (C) 12. (D)  $\frac{3}{4}$ .

**Câu 15.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = 1$  là

- (A) 1. (B) 0. (C) 2. (D) 3.

**Câu 16.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - 2i$  và  $z_2 = 2 + i$ . Số phức  $z_1 + z_2$  bằng

- (A)  $3 + i$ . (B)  $-3 - i$ . (C)  $3 - i$ . (D)  $-3 + i$ .

**Câu 17.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$	$-\infty$		$3$		$-\infty$

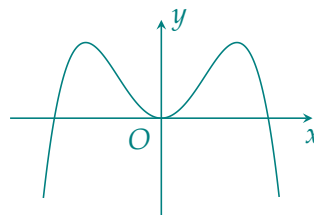
Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây

- (A)  $(-2; 2)$ . (B)  $(0; 2)$ .  
 (C)  $(-2; 0)$ . (D)  $(2; +\infty)$ .

**Câu 18.** Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  là:

- (A)  $y = \frac{1}{2}$ . (B)  $y = -1$ .  
 (C)  $y = 1$ . (D)  $y = 2$ .

**Câu 19.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong như hình bên



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2$ . (B)  $y = x^3 - 3x^2$ .  
 (C)  $y = x^4 - 2x^2$ . (D)  $y = -x^3 + 3x^2$ .

**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$ :  $x^2 + y^2 + (z-1)^2 = 16$ . Bán kính của  $(S)$  là:

- (A) 32. (B) 8. (C) 4. (D) 16.

**Câu 21.** Trong mặt phẳng tọa độ, biết điểm  $M(-2; 1)$  là điểm biểu diễn số phức  $z$ . Phần thực của  $z$  bằng:

- (A) -2. (B) 2. (C) 1. (D) -1.

**Câu 22.** Tập xác định của hàm số  $y = \log_3 x$  là

- (A)  $(-\infty; 0)$ . (B)  $(0; +\infty)$ .  
 (C)  $(-\infty; +\infty)$ . (D)  $[0; +\infty)$ .

**Câu 23.** Có bao nhiêu cách xếp 5 học sinh thành một hàng dọc?

- (A) 1. (B) 25. (C) 5. (D) 120.

**Câu 24.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý và  $a \neq 1$ ,  $\log_{a^3} b$  bằng

- (A)  $3 + \log_a b$ . (B)  $3 \log_a b$ .  
 (C)  $\frac{1}{3} + \log_a b$ . (D)  $\frac{1}{3} \log_a b$ .

**Câu 25.**  $\int x^4 dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{5}x^5 + C$ . (B)  $4x^3 + C$ .  
 (C)  $x^5 + C$ . (D)  $5x^5 + C$ .

**Câu 26.** Biết  $F(x) = x^3$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Giá trị của  $\int_1^3 (1 + f(x)) dx$  bằng

- (A) 20. (B) 22. (C) 26. (D) 28.

**Câu 27.** Cho hình nón có bán kính bằng 3 và góc ở đỉnh bằng  $60^\circ$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $18\pi$ . (B)  $36\pi$ .  
 (C)  $6\sqrt{3}\pi$ . (D)  $12\sqrt{3}\pi$ .

**Câu 28.** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai đường  $y = x^2 - 2$  và  $y = 3x - 2$  bằng

- (A)  $\frac{9}{2}$ . (B)  $\frac{9\pi}{2}$ . (C)  $\frac{125}{6}$ . (D)  $\frac{125\pi}{6}$ .

**Câu 29.** Tập nghiệm của bất phương trình  $2^{x^2-7} < 4$  là

- (A)  $(-3; 3)$ .  
 (B)  $(0; 3)$ .  
 (C)  $(-\infty; 3)$ .

(D)  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 = 0 \\ f(x-1) = 0 \\ 2f(x-1) + x.f'(x-1) = 0 \end{cases}$ .

**Câu 30.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $9^{\log_3(ab)} = 4a$ . Giá trị của  $ab^2$  bằng

- (A) 3. (B) 6. (C) 2. (D) 4.

**Câu 31.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; -1; 2)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{3} = \frac{z-3}{1}$ . Mặt phẳng đi qua điểm  $M$  và vuông góc với  $d$  có phương trình là

- (A)  $2x + 3y + z - 3 = 0$ . (B)  $2x - y + 2z - 9 = 0$ .  
 (C)  $2x + 3y + z + 3 = 0$ . (D)  $2x - y + 2z + 9 = 0$ .

**Câu 32.** Cho hình chóp  $S.ABC$  và có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = a$ ,  $BC = 3a$ ;  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{30}a$  (tham khảo hình bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt đáy bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $90^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $30^\circ$ .

**Câu 33.** Cho  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình  $z^2 + 4z + 13 = 0$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn của số phức  $1 - z_0$  là

- (A)  $P(-1; -3)$ . (B)  $M(-1; 3)$ .  
 (C)  $N(3; -3)$ . (D)  $Q(3; 3)$ .

**Câu 34.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; 0)$ ,  $B(1; 1; 2)$  và  $C(2; 3; 1)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và song song với  $BC$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z}{-1}$ .  
 (B)  $\frac{x-1}{3} = \frac{y-2}{4} = \frac{z}{3}$ .  
 (C)  $\frac{x+1}{3} = \frac{y+2}{4} = \frac{z}{3}$ .  
 (D)  $\frac{x+1}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{-1}$ .

**Câu 35.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 30x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng

- (A)  $20\sqrt{10}$ . (B)  $-63$ .  
 (C)  $-20\sqrt{10}$ . (D)  $-52$ .

**Câu 36.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$2$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$

Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- (A) 2. (B) 4. (C) 3. (D) 1.

**Câu 37.** Cho hai số phức  $z = 4 + 2i$  và  $w = 1 + i$ . Môđun của số phức  $z \cdot \bar{w}$  bằng

- (A)  $2\sqrt{2}$ . (B) 8. (C)  $2\sqrt{10}$ . (D) 40.

**Câu 38.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 + x^2$  và đồ thị hàm số  $y = x^2 + 5x$

- (A) 3. (B) 0. (C) 1. (D) 2.

**Câu 39.** Trong năm 2019, diện tích rừng trồng mới của tỉnh  $A$  là 900 ha. Giả sử diện tích rừng trồng mới của tỉnh  $A$  mỗi năm tiếp theo đều tăng 6% so với diện tích rừng trồng mới của năm liền trước. Kể từ sau năm 2019, năm nào dưới đây là năm đầu tiên của tỉnh  $A$  có diện tích rừng trồng mới trong năm đó đạt trên 1700 ha?

- (A) Năm 2029. (B) Năm 2051.  
 (C) Năm 2030. (D) Năm 2050.

**Câu 40.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy, góc giữa mặt  $(SBC)$  và mặt phẳng đáy là  $60^\circ$ . Diện tích của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp  $S.ABC$  bằng

- (A)  $\frac{43\pi a^2}{3}$ . (B)  $\frac{19\pi a^2}{3}$ . (C)  $\frac{43\pi a^2}{9}$ . (D)  $21\pi a^2$ .

**Câu 41.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -5)$

- (A)  $(2; 5]$ . (B)  $[2; 5)$ .  
 (C)  $(2; +\infty)$ . (D)  $(2; 5)$ .

**Câu 42.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}}$ . Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $g(x) = (x+1)f'(x)$

- (A)  $\frac{x^2+2x-1}{2\sqrt{x^2+1}} + C$ . (B)  $\frac{x+1}{\sqrt{x^2+1}} + C$ .  
 (C)  $\frac{2x^2+x+1}{\sqrt{x^2+1}} + C$ . (D)  $\frac{x-1}{\sqrt{x^2+1}} + C$ .

**Câu 43.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có bốn chữ số đôi một khác nhau và các chữ số thuộc tập hợp  $\{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$ . Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó không có hai chữ số liên tiếp nào cùng chẵn bằng

- (A)  $\frac{9}{35}$ . (B)  $\frac{16}{35}$ . (C)  $\frac{22}{35}$ . (D)  $\frac{19}{35}$ .

**Câu 44.** Cho hàm số bậc bốn  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$+$	$0$	$-$	$+$
$f(x)$	$+\infty$		$3$		$+\infty$	

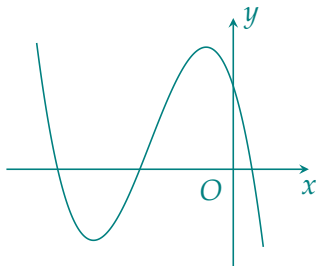
Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = x^4[f(x-1)]^2$  là

- (A) 7. (B) 5. (C) 9. (D) 11.

**Câu 45.** Xét các số thực không âm  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $2x + y4^{x+y-1} \geq 3$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x^2 + y^2 + 2x + 4y$  bằng

- (A)  $\frac{33}{8}$ . (B)  $\frac{9}{8}$ . (C)  $\frac{21}{4}$ . (D)  $\frac{41}{8}$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

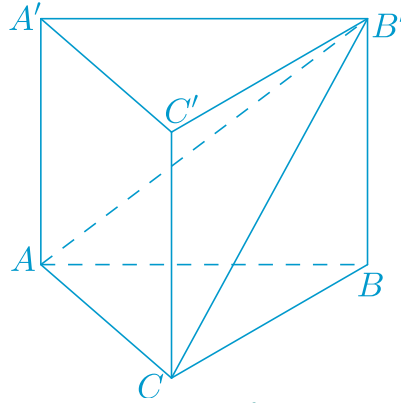
- (A) 4. (B) 2. (C) 1. (D) 3.

**Câu 47.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $\sqrt{2}a$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là các điểm đối xứng với  $O$  qua

trọng tâm của các tam giác  $SAB, SBC, SCD, SDA$  và  $S'$  là điểm đối xứng với  $S$  qua  $O$ . Thể tích khối chóp  $S'.MNPQ$  bằng.

- (A)  $\frac{2\sqrt{6}a^3}{9}$ . (B)  $\frac{40\sqrt{6}a^3}{81}$ .  
 (C)  $\frac{10\sqrt{6}a^3}{81}$ . (D)  $\frac{20\sqrt{6}a^3}{81}$ .

**Câu 48.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$  và  $A'A = 2a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $A'A$  (tham khảo hình vẽ bên).



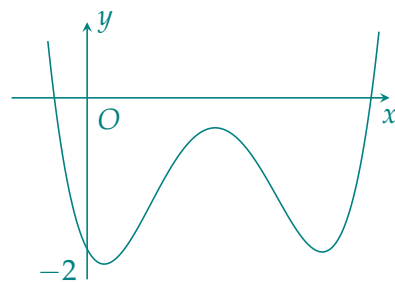
Khoảng cách từ  $M$  đến mặt phẳng  $(AB'C)$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{57}a}{19}$ . (B)  $\frac{\sqrt{5}a}{5}$ .  
 (C)  $\frac{2\sqrt{5}a}{5}$ . (D)  $\frac{2\sqrt{57}a}{19}$ .

**Câu 49.** Có bao nhiêu số nguyên  $x$  sao cho ứng với mỗi  $x$  có không quá 127 số nguyên  $y$  thỏa mãn  $\log_3(x^2 + y) \geq \log_2(x + y)$ ?

- (A) 89. (B) 46. (C) 45. (D) 90.

**Câu 50.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên.



Số nghiệm thực phân biệt của phương trình  $f(x^2f(x)) + 2 = 0$  là

- (A) 8. (B) 12. (C) 6. (D) 9.

—————Hết—————  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. A	3. B	4. C	5. B	6. C	7. D	8. D	9. C	10. C	11. D
12. B	13. A	14. C	15. D	16. D	17. B	18. D	19. C	20. C	21. A	22. B
23. D	24. D	25. A	26. D	27. A	28. A	29. A	30. D	31. A	32. C	33. C



34. A	35. C	36. A	37. C	38. A	39. C	40. A	41. A	42. D	43. C	44. C
45. D	46. C	47. D	48. A	49. D	50. D					

**Câu 7.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(8; 1; 2)$  trên trục  $Ox$  có tọa độ là

- (A)  $(0; 1; 0)$ . (B)  $(8; 0; 0)$ . (C)  $(0; 1; 2)$ . (D)  $(0; 0; 2)$ .

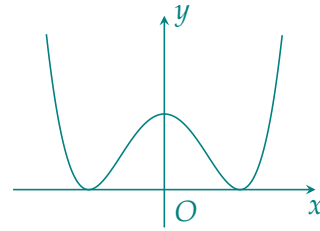
**Câu 8.** Nghiệm của phương trình  $3^{x+2} = 27$  là

- (A)  $x = -2$ . (B)  $x = -1$ .  
(C)  $x = 2$ . (D)  $x = 1$ .

**Câu 9.** Cho khối nón có bán kính đáy  $r = 2$  và chiều cao  $h = 4$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- (A)  $8\pi$ . (B)  $\frac{8\pi}{3}$ . (C)  $\frac{16\pi}{3}$ . (D)  $16\pi$ .

**Câu 10.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ . (B)  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .  
(C)  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ . (D)  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .

**Câu 11.** Với  $a, b$  là hai số thực dương tùy ý và  $a \neq 1$ ,  $\log_{a^4} b$  bằng

- (A)  $4 + \log_a b$ . (B)  $\frac{1}{4} \log_a b$ .  
(C)  $4 + \log_a b$ . (D)  $\frac{1}{4} + \log_a b$ .

**Câu 12.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : x^2 + y^2 + (z - 2)^2 = 16$ . Bán kính của mặt cầu  $(S)$  bằng

- (A) 4. (B) 32. (C) 16. (D) 8.

**Câu 13.** Số phức liên hợp của số phức  $z = 3 - 5i$  là

- (A)  $\bar{z} = -3 - 5i$ . (B)  $\bar{z} = 3 + 5i$ .  
(C)  $\bar{z} = -3 + 5i$ . (D)  $\bar{z} = 3 - 5i$ .

**Câu 14.** Cho khối hộp chữ nhật có ba kích thước 2; 3; 7. Thể tích của khối hộp đã cho bằng

- (A) 7. (B) 42. (C) 12. (D) 14.

**Câu 15.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 8$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A) 24. (B) 12. (C) 8. (D) 6.

**Câu 16.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$0$	$3$	$+\infty$		
$f'(x)$		$-$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$			$1$			$+\infty$
						$-1$	
							$-1$

23

**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 104**  
NĂM 2020

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA**  
NĂM 2020  
**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 104**  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Tập xác định của hàm số  $y = \log_4 x$  là

- (A)  $(-\infty; 0)$ . (B)  $[0; +\infty)$ .  
(C)  $(0; +\infty)$ . (D)  $(-\infty; +\infty)$ .

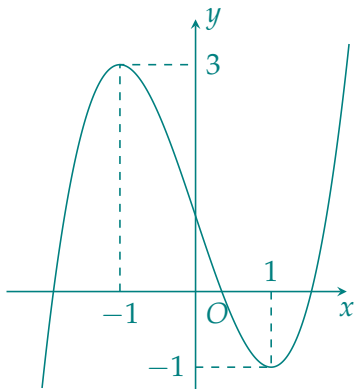
**Câu 2.** Cho hình trụ có bán kính 4 và độ dài đường sinh  $l = 3$ . Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $42\pi$ . (B)  $147\pi$ . (C)  $49\pi$ . (D)  $21\pi$ .

**Câu 3.** Trong không gian  $Oxyz$  cho đường thẳng  $d : \frac{x-4}{3} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-3}{-2}$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_2 = (4; -2; 3)$ . (B)  $\vec{u}_4 = (4; 2; -3)$ .  
(C)  $\vec{u}_3 = (3; -1; -2)$ . (D)  $\vec{u}_1 = (3; 1; 2)$ .

**Câu 4.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = 2$  là:

- (A) 0. (B) 3. (C) 1. (D) 2.

**Câu 5.** Biết  $\int_2^3 f(x)dx = 6$ . Giá trị của  $1400ha$  bằng.

- (A) 36. (B) 3. (C) 12. (D) 8.

**Câu 6.** Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số AC là:

- (A)  $y = \frac{1}{3}$ . (B)  $y = 3$ .  
(C)  $y = -1$ . (D)  $y = 1$ .

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-3; 0)$ . (B)  $(-3; 3)$ .  
(C)  $(0; 3)$ . (D)  $(-\infty; -3)$ .

**Câu 17.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$	↗ 2 ↘		$3$	↗ $+\infty$	

Giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng

- (A) 3. (B)  $-3$ . (C)  $-1$ . (D) 2.

**Câu 18.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với  $u_1 = 4$  và công bội  $q = 3$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- (A) 64. (B) 81. (C) 12. (D)  $\frac{4}{3}$ .

**Câu 19.** Cho khối cầu có bán kính  $r = 2$ . Thể tích của khối cầu bằng

- (A)  $\frac{32\pi}{3}$ . (B)  $16\pi$ . (C)  $32\pi$ . (D)  $\frac{8\pi}{3}$ .

**Câu 20.** Trên mặt phẳng tọa độ, biết  $M(-1; 2)$  là điểm biểu diễn của số phức  $z$ . Phần thực của  $z$  bằng

- (A) 1. (B) 2. (C)  $-2$ . (D)  $-1$ .

**Câu 21.**  $\int x^5 dx$  bằng

- (A)  $5x^4 + C$ . (B)  $\frac{1}{6}x^6 + C$ .  
(C)  $x^6 + C$ . (D)  $6x^6 + C$ .

**Câu 22.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(x - 2) = 2$  là

- (A)  $x = 11$ . (B)  $x = 10$ . (C)  $x = 7$ . (D) 8.

**Câu 23.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(2; 0; 0)$ ,  $B(0; -1; 0)$ ,  $C(0; 0; 3)$ . Mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{3} = 1$ . (B)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-3} = 1$ .  
(C)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{3} = 1$ . (D)  $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{3} = 1$ .

**Câu 24.** Có bao nhiêu cách xếp 8 học sinh thành một hàng dọc?

- (A) 8. (B) 1. (C) 40320. (D) 64.

**Câu 25.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - 3i$  và  $z_2 = 3 + i$ . Số phức  $z_1 + z_2$  bằng.

- (A)  $4 - 2i$ . (B)  $-4 + 2i$ .  
(C)  $4 + 2i$ . (D)  $-4 - 2i$ .

**Câu 26.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = a$ ;  $BC = a\sqrt{2}$ ;  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Góc giữa đường thẳng  $SC$  và đáy bằng

- (A)  $90^\circ$ . (B)  $45^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $30^\circ$ .

**Câu 27.** Cho hai số  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $9^{\log_3(a^2b)} = 4a^3$ . Giá trị của biểu thức  $ab^2$  bằng

- (A) 4. (B) 2. (C) 3. (D) 6.

**Câu 28.** Trong gian gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(3; -2; 2)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-3}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-1}{-2}$ . Mặt phẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $d$  có phương trình là

- (A)  $x + 2y - 2z + 5 = 0$ .  
(B)  $3x - 2y + 2z - 17 = 0$ .  
(C)  $3x - 2y + 2z + 17 = 0$ .  
(D)  $x + 2y - 2z - 5 = 0$ .

**Câu 29.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 33x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng

- (A)  $-72$ . (B)  $-22\sqrt{11}$ .  
(C)  $-58$ . (D)  $22\sqrt{11}$ .

**Câu 30.** Tập nghiệm của bất phương trình  $2^{x^2-1} < 8$  là

- (A)  $(0; 2)$ . (B)  $(-\infty; 2)$ .  
(C)  $(-2; 2)$ . (D)  $(2; +\infty)$ .

**Câu 31.** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai đường  $y = x^2 - 3$  và  $y = x - 3$  bằng

- (A)  $\frac{125\pi}{6}$ . (B)  $\frac{1}{6}$ . (C)  $\frac{125}{6}$ . (D)  $\frac{\pi}{6}$ .

**Câu 32.** Cho hình nón có bán kính đáy bằng 4 và góc ở đỉnh bằng  $60^\circ$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{64\sqrt{3}\pi}{3}$ . (B)  $32\pi$ .  
(C)  $64\pi$ . (D)  $\frac{32\sqrt{3}\pi}{3}$ .

**Câu 33.** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình  $z^2 - 4z + 13 = 0$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn của số phức  $1 - z_0$  là

- (A)  $M(3; -3)$ . (B)  $P(-1; 3)$ .  
(C)  $Q(1; 3)$ . (D)  $N(-1; -3)$ .

**Câu 34.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  có bảng xét dấu  $f'(x)$

$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$2$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$

Số điểm cực đại của hàm số đã cho là:

- (A) 3. (B) 1. (C) 2. (D) 4.

**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1;1;0), B(1;0;1), C(3;1;0)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và song song với  $BC$  có phương trình là:

- (A)  $\frac{x+1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z}{1}$ .  
 (B)  $\frac{3z}{3}$ .  
 (C)  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z}{-1}$ .  
 (D)  $\frac{x-1}{4} = \frac{y-1}{1} = \frac{z}{1}$ .

**Câu 36.** Cho hai số phức  $z = 1 + 3i$  và  $w = 1 + i$ . Môđun của số phức  $z \cdot \bar{w}$  bằng

- (A)  $2\sqrt{5}$ . (B)  $2\sqrt{2}$ . (C) 20. (D) 8.

**Câu 37.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 3x$  và đồ thị hàm số  $y = x^3 - x^2$  là

- (A) 1. (B) 0. (C) 2. (D) 3.

**Câu 38.** Biết  $F(x) = x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Giá trị của  $\int_1^3 [1 + f(x)] dx$  bằng

- (A) 10. (B) 8. (C)  $\frac{26}{3}$ . (D)  $\frac{32}{3}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+4}}$ . Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $g(x) = (x+1)f'(x)$  là

- (A)  $\frac{x+4}{2\sqrt{x^2+4}} + C$ . (B)  $\frac{x-4}{\sqrt{x^2+4}} + C$ .  
 (C)  $\frac{x^2+2x-4}{2\sqrt{x^2+4}} + C$ . (D)  $\frac{2x^2+x+4}{\sqrt{x^2+4}} + C$ .

**Câu 40.** Trong năm 2019, diện tích rừng trồng mới của tỉnh A là 800ha. Giả sử diện tích rừng trồng mới của tỉnh A mỗi năm tiếp theo đều tăng 6% so với diện tích rừng trồng mới của năm liền trước. Kể từ sau năm 2019, năm nào dưới đây là năm đầu tiên tỉnh A có diện tích rừng trồng mới trong năm đó đạt trên 1400ha?

- (A) Năm 2029. (B) Năm 2028.  
 (C) Năm 2048. (D) Năm 2049.

**Câu 41.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy, góc giữa mặt phẳng  $(SBC)$  và mặt phẳng đáy bằng  $30^\circ$ . Diện tích của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp  $S.ABC$  bằng

- (A)  $\frac{43\pi a^2}{3}$ . (B)  $\frac{19\pi a^2}{3}$ . (C)  $\frac{19\pi a^2}{9}$ . (D)  $13\pi a^2$ .

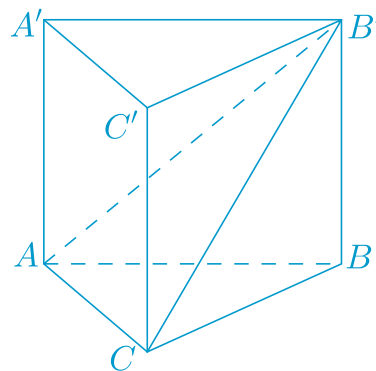
**Câu 42.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+3}{x+m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -6)$  là

- (A)  $(3; 6]$ . (B)  $(3; 6)$ .  
 (C)  $(3; +\infty)$ . (D)  $[3; 6)$ .

**Câu 43.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau và các chữ số thuộc tập hợp  $\{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$ . Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó không có hai chữ số liên tiếp nào cùng lẻ bằng

- (A)  $\frac{1}{5}$ . (B)  $\frac{13}{35}$ . (C)  $\frac{9}{35}$ . (D)  $\frac{2}{7}$ .

**Câu 44.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh bằng  $a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $AA'$  (tham khảo hình vẽ).



Khoảng cách từ  $M$  đến mặt phẳng  $(AB'C)$  bằng

- (A)  $\frac{a\sqrt{2}}{4}$ . (B)  $\frac{a\sqrt{21}}{7}$ . (C)  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ . (D)  $\frac{a\sqrt{21}}{14}$ .

**Câu 45.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có tất cả các cạnh bằng  $a$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là các điểm đối xứng với  $O$  qua trọng tâm của các tam giác  $SAB, SBC, SCD, SDA$  và  $S'$  là điểm đối xứng với  $S$  qua  $O$ . Thể tích khối chóp  $S'MNPQ$  bằng

- (A)  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{9}$ . (B)  $\frac{20\sqrt{2}a^3}{81}$ .  
 (C)  $\frac{40\sqrt{2}a^3}{81}$ . (D)  $\frac{10\sqrt{2}a^3}{81}$ .

**Câu 46.** Cho hàm số bậc bốn  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$f(x)$			$3$		$3$	
	$-\infty$			$-2$		$-\infty$

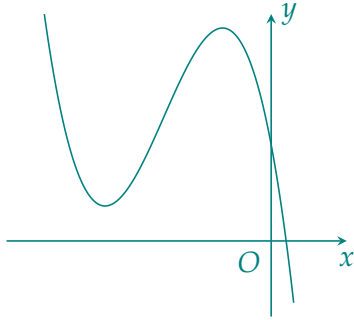
Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = x^2 [f(x+1)]^4$

- (A) 7. (B) 8. (C) 9. (D) 5.

**Câu 47.** Xét các số thực không âm  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $2x + y4^{x+y-1} \geq 3$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x^2 + y^2 + 4x + 2y$  bằng

- (A)  $\frac{33}{8}$ . (B)  $\frac{9}{8}$ . (C)  $\frac{21}{4}$ . (D)  $\frac{41}{8}$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị là đường cong trong hình bên. Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

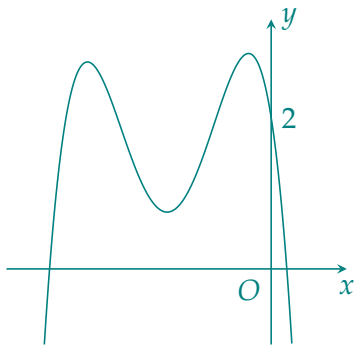


- (A) 4.      (B) 2.      (C) 1.      (D) 3.

**Câu 49.** Có bao nhiêu số nguyên  $x$  sao cho ứng với mỗi  $x$  có không quá 255 số nguyên  $y$  thỏa mãn  $\log_3(x^2 + y) \geq \log_2(x + y)$ ?

- (A) 80.      (B) 79.      (C) 157.      (D) 158.

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong như hình vẽ bên



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x^2 f(x)) = 2$  là

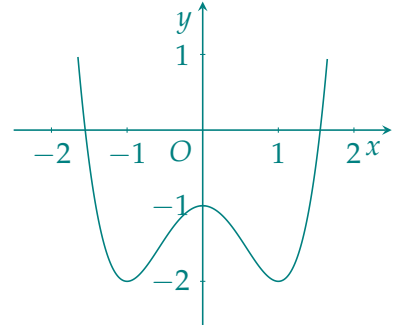
- (A) 6.      (B) 12.      (C) 8.      (D) 9.

—————Hết—————  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. A	3. C	4. B	5. C	6. B	7. B	8. D	9. C	10. A	11. B
12. A	13. B	14. B	15. C	16. A	17. D	18. C	19. A	20. D	21. B	22. A
23. D	24. C	25. A	26. D	27. A	28. A	29. B	30. C	31. B	32. B	33. D
34. C	35. C	36. A	37. D	38. A	39. B	40. A	41. B	42. A	43. B	44. D
45. B	46. C	47. D	48. C	49. D	50. D					

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020  
ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 101  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề**

**Câu 1.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



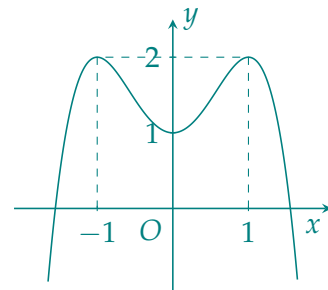
Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -\frac{1}{2}$  là

- (A) 3.      (B) 4.      (C) 2.      (D)  $x = 1$ .

**Câu 2.** Tập xác định của hàm số  $y = 4^x$  là

- (A)  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .      (B)  $[0; +\infty)$ .  
(C)  $(0; +\infty)$ .      (D)  $\mathbb{R}$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(1; +\infty)$ .      (B)  $(-1; 0)$ .  
(C)  $(0; 1)$ .      (D)  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 4.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là biểu diễn số phức  $z = -3 + 4i$ ?

- (A)  $N(3; 4)$ .      (B)  $M(4; 3)$ .  
(C)  $P(-3; 4)$ .      (D)  $Q(4; -3)$ .

**Câu 5.** Cho mặt cầu có bán kính  $r = 4$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $\frac{256\pi}{3}$ .      (B)  $\frac{64\pi}{3}$ .      (C)  $16\pi$ .      (D)  $64\pi$ .

**Câu 6.**  $\int 5x^4 dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{5}x^5 + C$ .      (B)  $x^5 + C$ .  
(C)  $5x^5 + C$ .      (D)  $20x^3 + C$ .

24

**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 101  
NĂM 2020**

**Câu 7.** Trong không gian  $Oxyz$ . Điểm nào sau đây là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(1;4;2)$  trên mặt phẳng  $Oxy$ ?

- (A)  $(0;4;2)$ . (B)  $(1;4;0)$ . (C)  $(1;0;2)$ . (D)  $(0;0;2)$ .

**Câu 8.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 11$  và công sai  $d = 3$ . Giá trị của 7 bằng

- (A) 8. (B) 33. (C)  $\frac{11}{3}$ . (D) 14.

**Câu 9.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 6$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A) 9. (B) 18. (C) 3. (D) 6.

**Câu 10.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x+8) = 5$  bằng

- (A)  $x = 17$ . (B)  $x = 24$ . (C)  $x = 2$ . (D)  $x = 40$ .

**Câu 11.** Biết  $\int_2^3 f(x)dx = 4$  và  $\int_2^3 g(x)dx = 1$ . Khi đó:

$$\int_2^3 [f(x) - g(x)] dx \text{ bằng:}$$

- (A) -3. (B) 3. (C) 4. (D) 5.

**Câu 12.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-2}{4} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+3}{1}$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $d$ ?

- (A)  $Q(4; -2; 1)$ . (B)  $N(4; 2; 1)$ .  
(C)  $P(2; 1; -3)$ . (D)  $M(2; 1; 3)$ .

**Câu 13.** Phần thực của số phức  $z = -3 - 4i$  bằng

- (A) 4. (B) -3. (C) 3. (D) -4.

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x+1)^2 + (y-2)^2 + (z+3)^2 = 4$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- (A)  $(-1; 2; -3)$ . (B)  $(2; -4; 6)$ .  
(C)  $(1; -2; 3)$ . (D)  $(-2; 4; -6)$ .

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	3	$+\infty$		
$f'(x)$		-	0	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$			2		$-\infty$
			-3			

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = -1$ .  
(C)  $x = 2$ . (D)  $x = -3$ .

**Câu 16.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 2a^2$  và chiều cao  $h = 6a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $12a^3$ . (B)  $4a^3$ . (C)  $2a^3$ . (D)  $6a^3$ .

**Câu 17.** Cho khối trụ có bán kính đáy  $r = 4$  và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích của khối trụ đã cho bằng

- (A)  $48\pi$ . (B)  $4\pi$ . (C)  $16\pi$ . (D)  $24\pi$ .

**Câu 18.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-3} = 2^x$  là

- (A)  $x = 8$ . (B)  $x = -8$ .  
(C)  $x = 3$ . (D)  $x = -3$ .

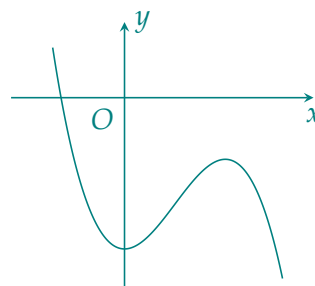
**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(\alpha) : 2x + 4y - z + 3 = 0$ . Vectơ nào sau đây là véc tơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

- (A)  $\vec{n}_1 = (2; 4; -1)$ . (B)  $\vec{n}_2 = (2; -4; 1)$ .  
(C)  $\vec{n}_3 = (-2; 4; 1)$ . (D)  $\vec{n}_4 = (2; 4; 1)$ .

**Câu 20.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+2}{x-1}$  là

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = -2$ .  
(C)  $x = 1$ . (D)  $x = -1$ .

**Câu 21.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong hình bên



- (A)  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ . (B)  $y = -x^3 + 2x^2 - 2$ .  
(C)  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ . (D)  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .

**Câu 22.** Có bao nhiêu cách chọn một học sinh từ một nhóm gồm 5 học sinh nam và 6 học sinh nữ?

- (A) 11. (B) 30. (C) 6. (D) 5.

**Câu 23.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_4(4a)$  bằng

- (A)  $1 + \log_4 a$ . (B)  $4 - \log_4 a$ .  
(C)  $4 + \log_4 a$ . (D)  $1 - \log_4 a$ .

**Câu 24.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 + 2i$  và  $z_2 = 1 - i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

- (A)  $2 - 3i$ . (B)  $-2 + 3i$ .  
(C)  $-2 - 3i$ . (D)  $2 + 3i$ .

**Câu 25.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = 2$  và độ dài đường sinh  $l = 5$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $20\pi$ . (B)  $\frac{20\pi}{3}$ . (C)  $10\pi$ . (D)  $\frac{10\pi}{3}$ .

**Câu 26.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 6x$  với trục hoành là

- (A) 2. (B) 3. (C) 1. (D) 0.

**Câu 27.** Biết  $\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 2$ . Khi đó  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng:

- (A) 1. (B) 4. (C) 2. (D) 0.

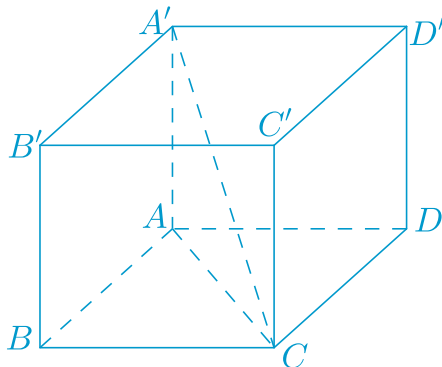
**Câu 28.** Cho số phức  $z = 1 - 2i$ , số phức  $(2 + 3i)\bar{z}$  bằng

- (A)  $4 - 7i$ . (B)  $-4 + 7i$ .  
(C)  $8 + i$ . (D)  $-8 + i$ .

**Câu 29.** Gọi  $D$  là hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^{3x}$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$  và  $x = 1$ . Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục  $Ox$  bằng:

- (A)  $\pi \int_0^1 e^{3x} dx$ . (B)  $\int_0^1 e^{6x} dx$ .  
(C)  $\pi \int_0^1 e^{6x} dx$ . (D)  $\int_0^1 e^{3x} dx$ .

**Câu 30.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = BC = a$ ,  $AA' = \sqrt{6}a$  (tham khảo hình dưới).



Góc giữa đường thẳng  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- (A)  $60^\circ$ . (B)  $90^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $45^\circ$ .

**Câu 31.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 10x^2 - 4$  trên  $[0; 9]$  bằng

- (A) -28. (B) -4. (C) -13. (D) -29.

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-1)(x+4)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A) 3. (B) 4. (C) 2. (D) 1.

**Câu 33.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý thỏa mãn  $\log_2 a - 2 \log_4 b = 3$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = 8b^2$ . (B)  $a = 8b$ .  
(C)  $a = 6b$ . (D)  $a = 8b^4$ .

**Câu 34.** Cắt hình trụ  $(T)$  bởi một mặt phẳng qua trục của nó ta được thiết diện là một hình vuông cạnh bằng 7. Diện tích xung quanh của  $(T)$  bằng

- (A)  $\frac{49}{4}$ . (B)  $\frac{49}{2}$ . (C) 49. (D) 98t.

**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; -2; 3)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x - y + 3z + 1 = 0$ . Phương trình của đường thẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $(P)$  là

- (A)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 + 3t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = -1 - 2t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 - 3t \end{cases}$ .

**Câu 36.** Gọi  $z_1$  và  $z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 + z + 2 = 0$ . Khi đó  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A) 4. (B)  $2\sqrt{2}$ . (C) 2. (D)  $\sqrt{2}$ .

**Câu 37.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; -1; 4)$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 2y + z + 1 = 0$ . Phương trình của mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với mặt phẳng  $(P)$  là

- (A)  $2x - 2y + 4z - 21 = 0$ .  
(B)  $2x - 2y + 4z + 21 = 0$ .  
(C)  $3x - 2y + z - 12 = 0$ .  
(D)  $3x - 2y + z + 12 = 0$ .

**Câu 38.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(18 - x^2) \geq 2$  là

- (A)  $(-\infty; 3]$ .  
(B)  $(0; 3]$ .  
(C)  $[-3; 3]$ .  
(D)  $(-\infty; -3] \cup [3; +\infty)$ .

**Câu 39.** Cho hình nón  $(N)$  có đỉnh  $S$ , bán kính đáy bằng  $\sqrt{2}a$  và độ dài đường sinh bằng  $4a$ . Gọi  $(T)$  là mặt cầu đi qua  $S$  và đường tròn đáy của  $(N)$ . Bán kính của  $(T)$  bằng

- (A)  $\frac{4\sqrt{2}}{3}a$ . (B)  $\sqrt{14}a$ .  
(C)  $\frac{4\sqrt{14}}{7}a$ . (D)  $\frac{8\sqrt{14}}{7}a$ .

**Câu 40.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (4 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)  $(-\infty; 1]$ . (B)  $(-\infty; 4]$ .  
(C)  $(-\infty; 1)$ . (D)  $(-\infty; 4)$ .

**Câu 41.** Năm 2020, một hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là 900.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán so với giá bán năm trước. Theo dự định đó, năm 2025 hãng xe ô tô niêm

yết giá bán loại xe X là bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng nghìn)?

- (A) 810.000.000. (B) 813.529.000.  
(C) 797.258.000. (D) 830.131.000.

**Câu 42.** Biết  $F(x) = e^x + x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Khi đó  $\int f(2x) dx$  bằng

- (A)  $2e^x + 2x^2 + C$ . (B)  $\frac{1}{2}e^{2x} + x^2 + C$ .  
(C)  $\frac{1}{2}e^{2x} + 2x^2 + C$ . (D)  $e^{2x} + 4x^2 + C$ .

**Câu 43.** Xét các số thực  $x, y$  thỏa mãn  $2x^2 + y^2 + 1 \leq (x^2 + y^2 - 2x + 2) 4^x$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = \frac{4y}{2x + y + 1}$  gần nhất với số nào dưới đây?

- (A) -2. (B) -3. (C) -5. (D) -4.

**Câu 44.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $3a$ , cạnh bên bằng  $\frac{3a\sqrt{3}}{2}$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P$  và  $Q$  lần lượt là hình chiếu vuông góc của  $O$  trên các mặt phẳng  $(SAB), (SBC), (SCD)$  và  $(SAD)$ . Thể tích khối chóp  $O.MNPQ$  bằng

- (A)  $\frac{9a^3}{16}$ . (B)  $\frac{2a^3}{3}$ . (C)  $\frac{9a^3}{32}$ . (D)  $\frac{a^3}{3}$ .

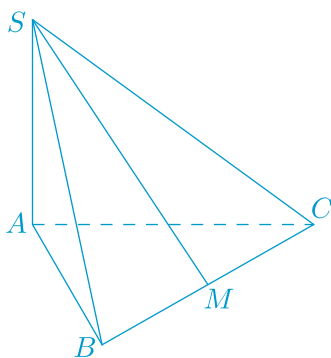
**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$		
$F'(x)$		+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$		↗ 3 ↘		↗ -5 ↘	$+\infty$

Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

- (A) 2. (B) 4. (C) 1. (D) 3.

**Câu 46.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ .  $AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $BC$  (tham khảo hình bên). Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AC$  và  $SM$  bằng

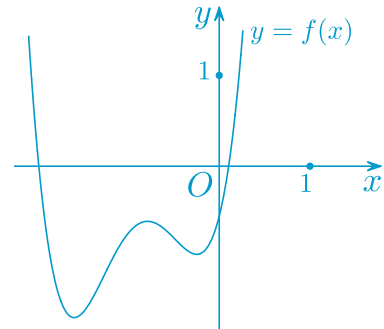


- (A)  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ . (B)  $\frac{a\sqrt{39}}{13}$ . (C)  $\frac{a}{2}$ . (D)  $\frac{a\sqrt{21}}{7}$ .

**Câu 47.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 6 chữ số đôi một khác nhau. Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó có hai chữ số tận cùng khác tính chẵn lẻ bằng:

- (A)  $\frac{50}{81}$ . (B)  $\frac{5}{9}$ . (C)  $\frac{5}{18}$ . (D)  $\frac{1}{2}$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$ . Biết  $y = f'(x)$  là hàm số bậc bốn và có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = |f(x^3) - x|$  là



- (A) 5. (B) 4. (C) 6. (D) 3.

**Câu 49.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-4	-2	0	$+\infty$	
$f'(x)$		-	0	+	0	+
$f(x)$	$-\infty$		↗ 2 ↘		↗ -3 ↘	$+\infty$

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $5f(x^2 - 4x) = m$  có ít nhất 3 nghiệm phân biệt thuộc khoảng  $(0; +\infty)$

- (A) 24. (B) 21. (C) 25. (D) 20.

**Câu 50.** Có bao nhiêu cặp số nguyên dương  $(m, n)$  sao cho  $m + n \leq 14$  và ứng với mỗi cặp  $(m, n)$  tồn tại đúng ba số thực  $a \in (-1; 1)$  thỏa mãn  $2a^m = n \ln(a + \sqrt{a^2 + 1})$ ?

- (A) 14. (B) 12. (C) 11. (D) 13.

—————Hết—————  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. D	3. C	4. C	5. D	6. B	7. B	8. D	9. B	10. B	11. B
13. B	14. A	15. A	16. B	17. A	18. C	19. A	20. C	21. B	22. A	23. A
24. D	25. C	26. B	27. A	28. C	29. C	30. A	31. D	32. D	33. B	34. C
35. A	36. B	37. C	38. C	39. C	40. B	41. B	42. C	43. B	44. C	45. A
46. B	47. B	48. A	49. C	50. C						

KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020  
ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 102  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x+9) = 5$  là

- (A)  $x = 41$ . (B)  $x = 23$ . (C)  $x = 1$ . (D)  $x = 16$ .

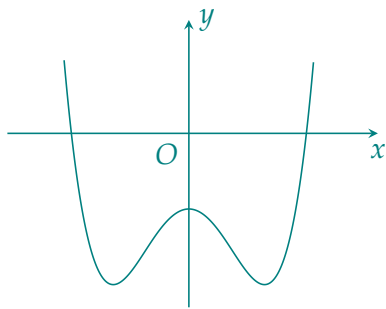
**Câu 2.** Tập xác định của hàm số  $y = 5^x$  là

- (A)  $\mathbb{R}$ . (B)  $(0; +\infty)$ .  
(C)  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ . (D)  $[0; +\infty)$ .

**Câu 3.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_5(5a)$  bằng

- (A)  $5 + \log_5 a$ . (B)  $5 - \log_5 a$ .  
(C)  $1 + \log_5 a$ . (D)  $1 - \log_5 a$ .

**Câu 4.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ . (B)  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .  
(C)  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ . (D)  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .

**Câu 5.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-4}{2} = \frac{z-2}{-5} = \frac{z+1}{1}$ . Điểm nào sau đây thuộc  $d$ ?

- (A)  $N(4; 2; -1)$ . (B)  $Q(2; 5; 1)$ .  
(C)  $M(4; 2; 1)$ . (D)  $P(2; -5; 1)$ .

**Câu 6.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x+1)^2 + (y+2)^2 + (z-3)^2 = 9$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là:

- (A)  $(-2; -4; 6)$ . (B)  $(2; 4; -6)$ .  
(C)  $(-1; -2; 3)$ . (D)  $(1; 2; -3)$ .

**Câu 7.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 6a^2$  và chiều cao  $h = 2a$ . Thể tích khối chóp đã cho bằng:

- (A)  $2a^3$ . (B)  $4a^3$ . (C)  $6a^3$ . (D)  $12a^3$ .

**Câu 8.** Cho khối trụ có bán kính đáy bằng  $r = 5$  và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích của khối trụ đã cho bằng

- (A)  $5\pi$ . (B)  $30\pi$ . (C)  $25\pi$ . (D)  $75\pi$ .

**Câu 9.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn số phức  $z = 1 - 2i$ ?

- (A)  $Q(1; 2)$ . (B)  $M(2; 1)$ .  
(C)  $P(-2; 1)$ . (D)  $N(1; -2)$ .

**Câu 10.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + 2i$  và  $z_2 = 4 - i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

- (A)  $3 + 3i$ . (B)  $-3 - 3i$ .  
(C)  $-3 + 3i$ . (D)  $3 - 3i$ .

**Câu 11.** Cho mặt cầu có bán kính  $r = 5$ . Diện tích mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $25\pi$ . (B)  $\frac{500\pi}{3}$ . (C)  $100\pi$ . (D)  $\frac{100\pi}{3}$ .

**Câu 12.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x-3}$  là

- (A)  $x = -3$ . (B)  $x = -1$ .  
(C)  $x = 1$ . (D)  $x = 3$ .

**Câu 13.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = 2$  và độ dài đường sinh  $l = 7$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $28\pi$ . (B)  $14\pi$ . (C)  $\frac{14\pi}{3}$ . (D)  $\frac{98\pi}{3}$ .

**Câu 14.**  $\int 6x^5 dx$  bằng

- (A)  $6x^6 + C$ . (B)  $x^6 + C$ .  
(C)  $\frac{1}{6}x^6 + C$ . (D)  $30x^4 + C$ .

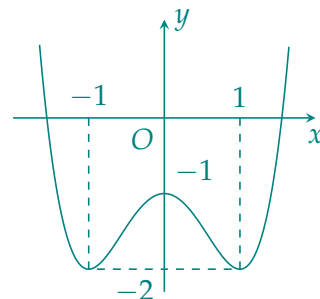
**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(\alpha) : 2x - 3y + 4z - 1 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

- (A)  $\vec{n}_3 = (2; -3; 4)$ . (B)  $\vec{n}_2 = (2; 3; -4)$ .  
(C)  $\vec{n}_1 = (2; 3; 4)$ . (D)  $\vec{n}_4 = (-2; 3; 4)$ .

**Câu 16.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 9$  và công sai  $d = 2$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- (A) 11. (B)  $\frac{9}{2}$ . (C) 18. (D) 7.

**Câu 17.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = -\frac{3}{2}$  là

- (A) 4. (B) 1. (C) 3. (D) 2.



**Câu 18.** Phần thực của số phức  $z = 3 - 4i$  bằng

- (A) 3. (B) 4. (C) -3. (D) -4.

**Câu 19.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 2$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A) 1. (B) 3. (C) 2. (D) 6.

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$+\infty$		$-1$		$3$		$-\infty$

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = -1$ .  
(C)  $x = 1$ . (D)  $x = -2$ .

**Câu 21.** Biết  $\int_2^3 f(x)dx = 3$  và  $\int_2^3 g(x)dx = 1$ . Khi đó

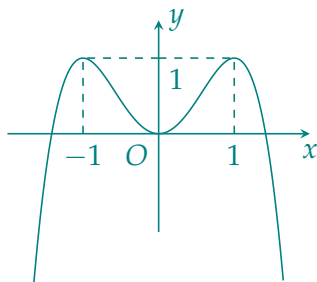
$$\int_2^3 [f(x) + g(x)] dx \text{ bằng}$$

- (A) 4. (B) 2. (C) -2. (D) 3.

**Câu 22.** Có bao nhiêu cách chọn một học sinh từ một nhóm gồm 6 học sinh nam và 9 học sinh nữ?

- (A) 9. (B) 54. (C) 15. (D) 6.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(-1; 0)$ . (B)  $(-\infty; -1)$ .  
(C)  $(0; 1)$ . (D)  $(0; +\infty)$ .

**Câu 24.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-4} = 2^x$  là

- (A)  $x = 16$ . (B)  $x = -16$ .  
(C)  $x = -4$ . (D)  $x = 4$ .

**Câu 25.** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(1; 2; 3)$  trên mặt phẳng  $Oxy$ .

- (A)  $Q(1; 0; 3)$ . (B)  $P(1; 2; 0)$ .  
(C)  $M(0; 0; 3)$ . (D)  $N(0; 2; 3)$ .

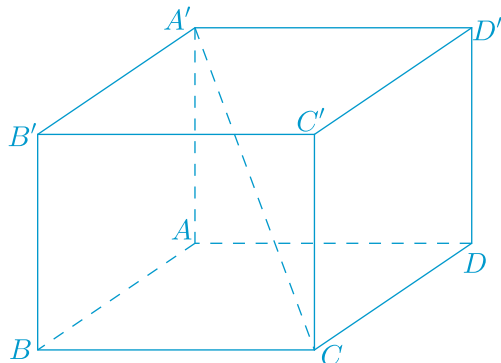
**Câu 26.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-1)(x+4)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- (A) 2. (B) 3. (C) 4. (D) 1.

**Câu 27.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý thỏa mãn  $\log_3 a - 2 \log_9 b = 2$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = 9b^2$ . (B)  $a = 9b$ .  
(C)  $a = 6b$ . (D)  $a = 9b^2$ .

**Câu 28.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a, AD = 2\sqrt{2}a, AA' = \sqrt{3}a$  (tham khảo hình bên).



Góc giữa đường thẳng  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $90^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $30^\circ$ .

**Câu 29.** Cắt hình trụ  $(T)$  bởi một mặt phẳng qua trục của nó, ta được thiết diện là một hình vuông cạnh bằng 1. Diện tích xung quanh của  $(T)$  bằng.

- (A)  $\pi$ . (B)  $\frac{\pi}{2}$ . (C)  $2\pi$ . (D)  $\frac{\pi}{4}$ .

**Câu 30.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; 1; -2)$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 2y + z + 1 = 0$ . Phương trình của mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(P)$  là:

- (A)  $2x + y - 2z + 9 = 0$ . (B)  $2x + y - 2z - 9 = 0$ .  
(C)  $3x - 2y + z + 2 = 0$ . (D)  $3x - 2y + z - 2 = 0$ .

**Câu 31.** Gọi  $z_1$  và  $z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - z + 3 = 0$ . Khi đó  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A)  $\sqrt{3}$ . (B)  $2\sqrt{3}$ . (C) 6. (D) 3.

**Câu 32.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 12x^2 - 4$  trên đoạn  $[0; 9]$  bằng

- (A) -39. (B) -40. (C) -36. (D) -4.

**Câu 33.** Cho số phức  $z = 2 - i$ , số phức  $(2 - 3i)\bar{z}$  bằng

- (A)  $-1 + 8i$ . (B)  $-7 + 4i$ .  
(C)  $7 - 4i$ . (D)  $1 + 8i$ .

**Câu 34.** Gọi  $D$  là hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^{4x}, y = 0, x = 0$  và  $x = 1$ . Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục  $Ox$  bằng

- (A)  $\int_0^1 e^{4x} dx.$  (B)  $\pi \int_0^1 e^{8x} dx.$   
 (C)  $\pi \int_0^1 e^{4x} dx.$  (D)  $\int_0^1 e^{8x} dx.$

**Câu 35.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 7x$  với trục hoành là

- (A) 0. (B) 3. (C) 2. (D) 1.

**Câu 36.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(13 - x^2) \geq 2$  là

- (A)  $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty).$  (B)  $(-\infty; 2].$   
 (C)  $(0; 2].$  (D)  $[-2; 2].$

**Câu 37.** Biết  $\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 3$ . Khi đó  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng

- (A) 1. (B) 5. (C) 3. (D) 2.

**Câu 38.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho  $M(1; 2; -3)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x - y + 3z - 1 = 0$ . Phương trình của đường thẳng đi qua điểm  $M$  và vuông góc với  $(P)$  là

- (A)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = -1 + 2t \\ z = 3 - 3t \end{cases}$  (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$   
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 + 3t \end{cases}$  (D)  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 - 3t \end{cases}$

**Câu 39.** Năm 2020 một hãng xe niêm yết giá bán loại xe X là 750.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán so với giá bán của năm liền trước. Theo dự định đó năm 2025 hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng nghìn)?

- (A) 677.941.000 đồng. (B) 675.000.000 đồng.  
 (C) 664.382.000 đồng. (D) 691.776.000 đồng.

**Câu 40.** Biết  $F(x) = e^x - 2x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Khi đó  $\int f(2x) dx$  bằng

- (A)  $2e^x - 4x^2 + C.$  (B)  $\frac{1}{2}e^{2x} - 4x^2 + C.$   
 (C)  $e^{2x} - 8x^2 + C.$  (D)  $\frac{1}{2}e^{2x} - 2x^2 + C.$

**Câu 41.** Cho hình nón  $(N)$  có đỉnh  $S$ , bán kính đáy bằng  $\sqrt{3}a$  và độ dài đường sinh bằng  $4a$ . Gọi  $(T)$  là mặt cầu đi qua  $S$  và đường tròn đáy của  $(N)$ . Bán kính của  $(T)$  bằng

- (A)  $\frac{2\sqrt{10}a}{3}.$  (B)  $\frac{16\sqrt{13}a}{13}.$   
 (C)  $\frac{8\sqrt{13}a}{13}.$  (D)  $\sqrt{13}a.$

**Câu 42.** Tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (5 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)  $(-\infty; 2).$  (B)  $(-\infty; 5).$   
 (C)  $(-\infty; 5].$  (D)  $(-\infty; 2].$

**Câu 43.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 6 chữ số đôi một khác nhau. Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó có hai chữ số tận cùng có cùng tính chẵn lẻ bằng

- (A)  $\frac{4}{9}.$  (B)  $\frac{2}{9}.$  (C)  $\frac{2}{5}.$  (D)  $\frac{1}{3}.$

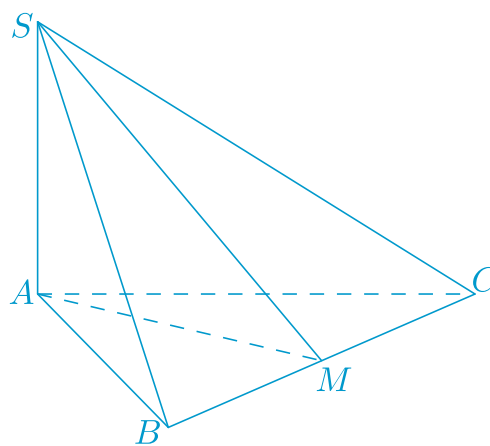
**Câu 44.** Xét các số thực thỏa mãn  $2^{x^2+y^2+1} \leq (x^2 + y^2 - 2x + 2) 4^x$ . Giá trị lớn nhất của biểu thức  $P = \frac{8x + 4}{2x - y + 1}$  gần với giá trị nào sau đây nhất?

- (A) 9. (B) 6. (C) 7. (D) 8.

**Câu 45.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $4a$ , cạnh bên bằng  $2\sqrt{3}a$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là hình chiếu vuông góc của  $O$  lên các mặt phẳng  $(SAB), (SBC), (SCD)$  và  $(SDA)$ . Thể tích của khối chóp  $O.MNPQ$  bằng

- (A)  $\frac{4a^3}{3}.$  (B)  $\frac{64a^3}{81}.$  (C)  $\frac{128a^3}{81}.$  (D)  $\frac{2a^3}{3}.$

**Câu 46.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $A, AB = a, SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy,  $SA = 2a, M$  là trung điểm của  $BC$ . Khoảng cách giữa  $AC$  và  $SM$  là



- (A)  $\frac{a}{2}.$  (B)  $\frac{a\sqrt{2}}{2}.$   
 (C)  $\frac{2a\sqrt{17}}{17}.$  (D)  $\frac{2a}{3}.$

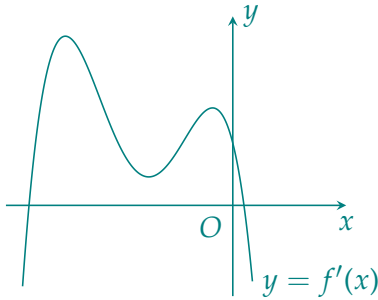
**Câu 47.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$		$2$		$1$	$+\infty$

Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

- (A) 2.      (B) 4.      (C) 1.      (D) 3.

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$ . Biết  $y = f'(x)$  là hàm số bậc bốn và có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = |f(x^3) + x|$  là



- (A) 4.      (B) 5.      (C) 3.      (D) 6.

**Câu 49.** Có bao nhiêu cặp số nguyên dương  $(m, n)$  sao cho  $m + n \leq 16$  và ứng với mỗi cặp  $(m, n)$  tồn tại đúng 3 số thực  $a \in (-1; 1)$  thỏa mãn  $2a^m - n \ln(a + \sqrt{a^2 + 1})$ ?

- (A) 16.      (B) 14.      (C) 15.      (D) 13.

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ:

$x$	$-\infty$	$-4$	$-2$	$0$	$+\infty$				
$f'(x)$		$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$		
$f(x)$	$+\infty$		$-2$		$2$		$-3$		$+\infty$

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $6f(x^2 - 4x) = m$  có ít nhất ba nghiệm thực phân biệt thuộc khoảng  $(0; +\infty)$ ?

- (A) 25.      (B) 30.      (C) 29.      (D) 24.

**Hết**  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. B	2. A	3. C	4. D	5. A	6. C	7. B	8. D	9. D	10. C	11. C
12. D	13. B	14. B	15. A	16. A	17. A	18. A	19. D	20. C	21. A	22. C
23. A	24. D	25. B	26. A	27. B	28. A	29. A	30. D	31. B	32. B	33. C

34. B	35. B	36. D	37. D	38. C	39. A	40. B	41. C	42. C	43. A	44. C
45. D	46. C	47. D	48. B	49. D	50. B					



**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 103**  
**NĂM 2020**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA**  
**NĂM 2020**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 103**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_2 2a$  bằng

- (A)  $1 + \log_2 a$ .      (B)  $1 - \log_2 a$ .  
(C)  $2 - \log_2 a$ .      (D)  $2 + \log_2 a$ .

**Câu 2.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 6$ , và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng.

- (A) 3.      (B) 18.      (C) 6.      (D) 9.

**Câu 3.** Phần thực của số phức  $z = -5 - 4i$  bằng

- (A) 5.      (B) 4.      (C)  $-4$ .      (D)  $-5$ .

**Câu 4.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 2a^2$  và chiều cao  $h = 9a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $3a^3$ .      (B)  $6a^3$ .      (C)  $18a^3$ .      (D)  $9a^3$ .

**Câu 5.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  :  $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z + 3)^2 = 4$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- (A)  $(-1; 2; 3)$ .      (B)  $(2; -4; -6)$ .  
(C)  $(-2; 4; 6)$ .      (D)  $(1; -2; -3)$ .

**Câu 6.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 8$  và công sai  $d = 3$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- (A)  $\frac{8}{3}$ .      (B) 24.      (C) 5.      (D) 11.

**Câu 7.** Có bao nhiêu cách chọn một học sinh từ một nhóm gồm 5 học sinh nam và 7 học sinh nữ là

- (A) 7.      (B) 12.      (C) 5.      (D) 35.

**Câu 8.** Biết  $\int_1^2 f(x) dx = 3$  và  $\int_1^2 g(x) dx = 2$ . Khi đó

$\int_1^2 [f(x) - g(x)] dx$  bằng?

- (A) 6.      (B) 1.      (C) 5.      (D)  $-1$ .

**Câu 9.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-2}{x+1}$  là

- (A)  $x = -2$ . (B)  $x = 1$ .  
 (C)  $x = -1$ . (D)  $x = 2$ .

**Câu 10.** Tập xác định của hàm số  $y = 2^x$  là

- (A)  $\mathbb{R}$ . (B)  $(0; +\infty)$ .  
 (C)  $[0; +\infty)$ . (D)  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

**Câu 11.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau :

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$-\infty$		$3$		$-2$		$+\infty$

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = 2$ .  
 (C)  $x = -2$ . (D)  $x = -1$ .

**Câu 12.** Trong không gian  $Oxyz$ , Cho mặt phẳng  $(\alpha) : 2x - y + 3z + 5 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

- (A)  $\vec{n}_3 = (-2; 1; 3)$ . (B)  $\vec{n}_4 = (2; 1; -3)$ .  
 (C)  $\vec{n}_2 = (2; -1; 3)$ . (D)  $\vec{n}_1 = (2; 1; 3)$ .

**Câu 13.** Cho mặt cầu có bán kính  $r = 4$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $16\pi$ . (B)  $64\pi$ . (C)  $\frac{64\pi}{3}$ . (D)  $\frac{256\pi}{3}$ .

**Câu 14.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - 3i$  và  $z_2 = 3 + i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

- (A)  $-2 - 4i$ . (B)  $2 - 4i$ .  
 (C)  $-2 + 4i$ . (D)  $2 + 4i$ .

**Câu 15.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-1} = 2^x$  là:

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = -1$ .  
 (C)  $x = 1$ . (D)  $x = -2$ .

**Câu 16.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = 2$ , độ dài đường sinh  $l = 5$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{10\pi}{3}$ . (B)  $\frac{50\pi}{3}$ . (C)  $20\pi$ . (D)  $10\pi$ .

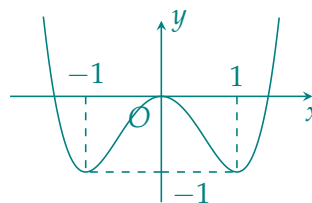
**Câu 17.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x+6) = 5$  là

- (A)  $x = 4$ . (B)  $x = 19$ . (C)  $x = 38$ . (D)  $x = 26$ .

**Câu 18.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dư đây là điểm biểu diễn của số phức  $z = 3 - 2i$ ?

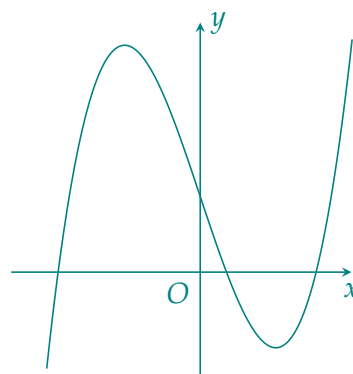
- (A)  $P(-3; 2)$ . (B)  $Q(2; -3)$ .  
 (C)  $N(3; -2)$ . (D)  $M(-2; 3)$ .

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong hình bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(-1; 0)$ . (B)  $(-\infty; -1)$ .  
 (C)  $(0; +\infty)$ . (D)  $(0; 1)$ .

**Câu 20.** Đồ thị của hàm số dưới đây có dạng như đường cong bên?



- (A)  $y = x^3 - 3x + 1$ . (B)  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .  
 (C)  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ . (D)  $y = -x^3 + 3x + 1$ .

**Câu 21.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{4} = \frac{z+2}{-1}$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $d$ ?

- (A)  $N(3; -1; -2)$ . (B)  $Q(2; 4; 1)$ .  
 (C)  $P(2; 4; -1)$ . (D)  $M(3; 1; 2)$ .

**Câu 22.** Trong không gian  $Oxyz$  điểm nào dưới đây là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(3; 5; 2)$  trên mặt phẳng  $(Oxy)$ ?

- (A)  $M(3; 0; 2)$ . (B)  $(0; 0; 2)$ .  
 (C)  $Q(0; 5; 2)$ . (D)  $N(3; 5; 0)$ .

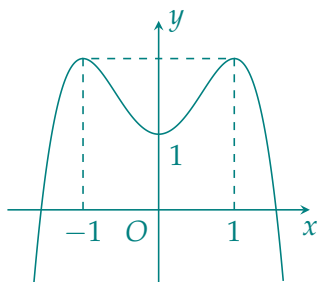
**Câu 23.** Cho khối trụ có bán kính  $r = 3$  và chiều cao  $h = 4$ . Thể tích khối trụ đã cho bằng

- (A)  $4\pi$ . (B)  $12\pi$ . (C)  $36\pi$ . (D)  $24\pi$ .

**Câu 24.**  $\int 3x^2 dx$  bằng

- (A)  $3x^3 + C$ . (B)  $6x + C$ .  
 (C)  $\frac{1}{3}x^3 + C$ . (D)  $x^3 + C$ .

**Câu 25.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = \frac{1}{2}$  là



- (A) 2.      (B) 4.      (C) 1.      (D) 3.

**Câu 26.** Gọi  $x_1$  và  $x_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - z + 2 = 0$ . Khi đó  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A) 2.      (B) 4.      (C)  $2\sqrt{2}$ .      (D)  $\sqrt{2}$ .

**Câu 27.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 3x$  với trục hoành là

- (A) 2.      (B) 0.      (C) 3.      (D) 1.

**Câu 28.** Cắt hình trụ ( $T$ ) bởi mặt phẳng qua trục của nó, ta được thiết diện là một hình vuông cạnh bằng 3. Diện tích xung quanh của ( $T$ ) bằng

- (A)  $\frac{9\pi}{4}$ .      (B)  $18\pi$ .      (C)  $9\pi$ .      (D)  $\frac{9\pi}{2}$ .

**Câu 29.** Gọi  $D$  là hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^{2x}$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$  và  $x = 1$ . Thể tích khối tròn xoay tạo thành kho quay  $D$  quanh  $Ox$  bằng

- (A)  $\pi \int_0^1 e^{4x} dx$ .      (B)  $\int_0^1 e^{2x} dx$ .  
(C)  $\pi \int_0^1 e^{2x} dx$ .      (D)  $\int_0^1 e^{4x} dx$ .

**Câu 30.** Biết  $\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 4$ . Khi đó  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng

- (A) 3.      (B) 2.      (C) 6.      (D) 4.

**Câu 31.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; -1; 3)$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 2y + z + 1 = 0$ . Phương trình mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(P)$  là

- (A)  $3x - 2y + z + 11 = 0$ .  
(B)  $2x - y + 3z - 14 = 0$ .  
(C)  $3x - 2y + z - 11 = 0$ .  
(D)  $2x - y + 3z + 14 = 0$ .

**Câu 32.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 10x^2 - 2$  trên đoạn  $[0; 9]$  bằng

- (A) -2.      (B) -11.      (C) -26.      (D) -27.

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+1)(x-4)^3$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A) 2.      (B) 3.      (C) 4.      (D) 1.

**Câu 34.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; -2; 2)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x + y - 3z + 1 = 0$ . Phương trình của đường thẳng qua  $M$  và vuông góc với mặt phẳng  $(P)$  là

- (A)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 + t \\ z = 2 - 3t \end{cases}$       (B)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 - 2t \\ z = 2 + t \end{cases}$   
(C)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 - 2t \\ z = -3 + 2t \end{cases}$       (D)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 + t \\ z = -2 - 3t \end{cases}$

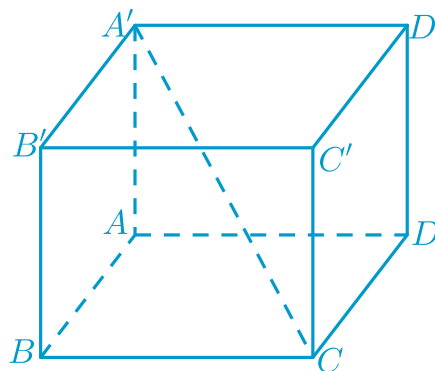
**Câu 35.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý thỏa mãn  $\log_3 a - 2 \log_9 b = 3$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = 27b$ .      (B)  $a = 9b$ .  
(C)  $a = 27b^4$ .      (D)  $a = 27b^2$ .

**Câu 36.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(36 - x^2) \geq 3$  là

- (A)  $(-\infty; -3] \cup [3; +\infty)$ .      (B)  $(-\infty; 3]$ .  
(C)  $[-3; 3]$ .      (D)  $(0; 3]$ .

**Câu 37.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$ , có  $AB = AA' = a$ ,  $AD = a\sqrt{2}$  (tham khảo hình vẽ).



Góc giữa đường thẳng  $A'C'$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- (A)  $30^\circ$ .      (B)  $45^\circ$ .      (C)  $90^\circ$ .      (D)  $60^\circ$ .

**Câu 38.** Cho số phức  $z = -2 + 3i$ , số phức  $(1 + i)\bar{z}$  bằng

- (A)  $-5 - i$ .      (B)  $-1 + 5i$ .  
(C)  $1 - 5i$ .      (D)  $5 - i$ .

**Câu 39.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (2 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)  $(-\infty; -1]$ .      (B)  $(-\infty; 2)$ .  
(C)  $(-\infty; -1)$ .      (D)  $(-\infty; 2]$ .

**Câu 40.** Biết  $F(x) = e^x - x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Khi đó  $\int f(2x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{2}e^{2x} - 2x^2 + C$ .      (B)  $e^{2x} - 4x^2 + C$ .  
(C)  $2e^x - 2x^2 + C$ .      (D)  $\frac{1}{2}e^{2x} - x^2 + C$ .

**Câu 41.** Năm 2020, một hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là 800.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán so với giá bán của năm liền trước. Theo dự định đó, năm 2025 hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng nghìn)?

- (A) 708.674.000 đồng. (B) 737.895.000 đồng.  
(C) 723.137.000 đồng. (D) 720.000.000 đồng.

**Câu 42.** Cho hình nón (N) có đỉnh S, bán kính đáy bằng a và độ dài đường sinh bằng 4a. Gọi (T) là mặt cầu đi qua S và đường tròn đáy của (N). Bán kính của (T) bằng

- (A)  $\frac{2\sqrt{6}a}{3}$ . (B)  $\frac{16\sqrt{15}a}{15}$ .  
(C)  $\frac{8\sqrt{15}a}{15}$ . (D)  $\sqrt{15}a$ .

**Câu 43.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$
$f'(x)$		+	0	-
			0	+
$f(x)$	$-\infty$		1	
				-1
				$+\infty$

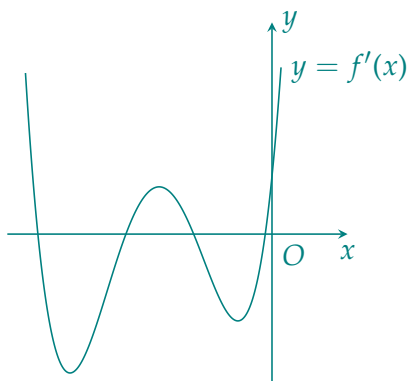
Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

- (A) 3. (B) 4. (C) 2. (D) 1.

**Câu 44.** Gọi S là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 5 chữ số đôi một khác nhau. Chọn ngẫu nhiên một số thuộc S, xác suất để số đó có hai chữ số tận cùng khác tính chẵn lẻ bằng

- (A)  $\frac{50}{81}$ . (B)  $\frac{1}{2}$ . (C)  $\frac{5}{18}$ . (D)  $\frac{5}{9}$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$ . Biết  $y = f'(x)$  là hàm số bậc bốn và có đồ thị như hình vẽ.



Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = |f(x^4) - x^2|$  là

- (A) 4. (B) 3. (C) 6. (D) 5.

**Câu 46.** Xét các số thực  $x, y$  thỏa mãn  $2x^2 + y^2 + 1 \leq (x^2 + y^2 - 2x + 2)4^x$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = \frac{8x + 4}{2x - y + 1}$  gần nhất với số nào dưới đây

- (A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 4.

**Câu 47.** Cho hình chóp S.ABC có đáy ABC là tam giác vuông cân tại A,  $AB = a$ . SA vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Gọi M là trung điểm của BC. Khoảng cách giữa hai đường thẳng AC và SM bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{3}a}{3}$ . (B)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (C)  $\frac{a}{2}$ . (D)  $\frac{\sqrt{5}a}{5}$ .

**Câu 48.** Cho hình chóp đều S.ABCD có cạnh đáy bằng a, cạnh bên bằng  $\frac{\sqrt{3}a}{2}$  và O là tâm của đáy. Gọi M, N, P và Q lần lượt là hình chiếu vuông góc của O trên các mặt phẳng (SAB), (SBC), (SCD) và (SDA). Thể tích của khối chóp O.MNPQ bằng

- (A)  $\frac{a^3}{48}$ . (B)  $\frac{2a^3}{81}$ . (C)  $\frac{a^3}{81}$ . (D)  $\frac{a^3}{96}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-4$	$-2$	$0$	$+\infty$
$f'(x)$		-	0	+	0
			+	0	-
$f(x)$	$+\infty$			2	
		$-\infty$			$+\infty$
			$-2$		$-3$

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để phương trình  $3f(x^2 - 4x) = m$  có ít nhất ba nghiệm thực phân biệt thuộc khoảng  $(0; +\infty)$ ?

- (A) 15. (B) 12. (C) 14. (D) 13.

**Câu 50.** Có bao nhiêu cặp số nguyên dương  $(m; n)$  sao cho  $m + n \leq 10$  và ứng với mỗi cặp  $(m; n)$  tồn tại đúng 3 số thực  $a \in (-1; 1)$  thỏa mãn  $2a^m = n \ln(a + \sqrt{a^2 + 1})$ ?

- (A) 7. (B) 8. (C) 10. (D) 9.

—————Hết—————  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. B	3. D	4. B	5. D	6. D	7. B	8. B	9. C	10. A	11. D
12. C	13. B	14. A	15. C	16. D	17. D	18. C	19. A	20. A	21. A	22. D
24. D	25. A	26. C	27. C	28. C	29. A	30. A	31. C	32. D	33. D	34. A
35. A	36. C	37. A	38. C	39. D	40. A	41. C	42. C	43. C	44. D	45. D
46. C	47. D	48. D	49. A	50. D						



**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 104  
NĂM 2020**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA**  
**NĂM 2020**  
**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 104**  
 Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(\alpha) : x - 2y + 4z - 1 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(\alpha)$ ?

- (A)  $\vec{n}_3 = (1; -2; 4)$ .      (B)  $\vec{n}_1 = (1; 2; -4)$ .  
 (C)  $\vec{n}_2 = (1; 2; 4)$ .      (D)  $\vec{n}_4 = (-1; 2; 4)$ .

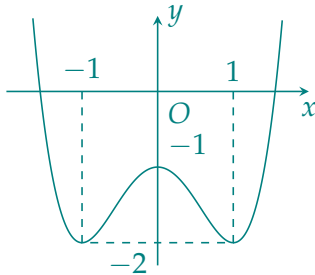
**Câu 2.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 7$  công sai  $d = 2$ . Giá trị  $u_2$  bằng

- (A) 14.      (B) 9.      (C)  $\frac{7}{2}$ .      (D) 5.

**Câu 3.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x+3}$  là

- (A)  $x = -1$ .      (B)  $x = 1$ .  
 (C)  $x = -3$ .      (D)  $x = 3$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình dưới đây.



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(1; +\infty)$ .      (B)  $(0; 1)$ .  
 (C)  $(-1; 0)$ .      (D)  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 5.**  $\int 4x^3 dx$  bằng

- (A)  $4x^4 + C$ .      (B)  $\frac{1}{4}x^4 + C$ .  
 (C)  $12x^2 + C$ .      (D)  $x^4 + C$ .

**Câu 6.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_3(3a)$  bằng

- (A)  $3 - \log_3 a$ .      (B)  $1 - \log_3 a$ .  
 (C)  $3 + \log_3 a$ .      (D)  $1 + \log_3 a$ .

**Câu 7.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn số phức  $z = -1 + 2i$ ?

- (A)  $N(-1; 2)$ .      (B)  $P(2; -1)$ .  
 (C)  $Q(-2; 1)$ .      (D)  $M(1; -2)$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$3$	$+\infty$	
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$	$1$	$-3$	$+\infty$	

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)  $x = -2$ .      (B)  $x = -3$ .  
 (C)  $x = 1$ .      (D)  $x = 3$ .

**Câu 9.** Khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 6$  và chiều cao  $h = 4$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A) 24.      (B) 4.      (C) 8.      (D) 12.

**Câu 10.** Biết  $\int_1^2 f(x)dx = 2$  và  $\int_1^2 g(x)dx = 3$ . Khi đó

$\int_1^2 [f(x) + g(x)]dx$  bằng

- (A) 1.      (B) 5.      (C)  $-1$ .      (D) 6.

**Câu 11.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-3}{2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+5}{-1}$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $d$ ?

- (A)  $M(3; 1; 5)$ .      (B)  $N(3; 1; -5)$ .  
 (C)  $P(2; 2; -1)$ .      (D)  $Q(2; 2; 1)$ .

**Câu 12.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 3a^2$  và chiều cao  $h = 6a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $3a^3$ .      (B)  $6a^3$ .      (C)  $9a^3$ .      (D)  $18a^3$ .

**Câu 13.** Cho khối trụ có bán kính đáy  $r = 3$  và chiều cao  $h = 5$ . Thể tích của khối trụ đã cho bằng

- (A)  $45\pi$ .      (B)  $5\pi$ .      (C)  $15\pi$ .      (D)  $30\pi$ .

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x-1)^2 + (y-2)^2 + (z+3)^2 = 9$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- (A)  $(-1; -2; 3)$ .      (B)  $(-2; -4; 6)$ .  
 (C)  $(1; 2; -3)$ .      (D)  $(2; 4; -6)$ .

**Câu 15.** Phần thực của số phức  $z = 5 - 4i$  là

- (A) 4.      (B)  $-4$ .      (C) 5.      (D)  $-5$ .

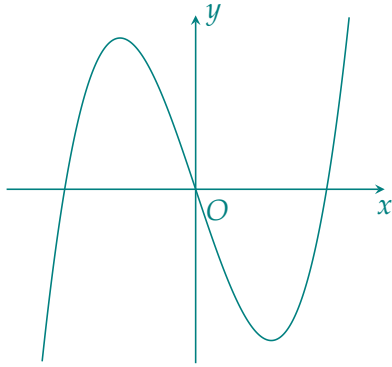
**Câu 16.** Cho mặt cầu bán kính  $r = 5$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $\frac{500\pi}{3}$ .      (B)  $25\pi$ .      (C)  $\frac{100\pi}{3}$ .      (D)  $100\pi$ .

**Câu 17.** Có bao nhiêu cách chọn một học sinh từ một nhóm gồm 7 học sinh nam và 8 học sinh nữ?

- (A) 8.      (B) 15.      (C) 56.      (D) 7.

**Câu 18.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = x^4 + 2x^2$ .      (B)  $y = -x^3 - 3x$ .  
 (C)  $y = x^3 - 3x$ .      (D)  $y = -x^4 + 2x^2$ .

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(3; 4; 1)$  trên mặt phẳng  $(Oxy)$ ?

- (A)  $Q(0; 4; 1)$ .      (B)  $P(3; 0; 1)$ .  
 (C)  $M(0; 0; 1)$ .      (D)  $N(3; 4; 0)$ .

**Câu 20.** Tập xác định của hàm số  $y = 3^x$  là

- (A)  $[0; +\infty)$ .      (B)  $(0; +\infty)$ .  
 (C)  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .      (D)  $\mathbb{R}$ .

**Câu 21.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = 2$  và độ dài đường sinh  $l = 7$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{28\pi}{3}$ .      (B)  $14\pi$ .      (C)  $28\pi$ .      (D)  $\frac{14\pi}{3}$ .

**Câu 22.** Nghiệm của phương trình  $Ox$  là

- (A)  $x = -2$ .      (B)  $x = 2$ .  
 (C)  $x = -4$ .      (D)  $x = 4$ .

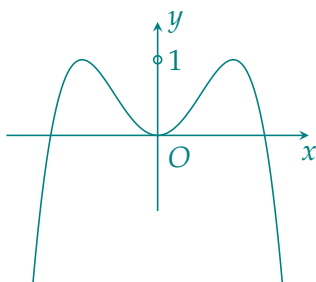
**Câu 23.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 - 2i$  và  $z_2 = 2 + i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

- (A)  $-1 + 3i$ .      (B)  $-1 - 3i$ .  
 (C)  $1 + 3i$ .      (D)  $1 - 3i$ .

**Câu 24.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x + 7) = 5$  là

- (A)  $x = 18$ .      (B)  $x = 25$ .      (C)  $x = 39$ .      (D)  $x = 3$ .

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = \frac{1}{2}$  là

- (A) 4.      (B) 2.      (C) 1.      (D) 3.

**Câu 26.** Cắt hình trụ  $(T)$  bởi một mặt phẳng qua trục của nó, ta được thiết diện là một hình vuông cạnh bằng 5. Diện tích xung quanh của  $(T)$  bằng

- (A)  $\frac{25\pi}{2}$ .      (B)  $25\pi$ .      (C)  $50\pi$ .      (D)  $\frac{25\pi}{4}$ .

**Câu 27.** Cho số phức  $z = -3 + 2i$ , số phức  $(1 - i)\bar{z}$  bằng

- (A)  $-1 - 5i$ .      (B)  $5 - i$ .  
 (C)  $1 - 5i$ .      (D)  $-5 + i$ .

**Câu 28.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 5x$  với trục hoành là:

- (A) 3.      (B) 2.      (C) 0.      (D) 1.

**Câu 29.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý thỏa mãn  $\log_2 a - 2\log_4 b = 4$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = 16b^2$ .      (B)  $a = 8b$ .  
 (C)  $a = 16b$ .      (D)  $a = 16b^4$ .

**Câu 30.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; 1; -3)$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 2y + z - 3 = 0$ . Phương trình của mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(P)$  là

- (A)  $3x - 2y + z + 1 = 0$ .  
 (B)  $3x - 2y + z - 1 = 0$ .  
 (C)  $2x + y - 3z + 14 = 0$ .  
 (D)  $2x + y - 3z - 14 = 0$ .

**Câu 31.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 12x^2 - 1$  trên đoạn  $[0; 9]$  bằng

- (A)  $-28$ .      (B)  $-1$ .      (C)  $-36$ .      (D)  $-37$ .

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f'(x) = x(x + 1)(x - 4)^3$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- (A) 4.      (B) 3.      (C) 1.      (D) 2.

**Câu 33.** Gọi  $D$  là hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^x, y = 0, x = 0$  và  $x = 1$ . Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục  $Ox$  bằng

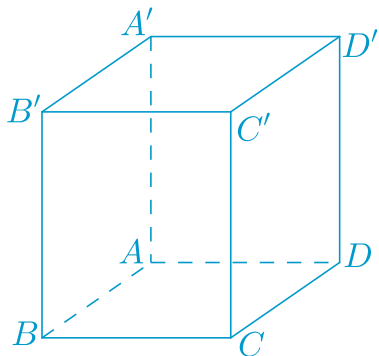
- (A)  $\pi \int_0^1 e^{2x} dx$ .      (B)  $\pi \int_0^1 e^x dx$ .  
 (C)  $\int_0^1 e^x dx$ .      (D)  $\int_0^1 e^{2x} dx$ .

**Câu 34.** Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 + z + 3 = 0$ . Khi đó  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A) 3.      (B)  $2\sqrt{3}$ .      (C)  $\sqrt{3}$ .      (D) 6.



**Câu 35.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a, AD = \sqrt{3}a, AA' = 2\sqrt{3}a$  (tham khảo hình vẽ).



Góc giữa đường thẳng  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $30^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Câu 36.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(31 - x^2) \geq 3$  là

- (A)  $(-\infty; 2]$ . (B)  $[-2; 2]$ .  
(C)  $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$ . (D)  $(0; 2]$ .

**Câu 37.** Trong không gian Oxyz, cho điểm  $M(1; 2; -2)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x + y - 3z + 1 = 0$ . Phương trình của đường thẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $(P)$  là:

- (A)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -2 + t \\ z = 2 - 3t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 + t \\ z = -2 - 3t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 2 + t \\ z = -2 - 3t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 + 2t \\ z = -3 - 2t \end{cases}$ .

**Câu 38.** Biết  $\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 5$ . Khi đó  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng

- (A) 7. (B) 3. (C) 5. (D) 4.

**Câu 39.** Cho hình nón  $(N)$  có đỉnh  $S$ , bán kính đáy bằng  $a$  và độ dài đường sinh bằng  $2\sqrt{2}a$ . Gọi  $(T)$  là mặt cầu đi qua  $S$  và đường tròn đáy của  $(N)$ . Bán kính của  $(T)$  bằng

- (A)  $\frac{4\sqrt{7}a}{7}$ . (B)  $\frac{4a}{3}$ . (C)  $\frac{8\sqrt{7}a}{7}$ . (D)  $\sqrt{7}a$ .

**Câu 40.** Biết  $F(x) = e^x + 2x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Khi đó  $\int f(2x) dx$  bằng

- (A)  $e^{2x} + 8x^2 + C$ . (B)  $2e^x + 4x^2 + C$ .  
(C)  $\frac{1}{2}e^{2x} + 2x^2 + C$ . (D)  $\frac{1}{2}e^{2x} + 4x^2 + C$ .

**Câu 41.** Năm 2020, một hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe  $X$  là 850.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán của năm liền trước. Theo dự định đó, năm 2025 hãng xe ô tô niêm yết giá

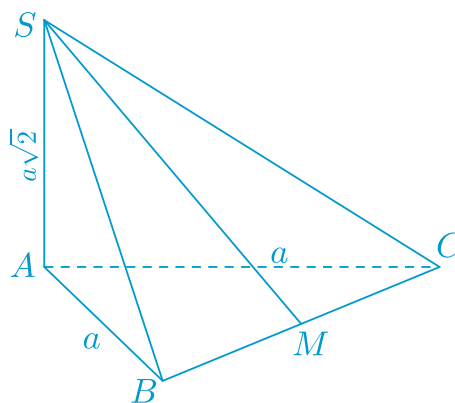
bán xe  $X$  là bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng nghìn)?

- (A) 768.333.000 đồng. (B) 765.000.000 đồng.  
(C) 752.966.000 đồng. (D) 784.013.000 đồng.

**Câu 42.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (1 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)  $(-\infty; -2)$ . (B)  $(-\infty; 1)$ .  
(C)  $(-\infty; -2]$ . (D)  $(-\infty; 1]$ .

**Câu 43.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{2}a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $BC$  (tham khảo hình vẽ).



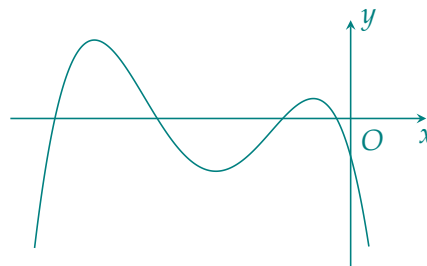
Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AC$  và  $SM$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{10}a}{5}$ . (B)  $\frac{a}{2}$ . (C)  $\frac{\sqrt{2}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .

**Câu 44.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 5 chữ số đôi một khác nhau. Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó có hai chữ số tận cùng có cùng tính chẵn lẻ bằng

- (A)  $\frac{4}{9}$ . (B)  $\frac{32}{81}$ . (C)  $\frac{2}{5}$ . (D)  $\frac{32}{45}$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$ . Biết  $y = f'(x)$  là hàm số bậc bốn và có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = |f(x^4) + x^2|$  là

- (A) 3. (B) 6. (C) 5. (D) 4.

**Câu 46.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $2a$ , cạnh bên bằng  $a\sqrt{3}$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P$  và  $Q$  lần lượt là hình chiếu vuông góc của  $O$  lên các mặt phẳng  $(SAB), (SBC), (SCD)$  và  $(SDA)$ . Thể tích khối chóp  $O.MNPQ$  bằng:

- (A)  $\frac{8a^3}{81}$ . (B)  $\frac{a^3}{6}$ . (C)  $\frac{a^3}{12}$ . (D)  $\frac{16a^3}{81}$ .

**Câu 47.** Xét các số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $2^{x^2+y^2+1} \leq (x^2 + y^2 - 2x + 2) 4^x$ . Giá trị lớn nhất của biểu thức  $P = \frac{4y}{2x + y + 1}$  gần nhất với số nào dưới đây?

- (A) 1. (B) 0. (C) 3. (D) 2.

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$					
$f'(x)$		+	0	-	0	+			
$f(x)$				-1					$+\infty$
	$-\infty$							-5	

Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

- (A) 4. (B) 2. (C) 3. (D) 1.

**Câu 49.** Có bao nhiêu cặp số nguyên dương  $(m, n)$  sao cho  $m + n \leq 12$  và ứng với mỗi cặp  $(m, n)$  tồn tại đúng 3 số thực  $a \in (-1, 1)$  thỏa mãn  $2a^m = n \ln(a + \sqrt{a^2 + 1})$ ?

- (A) 12. (B) 10. (C) 11. (D) 9.

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-4	-2	0	$+\infty$				
$f'(x)$		-	0	+	0	-	0	+	
$f(x)$					2				$+\infty$
	$+\infty$							-2	
									-3

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $4f(x^2 - 4x) = m$  có ít nhất 3 nghiệm thực phân biệt thuộc khoảng  $(0; +\infty)$ ?

- (A) 16. (B) 19. (C) 20. (D) 17.

Hết

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. B	2. B	3. C	4. B	5. D	6. D	7. A	8. A	9. A	10. B	11. B
12. B	13. A	14. A	15. C	16. D	17. B	18. C	19. D	20. D	21. C	22. B
23. D	24. B	25. A	26. B	27. D	28. A	29. C	30. B	31. D	32. D	33. A
34. B	35. C	36. B	37. B	38. D	39. A	40. D	41. A	42. D	43. C	44. A
45. C	46. C	47. A	48. D	49. D	50. C					

28

ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 105  
NĂM 2020

KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020

ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 105

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  :  $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z + 3)^2 = 4$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- (A)  $(-2; 4; -6)$ . (B)  $(-1; 2; 3)$ .  
(C)  $(2; -4; 6)$ . (D)  $(-1; 2; -3)$ .

**Câu 2.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 11$  và công sai  $d = 3$ . Giá trị của  $u_2$  bằng:

- (A)  $\frac{11}{3}$ . (B) 8. (C) 33. (D) 14.

**Câu 3.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_4(4a)$  bằng

- (A)  $4 + \log_4 a$ . (B)  $1 - \log_4 a$ .  
(C)  $4 - \log_4 a$ . (D)  $1 + \log_4 a$ .

**Câu 4.** Tập xác định của hàm số  $y = 4^x$  là

- (A)  $\mathbb{R}$ . (B)  $(0; +\infty)$ .  
(C)  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ . (D)  $[0; +\infty)$ .

**Câu 5.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d$  :  $\frac{x-2}{4} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+3}{1}$ . Điểm nào sau đây thuộc  $d$ ?

- (A)  $N(4; 2; 1)$ . (B)  $M(2; 1; 3)$ .  
(C)  $P(2; 1; -3)$ . (D)  $Q(4; -2; 1)$ .

**Câu 6.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 6$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A) 3. (B) 9. (C) 6. (D) 18.

**Câu 7.** Cho mặt cầu có bán kính  $r = 4$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $64\pi$ . (B)  $\frac{256\pi}{3}$ . (C)  $16\pi$ . (D)  $\frac{64\pi}{3}$ .

**Câu 8.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x + 8) = 5$  là

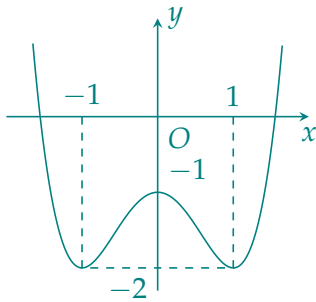
- (A)  $x = 17$ . (B)  $x = 24$ . (C)  $x = 40$ . (D)  $x = 2$ .

**Câu 9.** Biết  $\int_2^3 f(x) dx = 4$  và  $\int_2^3 g(x) dx = 1$ . Khi đó

$\int_2^3 [f(x) - g(x)] dx$  bằng

- (A) -3. (B) 5. (C) 4. (D) 3.

**Câu 10.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = -\frac{1}{2}$  là

- (A) 1.      (B) 4.      (C) 2.      (D) 3.

**Câu 11.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 2a^2$ , chiều cao  $h = 6a$ . Thể tích của khối chóp cho bằng

- (A)  $12a^3$ .      (B)  $6a^3$ .      (C)  $2a^3$ .      (D)  $4a^3$ .

**Câu 12.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 + 2i$ ,  $z_2 = 1 - i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

- (A)  $2 + 3i$ .      (B)  $-2 + 3i$ .  
(C)  $2 - 3i$ .      (D)  $-2 - 3i$ .

**Câu 13.** Cho khối trụ có bán kính  $r = 4$  và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích của khối trụ đã cho bằng

- (A)  $48\pi$ .      (B)  $24\pi$ .      (C)  $4\pi$ .      (D)  $16\pi$ .

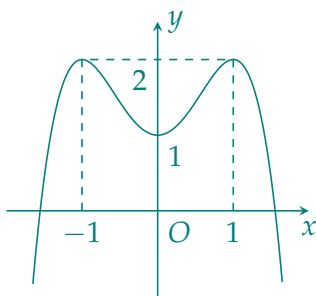
**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(\alpha) : 2x + 4y - z + 3 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

- (A)  $\vec{n}_3 = (2; 4; 1)$ .      (B)  $\vec{n}_4 = (-2; 4; 1)$ .  
(C)  $\vec{n}_1 = (2; 4; -1)$ .      (D)  $\vec{n}_2 = (2; -4; 1)$ .

**Câu 15.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = 2$  và độ dài đường sinh  $l = 5$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $10\pi$ .      (B)  $20\pi$ .      (C)  $\frac{20}{3}\pi$ .      (D)  $\frac{10}{3}\pi$ .

**Câu 16.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(0; 1)$ .      (B)  $(-\infty; 0)$ .  
(C)  $(1; +\infty)$ .      (D)  $(-1; 0)$ .

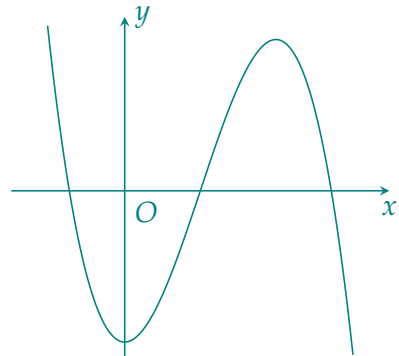
**Câu 17.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-3} = 2^x$  là

- (A)  $x = 3$ .      (B)  $x = 8$ .  
(C)  $x = -3$ .      (D)  $x = -8$ .

**Câu 18.** Có bao nhiêu cách chọn một học sinh từ một nhóm gồm 5 học sinh nam và 6 học sinh nữ?

- (A) 6.      (B) 11.      (C) 30.      (D) 5.

**Câu 19.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .      (B)  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ .  
(C)  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .      (D)  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$	$+\infty$	$-3$	$2$	$-\infty$	

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)  $x = 3$ .      (B)  $x = -1$ .  
(C)  $x = -3$ .      (D)  $x = 2$ .

**Câu 21.** Phần thực của số phức  $z = -3 - 4i$  bằng

- (A) 3.      (B)  $-3$ .      (C) 4.      (D)  $-4$ .

**Câu 22.** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(1; 4; 2)$  trên mặt phẳng  $(Oxy)$ ?

- (A)  $Q(1; 0; 2)$ .      (B)  $M(0; 0; 2)$ .  
(C)  $N(0; 4; 2)$ .      (D)  $P(1; 4; 0)$ .

**Câu 23.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn số phức  $z = -3 + 4i$ ?

- (A)  $P(-3; 4)$ .      (B)  $N(3; 4)$ .  
(C)  $Q(4; -3)$ .      (D)  $M(4; 3)$ .

**Câu 24.**  $\int 5x^4 dx$  bằng

- (A)  $20x^3 + C$ .      (B)  $\frac{1}{5}x^5 + C$ .  
(C)  $5x^5 + C$ .      (D)  $x^5 + C$ .

**Câu 25.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+2}{x-1}$  là

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = 1$ .  
(C)  $x = -2$ . (D)  $x = -1$ .

**Câu 26.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 10x^2 - 4$  trên  $[0; 9]$  bằng

- (A)  $-29$ . (B)  $-13$ . (C)  $-28$ . (D)  $-4$ .

**Câu 27.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; -2; 3)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x - y + 3z + 1 = 0$ . Phương trình của đường thẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $(P)$  là

- (A)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = -1 - 2t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 + 3t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 - 3t \end{cases}$ .

**Câu 28.** Cho số phức  $z = 1 - 2i$ . Số phức  $(2 + 3i)\bar{z}$  bằng

- (A)  $4 - 7i$ . (B)  $-8 + i$ .  
(C)  $8 + i$ . (D)  $-4 + 7i$ .

**Câu 29.** Gọi  $D$  là hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^{3x}, y = 0, x = 0$  và  $x = 1$ . Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quay quanh  $Ox$  bằng

- (A)  $\int_0^1 e^{3x} dx$ . (B)  $\int_0^1 e^{6x} dx$ .  
(C)  $\pi \int_0^1 e^{6x} dx$ . (D)  $\pi \int_0^1 e^{3x} dx$ .

**Câu 30.** Cắt hình trụ  $(T)$  bởi một mặt phẳng qua trục của nó, ta được thiết diện là một hình vuông có cạnh bằng 7. Diện tích xung quanh của  $(T)$  bằng

- (A)  $98\pi$ . (B)  $\frac{49\pi}{2}$ . (C)  $49\pi$ . (D)  $\frac{49\pi}{4}$ .

**Câu 31.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý thỏa mãn  $\log_2 a - 2 \log_4 b = 3$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = 8b^4$ . (B)  $a = 8b^2$ .  
(C)  $a = 8b$ . (D)  $a = 6b$ .

**Câu 32.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; -1; 4)$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 2y + z + 1 = 0$ . Phương trình mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(P)$  là

- (A)  $3x - 2y + z - 12 = 0$ .  
(B)  $3x - 2y + z + 12 = 0$ .  
(C)  $2x - y + 4z - 21 = 0$ .  
(D)  $2x - y + 4z + 21 = 0$ .

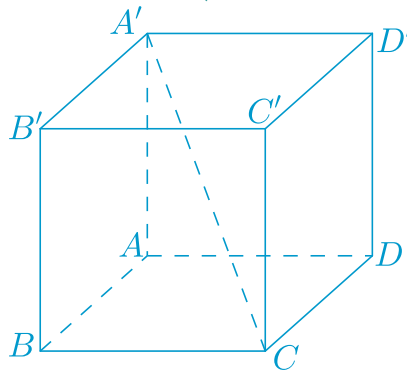
**Câu 33.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(18 - x^2) \geq 2$  là:

- (A)  $(-\infty; -3] \cup [3; +\infty)$ .  
(B)  $(-\infty; 3]$ .  
(C)  $[-3; 3]$ .  
(D)  $(0; 3]$ .

**Câu 34.** Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 + z + 2 = 0$ . Khi đó  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A) 2. (B)  $2\sqrt{2}$ . (C)  $\sqrt{2}$ . (D) 4.

**Câu 35.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = BC = a, AA' = a\sqrt{6}$  (tham khảo hình).



Góc giữa đường thẳng  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $90^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $60^\circ$ .

**Câu 36.** Cho hàm số  $f'(x) = x(x-1)(x+4)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A) 2. (B) 1. (C) 4. (D) 3.

**Câu 37.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 6x$  với trục hoành là:

- (A) 1. (B) 0. (C) 3. (D) 2.

**Câu 38.** Biết  $\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 2$ . Khi đó  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng

- (A) 1. (B) 0. (C) 4. (D) 2.

**Câu 39.** Tìm tất các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (4 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)  $(-\infty; 4]$ . (B)  $(-\infty; 1]$ .  
(C)  $(-\infty; 4)$ . (D)  $(-\infty; 1)$ .

**Câu 40.** Cho hình nón  $(N)$  có đỉnh  $S$ , bán kính đáy bằng  $\sqrt{2}a$  và độ dài đường sinh bằng  $4a$ . Gọi  $(T)$  là mặt cầu đi qua  $S$  và đường tròn đáy của  $(N)$ . Bán kính của  $(T)$  bằng:

- (A)  $\sqrt{14}a$ . (B)  $\frac{4\sqrt{2}a}{3}$ .  
(C)  $\frac{4\sqrt{14}a}{7}$ . (D)  $\frac{8\sqrt{14}a}{7}$ .



**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA**  
**NĂM 2020**  
**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 106**  
 Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Tập xác định của hàm số  $y = 3^x$  là

- (A)  $\mathbb{R}$ . (B)  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .  
 (C)  $(0; +\infty)$ . (D)  $[0; +\infty)$ .

**Câu 2.** Cho mặt cầu có bán kính  $r = 5$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $\frac{500\pi}{3}$ . (B)  $\frac{100\pi}{3}$ . (C)  $100\pi$ . (D)  $25\pi$ .

**Câu 3.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-3}{2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+5}{-1}$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $d$ ?

- (A)  $M(3; 1; 5)$ . (B)  $N(3; 1; -5)$ .  
 (C)  $P(2; 2; -1)$ . (D)  $P(2; 2; 1)$ .

**Câu 4.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 - 2i$  và  $z_2 = 2 + i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

- (A)  $1 + 3i$ . (B)  $1 - 3i$ .  
 (C)  $-1 - 3i$ . (D)  $-1 + 3i$ .

**Câu 5.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-2} = 2^x$  là

- (A)  $x = -4$ . (B)  $x = 4$ .  
 (C)  $x = -2$ . (D)  $x = 2$ .

**Câu 6 (Mức 1).** Phần thực của số phức  $z = 5 - 4i$  bằng

- (A) 4. (B) 5. (C) -4. (D) -5.

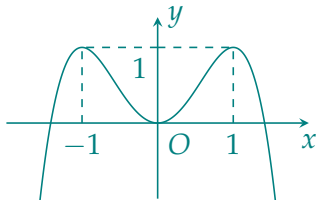
**Câu 7.** Cho khối trụ có bán kính đáy  $r = 3$  và chiều cao  $h = 5$ . Thể tích của khối trụ đã cho bằng

- (A)  $5\pi$ . (B)  $15\pi$ . (C)  $30\pi$ . (D)  $45\pi$ .

**Câu 8.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x+7) = 5$  là

- (A)  $x = 39$ . (B)  $x = 3$ . (C)  $x = 18$ . (D)  $x = 25$ .

**Câu 9.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = \frac{1}{2}$  là

- (A) 4. (B) 1. (C) 3. (D) 2.

**Câu 10.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 7$  và công sai  $d = 2$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- (A) 5. (B) 9. (C) 14. (D)  $\frac{7}{2}$ .

**Câu 11.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x-1)^2 + (y-2)^2 + (z+3)^2 = 9$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- (A)  $(-2; -4; 6)$ . (B)  $(2; 4; -6)$ .  
 (C)  $(-1; -2; 3)$ . (D)  $(1; 2; -3)$ .

**Câu 12.** Cho khối chóp có diện tích đáy là  $B = 3a^2$  và chiều cao  $h = 6a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $9a^3$ . (B)  $6a^3$ . (C)  $3a^3$ . (D)  $18a^3$ .

**Câu 13.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x+3}$  là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = 1$ .  
 (C)  $x = -1$ . (D)  $x = -3$ .

**Câu 14.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_3(3a)$  bằng

- (A)  $3 - \log_3 a$ . (B)  $3 + \log_3 a$ .  
 (C)  $1 + \log_3 a$ . (D)  $1 - \log_3 a$ .

**Câu 15.**  $\int 4x^3 dx$  bằng

- (A)  $4x^4 + C$ . (B)  $x^4 + C$ .  
 (C)  $\frac{1}{4}x^4 + C$ . (D)  $12x^2 + C$ .

**Câu 16.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 6$  và chiều cao  $h = 4$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng?

- (A) 8. (B) 12. (C) 24. (D) 4.

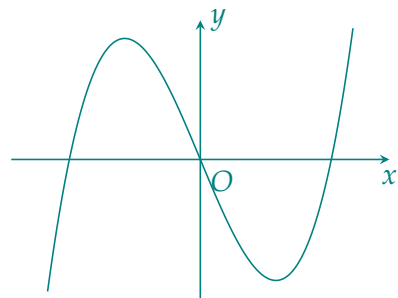
**Câu 17.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$3$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$			$1$		$-\infty$	$+\infty$

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)  $x = -2$ . (B)  $x = 1$ .  
 (C)  $x = 3$ . (D)  $x = -3$ .

**Câu 18.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2$ . (B)  $y = x^3 - 3x$ .  
 (C)  $y = -x^3 - 3x$ . (D)  $y = x^4 + 2x^2$ .

**Câu 19 (Mức 1).** Biết  $\int_1^2 f(x)dx = 3$  và  $\int_1^2 g(x)dx = 2$ .

Khi đó  $\int_1^2 [f(x) + g(x)] dx$  bằng

- (A) 1.      (B) 6.      (C) -1.      (D) 5.

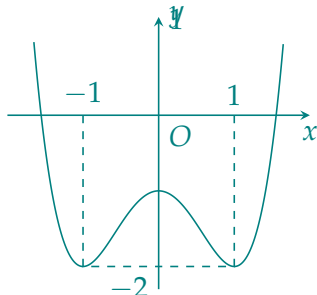
**Câu 20.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = 2$  và dài đường sinh  $l = 7$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $14\pi$ .      (B)  $28\pi$ .      (C)  $\frac{14\pi}{3}$ .      (D)  $\frac{28\pi}{3}$ .

**Câu 21 (Mức 1).** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(3;4;1)$  trên mặt phẳng  $(Oxy)$ ?

- (A)  $N(3;4;0)$ .      (B)  $M(0;0;1)$ .  
(C)  $Q(0;4;1)$ .      (D)  $P(3;0;1)$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-1;0)$ .      (B)  $(-\infty;0)$ .  
(C)  $(0;1)$ .      (D)  $(1;+\infty)$ .

**Câu 23.** Có bao nhiêu cách chọn một học sinh từ một nhóm gồm 7 học sinh nam và 8 học sinh nữ?

- (A) 56.      (B) 15.      (C) 8.      (D) 7.

**Câu 24.** Trong mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn số phức  $z = -1 + 2i$ ?

- (A)  $Q(-2;1)$ .      (B)  $M(1;-2)$ .  
(C)  $P(2;-1)$ .      (D)  $N(-1;2)$ .

**Câu 25 (Mức 1).** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(\alpha) : x - 2y + 4z - 1 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

- (A)  $\vec{n}_1 = (1;2;-4)$ .      (B)  $\vec{n}_1 = (1;2;4)$ .  
(C)  $\vec{n}_1 = (1;-2;4)$ .      (D)  $\vec{n}_1 = (-1;2;4)$ .

**Câu 26.** Với  $a, b$  là các số thực dương thỏa mãn  $\log_2 a - 2\log_4 b = 4$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = 16b^2$ .      (B)  $a = 8b$ .  
(C)  $a = 16b$ .      (D)  $a = 16b^4$ .

**Câu 27.** Biết  $\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 5$ . Khi đó  $\int_0^1 f(x)dx$

bằng

- (A) 3.      (B) 5.      (C) 4.      (D) 7.

**Câu 28.** Cho số phức  $z = -3 + 2i$ , số phức  $(1 - i)\bar{z}$  bằng

- (A)  $-1 - 5i$ .      (B)  $-5 + i$ .  
(C)  $1 - 5i$ .      (D)  $5 - i$ .

**Câu 29 (Mức 2).** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+1)(x-4)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- (A) 4.      (B) 1.      (C) 3.      (D) 2.

**Câu 30 (Mức 2).** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2;1;-3)$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 2y + z - 3 = 0$ . Phương trình mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với  $(P)$  là

- (A)  $2x + y - 3z + 14 = 0$ .  
(B)  $2x + y - 3z - 14 = 0$ .  
(C)  $3x - 2y + z - 1 = 0$ .  
(D)  $3x - 2y + z + 1 = 0$ .

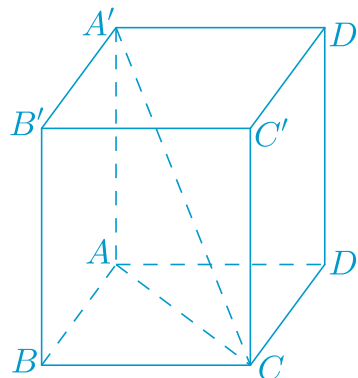
**Câu 31.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1;2;-2)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x + y - 3z + 1 = 0$ . Phương trình của đường thẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $(P)$  là

- (A)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 + 2t \\ z = -3 - 2t \end{cases}$ .      (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -2 + t \\ z = 2 - 3t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 2 + t \\ z = -2 - 3t \end{cases}$ .      (D)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 + t \\ z = -2 - 3t \end{cases}$ .

**Câu 32.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 5x$  với trục hoành là

- (A) 2.      (B) 1.      (C) 0.      (D) 3.

**Câu 33.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a, AD = a\sqrt{3}, AA' = 2\sqrt{3}a$ .



Góc giữa đường thẳng  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- (A)  $30^\circ$ .      (B)  $60^\circ$ .      (C)  $45^\circ$ .      (D)  $90^\circ$ .

**Câu 34.** Cắt hình trụ ( $T$ ) bởi một mặt phẳng qua trục của nó, ta được thiết diện là một hình vuông cạnh bằng 5. Diện tích xung quanh của ( $T$ ) bằng

- (A)  $\frac{25\pi}{4}$ . (B)  $25\pi$ . (C)  $50\pi$ . (D)  $\frac{25\pi}{2}$ .

**Câu 35.** Gọi  $z_1$  và  $z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 + z + 3 = 0$ . Khi đó  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A) 3. (B)  $2\sqrt{3}$ . (C) 6. (D)  $\sqrt{3}$ .

**Câu 36.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(31 - x^2) \geq 3$  là

- (A)  $(-\infty; 2]$ . (B)  $(0; 2]$ .  
(C)  $[-2; 2]$ . (D)  $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$ .

**Câu 37.** Gọi  $D$  là hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^x, y = 0, x = 0$  và  $x = 1$ . Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục  $Ox$  bằng

- (A)  $\int_0^1 e^{2x} dx$ . (B)  $\pi \int_0^1 e^{2x} dx$ .  
(C)  $\int_0^1 e^x dx$ . (D)  $\pi \int_0^1 e^x dx$ .

**Câu 38.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 12x^2 - 1$  trên đoạn  $[0; 9]$  bằng

- (A) -36. (B) -1. (C) -37. (D) -28.

**Câu 39.** Biết  $F(x) = e^x + 2x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Khi đó  $\int f(2x) dx$  bằng

- (A)  $2e^x + 4x^2 + C$ . (B)  $\frac{1}{2}e^{2x} + 2x^2 + C$ .  
(C)  $e^{2x} + 8x^2 + C$ . (D)  $\frac{1}{2}e^{2x} + 4x^2 + C$ .

**Câu 40.** Cho hình nón ( $N$ ) có đỉnh  $S$ , bán kính đáy bằng  $a$  và dài đường sinh bằng  $2\sqrt{2}a$ . Gọi ( $T$ ) là mặt cầu đi qua  $S$  và đường tròn đáy của ( $N$ ). Bán kính của ( $T$ ) bằng

- (A)  $\sqrt{7}a$ . (B)  $\frac{8\sqrt{7}a}{7}$ . (C)  $\frac{4a}{3}$ . (D)  $\frac{4\sqrt{7}a}{7}$ .

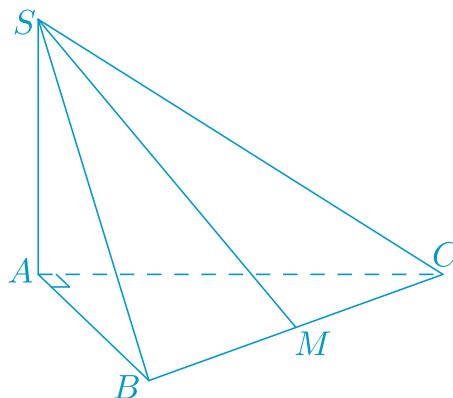
**Câu 41.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (1 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)  $(-\infty; 1)$ . (B)  $(-\infty; 1]$ .  
(C)  $(-\infty; -2)$ . (D)  $(-\infty; -2]$ .

**Câu 42.** Năm 2020, một hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là 850.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán so với giá bán của năm liền trước. Theo dự định đó, năm 2025, hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là bao nhiêu?

- (A) 765.000.000 đồng. (B) 784.013.000 đồng.  
(C) 768.333.000 đồng. (D) 752.966.000 đồng.

**Câu 43.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A, AB = a; SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{2}$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $BC$ .



Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AC$  và  $SM$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{10}a}{5}$ . (B)  $\frac{\sqrt{2}a}{3}$ . (C)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (D)  $\frac{a}{2}$ .

**Câu 44.** Cho  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 5 chữ số đôi một khác nhau. Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó có hai chữ số tận cùng có cùng tính chẵn lẻ bằng

- (A)  $\frac{32}{45}$ . (B)  $\frac{32}{81}$ . (C)  $\frac{2}{5}$ . (D)  $\frac{4}{9}$ .

**Câu 45.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $2a$ , cạnh bên bằng  $\sqrt{3}a$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P$  và  $Q$  lần lượt là hình chiếu vuông góc của  $O$  trên các mặt phẳng  $(SAB), (SBC), (SCD)$  và  $(SDA)$ . Thể tích của khối chóp  $O.MNPQ$  bằng

- (A)  $\frac{16a^3}{81}$ . (B)  $\frac{a^3}{6}$ . (C)  $\frac{8a^3}{81}$ . (D)  $\frac{a^3}{12}$ .

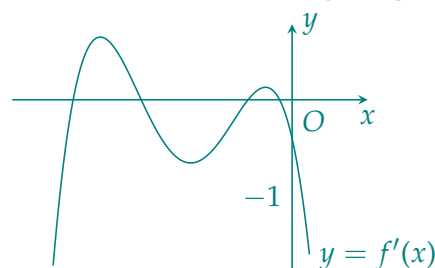
**Câu 46.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	-1	-5	$+\infty$	

Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

- (A) 3. (B) 1. (C) 2. (D) 4.

**Câu 47.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$ . Biết  $y = f'(x)$  là hàm số bậc bốn và có đồ thị là đường cong như hình vẽ





Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = |f(x^4) + x^2|$  là

- (A) 6.      (B) 3.      (C) 5.      (D) 4.

**Câu 48.** Xét các số thực  $x, y$  thỏa mãn  $2x^2 + y^2 + 1 \leq (x^2 + y^2 - 2x + 2)4^x$ . Giá trị lớn nhất của biểu thức  $P = \frac{4y}{2x + y + 1}$  gần nhất với số nào dưới đây?

- (A) 3.      (B) 0.      (C) 1.      (D) 2.

**Câu 49.** Có bao nhiêu cặp số nguyên dương  $(m, n)$  sao cho  $m + n \leq 12$  và ứng với mỗi cặp  $(m; n)$  tồn tại đúng 3 số thực  $a \in (-1; 1)$  thỏa mãn  $2a^m = n \ln(a + \sqrt{a^2 + 1})$ ?

- (A) 10.      (B) 9.      (C) 11.      (D) 12.

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-4$	$-2$	$0$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$			$2$			$3$	$+\infty$

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $4f(x^2 - 4x) = m$  có ít nhất 3 nghiệm thực phân biệt thuộc khoảng  $(0; +\infty)$ ?

- (A) 16.      (B) 19.      (C) 20.      (D) 17.

—————Hết—————  
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. C	3. B	4. B	5. D	6. B	7. D	8. D	9. A	10. B	11. D
12. B	13. D	14. C	15. B	16. C	17. A	18. B	19. D	20. A	21. A	22. C
23. B	24. D	25. C	26. C	27. C	28. B	29. D	30. C	31. D	32. D	33. B
34. B	35. B	36. C	37. B	38. C	39. D	40. D	41. B	42. C	43. B	44. D
45. D	46. B	47. C	48. C	49. C	50. C					

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO THÀNH PHỐ HỒ CHÍ MINH  
TRƯỜNG THCS-THPT HOA SEN



ĐỀ THI TRUNG HỌC QUỐC GIA  
TỪ NĂM 2017-2020

Môn  
Toán



Năm - 2020

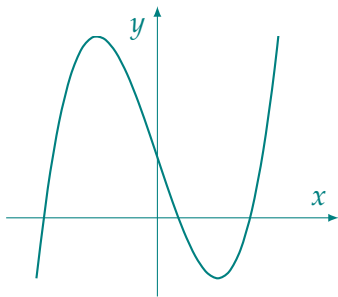
# MỤC LỤC

1	ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1 NĂM 2017	3
2	ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2 NĂM 2017	11
3	ĐỀ MINH HỌA-LẦN 3 NĂM 2017	20
4	ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 101 NĂM 2017	30
5	ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 102 NĂM 2017	37
6	ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 101 NĂM 2018	44
7	ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 102 NĂM 2018	53
8	ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 103 NĂM 2018	63
9	ĐỀ MINH HỌA NĂM 2019	73
10	ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2019	82
11	ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102 NĂM 2019	91
12	ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103 NĂM 2019	101
13	ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104 NĂM 2019	111
14	ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1 NĂM 2020	121
15	ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2 NĂM 2020	130
16	ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2020	138
17	ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2020	146

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017  
ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1**  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.**

Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



- (A)  $y = -x^2 + x - 1$ .      (B)  $y = -x^3 + 3x + 1$ .  
(C)  $y = x^3 - 3x + 1$ .      (D)  $y = x^4 - x^2 + 1$ .

**Lời giải.**

Đồ thị hàm số có 2 cực trị và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -\infty$ .

- Loại A: vì là parabol chỉ có 1 cực trị.
- Loại B: vì  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = -\infty$ .
- Loại D: vì hàm hàm trùng phương nhận Oy làm trục đối xứng.

Chọn phương án (C)

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 1$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -1$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- (A) Đồ thị hàm số đã cho không có tiệm cận ngang.  
(B) Đồ thị hàm số đã cho có đúng một tiệm cận ngang.  
(C) Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là các đường thẳng  $y = 1$  và  $y = -1$ .  
(D) Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là các đường thẳng  $x = 1$  và  $x = -1$ .

**Lời giải.**

Theo định nghĩa đường tiệm cận, ta có:

- $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 1$  suy ra  $y = 1$  là đường tiệm cận ngang.
- $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -1$  suy ra  $y = -1$  là đường tiệm cận ngang.

Chọn phương án (C)

**Câu 3.** Hỏi hàm số  $y = 2x^4 + 1$  đồng biến trên khoảng nào?

- (A)  $(-\infty; -\frac{1}{2})$ .      (B)  $(0; +\infty)$ .  
(C)  $(-\frac{1}{2}; +\infty)$ .      (D)  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 8x^3 > 0 \Leftrightarrow x > 0$ , do đó hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$
$y'$	+	-	0	+
$y$	$-\infty$	↗ 0 ↘	↘ -1 ↗	$+\infty$

Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- (A) Hàm số có đúng một cực trị.  
(B) Hàm số có giá trị cực tiểu bằng 1.  
(C) Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 0 và giá trị nhỏ nhất bằng -1.  
(D) Hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$  và đạt cực tiểu tại  $x = 1$ .

**Lời giải.**

- Loại A: vì hàm số có 2 cực trị.
- Loại B: vì hàm số có giá trị cực tiểu bằng -1.
- Loại C: vì hàm số không có giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất trên  $\mathbb{R}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 5.** Tìm giá trị cực đại  $y_{CD}$  của hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$ .

- (A)  $y_{CD} = 4$ .      (B)  $y_{CD} = 1$ .  
(C)  $y_{CD} = 0$ .      (D)  $y_{CD} = -1$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1; & y = 4 \\ x = 1; & y = 0 \end{cases}$  Suy ra  $y_{CD} = 4$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 6.** Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x^2 + 3}{x - 1}$  trên đoạn  $[2; 4]$ .

- (A)  $\min_{[2;4]} y = 6$ .      (B)  $\min_{[2;4]} y = -2$ .  
(C)  $\min_{[2;4]} y = -3$ .      (D)  $\min_{[2;4]} y = \frac{19}{3}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = \frac{x^2 - 2x - 3}{(x - 1)^2} = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 & \text{(loại)} \\ x = 3 \end{cases}$  (Do xét trên đoạn  $[2; 4]$ ).

$y(3) = 6; y(2) = 7; y(4) = \frac{19}{3}$ , suy ra  $\min_{[2;4]} y = 6$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 7.** Biết rằng đường thẳng  $y = -2x + 2$  cắt đồ thị hàm số  $y = x^3 + x + 2$  tại điểm duy nhất; kí hiệu  $(x_0; y_0)$  là tọa độ của điểm đó. Tìm  $y_0$ .

- (A)  $y_0 = 4$ .      (B)  $y_0 = 0$ .  
(C)  $y_0 = 2$ .      (D)  $y_0 = -1$ .

**Lời giải.**

Phương trình hoành độ giao điểm  $x^3 + x + 2 = -2x + 2 \Leftrightarrow x^3 + 3x = 0 \Leftrightarrow x = 0$ , Suy ra  $y(0) = 2$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 8.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị của hàm số  $y = x^4 + 2mx^2 + 1$  có ba điểm cực trị tạo thành một tam giác vuông cân.

- (A)  $m = -\frac{1}{\sqrt[3]{9}}$ . (B)  $m = -1$ .  
 (C)  $m = \frac{1}{\sqrt[3]{9}}$ . (D)  $m = 1$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 4x^3 + 4mx = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = -m \end{cases}$

Điều kiện để hàm số có 3 cực trị là:  $-m > 0 \Leftrightarrow m < 0$ .

Do  $AB^2 = AC^2$  nên tam giác  $ABC$  luôn cân tại  $A$ .

Do đó  $\triangle ABC$  vuông tại  $A$  khi  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0 \Leftrightarrow m + m^4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 & (\text{loại}) \\ m = -1 & (\text{nhận}) \end{cases}$

Chọn phương án (B)

**Câu 9.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị của hàm số  $y = \frac{x+1}{\sqrt{mx^2+1}}$  có hai đường tiệm cận ngang.

- (A) Không có giá trị thực nào của  $m$  thỏa mãn yêu cầu đề bài.  
 (B)  $m < 0$ .  
 (C)  $m = 0$ .  
 (D)  $m > 0$ .

**Lời giải.**

Đồ thị hàm số có hai tiệm cận ngang  $\Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} y, \lim_{x \rightarrow +\infty} y$  tồn tại và khác nhau.

Do đó hàm số phải xác định trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$  tức là  $mx^2 + 1 > 0, \forall \Leftrightarrow m > 0$ . Do đó loại B.

•  $m = 0$  thì  $y = x + 1$  nên hàm số không có tiệm cận ngang.

•  $m > 0$  thì  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x+1}{\sqrt{mx^2+1}} =$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1 + \frac{1}{x}}{-\sqrt{m + \frac{1}{x^2}}} = -\frac{1}{\sqrt{m}}$$

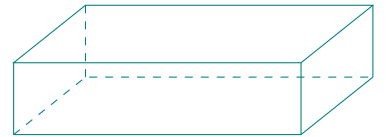
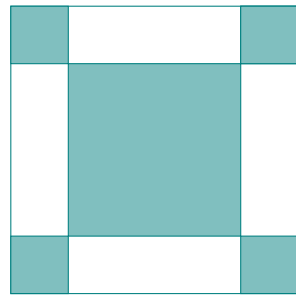
và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+1}{\sqrt{mx^2+1}} =$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1 + \frac{1}{x}}{\sqrt{m + \frac{1}{x^2}}} = \frac{1}{\sqrt{m}}$$

Đồ thị hàm số có hai tiệm cận ngang là  $y = \pm \frac{1}{\sqrt{m}}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 10.** Cho một tấm nhôm hình vuông cạnh 12 cm. Người ta cắt ở bốn góc của tấm nhôm đó bốn hình vuông bằng nhau, mỗi hình vuông có cạnh bằng  $x$  (cm), rồi gập tấm nhôm lại như hình vẽ dưới đây để được một cái hộp không nắp. Tìm  $x$  để hộp nhận được có thể tích lớn nhất.



- (A)  $x = 6$ . (B)  $x = 3$ . (C)  $x = 2$ . (D)  $x = 4$ .

**Lời giải.**

Mặt đáy của hộp là hình vuông có cạnh bằng  $12 - 2x$  (cm), với  $0 < x < 6$ . Vậy diện tích của đáy hộp là  $S = (12 - 2x)^2 = 4(6 - x)^2$ .

Khối hộp có chiều cao  $h = x$  (cm).

Vậy thể tích hộp là  $V = S \cdot h = 4(6 - x)^2 \cdot x = 4x^3 - 48x^2 + 144x$  (cm<sup>3</sup>).

Xét hàm  $f(x) = 4x^3 - 48x^2 + 144x, 0 < x < 6$ .

Ta có  $f'(x) = 12x^2 - 96x + 144 \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow x^2 - 8x + 12 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 6 \end{cases}$ .

Do  $0 < x < 6$  nên ta lấy  $x = 2$ . Ta có bảng biến thiên:

$x$	0	2	6		
$f'$		+	0	-	
$f$	0	↗	128	↘	0

Vậy thể tích khối hộp đạt giá trị lớn nhất khi  $x = 2$  (cm).

Chọn phương án (C)

**Câu 11.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{\tan x - 2}{\tan x - m}$  đồng biến trên khoảng  $(0; \frac{\pi}{4})$ .

- (A)  $m \leq 0$  hoặc  $1 \leq m < 2$ .  
 (B)  $m \leq 0$ .  
 (C)  $1 \leq m < 2$ .  
 (D)  $m \geq 2$ .

**Lời giải.**

Đặt  $t = \tan x \Rightarrow t \in (0; 1)$ .

Khi đó, hàm số ban đầu trở thành  $y = \frac{t - 2}{t - m}$  với  $0 < t < 1$ .

Ta có  $y' = \frac{2 - m}{(t - m)^2}$ .

Hàm số đồng biến trên  $(0; 1)$  khi  $\begin{cases} y' > 0 \\ m \notin (0; 1) \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} m < 2 \\ m \notin (0; 1) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 \leq m < 2 \\ m \leq 0 \end{cases}$$

Chọn phương án (A)

**Câu 12.** Giải phương trình  $\log_4(x - 1) = 3$ .

- (A)  $x = 63$ . (B)  $x = 65$ . (C)  $x = 80$ . (D)  $x = 82$ .

**Lời giải.**

Phương trình đã cho  $\Leftrightarrow x - 1 = 4^3 \Leftrightarrow x - 1 = 64 \Leftrightarrow x = 65$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 13.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = 13^x$ .

- (A)**  $y' = x \cdot 13^{x-1}$ .      **(B)**  $y' = 13^x \cdot \ln 13$ .  
**(C)**  $y' = 13^x$ .      **(D)**  $y' = \frac{13^x}{\ln 13}$ .

**Lời giải.**

Công thức đạo hàm của  $y = a^x$  là:  $y' = a^x \ln a$ .

Nên hàm số đã cho có đạo hàm là  $y' = 13^x \ln 13$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 14.** Giải bất phương trình  $\log_2(3x - 1) > 3$ .

- (A)**  $x > 3$ .      **(B)**  $\frac{1}{3} < x < 3$ .  
**(C)**  $x < 3$ .      **(D)**  $x > \frac{10}{3}$ .

**Lời giải.**

Bất phương trình đã cho  $\Leftrightarrow 3x - 1 > 2^3 \Leftrightarrow 3x - 1 > 8 \Leftrightarrow x > 3$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 15.** Tìm tập xác định  $\mathcal{D}$  của hàm số  $y = \log_2(x^2 - 2x - 3)$ .

- (A)**  $\mathcal{D} = (-\infty; -1] \cup [3; +\infty)$ .  
**(B)**  $\mathcal{D} = [-1; 3]$ .  
**(C)**  $\mathcal{D} = (-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$ .  
**(D)**  $\mathcal{D} = (-1; 3)$ .

**Lời giải.**

Hàm số có nghĩa  $\Leftrightarrow x^2 - 2x - 3 > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 \\ x < -1 \end{cases}$ .

Vậy tập xác định là  $\mathcal{D} = (-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 16.** Cho hàm số  $f(x) = 2^x \cdot 7^{x^2}$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định sai?

- (A)**  $f(x) < 1 \Leftrightarrow x + x^2 \log_2 7 < 0$ .  
**(B)**  $f(x) < 1 \Leftrightarrow x \ln 2 + x^2 \ln 7 < 0$ .  
**(C)**  $f(x) < 1 \Leftrightarrow x \log_7 2 + x^2 < 0$ .  
**(D)**  $f(x) < 1 \Leftrightarrow 1 + x \log_2 7 < 0$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f(x) = 2^x \cdot 7^{x^2} < 1 \Leftrightarrow \log_2(2^x \cdot 7^{x^2}) < 0 \Leftrightarrow x + x^2 \log_2 7 < 0$ , nên câu A đúng.

Và  $f(x) = 2^x \cdot 7^{x^2} < 1 \Leftrightarrow \ln(2^x \cdot 7^{x^2}) < 0 \Leftrightarrow x \ln 2 + x^2 \ln 7 < 0$ , nên câu B đúng.

Và  $f(x) = 2^x \cdot 7^{x^2} < 1 \Leftrightarrow \log_7(2^x \cdot 7^{x^2}) < 0 \Leftrightarrow x \log_7 2 + x^2 < 0$ , nên câu C đúng.

D sai do  $f(x) = 2^x \cdot 7^{x^2} < 1 \Leftrightarrow \log_2(2^x \cdot 7^{x^2}) < 0 \Leftrightarrow x + x^2 \log_2 7 < 0 \Leftrightarrow x(1 + x \log_2 7) < 0$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 17.** Cho các số thực dương  $a, b$ , với  $a \neq 1$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- (A)**  $\log_{a^2}(ab) = \frac{1}{2} \log_a b$ .  
**(B)**  $\log_{a^2}(ab) = 2 + 2 \log_a b$ .

**(C)**  $\log_{a^2}(ab) = \frac{1}{4} \log_a b$ .

**(D)**  $\log_{a^2}(ab) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \log_a b$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_{a^2}(ab) = \frac{1}{2} \log_a(ab) = \frac{1}{2} (1 + \log_a b) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \log_a b$ , nên câu D đúng.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 18.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \frac{x+1}{4^x}$ .

**(A)**  $y' = \frac{1 - 2(x+1) \ln 2}{2^{2x}}$ .

**(B)**  $y' = \frac{1 + 2(x+1) \ln 2}{2^{2x}}$ .

**(C)**  $y' = \frac{1 - 2(x+1) \ln 2}{2^{x^2}}$ .

**(D)**  $y' = \frac{1 + 2(x+1) \ln 2}{2^{x^2}}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = \left(\frac{x+1}{4^x}\right)' = \frac{4^x - (x+1)4^x \ln 4}{4^{2x}} = \frac{1 - 2(x+1) \ln 2}{4^x}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 19.** Đặt  $a = \log_2 3, b = \log_5 3$ . Hãy biểu diễn  $\log_6 45$  theo  $a$  và  $b$ .

**(A)**  $\log_6 45 = \frac{a + 2ab}{ab}$ .      **(B)**  $\log_6 45 = \frac{2a^2 - 2ab}{ab}$ .

**(C)**  $\log_6 45 = \frac{a + 2ab}{ab + b}$ .      **(D)**  $\log_6 45 = \frac{2a^2 - 2ab}{ab + b}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\frac{1}{b} = \log_3 5 \Rightarrow \frac{a}{b} = \log_2 3 \cdot \log_3 5 = \log_2 5$ . Vậy ta đưa về cơ số 2.

$$\log_6 45 = \frac{\log_2(3^2 \cdot 5)}{\log_2 3 + 1} = \frac{2a + \frac{a}{b}}{a + 1} = \frac{2ab + a}{ab + b}$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 20.** Cho hai số thực  $a$  và  $b$ , với  $1 < a < b$ . Khẳng định nào dưới đây là khẳng định đúng?

**(A)**  $\log_a b < 1 < \log_b a$ .      **(B)**  $1 < \log_a b < \log_b a$ .

**(C)**  $\log_b a < \log_a b < 1$ .      **(D)**  $\log_b a < 1 < \log_a b$ .

**Lời giải.**

Ta có  $1 < a < b \Rightarrow \begin{cases} \log_a 1 < \log_a a < \log_a b \\ \log_b 1 < \log_b a < \log_b b \end{cases} \Rightarrow$

$$\begin{cases} 0 < 1 < \log_a b \\ 0 < \log_b a < 1 \end{cases} \Rightarrow \log_b a < 1 < \log_a b$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 21.** Ông A vay ngắn hạn ngân hàng 100 triệu đồng, với lãi suất 12%/năm. Ông muốn hoàn nợ cho ngân hàng theo cách: Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi lần là như nhau và trả hết tiền nợ sau đúng 3 tháng kể từ ngày vay. Hỏi, theo cách đó, số tiền  $m$  mà ông A sẽ phải trả cho ngân hàng trong mỗi lần hoàn nợ là bao nhiêu? Biết

rằng, lãi suất ngân hàng không thay đổi trong thời gian ông A hoàn nợ.

- (A)  $m = \frac{100 \cdot (1,01)^3}{3}$  (triệu đồng).  
 (B)  $m = \frac{(1,01)^3}{(1,01)^3 - 1}$  (triệu đồng).  
 (C)  $m = \frac{100 \times 1,03}{3}$  (triệu đồng).  
 (D)  $m = \frac{120 \cdot (1,12)^3}{(1,12)^3 - 1}$  (triệu đồng).

**Lời giải.**

Đặt  $r$  là lãi suất hàng tháng và  $m$  là số tiền hoàn nợ mỗi tháng.

• Số tiền ông A nợ ngân hàng cuối tháng thứ nhất là  $T_1 = T(1+r) - m$ .

• Số tiền ông A nợ ngân hàng cuối tháng thứ hai là  $T_2 = T_1(1+r) - m = T(1+r)^2 - m[1 + (1+r)]$ .

• Số tiền ông A nợ ngân hàng cuối tháng thứ ba là  $T_3 = T_2(1+r) - m = T(1+r)^3 - m[1 + (1+r) + (1+r)^2]$

$$T_3 = T(1+r)^3 - m \frac{(1+r)^3 - 1}{r}$$

Theo giả thiết có  $T_3 = 0 \Rightarrow m = \frac{T \cdot r \cdot (1+r)^3}{(1+r)^3 - 1} =$

$$\frac{(1,01)^3}{(1,01)^3 - 1} \text{ (triệu đồng).}$$

Chọn phương án (B)

**Câu 22.** Viết công thức tính thể tích  $V$  của khối tròn xoay được tạo ra khi quay hình thang cong, giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , trục  $Ox$  và hai đường thẳng  $x = a, x = b$  ( $a < b$ ), xung quanh trục  $Ox$ .

- (A)  $V = \pi \int_a^b f^2(x) dx$ .      (B)  $V = \int_a^b f^2(x) dx$ .  
 (C)  $V = \pi \int_a^b f(x) dx$ .      (D)  $V = \pi \int_a^b |f(x)| dx$ .

**Lời giải.**

Thể tích  $V$  của khối tròn xoay được tạo ra khi quay hình thang cong, giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , trục  $Ox$  và hai đường thẳng  $x = a, x = b$ ; ( $a < b$ ), xung quanh trục  $Ox$  được tính theo công thức  $V =$

$$\pi \int_a^b f^2(x) dx.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 23.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \sqrt{2x-1}$ .

- (A)  $\int f(x) dx = \frac{2}{3}(2x-1)\sqrt{2x-1} + C$ .  
 (B)  $\int f(x) dx = \frac{1}{3}(2x-1)\sqrt{2x-1} + C$ .  
 (C)  $\int f(x) dx = -\frac{1}{3}(2x-1)\sqrt{2x-1} + C$ .  
 (D)  $\int f(x) dx = \frac{1}{2}(2x-1)\sqrt{2x-1} + C$ .

**Lời giải.**

$$\begin{aligned} \int f(x) dx &= \\ &= \int \sqrt{2x-1} dx = \frac{1}{2} \int (2x-1)^{\frac{1}{2}} d(2x-1) \\ &= \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} (2x-1)^{\frac{3}{2}} + C = \frac{1}{3} (2x-1)\sqrt{2x-1} + C \end{aligned}$$

Chọn phương án (B)

**Câu 24.** Một ô tô đang chạy với vận tốc 10m/s thì người lái đạp phanh; từ thời điểm đó, ô tô chuyển động chậm dần đều với vận tốc  $v(t) = -5t + 10$ (m/s), trong đó  $t$  là khoảng thời gian tính bằng giây, kể từ lúc bắt đầu đạp phanh. Hỏi từ lúc đạp phanh đến khi dừng hẳn, ô tô còn di chuyển bao nhiêu mét?

- (A) 0,2m.      (B) 2m.      (C) 10m.      (D) 20m.

**Lời giải.**

Chọn mốc thời gian là lúc bắt đầu đạp phanh. Thời điểm xe dừng hẳn là

$$v(t) = -5t + 10 = 0 \Leftrightarrow t = 2s$$

Từ lúc đạp phanh đến khi dừng hẳn, ô tô còn di chuyển được quãng đường là:

$$S = \int_0^2 v(t) dt = \int_0^2 (-5t + 10) dt = \left( -\frac{5}{2}t^2 + 10t \right) \Big|_0^2 = 10m$$

Chọn phương án (C)

**Câu 25.** Tính tích phân  $I = \int_0^{\pi} \cos^3 x \cdot \sin x dx$ .

- (A)  $I = -\frac{1}{4}\pi^4$ .      (B)  $I = -\pi^4$ .  
 (C)  $I = 0$ .      (D)  $I = -\frac{1}{4}$ .

**Lời giải.**

Đặt  $u = \cos x \Rightarrow du = -\sin x dx \Rightarrow \sin x dx = -du$

Đổi cận

$x$	$0$	$\pi$
$u$	$1$	$-1$

$$\text{Nên } I = \int_1^{-1} u^3 \cdot (-du) = \int_{-1}^1 u^3 \cdot du = \frac{1}{4}u^4 \Big|_{-1}^1 = 0$$

Chọn phương án (C)

**Câu 26.** Tính tích phân  $I = \int_1^e x \ln x dx$

- (A)  $I = \frac{1}{2}$ .      (B)  $I = \frac{e^2 - 2}{2}$ .  
 (C)  $I = \frac{e^2 + 1}{4}$ .      (D)  $I = \frac{e^2 - 1}{4}$ .

**Lời giải.**

Đặt  $\begin{cases} u = \ln x \\ dv = x dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = \frac{1}{x} dx \\ v = \frac{1}{2}x^2 \end{cases}$ , ta có:  $I =$

$$\frac{1}{2}x^2 \ln x \Big|_1^e - \int_1^e \frac{1}{2}x dx = \frac{1}{2}x^2 \ln x \Big|_1^e - \frac{1}{4}x^2 \Big|_1^e = \frac{1}{2}e^2 - \left(\frac{1}{4}e^2 - \frac{1}{4}\right) = \frac{e^2 + 1}{4}.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 27.** Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = x^3 - x$  và đồ thị hàm số  $y = x - x^2$ .

- (A)**  $\frac{37}{12}$ .      **(B)**  $\frac{9}{4}$ .      **(C)**  $\frac{81}{12}$ .      **(D)** 13.

**Lời giải.**

Phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hai hàm số:

$$x^3 - x = x - x^2 \Leftrightarrow x^3 + x^2 - 2x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -2 \end{cases}$$

Diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = x^3 - x$  và đồ thị hàm số  $y = x - x^2$  là

$$\begin{aligned} S &= \int_{-2}^1 |x^3 + x^2 - 2x| dx \\ &= \int_{-2}^0 |x^3 + x^2 - 2x| dx + \int_0^1 |x^3 + x^2 - 2x| dx \\ &= \int_{-2}^0 (x^3 + x^2 - 2x) dx - \int_0^1 (x^3 + x^2 - 2x) dx \\ &= \left(\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 - x^2\right) \Big|_{-2}^0 - \left(\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 - x^2\right) \Big|_0^1 \\ &= \frac{8}{3} - \left(-\frac{5}{12}\right) = \frac{37}{12}. \end{aligned}$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 28.** Kí hiệu  $(H)$  là hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = 2(x-1)e^x$ , trục tung và trục hoành. Tính thể tích  $V$  của khối tròn xoay thu được khi quay hình  $(H)$  xung quanh trục  $Ox$ .

- (A)**  $V = 4 - 2e$ .      **(B)**  $V = (4 - 2e)\pi$ .  
**(C)**  $V = e^2 - 5$ .      **(D)**  $V = (e^2 - 5)\pi$ .

**Lời giải.**

Phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = 2(x-1)e^x$  và trục hoành là

$$2(x-1)e^x = 0 \Leftrightarrow x = 1$$

Thể tích  $V$  của khối tròn xoay thu được khi quay hình  $(H)$  xung quanh trục  $Ox$  là

$$V = \int_0^1 [2(x-1)e^x]^2 dx = 4 \int_0^1 (x-1)^2 e^{2x} dx$$

Xét tích phân  $I = \int_0^1 (x-1)^2 e^{2x} dx$

Đặt  $\begin{cases} u = (x-1)^2 \\ dv = e^{2x} dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = 2(x-1) dx \\ v = \frac{1}{2}e^{2x} \end{cases}$ ,

Ta có:  $I = \frac{1}{2}(x-1)^2 e^{2x} \Big|_0^1 - \int_0^1 (x-1)e^{2x} dx = -\frac{1}{2} -$

$$\int_0^1 (x-1)e^{2x} dx$$

Đặt  $\begin{cases} u_1 = (x-1) \\ dv_1 = e^{2x} dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du_1 = dx \\ v_1 = \frac{1}{2}e^{2x} \end{cases}$ ,

Do đó  $I = -\frac{1}{2} - \left(\frac{1}{2}(x-1)e^{2x} \Big|_0^1 - \frac{1}{2} \int_0^1 e^{2x} dx\right) = -\frac{1}{2} - \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{4}e^{2x} \Big|_0^1\right) = -\frac{1}{2} - \left(\frac{1}{2} - \frac{e^2}{4} + \frac{1}{4}\right) = \frac{e^2 - 5}{4}$

Vậy  $V = 4I = 4 \cdot \frac{e^2 - 5}{4} = e^2 - 5$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 29.** Cho số phức  $z = 3 - 2i$ . Tìm phần thực và phần ảo của số phức  $\bar{z}$

- (A)** Phần thực bằng  $-3$  và Phần ảo bằng  $-2i$ .  
**(B)** Phần thực bằng  $-3$  và Phần ảo bằng  $-2$ .  
**(C)** Phần thực bằng  $3$  và Phần ảo bằng  $2i$ .  
**(D)** Phần thực bằng  $3$  và Phần ảo bằng  $2$ .

**Lời giải.**

Từ  $z = 3 - 2i$  suy ra  $\bar{z} = 3 + 2i$ . Nên, phần thực của  $\bar{z}$  bằng  $3$  và phần ảo của  $\bar{z}$  bằng  $2$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 30.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + i$  và  $z_2 = 2 - 3i$ . Tính môđun của số phức  $z_1 + z_2$

- (A)**  $|z_1 + z_2| = \sqrt{13}$ .      **(B)**  $|z_1 + z_2| = \sqrt{5}$ .  
**(C)**  $|z_1 + z_2| = 1$ .      **(D)**  $|z_1 + z_2| = 5$ .

**Lời giải.**

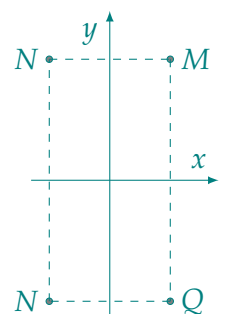
Ta có:  $z_1 + z_2 = 3 - 2i \Rightarrow |z_1 + z_2| = \sqrt{3^2 + (-2)^2} = \sqrt{13}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 31.**

Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $(1+i)z = 3-i$ . Hỏi điểm biểu diễn của  $z$  là điểm nào trong các điểm  $M, N, P, Q$  ở hình bên?

- (A)** Điểm  $P$ .      **(B)** Điểm  $Q$ .  
**(C)** Điểm  $M$ .      **(D)** Điểm  $N$ .



**Lời giải.**

Ta có:  $(1+i)z = 3-i \Leftrightarrow z = \frac{3-i}{1+i} = 1-2i$ .



Vậy điểm biểu diễn của  $z$  là điểm  $Q(1; -2)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 32.** Cho số phức  $z = 2 + 5i$ . Tìm số phức  $w = iz + \bar{z}$ .

- (A)**  $w = 7 - 3i$ .                      **(B)**  $w = -3 - 3i$ .  
**(C)**  $w = 3 + 7i$ .                      **(D)**  $w = -7 - 7i$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $z = 2 + 5i \Rightarrow w = iz + \bar{z} + i(2 + 5i) + 2 - 5i = 2i - 5 + 2 - 5i = -3 - 5i$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 33.** Kí hiệu  $z_1, z_2, z_3$  và  $z_4$  là bốn nghiệm phức của phương trình  $z^4 - z^2 - 12 = 0$ .

Tính tổng  $T = |z_1| + |z_2| + |z_3| + |z_4|$ .

- (A)**  $T = 4$ .                                  **(B)**  $T = 2\sqrt{3}$ .  
**(C)**  $4 + 2\sqrt{3}$ .                          **(D)**  $T = 2 + 2\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $z^4 - z^2 - 12 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z^2 = 4 \\ z^2 = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} z = \pm 2 \\ z = \pm i\sqrt{3} \end{cases}$ .

Vậy  $T = |z_1| + |z_2| + |z_3| + |z_4| = 4 + 2\sqrt{3}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 34.** Cho các số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = 4$ . Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn các số phức  $w = (3 + 4i)z + i$  là một đường tròn. Tính bán kính  $r$  của đường tròn đó.

- (A)**  $r = 4$ .    **(B)**  $r = 5$ .    **(C)**  $r = 20$ .    **(D)**  $r = 22$ .

**Lời giải.**

Giả sử  $w = x + yi$  ( $x, y \in \mathbb{R}$ ).

Ta có:  $w = (3 + 4i)z + i \Leftrightarrow z = \frac{w - i}{3 + 4i} = \frac{x + (y - 1)i}{3 + 4i} = \frac{3x - 4(y - 1) + [3(y - 1) + 4x]i}{25}$ .

Do đó, ta có:  $|z| = 4 \Leftrightarrow \left(\frac{3x - 4y + 4}{25}\right)^2 + \left(\frac{4x + 3y - 3}{25}\right)^2 = 16 \Leftrightarrow x^2 + (y - 1)^2 = 400$ .

Suy ra  $r = 20$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 35.** Tính thể tích  $V$  của khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ , biết  $AC' = a\sqrt{3}$ .

- (A)**  $V = a^3$ .                                  **(B)**  $V = \frac{3\sqrt{6}a^3}{4}$ .  
**(C)**  $V = 3\sqrt{3}a^3$ .                          **(D)**  $V = \frac{1}{3}a^3$ .

**Lời giải.**

Khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có độ dài đường chéo  $AC' = a\sqrt{3}$  nên có độ dài cạnh là  $a$ . Vậy thể tích  $V$  của khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  là  $V = a^3$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 36.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{2}a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- (A)**  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{6}$ .                                  **(B)**  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{4}$ .

- (C)**  $V = \sqrt{2}a^3$ .                              **(D)**  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .

**Lời giải.**

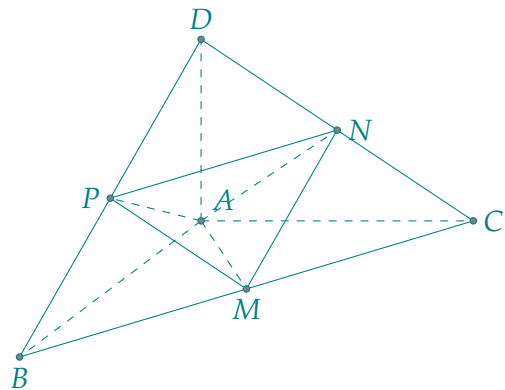
Ta có:  $V = \frac{1}{3}S_{ABCD} \times SA = \frac{1}{3}a^2 \times a\sqrt{2} = \frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 37.** Cho tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC$  và  $AD$  đôi một vuông góc với nhau;  $AB = 6a, AC = 7a$  và  $AD = 4a$ . Gọi  $M, N, P$  tương ứng là trung điểm các cạnh  $BC, CD, DB$ . Tính thể tích  $V$  của tứ diện  $A.MNP$ .

- (A)**  $V = \frac{7}{2}a^3$ .                                  **(B)**  $V = 14a^3$ .  
**(C)**  $V = \frac{28}{3}a^3$ .                                  **(D)**  $V = 7a^3$ .

**Lời giải.**



Ta có  $V_{ABCD} = \frac{1}{6}AB \cdot AC \cdot AD = \frac{1}{6} \cdot 6a \cdot 7a \cdot 4a = 28a^3$ .

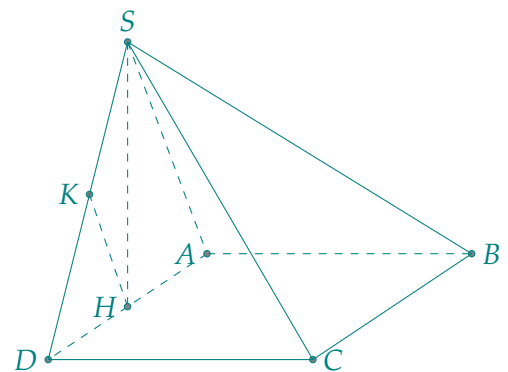
Để thấy  $S_{MNP} = \frac{1}{2}S_{MNDP} = \frac{1}{4}S_{BCD} \Rightarrow V_{AMNP} = \frac{1}{4}V_{ABCD} = 7a^3$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 38.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh bằng  $\sqrt{2}a$ . Tam giác  $SAD$  cân tại  $S$  và mặt bên  $(SAD)$  vuông góc với mặt phẳng đáy. Biết thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng  $\frac{4}{3}a^3$ . Tính khoảng cách  $h$  từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SCD)$ .

- (A)**  $h = \frac{2}{3}a$ .                                  **(B)**  $h = \frac{4}{3}a$ .  
**(C)**  $h = \frac{8}{3}a$ .                                  **(D)**  $h = \frac{3}{4}a$ .

**Lời giải.**



• Đặt  $SH = x \Rightarrow V = \frac{1}{3} \cdot x \cdot (a\sqrt{2})^2 = \frac{4}{3}a^3 \Rightarrow x = 2a$ .

• Ta có  $d(B; (SCD)) = d(A; (SCD)) =$   
 $2d(H; (SCD)) = 2HK = 2 \cdot \frac{2a \cdot \frac{a\sqrt{2}}{2}}{\sqrt{4a^2 + \frac{a^2}{2}}} = \frac{4a}{3}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 39.** Trong không gian, cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ ,  $AB = a$  và  $AC = \sqrt{3}a$ . Tính độ dài đường sinh  $l$  của hình nón, nhận được khi quay tam giác  $ABC$  xung quanh trục  $AB$ .

- (A)**  $l = a$ . **(B)**  $l = \sqrt{2}a$ .  
**(C)**  $l = \sqrt{3}a$ . **(D)**  $l = 2a$ .

**Lời giải.**

Đường sinh của hình nón có độ dài bằng đoạn  $BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = 2a$ .

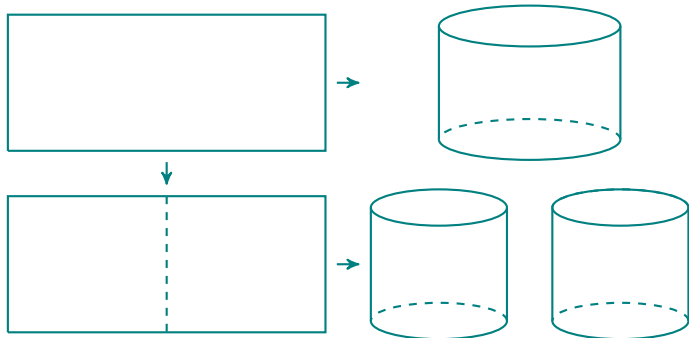
Chọn phương án **(D)**

**Câu 40.** Từ một tấm tôn hình chữ nhật kích thước  $50 \text{ cm} \times 240 \text{ cm}$ , người ta làm các thùng đựng nước hình trụ có chiều cao bằng  $50 \text{ cm}$ , theo hai cách sau (xem hình minh họa dưới đây):

- Cách 1: Gò tấm tôn ban đầu thành mặt xung quanh của thùng.
- Cách 2: Cắt tấm tôn ban đầu thành hai tấm bằng nhau, rồi gò mỗi tấm đó thành mặt xung quanh của một thùng.

Kí hiệu  $V_1$  là thể tích của thùng gò được theo cách 1 và  $V_2$  là tổng thể tích của hai thùng gò được theo cách 2.

Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .



- (A)**  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{2}$ . **(B)**  $\frac{V_1}{V_2} = 1$ .  
**(C)**  $\frac{V_1}{V_2} = 2$ . **(D)**  $\frac{V_1}{V_2} = 4$ .

**Lời giải.**

Ban đầu bán kính đáy là  $R$ , sau khi cắt và gò ta được 2 khối trụ có bán kính đáy là  $\frac{R}{2}$ .

Đường cao của các khối trụ không thay đổi.

Ta có:  $V_1 = S_d \cdot h = \pi R^2 \cdot h$ ;  $V_2 = 2(S_{d_1} \cdot h) =$   
 $2\pi \left(\frac{R}{2}\right)^2 \cdot h = \frac{\pi R^2 h}{2}$ .

Khi đó:  $\frac{V_1}{V_2} = 2$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 41.** Trong không gian, cho hình chữ nhật  $ABCD$  có  $AB = 1$  và  $AD = 2$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $AD$  và  $BC$ . Quay hình chữ nhật đó xung quanh trục  $MN$ , ta được một hình trụ. Tính diện tích toàn phần  $S_{tp}$  của hình trụ đó.

- (A)**  $S_{tp} = 4\pi$ . **(B)**  $S_{tp} = 2\pi$ .  
**(C)**  $S_{tp} = 6\pi$ . **(D)**  $S_{tp} = 10\pi$ .

**Lời giải.**

Hình trụ có bán kính đáy  $r = 1$ , chiều cao  $h = 1$  nên có  $S_{tp} = 2\pi r^2 + 2\pi rh = 4\pi$ .

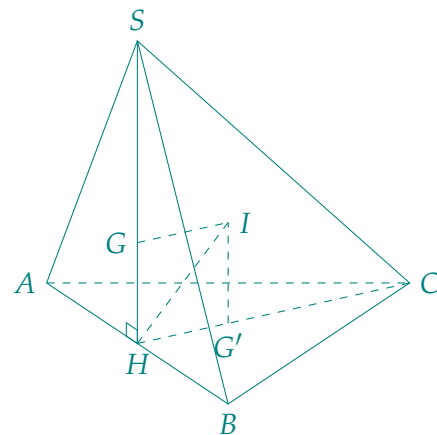
Chọn phương án **(A)**

**Câu 42.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh bằng 1, mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy. Tính thể tích  $V$  của khối cầu ngoại tiếp hình chóp đã cho.

- (A)**  $V = \frac{5\sqrt{15}\pi}{18}$ . **(B)**  $V = \frac{5\sqrt{15}\pi}{54}$ .  
**(C)**  $V = \frac{4\sqrt{3}\pi}{27}$ . **(D)**  $V = \frac{5\pi}{3}$ .

**Lời giải.**

Đặt  $R$  là bán kính mặt cầu ngoại tiếp khối chóp. Dựng hình như hình bên với  $IG'$  là trục đường tròn ngoại tiếp



tam giác  $ABC$  và  $IG$  là trục đường tròn ngoại tiếp tam giác  $SAB$ .

Ta có:  $G'H = \frac{\sqrt{3}}{6}$ ;  $GH = \frac{\sqrt{3}}{6} \Rightarrow IH = \frac{\sqrt{6}}{6}$ .

Do vậy  $R = \sqrt{IH^2 + HA^2} = \frac{\sqrt{15}}{6} \Rightarrow V = \frac{4}{3}\pi R^3 =$   
 $\frac{5\sqrt{15}\pi}{54}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 43.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 3x - z + 2 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- (A)**  $\vec{n}_4 = (-1; 0; -1)$ . **(B)**  $\vec{n}_1 = (3; -1; 2)$ .  
**(C)**  $\vec{n}_3 = (3; -1; 0)$ . **(D)**  $\vec{n}_2 = (3; 0; -1)$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $(P) : 3x + 0y - z + 2 = 0$  nên  $(3; 0; -1)$  là tọa độ vectơ pháp tuyến của  $(P)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 44.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ . Tìm tọa độ tâm  $I$  và tính bán kính  $R$  của  $(S)$ .

- (A)**  $I(-1; 2; 1)$  và  $R = 3$ .

(B)  $I(1; -2; -1)$  và  $R = 3$ .

(C)  $I(-1; 2; 1)$  và  $R = 9$ .

(D)  $I(1; -2; -1)$  và  $R = 9$ .

**Lời giải.**

Dựa vào dạng tổng quát của phương trình mặt cầu  $(S): (x - a)^2 + (y - b)^2 + (z - c)^2 = R^2$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 45.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 3x + 4y + 2z + 4 = 0$  và điểm  $A(1; -2; 3)$ . Tính khoảng cách  $d$  từ  $A$  đến  $(P)$ .

(A)  $d = \frac{5}{9}$ .

(B)  $d = \frac{5}{29}$ .

(C)  $d = \frac{5}{\sqrt{29}}$ .

(D)  $d = \frac{\sqrt{5}}{3}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $d(A; (P)) = \frac{|3 \cdot 1 + 4 \cdot (-2) + 2 \cdot 3 + 4|}{\sqrt{3^2 + 4^2 + 2^2}} = \frac{5}{\sqrt{29}}$

Chọn phương án (C)

**Câu 46.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $\Delta$  có phương trình  $\frac{x-10}{5} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+2}{1}$ . Xét mặt phẳng  $(P): 10x + 2y + mz + 11 = 0$ ,  $m$  là tham số thực. Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để mặt phẳng  $(P)$  vuông góc với đường thẳng  $\Delta$ .

(A)  $m = -2$ .

(B)  $m = 2$ .

(C)  $m = -52$ .

(D)  $m = 52$ .

**Lời giải.**

- Vectơ chỉ phương của  $\Delta$  là  $\vec{u}_\Delta = (5; 1; 1)$ .
- Vectơ pháp tuyến của  $(P)$  là  $\vec{n} = (10; 2; m)$ .
- $\Delta$  vuông góc với  $(P)$  khi và chỉ khi  $\vec{u}_\Delta$  và  $\vec{n}$  cùng phương. Hay  $\frac{10}{5} = \frac{2}{1} = \frac{m}{1}$  suy ra  $m = 2$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(0; 1; 1)$  và  $B(1; 2; 3)$ . Viết phương trình của mặt phẳng  $(P)$  đi qua  $A$  và vuông góc với đường thẳng  $AB$ .

(A)  $x + y + 2z - 3 = 0$ .

(B)  $x + y + 2z - 6 = 0$ .

(C)  $x + 3y + 4z - 7 = 0$ .

(D)  $x + 3y + 4z - 26 = 0$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng  $(P)$  qua  $A$  và nhận  $\vec{AB} = (1; 1; 2)$  làm vectơ pháp tuyến có phương trình là

$$x + (y - 1) + 2(z - 1) = 0 \Leftrightarrow x + y + 2z - 3 = 0.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 48.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(2; 1; 1)$  và mặt phẳng  $(P): 2x + y + 2z + 2 = 0$ . Biết mặt phẳng  $(P)$  cắt mặt cầu  $(S)$  theo giao tuyến là một đường tròn có bán kính bằng 1. Viết phương trình của mặt cầu  $(S)$ .

(A)  $(S): (x + 2)^2 + (y + 1)^2 + (z + 1)^2 = 8$ .

(B)  $(S): (x + 2)^2 + (y + 1)^2 + (z + 1)^2 = 10$ .

(C)  $(S): (x - 2)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 8$ .

(D)  $(S): (x - 2)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 10$ .

**Lời giải.**

- khoảng cách từ tâm  $I$  đến mặt phẳng  $(P)$  là  $d = 3$ .
- bán kính mặt cầu là  $R = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}$ .
- phương trình mặt cầu là  $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 + (z - 1)^2 = 10$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 49.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(1; 0; 2)$  và đường thẳng  $d$  có phương trình:  $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{2}$ . Viết phương trình đường thẳng  $\Delta$  đi qua  $A$ , vuông góc và cắt  $d$ .

(A)  $\Delta: \frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+2}{1}$ .

(B)  $\Delta: \frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+2}{-1}$ .

(C)  $\Delta: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{2} = \frac{z-2}{1}$ .

(D)  $\Delta: \frac{x-1}{1} = \frac{y}{-3} = \frac{z-2}{1}$ .

**Lời giải.**

**Cách 1 :**

- phương trình mặt phẳng qua  $A$  và vuông góc với đường thẳng  $d$  là  $(P): x + y + 2z - 5 = 0$ .
- giao điểm của  $d$  và  $(P)$  là  $B(2; 1; 1)$ .
- khi đó đường thẳng cần tìm chính là đường thẳng đi qua  $A$  và  $B$  có phương trình  $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+2}{-1}$

**Cách 2 :**

- Gọi  $B(1 + b; b; -1 + 2b)$  là giao điểm của đường thẳng  $d$  với đường thẳng  $\Delta$ .
- ta có  $\Delta$  vuông góc với  $d$  nên  $\vec{AB} \cdot \vec{u}_d = 0$  hay  $b + b + 2(2b - 3) = 0$  suy ra  $b = 1$  và  $B(2; 1; 1)$ .
- khi đó đường thẳng cần tìm chính là đường thẳng đi qua  $A$  và  $B$  có phương trình  $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z+2}{-1}$

Chọn phương án (B)

**Câu 50.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho bốn điểm  $A(1; 2; 0)$ ,  $B(0; 1; 1)$ ,  $C(2; 1; 1)$  và  $D(3; 1; 4)$ . Hỏi có tất cả bao nhiêu mặt phẳng cách đều bốn điểm đó?

(A) 1 mặt phẳng.

(B) 4 mặt phẳng.

(C) 7 mặt phẳng.

(D) Có vô số mặt phẳng.

**Lời giải.**

- Viết phương trình mặt phẳng  $(ABC)$  ta được  $(ABC): x + z - 1 = 0$ . Kiểm tra tọa độ điểm  $D$  ta suy ra 4 điểm  $A; B; C; D$  không đồng phẳng.
- Gọi  $(P)$  là mặt phẳng cách đều 4 điểm ta có 2 trường hợp:
  - + Trường hợp 1 (có 1 điểm nằm khác phía với 3 điểm còn lại): có 4 mặt phẳng.
  - + Trường hợp 2 (mỗi phía có 2 điểm): có  $C_3^2 = 3$

mặt phẳng.  
Chọn phương án **(C)**

Hết

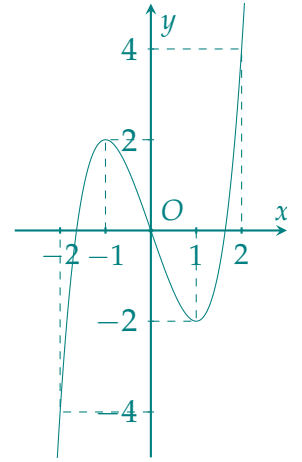
**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. C	3. B	4. D	5. A	6. A	7. C	8. B	9. D	10. C	11. A
12. B	13. B	14. A	15. C	16. D	17. D	18. A	19. C	20. D	21. B	22. A
23. B	24. C	25. C	26. C	27. A	28. D	29. D	30. A	31. B	32. B	33. C
34. C	35. A	36. D	37. D	38. B	39. D	40. C	41. A	42. B	43. D	44. A
45. C	46. B	47. A	48. D	49. B	50. C					

**Câu 3.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên. Hàm số  $f(x)$  đạt cực đại tại điểm nào dưới đây?

- (A)  $x = 2.$       (B)  $x = -1.$   
(C)  $x = 1.$       (D)  $x = 2.$



**Lời giải.**

Quan sát đồ thị, dấu  $f'(x)$  đổi từ dương sang âm khi qua điểm  $x = -1$  nên hàm số  $f(x)$  đạt cực đại tại điểm  $x = -1$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = x^3 - 2x^2 + x + 1$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(\frac{1}{3}; 1)$ .  
(B) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; \frac{1}{3})$ .  
(C) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(\frac{1}{3}; 1)$ .  
(D) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 3x^2 - 4x + 1 \Rightarrow y' = 0 \Leftrightarrow x = 1$  hoặc  $x = \frac{1}{3}$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$\frac{1}{3}$	$1$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$\frac{31}{27}$	$1$	$+\infty$	

Vậy hàm số nghịch biến trên khoảng  $(\frac{1}{3}; 1)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như sau.

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$-$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$-1$	$2$	$-\infty$

Tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số thực  $m$  sao cho phương trình  $f(x) = m$  có ba nghiệm thực phân biệt.

**ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2 NĂM 2017**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017  
ĐỀ MINH HỌA-LẦN 2**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Đường thẳng nào dưới đây là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ ?

- (A)  $x = 1.$       (B)  $y = -1.$   
(C)  $y = 2.$       (D)  $x = -1.$

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow -1^+} y = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{2x+1}{x+1} = -\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow -1^-} y = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{2x+1}{x+1} = +\infty$ .

Suy ra đường thẳng  $x = -1$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 2.** Đồ thị của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  và đồ thị của hàm số  $y = -x^2 + 4$  có tất cả bao nhiêu điểm chung?

- (A) 0.      (B) 4.      (C) 1.      (D) 2.

**Lời giải.**

Số giao điểm của hai đồ thị chính bằng số nghiệm của phương trình hoành độ giao điểm của hai đồ thị hàm số.

Ta có phương trình hoành độ giao điểm:  $x^4 - 2x^2 + 2 = -x^2 + 4 \Leftrightarrow x^4 - x^2 - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \sqrt{2} \\ x = -\sqrt{2} \end{cases}$ .

Vậy hai đồ thị có tất cả 2 giao điểm.

Chọn phương án **(D)**

(A) [-1;2].

(B) (-1;2).

(C) (-1;2].

(D) (-∞;2].

Lời giải.

Dựa vào bảng biến thiên đã cho, phương trình f(x) = m có ba nghiệm phân biệt khi và chỉ khi -1 < m < 2 hay m ∈ (-1;2) vì lúc đó, đường thẳng y = m cắt đồ thị hàm số y = f(x) tại ba điểm phân biệt.

Chọn phương án (B)

Câu 6. Cho hàm số y = (x^2 + 3) / (x + 1). Mệnh đề nào dưới đây đúng?

(A) Cực tiểu của hàm số bằng -3.

(B) Cực tiểu của hàm số bằng 1.

(C) Cực tiểu của hàm số bằng -6.

(D) Cực tiểu của hàm số bằng 2.

Lời giải.

Cách 1: Ta có y' = (x^2 + 2x - 3) / (x + 1)^2; y' = 0 ⇔

x^2 + 2x - 3 = 0 ⇔ [x = -3, x = 1

Lập bảng biến thiên.

Table with 5 columns (x, -∞, -3, -1, 1, +∞) and 3 rows (y', y). Signs for y' are +, 0, -, -, 0, +. Values for y are -∞, -6, -∞, +∞, 2, +∞.

Vậy hàm số đạt cực tiểu tại x = 1 và giá trị cực tiểu bằng 2.

Cách 2: Ta có y' = (x^2 + 2x - 3) / (x + 1)^2; x = 3 ⇔

[x = -3, x = 1

Khi đó: y''(1) = 1 > 0; y''(-3) = -1 < 0.

Nên hàm số đạt cực tiểu tại x = 1 và giá trị cực tiểu bằng 2.

Chọn phương án (D)

Câu 7. Một vật chuyển động theo quy luật s = -1/2 t^3 + 9t^2, với t (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và s (mét) là quãng đường vật đi được trong khoảng thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng bao nhiêu?

(A) 216(m/s).

(B) 30(m/s).

(C) 400(m/s).

(D) 54(m/s).

Lời giải.

Vận tốc tại thời điểm t là v(t) = s'(t) = -3/2 t^2 + 18t.

Khi đó yêu cầu bài toán tương đương tìm giá trị lớn nhất của hàm số y = v(t) = -3/2 t^2 + 18t trên đoạn [0; 10].

Ta có: y' = -3t + 18 = 0 ⇔ t = 6.

y(6) = 54; y(0) = 0; y(10) = 30.

Do hàm số y = v(t) liên tục trên đoạn [0; 10] nên max\_{[0;10]} y = 54.

Chọn phương án (D)

Câu 8. Tìm tất cả các tiệm cận đứng của đồ thị hàm số

y = (2x - 1 - sqrt(x^2 + x + 3)) / (x^2 - 5x + 6)

(A) x = -3 và x = -2.

(B) x = -3.

(C) x = 3 và x = 2.

(D) x = 3.

Lời giải.

Tập xác định D = R \ {2; 3}.

lim\_{x->2+} (2x - 1 - sqrt(x^2 + x + 3)) / (x^2 - 5x + 6)

= lim\_{x->2+} ((2x - 1)^2 - (x^2 + x + 3)) / ((x - 2)(x - 3)(2x - 1 + sqrt(x^2 + x + 3)))

= lim\_{x->2+} ((3x + 1)) / ((x - 2)(x - 3)(2x - 1 + sqrt(x^2 + x + 3))) =

lim\_{x->2+} ((3x + 1)) / ((x - 3)(2x - 1 + sqrt(x^2 + x + 3))) = -7/6.

Tương tự ta có lim\_{x->2-} (2x - 1 - sqrt(x^2 + x + 3)) / (x^2 - 5x + 6) = -7/6.

Mặt khác lim\_{x->3+} (2x - 1 - sqrt(x^2 + x + 3)) / (x^2 - 5x + 6) =

lim\_{x->3+} (2x - 1 - sqrt(x^2 + x + 3)) / ((x - 2)(x - 3)) = +∞

và lim\_{x->3-} (2x - 1 - sqrt(x^2 + x + 3)) / (x^2 - 5x + 6) = -∞.

Suy ra đường thẳng x = 3 là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho.

Chọn phương án (D)

Câu 9. Tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số thực m để hàm số y = ln(x^2 + 1) - mx + 1 đồng biến trên khoảng (-∞; +∞)

(A) (-∞; -1].

(B) (-∞; -1).

(C) [-1; 1].

(D) [1; +∞).

Lời giải.

Ta có y' = (2x) / (x^2 + 1) - m.

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng (-∞; +∞) ⇔ y' ≥ 0, ∀ x ∈ (-∞; +∞)

⇔ g(x) = (2x) / (x^2 + 1) ≥ m, ∀ x ∈ (-∞; +∞)

⇔ m ≤ min g(x).

Ta có g'(x) = (-2x^2 + 2) / (x^2 + 1)^2 = 0 ⇔ x = ±1.

Bảng biến thiên



**Câu 17.** Tìm tập nghiệm  $S$  của bất phương trình  $\log_{\frac{1}{2}}(x+1) < \log_{\frac{1}{2}}(2x-1)$ .

- (A)  $S = (2; +\infty)$ . (B)  $S = (-\infty; 2)$ .  
 (C)  $S = (\frac{1}{2}; 2)$ . (D)  $S = (-1; 2)$ .

**Lời giải.**

Điều kiện  $x > \frac{1}{2}$ . BPT  $\Leftrightarrow x+1 > 2x-1 \Leftrightarrow x < 2$ .

Kết hợp điều kiện suy ra tập nghiệm của BPT là  $S = (\frac{1}{2}; 2)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 18.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \ln(1 + \sqrt{x+1})$ .

- (A)  $y' = \frac{1}{2\sqrt{x+1}(1+\sqrt{x+1})}$ .  
 (B)  $y' = \frac{1}{1+\sqrt{x+1}}$ .  
 (C)  $y' = \frac{1}{\sqrt{x+1}(1+\sqrt{x+1})}$ .  
 (D)  $y' = \frac{2}{\sqrt{x+1}(1+\sqrt{x+1})}$ .

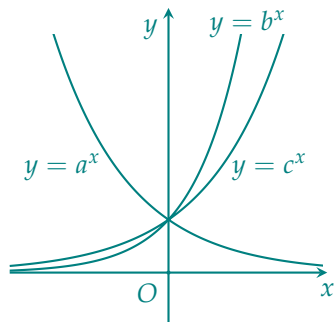
**Lời giải.**

Ta có  $y' = \frac{(1+\sqrt{x+1})'}{1+\sqrt{x+1}} = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x+1}}}{1+\sqrt{x+1}} = \frac{1}{2\sqrt{x+1}(1+\sqrt{x+1})}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 19.**

Cho ba số thực dương  $a, b, c$  khác 1. Đồ thị các hàm số  $y = a^x, y = b^x, y = c^x$  được cho trong hình vẽ bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $a < b < c$ . (B)  $a < c < b$ .  
 (C)  $b < c < a$ . (D)  $c < a < b$ .

**Lời giải.**

Từ đồ thị ta thấy  $0 < a < 1$  và  $b, c > 1$

$\forall x_0 : \begin{cases} y_1 = b^{x_0} \\ y_2 = c^{x_0} \end{cases}$  từ đồ thị ta thấy  $y_1 > y_2 \Leftrightarrow b^{x_0} > c^{x_0} \Leftrightarrow b > c$ . Vậy  $a < c < b$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 20.** Tìm tập hợp các giá trị của tham số thực  $m$  để phương trình  $6^x + (3-m)2^x - m = 0$  có nghiệm thuộc khoảng  $(0; 1)$ .

- (A)  $[3; 4]$ . (B)  $[2; 4]$ . (C)  $(2; 4)$ . (D)  $(3; 4)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $6^x + (3-m)2^x - m = 0 \Leftrightarrow m = \frac{6^x + 3 \cdot 2^x}{2^x + 1}$

Xét hàm số  $f(x) = \frac{6^x + 3 \cdot 2^x}{2^x + 1}$

+ TXĐ:  $\mathcal{D} = \mathbb{R}$

+  $f'(x) = \frac{12^x \cdot \ln 3 + 6^x \cdot \ln 6 + 3 \cdot 2^x \cdot \ln 2}{(2^x + 1)^2} > 0, \forall x \in \mathbb{R}$

nên hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

Suy ra  $0 < x < 1 \Leftrightarrow f(0) < f(x) < f(1) \Leftrightarrow 2 < f(x) < 4$  vì  $f(0) = 2, f(1) = 4$ .

Vậy phương trình (1) có nghiệm thuộc khoảng  $(0; 1)$  khi  $m \in (2; 4)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 21.** Xét các số thực  $a, b$  thỏa mãn  $a > b > 1$ . Tìm giá trị nhỏ nhất  $P_{\min}$  của biểu thức  $P = \log_{\frac{a}{b}}(a^2) + 3 \log_b(\frac{a}{b})$ .

- (A)  $P_{\min} = 19$ . (B)  $P_{\min} = 13$ .  
 (C)  $P_{\min} = 14$ . (D)  $P_{\min} = 15$ .

**Lời giải.**

Ta có  $P = \log_{\frac{a}{b}}(a^2) + 3 \log_b(\frac{a}{b})$   
 $= [2 \log_{\frac{a}{b}} a]^2 + 3 \log_b(\frac{a}{b})$   
 $= 4 [\log_{\frac{a}{b}}(\frac{a}{b} \cdot b)]^2 + 3 \log_b(\frac{a}{b})$   
 $= 4 [1 + \log_{\frac{a}{b}} b]^2 + 3 \log_b(\frac{a}{b})$

Đặt  $t = \log_{\frac{a}{b}} b$ , điều kiện  $t > 0$  (vì  $a > b > 1$ ).

Xét  $P = 4(1+t)^2 + \frac{3}{t} = 4t^2 + 8t + \frac{3}{t} + 4 = f(t)$ .

Ta có  $f'(t) = 8t + 8 - \frac{3}{t^2} = \frac{8t^3 + 8t^2 - 3}{t^2} = \frac{(2t-1)(4t^2 + 6t + 3)}{t^2}$

Khi đó  $f'(t) = 0 \Leftrightarrow t = \frac{1}{2}$ .

Ta có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$0$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
$y'$			- 0 +	
$y$			$+\infty$	$+\infty$

15

Ta suy ra  $P_{\min} = f(\frac{1}{2}) = 15$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 22.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \cos 2x$ .

- (A)  $\int f(x)dx = \frac{1}{2} \sin 2x + C$ .  
 (B)  $\int f(x)dx = -\frac{1}{2} \sin 2x + C$ .  
 (C)  $\int f(x)dx = 2 \sin 2x + C$ .  
 (D)  $\int f(x)dx = -2 \sin 2x + C$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int f(x)dx = \frac{1}{2} \int \cos 2x d(2x) = \frac{1}{2} \sin 2x + C$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên đoạn  $[1; 2]$ ,  $f(1) = 1$  và  $f(2) = 2$ .

Tính  $I = \int_1^2 f'(x)dx$

- (A)**  $I = 1$ .                      **(B)**  $I = -1$ .  
**(C)**  $I = 3$ .                      **(D)**  $I = \frac{7}{2}$ .

**Lời giải.**

$I = \int_1^2 f'(x)dx = f(x) \Big|_1^2 = f(2) - f(1) = 1$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 24.** Biết  $F(x)$  là một nguyên hàm của  $f(x) = \frac{1}{x-1}$  và  $F(2) = 1$ . Tính  $F(3)$ .

- (A)**  $F(3) = \ln 2 - 1$ .              **(B)**  $F(3) = \ln 2 + 1$ .  
**(C)**  $F(3) = \frac{1}{2}$ .                      **(D)**  $F(3) = \frac{7}{4}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $F(x) = \ln|x-1| + C$ .  
 Do  $F(2) = 1$  nên  $C = 1 \Rightarrow F(x) = \ln|x-1| + 1$ .  
 Khi đó  $F(3) = \ln 2 + 1$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 25.** Cho  $\int_0^4 f(x) dx = 16$ . Tính tích phân  $I =$

$\int_0^2 f(2x) dx$ .

- (A)**  $I = 32$ .    **(B)**  $I = 8$ .    **(C)**  $I = 16$ .    **(D)**  $I = 4$ .

**Lời giải.**

Đặt  $t = 2x \Rightarrow dt = 2 dx$ .  
 Đổi cận:  $x = 0 \Rightarrow t = 0; x = 2 \Rightarrow t = 4$ .

$\Rightarrow I = \int_0^4 \frac{1}{2} f(t) dt = \frac{1}{2} \int_0^4 f(x) dx = 8$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 26.** Biết  $I = \int_3^4 \frac{dx}{x^2+x} = a \ln 2 + b \ln 3 + c \ln 5$ , với

$a, b, c$  là các số nguyên. Tính  $S = a + b + c$ .

- (A)**  $S = 6$ .                      **(B)**  $S = 2$ .  
**(C)**  $S = -2$ .                      **(D)**  $S = 0$ .

**Lời giải.**

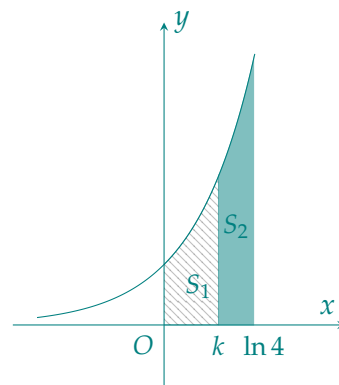
Ta có  $f(x) = \frac{1}{x^2+x} = \frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} \Rightarrow \int f(x) dx = \ln|x| - \ln|x+1| + C$ .

Vậy  $I = (\ln|x| - \ln|x+1|) \Big|_3^4 = 4 \ln 2 - \ln 3 - \ln 5$  nên  $a = 4, b = -1, c = -1 \Rightarrow S = 2$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 27.**

Cho hình thang cong  $(H)$  giới hạn bởi các đường  $y = e^x, y = 0, x = 0, x = \ln 4$ . Đường thẳng  $x = k$  ( $0 < k < \ln 4$ ) chia  $(H)$  thành hai phần có diện tích là  $S_1$  và  $S_2$  như hình vẽ bên. Tìm  $k$  để  $S_1 = 2S_2$ .



- (A)**  $k = \frac{2}{3} \ln 4$ .                      **(B)**  $k = \ln 2$ .  
**(C)**  $k = \ln \frac{8}{3}$ .                      **(D)**  $k = \ln 3$ .

**Lời giải.**

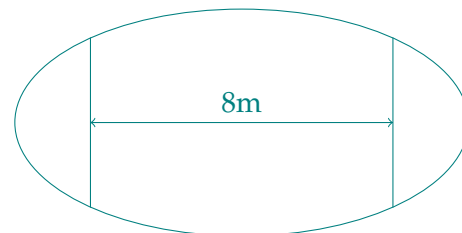
Ta có  $S_1 = \int_0^k |e^x| dx = e^k - 1$  và  $S_2 = \int_k^{\ln 4} |e^x| dx = 4 - e^k$ .

Theo đề bài  $S_1 = 2S_2 \Rightarrow e^k - 1 = 2(4 - e^k) \Leftrightarrow e^k = 3 \Leftrightarrow k = \ln 3$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 28.**

Ông An có một mảnh vườn hình Elip có độ dài trục lớn bằng 16m và độ dài trục bé bằng 10m. Ông



muốn trồng hoa trên một dải đất rộng 8m và nhận trục bé của elip làm trục đối xứng (như hình vẽ). Biết kinh phí để trồng hoa là 100.000 đồng/1m<sup>2</sup>. Hỏi ông An cần bao nhiêu tiền để trồng hoa trên dải đất đó? (Số tiền được làm tròn đến hàng nghìn).

- (A)** 7.862.000 đồng.              **(B)** 7.653.000 đồng.  
**(C)** 7.128.000 đồng.              **(D)** 7.826.000 đồng.

**Lời giải.**

Xét hệ trục tọa độ  $Oxy$  đặt gốc tọa độ vào tâm của khu vườn, khi đó khu vườn có phương trình là  $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{25} = 1$ .

Phần đồ thị phần phía trên trục  $Ox$  có phương trình là  $y = f(x) = 5\sqrt{1 - \frac{x^2}{64}}$ .

Do vậy diện tích của dải đất là  $S = 2 \int_{-4}^4 5\sqrt{1 - \frac{x^2}{64}} dx$ .

Đặt  $x = 8 \sin t$  ( $-\frac{\pi}{2} \leq t \leq \frac{\pi}{2}$ )  $\Rightarrow dx = 8 \cos t dt$  và  $\cos t \geq 0$ .

Đổi cận:  $x = -4 \Rightarrow t = -\frac{\pi}{6}; x = 4 \Rightarrow t = \frac{\pi}{6}$

$\Rightarrow S = 80 \int_{-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{6}} \cos^2 t dt = 40 \int_{-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{6}} (1 + \cos 2t) dt =$

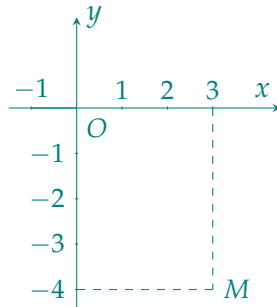


$$40 \left( t + \frac{\sin 2t}{2} \right) \Big|_{-\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{6}} = \frac{40\pi}{3} + 20\sqrt{3} \text{ (m}^2\text{)}.$$

Do đó, số tiền cần dùng là  $100.000S \approx 7.653.000$  đồng.  
 Chọn phương án **(B)**

**Câu 29.**

Điểm  $M$  trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn của số phức  $z$ .  
 Tìm phần thực và phần ảo của số phức  $z$ .



- (A) Phần thực là  $-4$  và phần ảo là  $3$ .
- (B) Phần thực là  $3$  và phần ảo là  $-4i$ .
- (C) Phần thực là  $3$  và phần ảo là  $-4$ .
- (D) Phần thực là  $-4$  và phần ảo là  $3i$ .

**Lời giải.**

Số phức  $z = a + bi$ ,  $a, b \in \mathbb{R}$ .

Dựa vào hình vẽ suy ra  $M(3; -4) \Rightarrow$  phần thực  $a = 3$ , phần ảo  $b = -4$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 30.** Tìm số phức liên hợp của số phức  $z = i(3i + 1)$ .

- (A)  $\bar{z} = 3 - i$ .
- (B)  $\bar{z} = -3 + i$ .
- (C)  $\bar{z} = 3 + i$ .
- (D)  $\bar{z} = -3 - i$ .

**Lời giải.**

Ta có  $z = -3 + i \Rightarrow \bar{z} = -3 - i$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 31.** Tính môđun của số phức  $z$  thỏa mãn  $z(2 - i) + 13i = 1$ .

- (A)  $|z| = \sqrt{34}$ .
- (B)  $|z| = 34$ .
- (C)  $|z| = \frac{5\sqrt{34}}{3}$ .
- (D)  $|z| = \frac{\sqrt{34}}{3}$ .

**Lời giải.**

$$z(2 - i) + 13i = 1 \Leftrightarrow z = \frac{1 - 13i}{2 - i} \Leftrightarrow z =$$

$$\frac{(1 - 13i)(2 + i)}{(2 - i)(2 + i)} \Leftrightarrow z = 3 - 5i.$$

$$|z| = \sqrt{3^2 + (-5)^2} = \sqrt{34}.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 32.** Kí hiệu  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình  $4z^2 - 16z + 17 = 0$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là điểm biểu diễn của số phức  $w = iz_0$ ?

- (A)  $M_1 \left( \frac{1}{2}; 2 \right)$ .
- (B)  $M_2 \left( -\frac{1}{2}; 2 \right)$ .
- (C)  $M_3 \left( -\frac{1}{4}; 1 \right)$ .
- (D)  $M_4 \left( \frac{1}{4}; 1 \right)$ .

**Lời giải.**

Xét phương trình  $4z^2 - 16z + 17 = 0$  có  $\Delta' = 64 - 4.17 = -4$ .

Phương trình có hai nghiệm  $z_1 = \frac{8 - 2i}{4} = 2 - \frac{1}{2}i$ ,  $z_2 =$

$$\frac{8 + 2i}{4} = 2 + \frac{1}{2}i.$$

Do  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương nên  $z_0 = 2 + \frac{1}{2}i$ .

Ta có  $w = iz_0 = -\frac{1}{2} + 2i$ . Điểm biểu diễn  $w = iz_0$  là  $M_2 \left( -\frac{1}{2}; 2 \right)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 33.** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $(1 + i)z + 2\bar{z} = 3 + 2i$ . Tính  $P = a + b$ .

- (A)  $P = \frac{1}{2}$ .
- (B)  $P = 1$ .
- (C)  $P = -1$ .
- (D)  $P = -\frac{1}{2}$ .

**Lời giải.**

$$(1 + i)z + 2\bar{z} = 3 + 2i \quad (1)$$

Ta có  $z = a + bi \Rightarrow \bar{z} = a - bi$ . Thay vào (1) ta được  $(1 + i)(a + bi) + 2(a - bi) = 3 + 2i \Leftrightarrow (a - b)i + (3a - b) = 3 + 2i \Leftrightarrow (a - b)i + (3a - b) = 3 + 2i$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a - b = 2 \\ 3a - b = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{2} \\ b = -\frac{3}{2} \end{cases} \Rightarrow P = -1.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 34.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $(1 + 2i)|z| = \frac{\sqrt{10}}{z} - 2 + i$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $\frac{3}{2} < |z| < 2$ .
- (B)  $|z| > 2$ .
- (C)  $|z| < \frac{1}{2}$ .
- (D)  $\frac{1}{2} < |z| < \frac{3}{2}$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } (1 + 2i)|z| = \frac{\sqrt{10}}{z} - 2 + i \Leftrightarrow (1 + 2i)|z| =$$

$$\frac{\sqrt{10}}{z} + i(1 + 2i) \Leftrightarrow (1 + 2i)(|z| - i) = \frac{\sqrt{10}}{z}$$

$$\Rightarrow |(1 + 2i)(|z| - i)| = \left| \frac{\sqrt{10}}{z} \right| \Rightarrow |1 + 2i| \cdot ||z| - i| =$$

$$\frac{\sqrt{10}}{|z|} \quad (*)$$

Đặt  $t = |z|$  thì  $t \in \mathbb{R}$ ,  $t > 0$  và  $(*) \Leftrightarrow \sqrt{5} \cdot \sqrt{t^2 + 1} = \frac{\sqrt{10}}{t} \Leftrightarrow t^4 + t^2 = 2 \Rightarrow t = 1$  (do  $t > 0$ ).

$$\text{Vậy } |z| = t = 1 \Rightarrow \frac{1}{2} < t < \frac{3}{2}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 35.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$  và thể tích bằng  $a^3$ . Tính chiều cao  $h$  của hình chóp đã cho.

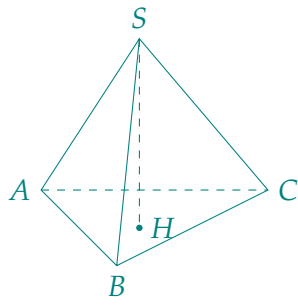
- (A)  $h = \frac{\sqrt{3}a}{6}$ .
- (B)  $h = \frac{\sqrt{3}a}{2}$ .
- (C)  $h = \frac{\sqrt{3}a}{3}$ .
- (D)  $h = \sqrt{3}a$ .

**Lời giải.**

Do đáy là tam giác đều cạnh bằng  $2a$  nên  $S_{\triangle ABC} = \frac{(2a)^2\sqrt{3}}{4} = a^2\sqrt{3}$ .

Mà  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3}S_{\triangle ABC} \cdot h \Rightarrow h = \frac{3V}{S_{\triangle ABC}} = \frac{3a^3}{a^2\sqrt{3}} = \sqrt{3}a$ .

Chọn phương án (D)



**Câu 36.** Hình đa diện nào dưới đây không có tâm đối xứng?

- (A) Tứ diện đều.
- (B) Bát diện đều.
- (C) Hình lập phương.
- (D) Lăng trụ lục giác đều.

**Lời giải.**

Dễ dàng thấy bát diện đều, hình lập phương và lăng trụ lục giác đều có tâm đối xứng.

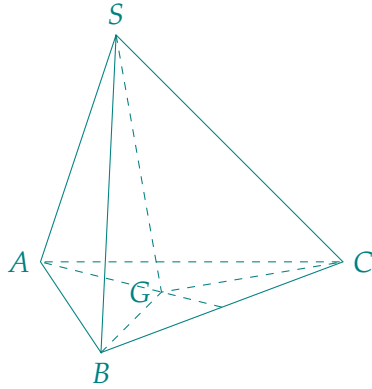
Còn tứ diện đều không có tâm đối xứng.

Chọn phương án (A)

**Câu 37.** Cho tứ diện  $ABCD$  có thể tích bằng 12 và  $G$  là trọng tâm tam giác  $BCD$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $A.GBC$ .

- (A)  $V = 3$ .
- (B)  $V = 4$ .
- (C)  $V = 6$ .
- (D)  $V = 5$ .

**Lời giải.**



Ta có  $d(G, BC) = \frac{1}{3}d(A, BC) \Rightarrow S_{\triangle GBC} = \frac{1}{3}S_{\triangle ABC}$ .

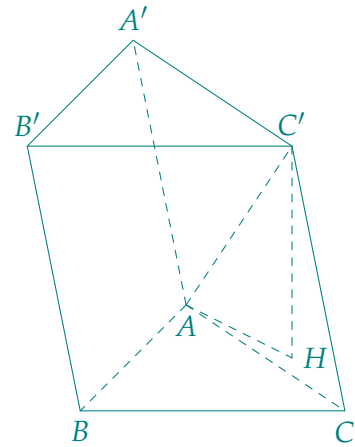
$V_{S.GBC} = \frac{1}{3} \cdot S_{\triangle GBC} \cdot d(S, (ABC)) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot S_{\triangle ABC} \cdot d(S, (ABC)) = \frac{1}{3} \cdot V_{S.ABC} = 4$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 38.** Cho lăng trụ tam giác  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ , cạnh  $AC = 2\sqrt{2}$ . Biết  $AC'$  tạo với mặt phẳng  $(ABC)$  một góc  $60^\circ$  và  $AC' = 4$ . Tính thể tích  $V$  của khối đa diện  $ABCB'C'$ .

- (A)  $V = \frac{8}{3}$ .
- (B)  $V = \frac{16}{3}$ .
- (C)  $V = \frac{8\sqrt{3}}{3}$ .
- (D)  $V = \frac{16\sqrt{3}}{3}$ .

**Lời giải.**



Gọi  $H$  là hình chiếu của  $C'$  lên đáy

$(ABC) \Rightarrow \widehat{C'AH} = 60^\circ \Rightarrow C'H = AC' \sin 60^\circ = 2\sqrt{3}$ .

Từ đó ta có

$S_{ABC} = \frac{1}{2}(2\sqrt{2})^2 = 4$

$\Rightarrow V_{ABCB'C'} = 2V_{AC'BC} = 2 \cdot \frac{1}{3}C'H S_{ABC} = \frac{16\sqrt{3}}{3}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 39.** Cho khối  $(N)$  có bán kính đáy bằng 3 và diện tích xung quanh bằng  $15\pi$ . Tính thể tích  $V$  của khối nón  $(N)$

- (A)  $V = 12\pi$ .
- (B)  $V = 20\pi$ .
- (C)  $V = 36\pi$ .
- (D)  $V = 60\pi$ .

**Lời giải.**

Ta có  $S_{xq} = \pi r l$  nên  $15\pi = 3\pi l \Rightarrow l = 5$ .

Suy ra  $h = \sqrt{l^2 - r^2} = 4$ . Do đó  $V = \frac{1}{2}hS_{\text{Đáy}} =$

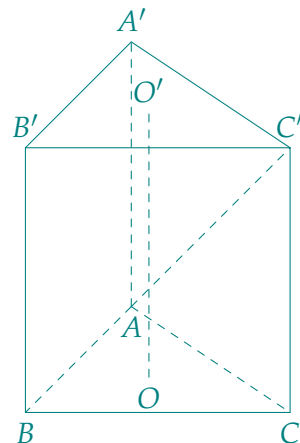
$\frac{1}{3}h\pi r^2 = 12\pi$

Chọn phương án (A)

**Câu 40.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có độ dài cạnh đáy bằng  $a$  và chiều cao bằng  $h$ . Tính thể tích  $V$  của khối trụ ngoại tiếp lăng trụ đã cho.

- (A)  $V = \frac{\pi a^2 h}{9}$ .
- (B)  $V = \frac{\pi a^2 h}{3}$ .
- (C)  $V = 3\pi a^2 h$ .
- (D)  $V = \frac{\pi a^2 h}{9}$ .

**Lời giải.**



Khối trụ ngoại tiếp hình lăng trụ đã cho cũng có chiều cao là  $h = OO'$ , trong đó  $O, O'$  lần lượt là tâm của tam

giác  $ABC$  và tam giác  $A'B'C'$ . Bán kính đáy của khối trụ chính là bán kính đường tròn ngoại tiếp của mặt đáy là  $a\frac{\sqrt{3}}{3}$ . Vậy thể tích lăng trụ là  $V = \frac{\pi a^2 h}{3}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 41.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a$ ,  $AD = 2a$  và  $AA' = 2a$ . Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp tứ diện  $ABB'C'$ .

- (A)  $R = 3a$ .                      (B)  $R = \frac{3a}{4}$ .  
 (C)  $R = \frac{3a}{2}$ .                      (D)  $R = 2a$ .

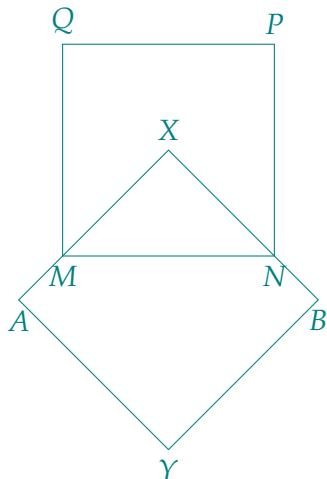
**Lời giải.**

Bán kính mặt cầu ngoại tiếp  $ABB'C'$  bằng với bán kính mặt cầu ngoại tiếp hình hộp chữ nhật đã cho và cũng bằng nửa độ dài đường chéo dài nhất của hình hộp.

Suy ra  $R = \frac{1}{2}\sqrt{AB^2 + AD^2 + AA'^2} = \frac{3a}{2}$ .

Chọn phương án **(C)**

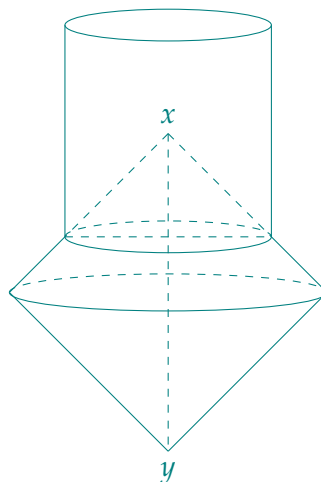
**Câu 42.** Cho hai hình vuông có cùng cạnh bằng 5 được xếp chồng lên nhau sao cho đỉnh  $X$  của một hình vuông là tâm của hình vuông còn lại (như hình vẽ).



Tính thể tích  $V$  của vật thể tròn xoay khi quay mô hình trên xung quanh trục  $XY$ .

- (A)  $V = \frac{125(1 + \sqrt{2})\pi}{6}$ .  
 (B)  $V = \frac{125(5 + 2\sqrt{2})\pi}{12}$ .  
 (C)  $V = \frac{125(5 + 4\sqrt{2})\pi}{24}$ .  
 (D)  $V = \frac{125(2 + \sqrt{2})\pi}{4}$ .

**Lời giải.**



Ta thấy rằng khi xoay hình xung quanh trục  $XY$  thì hình vuông ở trên sẽ tạo thành hình trụ có bán kính đáy là  $\frac{5}{2}$  và chiều cao là 5, khi đó thể tích của nó là

$$V_1 = 5\pi \left(\frac{5}{2}\right)^2 = \frac{125\pi}{4}.$$

Hình vuông ở dưới sẽ tạo thành hai hình nón có chung mặt đáy và có đường kính đáy là  $AB$  như hình bên. Chiều cao và bán kính đáy của hình nón này là  $\frac{5\sqrt{2}}{2}$  nên thể tích của khối hai nón ghép lại là  $V_2 =$

$$2 \cdot \frac{1}{3}\pi \left(\frac{5\sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{125\pi\sqrt{2}}{6}.$$

Tuy nhiên, hai hình này có chung phần hình nón tạo thành khi xoay phần màu cam xung quanh  $XY$ . Để thấy phần chung này cũng là hình nón nhưng chiều cao và bán kính đáy là  $\frac{5}{2}$ . Do đó,

$$V_3 = \frac{1}{3}\pi \left(\frac{5}{2}\right)^2 = \frac{125\pi\sqrt{2}}{24}$$

$$V = V_1 + V_2 - V_3 = \frac{125(5 + 4\sqrt{2})\pi}{24}.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 43.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(3; -2; 3)$  và  $B(-1; 2; 5)$ . Tìm tọa độ trung điểm  $I$  của đoạn thẳng  $AB$ .

- (A)  $I(-2; 2; 1)$ .                      (B)  $I(1; 0; 4)$ .  
 (C)  $I(2; 0; 8)$ .                      (D)  $I(2; -2; -1)$ .

**Lời giải.**

Trung điểm  $AB$  là  $(1; 0; 4)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 44.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \begin{cases} x = 1 \\ y = 2 + 3t \\ z = 5 - t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ . Vectơ nào dưới đây là vectơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_1 = (0; 3; -1)$ .                      (B)  $\vec{u}_2 = (1; 3; -1)$ .  
 (C)  $\vec{u}_3 = (1; -3; -1)$ .                      (D)  $\vec{u}_4 = (1; 2; 5)$ .

**Lời giải.**

Vectơ chỉ phương là  $\vec{u}_1 = (0; 3; -1)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 45.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho 3

điểm  $A(1;0;0); B(0;-2;0); C(0;0;3)$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng  $(ABC)$ ?

- Ⓐ  $\frac{x}{3} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{1} = 1$ .      Ⓑ  $\frac{x}{-2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{3} = 1$ .  
 Ⓒ  $\frac{x}{1} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{3} = 1$ .      Ⓓ  $\frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-2} = 1$ .

**Lời giải.**

Phương trình mặt phẳng theo đoạn chắn đi qua 3 điểm  $A, B, C$  là  $\frac{x}{1} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{3} = 1$ .

Chọn phương án Ⓒ

**Câu 46.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình mặt cầu có tâm  $I(1;2;-1)$  và tiếp xúc với mặt phẳng  $(P) : x - 2y - 2z - 8 = 0$ ?

- Ⓐ  $(x+1)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 3$ .  
 Ⓑ  $(x-1)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = 3$ .  
 Ⓒ  $(x-1)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = 9$ .  
 Ⓓ  $(x+1)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 9$ .

**Lời giải.**

Gọi mặt cầu cần tìm là  $(S)$ .

Ta có  $(S)$  là mặt cầu có tâm  $I(1;2;-1)$  và bán kính  $R$ .

Vì  $(S)$  tiếp xúc với mặt phẳng  $(P) : x - 2y - 2z - 8 = 0$  nên ta có

$$R = d(I; (P)) = \frac{|1 - 2 \cdot 2 - 2 \cdot (-1) - 8|}{\sqrt{1^2 + (-2)^2 + (-2)^2}} = 3.$$

Vậy phương trình mặt cầu cần tìm là  $(x-1)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = 9$ .

Chọn phương án Ⓒ

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng

$d : \frac{x+1}{1} = \frac{y}{-3} = \frac{z-5}{-1}$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 3y + 2z + 6 = 0$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- Ⓐ  $d$  cắt và không vuông góc với  $(P)$ .  
 Ⓑ  $d$  vuông góc với  $(P)$ .  
 Ⓒ  $d$  song song với  $(P)$ .  
 Ⓓ  $d$  nằm trong  $(P)$ .

**Lời giải.**

Ta có đường thẳng  $d$  đi qua  $M(-1;0;5)$  có vtcp  $\vec{u} = (1; -3; -1)$  và mặt phẳng  $(P)$  có vtpt  $\vec{n} = (3; -3; 2)$ .  
 $M \notin P \Rightarrow$  loại đáp án D.

$\vec{n}, \vec{u}$  không cùng phương  $\Rightarrow$  loại đáp án B.

$\vec{n} \cdot \vec{u} = 10 \Rightarrow \vec{n}, \vec{u}$  không vuông góc  $\Rightarrow$  loại đáp án C.

Chọn phương án Ⓐ

**Câu 48.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(-2;3;1)$  và  $B(5;6;2)$ . Đường thẳng  $AB$  cắt mặt phẳng  $(Oxz)$  tại điểm  $M$ . Tính tỉ số  $\frac{AM}{BM}$ .

- Ⓐ  $\frac{AM}{BM} = \frac{1}{2}$ .      Ⓑ  $\frac{AM}{BM} = 2$ .  
 Ⓒ  $\frac{AM}{BM} = \frac{1}{3}$ .      Ⓓ  $\frac{AM}{BM} = 3$ .

**Lời giải.**

$M \in (Oxz) \Rightarrow M(x;0;z); \vec{AB} = (7;3;1) \Rightarrow AB = \sqrt{59}$   
 $;\vec{AM} = (x+2; -3; z-1)$  và  $A, B, M$  thẳng hàng  $\Rightarrow$

$$\vec{AM} = k \cdot \vec{AB} (k \in \mathbb{R}) \Leftrightarrow \begin{cases} x+2 = 7k \\ -3 = 3k \\ z-1 = k \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -9 \\ -1 = k \\ z = 0 \end{cases}$$

$M(-9;0;0)$ .  $\vec{BM} = (-14; -6; -2) \Rightarrow BM = \sqrt{118} = 2AB$ .

**Cách khác**  $\frac{AM}{BM} = \frac{d(A; (Oxz))}{d(B; (Oxz))} = \frac{1}{2}$ .

Chọn phương án Ⓐ

**Câu 49.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , viết phương trình mặt phẳng  $(P)$  song song và cách đều hai đường thẳng  $d_1 : \frac{x-2}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{1}$  và  $d_2 : \frac{x}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-2}{-1}$ .

- Ⓐ  $(P) : 2x - 2z + 1 = 0$ .      Ⓑ  $(P) : 2y - 2z + 1 = 0$ .  
 Ⓒ  $(P) : 2x - 2y + 1 = 0$ .      Ⓓ  $(P) : 2y - 2z - 1 = 0$ .

**Lời giải.**

Ta có  $d_1$  đi qua điểm  $A(2;0;0)$  và có VTCP  $\vec{u}_1 = (-1; 1; 1)$ .

$d_2$  đi qua điểm  $B(0;1;2)$  và có VTCP  $\vec{u}_2 = (2; -1; -1)$ .

Vì  $(P)$  song song với hai đường thẳng  $d_1$  và  $d_2$  nên VTPT của  $(P)$  là  $\vec{n} = [\vec{u}_1, \vec{u}_2] = (0; 1; -1)$ .

Khi đó  $(P)$  có dạng  $y - z + D = 0 \Rightarrow$  loại đáp án A và C.

Lại có  $(P)$  cách đều  $d_1$  và  $d_2$  nên  $(P)$  đi qua trung điểm  $M(0; \frac{1}{2}; 1)$  của  $AB$ .

Do đó  $P : 2y - 2z + 1 = 0$ .

Chọn phương án Ⓑ

**Câu 50.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , xét các điểm  $A(0;0;1), B(m;0;0), C(0;n;0), D(1;1;1)$  với  $m > 0; n > 0$  và  $m + n = 1$ . Biết rằng khi  $m, n$  thay đổi, tồn tại một mặt cầu cố định tiếp xúc với mặt phẳng  $(ABC)$  và đi qua  $D$ . Tính bán kính  $R$  của mặt cầu đó?

- Ⓐ  $R = 1$ .      Ⓑ  $R = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .  
 Ⓒ  $R = \frac{3}{2}$ .      Ⓓ  $R = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $I(1;1;0)$  là hình chiếu vuông góc của  $D$  lên mặt phẳng  $(Oxy)$ .

Ta có phương trình theo đoạn chắn của mặt phẳng  $(ABC)$  là:  $\frac{x}{m} + \frac{y}{n} + z = 1$ .

Suy ra phương trình tổng quát của  $(ABC)$  là  $nx + my + mnz - mn = 0$ .

Mặt khác  $d(I; (ABC)) = \frac{|1 - mn|}{\sqrt{m^2 + n^2 + m^2n^2}} = 1$  (vì  $m + n = 1$ ) và  $ID = 1$ .  
 $\Rightarrow ID = d(I; (ABC))$ .

Nên tồn tại mặt cầu tâm  $I$  (là hình chiếu vuông góc của  $D$  lên mặt phẳng  $Oxy$ ) tiếp xúc với  $(ABC)$  và đi qua  $D$ . Khi đó  $R = 1$ .

Chọn phương án Ⓐ

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. D	2. D	3. B	4. A	5. B	6. D	7. D	8. D	9. A	10. D	11. A
12. A	13. C	14. C	15. B	16. A	17. C	18. A	19. B	20. C	21. D	22. A
23. A	24. B	25. B	26. B	27. D	28. B	29. C	30. D	31. A	32. B	33. C
34. D	35. D	36. A	37. B	38. D	39. A	40. B	41. C	42. C	43. B	44. A
45. C	46. C	47. A	48. A	49. B	50. A					

**3 ĐỀ MINH HỌA-LẦN 3 NĂM 2017**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017  
ĐỀ MINH HỌA-LẦN 3**  
Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x$  có đồ thị (C). Tìm số giao điểm của (C) và trục hoành.

- (A) 2.      (B) 3.      (C) 1.      (D) 0.

**Lời giải.**

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $x^3 - 3x = 0 \Leftrightarrow$

$$x(x^2 - 3) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{3} \\ x = -\sqrt{3} \end{cases}.$$

Vậy có ba giao điểm.

Chọn phương án (B)

**Câu 2.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log x$ .

- (A)  $y' = \frac{1}{x}$ .      (B)  $y' = \frac{\ln 10}{x}$ .  
(C)  $y' = \frac{1}{x \ln 10}$ .      (D)  $y' = \frac{1}{10 \ln x}$ .

**Lời giải.**

Áp dụng công thức  $(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$ , ta được  $y' = \frac{1}{x \ln 10}$

Chọn phương án (C)

**Câu 3.** Tìm tập nghiệm S của bất phương trình  $5^{x+1} - \frac{1}{5} > 0$ .

- (A)  $S = (1; +\infty)$ .      (B)  $S = (-1; +\infty)$ .  
(C)  $S = (-2; +\infty)$ .      (D)  $S = (-\infty; -2)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $5^{x+1} - \frac{1}{5} > 0 \Leftrightarrow 5^{x+1} > 5^{-1} \Leftrightarrow x+1 > -1 \Leftrightarrow x > -2$ .

Vậy tập nghiệm của bất phương trình đã cho là  $S = (-2; +\infty)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 4.** Kí hiệu  $a, b$  lần lượt là phần thực và phần ảo của số phức  $3 - 2\sqrt{2}i$ . Tìm  $a, b$ .

- (A)  $a = 3; b = 2$ .      (B)  $a = 3; b = 2\sqrt{2}$ .

(C)  $a = 3; b = \sqrt{2}$ .

(D)  $a = 3; b = -2\sqrt{2}$ .

**Lời giải.**

Số phức  $3 - 2\sqrt{2}i$  có phần thực và phần ảo lần lượt là 3 và  $-2\sqrt{2}$ . Vậy  $a = 3; b = -2\sqrt{2}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 5.** Tính môđun của số phức  $z$  biết  $\bar{z} = (4 - 3i)(1 + i)$ .

- (A)  $|z| = 25\sqrt{2}$ .      (B)  $|z| = 7\sqrt{2}$ .  
(C)  $|z| = 5\sqrt{2}$ .      (D)  $|z| = \sqrt{2}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\bar{z} = (4 - 3i)(1 + i) = 7 + i \Rightarrow |\bar{z}| = \sqrt{50} = 5\sqrt{2} \Rightarrow |z| = 5\sqrt{2}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = \frac{x-2}{x+1}$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .  
(B) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .  
(C) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .  
(D) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = \frac{3}{(x+1)^2} > 0, \forall x \in \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ . Suy ra hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(-1; +\infty)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên.

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$			
$y'$		-	0	+	0	-	
$y$	$+\infty$		4		5		$-\infty$

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $y_{\text{CD}} = 5$ .      (B)  $y_{\text{CT}} = 0$ .  
(C)  $\min_{\mathbb{R}} y = 4$ .      (D)  $\max_{\mathbb{R}} y = 5$ .

**Lời giải.**

Dựa vào bảng biến thiên ta có:

- $y_{\text{CD}} = 5, y_{\text{CT}} = 4$  chọn A.
- $x_{\text{CT}} = 0, x_{\text{CD}} = 1$  nên loại B.
- Hàm số không có giá trị lớn nhất và nhỏ nhất trên  $\mathbb{R}$  nên loại C, D.

Chọn phương án (A)

**Câu 8.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , tìm tọa độ tâm  $I$  và bán kính  $R$  của mặt cầu  $(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-4)^2 = 20$ .

- (A)  $I(-1; 2; -4), R = 5\sqrt{2}$ .  
(B)  $I(-1; 2; -4), R = 2\sqrt{5}$ .  
(C)  $I(1; -2; 4), R = 20$ .  
(D)  $I(1; -2; 4), R = 2\sqrt{5}$ .

**Lời giải.**

- Pt mặt cầu  $(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2 + (z-z_0)^2 = R^2$  có tâm là  $I(x_0; y_0; z_0)$ , bán kính là:  $R$ .

- Do đó mặt cầu  $(x-1)^2 + (y-(-2))^2 + (z-4)^2 = (2\sqrt{5})^2$  có tâm  $I(1; -2; 4)$  và bán kính  $R = 2\sqrt{5}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 9.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình chính tắc của đường

$$\text{thẳng } d: \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 3t \\ z = -2 + t \end{cases} ?$$

- (A)**  $\frac{x+1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z-2}{1}$ .    **(B)**  $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{3} = \frac{z+2}{-2}$ .  
**(C)**  $\frac{x+1}{1} = \frac{y}{3} = \frac{z-2}{-2}$ .    **(D)**  $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z+2}{1}$ .

**Lời giải.**

Dựa vào phương trình tham số ta suy ra  $d$  qua  $A(1; 0; -2)$  và có VTCP  $\vec{u} = (2; 3; 1)$  nên suy ra  $d$  có phương trình chính tắc là  $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z+2}{1}$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 10.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^2 + \frac{2}{x^2}$ .

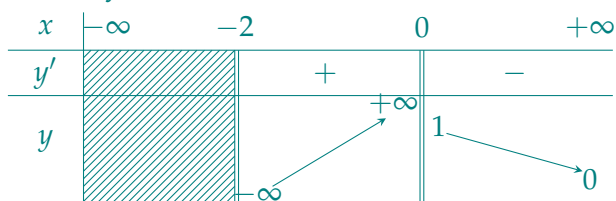
- (A)**  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} - \frac{2}{x} + C$ .  
**(B)**  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x} + C$ .  
**(C)**  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} + \frac{2}{x} + C$ .  
**(D)**  $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} + \frac{1}{x} + C$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } \int \left(x^2 + \frac{2}{x^2}\right) dx = \frac{x^3}{3} - \frac{2}{x} + C.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình dưới đây.



Hỏi đồ thị của hàm số đã cho có bao nhiêu tiệm cận?

- (A)** 1.    **(B)** 3.    **(C)** 2.    **(D)** 4.

**Lời giải.**

Căn cứ vào bảng biến thiên ta thấy:

- $\lim_{x \rightarrow (-2)^+} y = -\infty$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = -2$ .
- $\lim_{x \rightarrow 0^-} y = +\infty$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = 0$ .
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 0$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 0$ .

Tóm lại, đồ thị hàm số đã cho có ba đường tiệm cận.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 12.** Tính giá trị của biểu thức  $P = (7 + 4\sqrt{3})^{2017} (4\sqrt{3} - 7)^{2016}$ .

- (A)**  $P = 1$ .    **(B)**  $P = 7 - 4\sqrt{3}$ .  
**(C)**  $P = 7 + 4\sqrt{3}$ .    **(D)**  $(7 + 4\sqrt{3})^{2016}$ .

**Lời giải.**

Ta viết lại  $P = (7 + 4\sqrt{3}) (7 + 4\sqrt{3})^{2016} (4\sqrt{3} - 7)^{2016} = (7 + 4\sqrt{3}) ((7 + 4\sqrt{3}) (4\sqrt{3} - 7))^{2016}$ . Sử dụng máy tính, tính được  $(7 + 4\sqrt{3}) (4\sqrt{3} - 7) = -1$ . Suy ra  $P = (7 + 4\sqrt{3}) (-1)^{2016} = (7 + 4\sqrt{3})$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 13.** Cho  $a$  là số thực dương,  $a \neq 1$  và  $P = \log_{\sqrt[3]{a}} a^3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $P = 1$ .    **(B)**  $P = 1$ .    **(C)**  $P = 9$ .    **(D)**  $P = \frac{1}{3}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $P = P = \log_{a^{1/3}} a^3 = 9 \log_a a = 9$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 14.** Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

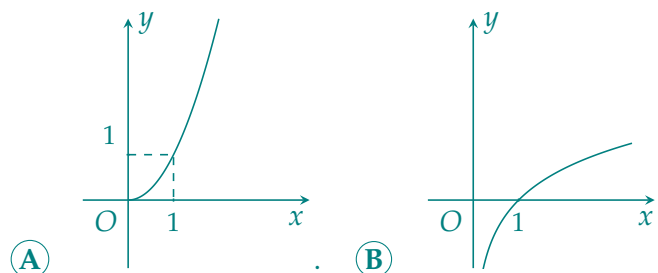
- (A)**  $y = 3x^3 + 3x - 2$ .    **(B)**  $y = 2x^3 - 5x + 1$ .  
**(C)**  $y = x^4 + 3x^2$ .    **(D)**  $y = \frac{x-2}{x+1}$ .

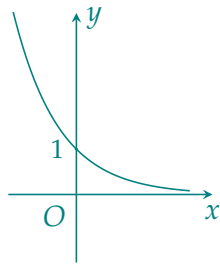
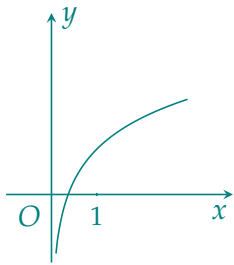
**Lời giải.**

- Xét  $y = 3x^3 + 3x - 2$  có  $y' = 9x^2 + 2 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$  nên chọn  $y = 3x^3 + 3x - 2$ .
- Xét  $y = 2x^3 - 5x + 1$  có  $y' = 6x^2 - 5, y' = 0$  là phương trình bậc 2 có nghiệm nên không thể đồng biến trên  $(-\infty; +\infty)$ .
- Xét  $y = x^4 + 3x^2$  có  $y' = 4x^3 + 6x; y' = 0$  có nghiệm  $x = 0$  nên  $y'$  sẽ đổi dấu khi qua  $x = 0$  nên không thể đồng biến trên  $(-\infty; +\infty)$ .
- Xét  $y = \frac{x-2}{x+1}$  có tập xác định là  $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$  nên không thể đồng biến trên  $(-\infty; +\infty)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x) = x \ln x$ . Một trong bốn đồ thị cho trong bốn phương án **A, B, C, D** dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$ . Tìm đồ thị đó.





Ⓒ Ⓓ

**Lời giải.**

Chúng ta có  $y = f'(x) = \ln x + 1$  nên

- $y = \ln x + 1$  là hàm số xác định trên  $(0; +\infty)$ .
- $y(1) = \ln 1 + 1 = 1$ , tức là đồ thị hàm số đi qua điểm  $(1; 1)$ .

Từ đó suy ra, trong bốn đồ thị đã cho ở các phương án **A, B, C, D** chỉ có đồ thị hình bên là thỏa mãn các tính chất trên của hàm số  $y = f'(x)$ .

Chọn phương án **Ⓒ**

**Câu 16.** Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh bằng  $a$ .

- Ⓐ  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      Ⓑ  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .  
 Ⓒ  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .      Ⓓ  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $V = B \cdot h = a \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

Chọn phương án **Ⓓ**

**Câu 17.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(3; -4; 0)$ ,  $B(-1; 1; 3)$ ,  $C(3; 1; 0)$ . Tìm tọa độ điểm  $D$  trên trục hoành sao cho  $AD = BC$ .

- Ⓐ  $D(-2; 0; 0)$  hoặc  $D(-4; 0; 0)$ .  
 Ⓑ  $D(0; 0; 0)$  hoặc  $D(-6; 0; 0)$ .  
 Ⓒ  $D(6; 0; 0)$  hoặc  $D(12; 0; 0)$ .  
 Ⓓ  $D(0; 0; 0)$  hoặc  $D(6; 0; 0)$ .

**Lời giải.**

Do  $D \in Oy$  nên  $D = (d; 0; 0)$ .

Khi đó  $AD = \sqrt{(d-3)^2 + (16)}$ ,  $BC = 5$ .

Theo giả thiết  $AD = BC \Leftrightarrow \sqrt{(d-3)^2 + (16)} = 5 \Leftrightarrow (d-3)^2 + 16 = 25 \Leftrightarrow (d-3)^2 = 9$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} d-3 = -3 \\ d-3 = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} d = 0 \\ d = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} D(0; 0; 0) \\ D(6; 0; 0) \end{cases}$$

Chọn phương án **Ⓓ**

**Câu 18.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 + z + 1 = 0$ . Tính giá trị của  $P = z_1^2 + z_2^2 + z_1z_2$ .

- Ⓐ  $P = 1$ .      Ⓑ  $P = 2$ .  
 Ⓒ  $P = -1$ .      Ⓓ  $P = 0$ .

**Lời giải.**

Ta có  $P = z_1^2 + z_2^2 + z_1z_2 = (z_1 + z_2)^2 - z_1z_2$ . Theo vi-et

$$\text{ta có } \begin{cases} z_1 + z_2 = -1 \\ z_1z_2 = 1 \end{cases}$$

Suy ra  $P = 1 - 1 = 0$ .

Chọn phương án **Ⓓ**

**Câu 19.** Tính giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = 3x + \frac{4}{x^2}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- Ⓐ  $\min_{(0; +\infty)} y = 3\sqrt[3]{9}$ .      Ⓑ  $\min_{(0; +\infty)} y = 7$ .  
 Ⓒ  $\min_{(0; +\infty)} y = \frac{33}{5}$ .      Ⓓ  $\min_{(0; +\infty)} y = 2\sqrt[3]{9}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 3 - \frac{8}{x^3} = \frac{3x^3 - 8}{x^3}$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow 3x^3 - 8 = 0 \Leftrightarrow x = \sqrt[3]{\frac{8}{3}}$ . Ta có bảng biến thiên:

$x$	0	$\sqrt[3]{\frac{8}{3}}$	$+\infty$
$y'$		-	0
			+
$y$	$+\infty$		$+\infty$

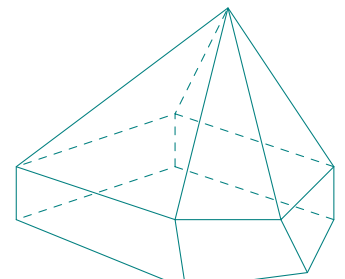
$3\sqrt[3]{9}$

Từ bảng biến thiên suy ra:  $\min_{(0; +\infty)} y = 3\sqrt[3]{9}$ .

Chọn phương án **Ⓐ**

**Câu 20.**

Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu mặt?



- Ⓐ 6.      Ⓑ 10.      Ⓒ 12.      Ⓓ 11.

**Lời giải.**

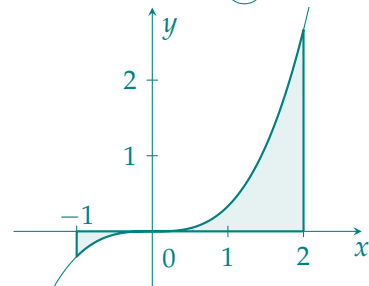
Chọn phương án **Ⓓ**

**Câu 21.**

Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng  $(H)$  giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ , trục hoành và 2 đường thẳng  $x = -1$ ,  $x = 2$  (như hình vẽ bên). Đặt  $a = \int_{-1}^0 f(x)dx$ ,  $b = \int_0^2 f(x)dx$ .

Mệnh đề nào sau đây là đúng?

- Ⓐ  $S = b - a$ .      Ⓑ  $S = b + a$ .  
 Ⓒ  $S = -b + a$ .      Ⓓ  $S = -b - a$ .



**Lời giải.**

$$\text{Ta có: } S = \int_{-1}^2 |f(x)| dx = \int_{-1}^0 |f(x)| dx + \int_0^2 |f(x)| dx =$$

$$-\int_{-1}^0 f(x)dx + \int_0^2 f(x)dx = -a + b.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 22.** Tìm tập nghiệm  $S$  của phương trình  $\log_2(x-1) + \log_2(x+1) = 3$ .

- (A)  $S = \{-3; 3\}$ .                      (B)  $S = \{4\}$ .  
 (C)  $S = \{3\}$ .                          (D)  $S = \{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x > 1$ .

Ta có

$$\log_2(x-1) + \log_2(x+1) = 3 \Leftrightarrow \log_2(x-1)(x+1) = 3 \Leftrightarrow x^2 - 1 = 8 \Leftrightarrow x = 3.$$

So với điều kiện, ta được:  $x = 3$ .

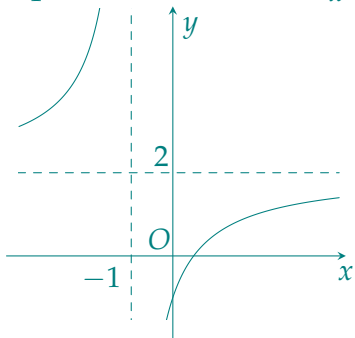
Vậy phương trình trên có tập nghiệm  $S = \{3\}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 23.**

Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của một hàm số trong 4 hàm số được liệt kê ở 4 phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi đó là hàm số nào?

- (A)  $y = \frac{2x+3}{x+1}$ .                      (B)  $y = \frac{2x-1}{x+1}$ .  
 (C)  $y = \frac{2x-2}{x-1}$ .                          (D)  $y = \frac{2x+1}{x-1}$ .



**Lời giải.**

Dựa vào đồ thị ta thấy  $x = 0$  thì  $y < 0$  nên loại hai hàm số  $y = \frac{2x+3}{x+1}$  và  $y = \frac{2x-2}{x-1}$  không thỏa mãn.

Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là  $x = -1$  và tiệm cận ngang là  $y = 2$  nên hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  không thỏa mãn.

Vậy, trong 4 hàm số đã cho, chỉ có hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  thỏa mãn.

Chọn phương án (B)

**Câu 24.** Tính tích phân  $I = \int_1^2 2x\sqrt{x^2-1}dx$  bằng cách đặt  $u = x^2 - 1$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $I = 2 \int_0^3 \sqrt{u}du$ .                      (B)  $I = \int_1^2 \sqrt{u}du$ .  
 (C)  $I = \int_0^3 \sqrt{u}du$ .                          (D)  $I = \frac{1}{2} \int_1^2 \sqrt{u}du$ .

**Lời giải.**

Đặt  $u = x^2 - 1 \Rightarrow du = 2xdx$ . Đổi cận  $x = 1 \Rightarrow u = 0$ ;  
 $x = 2 \Rightarrow u = 3$ .

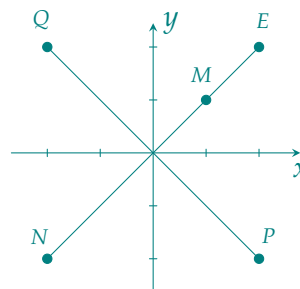
$$\text{Do đó: } I = \int_1^2 2x\sqrt{x^2-1}dx = \int_0^3 \sqrt{u}du.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 25.**

Trên mặt phẳng tọa độ, điểm  $M$  là điểm biểu diễn của số phức  $z$  (như hình vẽ bên). Điểm nào trong hình vẽ là điểm biểu diễn của số phức  $2z$ ?

- (A) Điểm  $N$ .  
 (B) Điểm  $Q$ .  
 (C) Điểm  $E$  ( $x = 3$ )  
 (D) Điểm  $P$  ( $x = -3$ ).



**Lời giải.**

Gọi  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ). Điểm biểu diễn của  $z$  là điểm  $M(a; b)$ .

$\Rightarrow 2z = 2a + 2bi$  có điểm biểu diễn trên mặt phẳng  $Oxy$  là  $M_1(2a; 2b)$ .

Ta có  $\overrightarrow{OM_1} = 2\overrightarrow{OM}$  suy ra  $M_1 \equiv E$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 26.** Cho hình nón có diện tích xung quanh bằng  $3\pi a^2$  và bán kính đáy bằng  $a$ . Tính độ dài đường sinh  $l$  của hình nón đã cho.

- (A)  $l = \frac{\sqrt{5}a}{2}$ .                                      (B)  $l = 2\sqrt{2}a$ .  
 (C)  $l = \frac{3a}{2}$ .    (D)  $l = 3a$ .

**Lời giải.**

Diện tích xung quanh của hình nón:  $S_{xq} = \pi rl = \pi al = 3\pi a^2 \Rightarrow l = 3a$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 27.** Cho  $\int_0^1 \frac{1}{e^x+1} dx = a + b \ln \frac{1+e}{2}$ , với  $a, b$  là các số hữu tỉ. Tính  $S = a^3 + b^3$ .

- (A)  $S = 2$ .    (B)  $S = -2$ .  
 (C)  $S = 0$ .    (D)  $S = 1$ .

**Lời giải.**

$$\int_0^1 \frac{dx}{e^x+1} = \int_0^1 \frac{(e^x+1) - e^x}{e^x+1} dx = \int_0^1 dx -$$

$$\int_0^1 \frac{d(e^x+1)}{e^x+1} = x \Big|_0^1 - \ln |e^x+1| \Big|_0^1 = 1 - \ln \frac{1+e}{2}.$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -1 \end{cases} \Rightarrow S = a^3 + b^3 = 0.$$



Chọn phương án **(C)**

**Câu 28.** Tính thể tích  $V$  của khối trụ ngoại tiếp hình lập phương có cạnh bằng  $a$ .

- (A)**  $V = \frac{\pi a^3}{4}$ .      **(B)**  $V = \pi a^3$ .  
**(C)**  $V = \frac{\pi a^3}{6}$ .      **(D)**  $V = \frac{\pi a^3}{2}$ .

**Lời giải.**

Vì khối trụ ngoại tiếp hình lập phương cạnh bằng  $a$  nên

$$\begin{cases} R = \frac{a\sqrt{2}}{2} \\ h = a \end{cases} \text{ Do đó } V = \pi R^2 h = \frac{\pi a^3}{2}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 29.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(3; 2; -1)$  và đi qua điểm  $A(2; 1; 2)$ . Mặt phẳng nào dưới đây tiếp xúc với  $(S)$  tại  $A$ ?

- (A)**  $x + y - 3z - 8 = 0$ .      **(B)**  $x - y - 3z + 3 = 0$ .  
**(C)**  $x + y + 3z - 9 = 0$ .      **(D)**  $x + y - 3z + 3 = 0$ .

**Lời giải.**

Gọi  $(P)$  là mặt phẳng cần tìm. Khi đó  $(P)$  tiếp xúc với  $(S)$  tại  $A$  khi chỉ khi  $(P)$  đi qua  $A(2; 1; 2)$  và nhận vectơ  $\vec{IA} = (-1; -1; 3)$  làm vectơ pháp tuyến.

Phương trình mặt phẳng  $(P)$  là  $-x - y + 3z - 3 = 0 \Leftrightarrow x + y - 3z + 3 = 0$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 30.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 2x - 2y - z + 1 = 0$  và đường thẳng  $\Delta : \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-1}{2}$ . Tính khoảng cách  $d$  giữa  $\Delta$  và  $(P)$ .

- (A)**  $d = \frac{1}{3}$ .      **(B)**  $d = \frac{5}{3}$ .      **(C)**  $d = \frac{2}{3}$ .      **(D)**  $d = 2$ .

**Lời giải.**

Đường thẳng  $\Delta$  đi qua điểm  $M(1; -2; 1)$  và có vectơ chỉ phương  $\vec{u} = (2; 1; 2)$ .

Mặt phẳng  $(P)$  có vectơ pháp tuyến là  $\vec{n} = (2; -2; -1)$ . Ta có  $\vec{u} \cdot \vec{n} = 2 \cdot 2 + 1 \cdot (-2) + 2 \cdot (-1) = 0$ .

Thế tọa độ  $M(1; -2; 1)$  vào phương trình của mặt phẳng  $(P)$  ta có  $2 + 4 - 1 + 1 = 0$  (vô lý).

Vậy  $\Delta \parallel (P)$ .

$$\text{Suy ra } d(\Delta, (P)) = d(M, (P)) = \frac{|2 \cdot 1 - 2 \cdot (-2) - 1 + 1|}{\sqrt{2^2 + (-2)^2 + (-1)^2}} = 2.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 31.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m-1)x^4 - 2(m-3)x^2 + 1$  không có cực đại.

- (A)**  $1 \leq m \leq 3$ .      **(B)**  $m \leq 1$ .  
**(C)**  $m \geq 1$ .      **(D)**  $1 < m \leq 3$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } y' = 4(m-1)x^3 - 4(m-3)x = 4x[(m-1)x^2 - (m-3)]$$

Xét với  $m = 1$ : Khi đó  $y = 4x^2 + 1$  hàm số không có cực đại. Vậy  $m = 1$  thỏa mãn (1)

Xét với  $m > 1$ : Khi đó hàm số là hàm bậc 4 trùng phương với hệ số  $a > 0$  để hàm số không có cực đại thì

$y' = 0$  chỉ có một nghiệm duy nhất  $x = 0$ .

Hay  $(m-1)x^2 - (m-3) = 0$  vô nghiệm hoặc có nghiệm kép  $x = 0$ .

$$\Leftrightarrow x^2 = \frac{m-3}{m-1} \text{ vô nghiệm hoặc có nghiệm } x = 0 \Leftrightarrow \frac{m-3}{m-1} \leq 0 \Leftrightarrow 1 < m \leq 3 \quad (2)$$

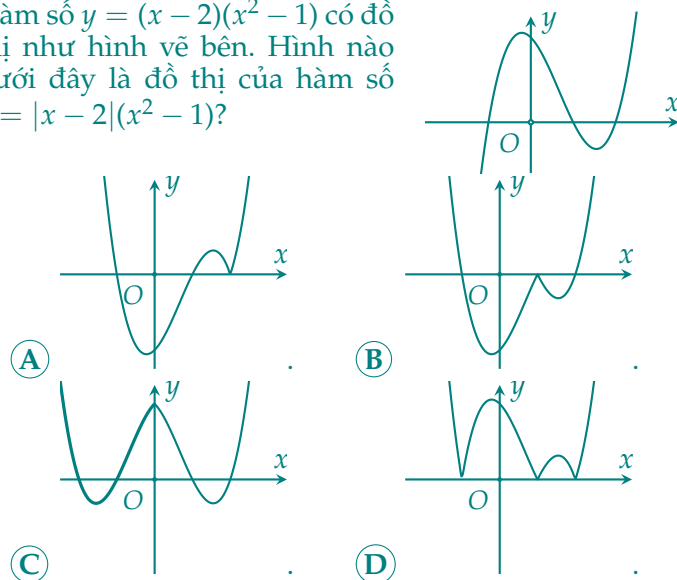
Xét với  $m < 1$ : Hàm số bậc 4 trùng phương có hệ số  $a < 0$  luôn có cực đại (3)

Kết luận: Từ (1), (2), (3) ta có để hàm số không có cực đại thì  $1 \leq m \leq 3$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 32.**

Hàm số  $y = (x-2)(x^2-1)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hình nào dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = |x-2|(x^2-1)$ ?



**Lời giải.**

Hàm số  $y = (x-2)(x^2-1)$  có đồ thị (C)

$$\text{Ta có } y = |x-2|(x^2-1) = \begin{cases} (x-2)(x^2-1) & \text{khi } x \geq 2 \\ -(x-2)(x^2-1) & \text{khi } x < 2 \end{cases}$$

Cách vẽ đồ thị hàm số  $y = |x-2|(x^2-1)$  như sau:

- Giữ nguyên đồ thị (C) ứng với  $x \geq 2$ .
- Lấy đối xứng đồ thị (C) ứng với  $x < 2$  qua trục  $Ox$ .

Bỏ đồ thị (C) ứng với  $x < 2$ . Hợp 2 phần đồ thị trên là đồ thị hàm số  $y = |x-2|(x^2-1)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 33.** Cho  $a, b$  là các số thực dương thỏa mãn  $a \neq 1, a \neq \sqrt{b}$  và  $\log_a b = \sqrt{3}$ . Tính  $P = \log_{\frac{\sqrt{b}}{a}} \sqrt{\frac{b}{a}}$ .

- (A)**  $P = -5 + 3\sqrt{3}$ .      **(B)**  $P = -1 + \sqrt{3}$ .  
**(C)**  $P = -1 - \sqrt{3}$ .      **(D)**  $P = -5 - 3\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**

**Cách 1:** Phương pháp tự luận.

$$P = \frac{\log_a \sqrt{\frac{b}{a}}}{\log_a \frac{\sqrt{b}}{a}} = \frac{\frac{1}{2}(\log_a b - 1)}{\log_a \sqrt{b} - 1} = \frac{\frac{1}{2}(\sqrt{3} - 1)}{\frac{1}{2}\log_a b - 1} =$$

$$\frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} - 2} = -1 - \sqrt{3}.$$

**Cách 2:** Phương pháp trắc nghiệm.

Chọn  $a = 2, b = 2\sqrt{3}$ . Bấm máy tính ta được  $P = -1 - \sqrt{3}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 34.** Tính thể tích  $V$  của phần vật thể giới hạn bởi hai mặt phẳng  $x = 1$  và  $x = 3$ , biết rằng khi cắt vật thể bởi mặt phẳng tùy ý vuông góc với trục  $Ox$  tại điểm có hoành độ  $x$  ( $1 \leq x \leq 3$ ) thì được thiết diện là một hình chữ nhật có hai cạnh là  $3x$  và  $\sqrt{3x^2 - 2}$ .

- (A)  $V = 32 + 2\sqrt{15}$ .      (B)  $V = \frac{124\pi}{3}$ .  
 (C)  $V = \frac{124}{3}$ .      (D)  $V = (32 + 2\sqrt{15})\pi$ .

**Lời giải.**

Diện tích thiết diện là  $S(x) = 3x\sqrt{3x^2 - 2}$ .

Suy ra thể tích vật thể tạo thành là:  $V = \int_1^3 S(x)dx =$

$$\int_1^3 3x\sqrt{3x^2 - 2}dx.$$

Sử dụng MTCT ta được:  $V = \frac{124}{3}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 35.** Hỏi phương trình  $3x^2 - 6x + \ln(x + 1)^3 + 1 = 0$  có bao nhiêu nghiệm phân biệt?

- (A) 2.      (B) 1.      (C) 3.      (D) 4.

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x > -1$ .

Phương trình đã cho tương đương với  $3x^2 - 6x + 3\ln(x + 1) + 1 = 0$ .

Xét hàm số  $y = 3x^2 - 6x + 3\ln(x + 1) + 1$  liên tục trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

$$y' = 6(x - 1) + \frac{3}{x + 1} = \frac{6x^2 - 3}{x + 1}.$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow 2x^2 - 1 = 0 \Leftrightarrow x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ (thỏa điều kiện).}$$

$x$	-1	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$+\infty$	
$y'$	+	0	-	0	+
$y$	$-\infty$	$f\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$	$f\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$	$+\infty$	

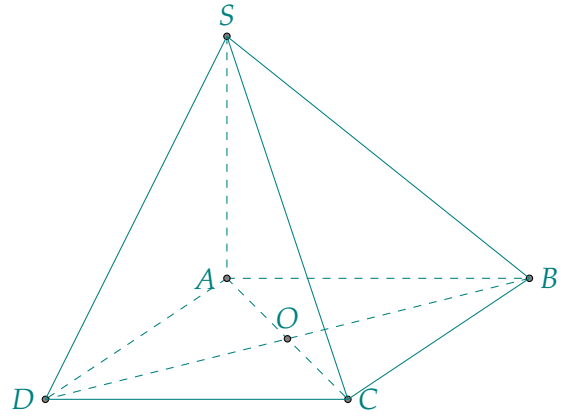
Vì  $f\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) > 0, f\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) < 0$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$  nên đồ thị hàm số cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 36.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a, SA$  vuông góc với mặt đáy,  $SD$  tạo với mặt phẳng  $(SAB)$  một góc bằng  $30^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- (A)  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{18}$ .      (B)  $V = \sqrt{3}a^3$ .  
 (C)  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{3}$ .      (D)  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .

**Lời giải.**



Góc giữa  $SD$  và mp  $(SAB)$  là  $\widehat{ASD} = 30^\circ \Rightarrow SA = a \cdot \cot 30^\circ = \sqrt{3}a$ .

Khi đó  $V = \frac{1}{3}Bh = \frac{1}{3}a^2a\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{3}a^3$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 37.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+5}{-1} = \frac{z-3}{4}$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình hình chiếu vuông góc của  $d$  trên mặt phẳng  $x + 3 = 0$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 - t \\ z = -3 + 4t \end{cases}$ .      (B)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 + t \\ z = 3 + 4t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -5 + 2t \\ z = 3 - t \end{cases}$ .      (D)  $\begin{cases} x = -3 \\ y = -6 - t \\ z = 7 + 4t \end{cases}$ .

**Lời giải.**

**Cách 1:** Đường thẳng  $d$  đi qua điểm  $M_0(1; -5; 3)$  và có VTCP  $\vec{u}_d = (2; -1; 4)$

Gọi  $(Q)$  là mặt phẳng chứa  $d$  và vuông góc với  $(P): x + 3 = 0$ .

Suy ra mặt phẳng  $(Q)$  đi qua điểm  $M_0(1; -5; 3)$  và có VTPT là  $[\vec{n}_P; \vec{u}_d] = (0; 4; 1)$

$\Rightarrow (Q): 4y + z + 17 = 0$ .

Phương trình hình chiếu vuông góc của  $d$  trên mặt phẳng  $(P)$  là

$$\begin{cases} 4y + z + 17 = 0 \\ x + 3 = 0 \end{cases} \text{ hay } \begin{cases} x = -3 \\ y = -6 - t \\ z = 7 + 4t \end{cases}$$

**Cách 2.** Trắc nghiệm.

Gọi  $I = d \cap (P)$ , suy ra  $I(-3; -3; -5)$ .

Để thấy chỉ có đáp án D thỏa mãn

Chọn phương án **(D)**

**Câu 38.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $\int_0^1 (x+1)f'(x)dx =$

$10$  và  $2f(1) - f(0) = 2$ . Tính  $\int_0^1 f(x)dx$ .

- (A)  $I = -12$ .      (B)  $I = 8$ .  
 (C)  $m = 1$ .      (D)  $I = -8$ .

**Lời giải.**

Đặt  $\begin{cases} u = x + 1 \\ dv = f'(x)dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = dx \\ v = f(x) \end{cases}$ . Khi đó  $I = (x + 1)f(x) \Big|_0^1 - \int_0^1 f(x)dx$ .

Suy ra  $10 = 2f(1) - f(0) - \int_0^1 f(x)dx \Rightarrow \int_0^1 f(x)dx = -10 + 2 = -8$ .

Vậy  $\int_0^1 f(x)dx = -8$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 39.** Hỏi có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn đồng thời các điều kiện  $|z - i| = 5$  và  $z^2$  là số thuần ảo?

- (A)** 2.      **(B)** 3.      **(C)** 4.      **(D)** 0.

**Lời giải.**

Đặt  $z = x + iy, x, y \in \mathbb{R}$ .

$|z - i| = 5 \Leftrightarrow |x + iy - i| = 5 \Leftrightarrow \sqrt{x^2 + (y - 1)^2} = 5 \Leftrightarrow x^2 + (y - 1)^2 = 25$ .

$z^2$  là số thuần ảo hay  $(x + iy)^2$  là số thuần ảo

$\Leftrightarrow x^2 + 2ixy - y^2$  là số thuần ảo  $\Rightarrow x^2 - y^2 = 0 \Leftrightarrow x = \pm y$ .

Vậy ta có hệ phương trình

$$\begin{cases} x^2 + (y - 1)^2 = 25 \\ x = y \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} x^2 + (y - 1)^2 = 25 \\ x = -y \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y^2 + (y - 1)^2 = 25 \\ x = y \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} y^2 + (y - 1)^2 = 25 \\ x = -y \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y^2 - y - 12 = 0 \\ x = y \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} y^2 - y - 12 = 0 \\ x = -y \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 4 \\ x = 4 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} y = -3 \\ x = -3 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} y = 4 \\ x = -4 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} y = -3 \\ x = 3 \end{cases}$$

Vậy ta có 4 số phức thỏa mãn điều kiện trên.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = \frac{\ln x}{x}$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $2y' + xy'' = -\frac{1}{x^2}$ .      **(B)**  $y' + xy'' = \frac{1}{x^2}$ .  
**(C)**  $y' + xy'' = -\frac{1}{x^2}$ .      **(D)**  $2y' + xy'' = \frac{1}{x^2}$ .

**Lời giải.**

**Cách 1.**  $y' = \frac{(\ln x)' \cdot x - x' \cdot \ln x}{x^2} = \frac{1}{x} \cdot \frac{x - \ln x}{x^2} = \frac{1 - \ln x}{x^2}$ .

$y'' = \frac{(1 - \ln x)' \cdot x^2 - (x^2)'(1 - \ln x)}{x^4} = \frac{-\frac{1}{x} \cdot x^2 - 2x(1 - \ln x)}{x^4} = \frac{-x - 2x(1 - \ln x)}{x^4} = \frac{-1 + 2(1 - \ln x)}{x^3}$

$= -\frac{3 - 2 \ln x}{x^3}$ .

Suy ra  $2y' + xy'' = 2 \cdot \frac{1 - \ln x}{x^2} - x \frac{3 - 2 \ln x}{x^3} = \frac{2 - 2 \ln x - 3 + 2 \ln x}{x^2} = -\frac{1}{x^2}$ .

**Cách 2.** Ta có  $xy = \ln x$ , lấy đạo hàm hai vế theo biến  $x$ , ta được  $y + xy' = \frac{1}{x}$ .

Tiếp tục lấy đạo hàm hai vế theo biến  $x$  của biểu thức trên ta được  $y' + y' + xy'' = -\frac{1}{x^2}$  hay  $2y' + xy'' = -\frac{1}{x^2}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 41.** Hỏi có bao nhiêu số nguyên  $m$  để hàm số  $y = (m^2 - 1)x^3 + (m - 1)x^2 - x + 4$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .

- (A)** 2.      **(B)** 1.      **(C)** 0.      **(D)** 3.

**Lời giải.**

**TH1.**  $m = 1$ . Ta có  $y = -x + 4$  là phương trình của một đường thẳng có hệ số góc âm nên hàm số luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ . Do đó nhận  $m = 1$ .

**TH2.**  $m = -1$ . Ta có  $y = -2x^2 - x + 4$  là phương trình của một đường Parabol nên hàm số không thể nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ . Do đó loại  $m = -1$ .

**TH3.**  $m \neq \pm 1$ . Khi đó hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty) \Leftrightarrow y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ , dấu "=" chỉ xảy ra ở hữu hạn điểm trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow 3(m^2 - 1)x^2 + 2(m - 1)x - 1 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ \Delta' \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 1 < 0 \\ (m - 1)^2 + 3(m^2 - 1) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 1 < 0 \\ (m - 1)(4m + 2) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < m < 1 \\ -\frac{1}{2} \leq m \leq 1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow -\frac{1}{2} \leq m < 1. \text{ Vì } m \in \mathbb{Z} \text{ nên } m = 0.$$

Vậy có 2 giá trị  $m$  nguyên cần tìm  $m = 0$  hoặc  $m = 1$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 42.** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 6x - 2y + z - 35 = 0$  và điểm  $A(-1; 3; 6)$ . Gọi  $A'$  là điểm đối xứng với  $A$  qua  $(P)$ . Tính  $OA'$ .

- (A)**  $OA' = 3\sqrt{26}$ .      **(B)**  $OA' = 5\sqrt{3}$ .  
**(C)**  $OA' = \sqrt{46}$ .      **(D)**  $OA' = \sqrt{186}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $d$  là đường thẳng qua  $A$  và vuông góc với mp  $(P)$  nên  $d$  có VTCP là  $\vec{u}_d = \vec{n}_P = (6; -2; 1)$

PTTS của  $d : \begin{cases} x = -1 + 6t \\ y = 3 - 2t \\ z = 6 + t \end{cases}$

Gọi  $H$  là hình chiếu của  $A$  trên mp  $(P)$ . Khi đó tọa độ điểm  $H$  là nghiệm hệ phương trình:

$$\begin{cases} x = -1 + 6t \\ y = 3 - 2t \\ z = 6 + t \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t = 1 \\ x = 5 \\ y = 1 \\ z = 7 \end{cases} \text{ Suy ra } H(5; 1; 7).$$

Vì  $A'$  là điểm đối xứng của  $A$  qua  $(P)$  nên  $H$  là trung

điểm của  $AA'$ . Suy ra  $A'(11; -1; 8)$ .

Vậy  $OA' = \sqrt{186}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 43.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $3\sqrt{2}a$ , cạnh bên bằng  $5a$ . Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp  $S.ABCD$ .

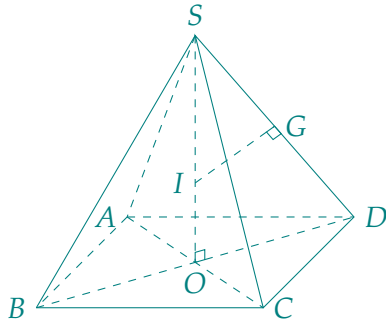
- (A)**  $R = \sqrt{3}a$ .                      **(B)**  $R = \sqrt{2}a$ .  
**(C)**  $R = \frac{25a}{8}$ .                              **(D)**  $R = 2a$ .

**Lời giải.**

Gọi  $O$  là tâm hình vuông  $ABCD$ ,  $G$  là trung điểm  $SD$ ,  $GI \perp SD, I \in SO$ .

Ta có cạnh đáy bằng  $3\sqrt{2}a$  nên  $BD = 3\sqrt{2}a \cdot \sqrt{2} = 6a$ ,  $OD = 3a$ .

Xét  $\triangle SOD$  vuông tại  $O$  ta có:  $SO = \sqrt{SD^2 - OD^2} = 4a$ .



Ta có  $\triangle SGI$  đồng dạng với  $\triangle SOD$  (g-g), suy ra  $\frac{SO}{SG} = \frac{SD}{SI} \Rightarrow 4a \cdot R = \frac{1}{2}(5a)^2 \Rightarrow R = \frac{25a}{8}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và thỏa mãn  $f(x) + f(-x) = \sqrt{2 + 2\cos 2x}, \forall x \in \mathbb{R}$ . Tính  $I = \int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} f(x) dx$ .

- (A)**  $I = -6$ .                              **(B)**  $I = 0$ .  
**(C)**  $I = -2$ .                              **(D)**  $I = 6$ .

**Lời giải.**

**Cách 1.** Tự luận.

Đặt  $t = -x \Rightarrow dt = -dx$ .

Đổi cận  $x = -\frac{3\pi}{2} \Rightarrow t = \frac{3\pi}{2}; x = \frac{3\pi}{2} \Rightarrow t = -\frac{3\pi}{2}$ .

Suy ra  $I = \int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} f(-t) dt$ .

Mặt khác  $f(t) + f(-t) = \sqrt{2 + 2\cos 2t} = \sqrt{4\cos^2 t} = 2|\cos t|$  (thay  $x = t$ ).

Ta có  $2I = \int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} [f(t) + f(-t)] dt = \int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} 2|\cos t| dt$ .

Suy ra  $I = \int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} |\cos t| dt$ .

$I = \int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} |\cos t| dt = 2 \int_0^{\frac{3\pi}{2}} |\cos t| dt$ . (Do  $|\cos t|$  là hàm số chẵn trên đoạn  $[-\frac{3\pi}{2}; \frac{3\pi}{2}]$ )

$= 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} |\cos t| dt + 2 \int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} |\cos t| dt = 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos t dt - 2 \int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} \cos t dt = 2 \sin t \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - 2 \sin t \Big|_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} = 6$ .

**Cách 2.** Trắc nghiệm.

Ta có:  $f(x) + f(-x) = 2|\cos x| \Leftrightarrow f(x) + f(-x) = |\cos x| + |\cos(-x)|$  nên ta có thể chọn  $f(x) = |\cos x|$ .

Suy ra  $I = \int_{-\frac{3\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} |\cos x| dx = 6$  (bấm máy).

Chọn phương án **(D)**

**Câu 45.** Hỏi có bao nhiêu giá trị  $m$  nguyên trong  $[-2017; 2017]$  để phương trình  $\log(mx) = 2\log(x+1)$  có nghiệm duy nhất?

- (A)** 2017.    **(B)** 4014.    **(C)** 2018.    **(D)** 4015.

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x > -1$  và  $x \neq 0$ .

$\log(mx) = 2\log(x+1) \Leftrightarrow mx = (x+1)^2 \Leftrightarrow m = \frac{(x+1)^2}{x}$

Xét hàm:  $f(x) = \frac{(x+1)^2}{x} (x > -1, x \neq 0); f'(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \text{ (loại)} \end{cases}$

Lập bảng biến thiên:

$x$	-1	0	1	$+\infty$
$y'$	-		- 0 +	
$y$	0	$+\infty$	4	$+\infty$

Dựa vào BBT, phương trình có nghiệm duy nhất khi và chỉ khi  $\begin{cases} m = 4 \\ m < 0 \end{cases}$ .

Vì  $m \in [-2017; 2017]$  và  $m \in \mathbb{Z}$  nên chỉ có 2018 giá trị  $m$  nguyên thỏa yêu cầu là  $m \in \{-2017; -2016; \dots; -1; 4\}$ .

**Chú ý:** Trong, ta đã bỏ qua điều kiện  $mx > 0$  vì với phương trình  $\log_a f(x) = \log_a g(x)$  với  $0 < a \neq 1$  ta chỉ cần điều kiện  $f(x) > 0$  (hoặc  $g(x) > 0$ )

Chọn phương án **(C)**

**Câu 46.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham

số  $m$  để đồ thị của hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 1)x$  có hai điểm cực trị là  $A$  và  $B$  sao cho  $A, B$  nằm khác phía và cách đều đường thẳng  $d : y = 5x - 9$ . Tính tổng tất cả các phần tử của  $S$ .

- (A) 0. (B) 6. (C) -6. (D) 3.

**Lời giải.**

$$y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 1)x \Rightarrow y' = x^2 - 2mx + (m^2 - 1)$$

$$\Delta' = m^2 - (m^2 - 1) = 1$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = m + 1 \\ x = m - 1 \end{cases} \Rightarrow A \left( m + 1, \frac{m^3 - 3m - 2}{3} \right); B \left( m - 1, \frac{m^3 - 3m + 2}{3} \right)$$

Hai điểm  $A, B$  khác phía với đường thẳng  $d$  và có khoảng cách tới  $d$  bằng nhau tức là trung điểm  $I$  của  $AB$  thuộc đường thẳng  $d$ , ta có:

$$I \left( m, \frac{m^3 - 3m}{3} \right) \in (d) \Rightarrow m^3 - 18m + 27 = 0$$

$$\text{Ta có } (m - 3)(m^2 + 3m - 9) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 3 \\ m = \frac{-3 \pm 3\sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

Vậy tổng các phần tử của  $S$  bằng 0.

Chọn phương án (A)

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : x - 2y + 2z - 3 = 0$  và mặt cầu  $(S) : x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y - 2z + 5 = 0$ . Giả sử điểm  $M \in (P)$  và  $N \in (S)$  sao cho cùng phương với  $\vec{u} = (1; 0; 1)$  và khoảng cách giữa  $M$  và  $N$  là lớn nhất. Tính  $MN$ .

- (A)  $MN = 3$ . (B)  $MN = 1 + 2\sqrt{2}$ .  
(C)  $MN = 3\sqrt{2}$ . (D)  $MN = 14$ .

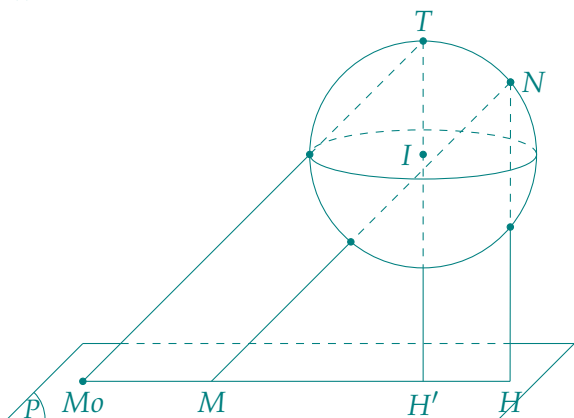
**Lời giải.**

Mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-1; 2; 1)$  bán kính  $R = 1$ .

$$\text{Ta có } d(I, (P)) = \frac{|-1 - 4 + 2 - 3|}{\sqrt{1^2 + (-2)^2 + 2^2}} = 2 > R \text{ nên } (P)$$

không cắt  $(S)$ .

Gọi  $d$  là đường thẳng qua  $I$  và vuông góc với  $(P)$ . Gọi  $T$  là giao điểm của  $d$  và mặt cầu  $(S)$  thỏa  $d(T; (P)) > d(I; (P))$ .



$$\text{Ta có } d(T, (P)) = d(I, (P)) + R = 2 + 1 = 3.$$

$$\text{Ta có } \cos(\vec{u}, \vec{n}_{(P)}) = \frac{1 \cdot 1 - 2 \cdot 0 + 1 \cdot 2}{\sqrt{1^2 + (-2)^2 + 2^2} \cdot \sqrt{1^2 + 0^2 + 1^2}} =$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}.$$

Đường thẳng  $MN$  có vectơ chỉ phương là  $\vec{u}$  nên ta có  $\sin(MN, (P)) = |\cos(\vec{u}, \vec{n}_{(P)})| = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow (MN, (P)) = 45^\circ$ .

Gọi  $H$  là hình chiếu của  $N$  lên  $(P)$ . Ta có  $MN = \frac{NH}{\sin 45^\circ} = NH \cdot \sqrt{2}$ .

Do đó  $MN$  lớn nhất khi  $NH$  lớn nhất.

Điều này xảy ra khi  $N \equiv T$  và  $H \equiv H'$  với  $H'$  là hình chiếu của  $I$  lên  $(P)$ .

Khi đó  $NH_{\max} = TH' = 3$  và  $MN_{\max} = NH_{\max} \cdot \sqrt{2} = 3\sqrt{2}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 48.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $|z + 2 - i| + |z - 4 - 7i| = 6\sqrt{2}$ . Gọi  $m, M$  lần lượt là giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của  $|z - 1 + i|$ . Tính  $P = m + M$ .

- (A)  $P = \sqrt{13} + \sqrt{73}$ . (B)  $P = \frac{5\sqrt{2} + 2\sqrt{73}}{2}$ .  
(C)  $P = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{73}$ . (D)  $P = \frac{5\sqrt{2} + \sqrt{73}}{2}$ .

**Lời giải.**

Cách 1. Gọi  $M(x; y)$  là điểm biểu diễn của  $z$ . Các điểm  $A(-2; 1), B(4, 7), C(1; -1)$ .

Ta có  $|z + 2 - i| + |z - 4 - 7i| = 6\sqrt{2} \Leftrightarrow MA + MB = 6\sqrt{2}$ , mà  $AB = 6\sqrt{2} \Rightarrow MA + MB = AB$ .

Suy ra  $M$  thuộc đoạn thẳng  $AB$ .

Phương trình đường thẳng  $AB : y = x + 3$ , với  $x \in [-2; 4]$ .

Ta có  $|z - 1 + i| = MC \Rightarrow |z - 1 + i|^2 = MC^2 = (x - 1)^2 + (y + 1)^2 = (x - 1)^2 + (x + 4)^2 = 2x^2 + 6x + 17$

Đặt  $f(x) = 2x^2 + 6x + 17, x \in [-2; 4]$ .

$$f'(x) = 4x + 6, f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -\frac{3}{2} \text{ (nhận)}$$

$$\text{Ta có } f(-2) = 13, f\left(-\frac{3}{2}\right) = \frac{25}{2}, f(4) = 73.$$

$$\text{Vậy } f(x)_{\max} = f(4) = 73, f(x)_{\min} = f\left(-\frac{3}{2}\right) = \frac{25}{2}.$$

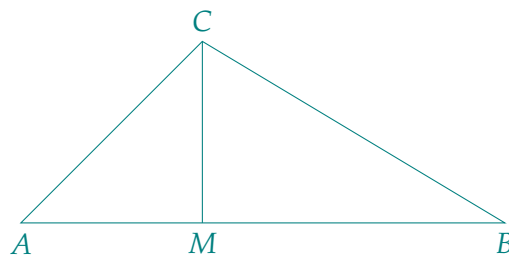
$$\Rightarrow M = \sqrt{73}, m = \frac{5\sqrt{2}}{2} \Rightarrow P = \frac{5\sqrt{2} + 2\sqrt{73}}{2}.$$

Cách 2. Gọi  $M(x; y)$  là điểm biểu diễn của  $z$ .

Các điểm  $A(-2; 1), B(4, 7), C(1; -1)$ .

Ta có  $|z + 2 - i| + |z - 4 - 7i| = 6\sqrt{2} \Leftrightarrow MA + MB = 6\sqrt{2}$ , mà  $AB = 6\sqrt{2} \Rightarrow MA + MB = AB$

Suy ra  $M$  thuộc đoạn thẳng  $AB$ .



Phương trình đường thẳng  $AB : y = x + 3$ , với  $x \in [-2; 4]$ .

$$CM_{\min} = d(C; AB) = \frac{5}{\sqrt{2}}.$$

$$CB = \sqrt{73}; CA = \sqrt{13} \Rightarrow CM_{\max} = CB = \sqrt{73}.$$

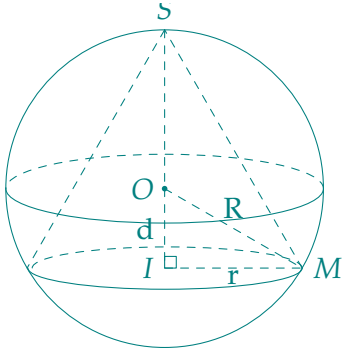
$$\text{Vậy } P = \sqrt{73} + \frac{5}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{73} + 5\sqrt{2}}{2}$$

Chọn phương án (B)

**Câu 49.** Cho mặt cầu tâm  $O$ , bán kính  $R$ . Xét mặt phẳng  $(P)$  thay đổi cắt mặt cầu theo giao tuyến là đường tròn  $(C)$ . Hình nón  $(N)$  có đỉnh  $S$  nằm trên mặt cầu, có đáy là đường tròn  $(C)$  và có chiều cao là  $h$  ( $h > R$ ). Tính  $h$  để thể tích khối nón được tạo nên bởi  $(N)$  có giá trị lớn nhất.

- (A)  $h = \sqrt{3}R$ .                      (B)  $h = \sqrt{2}R$ .  
 (C)  $h = \frac{4R}{3}$ .                              (D)  $h = \frac{3R}{2}$ .

Lời giải.



Ta biết rằng khi cho trước đường tròn  $(C)$  bất kỳ nằm trên mặt cầu, hình nón  $(N)$  có đáy là  $(C)$  sẽ đạt giá trị lớn nhất khi và chỉ khi điểm  $S$  thỏa mãn  $SO$  vuông góc với mặt phẳng chứa  $(C)$ . Vậy trong bài toán này ta chỉ xét các hình nón đỉnh  $S$  với điểm  $S$  thỏa  $SO$  vuông góc với mặt phẳng chứa đường tròn giao tuyến  $(C)$ .

Thể tích khối nón được tạo nên bởi  $(N)$  là  
 $V = \frac{1}{3}h.S_{(C)} = \frac{1}{3}h.\pi.r^2 = \frac{1}{3}h.\pi.[R^2 - (h - R)^2] = \frac{1}{3}\pi(-h^3 + 2h^2R)$ .

Xét hàm  $f(h) = -h^3 + 2h^2R, h \in (R, 2R)$ , có  $f'(h) = -3h^2 + 4hR$ .

$f'(h) = 0 \Leftrightarrow -3h^2 + 4hR = 0 \Leftrightarrow h = 0$  hoặc  $h = \frac{4R}{3}$ .

Lập bảng biến thiên ta tìm được  $\max f(h) = \frac{32}{27}R^3$ , tại  $h = \frac{4R}{3}$ . Vậy thể tích khối nón được tạo nên bởi  $(N)$  có

giá trị lớn nhất là  $V = \frac{1}{3}\pi \frac{32}{27}R^3 = \frac{32}{81}\pi R^3$  khi  $h = \frac{4R}{3}$ .

Cách khác:

Gọi  $O$  là tâm mặt cầu,  $I$  và  $r$  là bán kính của đường tròn  $(C)$ .

Ta có  $OI = h - R$  và  $r^2 = R^2 - OI^2 = 2Rh - h^2$ .

Thể tích khối nón được tạo nên bởi  $(N)$  là  
 $V = \frac{1}{3}h.S_{(C)} = \frac{1}{3}h.\pi.r^2 = \frac{1}{3}h.\pi.[R^2 - (h - R)^2] = \frac{1}{3}\pi h^2(2R - h)$ .

Ta có  $h.h.(4R - 2h) \leq \left(\frac{h + h + 4R - 2h}{3}\right)^3 = \left(\frac{4R}{3}\right)^3 \Rightarrow h^2(2R - h) \leq \frac{1}{2}\left(\frac{4R}{3}\right)^3$

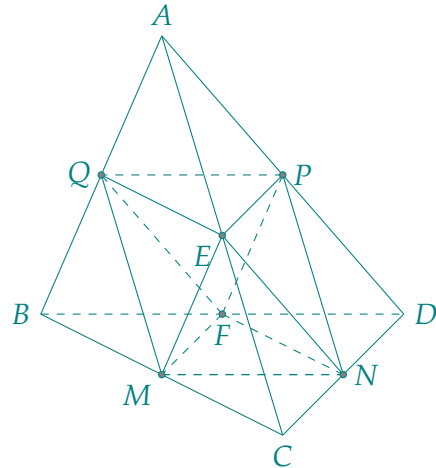
Do đó  $V$  lớn nhất khi  $h = 4R - 2h \Leftrightarrow h = \frac{4R}{3}$

Chọn phương án (C)

**Câu 50.** Cho khối tứ diện có thể tích bằng  $V$ . Gọi  $V'$  là thể tích của khối đa diện có các đỉnh là các trung điểm của các cạnh của khối tứ diện đã cho, tính tỉ số  $\frac{V'}{V}$ .

- (A)  $\frac{V'}{V} = \frac{1}{2}$ .                              (B)  $\frac{V'}{V} = \frac{1}{4}$ .  
 (C)  $\frac{V'}{V} = \frac{1}{3}$ .                              (D)  $\frac{V'}{V} = \frac{5}{8}$ .

Lời giải.



**Cách 1.** Đặc biệt hóa tứ diện cho là tứ diện đều cạnh  $a$ . Hình đa diện cần tính có được bằng cách cắt 4 góc của tứ diện, mỗi góc là cũng là một tứ diện đều có cạnh bằng  $\frac{a}{2}$ .

Do đó thể tích phần cắt bỏ là  $V'' = 4 \cdot \frac{V}{8} = \frac{V}{2}$ .

(Vì với tứ diện cạnh giảm nửa thì thể tích giảm  $\left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1}{8}$ )

Vậy  $V' = \frac{V}{2} \Leftrightarrow \frac{V'}{V} = \frac{1}{2}$ .

**Cách 2.** Khối đa diện là hai khối chóp tứ giác (giống nhau) có cùng đáy là hình bình hành úp lại. Suy ra:

$$V' = 2V_{N.MEPF} = 4.V_{N.MEP} = 4.V_{P.MNE} = 4 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4}V = \frac{1}{2}V$$

(Do chiều cao giảm một nửa, cạnh đáy giảm một nửa nên diện tích giảm 4)

**Cách 3.** Ta có  
 $\frac{V'}{V} = \frac{V - V_{A.QEP} - V_{B.QMF} - V_{C.MNE} - V_{D.NPF}}{V}$   
 $= 1 - \frac{V_{A.QEP}}{V} - \frac{V_{B.QMF}}{V} - \frac{V_{C.MNE}}{V} - \frac{V_{D.NPF}}{V} = 1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ .

Chọn phương án (A)

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. B	2. C	3. C	4. D	5. C	6. B	7. A	8. D	9. D	10. A	11. B
12. C	13. C	14. A	15. C	16. D	17. D	18. D	19. A	20. D	21. A	22. C
23. B	24. C	25. C	26. D	27. C	28. D	29. D	30. D	31. A	32. A	33. C
34. C	35. C	36. D	37. D	38. D	39. C	40. A	41. A	42. D	43. C	44. D
45. C	46. A	47. C	48. B	49. C	50. A					

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$			$3$			$0$		$+\infty$

Mệnh đề nào dưới đây sai?

- (A) Hàm số có ba điểm cực trị.
- (B) Hàm số có giá trị cực đại bằng 3.
- (C) Hàm số có giá trị cực đại bằng 0.
- (D) Hàm số có hai điểm cực tiểu.

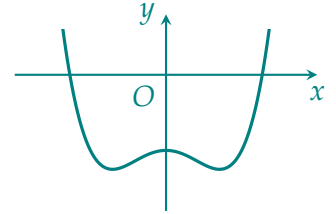
Lời giải.

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số có giá trị cực đại bằng 3. Suy ra khẳng định sai là "Hàm số có giá trị cực đại bằng 0".

Chọn phương án (C)

Câu 5.

Đường cong ở hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Hàm số đó là hàm số nào?



- (A)  $y = -x^3 + x^2 - 1$ .
- (B)  $y = x^4 - x^2 - 1$ .
- (C)  $y = x^3 - x^2 - 1$ .
- (D)  $y = -x^4 + x^2 - 1$ .

Lời giải.

Đường cong có hình dạng là đồ thị hàm số dạng  $y = ax^4 + bx^2 + c$  với hệ số  $a > 0$ . Suy ra nó là đồ thị của hàm số  $y = x^4 - x^2 - 1$ .

Chọn phương án (B)

Câu 6. Cho  $a$  là số thực dương khác 1. Tính  $I = \log_{\sqrt{a}} a$ .

- (A)  $I = \frac{1}{2}$ .
- (B)  $I = 0$ .
- (C)  $I = -2$ .
- (D)  $I = 2$ .

Lời giải.

$$I = \log_{\sqrt{a}} a = \log_{a^{\frac{1}{2}}} a = 2 \log_a a = 2.$$

Chọn phương án (D)

Câu 7. Cho hai số phức  $z_1 = 5 - 7i$  và  $z_2 = 2 + 3i$ . Tìm số phức  $z = z_1 + z_2$ .

- (A)  $z = 7 - 4i$ .
- (B)  $z = 2 + 5i$ .
- (C)  $z = -2 + 5i$ .
- (D)  $z = 3 - 10i$ .

Lời giải.

$$z = z_1 + z_2 = (5 - 7i) + (2 + 3i) = 7 - 4i.$$

Chọn phương án (A)

Câu 8. Cho hàm số  $y = x^3 + 3x + 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .
- (B) Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .
- (C) Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .

**4 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 101 NĂM 2017**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

Câu 1. Cho phương trình  $4^x + 2^{x+1} - 3 = 0$ . Khi đặt  $t = 2^x$ , ta được phương trình nào dưới đây?

- (A)  $2t^2 - 3 = 0$ .
- (B)  $t^2 + t - 3 = 0$ .
- (C)  $4t - 3 = 0$ .
- (D)  $t^2 + 2t - 3 = 0$ .

Lời giải.

Phương trình đã cho tương đương với  $2^{2x} + 2.2^x - 3 = 0$ .

Đặt  $t = 2^x$  với  $t > 0$ , ta được:  $t^2 + 2t - 3 = 0$ .

Chọn phương án (D)

Câu 2. Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \cos 3x$ .

- (A)  $\int \cos 3x dx = 3 \sin 3x + C$ .
- (B)  $\int \cos 3x dx = \frac{\sin 3x}{3} + C$ .
- (C)  $\int \cos 3x dx = -\frac{\sin 3x}{3} + C$ .
- (D)  $\int \cos 3x dx = \sin 3x + C$ .

Lời giải.

$$\int \cos 3x dx = \frac{1}{3} \int \cos 3x d(3x) = \frac{\sin 3x}{3} + C$$

Chọn phương án (B)

Câu 3. Số phức nào dưới đây là số thuần ảo?

- (A)  $z = -2 + 3i$ .
- (B)  $z = 3i$ .
- (C)  $z = -2$ .
- (D)  $z = \sqrt{3} + i$ .

Lời giải.

Số phức  $0 + bi$ , ( $b \in \mathbb{R}$ ) được gọi là số thuần ảo.

Vậy số  $z = 3i$  là số thuần ảo.

Chọn phương án (B)

Câu 4. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

**(D)** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

**Lời giải.**

$y = x^3 + 3x + 2 \Rightarrow y' = 3x^2 + 3 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ . Vậy hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 9.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : x - 2y + z - 5 = 0$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $(P)$ ?

- (A)**  $Q(2; -1; 5)$ . **(B)**  $P(0; 0; -5)$ .  
**(C)**  $N(-5; 0; 0)$ . **(D)**  $M(1; 1; 6)$ .

**Lời giải.**

Sử dụng chức năng CALC của MTCT tìm được  $M(1; 1; 6)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 10.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(Oxy)$ ?

- (A)**  $\vec{i} = (1; 0; 0)$ . **(B)**  $\vec{k} = (0; 0; 1)$ .  
**(C)**  $\vec{j} = (0; 1; 0)$ . **(D)**  $\vec{m} = (1; 1; 1)$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng  $(Oxy)$  có một véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{k} = (0; 0; 1)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 11.** Tính thể tích  $V$  của khối trụ có bán kính đáy  $r = 4$  và chiều cao  $h = 4\sqrt{2}$ .

- (A)**  $V = 128\pi$ . **(B)**  $V = 64\sqrt{2}\pi$ .  
**(C)**  $V = 32\pi$ . **(D)**  $V = 32\sqrt{2}\pi$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối trụ  $V = \pi r^2 \cdot h = \pi \cdot 4^2 \cdot 4\sqrt{2} = 64\sqrt{2}\pi$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 12.** Tìm số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - 3x - 4}{x^2 - 16}$ .

- (A)** 2. **(B)** 3. **(C)** 1. **(D)** 0.

**Lời giải.**

$$y = \frac{x^2 - 3x - 4}{x^2 - 16} = \frac{(x+1)(x-4)}{(x+4)(x-4)}$$

$\lim_{x \rightarrow -4^+} y = +\infty \Rightarrow x = -4$  là tiệm cận đứng của đồ thị.

$\lim_{x \rightarrow 4} y = \frac{5}{8} \Rightarrow x = 4$  không là tiệm cận đứng của đồ thị.

Vậy đồ thị có 1 tiệm cận đứng.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 13.** Hàm số  $y = \frac{2}{x^2 + 1}$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $(0; +\infty)$ . **(B)**  $(-1; 1)$ .  
**(C)**  $(-\infty; +\infty)$ . **(D)**  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải.**

$$y = \frac{2}{x^2 + 1} \Rightarrow y' = -\frac{4x}{(x^2 + 1)^2} \Rightarrow y' > 0, \forall x \in (-\infty; 0)$$

và  $y' < 0, \forall x \in (0; +\infty)$ .

Vậy hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 14.** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi đường cong  $y = \sqrt{2 + \cos x}$ , trục hoành và các đường thẳng  $x = 0, x = \frac{\pi}{2}$ . Khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục hoành có thể tích  $V$  bằng bao nhiêu?

- (A)**  $V = \pi - 1$ . **(B)**  $V = (\pi - 1)\pi$ .  
**(C)**  $V = (\pi + 1)\pi$ . **(D)**  $V = \pi + 1$ .

**Lời giải.**

$$\text{Thể tích } V = \pi \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\sqrt{2 + \cos x})^2 dx = \pi \int_0^{\frac{\pi}{2}} (2 + \cos x) dx = \pi(2x + \sin x) \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = (\pi + 1)\pi.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 15.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý và  $a$  khác 1, đặt  $P = \log_a b^3 + \log_{a^2} b^6$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $P = 9 \log_a b$ . **(B)**  $P = 27 \log_a b$ .  
**(C)**  $P = 15 \log_a b$ . **(D)**  $P = 6 \log_a b$ .

**Lời giải.**

$$P = \log_a b^3 + \log_{a^2} b^6 = 3 \log_a b + \frac{1}{2} \cdot 6 \log_a b = 6 \log_a b.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 16.** Tìm tập xác định  $D$  của hàm số  $y = \log_5 \frac{x-3}{x+2}$ .

- (A)**  $D = \mathbb{R} \setminus \{-2\}$ .  
**(B)**  $D = (-\infty; -2) \cup [3; +\infty)$ .  
**(C)**  $D = (-2; 3)$ .  
**(D)**  $D = (-\infty; -2) \cup (3; +\infty)$ .

**Lời giải.**

$$\text{Hàm số xác định khi } \begin{cases} x+2 \neq 0 \\ \frac{x-3}{x+2} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow x \in (-\infty; -2) \cup (3; +\infty).$$

Vậy  $D = (-\infty; -2) \cup (3; +\infty)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 17.** Tìm tập nghiệm  $S$  của bất phương trình  $\log_2^2 x - 5 \log_2 x + 4 \geq 0$ .

- (A)**  $S = (-\infty; 2] \cup [16; +\infty)$ .  
**(B)**  $S = [2; 16]$ .  
**(C)**  $S = (0; 2] \cup [16; +\infty)$ .  
**(D)**  $S = (-\infty; 1] \cup [4; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x > 0$ .

Đặt  $t = \log_2 x$ , bất phương trình đã cho trở thành

$$t^2 - 5t + 4 \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t \geq 4 \\ t \leq 1 \end{cases} \\ \Rightarrow \begin{cases} \log_2 x \geq 4 \\ \log_2 x \leq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 16 \\ x \leq 2 \end{cases}$$

Kết hợp điều kiện ta được tập nghiệm của bất phương trình là  $S = (0; 2] \cup [16; +\infty)$ .

Chọn phương án **(C)**



**Câu 18.** Hình hộp chữ nhật có ba kích thước đôi một khác nhau có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- (A) 4 mặt phẳng. (B) 3 mặt phẳng.  
(C) 6 mặt phẳng. (D) 9 mặt phẳng.

**Lời giải.**

Hình hộp chữ nhật có các mặt phẳng đối xứng là các mặt phẳng trung trực của các cặp cạnh đối  $\Rightarrow$  có 3 mặt đối xứng.

Chọn phương án (B)

**Câu 19.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua điểm  $M(3; -1; 1)$  và vuông góc đường thẳng  $\Delta : \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z-3}{1}$ ?

- (A)  $3x - 2y + z + 12 = 0$ .  
(B)  $3x + 2y + z - 8 = 0$ .  
(C)  $3x - 2y + z - 12 = 0$ .  
(D)  $x - 2y + 3z + 3 = 0$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng vuông góc với  $\Delta$  nhận  $\vec{u}_\Delta = (3; -2; 1)$  làm vpt  $\Rightarrow$  phương trình mặt phẳng cần tìm có dạng  $3(x - 3) - 2(y + 1) + (z - 1) = 0 \Leftrightarrow 3x - 2y + z - 12 = 0$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 20.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua điểm  $A(2; 3; 0)$  và vuông góc với mặt phẳng  $(P) : x + 3y - z + 5 = 0$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 3t \\ z = 1 - t. \end{cases}$  (B)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 3t \\ z = 1 - t. \end{cases}$   
(C)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + 3t \\ z = 1 - t. \end{cases}$  (D)  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 3t \\ z = 1 + t. \end{cases}$

**Lời giải.**

Đường thẳng vuông góc với mặt phẳng  $(P)$  nhận  $\vec{n}_{(P)} = (1; 3; -1)$  làm véc-tơ chỉ phương  $\Rightarrow$  phương trình

đường thẳng là  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 3 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

Lấy  $t = -1 \Rightarrow N(1; 0; 1)$  thuộc đường thẳng  $\Rightarrow$  đáp án

đúng là:  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 3t \\ z = 1 - t \end{cases}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 21.** Cho khối chóp tứ giác đều có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên gấp hai lần cạnh đáy. Tính thể tích  $V$  của khối chóp đã cho.

- (A)  $V = \frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ . (B)  $V = \frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .  
(C)  $V = \frac{a^3\sqrt{14}}{2}$ . (D)  $V = \frac{a^3\sqrt{14}}{6}$ .

**Lời giải.**

Cạnh đáy  $AB = a \Rightarrow$  diện tích đáy  $S_{ABCD} = a^2$ .

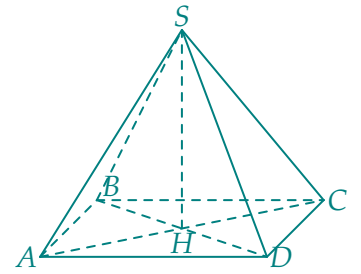
Đường chéo  $AC =$

$$a\sqrt{2} \Rightarrow HA = \frac{a\sqrt{2}}{2}.$$

Cạnh bên  $SA =$

$$2AB = 2a \Rightarrow \frac{SH}{2AB} =$$

$$\frac{\sqrt{SA^2 - HA^2}}{2} = \frac{a\sqrt{14}}{2}.$$



$$\text{Vậy thể tích } V = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot \frac{a\sqrt{14}}{2} = \frac{a^3\sqrt{14}}{6}.$$

Chọn phương án (D)

**Câu 22.** Phương trình nào dưới đây nhận hai số phức  $1 + \sqrt{2}i$  và  $1 - \sqrt{2}i$  là nghiệm?

- (A)  $z^2 + 2z + 3 = 0$ . (B)  $z^2 - 2z - 3 = 0$ .  
(C)  $z^2 - 2z + 3 = 0$ . (D)  $z^2 + 2z - 3 = 0$ .

**Lời giải.**

Áp dụng định lý Vi-et ta có tổng hai số phức là 2 và tích của chúng là 3  $\Rightarrow$  hai số phức là nghiệm của phương trình  $z^2 - 2z + 3 = 0$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 23.** Tìm giá trị nhỏ nhất  $m$  của hàm số  $y = x^3 - 7x^2 + 11x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$ .

- (A)  $m = 11$ . (B)  $m = 0$ .  
(C)  $m = -2$ . (D)  $m = 3$ .

**Lời giải.**

Đạo hàm:  $y' = 3x^2 - 14x + 11$  có nghiệm  $x = 1 \in [0; 2]$ . Ta có  $y(0) = -2; y(1) = 3; y(2) = 0 \Rightarrow m = \min_{[0;2]} y = -2$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 24.** Tìm tập xác định của hàm số  $y = (x - 1)^{\frac{1}{3}}$ .

- (A)  $D = (-\infty; 1)$ . (B)  $D = (1; +\infty)$ .  
(C)  $D = \mathbb{R}$ . (D)  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x - 1 > 0$  (vì  $\frac{1}{3}$  không nguyên)  $\Rightarrow x > 1 \Rightarrow$  tập xác định  $D = (1; +\infty)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 25.** Cho  $\int_0^6 f(x) dx = 12$ . Tính  $I = \int_0^2 f(3x) dx$ .

- (A)  $I = 6$ . (B)  $I = 36$ . (C)  $I = 2$ . (D)  $I = 4$ .

**Lời giải.**

$$I = \int_0^2 f(3x) dx = \frac{1}{3} \int_0^2 f(3x) d(3x) = \frac{1}{3} \int_0^6 f(u) du \text{ (với } u = 3x)$$

$$\Rightarrow I = \frac{1}{3} \cdot 12 = 4.$$

Chọn phương án (D)

**Câu 26.** Tính bán kính  $R$  của mặt cầu ngoại tiếp một hình lập phương có cạnh bằng  $2a$ .

- (A)  $R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$ . (B)  $R = a$ .

(C)  $R = 2\sqrt{3}a$ .

(D)  $R = a\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**

Cạnh hình lập phương bằng  $2a \Rightarrow$  đường chéo hình lập phương bằng  $2a\sqrt{3} \Rightarrow$  bán kính mặt cầu bằng  $a\sqrt{3}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 27.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa  $f'(x) = 3 - 5\sin x$  và  $f(0) = 10$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

(A)  $f(x) = 3x + 5\cos x + 5$ .

(B)  $f(x) = 3x + 5\cos x + 2$ .

(C)  $f(x) = 3x - 5\cos x + 2$ .

(D)  $f(x) = 3x - 5\cos x + 15$ .

**Lời giải.**

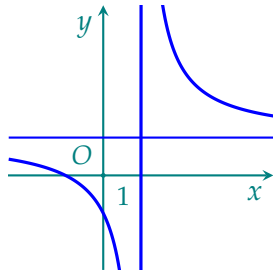
$$f(x) = \int (3 - 5\sin x) dx = 3x + 5\cos x + C.$$

$$f(0) = 10 \Rightarrow 5 + C = 10 \Rightarrow C = 5. \text{ Vậy hàm số cần tìm: } f(x) = 3x + 5\cos x + 5.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 28.**

Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  với  $a, b, c, d$  là các số thực. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



(A)  $y' > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

(B)  $y' < 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

(C)  $y' > 0, \forall x \neq 1$ .

(D)  $y' < 0, \forall x \neq 1$ .

**Lời giải.**

Từ đồ thị  $\Rightarrow$  hàm số nghịch biến trên từng khoảng xác định.

Mặt khác hàm số không xác định tại  $x = 1 \Rightarrow y' < 0, \forall x \neq 1$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 29.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; -2; 3)$ . Gọi  $I$  là hình chiếu vuông góc của  $M$  trên trục  $Ox$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình của mặt cầu tâm  $I$  bán kính  $IM$ ?

(A)  $(x - 1)^2 + y^2 + z^2 = 13$ .

(B)  $(x + 1)^2 + y^2 + z^2 = 13$ .

(C)  $(x - 1)^2 + y^2 + z^2 = \sqrt{13}$ .

(D)  $(x + 1)^2 + y^2 + z^2 = 17$ .

**Lời giải.**

Hình chiếu vuông góc của  $M$  trên  $Ox$  là  $I(1; 0; 0)$ . Mặt khác  $IM = \sqrt{13} \Rightarrow$  phương trình mặt cầu là  $(x - 1)^2 + y^2 + z^2 = 13$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 30.** Cho số phức  $z = 1 - 2i$ . Điểm nào dưới đây là biểu diễn của số phức  $w = iz$  trên mặt phẳng tọa độ?

(A)  $Q(1; 2)$ .

(B)  $N(2; 1)$ .

(C)  $M(1; -2)$ .

(D)  $P(-2; 1)$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $w = iz = i(1 - 2i) = 2 + i \Rightarrow$  điểm biểu diễn  $w$  là  $N(2; 1)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 31.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có các cạnh đều bằng  $a\sqrt{2}$ . Tính thể tích  $V$  của khối nón có đỉnh  $S$  và đường tròn đáy là đường tròn nội tiếp tứ giác  $ABCD$ .

(A)  $V = \frac{\pi a^3}{2}$ .

(B)  $V = \frac{\sqrt{2}\pi a^3}{6}$ .

(C)  $V = \frac{\pi a^3}{6}$ .

(D)  $V = \frac{\sqrt{2}\pi a^3}{2}$ .

**Lời giải.**

Bán kính đáy của hình

$$\text{nón } r = \frac{AB}{2} = \frac{a\sqrt{2}}{2}.$$

Đường chéo hình vuông

$ABCD$  có  $AC = AB\sqrt{2} = 2a \Rightarrow HA = a$ . Cạnh bên

$SA = a\sqrt{2} \Rightarrow SH =$

$\sqrt{SA^2 - HA^2} = a \Rightarrow$

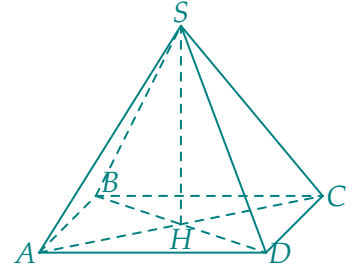
đường cao hình nón  $h =$

$a$ .

$$\Rightarrow \text{thể tích } V = \frac{1}{3}\pi r^2 h =$$

$$\frac{1}{3}\pi \cdot \left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2 \cdot a = \frac{a^3\pi}{6}.$$

Chọn phương án (C)



**Câu 32.** Cho  $F(x) = x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)e^{2x}$ . Tìm nguyên hàm của hàm số  $f'(x)e^{2x}$ .

(A)  $\int f'(x)e^{2x} dx = -x^2 + 2x + C$ .

(B)  $\int f'(x)e^{2x} dx = -x^2 + x + C$ .

(C)  $\int f'(x)e^{2x} dx = x^2 - 2x + C$ .

(D)  $\int f'(x)e^{2x} dx = -2x^2 + 2x + C$ .

**Lời giải.**

$F(x) = x^2$  là một nguyên hàm của  $f(x)e^{2x} \Rightarrow 2x = f(x)e^{2x}$ .

$$\text{Đặt } \begin{cases} u = e^{2x} \\ dv = f'(x)dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = 2e^{2x}dx \\ v = f(x) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \int f'(x)e^{2x} dx = f(x)e^{2x} - 2 \int f(x)e^{2x} dx = 2x - 2x^2 + C.$$

Chọn phương án (D)

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = \frac{x+m}{x-1}$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\min_{x \in [2; 4]} y = 3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

(A)  $m < -1$ .

(B)  $3 < m \leq 4$ .

(C)  $m > 4$ .

(D)  $1 \leq m < 3$ .

**Lời giải.**

$$\text{Đạo hàm: } y' = \frac{-1-m}{(x-1)^2}.$$

$$\text{Với } -1-m > 0 \Rightarrow m < -1 \Rightarrow \min_{x \in [2; 4]} y = y(2) \Rightarrow$$

$$\frac{2+m}{1} = 3 \Rightarrow m = 1 \Rightarrow \text{loại.}$$

$$\text{Với } -1-m < 0 \Rightarrow m > -1 \Rightarrow \min_{x \in [2; 4]} y = y(4) \Rightarrow$$

$$\frac{4+m}{3} = 3 \Rightarrow m = 5 \Rightarrow m > 4.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 34.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M(-1; 1; 3)$  và hai đường thẳng  $\Delta : \frac{x-1}{3} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-1}{1}$ ,  $\Delta' : \frac{x+1}{1} = \frac{y}{3} = \frac{z}{-2}$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua  $M$ , vuông góc với  $\Delta$  và  $\Delta'$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + t \\ z = 1 + 3t. \end{cases}$       (B)  $\begin{cases} x = -t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + t. \end{cases}$
- (C)  $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 - t \\ z = 3 + t. \end{cases}$       (D)  $\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + t. \end{cases}$

**Lời giải.**

$\Delta$  và  $\Delta'$  có các véc-tơ chỉ phương lần lượt là  $\vec{u}_1 = (3; 2; 1)$  và  $\vec{u}_2 = (1; 3; -2)$ .

Khi đó  $[\vec{u}_1, \vec{u}_2] = (-7; 7; 7) \Rightarrow$  đường thẳng vuông góc với  $d$  và  $\Delta$  có một véc-tơ chỉ phương là

$$\vec{u} = (-1; 1; 1) \Rightarrow \text{phương trình đường thẳng}$$

$$\begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 35.** Một người gửi 50 triệu đồng vào một ngân hàng với lãi suất 6%/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào gốc để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó nhận được số tiền nhiều hơn 100 triệu đồng bao gồm gốc và lãi? Giả định trong suốt thời gian gửi, lãi suất không đổi và người đó không rút tiền ra.

- (A) 13 năm.      (B) 14 năm.  
(C) 12 năm.      (D) 11 năm.

**Lời giải.**

Tổng số tiền lĩnh ra sau  $n$  năm bằng  $50 \cdot (1,06)^n$ . Dùng máy tính kiểm tra thấy  $n = 12$  thì số tiền lớn hơn 100. Vậy chọn phương án C.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 36.** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $z + 1 + 3i - |z|i = 0$ . Tính  $S = a + 3b$ .

- (A)  $S = \frac{7}{3}$ .      (B)  $S = -5$ .  
(C)  $S = 5$ .      (D)  $S = -\frac{7}{3}$ .

**Lời giải.**

Đặt  $z = a + bi$  ta có  $z + 1 + 3i - |z|i = 0 \Leftrightarrow a + 1 + (b +$

$$3)i - \sqrt{a^2 + b^2} \cdot i = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a = -1 \\ b = -\frac{4}{3} \end{cases}.$$

Vậy ta có  $S = a + 3b = -5$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 37.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai

$$\text{đường thẳng } d_1 : \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -2 + t \\ z = 2 \end{cases}, d_2 : \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-1} =$$

$\frac{z}{2}$  và mặt phẳng  $(P) : 2x + 2y - 3z = 0$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua giao điểm của  $d_1$  và  $(P)$ , đồng thời vuông góc với  $d_2$ ?

- (A)  $2x - y + 2z + 22 = 0$ .  
(B)  $2x - y + 2z + 13 = 0$ .  
(C)  $2x - y + 2z - 13 = 0$ .  
(D)  $2x + y + 2z - 22 = 0$ .

**Lời giải.**

Giao của  $d_1$  và  $(P)$  là điểm  $M(4; -1; 2)$ . Các mặt phẳng trong 4 phương án cùng vuông góc với  $d_2$  nhưng chỉ có mặt phẳng ở phương án C đi qua  $M(4; -1; 2)$  nên chọn C.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 38.** Cho hàm số  $y = -x^3 - mx^2 + (4m + 9)x + 5$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

- (A) 7.      (B) 4.      (C) 6.      (D) 5.

**Lời giải.**

Đây là hàm số bậc 3 có hệ số  $a = -3 < 0$  nên hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow b^2 - 3ac \leq 0$

$$\Leftrightarrow m^2 + 12m + 27 \leq 0 \Leftrightarrow -9 \leq m \leq -3.$$

Suy ra có 7 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 39.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $\log_3^2 x - m \log_3 x + 2m - 7 = 0$  có hai nghiệm thực  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $x_1 x_2 = 81$ .

- (A)  $m = -4$ .      (B)  $m = 4$ .  
(C)  $m = 81$ .      (D)  $m = 44$ .

**Lời giải.**

Phương trình đã cho có hai nghiệm thực  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $x_1 x_2 = 81$  suy ra  $\log_3(x_1 \cdot x_2) = 4$  hay  $\log_3 x_1 + \log_3 x_2 = 4$ . Do đó theo định lý Viét ta suy ra  $m = 4$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 40.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$  có hai điểm cực trị A và B. Điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng AB?

- (A)  $P(1; 0)$ .      (B)  $M(0; -1)$ .  
(C)  $N(1; -10)$ .      (D)  $Q(-1; 10)$ .

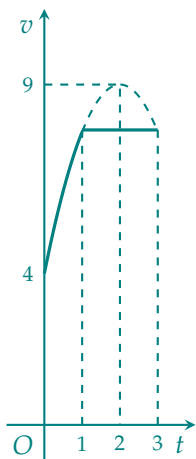
**Lời giải.**

Dùng máy tính tính được đường thẳng  $AB : y = -8x - 2$ . Từ đó ta thấy chỉ có  $N(1; -10)$  thuộc AB.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 41.**

Một vật chuyển động trong 3 giờ với vận tốc  $v$  (km/h) phụ thuộc thời gian  $t$  (h) có đồ thị của vận tốc như hình bên. Trong khoảng thời gian 1 giờ kể từ khi bắt đầu chuyển động, đồ thị đó là một phần của đường parabol có đỉnh  $I(2;9)$  và trục đối xứng song song với trục tung, khoảng thời gian còn lại đồ thị là một đoạn thẳng song song với trục hoành. Tính quãng đường  $s$  mà vật di chuyển được trong 3 giờ đó (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).



- (A)  $s = 23,25$  km.      (B)  $s = 21,58$  km.  
 (C)  $s = 15,50$  km.      (D)  $s = 13,83$  km.

**Lời giải.**

Để dàng tìm được phương trình của vận tốc trong 1 giờ đầu tiên là  $v = -\frac{5}{4}t^2 + 5t + 4$  còn 2 giờ tiếp theo là  $v = \frac{31}{4}$ .

Vậy quãng đường mà vật đi được trong 3 giờ đó là

$$s = \int_0^1 \left(-\frac{5}{4}t^2 + 5t + 4\right) dt + \int_1^3 \frac{31}{4} dt = \frac{259}{12} \approx 21,58.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 42.** Cho  $\log_a x = 3$ ,  $\log_b x = 4$  với  $a, b$  là các số thực lớn hơn 1. Tính  $P = \log_{ab} x$ .

- (A)  $P = \frac{7}{12}$ .      (B)  $P = \frac{1}{12}$ .  
 (C)  $P = 12$ .      (D)  $P = \frac{12}{7}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $P = \log_{ab} x = \frac{1}{\log_x ab} = \frac{1}{\log_x a + \log_x b} = \frac{1}{\frac{1}{3} + \frac{1}{4}} = \frac{12}{7}$ .

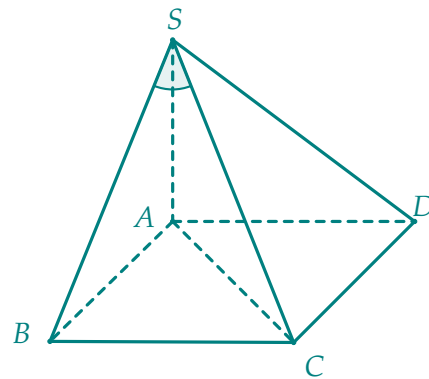
Chọn phương án (D)

**Câu 43.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với đáy và  $SC$  tạo với mặt phẳng  $(SAB)$  một góc  $30^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp đã cho.

- (A)  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{3}$ .      (B)  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .  
 (C)  $V = \frac{2a^3}{3}$ .      (D)  $V = \sqrt{2}a^3$ .

**Lời giải.**

Từ giả thiết ta có góc  $\widehat{BSC} = 30^\circ \Rightarrow SB = a\sqrt{3} \Rightarrow SA = \sqrt{2}a$ . Từ đó suy ra thể tích của khối chóp bằng  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

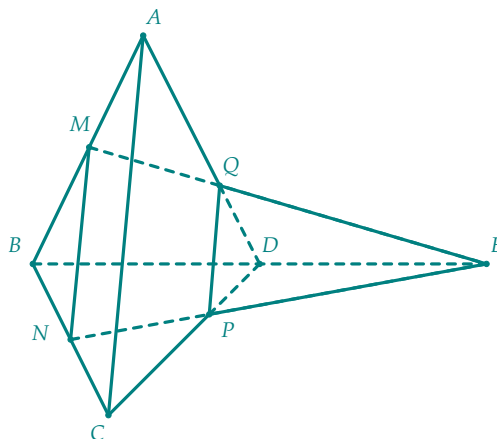


Chọn phương án (B)

**Câu 44.** Cho tứ diện đều  $ABCD$  có các cạnh bằng  $a$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, BC$  và  $E$  là điểm đối xứng với  $B$  qua  $D$ . Mặt phẳng  $(MNE)$  chia khối tứ diện  $ABCD$  thành hai khối đa diện, trong đó khối đa diện chứa đỉnh  $A$  có thể tích  $V$ . Tính  $V$ .

- (A)  $V = \frac{7\sqrt{2}a^3}{216}$ .      (B)  $V = \frac{11\sqrt{2}a^3}{216}$ .  
 (C)  $V = \frac{13\sqrt{2}a^3}{216}$ .      (D)  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{18}$ .

**Lời giải.**



Ta có thể tích khối tứ diện  $ABCD$  bằng  $\frac{a^3\sqrt{2}}{12} = X$ .

Gọi  $P, Q$  lần lượt là giao điểm của  $NE$  với  $CD$  và  $ME$  với  $AD$ . Dễ thấy  $AQ = CP = \frac{2}{3}a$ .

Ta dễ dàng tính được  $V_{E.BMN} = \frac{1}{2}X$ . Áp dụng tỉ số thể tích ta có  $\frac{V_{E.PQD}}{V_{E.BMN}} = \frac{2}{9}$ . Suy ra  $V_{E.PQD} = \frac{2}{9}V_{E.BMN} \Rightarrow V_{BMNEQP} = \frac{7}{9}V_{E.BMN} = \frac{7}{18}X$ .

Tức là phần khối đa diện không chứa điểm  $A$  có thể tích bằng  $\frac{7}{18}X$ , nên phần chứa điểm  $A$  có thể tích là  $\frac{11}{18}X = \frac{11\sqrt{2}a^3}{216}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 45.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : x^2 + y^2 + z^2 = 9$ , điểm  $M(1; 1; 2)$  và mặt phẳng  $(P) : x + y + z - 4 = 0$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua  $M$ , thuộc  $(P)$  và cắt  $(S)$  tại hai điểm  $A, B$  sao cho  $AB$  nhỏ

nhất. Biết rằng  $\Delta$  có một vectơ chỉ phương là  $\vec{u}(1; a; b)$ .  
 Tính  $T = a - b$ .

- (A)  $T = -2$ . (B)  $T = 1$ .  
 (C)  $T = -1$ . (D)  $T = 0$ .

**Lời giải.**

Ta thấy  $M$  nằm bên trong mặt cầu  $(S)$  có tâm  $O(0; 0; 0)$  và  $M \in (P)$ . Mặt phẳng  $(P)$  cắt mặt cầu  $(S)$  theo giao tuyến là đường tròn tâm  $H(\frac{4}{3}; \frac{4}{3}; \frac{4}{4})$  trong đó  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $O$  lên  $(P)$ .

Đường thẳng  $\Delta$  thoả mãn yêu cầu bài toán khi  $\Delta$  nằm trong  $(P)$  và  $\Delta \perp HM$  nên  $\Delta$  nhận  $[\vec{OH}, \vec{HM}] = (12; -12; 0) = 12(1; -1; 0)$  làm vectơ chỉ phương. Suy ra  $\vec{u}(1; -1; 0)$  nên  $T = -1$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 46.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thoả mãn  $|z - 3i| = 5$  và  $\frac{z}{z - 4}$  là số thuần ảo?

- (A) 0. (B) Vô số. (C) 1. (D) 2.

**Lời giải.**

Đặt  $z = x + yi$  là số phức thoả mãn yêu cầu của bài toán. Từ giả thiết suy ra  $x, y$  thoả mãn hệ  $\begin{cases} x^2 - 4y + y^2 = 0 \\ y \neq 0, \end{cases}$  ta thấy hệ có hai nghiệm trong đó  $\begin{cases} x^2 + (y - 3)^2 = 25 \end{cases}$

nghiệm  $(x; y) = (4; 0)$  bị loại. Vậy chỉ có một số phức  $z$  thoả mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án (C)

**Câu 47.** Xét các số thực dương  $x, y$  thoả mãn  $\log_3 \frac{1 - xy}{x + 2y} = 3xy + x + 2y - 4$ . Tìm giá trị nhỏ nhất  $P_{\min}$  của  $P = x + y$ .

- (A)  $P_{\min} = \frac{9\sqrt{11} - 19}{9}$ . (B)  $P_{\min} = \frac{9\sqrt{11} + 19}{9}$ .  
 (C)  $P_{\min} = \frac{18\sqrt{11} - 29}{21}$ . (D)  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{11} - 3}{3}$ .

**Lời giải.**

Với giả thiết bài toán ta có  $\log_3 \frac{1 - xy}{x + 2y} = 3xy + x + 2y - 4 \Leftrightarrow \log_3 3(1 - xy) + 3(1 - xy) = \log_3(x + 2y) + x + 2y$   
 Vì hàm số  $f(x) = x + \log_3 x$  đồng biến trên  $(0; +\infty)$  nên từ trên ta suy ra  $3(1 - xy) = x + 2y \Leftrightarrow 11 = (3x + 2)(3y + 1)$ .

Dùng bất đẳng thức AM - GM suy ra  $3x + 2 + 3y + 1 \geq 2\sqrt{11}$ .

Suy ra  $x + y \geq \frac{2\sqrt{11} - 3}{3}$ . Đẳng thức xảy ra khi

$$\begin{cases} 3x + 2 = 3y + 1 \\ 3(1 - xy) = x + 2y \end{cases} \text{ hay } \begin{cases} x = \frac{\sqrt{11} - 2}{3} \\ y = \frac{\sqrt{11} - 1}{3} \end{cases}$$

Vậy phương án đúng là D.

Chọn phương án (D)

**Câu 48.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $y = mx - m + 1$  cắt đồ thị của hàm số

$y = x^3 - 3x^2 + x + 2$  tại ba điểm  $A, B, C$  phân biệt sao cho  $AB = BC$ .

- (A)  $m \in (-\infty; 0] \cup [4; +\infty)$ .  
 (B)  $m \in \mathbb{R}$ .  
 (C)  $m \in [-\frac{5}{4}; +\infty)$ .  
 (D)  $m \in (-2; +\infty)$ .

**Lời giải.**

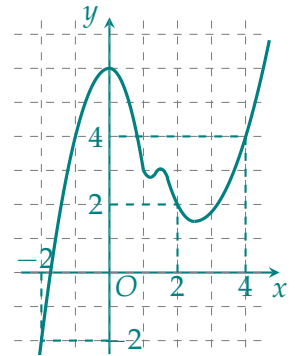
Nhận thấy đường thẳng  $y = mx - m + 1$  luôn đi qua điểm uốn  $B(1; 1)$  của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + x + 2$ , do vậy nếu nó cắt đồ thị tại 3 điểm phân biệt  $A, B, C$  thì luôn thoả mãn  $AB = BC$ . Thử  $m = -3$  thì đường thẳng không cắt đồ thị hàm số đã cho tại 3 điểm phân biệt nên loại trừ các phương án A, B.

Thử  $m = -\frac{3}{2}$  thì đường thẳng cắt đồ thị hàm số đã cho tại 3 điểm phân biệt nên loại trừ các phương án C.

Chọn phương án (D)

**Câu 49.**

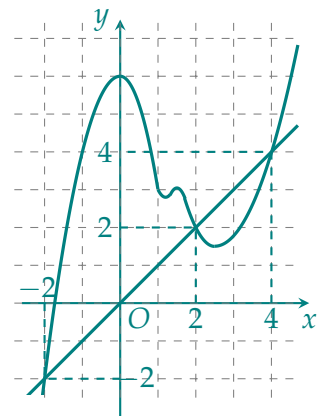
Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình bên. Đặt  $h(x) = 2f(x) - x^2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $h(4) = h(-2) > h(2)$ . (B)  $h(4) = h(-2) < h(2)$ .  
 (C)  $h(2) > h(4) > h(-2)$ . (D)  $h(2) > h(-2) > h(4)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $h(x) = 2f(x) - x^2$  nên  $h'(x) = 2(f'(x) - x)$ . Dựa vào hình vẽ bên và tính chất của tích phân ta thấy  $h(2) -$



$$h(-2) = \int_{-2}^2 h'(x) dx = 2 \int_{-2}^2 (f'(x) - x) dx > 0$$

nên  $h(2) > h(-2)$ .

Tương tự ta có  $h(4) > h(-2), h(2) > h(4)$ , từ đó chọn phương án C.

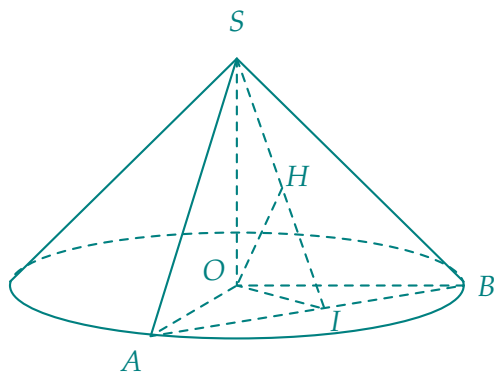
Chọn phương án (C)

**Câu 50.** Cho hình nón đỉnh  $S$  có chiều cao  $h = a$  và bán kính đáy  $r = 2a$ . Mặt phẳng  $(P)$  đi qua  $S$  cắt đường tròn đáy tại  $A$  và  $B$  sao cho  $AB = 2\sqrt{3}a$ . Tính khoảng cách  $d$  từ tâm của đường tròn đáy đến  $(P)$ .

- (A)  $d = \frac{\sqrt{3}a}{2}$ . (B)  $d = a$ .  
 (C)  $d = \frac{\sqrt{5}a}{5}$ . (D)  $d = \frac{\sqrt{2}a}{2}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $O$  là tâm của đáy hình nón,  $I$  là trung điểm của  $AB$ ,  $H$  là chân đường cao của tam giác  $SOI$ . Khi đó ta có  $d = OH$ . Dễ dàng tính được  $OS = OI = a$  nên  $d = OH = \frac{\sqrt{2}a}{2}$ .



Chọn phương án **(D)**

— Hết —

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. D	2. B	3. B	4. C	5. B	6. D	7. A	8. C	9. D	10. B	11. B
12. C	13. A	14. C	15. D	16. D	17. C	18. B	19. C	20. B	21. D	22. C
23. C	24. B	25. D	26. D	27. A	28. D	29. A	30. B	31. C	32. D	33. C
34. D	35. C	36. B	37. C	38. A	39. B	40. C	41. B	42. D	43. B	44. B
45. C	46. C	47. D	48. D	49. C	50. D					



**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102 NĂM 2017**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2017  
ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$			$3$		$0$		$+\infty$
	$-\infty$						

Tìm giá trị cực đại  $y_{CD}$  và giá trị cực tiểu  $y_{CT}$  của hàm số đã cho.

- (A)  $y_{CD} = 3$  và  $y_{CT} = -2$ .
- (B)  $y_{CD} = 2$  và  $y_{CT} = 0$ .
- (C)  $y_{CD} = -2$  và  $y_{CT} = 2$ .
- (D)  $y_{CD} = 3$  và  $y_{CT} = 0$ .

**Lời giải.**

Hàm số đạt cực đại tại  $x = -2$ , giá trị cực đại  $y_{CD} = 3$ .  
Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$ , giá trị cực tiểu  $y_{CT} = 0$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 2.** Tìm nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{1}{5x-2}$ .

- (A)  $\int \frac{dx}{5x-2} = \frac{1}{5} \ln |5x-2| + C$ .
- (B)  $\int \frac{dx}{5x-2} = -\frac{1}{2} \ln(5x-2) + C$ .
- (C)  $\int \frac{dx}{5x-2} = 5 \ln |5x-2| + C$ .
- (D)  $\int \frac{dx}{5x-2} = \ln |5x-2| + C$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int \frac{dx}{5x-2} = \int \frac{1}{5(5x-2)} d(5x-2) = \frac{1}{5} \ln |5x-2| + C$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 3.** Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

- (A)  $y = \frac{x+1}{x+3}$ .
- (B)  $y = x^3 + 3x$ .
- (C)  $y = \frac{x-1}{x-2}$ .
- (D)  $y = -x^3 - 3x$ .

**Lời giải.**

Ta có

$$\left(\frac{x+1}{x+3}\right)' = \frac{2}{(x+3)^2} >$$

0 với mọi  $x \neq -3$ .

$$(x^3 + 3x)' = 3(x^2 + 1) >$$

0 với mọi  $x \in \mathbb{R}$ .

$$\left(\frac{x-1}{x-2}\right)' = \frac{-1}{(x-2)^2} <$$

0 với mọi  $x \neq 2$ .

$$(-x^3 - 3x)' = -3(x^2 + 1) <$$

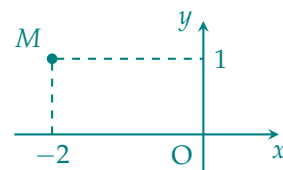
0 với mọi  $x \in \mathbb{R}$ .

Từ đây suy ra  $y = x^3 + 3x$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 4.**

Số phức nào dưới đây có điểm biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ là điểm  $M$  như hình bên?



- (A)  $z_4 = 2 + i$ .
- (B)  $z_2 = 1 + 2i$ .
- (C)  $z_3 = -2 + i$ .
- (D)  $z_1 = 1 - 2i$ .

**Lời giải.**

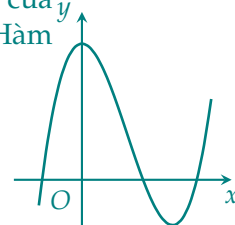
Điểm  $M$  có tọa độ là  $(-2, 1)$  do đó  $M$  biểu diễn số phức  $z_3 = -2 + i$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 5.**

Đường cong ở hình bên là đồ thị của  $y$  một trong bốn hàm số dưới đây. Hàm số đó là hàm số nào?

- (A)  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .
- (B)  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .
- (C)  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .
- (D)  $y = x^3 - 3x^2 + 3$ .



**Lời giải.**

Đây là đồ thị của hàm số có dạng  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ , hơn nữa ta thấy khi  $x \rightarrow +\infty$  thì  $y \rightarrow +\infty$  do đó  $a > 0$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 6.** Cho  $a$  là số thực dương khác 1. Mệnh đề nào dưới đây đúng với mọi số thực dương  $x, y$ ?

**(A)**  $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$ .

**(B)**  $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x + \log_a y$ .

**(C)**  $\log_a \frac{x}{y} = \log_a (x - y)$ .

**(D)**  $\log_a \frac{x}{y} = \frac{\log_a x}{\log_a y}$ .

**Lời giải.**

Áp dụng công thức sách giáo khoa  $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 7.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(2; 2; 1)$ . Tính độ dài đoạn thẳng  $OA$ .

**(A)**  $OA = 3$ .

**(B)**  $OA = 9$ .

**(C)**  $OA = \sqrt{5}$ .

**(D)**  $OA = 5$ .

**Lời giải.**

Ta có  $OA = \sqrt{2^2 + 2^2 + 1^2} = \sqrt{9} = 3$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 8.** Cho hai số phức  $z_1 = 4 - 3i$  và  $z_2 = 7 + 3i$ . Tìm số phức  $z = z_1 - z_2$ .

**(A)**  $z = 11$ .

**(B)**  $z = 3 + 6i$ .

**(C)**  $z = -1 - 10i$ .

**(D)**  $z = -3 - 6i$ .

**Lời giải.**

$z = z_1 - z_2 = (4 - 3i) - (7 + 3i) = (4 - 7) + (-3i - 3i) = -3 - 6i$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 9.** Tìm nghiệm của phương trình  $\log_2(1 - x) = 2$ .

**(A)**  $x = -4$ .

**(B)**  $x = -3$ .

**(C)**  $x = 3$ .

**(D)**  $x = 5$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x < 1$ . Ta có

$$\log_2(1 - x) = 2 \Leftrightarrow 1 - x = 4 \Leftrightarrow x = -3.$$

Vậy phương trình có nghiệm  $x = -3$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 10.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình của mặt phẳng  $(Oyz)$ ?

**(A)**  $y = 0$ .

**(B)**  $x = 0$ .

**(C)**  $y - z = 0$ .

**(D)**  $z = 0$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng  $(Oyz)$  vuông góc với trục  $Ox$  do đó nó nhận  $(1, 0, 0)$  là véc-tơ pháp tuyến, hơn nữa  $(Oyz)$  đi qua điểm  $O(0, 0, 0)$ . Vậy phương trình mặt phẳng  $(Oyz)$  là  $1(x - 0) + 0(y - 0) + 0(z - 0) = 0$  hay  $x = 0$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

**(A)** Hàm số nghịch biến trên  $(0; 2)$ .

**(B)** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .

**(C)** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; 2)$ .

**(D)** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải.**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = 3x^2 - 6x; y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0. \\ x = 2. \end{cases}$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$
$y'$		$+$	$-$	$+$
$y$		$0$	$-4$	$+\infty$

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số nghịch biến trên  $(0, 2)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 12.** Cho  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{\ln x}{x}$ . Tính  $I = F(e) - F(1)$ .

**(A)**  $I = e$ .   **(B)**  $I = \frac{1}{e}$ .   **(C)**  $I = \frac{1}{2}$ .   **(D)**  $I = 1$ .

**Lời giải.**

Ta có  $I = \int_1^e \frac{\ln x}{x} dx = \int_1^e \ln x d(\ln x) = \left. \frac{(\ln x)^2}{2} \right|_1^e = \frac{1}{2}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 13.** Rút gọn biểu thức  $P = x^{\frac{1}{3}} \cdot \sqrt[6]{x}$  với  $x > 0$ .

**(A)**  $P = x^{\frac{1}{8}}$ .

**(B)**  $P = x^2$ .

**(C)**  $P = \sqrt{x}$ .

**(D)**  $P = x^{\frac{2}{3}}$ .

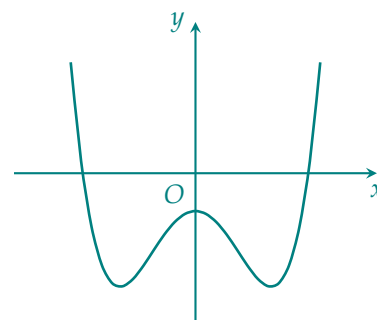
**Lời giải.**

Ta có:  $P = x^{\frac{1}{3}} x^{\frac{1}{6}} = x^{\frac{1}{3} + \frac{1}{6}} = x^{\frac{1}{2}} = \sqrt{x}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 14.**

Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  với  $a, b, c$  là các số thực. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



**(A)** Phương trình  $y' = 0$  có đúng ba nghiệm thực phân biệt.

**(B)** Phương trình  $y' = 0$  có đúng hai nghiệm thực phân biệt.

**(C)** Phương trình  $y' = 0$  vô nghiệm trên tập số thực.

(D) Phương trình  $y' = 0$  có đúng một nghiệm thực.

**Lời giải.**

Dựa vào đồ thị hàm số ta thấy hàm số có ba điểm cực trị. Do đó phương trình  $y' = 0$  có ba nghiệm thực phân biệt.

Chọn phương án (A)

**Câu 15.** Tìm số tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - 5x + 4}{x^2 - 1}$ .

- (A) 3. (B) 1. (C) 0. (D) 2.

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 1$ ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = 1$  do đó đường thẳng  $y = 1$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho.  
Lại có:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} y = -\frac{3}{2}; \lim_{x \rightarrow 1^-} y = -\frac{3}{2}$$
$$\lim_{x \rightarrow -1^+} y = +\infty; \lim_{x \rightarrow -1^-} y = -\infty$$

Do đó đồ thị hàm số có một tiệm cận đứng là  $x = -1$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 16.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , tìm tất cả các giá trị của  $m$  để phương trình  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 4z + m = 0$  là phương trình của một mặt cầu.

- (A)  $m > 6$ . (B)  $m \geq 6$ . (C)  $m \leq 6$ . (D)  $m < 6$ .

**Lời giải.**

Phương trình đã cho là phương trình của một mặt cầu khi  $1 + 1 + 4 - m > 0 \Leftrightarrow m < 6$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 17.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm của phương trình  $3z^2 - z + 1 = 0$ . Tính  $P = |z_1| + |z_2|$ .

- (A)  $P = \frac{\sqrt{3}}{3}$ . (B)  $P = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ .  
(C)  $P = \frac{2}{3}$ . (D)  $P = \frac{\sqrt{14}}{3}$ .

**Lời giải.**

Phương trình  $3z^2 - z + 1 = 0$  có nghiệm  $z_{1,2} = \frac{1 \pm i\sqrt{11}}{6}$ .

Do đó  $|z_1| = |z_2| = \frac{\sqrt{1+11}}{6} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ . Vậy  $P = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có  $BB' = a$ , đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$  và  $AC = a\sqrt{2}$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho.

- (A)  $V = a^3$ . (B)  $V = \frac{a^3}{3}$ .  
(C)  $V = \frac{a^3}{6}$ . (D)  $V = \frac{a^3}{2}$ .

**Lời giải.**

Tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  và  $AC = a\sqrt{2}$  do đó  $AB = BC = a$ .

Thể tích khối lăng trụ là  $V = BB' \cdot S_{ABC} = a \cdot \frac{1}{2} \cdot a \cdot a = \frac{a^3}{2}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 19.** Cho khối nón có bán kính đáy  $r = \sqrt{3}$  và chiều cao  $h = 4$ . Tính thể tích  $V$  của khối nón đã cho.

- (A)  $V = \frac{16\pi\sqrt{3}}{3}$ . (B)  $V = 4\pi$ .  
(C)  $V = 16\pi\sqrt{3}$ . (D)  $V = 12\pi$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối nón đã cho là  $V = \frac{1}{3}\pi r^2 \cdot h = \frac{1}{3}\pi \cdot 3 \cdot 4 = 4\pi$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 20.** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi đường cong  $y = \sqrt{2 + \sin x}$ , trục hoành và các đường thẳng  $x = 0$ ,  $x = \pi$ . Khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục hoành có thể tích  $V$  bằng bao nhiêu?

- (A)  $V = 2(\pi + 1)$ . (B)  $V = 2\pi(\pi + 1)$ .  
(C)  $V = 2\pi^2$ . (D)  $V = 2\pi$ .

**Lời giải.**

Ta có  $-1 \leq \sin x \leq 1$   
 $\Leftrightarrow 1 \leq 2 + \sin x \leq 3$

$\Leftrightarrow 1 \leq y \leq \sqrt{3}$

Do vậy đường cong  $y = \sqrt{2 + \sin x}$  không cắt trục hoành. Vậy, ta có

$$V = \pi \int_0^\pi (2 + \sin x) dx = (2x - \cos x) \Big|_0^\pi = 2\pi(\pi + 1).$$

Chọn phương án (B)

**Câu 21.** Cho  $\int_{-1}^2 f(x) dx = 2$  và  $\int_{-1}^2 g(x) dx = -1$ . Tính

$$I = \int_{-1}^2 [x + 2f(x) - 3g(x)] dx.$$

- (A)  $I = \frac{5}{2}$ . (B)  $I = \frac{7}{2}$ . (C)  $I = \frac{17}{2}$ . (D)  $I = \frac{11}{2}$ .

**Lời giải.**

$$\int_{-1}^2 [x + 2f(x) - 3g(x)] dx$$
$$= \int_{-1}^2 x dx + 2 \int_{-1}^2 f(x) dx - 3 \int_{-1}^2 g(x) dx$$
$$= \frac{x^2}{2} \Big|_{-1}^2 + 2 \cdot 2 - 3 \cdot (-1) = \frac{17}{2}.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 22.** Cho mặt cầu bán kính  $R$  ngoại tiếp một hình lập phương cạnh  $a$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = 2\sqrt{3}R$ . (B)  $a = \frac{\sqrt{3}R}{3}$ .  
(C)  $a = 2R$ . (D)  $a = \frac{2\sqrt{3}R}{3}$ .

**Lời giải.**



Hình lập phương có độ dài đường chéo là  $a\sqrt{3}$ . Từ đó bán kính của mặt cầu ngoại tiếp hình lập phương là  $R = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ . Do vậy  $a = \frac{2\sqrt{3}R}{3}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 23.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(0; -1; 3)$ ,  $B(1; 0; 1)$  và  $C(-1; 1; 2)$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình chính tắc của đường thẳng đi qua  $A$  và song song với đường thẳng  $BC$ ?

- (A)**  $\begin{cases} x = -2t \\ y = -1 + t \\ z = 3 + t. \end{cases}$   
**(B)**  $x - 2y + z = 0.$   
**(C)**  $\frac{x}{-2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-3}{1}.$   
**(D)**  $\frac{x-1}{-2} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{1}.$

**Lời giải.**

Ta có  $\vec{BC}(-2; 1; 1)$ . Vì đường thẳng cần tìm song song với đường thẳng  $BC$  nên ta chọn  $\vec{u}(-2; 1; 1)$  làm một véc-tơ chỉ phương của nó.

Vậy phương trình chính tắc của đường thẳng cần tìm là

$$\frac{x}{-2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-3}{1}.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 24.** Tìm giá trị lớn nhất  $M$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$  trên đoạn  $[0; \sqrt{3}]$ .

- (A)**  $M = 9.$                       **(B)**  $M = 8\sqrt{3}.$   
**(C)**  $M = 1.$                       **(D)**  $M = 6.$

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = 4x^3 - 4x$ .

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \\ x = 1. \end{cases}$$

$$f(0) = 3, f(1) = 2, f(\sqrt{3}) = 6.$$

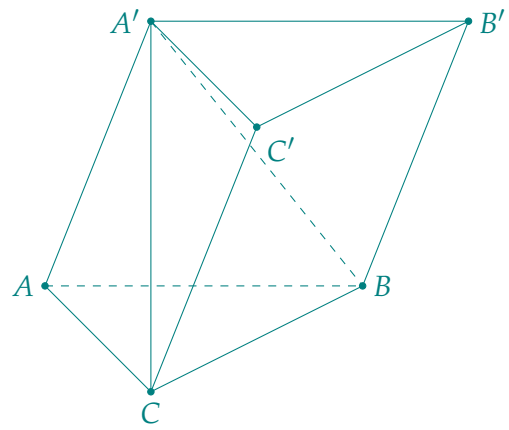
Vậy  $M = 6$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 25.** Mặt phẳng  $(A'BC)$  chia khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  thành các khối đa diện nào?

- (A)** Một khối chóp tam giác và một khối chóp ngũ giác.  
**(B)** Một khối chóp tam giác và một khối chóp tứ giác.  
**(C)** Hai khối chóp tam giác.  
**(D)** Hai khối chóp tứ giác.

**Lời giải.**



Chọn phương án **(B)**

**Câu 26.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(4; 0; 1)$  và  $B(-2; 2; 3)$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$ ?

- (A)**  $3x - y - z = 0.$   
**(B)**  $3x + y + z - 6 = 0.$   
**(C)**  $3x - y - z + 1 = 0.$   
**(D)**  $6x - 2y - 2z - 1 = 0.$

**Lời giải.**

Ta có  $\vec{AB}(-6; 2; 2)$ , trung điểm của  $AB$  là  $I(1; 1; 2)$ .

Mặt phẳng trung trực của  $AB$  nhận véc-tơ  $\vec{n}(3; -1; -1)$  làm véc-tơ pháp tuyến và đi qua điểm  $I(1; 1; 2)$ . Vậy phương trình mặt phẳng trung trực của  $AB$  là

$$3(x - 1) - (y - 1) - (z - 2) = 0 \Leftrightarrow 3x - y - z = 0.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 27.** Cho số phức  $z = 1 - i + i^3$ . Tìm phần thực  $a$  và phần ảo  $b$  của  $z$ .

- (A)**  $a = 0, b = 1.$                       **(B)**  $a = -2, b = 1.$   
**(C)**  $a = 1, b = 0.$                       **(D)**  $a = 1, b = -2.$

**Lời giải.**

Ta có  $z = 1 - i + i^3 = 1 - 2i$ . Vậy phần thực của  $z$  là 1, phần ảo của  $z$  là  $-2$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 28.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = \log_2(2x + 1)$ .

- (A)**  $y' = \frac{1}{(2x + 1)\ln 2}.$                       **(B)**  $y' = \frac{2}{(2x + 1)\ln 2}.$   
**(C)**  $y' = \frac{2}{2x + 1}.$                       **(D)**  $y' = \frac{1}{2x + 1}.$

**Lời giải.**

Chọn phương án **(B)**

**Câu 29.** Cho  $\log_a b = 2$  và  $\log_a c = 3$ . Tính  $P = \log_a(b^2c^3)$ .

- (A)**  $P = 31.$                       **(B)**  $P = 13.$   
**(C)**  $P = 30.$                       **(D)**  $P = 108.$

**Lời giải.**

Ta có  $P = \log_a(b^2c^3) = 2\log_a b + 3\log_a c = 2.2 + 3.3 = 13$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 30.** Tìm tập nghiệm  $S$  của phương trình  $\log_{\sqrt{2}}(x-1) + \log_{\frac{1}{2}}(x+1) = 1$ .

- (A)  $S = \{2 + \sqrt{5}\}$ .  
 (B)  $S = \{2 - \sqrt{5}; 2 + \sqrt{5}\}$ .  
 (C)  $S = \{3\}$ .  
 (D)  $S = \left\{ \frac{3 + \sqrt{13}}{2} \right\}$ .

**Lời giải.**

Tập xác định  $D = (1; +\infty)$ .

Với  $x \in D$ , phương trình đã cho tương đương với

$$\log_{\sqrt{2}}(x-1) + \log_{\frac{1}{2}}(x+1) = 1$$

$$\Leftrightarrow 2\log_2(x-1) - \log_2(x+1) = 1$$

$$\Leftrightarrow \log_2 \frac{(x-1)^2}{x+1} = 1$$

$$\Leftrightarrow x^2 - 2x + 1 = 2x + 2$$

$$\Leftrightarrow x^2 - 4x - 1 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 + \sqrt{5} \text{ (chọn)} \\ x = 2 - \sqrt{5} \text{ (loại)} \end{cases}$$

Chọn phương án (A)

**Câu 31.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $4^x - 2^{x+1} + m = 0$  có hai nghiệm thực phân biệt.

- (A)  $m \in (-\infty; 1)$ . (B)  $m \in (0; +\infty)$ .  
 (C)  $m \in (0; 1]$ . (D)  $m \in (0; 1)$ .

**Lời giải.**

Xét phương trình  $4^x - 2^{x+1} + m = 0$ .

Đặt  $2^x = t > 0$ , phương trình đã cho trở thành  $t^2 - 2t + m = 0$ .

Ta có  $\Delta' = 1 - m$ .

Phương trình đã cho có 2 nghiệm thực phân biệt khi phương trình  $t^2 - 2t + m = 0$  có 2 nghiệm dương phân biệt, khi đó

$$\begin{cases} \Delta' > 0 \\ P > 0 \\ S > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 1 \\ m > 0 \\ 2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 < m < 1.$$

Chọn phương án (D)

**Câu 32.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$  đạt cực đại tại  $x = 3$ .

- (A)  $m = 1$ . (B)  $m = -1$ .  
 (C)  $m = 5$ . (D)  $m = -7$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = x^2 - 2mx + m^2 - 4$ .

Điều kiện cần để hàm số đã cho đạt cực đại tại  $x = 3$  là  $f'(3) = 0$

$$\Leftrightarrow 9 - 6m + m^2 - 4 = 0$$

$$\Leftrightarrow m^2 - 6m + 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = 5 \end{cases}$$

Khi  $m = 1$ , hàm số trở thành  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x + 3$

và  $f'(x) = x^2 - 2x - 3$ . Ta có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$\frac{14}{3}$		$-6$		$+\infty$

Hàm số không đạt cực đại tại  $x = 3$ .

Khi  $m = 5$ , hàm số trở thành  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 5x^2 + 21x + 3$ ,  $f'(x) = x^2 - 10x + 21$ , Ta có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$3$	$7$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$30$		$\frac{58}{3}$		$+\infty$

Vậy hàm số đạt cực đại tại  $x = 3$ . Do đó điều kiện để hàm số đã cho đạt cực đại tại  $x = 3$  là  $m = 5$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 33.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x+1)^2 + (y-1)^2 + (z+2)^2 = 2$  và hai đường thẳng  $d : \frac{x-2}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-1}{-1}$ ,  $\Delta : \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-1}$ .

Phương trình nào dưới đây là phương trình của một mặt phẳng tiếp xúc với  $(S)$ , song song với  $d$  và  $\Delta$ ?

- (A)  $x + z + 1 = 0$ . (B)  $x + y + 1 = 0$ .  
 (C)  $y + z + 3 = 0$ . (D)  $x + z - 1 = 0$ .

**Lời giải.**

$(S)$  có tâm  $I(-1; 1; -2)$  và bán kính  $R = \sqrt{2}$ .

$d$  có véc-tơ chỉ phương  $\vec{u}_1(1; 2; -1)$ ,  $\Delta$  có véc-tơ chỉ phương  $\vec{u}_2(1; 1; -1)$ .

Ta có  $[\vec{u}_1, \vec{u}_2] = (-1; 0; -1)$ . Vì mặt phẳng  $(P)$  cần tìm song song với  $d$  và  $\Delta$  nên nó nhận  $\vec{n}(1; 0; 1)$  làm véc-tơ chỉ phương.

Phương trình  $(P)$  có dạng  $x + z + d = 0$ .

Vì  $(S)$  tiếp xúc với  $(P)$  nên

$$d(I, (P)) = R \Leftrightarrow \frac{|d-3|}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} \Leftrightarrow \begin{cases} d = 5 \\ d = 1 \end{cases}$$

Vậy ta được hai mặt phẳng là  $x + z + 1 = 0$  và  $x + z + 5 = 0$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 34.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(1; -2; 3)$  và hai mặt phẳng  $(P) : x + y + z + 1 = 0$ ,  $(Q) : x - y + z - 2 = 0$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua  $A$ , song song với  $(P)$  và  $(Q)$ ?

- (A)  $\begin{cases} x = -1 + t \\ y = 2 \\ z = -3 - t \end{cases}$  (B)  $\begin{cases} x = 1 \\ y = -2 \\ z = 3 - 2t \end{cases}$   
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 \\ z = 3 + 2t \end{cases}$  (D)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 \\ z = 3 - t \end{cases}$

**Lời giải.**

(P) có vec-tơ pháp tuyến  $\vec{n}_1(1; 1; 1)$ , (Q) có vec-tơ pháp tuyến  $\vec{n}_2(1; -1; 1)$ .

Ta có  $[\vec{n}_1, \vec{n}_2] = (2; 0; -2)$ .

Đường thẳng cần tìm nhận vec-tơ  $\vec{u}(1; 0; -1)$  làm vec-tơ chỉ phương. Vậy phương trình đường thẳng cần tìm

$$\text{là } \begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 \\ z = 3 - t. \end{cases}$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  ( $m$  là tham số thực)

thỏa mãn  $\min_{[1;2]} y + \max_{[1;2]} y = \frac{16}{3}$ . Mệnh đề nào dưới đây

đúng?

- (A)**  $m \leq 0$ .                      **(B)**  $m > 4$ .  
**(C)**  $0 < m \leq 2$ .                **(D)**  $2 < m \leq 4$ .

**Lời giải.**

- Do hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  liên tục và đơn điệu trên đoạn

$[1;2]$  nên ta có  $\min_{[1;2]} y + \max_{[1;2]} y = \frac{1+m}{2} + \frac{2+m}{3} =$

$$\frac{16}{3} \Leftrightarrow m = 5.$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 36.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật,  $AB = a$ ,  $AD = a\sqrt{3}$ ,  $SA$  vuông góc với đáy và mặt phẳng  $(SBC)$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- (A)**  $V = \frac{a^3}{3}$ .                      **(B)**  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .  
**(C)**  $V = a^3$ .                      **(D)**  $V = 3a^3$ .

**Lời giải.**

- Từ giả thiết ta có  $\widehat{SBA} = 60^\circ$  suy ra  $SH = AB \cdot \tan 60^\circ = a\sqrt{3}$ . Vậy,  $V = \frac{1}{3} \cdot a\sqrt{3} \cdot a^2\sqrt{3} = a^3$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 37.** Cho  $x, y$  là các số thực lớn hơn 1 thỏa mãn  $x^2 + 9y^2 = 6xy$ . Tính  $M = \frac{1 + \log_{12} x + \log_{12} y}{2 \log_{12}(x+3y)}$ .

- (A)**  $M = \frac{1}{4}$ .                      **(B)**  $M = 1$ .  
**(C)**  $M = \frac{1}{2}$ .                      **(D)**  $M = \frac{1}{3}$ .

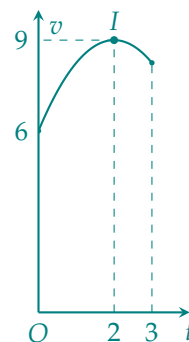
**Lời giải.**

- Ta có  $x^2 + 9y^2 = 6xy \Leftrightarrow (x+3y)^2 = 12xy$  nên  $M = \frac{1 + \log_{12} x + \log_{12} y}{2 \log_{12}(x+3y)} = \frac{\log_{12}(12xy)}{\log_{12}(x+3y)^2} = 1$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 38.**

Một vật chuyển động trong 3 giờ đầu với vận tốc  $v$  (km/h) phụ thuộc thời gian  $t$  (h) có đồ thị là một phần của đường parabol có đỉnh  $I(2; 9)$  và trục đối xứng song song với trục tung như hình bên. Tính quãng đường  $s$  mà vật di chuyển được trong 3 giờ đó.



- (A)**  $s = 24, 25$  km.                **(B)**  $s = 26, 75$  km.  
**(C)**  $s = 24, 75$  km.                **(D)**  $s = 25, 25$  km.

**Lời giải.**

- Ta có  $v(t) = -\frac{3}{4}t^2 + 3t + 6$ .

- Quãng đường đi được  $s = \int_0^3 v(t) dt = 24,75$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 39.** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $z + 2 + i = |z|$ . Tính  $S = 4a + b$ .

- (A)**  $S = 4$ .                      **(B)**  $S = 2$ .  
**(C)**  $S = -2$ .                      **(D)**  $S = -4$ .

**Lời giải.**

- Ta có  $\begin{cases} a+2 = \sqrt{a^2+b^2} \\ b+1 = 0 \end{cases}$ . Giải ra ta được  $b = -1, a = -\frac{3}{4}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 40.** Cho  $F(x) = (x-1)e^x$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)e^{2x}$ . Tìm nguyên hàm của hàm số  $f'(x)e^{2x}$ .

- (A)**  $\int f'(x)e^{2x} dx = (4-2x)e^x + C$ .  
**(B)**  $\int f'(x)e^{2x} dx = \frac{2-x}{2}e^x + C$ .  
**(C)**  $\int f'(x)e^{2x} dx = (2-x)e^x + C$ .  
**(D)**  $\int f'(x)e^{2x} dx = (x-2)e^x + C$ .

**Lời giải.**

- Ta có  $f(x)e^{2x} = F'(x) = xe^x$ .

- Suy ra  $\int f'(x)e^{2x} dx = e^{2x} \cdot f(x) - 2 \int f(x)e^{2x} dx = xe^x - 2(x-1)e^x = (2-x)e^x + C$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 41.** Đầu năm 2016, ông A thành lập một công ty. Tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2016 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền dùng để trả lương cho nhân viên trong năm đó tăng thêm 15% so với năm trước. Hỏi năm nào dưới đây là năm đầu tiên mà tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm lớn hơn 2 tỷ đồng?

- (A)** Năm 2023.                      **(B)** Năm 2022.  
**(C)** Năm 2021.                      **(D)** Năm 2020.

**Lời giải.**

- Áp dụng công thức  $(1 + 0,15)^m > 2 \Leftrightarrow m > 4,9594$ .  
 Vậy sau 5 năm tức là năm 2021.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 42.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$			$5$		$1$		$+\infty$
	$-\infty$						

Đồ thị của hàm số  $y = |f(x)|$  có bao nhiêu điểm cực trị?

- (A)** 4.      **(B)** 2.      **(C)** 3.      **(D)** 5.

**Lời giải.**

- Đồ thị hàm số có ba điểm cực trị.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 43.** Cho tứ diện đều  $ABCD$  có cạnh bằng  $3a$ . Hình nón  $(N)$  có đỉnh  $A$  và đường tròn đáy là đường tròn ngoại tiếp tam giác  $BCD$ . Tính diện tích xung quanh  $S_{xq}$  của  $(N)$ .

- (A)**  $S_{xq} = 6\pi a^2$ .      **(B)**  $S_{xq} = 3\sqrt{3}\pi a^2$ .  
**(C)**  $S_{xq} = 12\pi a^2$ .      **(D)**  $S_{xq} = 6\sqrt{3}\pi a^2$ .

**Lời giải.**

- Bán kính đáy  $R = \frac{2}{3} \cdot \frac{3a\sqrt{3}}{2} = a\sqrt{3}$ .

- Suy ra diện tích xung quanh  $S_{xq} = \pi Rl = \pi a\sqrt{3} \cdot 3a = \pi a^2 3\sqrt{3}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 44.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z + 2 - i| = 2\sqrt{2}$  và  $(z - 1)^2$  là số thuần ảo?

- (A)** 0.      **(B)** 4.      **(C)** 3.      **(D)** 2.

**Lời giải.**

- Ta có hệ  $\begin{cases} (x+2)^2 + (y-1)^2 = 8 \\ (x-1)^2 - y^2 = 0 \end{cases}$ . Giải ra ta được 3 cặp nghiệm.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 45.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $y = -mx$  cắt đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - m + 2$  tại ba điểm phân biệt  $A, B, C$  sao cho  $AB = BC$ .

- (A)**  $m \in (-\infty; 3)$ .      **(B)**  $m \in (-\infty; -1)$ .  
**(C)**  $m \in (-\infty; +\infty)$ .      **(D)**  $m \in (1; +\infty)$ .

**Lời giải.**

- Để đường thẳng  $y = -mx$  cắt đồ thị hàm số  $(C) : y = x^3 - 3x^2 - m + 2$  tại ba điểm phân biệt là phương trình hoành độ giao điểm  $(x - 1)(x^2 - 2x - 2 + m) = 0$  có ba nghiệm phân biệt, giải ra ra được  $m < 3$ .

- Nhận thấy  $(C)$  có điểm uốn  $U(1; -m)$  luôn thuộc đường thẳng  $y = -mx$  nên để thỏa mãn yêu cầu đề bài thì  $m < 3$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 46.** Xét các số thực dương  $a, b$  thỏa mãn  $\log_2 \frac{1-ab}{a+b} = 2ab + a + b - 3$ . Tìm giá trị nhỏ nhất  $P_{\min}$  của  $P = a + 2b$ .

- (A)**  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 3}{2}$ .      **(B)**  $P_{\min} = \frac{3\sqrt{10} - 7}{2}$ .  
**(C)**  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 1}{2}$ .      **(D)**  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 5}{2}$ .

**Lời giải.**

- Giả thiết tương đương với  $\log_2(2 - 2ab) + (2 - 2ab) = \log_2(a + b) + (a + b) \Leftrightarrow 2 - 2ab = a + b$  do hàm  $f(t) = \log_2 t + t$  đồng biến trên tập xác định.

- Rút  $a$  theo  $b$  thay vào  $P$ , khi đó  $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 3}{2}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 47.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(4; 6; 2)$ ,  $B(2; -2; 0)$  và mặt phẳng  $(P) : x + y + z = 0$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi thuộc  $(P)$  và đi qua  $B$ , gọi  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $A$  trên  $d$ . Biết rằng khi  $d$  thay đổi thì  $H$  thuộc một đường tròn cố định. Tính bán kính  $R$  của đường tròn đó.

- (A)**  $R = \sqrt{6}$ .      **(B)**  $R = 2$ .  
**(C)**  $R = 1$ .      **(D)**  $R = \sqrt{3}$ .

**Lời giải.**

- Mặt cầu đường kính  $AB$  có tâm  $I(3; 2; 1)$  và bán kính  $R' = \sqrt{18}$ .

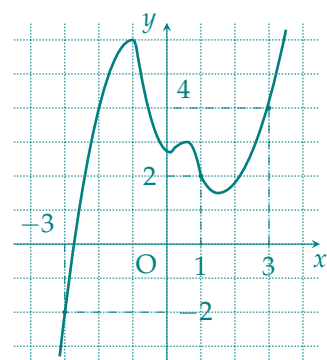
-  $H$  luôn thuộc mặt phẳng  $(P)$  và mặt cầu đường kính  $AB$ .

- Khoảng cách từ  $I$  đến  $(P)$  là  $d = 2\sqrt{3}$ . Từ đó suy ra  $R = \sqrt{6}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 48.**

Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình bên. Đặt  $g(x) = 2f(x) - (x + 1)^2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)**  $g(-3) > g(3) > g(1)$ .      **(B)**  $g(1) > g(-3) > g(3)$ .  
**(C)**  $g(3) > g(-3) > g(1)$ .      **(D)**  $g(1) > g(3) > g(-3)$ .

**Lời giải.**

- Ta có  $g'(x) = 2(f'(x) - (x + 1))$ .

- Từ  $g(3) - g(1) = \int_1^3 g'(x) dx =$

$= 2 \int_1^3 (f'(x) - (x + 1)) dx < 0$  suy ra  $g(3) < g(1)$ .

- Tương tự  $g(3) - g(-3) = \int_{-3}^3 g'(x) dx =$

$$2 \int_{-3}^3 (f'(x) - (x+1)) dx > 0 \text{ suy ra } g(-3) < g(3).$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 49.** Xét khối tứ diện  $ABCD$  có cạnh  $AB = x$  và các cạnh còn lại đều bằng  $2\sqrt{3}$ . Tìm  $x$  để thể tích khối tứ diện  $ABCD$  đạt giá trị lớn nhất.

- (A)  $x = \sqrt{6}$ . (B)  $x = \sqrt{14}$ .  
(C)  $x = 3\sqrt{2}$ . (D)  $x = 2\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**

- Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $CD, AB$ . Khi đó

ta tính được  $AM = BM = 3$ , suy ra  $MN = \sqrt{9 - \frac{x^2}{4}}$ .

- Gọi  $h$  là chiều cao của khối chóp hạ từ đỉnh  $A$ , ta có

$$h = \frac{x \cdot \sqrt{9 - \frac{x^2}{4}}}{3} \text{ và } h_{\max} \text{ khi } x = 3\sqrt{2}.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 50.** Cho mặt cầu  $(S)$  có bán kính bằng 4, hình trụ  $(H)$  có chiều cao bằng 4 và hai đường tròn đáy nằm trên  $(S)$ . Gọi  $V_1$  là thể tích của khối trụ  $(H)$  và  $V_2$  là thể tích của khối cầu  $(S)$ . Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

- (A)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{9}{16}$ . (B)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{3}$ .  
(C)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{16}$ . (D)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{2}{3}$ .

**Lời giải.**

- Ta có  $V_2 = \frac{256\pi}{3}$ .

- Bán kính đáy của trụ  $r = \sqrt{4^2 - 2^2} = 2\sqrt{3}$ , suy ra  $V_1 = 4 \cdot \pi (2\sqrt{3})^2 = 48\pi$ .

Chọn phương án **(A)**

—————Hết—————

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. D	2. A	3. B	4. C	5. D	6. A	7. A	8. D	9. B	10. B	11. A
12. C	13. C	14. A	15. D	16. D	17. B	18. D	19. B	20. B	21. C	22. D
23. C	24. D	25. B	26. A	27. D	28. B	29. B	30. A	31. D	32. C	33. A
34. D	35. B	36. C	37. B	38. C	39. D	40. C	41. C	42. C	43. B	44. C
45. A	46. A	47. A	48. D	49. C	50. A					

**6**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 101 NĂM 2018**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2018  
ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Có bao nhiêu cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 34 học sinh?

- (A)  $2^{34}$ . (B)  $A_{34}^2$ . (C)  $34^2$ . (D)  $C_{34}^2$ .

**Lời giải.**

Mỗi cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 34 học sinh là một tổ hợp chập 2 của 34 phần tử nên số cách chọn là  $C_{34}^2$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 2.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P): x + 2y + 3z - 5 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là

- (A)  $\vec{n}_1 = (3; 2; 1)$ . (B)  $\vec{n}_3 = (-1; 2; 3)$ .  
(C)  $\vec{n}_4 = (1; 2; -3)$ . (D)  $\vec{n}_2 = (1; 2; 3)$ .

**Lời giải.**

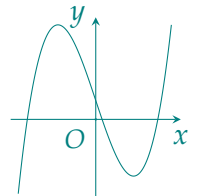
Mặt phẳng  $(P): x + 2y + 3z - 5 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{n}_2 = (1; 2; 3)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 3.**

Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 2. (B) 0. (C) 3. (D) 1.



**Lời giải.**

Dựa vào đồ thị ta khẳng định hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$			$3$			$-2$		$+\infty$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(0; 1)$ . (B)  $(-\infty; 0)$ .  
(C)  $(1; +\infty)$ . (D)  $(-1; 0)$ .

**Lời giải.**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 5.** Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $S = \pi \int_0^2 e^{2x} dx$ . (B)  $S = \int_0^2 e^x dx$ .  
(C)  $S = \pi \int_0^2 e^x dx$ . (D)  $S = \int_0^2 e^{2x} dx$ .

**Lời giải.**

Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$  được tính theo công thức

$$S = \int_0^2 |e^x| dx = \int_0^2 e^x dx.$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 6.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\ln(5a) - \ln(3a)$  bằng

- (A)**  $\frac{\ln(5a)}{\ln(3a)}$ . **(B)**  $\ln(2a)$ . **(C)**  $\ln \frac{5}{3}$ . **(D)**  $\frac{\ln 5}{\ln 3}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\ln(5a) - \ln(3a) = \ln \frac{5a}{3a} = \ln \frac{5}{3}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 7.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^3 + x$  là

- (A)**  $x^4 + x^2 + C$ . **(B)**  $3x^2 + 1 + C$ .  
**(C)**  $x^3 + x + C$ . **(D)**  $\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int (x^3 + x) dx = \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 8.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng

$$d: \begin{cases} x = 2 - t \\ y = 1 + 2t \\ z = 3 + t \end{cases}$$

có một véc-tơ chỉ phương là

- (A)**  $\vec{u}_3 = (2; 1; 3)$ . **(B)**  $\vec{u}_4 = (-1; 2; 1)$ .  
**(C)**  $\vec{u}_2 = (2; 1; 1)$ . **(D)**  $\vec{u}_1 = (-1; 2; 3)$ .

**Lời giải.**

Đường thẳng  $d$  có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{u}_4 = (-1; 2; 1)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 9.** Số phức  $-3 + 7i$  có phần ảo bằng

- (A)** 3. **(B)** -7. **(C)** -3. **(D)** 7.

**Lời giải.**

Số phức  $-3 + 7i$  có phần ảo bằng 7.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 10.** Diện tích mặt cầu bán kính  $R$  bằng

- (A)**  $\frac{4}{3}\pi R^2$ . **(B)**  $2\pi R^2$ . **(C)**  $4\pi R^2$ . **(D)**  $\pi R^2$ .

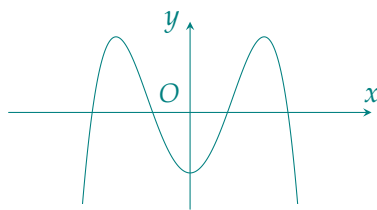
**Lời giải.**

Diện tích mặt cầu bán kính  $R$  bằng  $4\pi R^2$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 11.**

Đường cong trong hình vẽ bên là của hàm số nào dưới đây?



- (A)**  $y = x^4 - 3x^2 - 1$ . **(B)**  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .  
**(C)**  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ . **(D)**  $y = -x^4 + 3x^2 - 1$ .

**Lời giải.**

Vì đồ thị có dạng hình chữ M nên không thể là đồ thị hàm số bậc ba.

Vì  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = -\infty$  nên chọn  $y = -x^4 + 3x^2 - 1$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 12.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; -4; 3)$  và  $B(2; 2; 7)$ . Trung điểm của đoạn  $AB$  có tọa độ là

- (A)**  $(1; 3; 2)$ . **(B)**  $(2; 6; 4)$ .  
**(C)**  $(2; -1; 5)$ . **(D)**  $(4; -2; 10)$ .

**Lời giải.**

Gọi  $M$  là trung điểm của đoạn thẳng  $AB$ . Khi đó

$$\begin{cases} x_M = \frac{x_A + x_B}{2} = 2 \\ y_M = \frac{y_A + y_B}{2} = -1 \\ z_M = \frac{z_A + z_B}{2} = 5 \end{cases} \Rightarrow M(2; -1; 5).$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 13.**  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+3}$  bằng

- (A)** 0. **(B)**  $\frac{1}{3}$ . **(C)**  $+\infty$ . **(D)**  $\frac{1}{5}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+3} = 0$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 14.** Phương trình  $2^{2x+1} = 32$  có nghiệm là

- (A)**  $x = \frac{5}{2}$ . **(B)**  $x = 2$ . **(C)**  $x = \frac{3}{2}$ . **(D)**  $x = 3$ .

**Lời giải.**

Ta có  $2^{2x+1} = 32 \Leftrightarrow 2x + 1 = 5 \Leftrightarrow x = 2$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 15.** Cho khối chóp có đáy hình vuông cạnh  $a$  và chiều cao bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)**  $4a^3$ . **(B)**  $\frac{2}{3}a^3$ . **(C)**  $2a^3$ . **(D)**  $a$ .

**Lời giải.**

Diện tích đáy của hình chóp là  $S_{\text{đáy}} = a^2$ .

Thể tích của khối chóp đã cho là  $V = \frac{1}{3}S_{\text{đáy}} \times h = \frac{1}{3}a^2 \times 2a = \frac{2}{3}a^3$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 16.** Một người gửi tiết kiệm vào ngân hàng với lãi suất 7,5 %/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được (cả số tiền gửi ban đầu và lãi) gấp đôi số tiền đã gửi, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

- (A)** 11 năm. **(B)** 9 năm.  
**(C)** 10 năm. **(D)** 12 năm.

**Lời giải.**

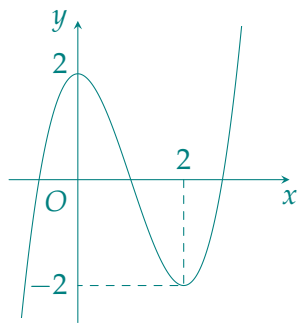
Áp dụng công thức:  $S_n = A(1+r)^n \Rightarrow n = \log_{(1+r)} \left( \frac{S_n}{A} \right) \Rightarrow n = \log_{(1+7,5\%)} (2) \approx 9,6$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 17.**

Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) + 4 = 0$  là

- (A)** 3.      **(B)** 0.  
**(C)** 1.      **(D)** 2.



**Lời giải.**

Ta có  $3f(x) + 4 = 0 \Leftrightarrow f(x) = -\frac{4}{3}$ .

Dựa vào đồ thị, đường thẳng  $y = -\frac{4}{3}$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại ba điểm phân biệt.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 18.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x}$  là

- (A)** 3.      **(B)** 2.      **(C)** 0.      **(D)** 1.

**Lời giải.**

Tập xác định  $\mathcal{D} = [-9; +\infty) \setminus \{-1; 0\}$ .

Ta có 
$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow -1^+} y = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x} = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow -1^-} y = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x} = -\infty \end{cases} \Rightarrow x = -1$$
 là tiệm cận đứng.

Ngoài ra  $\lim_{x \rightarrow 0} y = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x} = \frac{1}{6}$  nên  $x = 0$  không phải là một tiệm cận đứng.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SB = 2a$ . Góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)**  $60^\circ$ .      **(B)**  $90^\circ$ .      **(C)**  $30^\circ$ .      **(D)**  $45^\circ$ .

**Lời giải.**

Ta có  $AB$  là hình chiếu của  $SB$  trên  $(ABCD)$ .

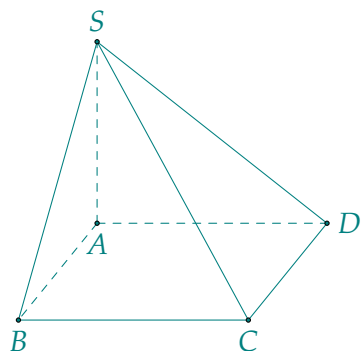
Góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng đáy bằng góc giữa  $SB$  và  $AB$  là góc  $\widehat{ABS}$ .

Tam giác  $SAB$  vuông tại  $A$ ,

$$\cos \widehat{ABS} = \frac{AB}{SB} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{ABS} = 60^\circ.$$

Chọn phương án **(A)**



**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $A(2; -1; 2)$  và song song với mặt phẳng  $(P): 2x - y + 3z + 2 = 0$  có phương trình là

- (A)**  $2x - y + 3z - 9 = 0$ .  
**(B)**  $2x - y + 3z + 11 = 0$ .  
**(C)**  $2x - y - 3z + 11 = 0$ .  
**(D)**  $2x - y + 3z - 11 = 0$ .

**Lời giải.**

Gọi mặt phẳng  $(Q)$  song song với mặt phẳng  $(P)$ , mặt phẳng  $(Q)$  có dạng  $2x - y + 3z + D = 0$  ( $D \neq 2$ ).

$$A(2; -1; 2) \in (Q) \Rightarrow D = -11.$$

Vậy mặt phẳng cần tìm là  $2x - y + 3z - 11 = 0$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 21.** Từ một hộp chứa 11 quả cầu đỏ và 4 quả cầu màu xanh, lấy ngẫu nhiên đồng thời 3 quả cầu. Xác suất để lấy được 3 quả cầu màu xanh bằng

- (A)**  $\frac{4}{455}$ .      **(B)**  $\frac{24}{455}$ .      **(C)**  $\frac{4}{165}$ .      **(D)**  $\frac{33}{91}$ .

**Lời giải.**

Số phần tử không gian mẫu:  $n(\Omega) = C_{15}^3 = 455$  (phần tử).

Gọi  $A$  là biến cố: "lấy được 3 quả cầu màu xanh".

Khi đó,  $n(A) = C_4^3 = 4$  (phần tử).

$$\text{Xác suất } P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{4}{455}.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 22.**  $\int_1^2 e^{3x-1} dx$  bằng

- (A)**  $\frac{1}{3}(e^5 - e^2)$ .      **(B)**  $\frac{1}{3}e^5 - e^2$ .  
**(C)**  $e^5 - e^2$ .      **(D)**  $\frac{1}{3}(e^5 + e^2)$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } \int_1^2 e^{3x-1} dx = \frac{1}{3} e^{3x-1} \Big|_1^2 = \frac{1}{3}(e^5 - e^2).$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 23.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 9$  trên đoạn  $[-2; 3]$  bằng

- (A)** 201.      **(B)** 2.      **(C)** 9.      **(D)** 54.

**Lời giải.**

Hàm số đã cho xác định và liên tục trên đoạn  $[-2; 3]$ .

Ta có  $y' = 4x^3 - 8x$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 8x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \in [-2; 3] \\ x = \pm\sqrt{2} \in [-2; 3]. \end{cases}$$

Ta có  $f(-2) = 9$ ,  $f(3) = 54$ ,  $f(0) = 9$ ,  $f(-\sqrt{2}) = 5$ ,  $f(\sqrt{2}) = 5$ .

Vậy giá trị lớn nhất của hàm số trên đoạn  $[-2; 3]$  bằng  $f(3) = 54$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 24.** Tìm hai số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $(2x - 3yi) + (1 - 3i) = x + 6i$ , với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)**  $x = -1; y = -3$ .      **(B)**  $x = -1; y = -1$ .

- (C)  $x = 1; y = -1$ . (D)  $x = 1; y = -3$ .

**Lời giải.**

Ta có  $(2x - 3yi) + (1 - 3i) = x + 6i \Leftrightarrow x + 1 - (3y + 9)i = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x + 1 = 0 \\ 3y + 9 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = -3. \end{cases}$

Chọn phương án (A)

**Câu 25.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông đỉnh  $B$ ,  $AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 2a$ . Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng

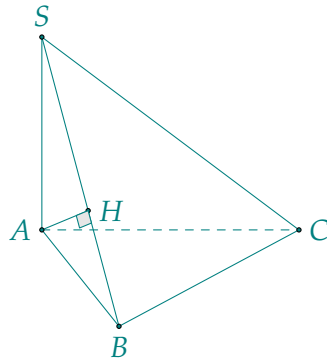
- (A)  $\frac{2\sqrt{5}a}{5}$ . (B)  $\frac{\sqrt{5}a}{3}$ . (C)  $\frac{2\sqrt{2}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{5}a}{5}$ .

**Lời giải.**

Trong tam giác  $SAB$  dựng  $AH$  vuông góc  $SB$  thì  $AH \perp (SBC)$ .

Do đó khoảng cách cần tìm là  $AH$ .

Ta có  $\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{AB^2} = \frac{1}{4a^2} + \frac{1}{a^2}$  suy ra  $AH = \frac{2a\sqrt{5}}{5}$ .



Chọn phương án (A)

**Câu 26.** Cho  $\int_{16}^{55} \frac{dx}{x\sqrt{x+9}} = a \ln 2 + b \ln 5 + c \ln 11$  với

$a, b, c$  là các số hữu tỉ. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a - b = -c$ . (B)  $a + b = c$ .  
(C)  $a + b = 3c$ . (D)  $a - b = -3c$ .

**Lời giải.**

Đặt  $t = \sqrt{x+9} \Rightarrow t^2 = x+9 \Rightarrow 2t dt = dx$ .

Đổi cận:  $x = 16 \Rightarrow t = 5$ ;  $x = 55 \Rightarrow t = 8$ .

Ta có  $\int_{16}^{55} \frac{dx}{x\sqrt{x+9}} = \int_5^8 \frac{2t dt}{(t^2-9)t} = 2 \int_5^8 \frac{dt}{t^2-9} =$

$\frac{1}{3} \left( \int_5^8 \frac{dt}{t-3} - \int_5^8 \frac{dt}{t+3} \right) = \frac{1}{3} (\ln|x-3| - \ln|x+3|) \Big|_5^8 =$

$\frac{2}{3} \ln 2 + \frac{1}{3} \ln 5 - \frac{1}{3} \ln 11$ .

Vậy  $a = \frac{2}{3}, b = \frac{1}{3}, c = -\frac{1}{3}$ . Mệnh đề  $a - b = -c$  đúng.

Chọn phương án (A)

**Câu 27.** Một chiếc bút chì khối lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy 3 mm và chiều cao bằng 200 mm. Thân bút chì được làm bằng gỗ và phần lõi được làm bằng than chì. Phần lõi có dạng khối trụ có chiều cao bằng chiều dài của bút chì và đáy là hình tròn bán kính 1 mm. Giả định  $1 \text{ m}^3$  gỗ có giá trị  $a$  (triệu đồng),  $1 \text{ m}^3$  than chì có giá trị  $8a$  (triệu đồng). Khi đó giá nguyên vật liệu làm một chiếc bút chì như trên gần nhất với kết quả nào sau đây?

- (A)  $9,7a$  (đồng). (B)  $97,03a$  (đồng).  
(C)  $90,7a$  (đồng). (D)  $9,07a$  (đồng).

**Lời giải.**

Thể tích phần lõi được làm bằng than chì:  $V_r = \pi R^2 h = \pi \cdot 10^{-6} \cdot 0,2 = 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \text{ m}^3$ .

Thể tích chiếc bút chì khối lăng trụ lục giác đều:

$V = B \cdot h = \frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot (3 \cdot 10^{-3})^2 \cdot (0,2) = \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$ .

Thể tích phần thân bút chì được làm bằng gỗ:  $V_t = V - V_r = \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} - 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \text{ m}^3$ .

Giá nguyên vật liệu làm một chiếc bút chì:

$0,2 \cdot 10^{-6} \pi \cdot 8a + \left( \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} - 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \right) a \approx 9,07 \cdot 10^{-6} a$  (triệu đồng).

Chọn phương án (D)

**Câu 28.** Hệ số của  $x^5$  trong khai triển nhị thức  $x(2x - 1)^6 + (3x - 1)^8$  bằng

- (A)  $-13368$ . (B)  $13368$ .  
(C)  $-13848$ . (D)  $13848$ .

**Lời giải.**

Ta có  $x(2x - 1)^6 + (3x - 1)^8 = x \sum_{k=0}^6 C_6^k \cdot (2x)^k \cdot (-1)^{6-k} + \sum_{l=0}^8 C_8^l \cdot (3x)^l \cdot (-1)^{8-l} = x \sum_{k=0}^6 C_6^k \cdot (2x)^k \cdot (-1)^{6-k} +$

$\sum_{l=0}^8 C_8^l \cdot (3x)^l \cdot (-1)^{8-l} = x \sum_{k=0}^6 C_6^k \cdot (2x)^k \cdot (-1)^{6-k} +$

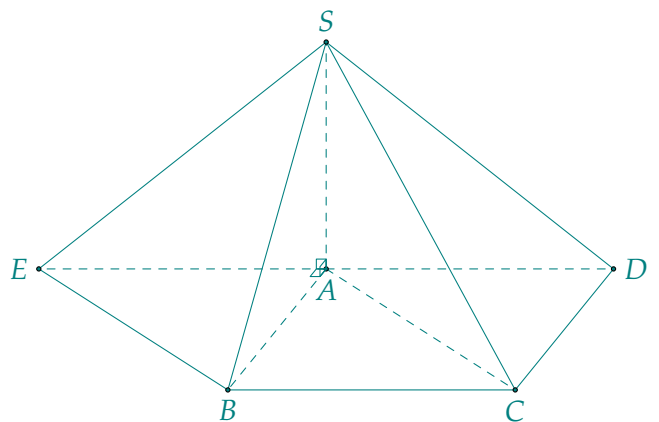
Suy ra hệ số của  $x^5$  trong khai triển nhị thức là:  $C_6^4 \cdot 2^4 \cdot (-1)^{6-4} + C_8^5 \cdot 3^5 \cdot (-1)^{8-5} = -13368$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 29.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật,  $AB = a$ ,  $BC = 2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AC$  và  $SB$  bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{6}a}{2}$ . (B)  $\frac{2a}{3}$ . (C)  $\frac{a}{2}$ . (D)  $\frac{a}{3}$ .

**Lời giải.**



Dựng hình bình hành  $ACBE$  ta có  $AC \parallel (SBE)$  nên  $d(AC, SB) = d(A, (SBE)) = h$ .

Do  $AS, AB, AE$  đôi một vuông góc nhau nên  $\frac{1}{h^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AE^2} = \frac{9}{4a^2}$ .



Như vậy  $d(A, (SBE)) = h = \frac{2a}{3}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 30.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $(\bar{z} + i)(z + 2)$  là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)** 1.      **(B)**  $\frac{5}{4}$ .      **(C)**  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ .      **(D)**  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $z = x + yi$  ( $x, y \in \mathbb{R}$ ).

Ta có  $(\bar{z} + i)(z + 2) = (x - yi + i)(x + yi + 2) = (x^2 + 2x + y^2 - y) + (x - 2y + 2)i$

Vì  $(\bar{z} + i)(z + 2)$  là số thuần ảo nên ta có:  $x^2 + 2x + y^2 - y = 0 \Leftrightarrow (x + 1)^2 + \left(y - \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{5}{4}$ .

Vậy tập hợp tất cả các điểm biểu diễn số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ .

Chọn phương án **(C)**

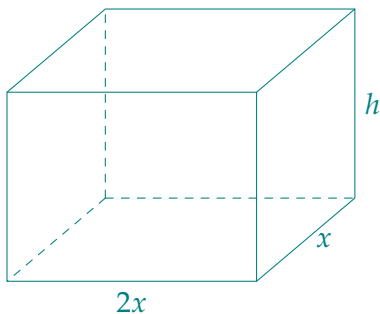
**Câu 31.** Ông A dự định sử dụng hết  $6,5 \text{ m}^2$  kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)?

- (A)**  $2,26 \text{ m}^3$ .      **(B)**  $1,61 \text{ m}^3$ .  
**(C)**  $1,33 \text{ m}^3$ .      **(D)**  $1,50 \text{ m}^3$ .

**Lời giải.**

Đặt chiều rộng là  $x$  (m); chiều cao là  $h$  (m) (với  $x, h > 0$ ).

Ta có  $2x^2 + 2xh + 4xh = 6,5 \Leftrightarrow h = \frac{6,5 - 2x^2}{6x}$ .



Do  $h > 0, x > 0$  nên  $6,5 - 2x^2 > 0 \Leftrightarrow 0 < x < \frac{\sqrt{13}}{2}$ .

Lại có  $V = 2x^2h = \frac{6,5x - 2x^3}{3} = f(x)$ , với  $x \in \left(0; \frac{\sqrt{13}}{2}\right)$

$f'(x) = \frac{13}{6} - 2x^2, f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \pm \frac{\sqrt{39}}{6}$ .

$x$	0	$\frac{\sqrt{39}}{6}$	$\frac{\sqrt{13}}{2}$
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$		$\frac{13\sqrt{39}}{54}$	

Vậy  $V \leq f\left(\frac{\sqrt{39}}{6}\right) = \frac{13\sqrt{39}}{54} \approx 1,50 \text{ m}^3$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 32.** Một chất điểm A xuất phát từ O, chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật  $v(t) = \frac{1}{180}t^2 + \frac{11}{18}t$  m/s, trong đó  $t$  (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc A bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm B cũng xuất phát từ O, chuyển động thẳng cùng hướng với A nhưng chậm hơn 5 giây so với A và có gia tốc bằng  $a \text{ m/s}^2$  ( $a$  là hằng số). Sau khi B xuất phát được 10 giây thì đuổi kịp A. Vận tốc của B tại thời điểm đuổi kịp A bằng

- (A)** 22 m/s.      **(B)** 15 m/s.  
**(C)** 10 m/s.      **(D)** 7 m/s.

**Lời giải.**

+ Từ đề bài, ta suy ra: tính từ lúc chất điểm A bắt đầu chuyển động cho đến khi bị chất điểm B bắt kịp thì A đi được 15 giây, B đi được 10 giây.

+ Biểu thức vận tốc của chất điểm B có dạng

$v_B(t) = \int a dt = at + C$ , lại có  $v_B(0) = 0$  nên  $v_B(t) = at$ .

+ Từ lúc chất điểm A bắt đầu chuyển động cho đến khi bị chất điểm B bắt kịp thì quãng đường hai chất điểm đi được là bằng nhau. Do đó

$$\int_0^{15} \left(\frac{1}{180}t^2 + \frac{11}{18}t\right) dt = \int_0^{10} at dt \Leftrightarrow 75 = 50a \Leftrightarrow a = \frac{3}{2}$$

Từ đó, vận tốc của B tại thời điểm đuổi kịp A bằng  $v_B(10) = \frac{3}{2} \cdot 10 = 15 \text{ m/s}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 33.** Trong không gian Oxyz, cho điểm  $A(1; 2; 3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-3}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+7}{-2}$ . Đường thẳng đi qua A, vuông góc với  $d$  và cắt trục Ox có phương trình là

- (A)**  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2t \\ z = 3t \end{cases}$       **(B)**  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + 2t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$   
**(C)**  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -2t \\ z = t \end{cases}$       **(D)**  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + 2t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$

**Lời giải.**

Gọi  $\Delta$  là đường thẳng cần tìm và  $B = \Delta \cap Ox \Rightarrow B(b; 0; 0)$  và  $\vec{BA} = (1 - b; 2; 3)$ .

Do  $\Delta \perp d, \Delta$  qua A nên  $\vec{BA} \cdot \vec{u}_d = 0 \Leftrightarrow 2(1 - b) + 2 - 6 = 0 \Leftrightarrow b = -1$ .

Từ đó  $\Delta$  qua  $B(-1; 0; 0)$ , có một véc-tơ chỉ phương là

$\vec{BA} = (2; 2; 3)$  nên  $\Delta: \begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2t \\ z = 3t \end{cases}$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 34.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho phương trình  $16^x - m \cdot 4^{x+1} + 5m^2 - 45 = 0$  có hai nghiệm phân biệt. Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- (A) 13. (B) 3. (C) 6. (D) 4.

**Lời giải.**

Đặt  $t = 4^x, t > 0$ . Phương trình đã cho trở thành  $t^2 - 4mt + 5m^2 - 45 = 0$ . (\*)

Với mỗi nghiệm  $t > 0$  của phương trình (\*) sẽ tương ứng với duy nhất một nghiệm  $x$  của phương trình ban đầu. Do đó, yêu cầu bài toán tương đương phương trình (\*) có hai nghiệm dương phân biệt. Khi đó

$$\begin{cases} \Delta' > 0 \\ S > 0 \\ P > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -m^2 + 45 > 0 \\ 4m > 0 \\ 5m^2 - 45 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -3\sqrt{5} < m < 3\sqrt{5} \\ m > 0 \\ \begin{cases} m < -3 \\ m > 3 \end{cases} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow 3 < m < 3\sqrt{5}.$$

Do  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m \in \{4; 5; 6\}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 35.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ ?

- (A) 2. (B) Vô số. (C) 1. (D) 3.

**Lời giải.**

Tập xác định  $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{-5m\}$ .

$$y' = \frac{5m-2}{(x+5m)^2}.$$

$$\text{Hàm số đồng biến trên } (-\infty; -10) \Leftrightarrow \begin{cases} 5m-2 > 0 \\ -5m \geq -10 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} m > \frac{2}{5} \\ m \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \frac{2}{5} < m \leq 2.$$

Do  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m \in \{1; 2\}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 36.** Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số  $y = x^8 + (m-2)x^5 - (m^2-4)x^4 + 1$  đạt cực tiểu tại  $x = 0$ ?

- (A) 3. (B) 5. (C) 4. (D) Vô số.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 8x^7 + 5(m-2)x^4 - 4(m^2-4)x^3$ .

Đặt  $g(x) = 8x^4 + 5(m-2)x - 4(m^2-4)$ . Có 2 trường hợp cần xét liên quan  $(m^2-4)$ :

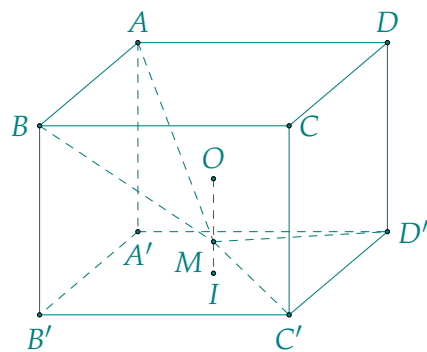
- Trường hợp 1:  $m^2 - 4 = 0 \Leftrightarrow m = \pm 2$ .
  - Khi  $m = 2 \Rightarrow y' = 8x^7 \Rightarrow x = 0$  là điểm cực tiểu.
  - Khi  $m = -2 \Rightarrow y' = x^4(8x^4 - 20) \Rightarrow x = 0$  không là điểm cực tiểu.
- Trường hợp 2:  $m^2 - 4 \neq 0 \Leftrightarrow m \neq \pm 2$ . Khi đó  $x = 0$  không là nghiệm của  $g(x)$ . Ta có  $x^3$  đổi dấu từ  $-$  sang  $+$  khi qua  $x_0 = 0$ , do đó  $y' = x^3 \cdot g(x)$  đổi dấu từ  $-$  sang  $+$  khi qua  $x_0 = 0 \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow 0} g(x) > 0 \Leftrightarrow m^2 - 4 < 0$ .

Kết hợp các trường hợp giải được ta nhận  $m \in \{2; 1; 0; -1\}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 37.**

Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có tâm  $O$ . Gọi  $I$  là tâm hình vuông  $A'B'C'D'$  và  $M$  là điểm thuộc đoạn thẳng  $OI$  sao cho  $MO = 2MI$  (tham khảo hình vẽ).



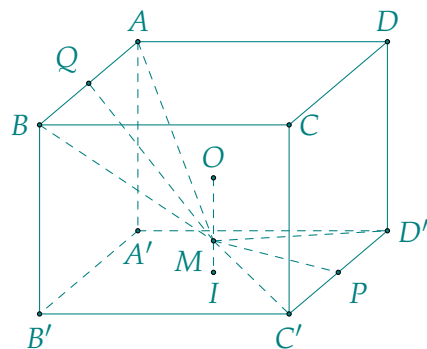
Khi đó cô-sin của góc tạo bởi hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  bằng

- (A)  $\frac{6\sqrt{85}}{85}$ . (B)  $\frac{7\sqrt{85}}{85}$ .  
(C)  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ . (D)  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ .

**Lời giải.**

Không mất tính tổng quát, ta giả sử các cạnh của hình lập phương bằng 6.

Gọi  $P, Q$  lần lượt là trung điểm của  $D'C'$  và  $AB$ .



Khi đó ta có  $MP = \sqrt{IM^2 + IP^2} = \sqrt{10}$ ,  $MQ = \sqrt{34}$ ,  $PQ = 6\sqrt{2}$ .

Áp dụng định lý cô-sin ta được

$$\cos \widehat{PMQ} = \frac{MP^2 + MQ^2 - PQ^2}{2MP \cdot MQ} = \frac{-14}{\sqrt{340}}.$$

Góc  $\alpha$  là góc giữa hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  ta có

$$\cos \alpha = \frac{14}{\sqrt{340}} = \frac{7\sqrt{85}}{85}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 38.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|(z-4-i) + 2i = (5-i)z$ ?

- (A) 2. (B) 3. (C) 1. (D) 4.

**Lời giải.**

Ta có

$$|z|(z-4-i) + 2i = (5-i)z \Leftrightarrow z(|z|-5+i) = 4|z| + (|z|-2)i.$$

Lấy môđun 2 vế ta được

$$|z| \sqrt{(|z|-5)^2 + 1} = \sqrt{(4|z|)^2 + (|z|-2)^2}.$$

Đặt  $t = |z|, t \geq 0$  ta được

$$t \sqrt{(t-5)^2 + 1} = \sqrt{(4t)^2 + (t-2)^2} \Leftrightarrow (t-1)(t^3 - 9t^2 + 4) = 0.$$

Phương trình có 3 nghiệm phân biệt  $t \geq 0$  vậy có 3 số phức  $z$  thỏa mãn.

Chọn phương án (B)

**Câu 39.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): (x + 1)^2 + (y + 1)^2 + (z + 1)^2 = 9$  và điểm  $A(2; 3; -1)$ . Xét các điểm  $M$  thuộc  $(S)$  sao cho đường thẳng  $AM$  tiếp xúc với  $(S)$ ,  $M$  luôn thuộc mặt phẳng có phương trình

- (A)  $6x + 8y + 11 = 0$ .      (B)  $3x + 4y + 2 = 0$ .  
 (C)  $3x + 4y - 2 = 0$ .      (D)  $6x + 8y - 11 = 0$ .

**Lời giải.**

Mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-1; -1; -1)$  và bán kính  $R = 3$ .

\* Ta tính được  $AI = 5$ ,  $AM = \sqrt{AI^2 - R^2} = 4$ .

\* Phương trình mặt cầu  $(S')$  tâm  $A(2; 3; -1)$ , bán kính  $AM = 4$  là

$$(x - 2)^2 + (y - 3)^2 + (z + 1)^2 = 16.$$

\*  $M$  luôn thuộc mặt phẳng  $(P) = (S) \cap (S')$  có phương trình:  $3x + 4y - 2 = 0$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{4}x^4 - \frac{7}{2}x^2$  có đồ thị  $(C)$ . Có bao nhiêu điểm  $A$  thuộc  $(C)$  sao cho tiếp tuyến của  $(C)$  tại  $A$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1), N(x_2; y_2)$  ( $M, N$  khác  $A$ ) thỏa mãn  $y_1 - y_2 = 6(x_1 - x_2)$ ?

- (A) 1.      (B) 2.      (C) 0.      (D) 3.

**Lời giải.**

\* Nhận xét đây là hàm số trùng phương có hệ số  $a > 0$ .

\* Ta có  $y' = x^3 - 7x$  nên suy ra hàm số có 3 điểm cực trị

$$\begin{cases} x = 0 \\ x = -\sqrt{7} \\ x = \sqrt{7}. \end{cases}$$

\* Phương trình tiếp tuyến tại  $A(x_0; y_0)$  (là đường thẳng qua hai điểm  $M, N$ ) có hệ số góc:

$$k = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2} = 6. \text{ Do đó để tiếp tuyến tại } A(x_0; y_0) \text{ có}$$

hệ số góc  $k = 6 > 0$  và cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1), N(x_2; y_2)$  thì  $-\sqrt{7} < x_0 < 0$  và  $x_0 \neq -\frac{\sqrt{21}}{3}$  (hoành độ điểm uốn).

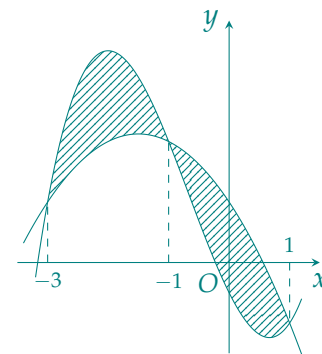
\* Ta có phương trình:  $y'(x_0) = 6 \Leftrightarrow x_0^3 - 7x_0 - 6 = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x_0 = -2 \\ x_0 = -1 \\ x_0 = 3(\text{loại}). \end{cases}$$

Vậy có 2 điểm  $A$  thỏa yêu cầu.

Chọn phương án (B)

**Câu 41.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx - \frac{1}{2}$  và  $g(x) = dx^2 + ex + 1$  ( $a, b, c, d, e \in \mathbb{R}$ ). Biết rằng đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  cắt nhau tại ba điểm có hoành độ lần lượt là  $-3; -1; 1$  (tham khảo hình vẽ).



Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho có diện tích bằng

- (A)  $\frac{9}{2}$ .      (B) 8.      (C) 4.      (D) 5.

**Lời giải.**

Do  $(C): y = f(x)$  và  $(C'): y = g(x)$  cắt nhau tại 3 điểm phân biệt có hoành độ  $-3; -1$  và  $1$  nên  $f(x) - g(x) = A(x + 3)(x + 1)(x - 1)$ . Từ giả thiết ta có  $f(0) - g(0) = -\frac{3}{2}$  nên  $-3A = -\frac{3}{2} \Leftrightarrow A = \frac{1}{2}$ .  $\Rightarrow f(x) - g(x) = \frac{1}{2}(x + 3)(x + 1)(x - 1) = \frac{1}{2}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{3}{2}$ . Diện tích hình phẳng cần tìm là

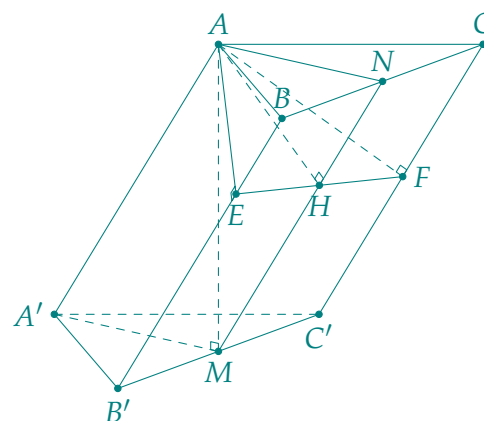
$$\begin{aligned} S &= \int_{-3}^{-1} [f(x) - g(x)] dx + \int_{-1}^1 [g(x) - f(x)] dx = \\ &= \int_{-3}^{-1} \left[ \frac{1}{2}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{3}{2} \right] dx - \\ &\quad - \int_{-1}^1 \left[ \frac{1}{2}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{3}{2} \right] dx = 2 - (-2) = 4. \end{aligned}$$

Chọn phương án (C)

**Câu 42.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , khoảng cách từ  $C$  đến đường thẳng  $BB'$  bằng 2, khoảng cách từ  $A$  đến các đường thẳng  $BB'$  và  $CC'$  lần lượt bằng 1 và  $\sqrt{3}$ , hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(A'B'C')$  là trung điểm  $M$  của  $B'C'$  và  $A'M = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A) 2.      (B) 1.      (C)  $\sqrt{3}$ .      (D)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ .

**Lời giải.**



$\triangle AEF$  như hình vẽ sao cho  $AA' \perp (AEF)$ .

Dựng

Khi đó  $V_{ABC.A'B'C'}$  bằng với thể tích của lăng trụ (T) có mặt đáy  $AEF$  và cạnh bên  $AA'$

Tức là  $V_{ABC.A'B'C'} = S_{\triangle AEF} \cdot AA'$ .

Từ cách dựng ta suy ra  $AE = 1, AF = \sqrt{3}$  và  $EF = 2$ .  
Suy ra  $\triangle AEF$  vuông tại A.

Từ đó  $S_{\triangle AEF} = \frac{1}{2} AE \cdot AF = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

Gọi N là trung điểm BC và  $H = EF \cap MN$  thì  $MN \parallel AA'$ ; H là trung điểm EF và  $AH \perp MN$

Từ đó  $AH = \frac{1}{2} EF = 1$ .  $\triangle AMN$  vuông tại A có  $\frac{1}{AM^2} = \frac{1}{AH^2} - \frac{1}{AN^2} = \frac{1}{4} \Rightarrow AM = 2$ .

Cuối cùng  $AA' = MN = \sqrt{AM^2 + AN^2} = \frac{4}{\sqrt{3}}$ .

Vậy  $V_{ABC.A'B'C'} = S_{\triangle AEF} \cdot AA' = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{4}{\sqrt{3}} = 2$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 43.** Ba bạn A, B, C mỗi bạn viết ngẫu nhiên lên bảng một số tự nhiên thuộc đoạn [1; 17]. Xác suất để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 bằng

- (A)  $\frac{1728}{4913}$ . (B)  $\frac{1079}{4913}$ . (C)  $\frac{23}{68}$ . (D)  $\frac{1637}{4913}$ .

**Lời giải.**

Không gian mẫu có số phần tử là  $17^3 = 4913$ .

Lấy một số tự nhiên từ 1 đến 17 ta có các nhóm số sau:

\* Số chia hết cho 3: có 5 số thuộc tập {3; 6; 9; 12; 15}.

\* Số chia cho 3 dư 1: có 6 số thuộc tập {1; 4; 7; 10; 13; 16}.

\* Số chia cho 3 dư 2: có 6 số thuộc tập {2; 5; 8; 11; 14; 17}.

Ba bạn A, B, C mỗi bạn viết ngẫu nhiên lên bảng một số tự nhiên thuộc đoạn [1; 17] thỏa mãn ba số đó có tổng chia hết cho 3 thì các khả năng xảy ra như sau:

- TH1: Ba số đều chia hết cho 3 có  $5^3 = 125$  cách.
- TH2: Ba số đều chia cho 3 dư 1 có  $6^3 = 216$  cách.
- TH3: Ba số đều chia cho 3 dư 2 có  $6^3 = 216$  cách.
- TH4: Một số chia hết cho 3, một số chia cho 3 dư 1, chia cho 3 dư 2 có  $5 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 3! = 1080$  cách.

Vậy xác suất cần tìm là  $\frac{125 + 216 + 216 + 1080}{4913} =$

$\frac{1637}{4913}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 44.** Cho  $a > 0, b > 0$  thỏa mãn  $\log_{3a+2b+1}(9a^2 + b^2 + 1) + \log_{6ab+1}(3a + 2b + 1) = 2$ . Giá trị của  $a + 2b$  bằng

- (A) 6. (B) 9. (C)  $\frac{7}{2}$ . (D)  $\frac{5}{2}$ .

**Lời giải.**

Do  $a > 0, b > 0$  nên ta có

$$\begin{cases} (9a^2 + b^2) + 1 \geq 6ab + 1 \text{ (bất đẳng thức AM-GM)} \\ 3a + 2b + 1 > 1. \end{cases}$$

$$\Rightarrow \log_{3a+2b+1}(9a^2 + b^2 + 1) \geq \log_{3a+2b+1}(6ab + 1)$$

Từ đó  $\log_{3a+2b+1}(9a^2 + b^2 + 1) + \log_{6ab+1}(3a + 2b + 1) \geq \log_{3a+2b+1}(6ab + 1) + \log_{6ab+1}(3a + 2b + 1) \geq 2$  (bất đẳng thức AM-GM).

Dấu "=" xảy ra khi và chỉ khi  $\begin{cases} 3a = b > 0 \\ 3a + 2b + 1 = 6ab + 1 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$a = \frac{1}{2} \text{ và } b = \frac{3}{2}.$$

$$\text{Vậy } a + 2b = \frac{1}{2} + 3 = \frac{7}{2}.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+2}$  có đồ thị (C). Gọi I là giao điểm của hai tiệm cận của (C). Xét tam giác đều ABI có hai đỉnh A, B thuộc (C), đoạn thẳng AB có độ dài bằng

- (A)  $\sqrt{6}$ . (B)  $2\sqrt{3}$ . (C) 2. (D)  $2\sqrt{2}$ .

**Lời giải.**

Ta có (C):  $y = \frac{x-1}{x+2} = 1 - \frac{3}{x+2}$  có  $I(-2; 1)$  là giao điểm của hai đường tiệm cận.

$$\text{Xét } \begin{cases} A(a-2; 1-\frac{3}{a}) \in (C) \\ B(b-2; 1-\frac{3}{b}) \in (C) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \vec{IA} = (a; -\frac{3}{a}) \\ \vec{IB} = (b; -\frac{3}{b}) \end{cases} \text{ và}$$

$$\begin{cases} IA = \sqrt{a^2 + \frac{9}{a^2}} \\ IB = \sqrt{b^2 + \frac{9}{b^2}}. \end{cases}$$

Tam giác ABI đều khi và chỉ khi  $\begin{cases} IA^2 = IB^2 \\ \cos(\vec{IA}, \vec{IB}) = \cos 60^\circ \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a^2 + \frac{9}{a^2} = b^2 + \frac{9}{b^2} \quad (1) \\ \frac{\vec{IA} \cdot \vec{IB}}{IA \cdot IB} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{ab + \frac{9}{ab}}{a^2 + \frac{9}{a^2}} = \frac{1}{2}. \quad (2) \end{cases}$$

Từ (2) ta suy ra  $ab > 0$  và  $a^2 \neq b^2$  (do  $A \neq B$ ).

Từ (1) ta suy ra  $(a^2 - b^2) \left(1 - \frac{9}{a^2 b^2}\right) = 0 \Rightarrow ab = 3$ .

Với  $ab = 3$ , thay vào (2) ta tìm được  $a^2 + \frac{9}{a^2} = 12$ . Vậy

$$AB = IA = \sqrt{a^2 + \frac{9}{a^2}} = 2\sqrt{3}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 46.** Cho phương trình  $5^x + m = \log_5(x - m)$  với m là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của m  $\in (-20; 20)$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A) 20. (B) 19. (C) 9. (D) 21.

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x > m$ .

Ta có  $5^x + m = \log_5(x - m) \Leftrightarrow 5^x + x = x - m + \log_5(x - m)$ . (1)

Xét hàm số  $f(t) = 5^t + t, f'(t) = 5^t \ln 5 + 1 > 0, \forall t \in \mathbb{R}$ . Do đó từ (1) suy ra  $x = \log_5(x - m) \Leftrightarrow m = x - 5^x$ .

Xét hàm số  $g(x) = x - 5^x, g'(x) = 1 - 5^x \cdot \ln 5, g'(x) =$

$$0 \Leftrightarrow x = \log_5 \frac{1}{\ln 5} = -\log_5 \ln 5 = x_0.$$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-\log_5 \ln 5$	$+\infty$
$g'(x)$		+	0
$g(x)$			

$g(x_0)$

$-\infty$        $-\infty$

Do đó để phương trình có nghiệm thì  $m \leq g(x_0) \approx -0,92$ .

Các giá trị nguyên của  $m \in (-20; 20)$  là  $\{-19; -18; \dots; -1\}$ , có 19 giá trị  $m$  thỏa mãn.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 47.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-2; 1; 2)$  và đi qua điểm  $A(1; -2; -1)$ . Xét các điểm  $B, C, D$  thuộc  $(S)$  sao cho  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau. Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  có giá trị lớn nhất bằng

- (A)** 72.      **(B)** 216.      **(C)** 108.      **(D)** 36.

**Lời giải.**

Đặt  $AB = a$ ,  $AC = b$ ,  $AD = c$  thì  $ABCD$  là tứ diện vuông đỉnh  $A$ , nội tiếp mặt cầu  $(S)$ .

Khi đó  $ABCD$  là tứ diện đặt ở góc  $A$  của hình hộp chữ nhật tương ứng có các cạnh

$AB, AC, AD$  và đường chéo  $AA'$  là đường kính của cầu. Ta có  $a^2 + b^2 + c^2 = 4R^2$ .

Xét  $V = V_{ABCD} = \frac{1}{6}abc \Leftrightarrow V^2 = \frac{1}{36}a^2b^2c^2$ . Mà  $a^2 + b^2 + c^2 \geq 3\sqrt[3]{a^2b^2c^2} \Leftrightarrow \left(\frac{a^2 + b^2 + c^2}{3}\right)^3 \geq a^2b^2c^2 \Leftrightarrow$

$$\left(\frac{4R^2}{3}\right)^3 \geq 36 \cdot V^2 \Leftrightarrow V \leq R^3 \cdot \frac{4\sqrt{3}}{27}$$

Với  $R = IA = 3\sqrt{3}$ .

Vậy  $V_{\max} = 36$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $f(2) = -\frac{2}{9}$  và  $f'(x) = 2x[f(x)]^2$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

- (A)**  $-\frac{35}{36}$ .      **(B)**  $-\frac{2}{3}$ .      **(C)**  $-\frac{19}{36}$ .      **(D)**  $-\frac{2}{15}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = 2x[f(x)]^2 \Leftrightarrow \frac{f'(x)}{[f(x)]^2} = 2x \Leftrightarrow \left[\frac{1}{f(x)}\right]' =$

$$-2x \Leftrightarrow \frac{1}{f(x)} = -x^2 + C.$$

Từ  $f(2) = -\frac{2}{9}$  suy ra  $C = -\frac{1}{2}$ .

$$\text{Do đó } f(1) = \frac{1}{-1^2 + \left(-\frac{1}{2}\right)} = -\frac{2}{3}.$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 49.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng

$$d: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 1 + 4t \\ z = 1 \end{cases}$$

Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua điểm  $A(1; 1; 1)$  và có véc-tơ chỉ phương  $\vec{u} = (1; -2; 2)$ . Đường phân giác của góc nhọn tạo bởi  $d$  và  $\Delta$  có phương trình là

- (A)**  $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + t \\ z = 1 + 5t \end{cases}$ .      **(B)**  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -10 + 11t \\ z = -6 - 5t \end{cases}$ .
- (C)**  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -10 + 11t \\ z = 6 - 5t \end{cases}$ .      **(D)**  $\begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = 1 + 4t \\ z = 1 - 5t \end{cases}$ .

**Lời giải.**

Phương trình tham số đường thẳng  $\Delta$ :  $\begin{cases} x = 1 + t' \\ y = 1 - 2t' \\ z = 1 + 2t' \end{cases}$ .

Chọn điểm  $B(0; 3; -1) \in \Delta$  ta có  $\vec{AB} = (-1; 2; -2)$  và  $AB = 3$ .

Chọn điểm  $C(4; 5; 1) \in d$  ta có  $\vec{AC} = (3; 4; 0)$  và  $AC = 5$ . Ta có  $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = 5 > 0 \Rightarrow \widehat{BAC} < 90^\circ$ . Phân giác của góc nhọn  $\widehat{BAC}$  có véc-tơ chỉ phương

$$\vec{v} = AC \cdot \vec{AB} + AB \cdot \vec{AC} = (4; 22; -10).$$

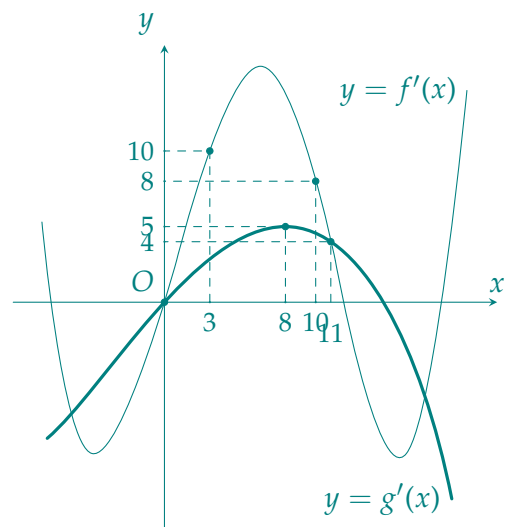
Đường phân giác của góc nhọn tạo bởi  $d$  và  $\Delta$  có một véc-tơ chỉ phương cùng phương với véc-tơ  $\vec{AC} =$

$(4; 22; -10)$ . Xét phương án  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -10 + 11t \\ z = 6 - 5t \end{cases}$  có véc-tơ

chỉ phương  $\vec{v} = (2; 11; -5)$  cùng phương với véc-tơ  $\vec{AC} = (4; 22; -10)$  và đi qua điểm  $A(1; 1; 1)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 50.** Cho hai hàm số  $y = f(x), y = g(x)$ . Hai hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = g'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên, trong đó đường cong đậm hơn là đồ thị của hàm số  $y = g'(x)$ .



Hàm số  $h(x) = f(x + 4) - g\left(2x - \frac{3}{2}\right)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- Ⓐ  $(5; \frac{31}{5})$ .                      Ⓑ  $(\frac{9}{4}; 3)$ .  
 Ⓒ  $(\frac{31}{5}; +\infty)$ .                      Ⓓ  $(6; \frac{25}{4})$ .

**Lời giải.**

Kẻ đường thẳng  $y = 10$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại  $A(a; 10)$ ,  $a \in (8; 10)$ . Khi đó

ta có  $\begin{cases} f(x+4) > 10 & \text{khi } 3 < x+4 < a \\ g(2x - \frac{3}{2}) \leq 5 & \text{khi } 0 \leq 2x - \frac{3}{2} < 11 \end{cases} \Rightarrow$

$\begin{cases} f(x+4) > 10 & \text{khi } -1 < x < 4 \\ g(2x - \frac{3}{2}) \leq 5 & \text{khi } \frac{3}{4} \leq x \leq \frac{25}{4}. \end{cases}$

Do đó  $h'(x) = f'(x+4) - 2g'(2x - \frac{3}{2}) > 0$  khi

$\frac{3}{4} \leq x < 4$ .

**Kiểu đánh giá khác:**

Ta có  $h'(x) = f'(x+4) - 2g'(2x - \frac{3}{2})$ .

Dựa vào đồ thị,  $\forall x \in (\frac{9}{4}; 3)$ , ta có  $\frac{25}{4} < x+4 < 7$ ,

$f(x+4) > f(3) = 10$ ;

$3 < 2x - \frac{3}{2} < \frac{9}{2}$ , do đó  $g(2x - \frac{3}{2}) < f(8) = 5$ .

Suy ra  $h'(x) = f'(x+4) - 2g'(2x - \frac{3}{2}) > 0$ ,  $\forall x \in$

$(\frac{9}{4}; 3)$ . Do đó hàm số đồng biến trên  $(\frac{9}{4}; 3)$ .

Chọn phương án Ⓑ

—————**Hết**—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. D	2. D	3. A	4. A	5. B	6. C	7. D	8. B	9. D	10. C	11. D
12. C	13. A	14. B	15. B	16. C	17. A	18. D	19. A	20. D	21. A	22. A
23. D	24. A	25. A	26. A	27. D	28. A	29. B	30. C	31. D	32. B	33. A
34. B	35. A	36. C	37. B	38. B	39. C	40. B	41. C	42. A	43. D	44. C
45. B	46. B	47. D	48. B	49. C	50. B					

**7**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 102 NĂM 2018**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
 NĂM 2018**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.**  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+2}$  bằng

- Ⓐ  $\frac{1}{5}$ .                      Ⓑ 0.                      Ⓒ  $\frac{1}{2}$ .                      Ⓓ  $+\infty$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+2} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5 + \frac{2}{n}} = 0$ .

Chọn phương án Ⓑ

**Câu 2.** Gọi  $S$  là diện tích của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = 2^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- Ⓐ  $S = \int_0^2 2^x dx$ .                      Ⓑ  $S = \pi \int_0^2 2^{2x} dx$ .  
 Ⓒ  $S = \int_0^2 2^{2x} dx$ .                      Ⓓ  $S = \pi \int_0^2 2^x dx$ .

**Lời giải.**

Diện tích của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y =$

$2^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$  là  $S = \int_0^2 2^x dx$ .

Chọn phương án Ⓐ

**Câu 3.** Tập nghiệm của phương trình  $\log_2(x^2 - 1) = 3$  là

- Ⓐ  $\{-3; 3\}$ .                      Ⓑ  $\{-3\}$ .  
 Ⓒ  $\{3\}$ .                      Ⓓ  $\{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_2(x^2 - 1) = 3 \Leftrightarrow x^2 - 1 = 2^3 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -3 \end{cases}$ .

Vậy tập nghiệm của phương trình đã cho là  $\{-3; 3\}$ .

Chọn phương án Ⓐ

**Câu 4.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^4 + x$  là

- Ⓐ  $x^4 + x^2 + C$ .                      Ⓑ  $4x^3 + 1 + C$ .  
 Ⓒ  $x^5 + x^2 + C$ .                      Ⓓ  $\frac{1}{5}x^5 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

**Lời giải.**

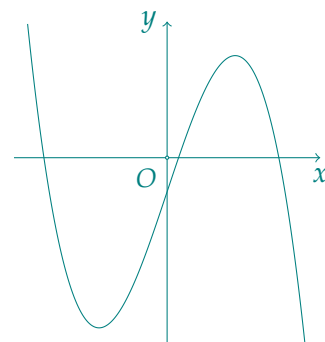
Ta có  $\int (x^4 + x) dx = \frac{1}{5}x^5 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

Chọn phương án Ⓓ

**Câu 5.**

Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- Ⓐ 0.                      Ⓑ 1.  
 Ⓒ 3.                      Ⓓ 2.



**Lời giải.**

Hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

Chọn phương án Ⓓ

**Câu 6.** Số phức có phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4 là

- Ⓐ  $3 + 4i$ .                      Ⓑ  $4 - 3i$ .                      Ⓒ  $3 - 4i$ .                      Ⓓ  $4 + 3i$ .

**Lời giải.**

Số phức có phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4 là  $z = 3 + 4i$ .

Chọn phương án Ⓐ

**Câu 7.** Cho khối chóp có đáy hình vuông cạnh  $a$  và chiều cao bằng  $4a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $\frac{4}{3}a^3$ . (B)  $\frac{16}{3}a^3$ . (C)  $4a^3$ . (D)  $16a^3$ .

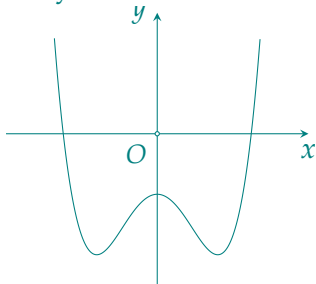
**Lời giải.**

Diện tích đáy là  $S = a^2$ .

Thể tích khối chóp  $V = \frac{1}{3}S \cdot h = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot 4a = \frac{4a^3}{3}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 8.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- (A)  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ . (B)  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ .  
(C)  $y = x^3 - x^2 - 1$ . (D)  $y = -x^3 + x^2 - 1$ .

**Lời giải.**

Dựa vào hình dáng đồ thị ta suy ra hàm số là hàm trùng phương  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có

- “Đuôi thẳng thiên” nên  $a > 0$ .
- Cắt trục tung tại điểm nằm phía dưới trục hoành nên  $c < 0$ .
- Có 3 cực trị nên  $a \cdot b < 0 \Rightarrow b < 0$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 9.** Thể tích khối cầu bán kính  $R$  bằng

- (A)  $\frac{4}{3}\pi R^3$ . (B)  $4\pi R^3$ . (C)  $2\pi R^3$ . (D)  $\frac{3}{4}\pi R^3$ .

**Lời giải.**

Công thức tính thể tích khối cầu có bán kính  $R$  là  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -2)$  và  $B(2; 2; 1)$ . Véc-tơ  $\overrightarrow{AB}$  có tọa độ là

- (A)  $(3; 3; -1)$ . (B)  $(-1; -1; -3)$ .  
(C)  $(3; 1; 1)$ . (D)  $(1; 1; 3)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\overrightarrow{AB} = (2 - 1; 2 - 1; 1 - (-2)) = (1; 1; 3)$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 11.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_3(3a)$  bằng

- (A)  $3\log_3 a$ . (B)  $3 + \log_3 a$ .  
(C)  $1 + \log_3 a$ . (D)  $1 - \log_3 a$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_3(3a) = \log_3 3 + \log_3 a = 1 + \log_3 a$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$3$		$-2$		$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-1; +\infty)$ . (B)  $(1; +\infty)$ .  
(C)  $(-1; 1)$ . (D)  $(-\infty; 1)$ .

**Lời giải.**

Hàm số đã cho đồng biến trên  $(1; +\infty)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 13.** Có bao nhiêu cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 38 học sinh?

- (A)  $A_{38}^2$ . (B)  $2^{38}$ . (C)  $C_{38}^2$ . (D)  $38^2$ .

**Lời giải.**

Mỗi cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 38 học sinh là một tổ hợp chập 2 của 38, số cách chọn là  $C_{38}^2$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng

$d: \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-5}{2}$  có một véc-tơ chỉ phương là

- (A)  $\vec{u}_1 = (3; -1; 5)$ . (B)  $\vec{u}_4 = (1; -1; 2)$ .  
(C)  $\vec{u}_2 = (-3; 1; 5)$ . (D)  $\vec{u}_3 = (1; -1; -2)$ .

**Lời giải.**

Một véc-tơ chỉ phương của của đường thẳng  $d$  là  $\vec{u} = (1; -1; 2)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P): 3x + 2y + z - 4 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là

- (A)  $\vec{n}_3 = (-1; 2; 3)$ . (B)  $\vec{n}_4 = (1; 2; -3)$ .  
(C)  $\vec{n}_2 = (3; 2; 1)$ . (D)  $\vec{n}_1 = (1; 2; 3)$ .

**Lời giải.**

Một véc-tơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P)$  là  $\vec{n} = (3; 2; 1)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 16.**

Cho hàm số  $f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $4f(x) - 3 = 0$  là

- (A) 4. (B) 3. (C) 2. (D) 0.

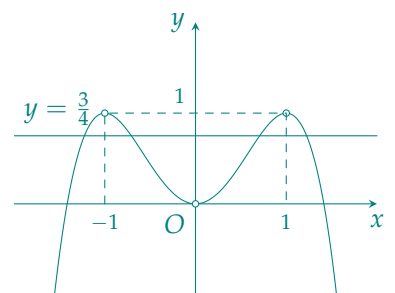
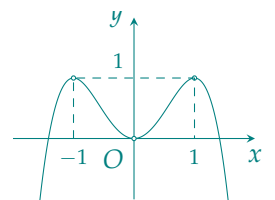
**Lời giải.**

Ta có  $4f(x) - 3 = 0 \Leftrightarrow$

$$f(x) = \frac{3}{4}$$

Số nghiệm của phương trình là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = \frac{3}{4}$ .

Dựa vào đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , suy ra số nghiệm phương trình là 4.



Chọn phương án (A)

**Câu 17.** Từ một hộp chứa 7 quả cầu màu đỏ và 5 quả cầu màu xanh, lấy ngẫu nhiên đồng thời 3 quả cầu. Xác suất để lấy được 3 quả cầu màu xanh bằng

- (A)  $\frac{5}{12}$ . (B)  $\frac{7}{44}$ . (C)  $\frac{1}{22}$ . (D)  $\frac{2}{7}$ .

**Lời giải.**

Số cách lấy 3 quả cầu từ hộp là  $n(\Omega) = C_{12}^3$ .

Gọi A: "lấy được 3 viên bi xanh". Ta có  $n(A) = C_5^3$ .

Xác suất cần tìm  $P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{C_5^3}{C_{12}^3} = \frac{1}{22}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 18.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 2x^2 - 7x$  trên đoạn  $[0; 4]$  bằng

- (A) -259. (B) 68. (C) 0. (D) -4.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 3x^2 + 4x - 7, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \text{ (nhận)} \\ x = -\frac{7}{4} \text{ (loại)} \end{cases}$ .

Mà  $y(0) = 0, y(1) = -4, y(4) = 68$ .

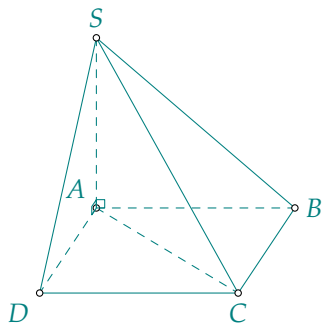
Vậy  $\min_{[0;4]} y = -4$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{2}a$ . Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $60^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Lời giải.**



Ta có  $\begin{cases} SC \cap (ABCD) = C \\ SA \perp (ABCD) \text{ tại } A \end{cases}$

$\Rightarrow (SC, (ABCD)) = (\widehat{SC, AC}) = \widehat{SCA}$ .

Xét tam giác  $SAC$  vuông tại  $A$ , ta có  $\tan \widehat{SCA} = \frac{SA}{AC} =$

$\frac{a\sqrt{2}}{a\sqrt{2}} = 1 \Rightarrow \widehat{SCA} = 45^\circ$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 20.**  $\int_0^1 e^{3x+1} dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{3}(e^4 - e)$ . (B)  $e^4 - e$ .  
(C)  $\frac{1}{3}(e^4 + e)$ . (D)  $e^3 - e$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int_0^1 e^{3x+1} dx = \frac{1}{3}e^{3x+1} \Big|_0^1 = \frac{1}{3}(e^4 - e)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 21.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $A(1; 2; -2)$  và vuông góc với đường thẳng

$\Delta: \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{3}$  có phương trình là

- (A)  $3x + 2y + z - 5 = 0$ . (B)  $2x + y + 3z + 2 = 0$ .  
(C)  $x + 2y + 3z + 1 = 0$ . (D)  $2x + y + 3z - 2 = 0$ .

**Lời giải.**

Một véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $\Delta$  là  $\vec{u} = (2; 1; 3)$ .

Vì mặt phẳng cần tìm vuông góc với đường thẳng  $\Delta$  nên có véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{n} = \vec{u} = (2; 1; 3)$ . Phương trình mặt phẳng cần tìm là  $2(x-1) + 1(y-2) + 3(z+2) = 0 \Leftrightarrow 2x + y + 3z + 2 = 0$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 22.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+4}-2}{x^2+x}$  là

- (A) 3. (B) 0. (C) 2. (D) 1.

**Lời giải.**

Tập xác định hàm số  $\mathcal{D} = [-4; +\infty) \setminus \{-1; 0\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow -1^+} y = +\infty, \lim_{x \rightarrow 0^+} y = 1$  và  $\lim_{x \rightarrow 0^-} y = 1$ .

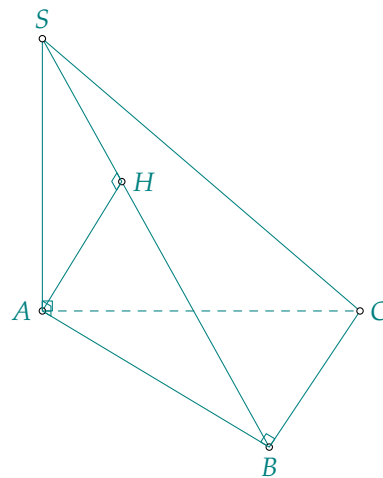
Suy ra đồ thị hàm số chỉ có 1 tiệm cận đứng là  $x = -1$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 23.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông đỉnh  $B, AB = a, SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng

- (A)  $\frac{a}{2}$ . (B)  $a$ . (C)  $\frac{\sqrt{6}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .

**Lời giải.**



Gọi  $H$  là hình chiếu của  $A$  lên  $SB$ .

Ta có  $\begin{cases} BC \perp AB \\ BC \perp SA \end{cases} \Rightarrow BC \perp (SAB)$ .

$\begin{cases} AH \perp SB \\ AH \perp BC \text{ (vì } BC \perp (SAB), AH \subset (SAB)) \end{cases} \Rightarrow AH \perp (SBC) \text{ tại } H \Rightarrow d(A, (SBC)) = AH$ .



Tam giác  $SAB$  vuông tại  $A$  có  $AH$  là đường cao nên

$$AH = \frac{SA \cdot AB}{\sqrt{SA^2 + AB^2}} = \frac{a^2}{a\sqrt{2}} = \frac{a\sqrt{2}}{2}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 24.** Một người gửi tiết kiệm vào một ngân hàng với lãi suất 7,2%/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được (cả số tiền gửi ban đầu và lãi) gấp đôi số tiền gửi ban đầu, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

- (A)** 11 năm.                      **(B)** 12 năm.  
**(C)** 9 năm.                        **(D)** 10 năm.

**Lời giải.**

Giả sử người ấy gửi số tiền  $M_0$  vào ngân hàng. Khi đó, sau  $n$  năm số tiền của người ấy được tính bằng công thức  $M = M_0(1 + 7,2\%)^n = M_0 \cdot 1,072^n$ .

Theo đề bài, ta tìm  $n$  thỏa mãn  $M \geq 2M_0 \Leftrightarrow M_0 \cdot 1,072^n \geq 2M_0 \Leftrightarrow n \geq \log_{1,072} 2 \approx 9,969602105$ .

Vậy sau ít nhất 10 năm người ấy mới thu được số tiền nhiều gấp đôi số tiền vốn ban đầu.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 25.** Tìm hai số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $(3x + 2yi) + (2 + i) = 2x - 3i$  với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)**  $x = -2; y = -2$ .            **(B)**  $x = -2; y = -1$ .  
**(C)**  $x = 2; y = -2$ .            **(D)**  $x = 2; y = -1$ .

**Lời giải.**

Ta có

$$(3x + 2yi) + (2 + i) = 2x - 3i \Leftrightarrow (3x + 2) + (2y + 1)i = 2x - 3i$$

$$2x - 3i \Leftrightarrow \begin{cases} 3x + 2 = 2x \\ 2y + 1 = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ y = -2. \end{cases}$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 26.** Ông A dự định sử dụng hết 6,7 m<sup>2</sup> kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)?

- (A)** 1,57 m<sup>3</sup>.                        **(B)** 1,11 m<sup>3</sup>.  
**(C)** 1,23 m<sup>3</sup>.                        **(D)** 2,48 m<sup>3</sup>.

**Lời giải.**

Gọi  $a, b, c$  lần lượt là chiều dài, chiều rộng và chiều cao của bể cá ( $a, b, c > 0$ ).

$$\text{Theo đề bài, ta có } \begin{cases} a = 2b \\ 2ac + 2bc + ab = 6,7 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} a = 2b \\ c = \frac{6,7 - 2b^2}{6b}. \end{cases}$$

$$\text{Thể tích bể cá là } V = abc = \frac{2b^2(6,7 - 2b^2)}{6b} = \frac{6,7b - 2b^3}{3} = f(b).$$

Xét hàm số  $f(b) = \frac{6,7b - 2b^3}{3}$  với  $b > 0$ .

$$\text{Ta có } f'(b) = \frac{6,7 - 6b^2}{3}, f'(b) = 0 \Leftrightarrow b = \sqrt{\frac{67}{60}}, f(b) \approx 1,57.$$

Bảng biến thiên

$b$	0	$\sqrt{\frac{67}{60}}$	$+\infty$	
$f'(b)$		+	0	-
$f(b)$	0	1,57		$-\infty$

Dựa vào bảng biến thiên, dung tích lớn nhất của bể cá gần bằng 1,57.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 27.** Cho  $\int_5^{21} \frac{dx}{x\sqrt{x+4}} = a \ln 3 + b \ln 5 + c \ln 7$  với

$a, b, c$  là các số hữu tỉ. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $a + b = -2c$ .                      **(B)**  $a + b = c$ .  
**(C)**  $a - b = -c$ .                        **(D)**  $a - b = -2c$ .

**Lời giải.**

$$\text{Đặt } t = \sqrt{x+4} \Rightarrow \begin{cases} x = t^2 - 4 \\ dx = 2t dt. \end{cases}$$

$$\text{Đổi cận } \begin{cases} x = 5 \Rightarrow t = 3 \\ x = 21 \Rightarrow t = 5. \end{cases}$$

Do đó

$$\begin{aligned} I &= \int_3^5 \frac{2 dt}{(t-2)(t+2)} = \frac{1}{2} \int_3^5 \left( \frac{1}{t-2} - \frac{1}{t+2} \right) dt \\ &= \frac{1}{2} (\ln |t-2| - \ln |t+2|) \Big|_3^5 \\ &= \frac{1}{2} (\ln 3 - \ln 7 + \ln 5). \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}, c = -\frac{1}{2}.$$

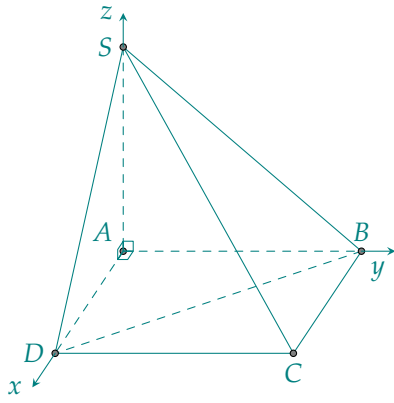
Do đó  $a + b = -2c$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 28.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật,  $AB = a, BC = 2a, SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BD$  và  $SC$  bằng

- (A)**  $\frac{\sqrt{30}a}{6}$ .                                      **(B)**  $\frac{4\sqrt{21}a}{21}$ .  
**(C)**  $\frac{2\sqrt{21}a}{21}$ .                                      **(D)**  $\frac{\sqrt{30}a}{12}$ .

**Lời giải.**



Chọn hệ

trục tọa độ như hình vẽ, ta có  $A(0;0;0)$ ,  $B(0;a;0)$ ,  $D(2a;0;0)$ ,  $C(2a;a;0)$  và  $S(0;0;a)$ .

Ta có

- $\vec{BD} = (2a; -a; 0)$ .
- $\vec{SC} = (2a; a; -a)$ .
- $\vec{SB} = (0; a; -a)$ .
- $[\vec{BD}, \vec{SC}] = (a^2; 2a^2; 4a^2)$   
 $\Rightarrow |[\vec{BD}, \vec{SC}]| = a^2\sqrt{21}$ .
- $|\vec{BD} \cdot \vec{SC}| = 2a^3$ .

Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BD$  và  $SC$  là

$$d(SC, BD) = \frac{|[\vec{BD}, \vec{SC}] \cdot \vec{SB}|}{|[\vec{BD}, \vec{SC}]|} = \frac{2a\sqrt{21}}{21}$$

Chọn phương án **C**

**Câu 29.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(2; 1; 3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{2}$ . Đường thẳng đi qua  $A$ , vuông góc với  $d$  và cắt trục  $Oy$  có phương trình là

- A**  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 4t \\ z = 3t \end{cases}$       **B**  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$  .  
**C**  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$       **D**  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 3t \\ z = 2t \end{cases}$

**Lời giải.**

Gọi đường thẳng cần tìm là  $\Delta$ .

Đường thẳng  $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{2}$  có VTCP là  $\vec{u} = (1; -2; 2)$ .

Gọi  $M(0; m; 0) \in Oy$ , ta có  $\vec{AM} = (-2; m-1; -3)$ .

Vì  $\Delta \perp d$  nên  $\vec{AM} \cdot \vec{u} = 0 \Leftrightarrow -2 - 2(m-1) - 6 = 0 \Leftrightarrow m = -3$ .

Do đó,  $\Delta$  có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{AM} = (-2; -4; -3)$

nên có phương trình  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 4t \\ z = 3t \end{cases}$

Chọn phương án **A**

**Câu 30.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+6}{x+5m}$  nghịch biến trên khoảng  $(10; +\infty)$ ?

- A** 3.      **B** Vô số.      **C** 4.      **D** 5.

**Lời giải.**

Tập xác định  $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{-5m\}$ .

Ta có  $y' = \frac{5m-6}{(x+5m)^2}$ .

Hàm số nghịch biến trên  $(10; +\infty)$  khi chỉ khi

$$\begin{cases} y' < 0, \forall x \in \mathcal{D} \\ -5m \notin (10; +\infty) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5m-6 < 0 \\ -5m \leq 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < \frac{6}{5} \\ m \geq -2 \end{cases}$$

Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m \in \{-2; -1; 0; 1\}$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 31.** Một chiếc bút chì có dạng khối lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy 3mm và chiều cao bằng 200mm. Thân bút chì được làm bằng gỗ và phần lõi được làm bằng than chì. Phần lõi có dạng khối trụ có chiều cao bằng chiều dài của bút và đáy là hình tròn có bán kính 1mm. Giả định 1m<sup>3</sup> gỗ có giá  $a$  (triệu đồng), 1m<sup>3</sup> than chì có giá  $6a$  (triệu đồng). Khi đó giá nguyên liệu làm một chiếc bút chì như trên gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- A** 84,5a (đồng).      **B** 78,2a (đồng).  
**C** 8,45a (đồng).      **D** 7,82a (đồng).

**Lời giải.**

Thể tích phần phần lõi được làm bằng than chì là  $V_r = \pi \cdot (10^{-3})^2 \cdot 0,2 = 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \text{ m}^3$ .

Thể tích chiếc bút chì khối lăng trụ lục giác đều là

$$V = B \cdot h = \frac{3\sqrt{3}}{2} (3 \cdot 10^{-3})^2 \cdot 0,2 = \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$$

Thể tích phần thân bút chì được làm bằng gỗ là

$$V_t = V - V_r = \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} - 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \text{ m}^3$$

Giá nguyên vật liệu làm một chiếc bút chì là  $0,2 \cdot 10^{-6} \pi \cdot 6a + \left( \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} - 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \right) a \approx 7,82 \cdot 10^{-6} a$  (triệu đồng).

Chọn phương án **D**

**Câu 32.** Một chất điểm  $A$  xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật

$$v(t) = \frac{1}{150}t^2 + \frac{59}{75}t \text{ (m/s)}, \text{ trong đó } t \text{ (s) là khoảng thời gian tính từ lúc } A \text{ bắt đầu chuyển động.}$$

Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm  $B$  cũng xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng cùng hướng với  $A$  nhưng chậm hơn 3 giây so với  $A$  và có gia tốc bằng  $a$  (m/s<sup>2</sup>) ( $a$  là hằng số). Sau khi  $B$  xuất phát được 12 giây thì đuổi kịp  $A$ . Vận tốc của  $B$  tại thời điểm đuổi kịp  $A$  bằng

- A** 20 (m/s).      **B** 16 (m/s).  
**C** 13 (m/s).      **D** 15 (m/s).

**Lời giải.**

Từ đề bài, ta suy ra từ lúc chất điểm  $A$  chuyển động đến lúc bị chất điểm  $B$  bắt kịp thì  $A$  đi được 15 giây,  $B$  đi được 12 giây.

Biểu thức vận tốc của chất điểm  $B$  có dạng  $v_B(t) = \int a dt = a \cdot t + C$ , lại có  $v_B(0) = 0$  nên  $v_B(t) = at$ .

Từ lúc chất điểm  $A$  bắt đầu chuyển động cho đến lúc bị chất điểm  $B$  bắt kịp thì quãng đường hai chất điểm đi

được là bằng nhau, nghĩa là

$$\int_0^{15} \left( \frac{1}{150}t^2 + \frac{59}{75}t \right) dt = \int_0^{12} at dt \Leftrightarrow 96 = 72a \Leftrightarrow a = \frac{4}{3}.$$

Do đó, vận tốc của B tại thời điểm đuổi kịp A bằng  $v_B(12) = \frac{4}{3} \cdot 12 = 16$  (m/s).

Chọn phương án (B)

**Câu 33.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $(\bar{z} + 3i)(z - 3)$  là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)  $\frac{9}{2}$ .      (B)  $3\sqrt{2}$ .      (C) 3.      (D)  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ .

**Lời giải.**

Giả sử  $z = x + yi \Rightarrow \bar{z} = x - yi$  trong đó  $x, y \in \mathbb{R}$ .

Ta có  $(\bar{z} + 3i)(z - 3) = x^2 + y^2 - 3x - 3y + (3x + 3y - 9)i$ .

Số phức  $(\bar{z} + 3i)(z - 3)$  là số thuần ảo khi chỉ khi

$$x^2 + y^2 - 3x - 3y = 0 \Leftrightarrow \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \left(y - \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{2}.$$

Vậy tập hợp tất cả các điểm biểu diễn số phức  $z$  thỏa mãn yêu cầu bài toán là đường tròn có bán kính bằng  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 34.** Hệ số của  $x^5$  trong khai triển biểu thức  $x(3x - 1)^6 + (2x - 1)^8$  bằng

- (A) -3007.      (B) -577.      (C) 3007.      (D) 577.

**Lời giải.**

Ta có  $(3x - 1)^6 = \sum_{k=0}^6 C_6^k 3^k x^k (-1)^{6-k}$ . Hệ số của số hạng chứa  $x^4$  là  $C_6^4 3^4 (-1)^{6-4} = 1215$ .

Ta lại có  $(2x - 1)^8 = \sum_{k=0}^8 C_8^k 2^k x^k (-1)^{8-k}$ . Hệ số của số

hạng chứa  $x^5$  là  $C_8^5 2^5 (-1)^{8-5} = -1792$ .

Vậy hệ số của  $x^5$  trong khai triển  $x(3x - 1)^6 + (2x - 1)^8$  là  $1215 - 1792 = -577$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 35.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho phương trình  $25^x - m \cdot 5^{x+1} + 7m^2 - 7 = 0$  có hai nghiệm phân biệt. Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- (A) 7.      (B) 1.      (C) 2.      (D) 3.

**Lời giải.**

Đặt  $t = 5^x$ , điều kiện  $t > 0$ . Phương trình trở thành  $t^2 - 5mt + 7m^2 - 7 = 0$  (\*).

Yêu cầu bài toán trở thành: tìm  $m$  để phương trình (\*) có hai nghiệm dương phân biệt  $\Leftrightarrow$

$$\begin{cases} \Delta = -3m^2 + 28 > 0 \\ 5m > 0 \\ 7m^2 - 7 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\sqrt{\frac{28}{3}} < m < \sqrt{\frac{28}{3}} \\ m > 0 \\ \begin{cases} m > 1 \\ m < -1 \end{cases} \end{cases} \Leftrightarrow$$

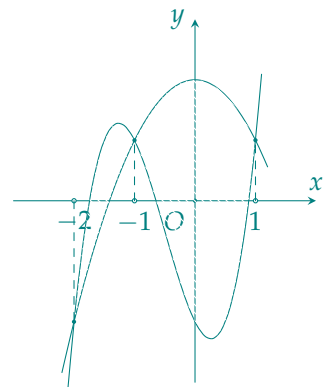
$$1 < m < \sqrt{\frac{28}{3}}.$$

Suy ra  $S = \{2; 3\}$ . Vậy có 2 giá trị tham số  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án (C)

**Câu 36.**

Cho hai hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx - 2$  và  $g(x) = dx^2 + ex + 2$  ( $a, b, c, d, e \in \mathbb{R}$ ). Biết rằng đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  cắt nhau tại ba điểm có hoành độ lần lượt là  $-2; -1; 1$  (tham khảo hình vẽ). Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho có diện tích bằng



- (A)  $\frac{37}{6}$ .      (B)  $\frac{13}{2}$ .      (C)  $\frac{9}{2}$ .      (D)  $\frac{37}{12}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f(x) - g(x) = ax^3 + (b-d)x^2 + (c-e)x - 4$  (1).

Mặt khác phương trình  $f(x) - g(x) = 0$  có 3 nghiệm phân biệt  $x = -2, x = -1, x = 1$  nên  $f(x) - g(x) = 0 \Leftrightarrow (x+2)(x+1)(x-1) = 0 \Leftrightarrow x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0$  (2).

Từ (1) và (2), suy ra  $f(x) - g(x) = 2x^3 + 4x^2 - 2x - 4$ .

Diện tích hình phẳng cần tìm là  $S = \int_{-2}^{-1} (2x^3 + 4x^2 - 2x - 4) dx - \int_{-1}^1 (2x^3 + 4x^2 - 2x - 4) dx$

$$= \int_{-2}^{-1} (2x^3 + 4x^2 - 2x - 4) dx - \int_{-1}^1 (2x^3 + 4x^2 - 2x - 4) dx = \frac{37}{6}.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 37.** Cho  $a > 0, b > 0$  thỏa mãn  $\log_{10a+3b+1}(25a^2 + b^2 + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) = 2$ . Giá trị của  $a + 2b$  bằng

- (A)  $\frac{5}{2}$ .      (B) 6.      (C) 22.      (D)  $\frac{11}{2}$ .

**Lời giải.**

Từ giả thuyết bài toán, ta suy ra  $25a^2 + b^2 + 1 > 1, 10a + 3b + 1 > 1$  và  $10ab + 1 > 1$ .

Áp dụng bất đẳng thức Cô-si, ta có  $25a^2 + b^2 + 1 \geq 2\sqrt{25a^2 b^2} + 1 = 10ab + 1$ .

Khi đó,

$$\log_{10a+3b+1}(25a^2 + b^2 + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) \geq \log_{10a+3b+1}(10ab + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) \geq$$

$$2\sqrt{\log_{10a+3b+1}(10ab + 1) \cdot \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1)} = 2.$$

Dấu "=" xảy ra khi chỉ khi

$$\begin{cases} 5a = b \\ \log_{10a+3b+1}(10ab + 1) = \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) = 1 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} b = 5a \\ 10ab + 1 = 10a + 3b + 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = 5a \\ 50a^2 - 25a = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} b = 5a \\ \begin{cases} a = 0 \text{ (loại)} \\ a = \frac{1}{2} \text{ (nhận)} \end{cases} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} b = \frac{5}{2} \\ a = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow a + 2b = \frac{11}{2}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 38.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số

$$y = x^8 + (m - 1)x^5 - (m^2 - 1)x^4 + 1$$

đạt cực tiểu tại  $x = 0$ ?

- (A)** 3.      **(B)** 2.      **(C)** Vô số.      **(D)** 1.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 8x^7 + 5(m - 1)x^4 - 4(m^2 - 1)x^3 + 1 = x^3 [8x^4 + 5(m - 1)x - 4(m^2 - 1)]$ ,  $y' = 0 \Leftrightarrow$   
 $\begin{cases} x = 0 \\ 8x^4 + 5(m - 1)x - 4(m^2 - 1) = 0 (*) \end{cases}$

• Nếu  $m = 1$  thì  $y' = 8x^7$ , suy ra hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ .

• Nếu  $m = -1$  thì  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ 8x^4 - 10x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$

$\begin{cases} x = 0 \text{ (nghiệm kép)} \\ x = \sqrt[3]{\frac{5}{4}} \end{cases} \Rightarrow x = 0$  không phải là cực

trị.

• Nếu  $m \neq \pm 1$  thì  $x = 0$  là nghiệm đơn.

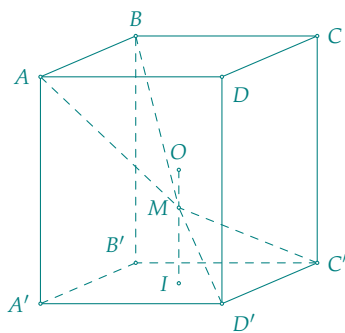
Đặt  $g(x) = 8x^4 + 5(m - 1)x - 4(m^2 - 1)$ . Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x = 0$  khi chỉ khi  $\lim_{x \rightarrow 0^-} g(x) > 0 \Leftrightarrow -4(m^2 - 1) > 0 \Leftrightarrow m^2 - 1 < 0 \Leftrightarrow -1 < m < 1$ . Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m = 0$ .

Vậy giá trị  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán là  $m = 0, m = 1$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 39.**

Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có tâm  $O$ . Gọi  $I$  là tâm của hình vuông  $ABCD$  và  $M$  là điểm thuộc  $OI$  sao cho  $MO = \frac{1}{2}MI$  (tham khảo hình vẽ). Khi đó, cô-sin góc tạo bởi hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  bằng

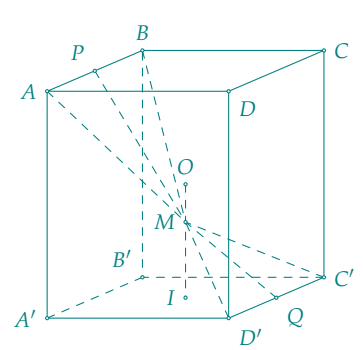


- (A)**  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ .      **(B)**  $\frac{7\sqrt{85}}{85}$ .  
**(C)**  $\frac{6\sqrt{85}}{85}$ .      **(D)**  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ .

**Lời giải.**

Giả sử hình lập phương có độ dài cạnh bằng  $a$ .

Hai mặt phẳng  $(MC'D')$ ,  $(MAB)$  lần lượt chứa hai đường thẳng  $C'D'$ ,  $AB$  và  $AB \parallel C'D'$  nên giao tuyến của hai mặt phẳng này là đường



thẳng đi qua  $M$  và song song với  $AB$ .

Gọi  $P, Q$  lần lượt là trung điểm của  $AB, C'D'$ . Các tam giác  $MC'D'$ ,  $MAB$  cân ở  $M$  nên  $MP \perp C'D'$ ,  $MQ \perp AB$ .

Do đó, nếu  $\alpha$  là góc giữa hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  thì  $\cos \alpha = |\cos \widehat{PMQ}|$  (1)

Ta có

$$MQ = \sqrt{MI^2 + IQ^2} = \sqrt{\left(\frac{2}{3}OI\right)^2 + IQ^2} = \sqrt{\left(\frac{2}{3} \cdot \frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \frac{a\sqrt{13}}{6}; MP = \sqrt{\left(\frac{4}{3}OI\right)^2 + IQ^2} = \frac{5a}{6}; PQ = AD' = a\sqrt{2}; \cos \alpha = |\cos \widehat{PMQ}| = \left| \frac{MP^2 + MQ^2 - PQ^2}{2 \cdot MP \cdot MQ} \right| = \left| \frac{\frac{25a^2}{36} + \frac{13a^2}{36} - 2a^2}{2 \cdot \frac{5a}{6} \cdot \frac{a\sqrt{13}}{6}} \right| = \frac{17\sqrt{13}}{65}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $f(2) = -\frac{1}{3}$  và  $f'(x) = x[f(x)]^2$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

- (A)**  $-\frac{11}{6}$ .      **(B)**  $-\frac{2}{3}$ .      **(C)**  $-\frac{2}{9}$ .      **(D)**  $-\frac{7}{6}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = x[f(x)]^2 \Leftrightarrow \frac{f'(x)}{f^2(x)} = x$ .

Do đó,

$$\begin{aligned} \int \frac{f'(x)}{f^2(x)} dx &= \int x dx \\ \Leftrightarrow -\int d\left(\frac{1}{f(x)}\right) &= \int x dx \\ \Leftrightarrow -\frac{1}{f(x)} &= \frac{1}{2}x^2 + C \\ \Leftrightarrow f(x) &= -\frac{1}{\frac{1}{2}x^2 + C}. \end{aligned}$$

Theo giả thuyết,  $f(2) = -\frac{1}{3} \Rightarrow C = 1 \Rightarrow f(x) = -\frac{1}{\frac{1}{2}x^2 + 1}$ .

Suy ra  $f(1) = -\frac{2}{3}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 41.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-1; 2; 1)$  và đi qua điểm  $A(1; 0; -1)$ . Xét các điểm  $B, C, D$  thuộc  $(S)$  sao cho  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau. Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  lớn nhất bằng

- (A)  $\frac{64}{3}$ . (B) 32. (C) 64. (D)  $\frac{32}{3}$ .

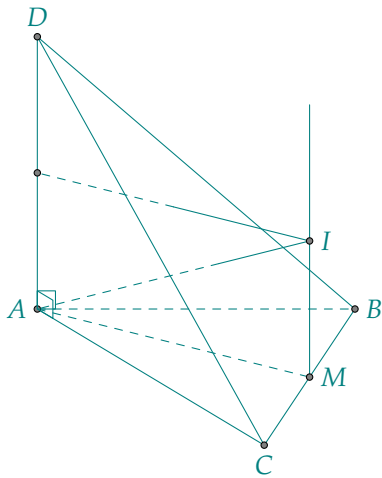
**Lời giải.**

Đặt  $AD = a, AB = b, AC = c$ .

Khi đó,  $V_{ABCD} = \frac{1}{6} AB \cdot AC \cdot AD = \frac{1}{6} abc$ .

Ta có bán kính mặt cầu  $(S)$  là  $R = IA = 2\sqrt{3}$ .

Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ . Khi đó,  $AM = \frac{b^2 + c^2}{2}$ .



Vì tứ diện  $ABCD$  nội tiếp trong mặt cầu  $(S)$  nên ta có  $IM \parallel AD$  và  $IM = \frac{1}{2} AD = \frac{1}{2} a$ .

Xét tam giác  $AIM$  vuông tại  $M$ , ta có

$$AI^2 = AM^2 + IM^2 \Leftrightarrow a^2 + b^2 + c^2 = 48$$

Suy ra  $V_{ABCD}^2 = \frac{1}{36} a^2 b^2 c^2 \leq \frac{1}{36} \frac{(a^2 + b^2 + c^2)^3}{27} = \frac{1024}{9}$

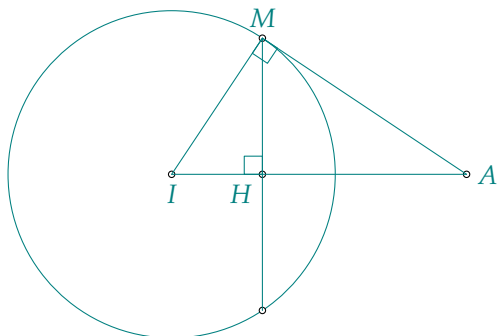
hay  $V_{ABCD} \leq \frac{32}{3}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): (x - 2)^2 + (y - 3)^2 + (z - 4)^2 = 2$  và điểm  $A(1; 2; 3)$ . Xét điểm  $M$  thuộc mặt cầu  $(S)$  sao cho đường thẳng  $AM$  tiếp xúc với  $(S)$ ,  $M$  luôn thuộc mặt phẳng có phương trình là

- (A)  $2x + 2y + 2z + 15 = 0$ .  
 (B)  $2x + 2y + 2z - 15 = 0$ .  
 (C)  $x + y + z + 7 = 0$ .  
 (D)  $x + y + z - 7 = 0$ .

**Lời giải.**



Mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(2; 3; 4)$  bán kính  $R = \sqrt{2}$ .

Ta có  $\vec{IA} = (-1; -1; -1) \Rightarrow IA = \sqrt{3}$ .

Suy ra điểm  $A$  nằm ngoài mặt cầu  $(S)$ .

Do đó tập hợp tất cả các điểm  $M$  nằm trên mặt phẳng cố định  $(\alpha)$ . Mặt phẳng cố định  $(\alpha)$  đi qua điểm  $H$  là hình chiếu của điểm  $M$  xuống  $IA$  và nhận  $\vec{IA} = (-1; -1; -1)$  làm véc-tơ pháp tuyến.

Do hai tam giác  $MHI$  và  $AMI$  đồng dạng nên suy ra

$$IM^2 = IH \cdot IA \Rightarrow IH = \frac{IM^2}{IA} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

Suy ra  $\vec{IA} = \frac{2}{3} \vec{IA} \Rightarrow H\left(\frac{4}{3}; \frac{7}{3}; \frac{10}{3}\right)$ . Mặt phẳng

cần tìm có phương trình là  $-\left(x - \frac{4}{3}\right) - \left(y - \frac{7}{3}\right) - \left(z - \frac{10}{3}\right) = 0 \Leftrightarrow x + y + z - 7 = 0$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 43.** Ba bạn  $A, B, C$  mỗi bạn viết lên bảng một số ngẫu nhiên thuộc đoạn  $[1; 19]$ . Xác suất để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 bằng

- (A)  $\frac{1027}{6859}$ . (B)  $\frac{2539}{6859}$ . (C)  $\frac{2287}{6859}$ . (D)  $\frac{109}{323}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $n(\Omega) = 19^3$ .

Trong các số tự nhiên thuộc đoạn  $[1; 19]$  có 6 số chia hết cho 3, đó là  $\{3; 6; 9; 12; 15; 18\}$ , có 7 số chia cho 3 dư 1, đó là  $\{1; 4; 7; 10; 13; 16; 19\}$  và có 6 số chia cho 3 dư 2, đó là  $\{2; 5; 8; 11; 14; 17\}$ .

Để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 cần phải xảy ra các trường hợp sau

- **Trường hợp 1.** Cả ba số viết ra đều chia hết cho 3: có  $6^3$  cách viết.
- **Trường hợp 2.** Cả 3 số viết ra đều chia cho 3 dư 1: có  $7^3$  cách viết.
- **Trường hợp 3.** Cả 3 số viết ra đều chia cho 3 dư 2: có  $6^3$  cách viết.
- **Trường hợp 4.** Trong ba số viết ra có 1 số chia hết cho 3, 1 số chia cho 3 dư 1 và 1 chia cho 3 dư 2: có  $6 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 3!$  cách viết.

Vậy xác suất cần tìm là  $p = \frac{6^3 + 7^3 + 6^3 + 6 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 3!}{19^3} = \frac{2287}{6859}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 44.** Trong không gian  $Oxyz$  cho đường thẳng

$d: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -3 \\ z = 5 + 4t \end{cases}$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua điểm

$A(1; -3; 5)$  và có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{u} = (1; 2; -2)$ . Đường phân giác góc nhọn tạo bởi hai đường thẳng  $d$  và  $\Delta$  là

- (A)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = 6 + 11t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = -6 + 11t \end{cases}$ .  
 (C)  $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 3 - 5t \\ z = 5 + t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = -3 \\ z = 5 + 7t \end{cases}$ .

**Lời giải.**

Ta có điểm  $A(1; -3; 5)$  thuộc đường thẳng  $d$  nên  $A$  là giao điểm của  $d$  và  $\Delta$ .

Một véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $d$  là  $\vec{v} = (-3; 0; -4)$ .

Đặt  $\vec{u}' = \frac{1}{|\vec{u}|}\vec{u} = \left(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}; -\frac{2}{3}\right)$ ,  $\vec{v}' = \frac{1}{|\vec{v}|}\vec{v} = \left(-\frac{3}{5}; 0; -\frac{4}{5}\right)$ . Ta có  $\vec{u}' \cdot \vec{v}' > 0$  nên góc tạo bởi hai véc-tơ  $\vec{u}'$ ,  $\vec{v}'$  là góc nhọn tạo bởi  $d$  và  $\Delta$ .

Suy ra  $\vec{w} = \vec{u}' + \vec{v}' = \left(-\frac{4}{15}; \frac{10}{15}; -\frac{22}{15}\right) = -\frac{2}{15}(2; -5; 11)$  là véc-tơ chỉ phương của đường phân giác cần tìm. Phương trình đường phân giác cần tìm là

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -3 - 5t \\ z = 5 + 11t. \end{cases}$$

Chọn  $t = -2$  suy ra điểm  $M(-1; 2; -6)$  thuộc đường phân giác. Khi đó, đường phân giác có phương trình

$$\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = -6 + 11t. \end{cases}$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 45.** Cho phương trình  $3^x + m = \log_3(x - m)$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m \in (-15; 15)$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A)** 16. **(B)** 9. **(C)** 14. **(D)** 15.

**Lời giải.**

Ta có  $3^x + m = \log_3(x - m) \Leftrightarrow 3^x + x = \log_3(x - m) + x - m$  (\*).

Xét hàm số  $f(t) = 3^t + t$  với  $t \in \mathbb{R}$ , ta có  $f'(t) = 3^t \ln 3 + 1 > 0, \forall t \in \mathbb{R}$  nên hàm số  $f(t)$  đồng biến trên tập xác định. Mặt khác, phương trình (\*) có dạng  $f(x) = f(\log_3(x - m))$ . Do đó,  $f(x) = f(\log_3(x - m)) \Leftrightarrow x = \log_3(x - m) \Leftrightarrow 3^x = x - m \Leftrightarrow 3^x - x = -m$  (\*\*)

Xét hàm số  $g(x) = 3^x - x$  với  $x \in \mathbb{R}$ , ta có  $g'(x) = 3^x \ln 3 - 1, g'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \log_3\left(\frac{1}{\ln 3}\right) = a$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$a$	$+\infty$
$g'(x)$		-	+
$g(x)$	$+\infty$	$g(a)$	$+\infty$

Từ bảng biến thiên, ta suy ra phương trình (\*\*) có nghiệm khi chỉ khi  $m \in (-\infty; -g(a))$ .

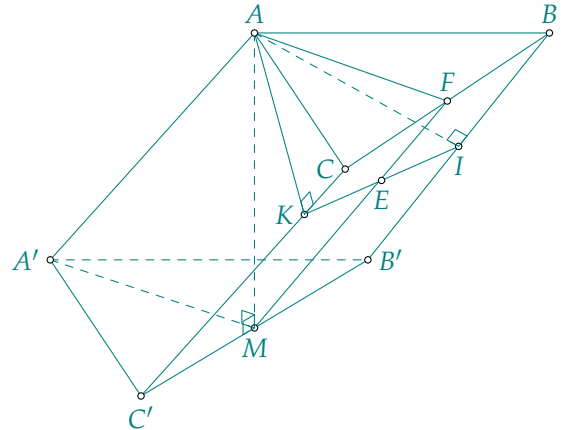
Mặt khác,  $m \in \mathbb{Z} \cap (-15; 15)$  nên  $m \in \{-14; -13; -12; \dots; -1\}$  (vì  $-g(a) \approx -0,9958452485$ ). Do đó, có 14 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 46.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , khoảng cách từ điểm  $C$  đến đường thẳng  $BB'$  bằng  $\sqrt{5}$ , khoảng cách từ  $A$  đến các đường thẳng  $BB'$  và  $CC'$  lần lượt bằng 1 và 2, hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(A'B'C')$  là trung điểm  $M$  của  $B'C'$  và  $A'M = \frac{\sqrt{15}}{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A)**  $\frac{\sqrt{15}}{3}$ . **(B)**  $\frac{2\sqrt{5}}{3}$ . **(C)**  $\sqrt{5}$ . **(D)**  $\frac{2\sqrt{15}}{3}$ .

**Lời giải.**



Kẻ  $AI \perp BB'$ ,  $AK \perp CC'$ . Khoảng cách từ  $A$  đến  $BB'$ ,  $CC'$  lần lượt là 1; 2 nên  $AI = 1, AK = 2$ .

Gọi  $F$  là trung điểm của  $BC$ .

Vì  $A'M = \frac{\sqrt{15}}{3} \Rightarrow AF = \frac{\sqrt{15}}{3}$ .

Ta có  $\begin{cases} AI \perp BB' \\ BB' \perp AK \end{cases} \Rightarrow BB' \perp (AIK)$

$\Rightarrow BB' \perp IK$ .

Vì  $CC' \parallel BB'$  nên  $d(C, BB') = d(K, BB') = IK = \sqrt{5}$

$\Rightarrow \triangle AIK$  vuông tại  $A$ . Gọi  $E$  là trung điểm của  $IK \Rightarrow EF \parallel BB' \Rightarrow EF \perp (AIK) \Rightarrow EF \perp AE$ .

Mà  $AM \perp (ABC)$  nên  $((ABC), (AIK)) = (\widehat{EF, AM}) = \widehat{AME} = \widehat{FAE}$  ( $\vec{EF}, \vec{AM}$  là véc-tơ pháp tuyến của của  $(AKI), (ABC)$ ).

Ta có  $\cos \widehat{FAE} = \frac{AE}{AF} = \frac{\frac{\sqrt{5}}{2}}{\frac{\sqrt{15}}{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \widehat{FAE} = 30^\circ$  ( $AE$

là đường trung tuyến của tam giác  $AKI$  vuông tại  $A$ ). Hình chiếu vuông góc của tam giác  $ABC$  lên mặt phẳng  $(AIK)$  là tam giác  $AIK$  nên  $S_{\triangle AIK} = S_{\triangle ABC} \cdot \cos \widehat{EAF} \Rightarrow S_{\triangle ABC} = \frac{S_{\triangle AIK}}{\cos \widehat{EAF}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$ .

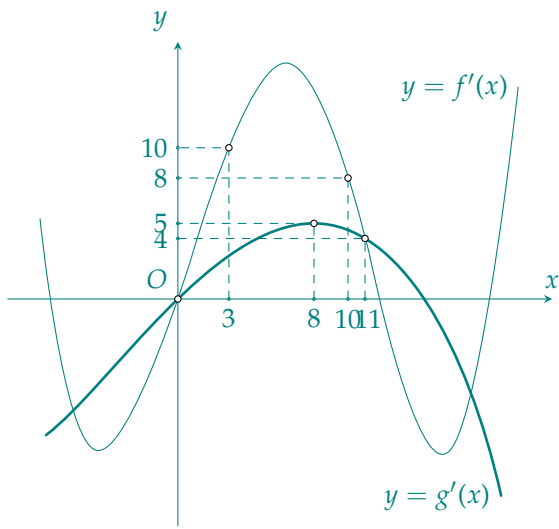
Xét tam giác  $AMF$  vuông tại  $A$ , ta có  $\tan \widehat{AMF} = \frac{AF}{AM} \Rightarrow AM = \frac{AF}{\tan \widehat{AMF}} = \sqrt{5}$ .

Vậy  $V_{ABC.A'B'C'} = \sqrt{5} \cdot \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{15}}{3}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 47.** Cho hai hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$ . Hai

hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = g'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên, trong đó đường cong đậm hơn là đồ thị hàm số  $y = g'(x)$ .



Hàm số  $h(x) = f(x+7) - g\left(2x + \frac{9}{2}\right)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A  $\left(2; \frac{16}{5}\right)$ .       B  $\left(-\frac{3}{4}; 0\right)$ .  
 C  $\left(\frac{16}{5}; +\infty\right)$ .       D  $\left(3; \frac{13}{4}\right)$ .

**Lời giải.**

Kẻ đường thẳng  $y = 10$  cắt đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  tại  $A(a; 10)$  với  $a \in (8; 10)$ .

Khi đó,  $\begin{cases} f'(x+7) > 10 \text{ khi } 3 < x+7 < a \\ g'\left(2x + \frac{9}{2}\right) \leq 5 \text{ khi } 0 \leq 2x + \frac{9}{2} \leq 11 \end{cases} \Rightarrow$

$\begin{cases} f'(x+7) > 10 \text{ khi } -4 < x < 1 \\ g'\left(2x + \frac{9}{2}\right) \leq 5 \text{ khi } -\frac{9}{4} \leq x \leq \frac{13}{4}. \end{cases}$

Do đó,  $h'(x) = f'(x+7) - 2g'\left(2x - \frac{3}{2}\right) > 0$  khi  $-\frac{9}{4} \leq x < 1$ .

Chọn phương án  B

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  có đồ thị (C). Gọi I là giao điểm của hai tiệm cận của (C). Xét tam giác đều ABI có hai đỉnh A, B thuộc (C), đoạn AB có độ dài bằng

- A 3.       B 2.       C  $2\sqrt{2}$ .       D  $2\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**

Giao điểm hai đường tiệm cận của (C) là  $I(-1; 1)$ . Hàm số đã cho được viết lại  $y = 1 - \frac{2}{x+1}$ .

Giả sử  $A\left(a; 1 - \frac{2}{a+1}\right) \in (C)$ ,  $B\left(b; 1 - \frac{2}{b+1}\right) \in (C)$ .

Ta có  $\vec{IA} = \left(a+1; -\frac{2}{a+1}\right)$ ,  $\vec{IB} = \left(b+1; -\frac{2}{b+1}\right)$ .

Đặt  $a_1 = a+1$ ,  $b_1 = b+1$  (hiển nhiên  $a_1 \neq 0$ ,  $b_1 \neq 0$  và  $a_1 \neq b_1$ ).

Tam giác ABI đều khi chỉ khi  $\begin{cases} IA^2 = IB^2 \\ \cos(\vec{IA}, \vec{IB}) = \cos 60^\circ \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} a_1^2 + \frac{4}{a_1^2} = b_1^2 + \frac{4}{b_1^2} \\ \frac{\vec{IA} \cdot \vec{IB}}{IA \cdot IB} = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (a_1^2 - b_1^2) \left(1 - \frac{4}{a_1^2 b_1^2}\right) = 0 \\ \frac{a_1 b_1 + \frac{4}{a_1 b_1}}{a_1^2 + \frac{4}{a_1^2}} = \frac{1}{2} \end{cases} \quad (1) \quad (2)$$

Phương trình

$$(1) \Leftrightarrow \begin{cases} a_1 = b_1, \text{ loại vì } A \equiv B. \\ a_1 = -b_1, \text{ loại vì không thỏa mãn (2).} \\ a_1 b_1 = -2, \text{ loại vì không thỏa mãn (2).} \\ a_1 b_1 = 2. \end{cases}$$

Với  $a_1 b_1 = 2$ , thay vào (2), ta được  $\frac{2 + \frac{4}{2}}{a_1^2 + \frac{4}{a_1^2}} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow$

$$a_1^2 + \frac{4}{a_1^2} = 8.$$

$$\text{Vậy } AB = IA = \sqrt{a_1^2 + \frac{4}{a_1^2}} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}.$$

Chọn phương án  C

**Câu 49.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|(z-3-i) + 2i = (4-i)z$ ?

- A 1.       B 3.       C 2.       D 4.

**Lời giải.**

Ta có  $|z|(z-3-i) + 2i = (4-i)z \Leftrightarrow z(4-|z|-i) = -3|z| + (2-|z|)i$ .

Đặt  $t = |z|$ , điều kiện  $t \geq 0, t \in \mathbb{R}$ . Lấy mô-đun hai vế ta được  $t|4-t-i| = |-3t + (2-t)i| \Leftrightarrow t\sqrt{(4-t)^2 + 1} = \sqrt{9t^2 + (2-t)^2} \Leftrightarrow t^4 - 8t^3 + 6t^2 + 4t - 3 = 0 \Leftrightarrow$

$$(t-1)(t^3 - 7t^2 - t + 3) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 1 \\ t \approx 7,081 \\ t \approx 0,61146 \\ t \approx -0,6928. \end{cases} \text{ Do đó,}$$

có 3 giá trị  $t$  thỏa mãn.

Mặt khác, với mỗi  $t \geq 0$ , ta có  $z = \frac{-3t + (2-t)i}{4-t-i}$  nên

có duy nhất một số phức  $z$  thỏa mãn.

Vậy có 3 số phức thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án  B

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{8}x^4 - \frac{7}{4}x^2$  có đồ thị là (C). Có bao nhiêu điểm A thuộc (C) sao cho tiếp tuyến của (C) tại A cắt (C) tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1); N(x_2; y_2)$  ( $M, N$  khác A) thỏa mãn  $y_1 - y_2 = 3(x_1 - x_2)$ ?

- A 0.       B 2.       C 3.       D 1.

**Lời giải.**

Phương trình đường thẳng MN có dạng  $\frac{y - y_2}{x_1 - x_2} =$

$$\frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2} \Rightarrow \text{hệ số góc của đường thẳng MN là } k = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2} = 3.$$

Suy ra tiếp tuyến của (C) tại  $A\left(x_0; \frac{1}{8}x_0^4 - \frac{7}{4}x_0^2\right)$  có hệ số góc bằng 3. Suy ra  $f'(x_0) = 3 \Leftrightarrow \frac{1}{2}x_0^3 - \frac{7}{2}x_0 = 3 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x_0 = -1 \\ x_0 = 3 \\ x_0 = -2. \end{cases}$$

- Với  $x_0 = -1$ , ta có  $A\left(-1; \frac{13}{8}\right)$ . Phương trình tiếp tuyến là  $y = 3x + \frac{11}{8}$ .

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $\frac{1}{8}x^4 -$

$$\frac{7}{4}x^2 = 3x + \frac{11}{8} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 1 + \sqrt{3} \\ x = 1 - \sqrt{3} \end{cases} \Rightarrow$$

$A\left(-1; \frac{13}{8}\right)$  thỏa yêu cầu bài toán.

- Với  $x_0 = 3$  ta có  $A\left(3; -\frac{171}{8}\right)$ . Phương trình tiếp tuyến  $y = 3x - \frac{195}{8}$ .

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $\frac{1}{8}x^4 - \frac{7}{4}x^2 = 3x - \frac{195}{8} \Leftrightarrow x = 3 \Rightarrow$

$A\left(3; -\frac{171}{8}\right)$  không thỏa mãn yêu cầu bài toán.

- Với  $x_0 = -2$ , ta có  $A(-2; -5)$ . Phương trình tiếp tuyến  $y = 3x + 1$ .

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $\frac{1}{8}x^4 -$

$$\frac{7}{4}x^2 = 3x - \frac{195}{8} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 2 + \sqrt{6} \\ x = 2 - \sqrt{6} \end{cases} \Rightarrow$$

$A(-2; -5)$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Vậy có 2 điểm  $A$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án **(B)**

—————**Hết**—————

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. B	2. A	3. A	4. D	5. D	6. A	7. A	8. A	9. A	10. D	11. C
12. B	13. C	14. B	15. C	16. A	17. C	18. D	19. A	20. A	21. B	22. D
23. D	24. D	25. A	26. A	27. A	28. C	29. A	30. C	31. D	32. B	33. D
34. B	35. C	36. A	37. D	38. B	39. D	40. B	41. D	42. D	43. C	44. B
45. C	46. D	47. B	48. C	49. B	50. B					



**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ 103 NĂM 2018**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2018  
ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.**  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+2}$  bằng

- (A)**  $\frac{1}{5}$ .      **(B)** 0.      **(C)**  $\frac{1}{2}$ .      **(D)**  $+\infty$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{5n+2} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\frac{1}{n}}{5 + \frac{2}{n}} = 0$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 2.** Gọi  $S$  là diện tích của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = 2^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $S = \int_0^2 2^x dx$ .      **(B)**  $S = \pi \int_0^2 2^{2x} dx$ .  
**(C)**  $S = \int_0^2 2^{2x} dx$ .      **(D)**  $S = \pi \int_0^2 2^x dx$ .

**Lời giải.**

Diện tích của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = 2^x$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2$  là  $S = \int_0^2 2^x dx$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 3.** Tập nghiệm của phương trình  $\log_2(x^2 - 1) = 3$  là

- (A)**  $\{-3; 3\}$ .      **(B)**  $\{-3\}$ .  
**(C)**  $\{3\}$ .      **(D)**  $\{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_2(x^2 - 1) = 3 \Leftrightarrow x^2 - 1 = 2^3 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -3 \end{cases}$ .

Vậy tập nghiệm của phương trình đã cho là  $\{-3; 3\}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 4.** Nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x^4 + x$  là

- (A)**  $x^4 + x^2 + C$ .      **(B)**  $4x^3 + 1 + C$ .  
**(C)**  $x^5 + x^2 + C$ .      **(D)**  $\frac{1}{5}x^5 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

**Lời giải.**

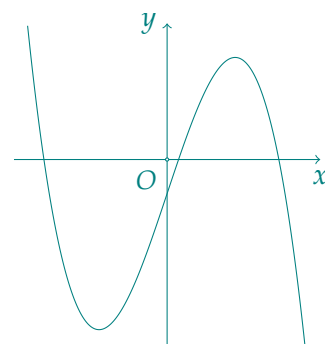
Ta có  $\int (x^4 + x) dx = \frac{1}{5}x^5 + \frac{1}{2}x^2 + C$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 5.**

Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A)** 0.      **(B)** 1.  
**(C)** 3.      **(D)** 2.



**Lời giải.**

Hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 6.** Số phức có phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4 là

- (A)**  $3 + 4i$ .      **(B)**  $4 - 3i$ .      **(C)**  $3 - 4i$ .      **(D)**  $4 + 3i$ .

**Lời giải.**



Số phức có phần thực bằng 3 và phần ảo bằng 4 là  $z = 3 + 4i$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 7.** Cho khối chóp có đáy hình vuông cạnh  $a$  và chiều cao bằng  $4a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)**  $\frac{4}{3}a^3$ .    **(B)**  $\frac{16}{3}a^3$ .    **(C)**  $4a^3$ .    **(D)**  $16a^3$ .

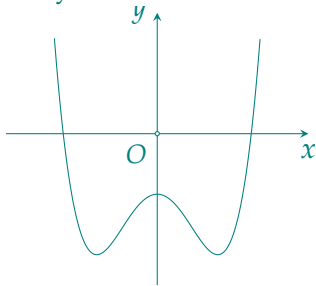
**Lời giải.**

Diện tích đáy là  $S = a^2$ .

Thể tích khối chóp  $V = \frac{1}{3}S \cdot h = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot 4a = \frac{4a^3}{3}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 8.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- (A)**  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .    **(B)**  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ .  
**(C)**  $y = x^3 - x^2 - 1$ .    **(D)**  $y = -x^3 + x^2 - 1$ .

**Lời giải.**

Dựa vào hình dáng đồ thị ta suy ra hàm số là hàm trùng phương  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có

- “Đuôi thẳng thiên” nên  $a > 0$ .
- Cắt trục tung tại điểm nằm phía dưới trục hoành nên  $c < 0$ .
- Có 3 cực trị nên  $a \cdot b < 0 \Rightarrow b < 0$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 9.** Thể tích khối cầu bán kính  $R$  bằng

- (A)**  $\frac{4}{3}\pi R^3$ .    **(B)**  $4\pi R^3$ .    **(C)**  $2\pi R^3$ .    **(D)**  $\frac{3}{4}\pi R^3$ .

**Lời giải.**

Công thức tính thể tích khối cầu có bán kính  $R$  là  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -2)$  và  $B(2; 2; 1)$ . Véc-tơ  $\vec{AB}$  có tọa độ là

- (A)**  $(3; 3; -1)$ .    **(B)**  $(-1; -1; -3)$ .  
**(C)**  $(3; 1; 1)$ .    **(D)**  $(1; 1; 3)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\vec{AB} = (2 - 1; 2 - 1; 1 - (-2)) = (1; 1; 3)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 11.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_3(3a)$  bằng

- (A)**  $3 \log_3 a$ .    **(B)**  $3 + \log_3 a$ .  
**(C)**  $1 + \log_3 a$ .    **(D)**  $1 - \log_3 a$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_3(3a) = \log_3 3 + \log_3 a = 1 + \log_3 a$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$3$		$-2$		$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $(-1; +\infty)$ .    **(B)**  $(1; +\infty)$ .  
**(C)**  $(-1; 1)$ .    **(D)**  $(-\infty; 1)$ .

**Lời giải.**

Hàm số đã cho đồng biến trên  $(1; +\infty)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 13.** Có bao nhiêu cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 38 học sinh?

- (A)**  $A_{38}^2$ .    **(B)**  $2^{38}$ .    **(C)**  $C_{38}^2$ .    **(D)**  $38^2$ .

**Lời giải.**

Mỗi cách chọn hai học sinh từ một nhóm gồm 38 học sinh là một tổ hợp chập 2 của 38, số cách chọn là  $C_{38}^2$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng  $d: \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-5}{2}$  có một véc-tơ chỉ phương là

- (A)**  $\vec{u}_1 = (3; -1; 5)$ .    **(B)**  $\vec{u}_4 = (1; -1; 2)$ .  
**(C)**  $\vec{u}_2 = (-3; 1; 5)$ .    **(D)**  $\vec{u}_3 = (1; -1; -2)$ .

**Lời giải.**

Một véc-tơ chỉ phương của của đường thẳng  $d$  là  $\vec{u} = (1; -1; 2)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 15.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(P): 3x + 2y + z - 4 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là

- (A)**  $\vec{n}_3 = (-1; 2; 3)$ .    **(B)**  $\vec{n}_4 = (1; 2; -3)$ .  
**(C)**  $\vec{n}_2 = (3; 2; 1)$ .    **(D)**  $\vec{n}_1 = (1; 2; 3)$ .

**Lời giải.**

Một véc-tơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P)$  là  $\vec{n} = (3; 2; 1)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 16.**

Cho hàm số  $f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $4f(x) - 3 = 0$  là

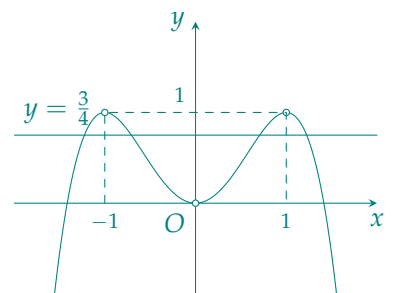
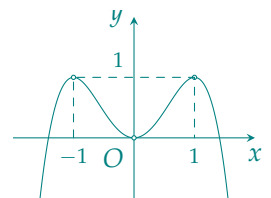
- (A)** 4.    **(B)** 3.    **(C)** 2.    **(D)** 0.

**Lời giải.**

Ta có  $4f(x) - 3 = 0 \Leftrightarrow$

$$f(x) = \frac{3}{4}$$

Số nghiệm của phương trình là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = \frac{3}{4}$ .



Dựa vào đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , suy ra số nghiệm phương trình là 4.

Chọn phương án (A)

**Câu 17.** Từ một hộp chứa 7 quả cầu mà đỏ và 5 quả cầu màu xanh, lấy ngẫu nhiên đồng thời 3 quả cầu. Xác suất để lấy được 3 quả cầu màu xanh bằng

- (A)  $\frac{5}{12}$ . (B)  $\frac{7}{44}$ . (C)  $\frac{1}{22}$ . (D)  $\frac{2}{7}$ .

**Lời giải.**

Số cách lấy 3 quả cầu từ hộp là  $n(\Omega) = C_{12}^3$ .

Gọi A: "lấy được 3 viên bi xanh". Ta có  $n(A) = C_5^3$ .

Xác suất cần tìm  $P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{C_5^3}{C_{12}^3} = \frac{1}{22}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 18.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 2x^2 - 7x$  trên đoạn  $[0; 4]$  bằng

- (A) -259. (B) 68. (C) 0. (D) -4.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 3x^2 + 4x - 7, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \text{ (nhận)} \\ x = -\frac{7}{4} \text{ (loại)} \end{cases}$ .

Mà  $y(0) = 0, y(1) = -4, y(4) = 68$ .

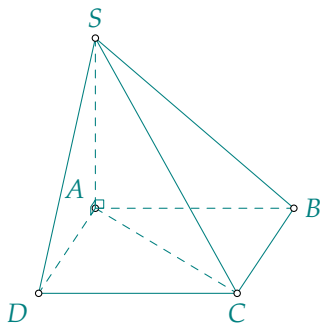
Vậy  $\min_{[0;4]} y = -4$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{2}a$ . Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $60^\circ$ . (C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Lời giải.**



Ta có  $\begin{cases} SC \cap (ABCD) = C \\ SA \perp (ABCD) \text{ tại } A \end{cases}$

$\Rightarrow (SC, (ABCD)) = (\widehat{SC, AC}) = \widehat{SCA}$ .

Xét tam giác  $SAC$  vuông tại  $A$ , ta có

$$\tan \widehat{SCA} = \frac{SA}{AC} = \frac{a\sqrt{2}}{a\sqrt{2}} = 1 \Rightarrow \widehat{SCA} = 45^\circ.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 20.**  $\int_0^1 e^{3x+1} dx$  bằng

- (A)  $\frac{1}{3}(e^4 - e)$ . (B)  $e^4 - e$ .  
(C)  $\frac{1}{3}(e^4 + e)$ . (D)  $e^3 - e$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int_0^1 e^{3x+1} dx = \frac{1}{3}e^{3x+1} \Big|_0^1 = \frac{1}{3}(e^4 - e)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 21.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $A(1; 2; -2)$  và vuông góc với đường thẳng

$\Delta: \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+3}{3}$  có phương trình là

- (A)  $3x + 2y + z - 5 = 0$ . (B)  $2x + y + 3z + 2 = 0$ .  
(C)  $x + 2y + 3z + 1 = 0$ . (D)  $2x + y + 3z - 2 = 0$ .

**Lời giải.**

Một véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $\Delta$  là  $\vec{u} = (2; 1; 3)$ .

Vì mặt phẳng cần tìm vuông góc với đường thẳng  $\Delta$  nên có véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{n} = \vec{u} = (2; 1; 3)$ . Phương trình mặt phẳng cần tìm là  $2(x-1) + 1(y-2) + 3(z+2) = 0 \Leftrightarrow 2x + y + 3z + 2 = 0$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 22.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+4}-2}{x^2+x}$  là

- (A) 3. (B) 0. (C) 2. (D) 1.

**Lời giải.**

Tập xác định hàm số  $\mathcal{D} = [-4; +\infty) \setminus \{-1; 0\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow -1^+} y = +\infty, \lim_{x \rightarrow 0^+} y = 1$  và  $\lim_{x \rightarrow 0^-} y = 1$ .

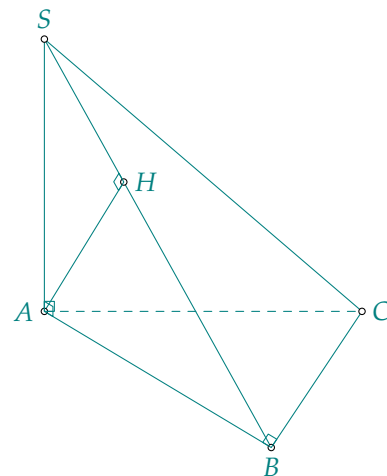
Suy ra đồ thị hàm số chỉ có 1 tiệm cận đứng là  $x = -1$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 23.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông đỉnh  $B, AB = a, SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  bằng

- (A)  $\frac{a}{2}$ . (B)  $a$ . (C)  $\frac{\sqrt{6}a}{3}$ . (D)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .

**Lời giải.**



Gọi  $H$  là hình chiếu của  $A$  lên  $SB$ .

Ta có

$$\begin{cases} BC \perp AB \\ BC \perp SA \end{cases} \Rightarrow BC \perp (SAB).$$

$$\begin{cases} AH \perp SB \\ AH \perp BC \text{ (vì } BC \perp (SAB), AH \subset (SAB)) \end{cases}$$

$\Rightarrow AH \perp (SBC)$  tại  $H \Rightarrow d(A, (SBC)) = AH$ .  
Tam giác  $SAB$  vuông tại  $A$  có  $AH$  là đường cao nên

$$AH = \frac{SA \cdot AB}{\sqrt{SA^2 + AB^2}} = \frac{a^2}{a\sqrt{2}} = \frac{a\sqrt{2}}{2}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 24.** Một người gửi tiết kiệm vào một ngân hàng với lãi suất 7,2%/năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào vốn để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó thu được (cả số tiền gửi ban đầu và lãi) gấp đôi số tiền gửi ban đầu, giả định trong khoảng thời gian này lãi suất không thay đổi và người đó không rút tiền ra?

- (A)** 11 năm.                      **(B)** 12 năm.  
**(C)** 9 năm.                        **(D)** 10 năm.

**Lời giải.**

Giả sử người ấy gửi số tiền  $M_0$  vào ngân hàng. Khi đó, sau  $n$  năm số tiền của người ấy được tính bằng công thức  $M = M_0(1 + 7,2\%)^n = M_0 \cdot 1,072^n$ . Theo đề bài, ta tìm  $n$  thỏa mãn  $M \geq 2M_0 \Leftrightarrow M_0 \cdot 1,072^n \geq 2M_0 \Leftrightarrow n \geq \log_{1,072} 2 \approx 9,969602105$ .

Vậy sau ít nhất 10 năm người ấy mới thu được số tiền nhiều gấp đôi số tiền vốn ban đầu.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 25.** Tìm hai số thực  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $(3x + 2yi) + (2 + i) = 2x - 3i$  với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)**  $x = -2; y = -2$ .            **(B)**  $x = -2; y = -1$ .  
**(C)**  $x = 2; y = -2$ .            **(D)**  $x = 2; y = -1$ .

**Lời giải.**

Ta có  $(3x + 2yi) + (2 + i) = 2x - 3i \Leftrightarrow (3x + 2) + (2y + 1)i = 2x - 3i$   
 $2x - 3i \Leftrightarrow \begin{cases} 3x + 2 = 2x \\ 2y + 1 = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ y = -2. \end{cases}$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 26.** Ông A dự định sử dụng hết 6,7 m<sup>2</sup> kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)?

- (A)** 1,57 m<sup>3</sup>.                        **(B)** 1,11 m<sup>3</sup>.  
**(C)** 1,23 m<sup>3</sup>.                        **(D)** 2,48 m<sup>3</sup>.

**Lời giải.**

Gọi  $a, b, c$  lần lượt là chiều dài, chiều rộng và chiều cao của bể cá ( $a, b, c > 0$ ).

Theo đề bài, ta có  $\begin{cases} a = 2b \\ 2ac + 2bc + ab = 6,7 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} a = 2b \\ c = \frac{6,7 - 2b^2}{6b} \end{cases}$$

Thể tích bể cá là  $V = abc = \frac{2b^2(6,7 - 2b^2)}{6b} =$

$$\frac{6,7b - 2b^3}{3} = f(b).$$

Xét hàm số  $f(b) = \frac{6,7b - 2b^3}{3}$  với  $b > 0$ .

Ta có  $f'(b) = \frac{6,7 - 6b^2}{3}$ ,  $f'(b) = 0 \Leftrightarrow b = \sqrt{\frac{67}{60}}$ ,  $f(b) \approx 1,57$ .

Bảng biến thiên

$b$	0	$\sqrt{\frac{67}{60}}$	$+\infty$
$f'(b)$	+	0	-
$f(b)$	0	1,57	$-\infty$

Dựa vào bảng biến thiên, dung tích lớn nhất của bể cá gần bằng 1,57.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 27.** Cho  $\int_5^{21} \frac{dx}{x\sqrt{x+4}} = a \ln 3 + b \ln 5 + c \ln 7$  với

$a, b, c$  là các số hữu tỉ. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $a + b = -2c$ .                **(B)**  $a + b = c$ .  
**(C)**  $a - b = -c$ .                **(D)**  $a - b = -2c$ .

**Lời giải.**

Đặt  $t = \sqrt{x+4} \Rightarrow \begin{cases} x = t^2 - 4 \\ dx = 2t dt. \end{cases}$

Đổi cận  $\begin{cases} x = 5 \Rightarrow t = 3 \\ x = 21 \Rightarrow t = 5. \end{cases}$

Do đó

$$\begin{aligned} I &= \int_3^5 \frac{2 dt}{(t-2)(t+2)} = \frac{1}{2} \int_3^5 \left( \frac{1}{t-2} - \frac{1}{t+2} \right) dt \\ &= \frac{1}{2} (\ln|t-2| - \ln|t+2|) \Big|_3^5 \\ &= \frac{1}{2} (\ln 3 - \ln 7 + \ln 5). \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}, c = -\frac{1}{2}.$$

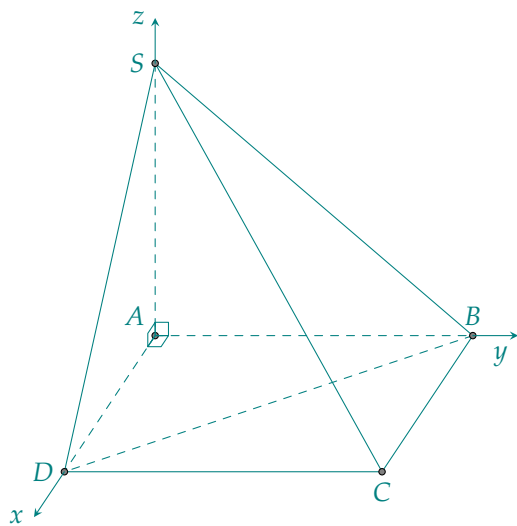
Do đó  $a + b = -2c$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 28.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật,  $AB = a$ ,  $BC = 2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BD$  và  $SC$  bằng

- (A)**  $\frac{\sqrt{30}a}{6}$ .                            **(B)**  $\frac{4\sqrt{21}a}{21}$ .  
**(C)**  $\frac{2\sqrt{21}a}{21}$ .                            **(D)**  $\frac{\sqrt{30}a}{12}$ .

**Lời giải.**



Chọn hệ trục tọa độ như hình vẽ, ta có  $A(0;0;0)$ ,  $B(0;a;0)$ ,  $D(2a;0;0)$ ,  $C(2a;a;0)$  và  $S(0;0;a)$ .

Ta có

- $\vec{BD} = (2a; -a; 0)$ .
- $\vec{SC} = (2a; a; -a)$ .
- $\vec{SB} = (0; a; -a)$ .
- $[\vec{BD}, \vec{SC}] = (a^2; 2a^2; 4a^2)$   
 $\Rightarrow |[\vec{BD}, \vec{SC}]| = a^2\sqrt{21}$ .
- $|\vec{SB}| = a\sqrt{2}$ .

Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $BD$  và  $SC$  là

$$d(SC, BD) = \frac{|[\vec{BD}, \vec{SC}] \cdot \vec{SB}|}{|[\vec{BD}, \vec{SC}]|} = \frac{2a\sqrt{21}}{21}$$

Chọn phương án **C**

**Câu 29.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(2; 1; 3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{2}$ . Đường thẳng đi qua  $A$ , vuông góc với  $d$  và cắt trục  $Oy$  có phương trình là

- A**  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 4t \\ z = 3t \end{cases}$       **B**  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$
- C**  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$       **D**  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 3t \\ z = 2t \end{cases}$

**Lời giải.**

Gọi đường thẳng cần tìm là  $\Delta$ .

Đường thẳng  $d: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-2}{2}$  có VTCP là  $\vec{u} = (1; -2; 2)$ .

Gọi  $M(0; m; 0) \in Oy$ , ta có  $\vec{AM} = (-2; m-1; -3)$ .

Vì  $\Delta \perp d$  nên  $\vec{AM} \cdot \vec{u} = 0 \Leftrightarrow -2 - 2(m-1) - 6 = 0 \Leftrightarrow m = -3$ .

Do đó,  $\Delta$  có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{AM} = (-2; -4; -3)$

nên có phương trình  $\begin{cases} x = 2t \\ y = -3 + 4t \\ z = 3t \end{cases}$

Chọn phương án **A**

**Câu 30.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+6}{x+5m}$  nghịch biến trên khoảng  $(10; +\infty)$ ?

- A** 3.      **B** Vô số.      **C** 4.      **D** 5.

**Lời giải.**

Tập xác định  $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{-5m\}$ .

Ta có  $y' = \frac{5m-6}{(x+5m)^2}$ .

Hàm số nghịch biến trên  $(10; +\infty)$  khi chỉ khi

$$\begin{cases} y' < 0, \forall x \in \mathcal{D} \\ -5m \notin (10; +\infty) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5m-6 < 0 \\ -5m \leq 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < \frac{6}{5} \\ m \geq -2 \end{cases}$$

Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m \in \{-2; -1; 0; 1\}$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 31.** Một chiếc bút chì có dạng khối lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy 3mm và chiều cao bằng 200mm. Thân bút chì được làm bằng gỗ và phần lõi được làm bằng than chì. Phần lõi có dạng khối trụ có chiều cao bằng chiều dài của bút và đáy là hình tròn có bán kính 1mm. Giả định 1m<sup>3</sup> gỗ có giá  $a$  (triệu đồng), 1m<sup>3</sup> than chì có giá  $6a$  (triệu đồng). Khi đó giá nguyên liệu làm một chiếc bút chì như trên gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- A**  $84,5a$  (đồng).      **B**  $78,2a$  (đồng).  
**C**  $8,45a$  (đồng).      **D**  $7,82a$  (đồng).

**Lời giải.**

Thể tích phần phần lõi được làm bằng than chì là

$$V_r = \pi \cdot (10^{-3})^2 \cdot 0,2 = 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \text{ m}^3.$$

Thể tích chiếc bút chì khối lăng trụ lục giác đều là

$$V = B \cdot h = \frac{3\sqrt{3}}{2} (3 \cdot 10^{-3})^2 \cdot 0,2 = \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} \text{ m}^3.$$

Thể tích phần thân bút chì được làm bằng gỗ là

$$V_t = V - V_r = \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} - 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \text{ m}^3.$$

Giá nguyên vật liệu làm một chiếc bút chì là

$$0,2 \cdot 10^{-6} \pi \cdot 6a + \left( \frac{27\sqrt{3}}{10} \cdot 10^{-6} - 0,2 \cdot 10^{-6} \pi \right) a \approx 7,82 \cdot 10^{-6} a$$

Chọn phương án **D**

**Câu 32.** Một chất điểm  $A$  xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật  $v(t) = \frac{1}{150}t^2 + \frac{59}{75}t$  (m/s), trong đó  $t$  (s) là khoảng thời gian tính từ lúc  $A$  bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm  $B$  cũng xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng cùng hướng với  $A$  nhưng chậm hơn 3 giây so với  $A$  và có gia tốc bằng  $a$  (m/s<sup>2</sup>) ( $a$  là hằng số). Sau khi  $B$  xuất phát được 12 giây thì đuổi kịp  $A$ . Vận tốc của  $B$  tại thời điểm đuổi kịp  $A$  bằng

- A** 20 (m/s).      **B** 16 (m/s).  
**C** 13 (m/s).      **D** 15 (m/s).

**Lời giải.**

Từ đề bài, ta suy ra từ lúc chắt điểm A chuyển động đến lúc bị chắt điểm B bắt kịp thì A đi được 15 giây, B đi được 12 giây.

Biểu thức vận tốc của chắt điểm B có dạng  $v_B(t) = \int a dt = a \cdot t + C$ , lại có  $v_B(0) = 0$  nên  $v_B(t) = at$ .

Từ lúc chắt điểm A bắt đầu chuyển động cho đến lúc bị chắt điểm B bắt kịp thì quãng đường hai chắt điểm đi được là bằng nhau, nghĩa là

$$\int_0^{15} \left( \frac{1}{150}t^2 + \frac{59}{75}t \right) dt = \int_0^{12} at dt \Leftrightarrow 96 = 72a \Leftrightarrow a = \frac{4}{3}.$$

Do đó, vận tốc của B tại thời điểm đuổi kịp A bằng  $v_B(12) = \frac{4}{3} \cdot 12 = 16$  (m/s).

Chọn phương án **(B)**

**Câu 33.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $(\bar{z} + 3i)(z - 3)$  là số thuần ảo. Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các số phức  $z$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)**  $\frac{9}{2}$ .      **(B)**  $3\sqrt{2}$ .      **(C)** 3.      **(D)**  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ .

**Lời giải.**

Giả sử  $z = x + yi \Rightarrow \bar{z} = x - yi$  trong đó  $x, y \in \mathbb{R}$ .

Ta có  $(\bar{z} + 3i)(z - 3) = x^2 + y^2 - 3x - 3y + (3x + 3y - 9)i$ .

Số phức  $(\bar{z} + 3i)(z - 3)$  là số thuần ảo khi chỉ khi

$$x^2 + y^2 - 3x - 3y = 0 \Leftrightarrow \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \left(y - \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{2}.$$

Vậy tập hợp tất cả các điểm biểu diễn số phức  $z$  thỏa mãn yêu cầu bài toán là đường tròn có bán kính bằng  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 34.** Hệ số của  $x^5$  trong khai triển biểu thức  $x(3x - 1)^6 + (2x - 1)^8$  bằng

- (A)** -3007.      **(B)** -577.      **(C)** 3007.      **(D)** 577.

**Lời giải.**

Ta có  $(3x - 1)^6 = \sum_{k=0}^6 C_6^k 3^k x^k (-1)^{6-k}$ . Hệ số của số hạng chứa  $x^4$  là  $C_6^4 3^4 (-1)^{6-4} = 1215$ .

Ta lại có  $(2x - 1)^8 = \sum_{k=0}^8 C_8^k 2^k x^k (-1)^{8-k}$ . Hệ số của số hạng chứa  $x^5$  là  $C_8^5 2^5 (-1)^{8-5} = -1792$ .

Vậy hệ số của  $x^5$  trong khai triển  $x(3x - 1)^6 + (2x - 1)^8$  là  $1215 - 1792 = -577$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 35.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho phương trình  $25^x - m \cdot 5^{x+1} + 7m^2 - 7 = 0$  có hai nghiệm phân biệt. Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- (A)** 7.      **(B)** 1.      **(C)** 2.      **(D)** 3.

**Lời giải.**

Đặt  $t = 5^x$ , điều kiện  $t > 0$ . Phương trình trở thành  $t^2 - 5mt + 7m^2 - 7 = 0$  (\*).

Yêu cầu bài toán trở thành: tìm  $m$  để phương trình (\*) có hai nghiệm dương phân biệt  $\Leftrightarrow$

$$\begin{cases} \Delta = -3m^2 + 28 > 0 \\ 5m > 0 \\ 7m^2 - 7 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\sqrt{\frac{28}{3}} < m < \sqrt{\frac{28}{3}} \\ m > 0 \\ m > 1 \\ m < -1 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$1 < m < \sqrt{\frac{28}{3}}.$$

Suy ra  $S = \{2; 3\}$ . Vậy có 2 giá trị tham số  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 36.**

Cho hai hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx - 2$  và  $g(x) = dx^2 + ex + 2$  ( $a, b, c, d, e \in \mathbb{R}$ ). Biết rằng đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$  cắt nhau tại ba điểm có hoành độ lần lượt là  $-2; -1; 1$  (tham khảo hình vẽ). Hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho có diện tích bằng

- (A)**  $\frac{37}{6}$ .      **(B)**  $\frac{13}{2}$ .      **(C)**  $\frac{9}{2}$ .      **(D)**  $\frac{37}{12}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f(x) - g(x) = ax^3 + (b-d)x^2 + (c-e)x - 4$  (1). Mặt khác phương trình  $f(x) - g(x) = 0$  có 3 nghiệm phân biệt  $x = -2, x = -1, x = 1$  nên  $f(x) - g(x) = 0 \Leftrightarrow (x+2)(x+1)(x-1) = 0 \Leftrightarrow x^3 + 2x^2 - x - 2 = 0$  (2). Từ (1) và (2), suy ra  $f(x) - g(x) = 2x^3 + 4x^2 - 2x - 4$ .

Diện tích hình phẳng cần tìm là  $S = \int_{-2}^{-1} (2x^3 + 4x^2 - 2x - 4) dx - \int_{-1}^1 (2x^3 + 4x^2 - 2x - 4) dx = \frac{37}{6}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 37.** Cho  $a > 0, b > 0$  thỏa mãn  $\log_{10a+3b+1}(25a^2 + b^2 + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) = 2$ . Giá trị của  $a + 2b$  bằng

- (A)**  $\frac{5}{2}$ .      **(B)** 6.      **(C)** 22.      **(D)**  $\frac{11}{2}$ .

**Lời giải.**

Từ giả thuyết bài toán, ta suy ra  $25a^2 + b^2 + 1 > 1, 10a + 3b + 1 > 1$  và  $10ab + 1 > 1$ .

Áp dụng bất đẳng thức Cô-si, ta có  $25a^2 + b^2 + 1 \geq 2\sqrt{25a^2 b^2} + 1 = 10ab + 1$ .

Khi đó,

$$\log_{10a+3b+1}(25a^2 + b^2 + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) \geq \log_{10a+3b+1}(10ab + 1) + \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1) \geq 2\sqrt{\log_{10a+3b+1}(10ab + 1) \cdot \log_{10ab+1}(10a + 3b + 1)} = 2.$$

Dấu "=" xảy ra khi chỉ khi

$$\begin{cases} 5a = b \\ \log_{10a+3b+1}(10ab+1) = \log_{10ab+1}(10a+3b+1) = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = 5a \\ 10ab+1 = 10a+3b+1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = 5a \\ 50a^2 - 25a = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = 5a \\ a = 0 \text{ (loại)} \\ a = \frac{1}{2} \text{ (nhận)} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = \frac{5}{2} \\ a = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow a + 2b = \frac{11}{2}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 38.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số

$$y = x^8 + (m-1)x^5 - (m^2-1)x^4 + 1$$

đạt cực tiểu tại  $x = 0$ ?

- (A)** 3.      **(B)** 2.      **(C)** Vô số.      **(D)** 1.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 8x^7 + 5(m-1)x^4 - 4(m^2-1)x^3 + 1 = x^3 [8x^4 + 5(m-1)x - 4(m^2-1)]$ ,

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ 8x^4 + 5(m-1)x - 4(m^2-1) = 0 \quad (*) \end{cases}$$

- Nếu  $m = 1$  thì  $y' = 8x^7$ , suy ra hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ .

- Nếu  $m = -1$  thì  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ 8x^4 - 10x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x = 0 \text{ (nghiệm kép)} \\ x = \sqrt[3]{\frac{5}{4}} \end{cases} \Rightarrow x = 0 \text{ không phải là cực trị.}$$

- Nếu  $m \neq \pm 1$  thì  $x = 0$  là nghiệm đơn.

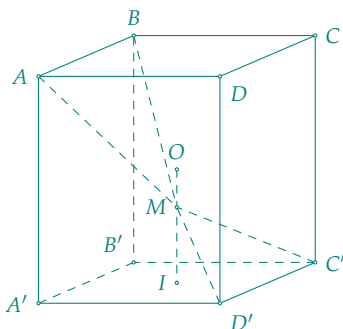
Đặt  $g(x) = 8x^4 + 5(m-1)x - 4(m^2-1)$ . Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x = 0$  khi chỉ khi  $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) > 0 \Leftrightarrow -4(m^2-1) > 0 \Leftrightarrow m^2-1 < 0 \Leftrightarrow -1 < m < 1$ . Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m = 0$ .

Vậy giá trị  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán là  $m = 0, m = 1$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 39.**

Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có tâm  $O$ . Gọi  $I$  là tâm của hình vuông  $ABCD$  và  $M$  là điểm thuộc  $OI$  sao cho  $MO = \frac{1}{2}MI$  (tham khảo hình vẽ). Khi đó, cô-sin góc tạo bởi hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  bằng



**(A)**  $\frac{6\sqrt{13}}{65}$ .

**(B)**  $\frac{7\sqrt{85}}{85}$ .

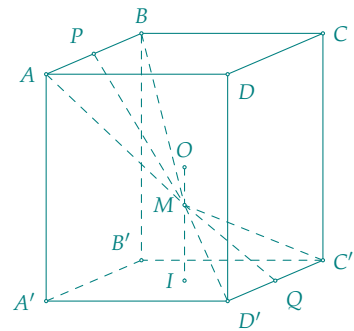
**(C)**  $\frac{6\sqrt{85}}{85}$ .

**(D)**  $\frac{17\sqrt{13}}{65}$ .

**Lời giải.**

Giả sử hình lập phương có độ dài cạnh bằng  $a$ .

Hai mặt phẳng  $(MC'D')$ ,  $(MAB)$  lần lượt chứa hai đường thẳng  $C'D'$ ,  $AB$  và  $AB \parallel C'D'$  nên giao tuyến của hai mặt phẳng này là đường



thẳng đi qua  $M$  và song song với  $AB$ .

Gọi  $P, Q$  lần lượt là trung điểm của  $AB, C'D'$ . Các tam giác  $MC'D', MAB$  cân ở  $M$  nên  $MP \perp C'D', MQ \perp AB$ .

Do đó, nếu  $\alpha$  là góc giữa hai mặt phẳng  $(MC'D')$  và  $(MAB)$  thì  $\cos \alpha = |\cos \widehat{PMQ}|$  (1)

Ta có

$$MQ = \sqrt{MI^2 + IQ^2} = \sqrt{\left(\frac{2}{3}OI\right)^2 + IQ^2} =$$

$$\sqrt{\left(\frac{2}{3} \cdot \frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \frac{a\sqrt{13}}{6}; MP = \sqrt{\left(\frac{4}{3}OI\right)^2 + IQ^2} = \frac{5a}{6}; PQ = AD' = a\sqrt{2}; \cos \alpha = |\cos \widehat{PMQ}| =$$

$$\left| \frac{MP^2 + MQ^2 - PQ^2}{2 \cdot MP \cdot MQ} \right| = \left| \frac{\frac{25a^2}{36} + \frac{13a^2}{36} - 2a^2}{2 \cdot \frac{5a}{6} \cdot \frac{a\sqrt{13}}{6}} \right| =$$

$$\frac{17\sqrt{13}}{65}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  thỏa mãn  $f(2) = -\frac{1}{3}$  và  $f'(x) = x[f(x)]^2$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

- (A)**  $-\frac{11}{6}$ .      **(B)**  $-\frac{2}{3}$ .      **(C)**  $-\frac{2}{9}$ .      **(D)**  $-\frac{7}{6}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = x[f(x)]^2 \Leftrightarrow \frac{f'(x)}{f^2(x)} = x$ .

Do đó,

$$\begin{aligned} \int \frac{f'(x)}{f^2(x)} dx &= \int x dx \\ \Leftrightarrow -\int d\left(\frac{1}{f(x)}\right) &= \int x dx \\ \Leftrightarrow -\frac{1}{f(x)} &= \frac{1}{2}x^2 + C \\ \Leftrightarrow f(x) &= -\frac{1}{\frac{1}{2}x^2 + C}. \end{aligned}$$

Theo giả thuyết,  $f(2) = -\frac{1}{3} \Rightarrow C = 1 \Rightarrow f(x) = -\frac{1}{\frac{1}{2}x^2 + 1}$ .

Suy ra  $f(1) = -\frac{2}{3}$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 41.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(-1; 2; 1)$  và đi qua điểm  $A(1; 0; -1)$ . Xét các điểm  $B, C, D$  thuộc  $(S)$  sao cho  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau. Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  lớn nhất bằng

- (A)**  $\frac{64}{3}$ .    **(B)** 32.    **(C)** 64.    **(D)**  $\frac{32}{3}$ .

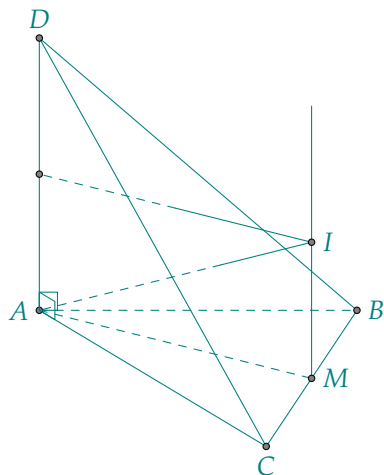
**Lời giải.**

Đặt  $AD = a, AB = b, AC = c$ .

Khi đó,  $V_{ABCD} = \frac{1}{6} AB \cdot AC \cdot AD = \frac{1}{6} abc$ .

Ta có bán kính mặt cầu  $(S)$  là  $R = IA = 2\sqrt{3}$ .

Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ . Khi đó,  $AM = \frac{b^2 + c^2}{2}$ .



Vì tứ diện  $ABCD$  nội tiếp trong mặt cầu  $(S)$  nên ta có  $IM \parallel AD$  và  $IM = \frac{1}{2} AD = \frac{1}{2} a$ .

Xét tam giác  $AIM$  vuông tại  $M$ , ta có

$$AI^2 = AM^2 + IM^2 \Leftrightarrow a^2 + b^2 + c^2 = 48$$

Suy ra  $V_{ABCD}^2 = \frac{1}{36} a^2 b^2 c^2 \leq \frac{1}{36} \frac{(a^2 + b^2 + c^2)^3}{27} = \frac{1024}{9}$

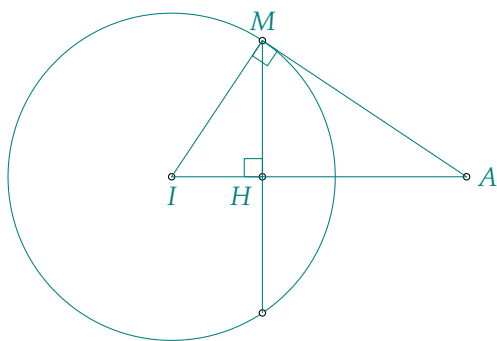
hay  $V_{ABCD} \leq \frac{32}{3}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): (x-2)^2 + (y-3)^2 + (z-4)^2 = 2$  và điểm  $A(1; 2; 3)$ . Xét điểm  $M$  thuộc mặt cầu  $(S)$  sao cho đường thẳng  $AM$  tiếp xúc với  $(S)$ ,  $M$  luôn thuộc mặt phẳng có phương trình là

- (A)**  $2x + 2y + 2z + 15 = 0$ .  
**(B)**  $2x + 2y + 2z - 15 = 0$ .  
**(C)**  $x + y + z + 7 = 0$ .  
**(D)**  $x + y + z - 7 = 0$ .

**Lời giải.**



Mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(2; 3; 4)$  bán kính  $R = \sqrt{2}$ .

Ta có  $\vec{IA} = (-1; -1; -1) \Rightarrow IA = \sqrt{3}$ .

Suy ra điểm  $A$  nằm ngoài mặt cầu  $(S)$ .

Do đó tập hợp tất cả các điểm  $M$  nằm trên mặt phẳng cố định  $(\alpha)$ . Mặt phẳng cố định  $(\alpha)$  đi qua điểm  $H$  là hình chiếu của điểm  $M$  xuống  $IA$  và nhận  $\vec{IA} = (-1; -1; -1)$  làm véc-tơ pháp tuyến.

Do hai tam giác  $MHI$  và  $AMI$  đồng dạng nên suy ra

$$IM^2 = IH \cdot IA \Rightarrow IH = \frac{IM^2}{IA} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

Suy ra  $\vec{IA} = \frac{2}{3} \vec{IA} \Rightarrow H\left(\frac{4}{3}; \frac{7}{3}; \frac{10}{3}\right)$ . Mặt phẳng

cần tìm có phương trình là  $-\left(x - \frac{4}{3}\right) - \left(y - \frac{7}{3}\right) - \left(z - \frac{10}{3}\right) = 0 \Leftrightarrow x + y + z - 7 = 0$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 43.** Ba bạn  $A, B, C$  mỗi bạn viết lên bảng một số ngẫu nhiên thuộc đoạn  $[1; 19]$ . Xác suất để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 bằng

- (A)**  $\frac{1027}{6859}$ .    **(B)**  $\frac{2539}{6859}$ .    **(C)**  $\frac{2287}{6859}$ .    **(D)**  $\frac{109}{323}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $n(\Omega) = 19^3$ .

Trong các số tự nhiên thuộc đoạn  $[1; 19]$  có 6 số chia hết cho 3, đó là  $\{3; 6; 9; 12; 15; 18\}$ , có 7 số chia cho 3 dư 1, đó là  $\{1; 4; 7; 10; 13; 16; 19\}$  và có 6 số chia cho 3 dư 2, đó là  $\{2; 5; 8; 11; 14; 17\}$ .

Để ba số được viết ra có tổng chia hết cho 3 cần phải xảy ra các trường hợp sau

- **Trường hợp 1.** Cả ba số viết ra đều chia hết cho 3: có  $6^3$  cách viết.
- **Trường hợp 2.** Cả 3 số viết ra đều chia cho 3 dư 1: có  $7^3$  cách viết.
- **Trường hợp 3.** Cả 3 số viết ra đều chia cho 3 dư 2: có  $6^3$  cách viết.
- **Trường hợp 4.** Trong ba số viết ra có 1 số chia hết cho 3, 1 số chia cho 3 dư 1 và 1 chia cho 3 dư 2: có  $6 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 3!$  cách viết.

Vậy xác suất cần tìm là  $p = \frac{6^3 + 7^3 + 6^3 + 6 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 3!}{19^3} = \frac{2287}{6859}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 44.** Trong không gian  $Oxyz$  cho đường thẳng

$d: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -3 \\ z = 5 + 4t \end{cases}$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua điểm

$A(1; -3; 5)$  và có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{u} = (1; 2; -2)$ . Đường phân giác góc nhọn tạo bởi hai đường thẳng  $d$  và  $\Delta$  là

- (A)**  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = 6 + 11t \end{cases}$ .    **(B)**  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = -6 + 11t \end{cases}$ .

$$\textcircled{C} \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 3 - 5t \\ z = 5 + t \end{cases} \quad \textcircled{D} \begin{cases} x = 1 - t \\ y = -3 \\ z = 5 + 7t \end{cases}$$

**Lời giải.**

Ta có điểm  $A(1; -3; 5)$  thuộc đường thẳng  $d$  nên  $A$  là giao điểm của  $d$  và  $\Delta$ .

Một véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $d$  là  $\vec{v} = (-3; 0; -4)$ .

Đặt  $\vec{u}' = \frac{1}{|\vec{u}|}\vec{u} = \left(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}; -\frac{2}{3}\right)$ ,  $\vec{v}' = \frac{1}{|\vec{v}|}\vec{v} = \left(-\frac{3}{5}; 0; -\frac{4}{5}\right)$ . Ta có  $\vec{u}' \cdot \vec{v}' > 0$  nên góc tạo bởi hai véc-tơ  $\vec{u}', \vec{v}'$  là góc nhọn tạo bởi  $d$  và  $\Delta$ .

Suy ra  $\vec{w} = \vec{u}' + \vec{v}' = \left(-\frac{4}{15}; \frac{10}{15}; -\frac{22}{15}\right) = -\frac{2}{15}(2; -5; 11)$  là véc-tơ chỉ phương của đường phân giác cần tìm. Phương trình đường phân giác cần tìm là

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -3 - 5t \\ z = 5 + 11t \end{cases}$$

Chọn  $t = -2$  suy ra điểm  $M(-1; 2; -6)$  thuộc đường phân giác. Khi đó, đường phân giác có phương trình

$$\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 5t \\ z = -6 + 11t \end{cases}$$

Chọn phương án **B**

**Câu 45.** Cho phương trình  $3^x + m = \log_3(x - m)$  với  $m$  là tham số. Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m \in (-15; 15)$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- A** 16. **B** 9. **C** 14. **D** 15.

**Lời giải.**

Ta có  $3^x + m = \log_3(x - m) \Leftrightarrow 3^x + x = \log_3(x - m) + x - m$  (\*).

Xét hàm số  $f(t) = 3^t + t$  với  $t \in \mathbb{R}$ , ta có  $f'(t) = 3^t \ln 3 + 1 > 0, \forall t \in \mathbb{R}$  nên hàm số  $f(t)$  đồng biến trên tập xác định. Mặt khác, phương trình (\*) có dạng  $f(x) = f(\log_3(x - m))$ . Do đó,

$$f(x) = f(\log_3(x - m)) \Leftrightarrow x = \log_3(x - m) \Leftrightarrow 3^x = x - m$$

Xét hàm số  $g(x) = 3^x - x$  với  $x \in \mathbb{R}$ , ta có  $g'(x) = 3^x \ln 3 - 1, g'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \log_3\left(\frac{1}{\ln 3}\right) = a$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$a$	$+\infty$
$g'(x)$		-	+
$g(x)$	$+\infty$	$g(a)$	$+\infty$

Từ bảng biến thiên, ta suy ra phương trình (\*\*) có nghiệm khi chỉ khi  $m \in (-\infty; -g(a))$ .

Mặt khác,  $m \in \mathbb{Z} \cap (-15; 15)$  nên  $m \in \{-14; -13; -12; \dots; -1\}$  (vì  $-g(a) \approx -0,9958452485$ ).

Do đó, có 14 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

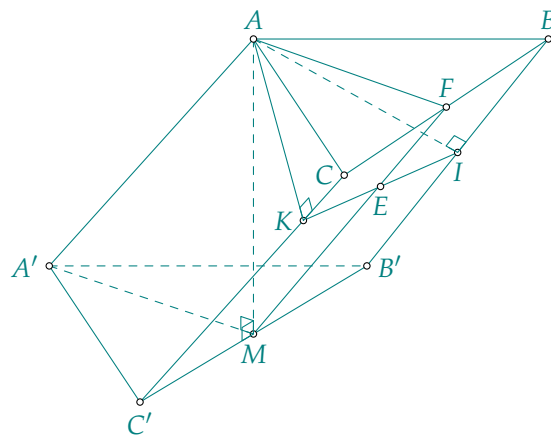
Chọn phương án **C**

**Câu 46.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , khoảng cách từ điểm  $C$  đến đường thẳng  $BB'$  bằng  $\sqrt{5}$ , khoảng cách từ  $A$  đến các đường thẳng  $BB'$  và  $CC'$  lần lượt bằng 1 và 2, hình chiếu vuông góc của  $A$  lên mặt phẳng  $(A'B'C')$  là trung điểm  $M$  của  $B'C'$  và  $A'M = \frac{\sqrt{15}}{3}$ . Thể tích của

khối lăng trụ đã cho bằng

- A**  $\frac{\sqrt{15}}{3}$ . **B**  $\frac{2\sqrt{5}}{3}$ . **C**  $\sqrt{5}$ . **D**  $\frac{2\sqrt{15}}{3}$ .

**Lời giải.**



Kẻ  $AI \perp BB', AK \perp CC'$ . Khoảng cách từ  $A$  đến  $BB', CC'$  lần lượt là 1; 2 nên  $AI = 1, AK = 2$ .

Gọi  $F$  là trung điểm của  $BC$ .

$$\text{Vì } A'M = \frac{\sqrt{15}}{3} \Rightarrow AF = \frac{\sqrt{15}}{3}$$

$$\text{Ta có } \begin{cases} AI \perp BB' \\ BB' \perp AK \end{cases} \Rightarrow BB' \perp (AIK)$$

$$\Rightarrow BB' \perp IK.$$

Vì  $CC' \parallel BB'$  nên

$$d(C, BB') = d(K, BB') = IK = \sqrt{5}$$

$\Rightarrow \triangle AIK$  vuông tại  $A$ . Gọi  $E$  là trung điểm của  $IK \Rightarrow EF \parallel BB' \Rightarrow EF \perp (AIK) \Rightarrow EF \perp AE$ .

Mà  $AM \perp (ABC)$  nên  $((ABC), (AIK)) = (\widehat{EF, AM}) =$

$\widehat{AME} = \widehat{FAE}$  ( $\vec{EF}, \vec{AM}$  là véc-tơ pháp tuyến của của  $(AKI), (ABC)$ ).

$$\text{Ta có } \cos \widehat{FAE} = \frac{AE}{AF} = \frac{\frac{\sqrt{5}}{2}}{\frac{\sqrt{15}}{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \widehat{FAE} = 30^\circ$$
 ( $AE$

là đường trung tuyến của tam giác  $AKI$  vuông tại  $A$ ).

Hình chiếu vuông góc của tam giác  $ABC$  lên mặt phẳng  $(AIK)$  là tam giác  $AIK$  nên

$$S_{\triangle AIK} = S_{\triangle ABC} \cdot \cos \widehat{EAF} \Rightarrow S_{\triangle ABC} = \frac{S_{\triangle AIK}}{\cos \widehat{EAF}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

Xét tam giác  $AMF$  vuông tại  $A$ , ta có  $\tan \widehat{AMF} =$

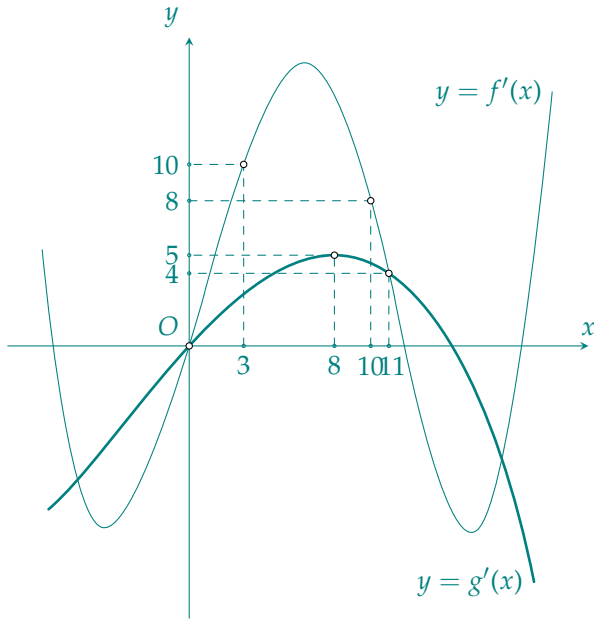


$$\frac{AF}{AM} \Rightarrow AM = \frac{AF}{\tan \angle AMF} = \sqrt{5}.$$

$$\text{Vậy } V_{ABC.A'B'C'} = \sqrt{5} \cdot \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{15}}{3}.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 47.** Cho hai hàm số  $y = f(x)$  và  $y = g(x)$ . Hai hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = g'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên, trong đó đường cong đậm hơn là đồ thị hàm số  $y = g'(x)$ .



Hàm số  $h(x) = f(x+7) - g\left(2x + \frac{9}{2}\right)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $\left(2; \frac{16}{5}\right)$ .      **(B)**  $\left(-\frac{3}{4}; 0\right)$ .  
**(C)**  $\left(\frac{16}{5}; +\infty\right)$ .      **(D)**  $\left(3; \frac{13}{4}\right)$ .

**Lời giải.**

Kẻ đường thẳng  $y = 10$  cắt đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  tại  $A(a; 10)$  với  $a \in (8; 10)$ . Khi đó,

$$\begin{cases} f'(x+7) > 10 \text{ khi } 3 < x+7 < a \\ g'\left(2x + \frac{9}{2}\right) \leq 5 \text{ khi } 0 \leq 2x + \frac{9}{2} \leq 11 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f'(x+7) > 10 \text{ khi } -4 < x < 1 \\ g'\left(2x + \frac{9}{2}\right) \leq 5 \text{ khi } 0 \leq x \leq \frac{13}{4} \end{cases}$$

Do đó,  $h'(x) = f'(x+7) - 2g'\left(2x + \frac{9}{2}\right) > 0$  khi  $-\frac{9}{4} \leq x < 1$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  có đồ thị (C). Gọi I là giao điểm của hai tiệm cận của (C). Xét tam giác đều ABI có hai đỉnh A, B thuộc (C), đoạn AB có độ dài bằng

- (A)** 3.      **(B)** 2.      **(C)**  $2\sqrt{2}$ .      **(D)**  $2\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**

Giao điểm hai đường tiệm cận của (C) là  $I(-1; 1)$ . Hàm số đã cho được viết lại  $y = 1 - \frac{2}{x+1}$ .

Giả sử  $A\left(a; 1 - \frac{2}{a+1}\right) \in (C)$ ,  $B\left(b; 1 - \frac{2}{b+1}\right) \in (C)$ .

Ta có  $\vec{IA} = \left(a+1; -\frac{2}{a+1}\right)$ ,  $\vec{IB} = \left(b+1; -\frac{2}{b+1}\right)$ .

Đặt  $a_1 = a+1$ ,  $b_1 = b+1$  (hiển nhiên  $a_1 \neq 0$ ,  $b_1 \neq 0$  và  $a_1 \neq b_1$ ).

Tam giác ABI đều khi chỉ khi  $\begin{cases} IA^2 = IB^2 \\ \cos(\vec{IA}, \vec{IB}) = \cos 60^\circ \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} a_1^2 + \frac{4}{a_1^2} = b_1^2 + \frac{4}{b_1^2} \\ \frac{\vec{IA} \cdot \vec{IB}}{IA \cdot IB} = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (a_1^2 - b_1^2) \left(1 - \frac{4}{a_1^2 b_1^2}\right) = 0 & (1) \\ \frac{a_1 b_1 + \frac{4}{a_1 b_1}}{a_1^2 + \frac{4}{a_1^2}} = \frac{1}{2} & (2) \end{cases}$$

Phương trình

$$(1) \Leftrightarrow \begin{cases} a_1 = b_1, \text{ loại vì } A \equiv B. \\ a_1 = -b_1, \text{ loại vì không thỏa mãn (2).} \\ a_1 b_1 = -2, \text{ loại vì không thỏa mãn (2).} \\ a_1 b_1 = 2. \end{cases}$$

Với  $a_1 b_1 = 2$ , thay vào (2), ta được  $\frac{2 + \frac{4}{2}}{a_1^2 + \frac{4}{a_1^2}} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow$

$$a_1^2 + \frac{4}{a_1^2} = 8.$$

Vậy  $AB = IA = \sqrt{a_1^2 + \frac{4}{a_1^2}} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 49.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|(z-3-i) + 2i = (4-i)z$ ?

- (A)** 1.      **(B)** 3.      **(C)** 2.      **(D)** 4.

**Lời giải.**

Ta có  $|z|(z-3-i) + 2i = (4-i)z \Leftrightarrow z(4-|z|-i) = -3|z| + (2-|z|)i$ .

Đặt  $t = |z|$ , điều kiện  $t \geq 0, t \in \mathbb{R}$ . Lấy mô-đun hai vế ta được  $t|4-t-i| = |-3t+(2-t)i| \Leftrightarrow t\sqrt{(4-t)^2+1} = \sqrt{9t^2+(2-t)^2} \Leftrightarrow t^4-8t^3+6t^2+4t-3=0 \Leftrightarrow$

$$(t-1)(t^3-7t^2-t+3)=0 \Leftrightarrow \begin{cases} t=1 \\ t \approx 7,081 \\ t \approx 0,61146 \\ t \approx -0,6928. \end{cases} \text{ Do đó,}$$

Mặt khác, với mỗi  $t \geq 0$ , ta có  $z = \frac{-3t+(2-t)i}{4-t-i}$  nên

có duy nhất một số phức  $z$  thỏa mãn.

Vậy có 3 số phức thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{8}x^4 - \frac{7}{4}x^2$  có đồ thị là (C). Có bao nhiêu điểm A thuộc (C) sao cho tiếp tuyến của (C) tại A cắt (C) tại hai điểm phân biệt  $M(x_1; y_1); N(x_2; y_2)$  ( $M, N$  khác A) thỏa mãn  $y_1 - y_2 = 3(x_1 - x_2)$ ?

- (A)** 0.      **(B)** 2.      **(C)** 3.      **(D)** 1.

**Lời giải.**

Phương trình đường thẳng MN có dạng  $\frac{x-x_2}{x_1-x_2} = \frac{y-y_2}{y_1-y_2} \Rightarrow$  hệ số góc của đường thẳng MN là  $k = \frac{y_1-y_2}{y_1-y_2} \Rightarrow$  hệ số góc của đường thẳng MN là  $k =$

$$\frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2} = 3.$$

Suy ra tiếp tuyến của (C) tại  $A \left( x_0; \frac{1}{8}x_0^4 - \frac{7}{4}x_0^2 \right)$  có hệ số góc bằng 3. Suy ra

$$f'(x_0) = 3 \Leftrightarrow \frac{1}{2}x_0^3 - \frac{7}{2}x_0 = 3 \Leftrightarrow \begin{cases} x_0 = -1 \\ x_0 = 3 \\ x_0 = -2. \end{cases}$$

- Với  $x_0 = -1$ , ta có  $A \left( -1; \frac{13}{8} \right)$ . Phương trình tiếp tuyến là  $y = 3x + \frac{11}{8}$ .

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $\frac{1}{8}x^4 -$

$$\frac{7}{4}x^2 = 3x + \frac{11}{8} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 1 + \sqrt{3} \\ x = 1 - \sqrt{3} \end{cases} \Rightarrow$$

$A \left( -1; \frac{13}{8} \right)$  thỏa yêu cầu bài toán.

- Với  $x_0 = 3$  ta có  $A \left( 3; -\frac{171}{8} \right)$ . Phương trình tiếp tuyến  $y = 3x - \frac{195}{8}$ .

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $\frac{1}{8}x^4 - \frac{7}{4}x^2 = 3x - \frac{195}{8} \Leftrightarrow x = 3 \Rightarrow$

$A \left( 3; -\frac{171}{8} \right)$  không thỏa mãn yêu cầu bài toán.

- Với  $x_0 = -2$ , ta có  $A (-2; -5)$ . Phương trình tiếp tuyến  $y = 3x + 1$ .

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $\frac{1}{8}x^4 -$

$$\frac{7}{4}x^2 = 3x - \frac{195}{8} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 2 + \sqrt{6} \\ x = 2 - \sqrt{6} \end{cases} \Rightarrow$$

$A (-2; -5)$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Vậy có 2 điểm A thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Chọn phương án (B)

Hết

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. B	2. A	3. A	4. D	5. D	6. A	7. A	8. A	9. A	10. D	11. C
12. B	13. C	14. B	15. C	16. A	17. C	18. D	19. A	20. A	21. B	22. D
23. D	24. D	25. A	26. A	27. A	28. C	29. A	30. C	31. D	32. B	33. D
34. B	35. C	36. A	37. D	38. B	39. D	40. B	41. D	42. D	43. C	44. B
45. C	46. D	47. B	48. C	49. B	50. B					

9

ĐỀ MINH HỌA NĂM 2019

## KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA NĂM 2019 ĐỀ MINH HỌA

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Thể tích của khối lập phương cạnh  $2a$  bằng

- (A)  $8a^3$ . (B)  $2a^3$ . (C)  $a^3$ . (D)  $6a^3$ .

**Lời giải.**

Thể tích của khối lập phương cạnh  $2a$  bằng  $(2a)^3 = 8a^3$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 2.** Hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$				
$y'$		-	0	+	0	-		
$y$		$+\infty$		1		5		$-\infty$

Giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng

- (A) 1. (B) 2. (C) 0. (D) 5.

**Lời giải.**

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng 5.

Chọn phương án (D)

**Câu 3.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 1; -1)$  và  $B(2; 3; 2)$ . Véc-tơ  $\vec{AB}$  có tọa độ là

- (A)  $(1; 2; 3)$ . (B)  $(-1; -2; 3)$ .  
(C)  $(3; 5; 1)$ . (D)  $(3; 4; 1)$ .

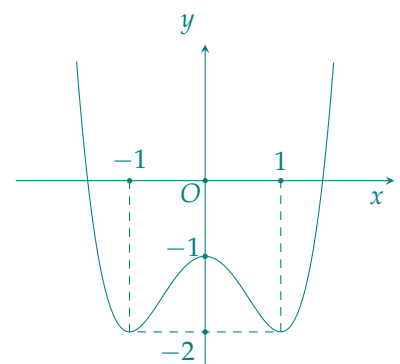
**Lời giải.**

Ta có  $\vec{AB} = (2 - 1; 3 - 1; 2 + 1) = (1; 2; 3)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 4.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(0; 1)$ . (B)  $(-\infty; -1)$ .  
(C)  $(-1; 1)$ . (D)  $(-1; 0)$ .

**Lời giải.**

Hàm số đồng biến trên khoảng nào thì đồ thị có hướng đi lên trên khoảng đó.

Dựa vào đồ thị đã cho, ta thấy hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 5.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  có số hạng đầu  $u_1 = 2$  và công sai  $d = 5$ . Giá trị của  $u_4$  bằng

- (A) 22. (B) 17. (C) 12. (D) 250.

**Lời giải.**

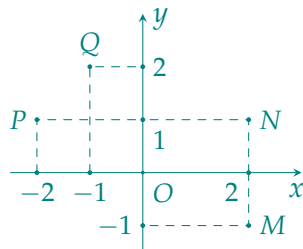
Ta có  $u_4 = u_1 + 3d = 2 + 3 \cdot 5 = 17$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 6.**

Điểm nào trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn số phức  $z = -1 + 2i$ ?

- (A) N. (B) P.  
(C) M. (D) Q.



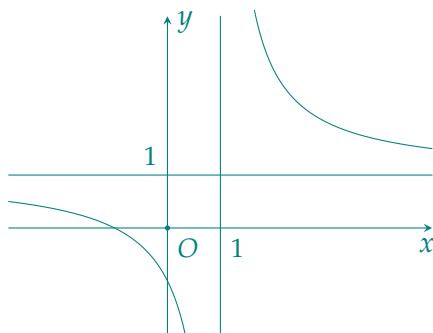
**Lời giải.**

Vì  $z = -1 + 2i$  nên điểm biểu diễn của số phức  $z$  có tọa độ  $(-1; 2)$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 7.**

Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- (A)  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ . (B)  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .  
(C)  $y = x^4 + x^2 + 1$ . (D)  $y = x^3 - 3x - 1$ .

**Lời giải.**

Đường cong có đường tiệm cận đứng  $x = 1$  và tiệm cận ngang  $y = 1$  nên nó không thể là đồ thị của hàm đa thức. Ta xét các trường hợp sau:

a) Xét  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ , có

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x-1}{x-1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x-1}{x-1} = 2 \Rightarrow y = 2$$

là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số. Do đó đường cong trên không thể là đồ thị của hàm số

$$y = \frac{2x-1}{x-1}.$$

b) Xét  $y = \frac{x+1}{x-1}$ , có

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x+1}{x-1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+1}{x-1} = 1 \Rightarrow y = 1$$

là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x+1}{x-1} = +\infty \text{ và } \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x+1}{x-1} = -\infty \Rightarrow x = 1$$

là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

Do đó đường cong trên là đồ thị của hàm số

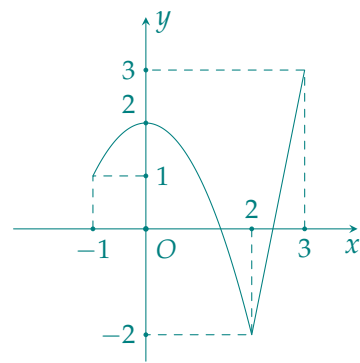
$$y = \frac{x+1}{x-1}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 8.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 3]$  có đồ thị như hình vẽ bên. Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[-1; 3]$ . Giá trị của  $M - m$  bằng

- (A) 0. (B) 1.  
(C) 4. (D) 5.



**Lời giải.**

Dựa vào đồ thị ta có  $M = 3, m = -2$ . Do đó  $M - m = 5$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 9.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-1)(x+2)^3$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 3. (B) 2. (C) 5. (D) 1.

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -2 \end{cases}$ . Ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$		$\searrow$	$\nearrow$	$\searrow$	$\nearrow$	

Dựa vào bảng biến thiên, hàm số có ba điểm cực trị.

Chọn phương án (A)

**Câu 10.** Tìm các số thực  $a$  và  $b$  thỏa mãn  $2a + (b+i)i = 1 + 2i$  với  $i$  là đơn vị ảo.

- (A)  $a = 0, b = 2$ . (B)  $a = \frac{1}{2}, b = 1$ .  
(C)  $a = 0, b = 1$ . (D)  $a = 1, b = 2$ .

**Lời giải.**

Ta có  $2a + (b+i)i = 1 + 2i \Leftrightarrow 2a - 1 + bi = 1 + 2i \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} 2a - 1 = 1 \\ b = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 2 \end{cases}$$

Chọn phương án (D)

**Câu 11.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $I(1; 1; 1)$  và  $A(1; 2; 3)$ . Phương trình của mặt cầu tâm  $I$  và đi qua  $A$  là

- (A)  $(x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 29$ .  
(B)  $(x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 5$ .  
(C)  $(x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 25$ .  
(D)  $(x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 5$ .

**Lời giải.**

Mặt cầu tâm  $I(1; 1; 1)$ , bán kính  $R = IA = \sqrt{5}$  có phương trình là

$$(x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 5.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 12.** Đặt  $\log_3 2 = a$ , khi đó  $\log_{16} 27$  bằng

- (A)  $\frac{3a}{4}$ . (B)  $\frac{3}{4a}$ . (C)  $\frac{4}{3a}$ . (D)  $\frac{4a}{3}$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } \log_{16} 27 = \log_{2^4} 3^3 = \frac{3}{4} \log_2 3 = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{\log_3 2} = \frac{3}{4a}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 13.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 3z + 5 = 0$ . Giá trị của  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A)  $2\sqrt{5}$ . (B)  $\sqrt{5}$ . (C) 3. (D) 10.

**Lời giải.**

$$z^2 - 3z + 5 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z = \frac{3 + \sqrt{11}i}{2} \\ z = \frac{3 - \sqrt{11}i}{2} \end{cases} \Rightarrow |z_1| = |z_2| = \sqrt{5}$$

$$\sqrt{5} \Rightarrow |z_1| + |z_2| = 2\sqrt{5}.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 14.** Trong không gian  $Oxyz$  khoảng cách giữa hai mặt phẳng  $(P): x + 2y + 2z - 10 = 0$  và  $(Q): x + 2y + 2z - 3 = 0$  bằng

- (A)  $\frac{8}{3}$ . (B)  $\frac{7}{3}$ . (C) 3. (D)  $\frac{4}{3}$ .

**Lời giải.**

Xét thấy  $(P) \parallel (Q)$ .

Trên  $(P)$  lấy  $M(0;0;5)$ . Khi đó, khoảng cách giữa hai mặt phẳng  $(P)$  và  $(Q)$  là:

$$d((P), (Q)) = d(M, (Q)) = \frac{|0 + 2 \cdot 0 + 2 \cdot 5 - 3|}{\sqrt{1^2 + 2^2 + 2^2}} = \frac{7}{3}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 15.** Tập nghiệm của bất phương trình  $3^{x^2-2x} < 27$  là

- (A)  $(-\infty; -1)$ . (B)  $(3; +\infty)$ .  
(C)  $(-1; 3)$ . (D)  $(-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$ .

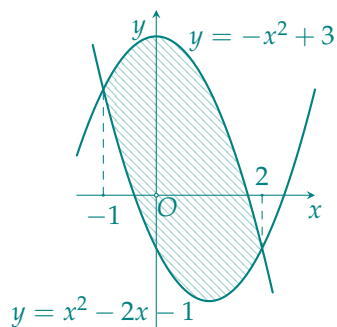
**Lời giải.**

$$3^{x^2-2x} < 27 \Leftrightarrow 3^{x^2-2x} < 3^3 \Leftrightarrow x^2 - 2x < 3 \Leftrightarrow x^2 - 2x - 3 < 0 \Leftrightarrow -1 < x < 3.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 16.**

Diện tích phần hình phẳng gạch chéo trong hình vẽ bên được tính theo công thức nào dưới đây?



- (A)  $\int_{-1}^2 (2x^2 - 2x - 4) dx$ .  
(B)  $\int_{-1}^2 (-2x + 2) dx$ .  
(C)  $\int_{-1}^2 (2x - 2) dx$ .

(D)  $\int_{-1}^2 (-2x^2 + 2x + 4) dx$ .

**Lời giải.**

$$S = \int_{-1}^2 [(-x^2 + 3) - (x^2 - 2x - 1)] dx = \int_{-1}^2 (-2x^2 + 2x + 4) dx.$$

Chọn phương án (D)

**Câu 17.** Cho khối nón có độ dài đường sinh bằng  $2a$  và bán kính đáy bằng  $a$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{\sqrt{3}\pi a^3}{3}$ . (B)  $\frac{\sqrt{3}\pi a^3}{2}$ .  
(C)  $\frac{2\pi a^3}{3}$ . (D)  $\frac{\pi a^3}{3}$ .

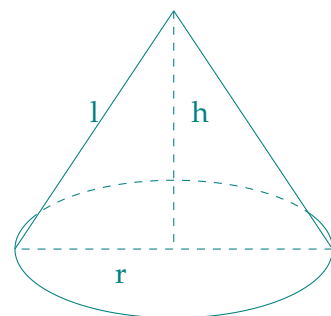
**Lời giải.**

Ta có  $l = 2a; r = a$ , suy ra

$$h = \sqrt{l^2 - r^2} = \sqrt{3}a.$$

Thể tích của khối nón là

$$V = \frac{1}{3}\pi r^2 h = \frac{\sqrt{3}\pi a^3}{3}.$$



Chọn phương án (A)

**Câu 18.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau.

$x$	$-\infty$	1	$+\infty$
$y'$	+		+
$y$	2	$+\infty$	5

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 4. (B) 1. (C) 3. (D) 2.

**Lời giải.**

Từ bảng biến thiên ta có

- $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = 2$  suy ra  $y = 2$  là tiệm cận ngang.
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 5$  suy ra  $y = 5$  là tiệm cận ngang.
- $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = +\infty$  suy ra  $x = 1$  là tiệm cận đứng.

Vậy đồ thị hàm số tổng cộng có 3 đường tiệm cận ngang và tiệm cận đứng.

Chọn phương án (C)

**Câu 19.** Cho khối chóp tứ giác đều có tất cả các cạnh bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ . (B)  $\frac{8a^3}{3}$ . (C)  $\frac{8\sqrt{2}a^3}{3}$ . (D)  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$ .

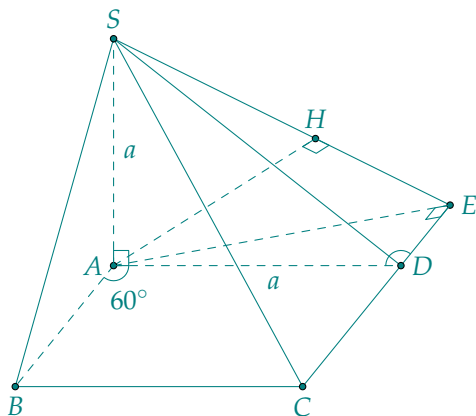
**Lời giải.**



**Câu 26.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thoi cạnh  $a$ ,  $\widehat{BAD} = 60^\circ$ ,  $SA = a$  và  $SA$  vuông góc với mặt đáy. Khoảng cách từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SCD)$  bằng

- Ⓐ  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ . Ⓑ  $\frac{\sqrt{15}a}{7}$ . Ⓒ  $\frac{\sqrt{21}a}{3}$ . Ⓓ  $\frac{\sqrt{15}a}{3}$ .

**Lời giải.**



Ta có  $AB \parallel (SCD) \Rightarrow d(B, (SCD)) = d(A, (SCD))$ .

Trong  $(ABCD)$ , kẻ  $AE \perp CD$  tại  $E$ .

Trong  $(SAE)$ , kẻ  $AH \perp SE$  tại  $H$  (1).

Ta có  $\begin{cases} CD \perp AE \\ CD \perp SA \end{cases} \Rightarrow CD \perp (SAE) \Rightarrow CD \perp AH$  (2).

Từ (1) và (2) suy ra  $AH \perp (SCD)$

$\Rightarrow d(A, (SCD)) = AH$ .

Xét tam giác  $AED$  vuông tại  $E$

$$\Rightarrow AE = AD \cdot \sin 60^\circ = \frac{a\sqrt{3}}{2}.$$

Xét  $\triangle SAE$  vuông tại  $A \Rightarrow \frac{1}{AH^2} = \frac{1}{AS^2} + \frac{1}{AE^2}$

$$\Rightarrow \frac{1}{AH^2} = \frac{1}{a^2} + \frac{4}{3a^2} \Rightarrow AH = \frac{a\sqrt{21}}{7}.$$

$$\text{Vậy } d(B, (SCD)) = d(A, (SCD)) = AH = \frac{a\sqrt{21}}{7}.$$

Chọn phương án Ⓐ

**Câu 27.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x + y + z - 3 = 0$  và đường thẳng  $d: \frac{x}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{-1}$ . Hình chiếu vuông góc của  $d$  trên  $(P)$  có phương trình là

- Ⓐ  $\frac{x+1}{-1} = \frac{y+1}{-4} = \frac{z+1}{5}$ .  
 Ⓑ  $\frac{x-1}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-1}{-1}$ .  
 Ⓒ  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-1}{-5}$ .  
 Ⓓ  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-4}{1} = \frac{z+5}{1}$ .

**Lời giải.**

Phương trình tham số của đường thẳng  $d$  là

$$\begin{cases} x = t \\ y = -1 + 2t \\ z = 2 - t \end{cases}$$

Gọi  $A$  là giao điểm của đường thẳng  $d$  và mặt phẳng  $(P)$ . Khi đó, ta có hệ phương trình

$$\begin{cases} x = t \\ y = -1 + 2t \\ z = 2 - t \end{cases} \Rightarrow t + (-1 + 2t) + (2 - t) - 3 = 0 \Leftrightarrow t = 1 \Rightarrow A(1; 1; 1).$$

Ta có đường thẳng  $d$  có véc-tơ chỉ phương là  $\vec{u}_d = (1; 2; -1)$ , mặt phẳng  $(P)$  có véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{n}_{(P)} = (1; 1; 1)$ .

Gọi  $(Q)$  là mặt phẳng chứa đường thẳng  $d$  và vuông góc với  $(P)$ . Khi đó  $(Q)$  có véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{n}_{(Q)} = [\vec{u}_d, \vec{n}_{(P)}] = (3; -2; -1)$ .

Gọi đường thẳng  $\Delta$  là hình chiếu vuông góc của  $d$  lên  $(P)$ . Khi đó  $\Delta$  là giao tuyến của hai mặt phẳng  $(P)$  và  $(Q)$ .

Suy ra véc-tơ chỉ phương của  $\Delta$  là  $\vec{u}_\Delta = [\vec{n}_{(P)}, \vec{n}_{(Q)}] = (1; 4; -5)$ .

Vậy hình chiếu vuông góc của  $d$  trên  $(P)$  có phương trình là  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-1}{-5}$ .

Chọn phương án Ⓒ

**Câu 28.** Tập hợp các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = -x^3 - 6x^2 + (4m - 9)x + 4$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  là

- Ⓐ  $(-\infty; 0]$ . Ⓑ  $[-\frac{3}{4}; +\infty)$ .  
 Ⓒ  $(-\infty; -\frac{3}{4})$ . Ⓓ  $[0; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = -3x^2 - 12x + 4m - 9$ .

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  khi và chỉ khi  $y' \leq 0, \forall x \in (-\infty; -1)$

$$\Leftrightarrow -3x^2 - 12x + 4m - 9 \leq 0 \Leftrightarrow 4m \leq 3x^2 + 12x + 9, \forall x \in (-\infty; -1).$$

Đặt  $g(x) = 3x^2 + 12x + 9 \Rightarrow g'(x) = 6x + 12$ . Giải  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -2$ .

Bảng biến thiên của hàm số  $g(x)$  trên  $(-\infty; -1)$ .

$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$
$g'(x)$		$-$	$+$
$g(x)$	$+\infty$	$-3$	$0$

Dựa vào bảng biến thiên suy ra  $4m \leq g(x), \forall x \in (-\infty; -1) \Leftrightarrow 4m \leq -3 \Leftrightarrow m \leq -\frac{3}{4}$ .

Chọn phương án Ⓒ

**Câu 29.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $(z + 2i)(\bar{z} + 2)$  là số thuần ảo. Biết rằng tập hợp tất cả các điểm biểu diễn của  $z$  là một đường tròn, tâm đường tròn đó có tọa độ là

- Ⓐ  $(1; -1)$ . Ⓑ  $(1; 1)$ .  
 Ⓒ  $(-1; 1)$ . Ⓓ  $(-1; -1)$ .

**Lời giải.**

Giả sử  $z = a + bi, (a, b \in \mathbb{R})$ , ta có  $(z + 2i)(\bar{z} + 2) = [a + (b + 2i)][(a + 2) - bi] = [a(a + 2) + b(b + 2)] +$

$[(a+2)(b+2) - ab]i$ .  $(z+2i)(\bar{z}+2)$  là số thuần ảo  $\Leftrightarrow a(a+2) + b(b+2) = 0 \Leftrightarrow (a+1)^2 + (b+1)^2 = 2$ .  
 Vậy tập hợp các điểm biểu diễn của  $z$  là một đường tròn có phương trình  $(x+1)^2 + (y+1)^2 = 2$  có tâm  $I(-1; -1)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 30.** Cho  $\int_0^1 \frac{x dx}{(x+2)^2} = a + b \ln 2 + c \ln 3$  với  $a, b, c$

là các số hữu tỷ. Giá trị của  $3a + b + c$  bằng

- (A)** -2. **(B)** -1. **(C)** 2. **(D)** 1.

**Lời giải.**

Ta có

$$\begin{aligned} \int_0^1 \frac{x dx}{(x+2)^2} &= \int_0^1 \frac{1}{x+2} dx - \int_0^1 \frac{2}{(x+2)^2} dx \\ &= \ln|x+2| \Big|_0^1 + \frac{2}{x+2} \Big|_0^1 = \ln 3 - \ln 2 - \frac{1}{3}. \end{aligned}$$

Nên  $a = -\frac{1}{3}, b = -1, c = 1$ . Suy ra  $3a + b + c = -1$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$0$	$-\infty$
		$-3$		

Bất phương trình  $f(x) < e^x + m$  đúng với mọi  $x \in (-1; 1)$  khi và chỉ khi

- (A)**  $m \geq f(1) - e$ . **(B)**  $m > f(-1) - \frac{1}{e}$ .  
**(C)**  $m \geq f(-1) - \frac{1}{e}$ . **(D)**  $m > f(1) - e$ .

**Lời giải.**

$$f(x) < e^x + m \Leftrightarrow f(x) - e^x < m.$$

Xét  $h(x) = f(x) - e^x, \forall x \in (-1; 1)$ .

$h'(x) = f'(x) - e^x < 0, \forall x \in (-1; 1)$  (Vì  $f'(x) < 0, \forall x \in (-1; 1)$  và  $e^x > 0, \forall x \in (-1; 1)$ ).

$\Rightarrow h(x)$  nghịch biến trên  $(-1; 1) \Rightarrow h(-1) > h(x) > h(1), \forall x \in (-1; 1)$ .

Bất phương trình  $f(x) < e^x + m$  đúng với mọi  $x \in (-1; 1) \Leftrightarrow m \geq h(-1) \Leftrightarrow m \geq f(-1) - \frac{1}{e}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 32.** Có hai dãy ghế đối diện nhau, mỗi dãy có ba ghế. Xếp ngẫu nhiên 6 học sinh, gồm 3 nam và 3 nữ ngồi vào hai dãy ghế đó sao cho mỗi ghế có đúng một học sinh ngồi. Xác suất để mỗi học sinh nam đều ngồi đối diện với một học sinh nữ bằng

- (A)**  $\frac{2}{5}$ . **(B)**  $\frac{1}{20}$ . **(C)**  $\frac{3}{5}$ . **(D)**  $\frac{1}{10}$ .

**Lời giải.**

Số phần tử không gian mẫu là  $6!$ .

Xếp học sinh nam thứ nhất có 6 cách, học sinh nam thứ nhì có 4 cách, học sinh nam thứ ba có 2 cách.

Xếp 3 học sinh nữ vào 3 ghế còn lại có  $3!$  cách.

Vậy xác suất là  $\frac{6 \cdot 4 \cdot 2 \cdot 3!}{6!} = \frac{288}{720} = \frac{2}{5}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; -2; 4), B(-3; 3; -1)$  và mặt phẳng  $(P): 2x - y + 2z - 8 = 0$ . Xét  $M$  là điểm thay đổi thuộc  $(P)$ , giá trị nhỏ nhất của  $2MA^2 + 3MB^2$  bằng

- (A)** 135. **(B)** 105. **(C)** 108. **(D)** 145.

**Lời giải.**

Gọi  $I$  là điểm thỏa mãn đẳng thức  $2\vec{IA} + 3\vec{IB} = \vec{0}$ .

$$\Rightarrow \begin{cases} 2(x_I - 2) + 3(x_I + 3) = 0 \\ 2(y_I + 2) + 3(y_I - 3) = 0 \\ 2(z_I - 4) + 3(z_I + 1) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x_I + 5 = 0 \\ 5y_I - 5 = 0 \\ 5z_I - 5 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x_I = -1 \\ y_I = 1 \\ z_I = 1 \end{cases} \Rightarrow I(-1; 1; 1). \text{ Khi đó}$$

$$2MA^2 + 3MB^2 = 2\vec{MA}^2 + 3\vec{MB}^2 = 2(\vec{MI} + \vec{IA})^2 + 3(\vec{MI} + \vec{IB})^2 = 5\vec{MI}^2 + 2\vec{MI} \cdot (2\vec{IA} + 3\vec{IB}) + 2\vec{IA}^2 + 3\vec{IB}^2 = 5MI^2 + 2IA^2 + 3IB^2.$$

Vì  $A, B, I$  cố định nên  $2MA^2 + 3MB^2$  nhỏ nhất khi  $MI$  nhỏ nhất hay  $M$  là hình chiếu của điểm  $I$  trên mặt phẳng  $(P)$ .

$$\Rightarrow \exists k \in \mathbb{R}, \vec{IM} = k\vec{n}_{(P)} \Rightarrow \begin{cases} x_M = 2k - 1 \\ y_M = -k + 1 \\ z_M = 2k + 1. \end{cases}$$

Mà  $M \in (P) \Rightarrow 2(2k - 1) - (-k + 1) + 2(2k + 1) - 8 = 0 \Leftrightarrow 9k - 9 = 0 \Leftrightarrow k = 1 \Rightarrow M(1; 0; 3)$ .

Vậy giá trị nhỏ nhất của  $2MA^2 + 3MB^2 = 5MI^2 + 2IA^2 + 3IB^2 = 135$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 34.** Có bao nhiêu số phức  $z$  thỏa mãn  $|z|^2 = 2|z + \bar{z}| + 4$  và  $|z - 1 - i| = |z - 3 + 3i|$ ?

- (A)** 4. **(B)** 3. **(C)** 1. **(D)** 2.

**Lời giải.**

Gọi  $z = x + yi (x, y \in \mathbb{R})$ .

$$|z|^2 = 2|z + \bar{z}| + 4 \Leftrightarrow x^2 + y^2 = 4|x| + 4 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4x - 4 = 0, x \geq 0 & (1) \\ x^2 + y^2 + 4x - 4 = 0, x < 0 & (2). \end{cases}$$

Theo đề ta có  $|z - 1 - i| = |z - 3 + 3i| \Leftrightarrow (x - 1)^2 + (y - 1)^2 = (x - 3)^2 + (y + 3)^2$

$$\Leftrightarrow 4x = 8y + 16$$

$$\Leftrightarrow x = 2y + 4 \quad (3). \text{ + Thay (3) vào (1) ta được } (2y + 4)^2 + y^2 - 4(2y + 4) - 4 = 0 \Leftrightarrow 5y^2 + 8y - 4 = 0 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} y = \frac{2}{5} \Rightarrow x = \frac{24}{5} \text{ (nhận)} \\ y = -2 \Rightarrow x = 0 \text{ (nhận)}. \end{cases} \text{ + Thay (3) vào (2) ta được}$$

$$(2y + 4)^2 + y^2 + 4(2y + 4) - 4 = 0 \Leftrightarrow 5y^2 + 24y + 28 = 0$$

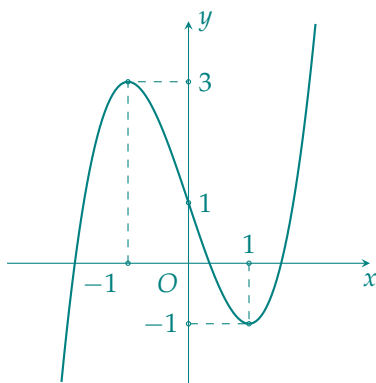
$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = -2 \Rightarrow x = 0 \text{ (loại)} \\ y = -\frac{14}{5} \Rightarrow x = -\frac{8}{5} \text{ (nhận)}. \end{cases} \text{ Vậy có 3 số phức}$$

thỏa điều kiện.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 35.**

Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(\sin x) = m$  có nghiệm thuộc khoảng  $(0; \pi)$  là



- (A)**  $[-1; 3)$ . **(B)**  $(-1; 3)$ . **(C)**  $(-1; 3)$ . **(D)**  $[-1; 1)$ .

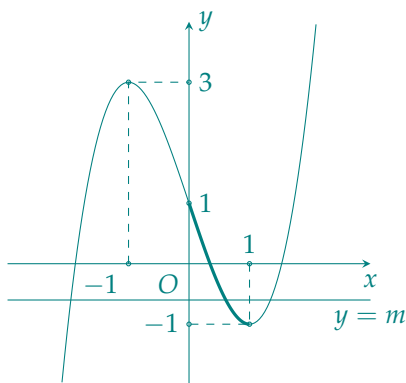
**Lời giải.**

Đặt  $t = \sin x$ . Với  $x \in (0; \pi)$  thì  $t \in (0; 1]$ .

Do đó phương trình  $f(\sin x) = m$  có nghiệm thuộc khoảng  $(0; \pi)$  khi và chỉ khi phương trình  $f(t) = m$  có nghiệm thuộc nửa khoảng  $(0; 1]$ .

Quan sát đồ thị ta suy ra điều kiện của tham số  $m$  là  $m \in [-1; 1)$ .

Chọn phương án **(D)**



**Câu 36.** Ông A vay ngân hàng 100 triệu đồng với lãi suất 1%/tháng. Ông ta muốn hoàn nợ cho ngân hàng theo cách: Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi tháng là như nhau và ông A trả hết nợ sau đúng 5 năm kể từ ngày vay. Biết rằng mỗi tháng ngân hàng chỉ tính lãi trên số dư nợ thực tế của tháng đó. Hỏi số tiền mỗi tháng ông ta cần trả cho ngân hàng gần nhất với số tiền nào dưới đây?

- (A)** 2,22 triệu đồng. **(B)** 3,03 triệu đồng.  
**(C)** 2,25 triệu đồng. **(D)** 2,20 triệu đồng.

**Lời giải.**

Gọi số tiền vay ban đầu là  $M$ , số tiền hoàn nợ mỗi tháng là  $m$ , lãi suất một tháng là  $r$ .

Hết tháng thứ nhất, số tiền cả vốn lẫn lãi ông A nợ ngân hàng là  $M + Mr = M(1 + r)$ .

Ngay sau đó ông A hoàn nợ số tiền  $m$  nên số tiền để tính lãi cho tháng thứ hai là  $M(1 + r) - m$ .

Do đó hết tháng thứ hai, số tiền cả vốn lẫn lãi ông A nợ ngân hàng là

$$[M(1 + r) - m](1 + r) = M(1 + r)^2 - m(1 + r).$$

Ngay sau đó ông A lại hoàn nợ số tiền  $m$  nên số tiền để

tính lãi cho tháng thứ ba là

$$M(1 + r)^2 - m(1 + r) - m.$$

Do đó hết tháng thứ ba, số tiền cả vốn lẫn lãi ông A nợ ngân hàng là  $[M(1 + r)^2 - m(1 + r) - m](1 + r) = M(1 + r)^3 - m(1 + r)^2 - m(1 + r) - m$ .

Cứ tiếp tục lập luận như vậy ta thấy sau tháng thứ  $n$ ,  $n \geq 2$ , số tiền cả vốn lẫn lãi ông A nợ ngân hàng là  $M(1 + r)^n - m(1 + r)^{n-1} - m(1 + r)^{n-2} - \dots - m(1 + r) - m = M(1 + r)^n - \frac{m[(1 + r)^n - 1]}{r}$ .

Sau tháng thứ  $n$  trả hết nợ thì ta có

$$M(1 + r)^n - \frac{m[(1 + r)^n - 1]}{r} = 0 \Leftrightarrow m = \frac{M(1 + r)^n r}{(1 + r)^n - 1}.$$

Thay số với  $M = 100.000.000$ ,  $r = 1\%$ ,  $n = 5 \times 12 = 60$  ta được  $m \approx 2,22$  (triệu đồng).

Chọn phương án **(A)**

**Câu 37.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $E(2; 1; 3)$ , mặt phẳng  $(P): 2x + 2y - z - 3 = 0$  và mặt cầu  $(S): (x - 3)^2 + (y - 2)^2 + (z - 5)^2 = 36$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng đi qua  $E$ , nằm trong  $(P)$  và cắt  $(S)$  tại hai điểm có khoảng cách nhỏ nhất. Phương trình của  $\Delta$  là

- (A)**  $\begin{cases} x = 2 + 9t \\ y = 1 + 9t \\ z = 3 + 8t \end{cases}$  **(B)**  $\begin{cases} x = 2 - 5t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 \end{cases}$   
**(C)**  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 - t \\ z = 3 \end{cases}$  **(D)**  $\begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = 1 + 3t \\ z = 3 - 3t \end{cases}$

**Lời giải.**

Mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(3; 2; 5)$  và bán kính  $R = 6$ .

$IE = \sqrt{1^2 + 1^2 + 2^2} = \sqrt{6} < R$ , suy ra điểm  $E$  nằm trong mặt cầu  $(S)$ .

Gọi  $H$  là hình chiếu của  $I$  trên mặt phẳng  $(P)$ ,  $A$  và  $B$  là hai giao điểm của  $\Delta$  với  $(S)$ .

Khi đó,  $AB$  nhỏ nhất  $\Leftrightarrow d(J, \Delta)$  lớn nhất (với  $J$  là tâm đường tròn giao tuyến của  $(P)$  và  $(S)$ ), mà  $d(J, \Delta) \leq EJ$ .

Do đó  $AB$  nhỏ nhất  $\Leftrightarrow AB \perp OE$ , mà  $AB \perp IH$  nên  $AB \perp (HIE) \Rightarrow AB \perp IE$ .

Suy ra:  $\vec{u}_\Delta = [\vec{n}_P; \vec{EI}] = (5; -5; 0) = 5(1; -1; 0)$ .

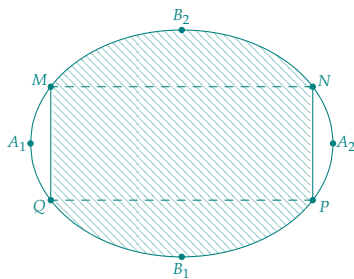
Vậy phương trình của  $\Delta$  là  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 - t \\ z = 3 \end{cases}$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 38.** Một biển quảng cáo có dạng hình elip với bốn đỉnh  $A_1, A_2, B_1, B_2$  như hình vẽ bên.



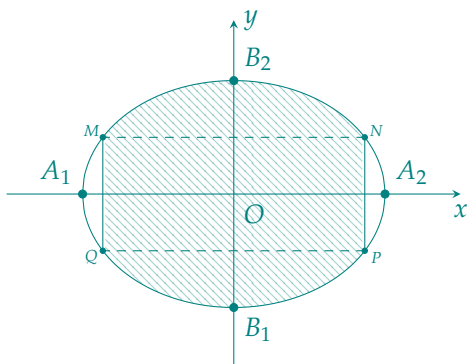
Biết chi phí để sơn phần tô đậm là 200.000 đồng/m<sup>2</sup> và phần còn lại là 100.000 đồng/m<sup>2</sup>. Hỏi số tiền để sơn theo cách trên gần nhất với số tiền nào dưới đây, biết  $A_1A_2 = 8m$ ,  $B_1B_2 = 6m$  và tứ giác  $MNPQ$  là hình chữ nhật có  $MQ = 3m$ ?



- (A) 7.322.000 đồng. (B) 7.213.000 đồng.  
(C) 5.526.000 đồng. (D) 5.782.000 đồng.

**Lời giải.**

Chọn hệ trục tọa độ  $Oxy$  sao cho trục hoành trùng với trục lớn, trục tung trùng với trục bé của biển quảng cáo.



Khi đó, đường viền của biển quảng cáo có phương trình của dạng elip sau (E) :  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ .

Theo giả thiết ta có  $\begin{cases} A_1A_2 = 8 \\ B_1B_2 = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2a = 8 \\ 2b = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 4 \\ b = 3 \end{cases}$

$$\Rightarrow (E) : \frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1 \Rightarrow y = \pm \frac{3}{4} \sqrt{16 - x^2}.$$

Ta có:  $MQ = 3 \Rightarrow \begin{cases} M = d \cap (E) \\ N = d \cap (E) \end{cases}$  với  $d: y = \frac{3}{2}$

$$\Rightarrow M \left( -2\sqrt{3}; \frac{3}{2} \right) \text{ và } N \left( 2\sqrt{3}; \frac{3}{2} \right).$$

Do Elip nhận trục  $Ox$  và  $Oy$  làm trục đối xứng nên diện tích phần tô màu gấp 4 diện tích hình phẳng giới hạn bởi  $y = \frac{3}{4} \sqrt{16 - x^2}$  và các đường thẳng  $x = 2\sqrt{3}$ , trục tung, trục hoành, chính là

$$S = 4 \int_0^{2\sqrt{3}} \left( \frac{3}{4} \sqrt{16 - x^2} \right) dx = 3 \int_0^{2\sqrt{3}} (\sqrt{16 - x^2}) dx.$$

Đặt  $x = 4 \sin t$ , khi đó  $dx = 4 \cos t dt$ . Và với  $x = 0 \Rightarrow t = 0$ ; với  $x = 2\sqrt{3} \Rightarrow t = \frac{\pi}{3}$ .

$$S = 3 \int_0^{\frac{\pi}{3}} \left( \sqrt{16 - 16 \sin^2 t} \cdot 4 \cdot \cos t \right) dt =$$

$$48 \int_0^{\frac{\pi}{3}} (\cos^2 t) dt = 24 \int_0^{\frac{\pi}{3}} (1 + \cos 2t) dt =$$

$$(24t + 12 \sin 2t) \Big|_0^{\frac{\pi}{3}} = 8\pi + 6\sqrt{3} \text{ m}^2.$$

Số tiền để sơn theo yêu cầu bài toán là  $T = 100.000 \times (4\pi - 6\sqrt{3}) + 200.000 \times (8\pi + 6\sqrt{3}) \approx 7.322.000$

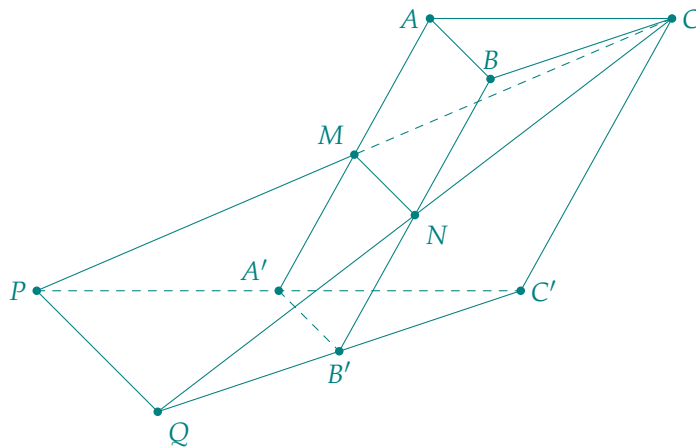
đồng.

Chọn phương án (A)

**Câu 39.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích bằng 1. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của các đoạn thẳng  $AA'$  và  $BB'$ . Đường thẳng  $CM$  cắt đường thẳng  $C'A'$  tại  $P$ , đường thẳng  $CN$  cắt đường thẳng  $C'B'$  tại  $Q$ . Thể tích của khối đa diện lồi  $A'MPB'NQ$  bằng

- (A) 1. (B)  $\frac{1}{3}$ . (C)  $\frac{1}{2}$ . (D)  $\frac{2}{3}$ .

**Lời giải.**



Ta có  $V_{C.ABNM} = \frac{1}{2} V_{C.A'B'BA} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} V_{ABC.A'B'C'} = \frac{1}{3} \Rightarrow V_{CMNA'B'C'} = \frac{2}{3}$ .

Do  $M, N$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AA', BB'$  nên  $A', B'$  lần lượt là trung điểm của các đoạn  $C'P, C'Q$ . Do vậy, tam giác  $C'QP$  đồng dạng với tam giác  $C'B'A'$  với tỉ số 2 nên  $S_{\Delta C'QP} = 4 \cdot S_{\Delta A'B'C'}$ . Suy ra

$$V_{C.CQP} = \frac{1}{3} \cdot d(C, (A'B'C')) \cdot S_{\Delta C'QP} = 4 \cdot \frac{1}{3} d(C, (A'B'C')) \cdot S_{\Delta A'B'C'}$$

Khi đó

$$V_{A'MPB'NQ} = V_{C.CQP} - V_{CMNA'B'C'} = \frac{4}{3} - \frac{2}{3} = \frac{2}{3}.$$

Chọn phương án (D)

**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng xét dấu của đạo hàm như sau

$x$	$-\infty$	1	2	3	4	$+\infty$		
$f'(x)$		-	0	+	0	-	0	+

Hàm số  $y = 3f(x+2) - x^3 + 3x$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(1; +\infty)$ . (B)  $(-\infty; -1)$ .  
(C)  $(-1; 0)$ . (D)  $(0; 2)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 3 \cdot [f'(x+2) + (1 - x^2)]$ .

Dựa vào bảng biến thiên, suy ra

$$f'(x+2) \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 1 \leq x+2 \leq 3 \\ x+2 \geq 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 \leq x \leq 1 \\ x \geq 2 \end{cases}$$

Xét trên khoảng  $(-1; 1)$ , ta có

$$\begin{cases} f'(x+2) \geq 0 \\ 1-x^2 > 0 \end{cases} \Rightarrow f'(x+2) + (1-x^2) > 0 \Rightarrow y' > 0, \forall x \in (-1; 1).$$

Do đó, hàm số  $y = 3f(x+2) - x^3 + 3x$  đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$  nên hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 41.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để bất phương trình  $m^2(x^4 - 1) + m(x^2 - 1) - 6(x - 1) \geq 0$  đúng với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Tổng giá trị của tất cả các phần tử thuộc  $S$  bằng

- A**  $-\frac{3}{2}$ .    **B** 1.    **C**  $-\frac{1}{2}$ .    **D**  $\frac{1}{2}$ .

**Lời giải.**

Bất phương trình

$$\begin{aligned} m^2(x^4 - 1) + m(x^2 - 1) - 6(x - 1) &\geq 0 \\ \Leftrightarrow (x - 1)[m^2(x^3 + x^2 + x + 1) + m(x + 1) - 6] &\geq 0. \end{aligned}$$

Đặt  $f(x) = (x - 1)[m^2(x^3 + x^2 + x + 1) + m(x + 1) - 6]$ .

$$\text{Ta có } f(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ m^2(x^3 + x^2 + x + 1) + m(x + 1) - 6 = 0 \end{cases}$$

Nếu  $x = 1$  không là nghiệm của phương trình (1) thì  $x = 1$  là nghiệm đơn của phương trình  $f(x) = 0$ . Do vậy  $f(x)$  đổi dấu khi qua nghiệm  $x = 1$ .

Suy ra mệnh đề  $f(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$  là mệnh đề sai.

Do đó điều kiện cần để  $f(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$  là  $x = 1$  là nghiệm của phương trình (1).

$$\text{Khi đó ta có } 4m^2 + 2m - 6 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = -\frac{3}{2} \end{cases}$$

• Với  $m = 1$ , ta có  $f(x) = (x - 1)^2(x^2 + 2x + 4) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Rightarrow m = 1$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

• Với  $m = -\frac{3}{2}$ , ta có  $f(x) = \frac{3}{4}(x - 1)^2(3x^2 + 6x + 7) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Rightarrow m = -\frac{3}{2}$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

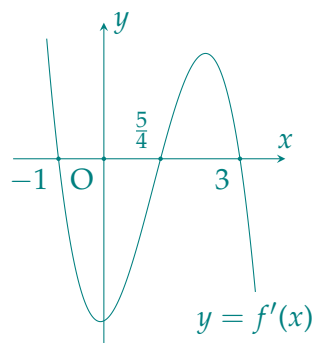
Vậy  $S = \left\{1; -\frac{3}{2}\right\} \Rightarrow$  Tổng giá trị của tất cả các phần tử thuộc  $S$  bằng  $-\frac{1}{2}$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 42.** Cho hàm số  $f(x) = mx^4 + nx^3 + px^2 + qx + r$  ( $m, n, p, q, r \in \mathbb{R}$ ).

Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Tập nghiệm của phương trình  $f(x) = r$  có số phần tử là

- A** 4.    **B** 3.    **C** 1.    **D** 2.



**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = 4mx^3 + 3nx^2 + 2px + q$  (1).

Dựa vào đồ thị  $y = f'(x)$  ta thấy phương trình  $f'(x) = 0$  có ba nghiệm đơn là  $-1, \frac{5}{4}, 3$ .

Do đó  $f'(x) = m(x + 1)(4x - 5)(x - 3)$  và  $m \neq 0$  hay  $f'(x) = 4mx^3 - 13mx^2 - 2mx + 15m$  (2).

Từ (1) và (2) suy ra  $n = -\frac{13}{3}m, p = -m$  và  $q = 15m$ . Khi đó

$$\begin{aligned} f(x) = r &\Leftrightarrow mx^4 + nx^3 + px^2 + qx = 0 \\ &\Leftrightarrow x^4 - \frac{13}{3}x^3 - x^2 + 15x = 0 \\ &\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 3 \\ x = -\frac{5}{3} \end{cases} \end{aligned}$$

Vậy tập nghiệm của phương trình  $f(x) = r$  là  $S = \left\{-\frac{5}{3}; 0; 3\right\}$ .

Chọn phương án **B**

**Câu 43.** Với  $a$  và  $b$  là hai số thực dương tùy ý,  $\log(ab^2)$  bằng (1).

- A**  $2 \log a + \log b$ .    **B**  $\log a + 2 \log b$ .  
**C**  $2(\log a + \log b)$ .    **D**  $\log a + \frac{1}{2} \log b$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log(ab^2) = \log a + \log b^2 = \log a + 2 \log b$ .

Chọn phương án **B**

**Câu 44.** Cho  $\int_0^1 f(x) dx = 2$  và  $\int_0^1 g(x) dx = 5$ , khi đó

$$\int_0^1 [f(x) - 2g(x)] dx \text{ bằng}$$

- A**  $-3$ .    **B** 12.    **C**  $-8$ .    **D** 1.

**Lời giải.**

$$\begin{aligned} \text{Ta có } \int_0^1 [f(x) - 2g(x)] dx &= \int_0^1 f(x) dx - 2 \int_0^1 g(x) dx = \\ &= 2 - 2 \cdot 5 = -8. \end{aligned}$$

Chọn phương án **C**

**Câu 45.** Thể tích khối cầu bán kính  $a$  bằng

- A**  $\frac{4\pi a^3}{3}$ .    **B**  $4\pi a^3$ .    **C**  $\frac{\pi a^3}{3}$ .    **D**  $2\pi a^3$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối cầu bán kính  $a$  là  $V = \frac{4}{3}\pi a^3$ .

Chọn phương án **A**

**Câu 46.** Tập nghiệm của phương trình  $\log_2(x^2 - x + 2) = 1$  là

- A**  $\{0\}$ .    **B**  $\{0; 1\}$ .  
**C**  $\{-1; 0\}$ .    **D**  $\{1\}$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x^2 - x + 2 > 0$ , đúng với mọi  $x \in \mathbb{R}$ .  
 Ta có  $\log_2(x^2 - x + 2) = 1 \Leftrightarrow x^2 - x + 2 = 2 \Leftrightarrow$   
 $x(x - 1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1. \end{cases}$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 47.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(Oxz)$  có phương trình là

- (A)**  $z = 0$ . **(B)**  $x + y + z = 0$ .  
**(C)**  $y = 0$ . **(D)**  $x = 0$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng  $(Oxz)$  đi qua điểm  $O(0;0;0)$  và nhận  $\vec{j} = (0;1;0)$  là một véc-tơ pháp tuyến nên phương trình của mặt phẳng  $(Oxz)$  là  $y = 0$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 48.** Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = e^x + x$  là

- (A)**  $e^x + x^2 + C$ . **(B)**  $e^x + \frac{1}{2}x^2 + C$ .  
**(C)**  $\frac{1}{x+1}e^x + \frac{1}{2}x^2 + C$ . **(D)**  $e^x + 1 + C$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int f(x) dx = \int (e^x + x) dx = \int e^x dx + \int x dx = e^x + \frac{1}{2}x^2 + C$ , với  $C$  là hằng số.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 49.** Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-3}{2}$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)**  $Q(2; -1; 2)$ . **(B)**  $M(-1; -2; -3)$ .  
**(C)**  $P(1; 2; 3)$ . **(D)**  $N(-2; 1; -2)$ .

**Lời giải.**

Thay lần lượt tọa độ các điểm đã cho vào phương trình của đường thẳng  $d$ , ta có

- Với  $M(-1; -2; -3)$  thì  $\frac{-1-1}{2} \neq \frac{-2-2}{-1}$ , suy ra  $d$  không đi qua điểm  $M$ .
- Với  $N(-2; 1; -2)$  thì  $\frac{-2-1}{2} \neq \frac{1-2}{-1}$ , suy ra  $d$  không đi qua điểm  $N$ .
- Với  $P(1; 2; 3)$  thì  $\frac{1-1}{2} = \frac{2-2}{-1} = \frac{3-3}{2} = 0$ , suy ra  $d$  đi qua điểm  $P$ .
- Với  $Q(2; -1; 2)$  thì  $\frac{2-1}{2} \neq \frac{-1-2}{-1}$ , suy ra  $d$  không đi qua điểm  $Q$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 50.** Với  $k$  và  $n$  là hai số nguyên dương tùy ý thỏa mãn  $k \leq n$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ . **(B)**  $C_n^k = \frac{n!}{k!}$ .  
**(C)**  $C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ . **(D)**  $C_n^k = \frac{k!(n-k)!}{n!}$ .

**Lời giải.**

Với  $k$  và  $n$  là hai số nguyên dương tùy ý thỏa mãn  $k \leq n$ , số tổ hợp chập  $k$  của  $n$  phần tử là  $C_n^k$  và  $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ .

Chọn phương án **(A)**

—————**Hết**—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. D	3. A	4. D	5. B	6. D	7. B	8. D	9. A	10. D	11. B
12. B	13. A	14. B	15. C	16. D	17. A	18. C	19. A	20. D	21. A	22. D
23. A	24. C	25. D	26. A	27. C	28. C	29. D	30. B	31. C	32. A	33. A
34. B	35. D	36. A	37. C	38. A	39. D	40. C	41. C	42. B	43. B	44. C
45. A	46. B	47. C	48. B	49. C	50. A					



**ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2019**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA NĂM 2019 ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 101**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x + 2y + 3z - 1 = 0$ . Véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- (A)**  $\vec{n}_3 = (1; 2; -1)$ . **(B)**  $\vec{n}_4 = (1; 2; 3)$ .  
**(C)**  $\vec{n}_1 = (1; 3; -1)$ . **(D)**  $\vec{n}_2 = (2; 3; -1)$ .

**Lời giải.**

Từ phương trình mặt phẳng  $(P)$  suy ra một véc-tơ pháp tuyến của mặt phẳng là  $\vec{n}_4 = (1; 2; 3)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 2.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_5 a^2$  bằng

- (A)**  $2 \log_5 a$ . **(B)**  $2 + \log_5 a$ .  
**(C)**  $\frac{1}{2} + \log_5 a$ . **(D)**  $\frac{1}{2} \log_5 a$ .

**Lời giải.**

Vì  $a$  là số thực dương nên ta có  $\log_5 a^2 = 2 \log_5 a$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 3.** Cho hàm số có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$		$3$		$+\infty$	
		$\searrow$	$\nearrow$	$\searrow$	$\nearrow$	
			$1$		$1$	

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $(-2; 0)$ . **(B)**  $(2; +\infty)$ .  
**(C)**  $(0; 2)$ . **(D)**  $(0; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy trên khoảng  $f'(x) < 0$ ,  $\forall x \in (0; 2)$ .

Vậy hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 4.** Nghiệm của phương trình  $3^{2x-1} = 27$  là

- A**  $x = 5$ .    **B**  $x = 1$ .    **C**  $x = 2$ .    **D**  $x = 4$ .

**Lời giải.**

Ta có  $3^{2x-1} = 27 \Leftrightarrow 3^{2x-1} = 3^3 \Leftrightarrow 2x - 1 = 3 \Leftrightarrow x = 2$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 5.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 3$  và  $u_2 = 9$ .

Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- A**  $-6$ .    **B**  $3$ .    **C**  $12$ .    **D**  $6$ .

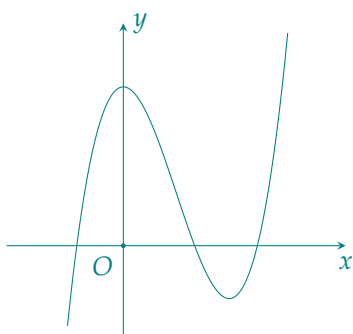
**Lời giải.**

Ta có  $d = u_2 - u_1 = 6$ .

Chọn phương án **D**

**Câu 6.**

Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên?



- A**  $y = x^3 - 3x^2 + 3$ .    **B**  $y = -x^3 + 3x^2 + 3$ .  
**C**  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ .    **D**  $y = -x^4 + 2x^2 + 3$ .

**Lời giải.**

Đường cong đã cho là đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  với  $a > 0$ .

Vậy hàm số thỏa mãn là  $y = x^3 - 3x^2 + 3$ .

Chọn phương án **A**

**Câu 7.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d$ :

$\frac{x-2}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+3}{1}$ . Véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ chỉ phương của  $d$ ?

- A**  $\vec{u}_2 = (2; 1; 1)$ .    **B**  $\vec{u}_4 = (1; 2; -3)$ .  
**C**  $\vec{u}_3 = (-1; 2; 1)$ .    **D**  $\vec{u}_1 = (2; 1; -3)$ .

**Lời giải.**

Một véc-tơ chỉ phương của  $d$  là  $\vec{u}_3 = (-1; 2; 1)$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 8.** Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là

- A**  $\frac{1}{3}\pi r^2 h$ .    **B**  $\pi r^2 h$ .    **C**  $\frac{4}{3}\pi r^2 h$ .    **D**  $2\pi r^2 h$ .

**Lời giải.**

Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là  $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$ .

Chọn phương án **A**

**Câu 9.** Số cách chọn 2 học sinh từ 7 học sinh là

- A**  $2^7$ .    **B**  $A_7^2$ .    **C**  $C_7^2$ .    **D**  $7^2$ .

**Lời giải.**

Mỗi cách chọn 2 học sinh từ 7 học sinh là một tổ hợp chập 2 của 7 phần tử.

Vậy số cách chọn 2 học sinh từ 7 học sinh là  $C_7^2$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên trục  $Oz$  có tọa độ là

- A**  $(2; 1; 0)$ .    **B**  $(0; 0; -1)$ .  
**C**  $(2; 0; 0)$ .    **D**  $(0; 1; 0)$ .

**Lời giải.**

Hình chiếu vuông góc của điểm  $M(x_0; y_0; z_0)$  trên trục  $Oz$  là  $M'(0; 0; z_0)$ .

Suy ra hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên trục  $Oz$  là  $(0; 0; -1)$ .

Chọn phương án **B**

**Câu 11.** Biết  $\int_0^1 f(x) dx = -2$  và  $\int_0^1 g(x) dx = 3$ , khi đó

$\int_0^1 [f(x) - g(x)] dx$  bằng

- A**  $-5$ .    **B**  $5$ .    **C**  $-1$ .    **D**  $1$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int_0^1 [f(x) - g(x)] dx = \int_0^1 f(x) dx - \int_0^1 g(x) dx = -2 - 3 = -5$ .

Chọn phương án **A**

**Câu 12.** Thể tích khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và có chiều cao  $h$  là

- A**  $3Bh$ .    **B**  $Bh$ .    **C**  $\frac{4}{3}Bh$ .    **D**  $\frac{1}{3}Bh$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và có chiều cao  $h$  là  $V = Bh$ .

Chọn phương án **B**

**Câu 13.** Số phức liên hợp của số phức  $3 - 4i$  là

- A**  $-3 - 4i$ .    **B**  $-3 + 4i$ .  
**C**  $3 + 4i$ .    **D**  $-4 + 3i$ .

**Lời giải.**

Số phức liên hợp của số phức  $a + bi$  là số phức  $a - bi$ .

Vậy số phức liên hợp của số phức  $3 - 4i$  là số phức  $3 + 4i$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$-$
$f(x)$	$+\infty$	$-3$	$1$	$-\infty$

Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại

- A**  $x = 2$ .    **B**  $x = 1$ .  
**C**  $x = -1$ .    **D**  $x = -3$ .

**Lời giải.**

Theo bảng biến thiên, ta thấy  $f'(x)$  đổi dấu từ âm sang dương khi  $x$  đi qua điểm  $x = -1$ .

Vậy hàm số đã cho đạt cực tiểu tại điểm  $x = -1$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 15.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 5$  là

- (A)**  $x^2 + 5x + C$ .      **(B)**  $2x^2 + 5x + C$ .  
**(C)**  $2x^2 + C$ .      **(D)**  $x^2 + C$ .

**Lời giải.**

Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 5$  là  $F(x) = x^2 + 5x + C$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 16.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$f(x)$	$-\infty$	$3$	$-1$	$3$	$-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) - 3 = 0$  là

- (A)** 2.      **(B)** 1.      **(C)** 4.      **(D)** 3.

**Lời giải.**

Ta có  $2f(x) - 3 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{3}{2}$ .

Số nghiệm của phương trình bằng số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$ .

Dựa vào bảng biến thiên của  $f(x)$  ta có số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$  là 4.

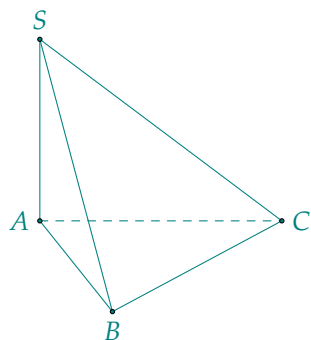
Do đó phương trình đã cho có 4 nghiệm.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 17.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = 2a$ , tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$ ,  $AB = a\sqrt{3}$  và  $BC = a$  (minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng

- (A)**  $90^\circ$ .      **(B)**  $45^\circ$ .  
**(C)**  $30^\circ$ .      **(D)**  $60^\circ$ .

**Lời giải.**

Ta có  $SA \perp (ABC)$  nên  $AC$  là hình chiếu của  $SC$  lên mặt phẳng  $(ABC)$ .

Do đó  $(SC, (ABC)) = (SC, AC) = \widehat{SCA}$ .

Tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$ ,  $AB = a\sqrt{3}$  và  $BC = a$  nên  $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{4a^2} = 2a$ .

Do đó tam giác  $SAC$  vuông cân tại  $A$  nên  $\widehat{SCA} = 45^\circ$ .

Vậy  $(SC, (ABC)) = 45^\circ$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 18.** Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 6z + 10 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

- (A)** 16.      **(B)** 56.      **(C)** 20.      **(D)** 26.

**Lời giải.**

Áp dụng định lý Vi-ét cho phương trình trên ta được

$$\begin{cases} z_1 + z_2 = 6 \\ z_1 z_2 = 10. \end{cases}$$

Khi đó ta có  $z_1^2 + z_2^2 = (z_1 + z_2)^2 - 2z_1 z_2 = 36 - 20 = 16$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 19.** Hàm số  $y = 2^{x^2-3x}$  có đạo hàm là

- (A)**  $(2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x} \cdot \ln 2$ .  
**(B)**  $2^{x^2-3x} \cdot \ln 2$ .  
**(C)**  $(2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x}$ .  
**(D)**  $(x^2 - 3x) \cdot 2^{x^2-3x+1}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = (2^{x^2-3x})' = (2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x} \cdot \ln 2$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 20.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  trên đoạn  $[-3; 3]$  là

- (A)** -16.      **(B)** 20.      **(C)** 0.      **(D)** 4.

**Lời giải.**

Hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  có tập xác định  $\mathbb{R}$ ,  $f'(x) = 3x^2 - 3$ .

Cho  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1 \in [-3; 3]$ .

Ta có  $f(1) = 0; f(-1) = 4; f(3) = 20; f(-3) = -16$ .

Từ đó suy ra  $\max_{[-3;3]} f(x) = f(3) = 20$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 21.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2z - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

- (A)**  $\sqrt{7}$ .      **(B)** 9.      **(C)** 3.      **(D)**  $\sqrt{15}$ .

**Lời giải.**

$x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2z - 7 = 0 \Leftrightarrow x^2 + y^2 + z^2 - 2 \cdot (-1) \cdot x + 2 \cdot 0 \cdot y - 2 \cdot 1 \cdot z - 7 = 0$ .

Suy ra  $a = -1, b = 0, c = 1, d = -7$ .

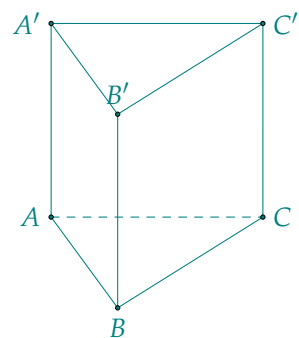
Vậy tâm mặt cầu  $I(-1; 0; 1)$  bán kính  $R = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2 - d} = \sqrt{(-1)^2 + 0^2 + 1^2 + 7} = 3$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 22.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$  và  $AA' = \sqrt{3}a$  (minh họa hình vẽ bên). Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

- (A)**  $\frac{3a^3}{4}$ .      **(B)**  $\frac{3a^3}{2}$ .  
**(C)**  $\frac{a^3}{4}$ .      **(D)**  $\frac{a^3}{2}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $S_{ABC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ ;  $AA' = a\sqrt{3}$ .

Từ đó suy ra  $V = a\sqrt{3} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{3a^3}{4}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+2)^2$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 0. (B) 3. (C) 2. (D) 1.

**Lời giải.**

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$		
$f'(x)$		-	0	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$	$f_{CT}$			$+\infty$	

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số đã cho có đúng một điểm cực trị đó là điểm cực tiểu  $x = 0$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 24.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $a^4b = 16$ . Giá trị của  $4\log_2 a + \log_2 b$  bằng

- (A) 4. (B) 2. (C) 16. (D) 8.

**Lời giải.**

Ta có  $4\log_2 a + \log_2 b = \log_2 a^4 + \log_2 b = \log_2(a^4b) = \log_2 16 = \log_2 2^4 = 4$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 25.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 - i$  và  $z_2 = 1 + 2i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $3z_1 + z_2$  có tọa độ là

- (A) (4; -1). (B) (-1; 4). (C) (4; 1). (D) (1; 4).

**Lời giải.**

Ta có  $3z_1 + z_2 = 3(1 - i) + (1 + 2i) = 4 - i$ . Suy ra, tọa độ điểm biểu diễn là (4; -1).

Chọn phương án (A)

**Câu 26.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(x+1) + 1 = \log_3(4x+1)$  là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = -3$ .  
(C)  $x = 4$ . (D)  $x = 2$ .

**Lời giải.**

Điều kiện  $x > -\frac{1}{4}$ . Ta có  $\log_3(x+1) + 1 = \log_3(4x+1)$

$$1) \Leftrightarrow \begin{cases} x > -\frac{1}{4} \\ 3(x+1) = 4x+1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -\frac{1}{4} \\ x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow x = 2.$$

Vậy nghiệm của phương trình là  $x = 2$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 27.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng 1 m và 1,2 m. Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và có thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- (A) 1,8 m. (B) 1,4 m. (C) 2,2 m. (D) 1,6 m.

**Lời giải.**

Gọi  $R_1, R_2, R$  lần lượt là bán kính của trụ thứ nhất, thứ hai và dự kiến sẽ làm, ta có

$$V = V_1 + V_2 = \pi R^2 h \Leftrightarrow \pi R_1^2 h + \pi R_2^2 h \Leftrightarrow R^2 = R_1^2 + R_2^2 \Rightarrow R = \sqrt{R_1^2 + R_2^2} = \sqrt{1^2 + (1,2)^2} \approx 1,56 \text{ (m)}.$$

Vậy giá trị cần tìm là 1,6 m.

Chọn phương án (D)

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$		-	+	-	+
$y$	$2$	$+\infty$	$-2$	$+\infty$	

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 4. (B) 1. (C) 3. (D) 2.

**Lời giải.**

Hàm số  $y = f(x)$  có tập xác định  $\mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

Ta có

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  suy ra không tồn tại tiệm cận ngang khi  $x \rightarrow +\infty$ .

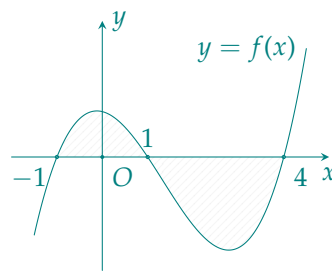
$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ , suy ra đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có tiệm cận ngang  $y = 2$ .

$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$ , suy ra đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có tiệm cận đứng  $x = 0$ .

Vậy tổng số tiệm cận đứng và ngang là 2.

Chọn phương án (D)

**Câu 29.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ ,  $y = 0$ ,  $x = -1$  và  $x = 4$  (như hình vẽ bên dưới). Mệnh đề nào dưới đây đúng?



(A)  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^4 f(x) dx$ .

(B)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^4 f(x) dx$ .

(C)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^4 f(x) dx$ .

$$\textcircled{D} S = - \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^4 f(x) dx.$$

**Lời giải.**

Ta có hàm số  $f(x) \geq 0 \forall x \in [-1; 1]; f(x) \leq 0 \forall x \in [1; 4]$ ,

$$\text{nên } S = \int_{-1}^4 |f(x)| dx = \int_{-1}^1 |f(x)| dx + \int_1^4 |f(x)| dx = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^4 f(x) dx.$$

Chọn phương án  $\textcircled{B}$

**Câu 30.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; 3; 0)$  và  $B(5; 1; -1)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- $\textcircled{A} 2x - y - z + 5 = 0.$   
 $\textcircled{B} 2x - y - z - 5 = 0.$   
 $\textcircled{C} x + y + 2z - 3 = 0.$   
 $\textcircled{D} 3x + 2y - z - 14 = 0.$

**Lời giải.**

Gọi  $(P)$  là mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$ , do đó  $(P)$  đi qua trung điểm  $I(3; 2; -1)$  của  $AB$ , có véc-tơ pháp tuyến  $\vec{n}_P = \frac{1}{2}\vec{AB} = (2; -1; -1)$ .

$$\text{Suy ra } (P): 2(x - 3) - 1(y - 2) - 1(z + 1) = 0 \Leftrightarrow 2x - y - z - 5 = 0.$$

Chọn phương án  $\textcircled{B}$

**Câu 31.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{2x - 1}{(x + 1)^2}$  trên khoảng  $(-1; +\infty)$  là

- $\textcircled{A} 2 \ln(x + 1) + \frac{2}{x + 1} + C.$   
 $\textcircled{B} 2 \ln(x + 1) + \frac{3}{x + 1} + C.$   
 $\textcircled{C} 2 \ln(x + 1) - \frac{2}{x + 1} + C.$   
 $\textcircled{D} 2 \ln(x + 1) - \frac{3}{x + 1} + C.$

**Lời giải.**

Ta có

$$\int f(x) dx = \int \frac{2x - 1}{(x + 1)^2} dx = \int \frac{2(x + 1) - 3}{(x + 1)^2} dx = \int \left[ \frac{2}{x + 1} - \frac{3}{(x + 1)^2} \right] dx = 2 \ln(x + 1) + \frac{3}{x + 1} + C.$$

Chọn phương án  $\textcircled{B}$

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) =$

$2 \cos^2 x + 1, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng

- $\textcircled{A} \frac{\pi^2 + 4}{16}.$   $\textcircled{B} \frac{\pi^2 + 14\pi}{16}.$   
 $\textcircled{C} \frac{\pi^2 + 16\pi + 4}{16}.$   $\textcircled{D} \frac{\pi^2 + 16\pi + 16}{16}.$

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } f(x) = \int f'(x) dx = \int (2 \cos^2 x + 1) dx = \int (2 + \cos 2x) dx = \frac{1}{2} \sin 2x + 2x + C.$$

$$\text{Vì } f(0) = 4 \Rightarrow C = 4 \Rightarrow f(x) = \frac{1}{2} \sin 2x + 2x + 4.$$

$$\text{Vậy } \int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \left( \frac{1}{2} \sin 2x + 2x + 4 \right) dx = \left( -\frac{1}{4} \cos 2x + x^2 + 4x \right) \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{\pi^2 + 16\pi + 4}{16}.$$

Chọn phương án  $\textcircled{C}$

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(1; 2; 0)$ ,  $B(2; 0; 2)$ ,  $C(2; -1; 3)$ ,  $D(1; 1; 3)$ . Đường thẳng đi qua  $C$  và vuông góc với mặt phẳng  $(ABD)$  có phương trình là

- $\textcircled{A} \begin{cases} x = -2 - 4t \\ y = -2 - 3t \\ z = 2 - t \end{cases}$   $\textcircled{B} \begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = -1 + 3t \\ z = 3 - t \end{cases}$   
 $\textcircled{C} \begin{cases} x = -2 + 4t \\ y = -4 + 3t \\ z = 2 + t \end{cases}$   $\textcircled{D} \begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = 3 - t \\ z = 1 + 3t \end{cases}$

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } \vec{AB} = (1; -2; 2), \vec{AD} = (0; -1; 3) \Rightarrow [\vec{AB}, \vec{AD}] = (-4; -3; -1).$$

Đường thẳng qua  $C(2; -1; 3)$  và vuông góc với mặt phẳng  $(ABD)$  có phương trình

$$\begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = -4 + 3t \\ z = 2 + t. \end{cases}$$

Chọn phương án  $\textcircled{C}$

**Câu 34.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $3(\bar{z} + i) - (2 - i)z = 3 + 10i$ . Mô-đun của  $z$  bằng

- $\textcircled{A} 3.$   $\textcircled{B} 5.$   $\textcircled{C} \sqrt{5}.$   $\textcircled{D} \sqrt{3}.$

**Lời giải.**

$$\text{Đặt } z = x + yi, (x, y \in \mathbb{R})$$

$$3(\bar{z} + i) - (2 - i)z = 3 + 10i$$

$$\Leftrightarrow 3(x - yi + i) - (2 - i)(x + yi) = 3 + 10i$$

$$\Leftrightarrow x - y + (x - 5y + 3)i = 3 + 10i$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x - y = 3 \\ x - 5y + 3 = 10 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -1 \end{cases}$$

$$\text{Do đó } z = 2 - i$$

$$\text{Vậy } |z| = \sqrt{5}.$$

Chọn phương án  $\textcircled{C}$

**Câu 35.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(3 - 2x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- $\textcircled{A} (4; +\infty).$   $\textcircled{B} (-2; 1).$

(C) (2;4).

(D) (1;2).

**Lời giải.**

Ta có  $y' = -2 \cdot f'(3 - 2x)$ .

$$\text{Hàm số nghịch biến khi } y' \leq 0 \Leftrightarrow -2 \cdot f'(3 - 2x) \leq 0$$

$$0 \Leftrightarrow f'(3 - 2x) \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -3 \leq 3 - 2x \leq -1 \\ 3 - 2x \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow$$

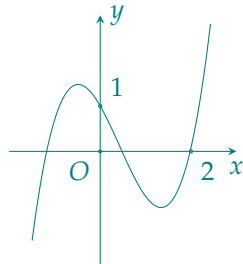
$$\begin{cases} 2 \leq x \leq 3 \\ x \leq 1. \end{cases}$$

Vì hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; 1)$  nên nghịch biến trên  $(-2; 1)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 36.**

Cho hàm số  $y = f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Bất phương trình  $f(x) < x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi



(A)  $m \geq f(2) - 2$ .

(B)  $m \geq f(0)$ .

(C)  $m > f(2) - 2$ .

(D)  $m > f(0)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f(x) < x + m \Leftrightarrow f(x) - x < m$ .

Đặt  $g(x) = f(x) - x$  xét trên khoảng  $(0; 2)$ . Do đó  $g'(x) = f'(x) - 1$ .

Từ đồ thị ta thấy  $g'(x) = f'(x) - 1 < 0$  với mọi  $x \in (0; 2)$ .

Suy ra hàm số  $g(x) = f(x) - x$  luôn nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .

Bất phương trình  $f(x) < x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi  $m \geq \lim_{x \rightarrow 0} g(x) = f(0)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 37.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 25 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn là

(A)  $\frac{1}{2}$ .

(B)  $\frac{13}{25}$ .

(C)  $\frac{12}{25}$ .

(D)  $\frac{313}{625}$ .

**Lời giải.**

Số cách chọn hai số khác nhau từ 25 số nguyên dương đầu tiên là  $C_{25}^2 = 300 \Rightarrow n(\Omega) = 300$ .

Gọi  $A$  là biến cố "Tổng hai số được chọn là một số chẵn". Ta có hai trường hợp

- Trường hợp 1: Chọn 2 số chẵn từ 12 số chẵn có  $C_{12}^2 = 66$  cách.
- Trường hợp 2: Chọn 2 số lẻ từ 13 số lẻ có  $C_{13}^2 = 78$  cách.

Do đó  $n(A) = 66 + 78 = 144$ .

Vậy xác suất cần tìm là  $P(A) = \frac{144}{300} = \frac{12}{25}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 38.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $5\sqrt{3}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng 1, thiết diện thu được có diện tích bằng 30. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

(A)  $10\sqrt{3}\pi$ .

(B)  $5\sqrt{39}\pi$ .

(C)  $20\sqrt{3}\pi$ .

(D)  $10\sqrt{39}\pi$ .

**Lời giải.**

Gọi  $O, O'$  lần lượt là tâm của hai đáy và  $ABCD$  là thiết diện song song với trục với  $A, B \in (O); C, D \in (O')$ .

Gọi  $H$  là trung điểm của  $AB \Rightarrow OH = d(OO', (ABCD)) = 1$ .

Vì  $S_{ABCD} = 30 \Leftrightarrow AB \cdot BC = 30$ .

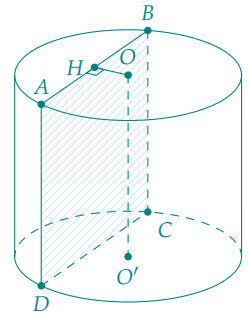
Suy ra  $AB = \frac{30}{5\sqrt{3}} = 2\sqrt{3} \Rightarrow$

$HA = HB = \sqrt{3}$ .

Bán kính của đáy là  $r = \sqrt{OH^2 + HA^2} = \sqrt{3 + 1} = 2$ .

Diện tích xung quanh của hình trụ  $S_{xq} = 2\pi r h = 2\pi \cdot 2 \cdot 5\sqrt{3} = 20\sqrt{3}\pi$ .

Chọn phương án (C)



**Câu 39.** Cho phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(3x - 1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm?

(A) 2.

(B) 4.

(C) 3.

(D) Vô số.

**Lời giải.**

Điều kiện  $x > \frac{1}{3}$  và  $m > 0$ .

Phương trình đã cho tương đương:  $\log_3 x - \log_3(3x - 1) = \log_3 \frac{1}{m} \Leftrightarrow \frac{x}{3x - 1} = \frac{1}{m}$

Xét hàm số  $f(x) = \frac{x}{3x - 1}$  với  $x > \frac{1}{3}$ .

Có  $f'(x) = -\frac{1}{(3x - 1)^2} < 0, \forall x > \frac{1}{3}$

$x$	$\frac{1}{3}$	$+\infty$
$f'(x)$		-
$f(x)$	$+\infty$	$\frac{1}{3}$

Dựa vào bảng biến thiên, phương trình có nghiệm khi

$\frac{1}{m} > \frac{1}{3} \Leftrightarrow 0 < m < 3$ .

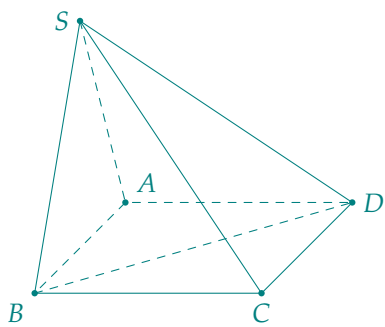
Do  $m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{1, 2\}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 40.**



Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình vẽ bên). Khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBD)$  bằng

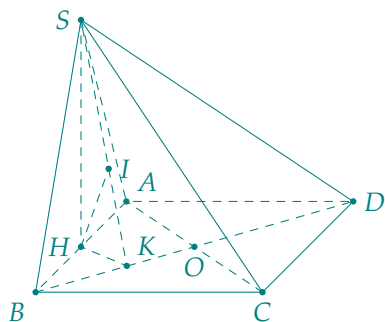


- (A)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}$ . (B)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ . (C)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (D)  $\frac{\sqrt{21}a}{28}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $H$  là trung điểm của  $AB$ . Khi đó,  $SH \perp (ABCD)$ .

Gọi  $O$  là giao điểm của  $AC$  và  $BD$  suy ra  $AC \perp BD$ . Kẻ  $HK \perp BD$  tại  $K$  ( $K$  là trung điểm  $BO$ ). Kẻ  $HI \perp SH$  tại  $I$ .



Khi đó:  $d(A, (SBD)) = 2d(H, (SBD)) = 2HI$ .

Xét tam giác  $SHK$ , có:  $SH = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ ,  $HK = \frac{1}{2}AO = \frac{a\sqrt{2}}{4}$ .

Khi đó:  $\frac{1}{HI^2} = \frac{1}{SH^2} + \frac{1}{HK^2} = \frac{28}{3a^2} \Rightarrow HI = \frac{a\sqrt{21}}{14}$ .

Suy ra:  $d(A, (SBD)) = 2HI = \frac{a\sqrt{21}}{7}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 41.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Biết  $f(4) = 1$  và  $\int_0^1 xf(4x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^4 x^2 f'(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{31}{2}$ . (B)  $-16$ . (C)  $8$ . (D)  $14$ .

**Lời giải.**

Xét  $\int_0^1 xf(4x) dx = 1$ . Đặt  $t = 4x \Rightarrow \int_0^4 \frac{1}{4}t \cdot f(t) \cdot \frac{1}{4} dt =$

$1 \Rightarrow \int_0^4 t \cdot f(t) dt = 16 \Rightarrow \int_0^4 x \cdot f(x) dx = 16$ .

Xét  $I = \int_0^4 x^2 f'(x) dx = \int_0^4 x^2 df(x)$

Suy ra:  $I = x^2 \cdot f(x) \Big|_0^4 - \int_0^4 2x \cdot f(x) dx = 4^2 f(4) - 2 \cdot$

$16 = -16$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0; 4; -3)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và

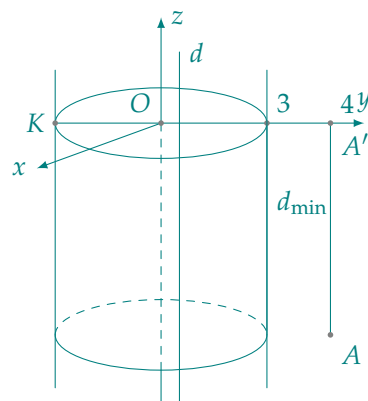
cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 3. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  nhỏ nhất,  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $P(-3; 0; -3)$ . (B)  $M(0; -3; -5)$ .  
(C)  $N(0; 3; -5)$ . (D)  $Q(0; 5; -3)$ .

**Lời giải.**

Đường thẳng  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 3 nên  $d$  nằm trên mặt trụ tròn xoay có trục là  $Oz$  và bán kính bằng 3.

Gọi  $I$  là hình chiếu của  $A$  lên  $Oy$ , khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  nhỏ nhất khi  $d$  đi qua giao điểm của  $Oy$  với mặt trụ tại điểm  $I(0; 3; 0)$ .



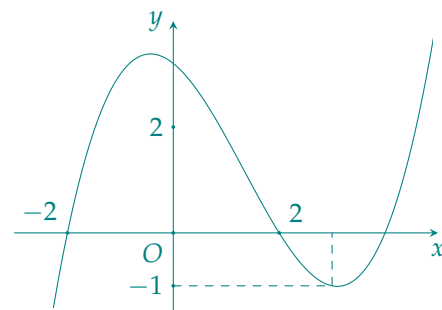
Phương trình đường thẳng  $d$ :  $\begin{cases} x = 0 \\ y = 3 \\ z = t. \end{cases}$

Nên  $d$  đi qua điểm  $N(0; 3; -5)$

Chọn phương án (C)

**Câu 43.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{4}{3}$  là



- (A) 3. (B) 8.  
(C) 7. (D) 4.

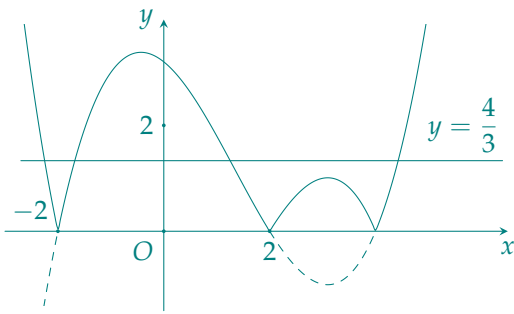
**Lời giải.**

Đặt  $t = x^3 - 3x \Rightarrow t' = 3x^2 - 3$ . Ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$t'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$t$	$-\infty$		$2$		$-2$		$+\infty$

Khi đó  $|f(t)| = \frac{4}{3}$  (1). Đồ thị hàm số  $y = |f(t)|$  được vẽ thành 2 phần

- Phần 1 giữ nguyên đồ thị hàm số  $y = f(x)$  phía trên trục  $Ox$  khi  $f(x) \geq 0$ .
- Phần 2 lấy đối xứng của phần còn lại qua trục  $Ox$ .



Dựa vào đồ thị hàm số  $|f(t)|$  ta thấy phương trình (1) có 4 nghiệm phân biệt  $t_1 < -2, -2 < t_2 < 0, 0 < t_3 < 2, t_4 > 2$ .

Mỗi nghiệm  $t$  của phương trình (1), ta thay vào phương trình  $t = x^3 - 3x$  để tìm nghiệm  $x$ . Khi đó

- $t_1 < -2 \Rightarrow$  phương trình  $t = x^3 - 3x$  có 1 nghiệm.
- $-2 < t_2 < 0 \Rightarrow$  phương trình  $t = x^3 - 3x$  có 3 nghiệm.
- $0 < t_3 < 2 \Rightarrow$  phương trình  $t = x^3 - 3x$  có 3 nghiệm.
- $t_4 > 2 \Rightarrow$  phương trình  $t = x^3 - 3x$  có 1 nghiệm.

Vậy phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{4}{3}$  có 8 nghiệm.

Chọn phương án (B)

**Câu 44.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , tập hợp điểm biểu diễn các số phức  $w = \frac{4+iz}{1+z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)  $\sqrt{34}$ . (B) 26. (C) 34. (D)  $\sqrt{26}$ .

**Lời giải.**

$$w = \frac{4+iz}{1+z} \Leftrightarrow (1+z)w = 4+iz \Leftrightarrow z(w-i) = 4-w \Leftrightarrow$$

$$|z| \cdot |w-i| = |4-w| \Leftrightarrow \sqrt{2} \cdot |w-i| = |4-w|. \quad (*)$$

Gọi  $w = x+yi, (x, y \in \mathbb{R})$  khi đó thay vào (\*) ta có:

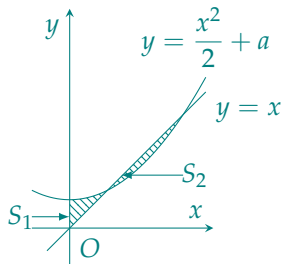
$$\sqrt{2} \cdot |x+yi-i| = |4-x-yi| \Leftrightarrow 2[x^2+(y-1)^2] = (x-4)^2+y^2 \Leftrightarrow x^2+y^2+8x-4y-14=0 \Leftrightarrow (x+4)^2+(y-2)^2=34.$$

Vậy tập hợp điểm biểu diễn các số phức  $w = \frac{4+iz}{1+z}$  là một đường tròn có bán kính bằng  $\sqrt{34}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 45.**

Cho đường thẳng  $y = x$  và parabol  $y = \frac{1}{2}x^2 + a$  ( $a$  là tham số thực dương). Gọi  $S_1$  và  $S_2$  lần lượt là diện tích của hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ dưới đây. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(\frac{3}{7}; \frac{1}{2})$ . (B)  $(0; \frac{1}{3})$ .  
(C)  $(\frac{1}{3}; \frac{2}{5})$ . (D)  $(\frac{2}{5}; \frac{3}{7})$ .

**Lời giải.**

Phương trình hoành độ giao điểm:

$$\frac{1}{2}x^2 + a = x \Leftrightarrow x^2 - 2x + 2a = 0 \quad (1)$$

Phương trình trên có 2 nghiệm dương phân biệt

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ S > 0 \\ P > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1-2a > 0 \\ 2 > 0 \\ 2a > 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 < a < \frac{1}{2}.$$

Khi  $0 < a < \frac{1}{2}$  phương trình (1) có hai nghiệm dương phân biệt  $x_1 < x_2$ ,

$$S_1 = S_2 \Leftrightarrow \int_0^{x_1} \left(\frac{1}{2}x^2 + a - x\right) dx =$$

$$\int_{x_1}^{x_2} \left(-\frac{1}{2}x^2 - a + x\right) dx \Leftrightarrow \frac{1}{6}x_1^3 + ax_1 - \frac{1}{2}x_1^2 = -\frac{1}{6}x_2^3 -$$

$$ax_2 + \frac{1}{2}x_2^2 + \frac{1}{6}x_1^3 + ax_1 - \frac{1}{2}x_1^2 \Leftrightarrow -\frac{1}{6}x_2^3 - ax_2 + \frac{1}{2}x_2^2 = 0 \Leftrightarrow x_2^2 + 6a - 3x_2 = 0.$$

Từ (1) suy ra  $2a = -x_2^2 + 2x_2$

$$\text{Thế vào (2) ta được: } 2x_2^2 - 3x_2 = 0 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x_2 = 0 & (\text{loại}) \\ x_2 = \frac{3}{2} \end{cases} \Rightarrow a = \frac{3}{8} = 0,375 \in \left(\frac{1}{3}; \frac{2}{5}\right).$$

Chọn phương án (C)

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$2$	$-1$	$+\infty$

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x^2 - 2x)$  là

- (A) 9. (B) 3. (C) 7. (D) 5.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 2(x-1) \cdot f'(x^2 - 2x)$ . Từ bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$ , ta có

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ f'(x^2 - 2x) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x = a \in (-\infty; -1) \\ x^2 - 2x = b \in (-1; 0) \\ x^2 - 2x = c \in (0; 1) \\ x^2 - 2x = d \in (1; +\infty) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x - a = 0, a \in (-\infty; -1) & (1) \\ x^2 - 2x - b = 0, b \in (-1; 0) & (2) \\ x^2 - 2x - c = 0, c \in (0; 1) & (3) \\ x^2 - 2x - d = 0, d \in (1; +\infty) & (4). \end{cases}$$

Ta có bảng biến thiên của hàm số  $y = x^2 - 2x$

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$y$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$

Từ bảng biến thiên, ta thấy phương trình (1) vô nghiệm, các phương trình (2), (3), (4) đều có hai nghiệm đơn phân biệt khác 1 và do  $b, c, d$  đôi một khác nhau nên các nghiệm của phương trình (2), (3), (4) cũng đôi một khác nhau. Do đó  $f'(x^2 - 2x) = 0$  có 6 nghiệm đơn phân biệt.

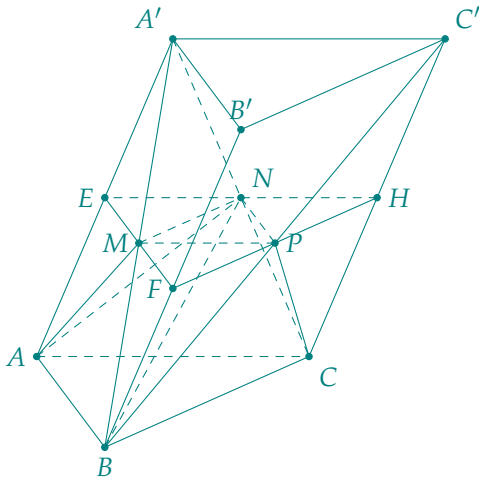
Vậy  $y' = 0$  có 7 nghiệm đơn phân biệt, do đó số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x^2 - 2x)$  là 7.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 47.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 8 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 6. Gọi  $M, N$  và  $P$  lần lượt là tâm của các mặt bên  $ABB'A', ACC'A'$  và  $BCC'B'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

- (A)**  $27\sqrt{3}$ . **(B)**  $21\sqrt{3}$ . **(C)**  $30\sqrt{3}$ . **(D)**  $36\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**



Gọi  $h$  là chiều cao của hình lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ . Vì  $\triangle ABC$  đều có độ dài cạnh bằng 6 nên

$$S_{\triangle ABC} = 6^2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3}.$$

Thể tích lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  là

$$V = h \cdot S_{\triangle ABC} = 8 \cdot 9\sqrt{3} = 72\sqrt{3}.$$

Gọi  $E, F, H$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AA', BB', CC'$ .

Thể tích khối chóp  $A.EMN$  là  $V_{A.EMN} = \frac{1}{3}d(A, (EMN)) \cdot S_{\triangle EMN} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2}h \cdot \frac{1}{4}S_{\triangle ABC} = \frac{1}{24}V$ .

Tương tự, ta có  $V_{B.FMP} = V_{C.HNP} = \frac{1}{24}V$ .

Thể tích khối đa diện  $ABCMNP$  là

$$V_{ABCMNP} = \frac{1}{2}V - 3V_{A.EMN} = \frac{1}{2}V - 3 \cdot \frac{1}{24}V = \frac{3}{8}V = 27\sqrt{3}.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 48.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + (z + \sqrt{2})^2 = 3$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a; b; c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho có ít nhất hai tiếp tuyến của  $(S)$  đi qua  $A$  và hai tiếp tuyến đó vuông góc với nhau?

- (A)** 12. **(B)** 8. **(C)** 16. **(D)** 4.

**Lời giải.**

Mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + (z + \sqrt{2})^2 = 3$  có tâm  $I(0; 0; -\sqrt{2})$ , bán kính  $R = \sqrt{3}$ .

Ta có  $A(a; b; c) \in (Oxy) \Rightarrow A(a; b; 0)$ .

Dễ thấy  $(S)$  cắt mặt phẳng  $(Oxy)$  nên từ một điểm  $A$  bất kỳ thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  và nằm ngoài  $(S)$  kẻ tiếp tuyến tới  $(S)$  thì các tiếp tuyến đó nằm trên một mặt nón đỉnh  $A$ , các tiếp điểm nằm trên một đường tròn được xác định. Còn nếu  $A$  thuộc  $(S)$  thì ta kẻ các tiếp tuyến đó sẽ thuộc một mặt phẳng tiếp diện của  $(S)$  tại điểm  $A$ . Để có ít nhất hai tiếp tuyến qua  $A$  thỏa mãn bài toán khi và chỉ khi

- Hoặc  $A$  thuộc  $(S) \Leftrightarrow IA = R = \sqrt{3}$ .
- Hoặc các tiếp tuyến tạo thành mặt nón và góc ở đỉnh của mặt nón là  $\widehat{MAN} \geq 90^\circ \Leftrightarrow \widehat{MAI} \geq 45^\circ$ .

$$\text{Suy ra } \sin \widehat{MAI} \geq \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow \frac{IM}{IA} \geq \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{IA} \geq \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow IA \leq \sqrt{6}.$$

Vậy điều kiện bài toán là  $\sqrt{3} \leq IA \leq \sqrt{6} \Leftrightarrow 3 \leq IA^2 \leq 6$ .

Ta có  $3 \leq IA^2 \leq 6 \Leftrightarrow 3 \leq a^2 + b^2 + 2 \leq 6 \Leftrightarrow 1 \leq a^2 + b^2 \leq 4$  (\*).

Do  $A(a; b; 0)$  có tọa độ nguyên nên ta có điểm thỏa mãn (\*) là

- $(0; 2; 0), (0; -2; 0), (2; 0; 0), (-2; 0; 0), (0; 1; 0), (0; -1; 0), (1; 0; 0), (-1; 0; 0), (1; 1; 0), (1; -1; 0), (-1; 1; 0), (-1; -1; 0)$ .

Vậy có 12 điểm  $A$  thỏa mãn yêu cầu.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 49.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x-3}{x-2} + \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1}$  và  $y = |x+2| - x + m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1)$  và  $(C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng bốn điểm phân biệt là

- (A)**  $(-\infty; 2]$ . **(B)**  $[2; +\infty)$ .  
**(C)**  $(-\infty; 2)$ . **(D)**  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Xét phương trình  $\frac{x-3}{x-2} + \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} = |x+2| - x + m \Leftrightarrow \frac{x-3}{x-2} + \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} - |x+2| + x = m$  (1)

Hàm số

$$g(x) = \frac{x-3}{x-2} + \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} - |x+2| + x$$

$$= \begin{cases} \frac{x-3}{x-2} + \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} - 2 & \text{nếu } x \geq -2 \\ \frac{x-3}{x-2} + \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + 2x + 2 & \text{nếu } x < -2. \end{cases}$$

Ta có

$$g'(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x-2)^2} + \frac{1}{(x-1)^2} + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{(x+1)^2} > 0, \\ \forall x \in (-2; +\infty) \setminus \{-1; 0; 1; 2\} \\ \frac{1}{(x-2)^2} + \frac{1}{(x-1)^2} + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{(x+1)^2} + 2 > 0, \\ \forall x < -2. \end{cases}$$

Nên hàm số  $y = g(x)$  đồng biến trên mỗi khoảng  $(-\infty; -1)$ ,  $(-1; 0)$ ,  $(0; 1)$ ,  $(1; 2)$ ,  $(2; +\infty)$ .

Mặt khác ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 2$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty$ .

Bảng biến thiên của hàm số  $y = g(x)$

$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$
$y'$	$+$	$+$	$+$	$+$	$+$	$+$	$+$
$y$	$-\infty$	$\frac{49}{12}$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$2$

Do đó để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng bốn điểm phân biệt thì phương trình (1) phải có 4 nghiệm phân biệt.

Điều này xảy ra khi và chỉ khi đường thẳng  $y = m$  cắt đồ thị hàm số  $y = g(x)$  tại 4 điểm phân biệt  $\Leftrightarrow m \geq 2$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 50.** Cho phương trình

$(4 \log_2^2 x + \log_2 x - 5) \sqrt{7^x - m} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt?

- (A)** 49.      **(B)** 47.      **(C)** Vô số.      **(D)** 48.

**Lời giải.**

$$\text{Điều kiện } \begin{cases} x > 0 \\ 7^x - m \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ 7^x \geq m. \end{cases}$$

Với  $m$  nguyên dương ta có

$$(4 \log_2^2 x + \log_2 x - 5) \sqrt{7^x - m} = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 4 \log_2^2 x + \log_2 x - 5 = 0 \\ \sqrt{7^x - m} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 2^{-\frac{5}{4}} \\ x = \log_7 m. \end{cases}$$

Để phương trình đã cho có đúng 2 nghiệm phân biệt có hai trường hợp

- $2 > \log_7 m \geq 2^{-\frac{5}{4}} \Leftrightarrow 7^{2^{-\frac{5}{4}}} \leq m < 7^2$ . Trường hợp này  $m \in \{3; 4; 5; \dots; 48\}$ , có 46 giá trị nguyên dương của  $m$ .
- $\log_7 m = 0 \Leftrightarrow m = 1$ . Trường hợp này có 1 giá trị của  $m$  thỏa mãn.

Vậy có tất cả 47 giá trị của  $m$  thỏa mãn yêu cầu.

Chọn phương án **(B)**

—————**Hết**—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. B	2. A	3. C	4. C	5. D	6. A	7. C	8. A	9. C	10. B	11. A
12. B	13. C	14. C	15. A	16. C	17. B	18. A	19. A	20. B	21. C	22. A

23. D	24. A	25. A	26. D	27. D	28. D	29. B	30. B	31. B	32. C	33. C
34. C	35. B	36. B	37. C	38. C	39. A	40. B	41. B	42. C	43. B	44. A
45. C	46. C	47. C	48. A	49. B	50. B					



**ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102**  
**NĂM 2019**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA**  
**NĂM 2019**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 102**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 6$  là

- (A)**  $x^2 + 6x + C$ .      **(B)**  $2x^2 + C$ .  
**(C)**  $2x^2 + 6x + C$ .      **(D)**  $x^2 + C$ .

**Lời giải.**

$$\int (2x + 6) dx = x^2 + 6x + C.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 2.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 2x - y + 3z + 1 = 0$ . Véc-tơ nào dưới đây là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- (A)**  $\vec{n}_1 = (2; -1; -3)$ .      **(B)**  $\vec{n}_4 = (2; 1; 3)$ .  
**(C)**  $\vec{n}_2 = (2; -1; 3)$ .      **(D)**  $\vec{n}_3 = (2; 3; 1)$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng  $(P): 2x - y + 3z + 1 = 0$  có một véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{n}_2 = (2; -1; 3)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 3.** Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là

- (A)**  $\pi r^2 h$ .      **(B)**  $2\pi r^2 h$ .      **(C)**  $\frac{1}{3} \pi r^2 h$ .      **(D)**  $\frac{4}{3} \pi r^2 h$ .

**Lời giải.**

Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là  $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 4.** Số phức liên hợp của số phức  $5 - 3i$  là

- (A)**  $-5 + 3i$ .      **(B)**  $-3 + 5i$ .  
**(C)**  $-5 - 3i$ .      **(D)**  $5 + 3i$ .

**Lời giải.**

Số phức liên hợp của số phức  $5 - 3i$  là  $5 + 3i$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 5.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_5 a^3$  bằng

- (A)**  $\frac{1}{3} \log_5 a$ .      **(B)**  $\frac{1}{3} + \log_5 a$ .  
**(C)**  $3 + \log_5 a$ .      **(D)**  $3 \log_5 a$ .

**Lời giải.**

$$\log_5 a^3 = 3 \log_5 a.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 6.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(3; -1; 1)$  trên trục  $Oz$  có tọa độ là

- (A)  $(3; 0; 0)$ . (B)  $(3; -1; 0)$ .  
(C)  $(0; 0; 1)$ . (D)  $(0; -1; 0)$ .

**Lời giải.**

Hình chiếu vuông góc của điểm  $M(3; -1; 1)$  trên trục  $Oz$  có tọa độ là  $(0; 0; 1)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 7.** Số cách chọn 2 học sinh từ 5 học sinh là

- (A)  $5^2$ . (B)  $2^5$ . (C)  $C_5^2$ . (D)  $A_5^2$ .

**Lời giải.**

Mỗi cách chọn 2 học sinh từ 5 học sinh là một tổ hợp chập 2 của 5 phần tử. Vậy có  $C_5^2$  cách.

Chọn phương án (C)

**Câu 8.** Biết tích phân  $\int_0^1 f(x) dx = 3$  và  $\int_0^1 g(x) dx =$

$-4$ . Khi đó  $\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx$  bằng

- (A)  $-7$ . (B)  $7$ . (C)  $-1$ . (D)  $1$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx = \int_0^1 f(x) dx + \int_0^1 g(x) dx =$

$3 + (-4) = -1$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 9.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y-3}{-5} = \frac{z+2}{3}$ . Véc-tơ nào dưới đây là véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $d$

- (A)  $\vec{u} = (2; 5; 3)$ . (B)  $\vec{u} = (2; -5; 3)$ .  
(C)  $\vec{u} = (1; 3; 2)$ . (D)  $\vec{u} = (1; 3; -2)$ .

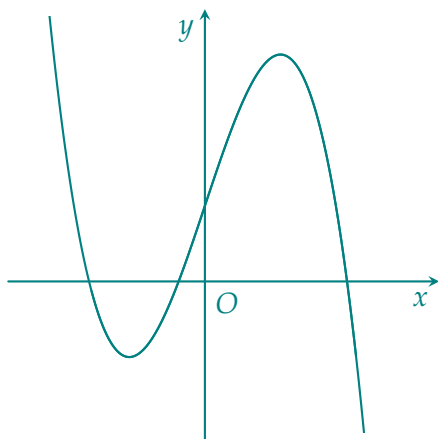
**Lời giải.**

Dựa vào phương trình đường thẳng suy ra một véc-tơ chỉ phương của  $d$  là  $\vec{u} = (2; -5; 3)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 10.**

Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên



- (A)  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ . (B)  $y = -x^3 + 3x + 1$ .  
(C)  $y = x^3 - 3x + 1$ . (D)  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Lời giải.**

Trong bốn hàm số đã cho thì chỉ có hàm số  $y = -x^3 + 3x + 1$  (hàm số đa thức bậc ba với hệ số  $a < 0$ ) có dạng đồ thị như đường cong trong hình.

Chọn phương án (B)

**Câu 11.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và  $u_2 = 8$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A)  $4$ . (B)  $-6$ . (C)  $10$ . (D)  $6$ .

**Lời giải.**

Vì  $(u_n)$  là cấp số cộng nên ta có  $u_2 = u_1 + d \Leftrightarrow d = u_2 - u_1 = 8 - 2 = 6$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 12.** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- (A)  $V = 3Bh$ . (B)  $V = Bh$ .  
(C)  $V = \frac{4}{3}Bh$ . (D)  $V = \frac{1}{3}Bh$ .

**Lời giải.**

Ta có công thức tính thể tích lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = Bh$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 13.** Nghiệm của phương trình  $3^{2x+1} = 27$  là

- (A)  $2$ . (B)  $1$ . (C)  $5$ . (D)  $4$ .

**Lời giải.**

Ta có  $3^{2x+1} = 27 \Leftrightarrow 3^{2x+1} = 3^3 \Leftrightarrow 2x + 1 = 3 \Leftrightarrow x = 1$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 14.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$		$3$		$+\infty$	

$\swarrow$   $\searrow$   $\nearrow$   $\nwarrow$   
 $1$   $1$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây

- (A)  $(0; +\infty)$ . (B)  $(0; 2)$ .  
(C)  $(-2; 0)$ . (D)  $(-\infty; -2)$ .

**Lời giải.**

Từ bảng biến thiên, suy ra trên khoảng  $(-2; 0)$  hàm số đồng biến.

Chọn phương án (C)

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$1$	$3$	$+\infty$		
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$		$2$		$-\infty$	

$\swarrow$   $\searrow$   $\nearrow$   $\nwarrow$   
 $-2$   $-\infty$

Hàm số đạt cực đại tại

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = -2$ .

(C)  $x = 3$ .

(D)  $x = 1$ .

**Lời giải.**

Dựa vào bảng biến thiên, hàm số đã cho đạt cực đại tại  $x = 3$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 16.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x + 1) = 1 + \log_2(x - 1)$  là

(A)  $x = 1$ .

(B)  $x = -2$ .

(C)  $x = 3$ .

(D)  $x = 2$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $\begin{cases} x > -1 \\ x > 1 \end{cases} \Leftrightarrow x > 1$ .

Phương trình đã cho tương đương với  $\log_2(x + 1) = 1 + \log_2(x - 1) \Leftrightarrow \log_2(x + 1) = \log_2[2 \cdot (x - 1)] \Leftrightarrow x + 1 = 2x - 2 \Leftrightarrow x = 3$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 17.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

(A) 20.

(B) 4.

(C) 0.

(D) -16.

**Lời giải.**

$f'(x) = 3x^2 - 3; f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1 \in [-3; 3]$ .

Ta có  $f(-3) = -16; f(-1) = 4; f(1) = 0; f(3) = 20$ .

$\Rightarrow \min_{[-3; 3]} f(x) = -16$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 18.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng 1m và 1,4m. Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và có thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây

(A) 1,7m.

(B) 1,5m.

(C) 1,9m.

(D) 2,4m.

**Lời giải.**

Gọi chiều cao của các hình trụ là  $h$ .

Gọi  $V_1, V_2$  lần lượt là thể tích của hình trụ có bán kính đáy  $R_1 = 1m, R_2 = 1,4m$ .

Gọi  $V$  là thể tích của hình trụ dự định làm và có bán kính đáy là  $R$ .

Ta có  $V = V_1 + V_2 \Leftrightarrow \pi R^2 h = \pi R_1^2 h + \pi R_2^2 h \Leftrightarrow R^2 = R_1^2 + R_2^2 \Leftrightarrow R = \sqrt{2,96} \approx 1,72 m$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x - 2)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

(A) 2.

(B) 1.

(C) 0.

(D) 3.

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x(x - 2)^2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x - 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$

$\begin{cases} x = 0 \\ x = 2. \end{cases}$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$f'(x)$		-	0	+	0	+	
$f(x)$	$+\infty$	↘			↗		$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy hàm số có 1 điểm cực trị  $x = 0$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 20.** Kí hiệu  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 6z + 14 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

(A) 36.

(B) 8.

(C) 28.

(D) 18.

**Lời giải.**

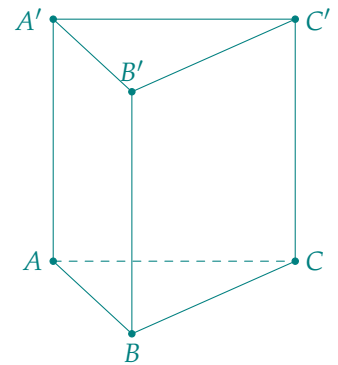
Ta có  $z^2 - 6z + 14 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z = 3 + \sqrt{5}i \\ z = 3 - \sqrt{5}i \end{cases} \Rightarrow z_1^2 + z_2^2 =$

$(3 + \sqrt{5}i)^2 + (3 - \sqrt{5}i)^2 = 8$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 21.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$  và  $AA' = 2a$  (minh họa như hình vẽ bên). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng



(A)  $\frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .

(B)  $\frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ .

(C)  $\sqrt{3}a^3$ .

(D)  $\frac{\sqrt{3}a^3}{2}$ .

**Lời giải.**

Tam giác  $ABC$  đều cạnh  $a$  nên  $S_{\Delta ABC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ .

Do khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  là lăng trụ đứng nên đường cao của lăng trụ là  $AA' = 2a$

Thể tích khối lăng trụ là  $V = AA' \cdot S_{\Delta ABC} = 2a \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}a^3}{2}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 22.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

(A) 3.

(B) 9.

(C)  $\sqrt{15}$ .

(D)  $\sqrt{7}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 7 = 0 \Leftrightarrow (x - 1)^2 + (y + 1)^2 + z^2 = 9$

Vậy bán kính của mặt cầu bằng 3.

Chọn phương án (A)

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$		$2$		$+\infty$	

$\swarrow$        $\nearrow$        $\swarrow$        $\nearrow$   
 $-1$                        $-1$

Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  là

- (A) 2.      (B) 3.      (C) 4.      (D) 0.

**Lời giải.**

Xét phương trình  $3f(x) - 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{5}{3}$ .

Số nghiệm của phương trình bằng số giao điểm của đồ thị (C) của hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $d: y = \frac{5}{3}$ .

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy đường thẳng  $d$  cắt đồ thị (C) tại bốn điểm phân biệt nên phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  có bốn nghiệm phân biệt.

Chọn phương án (C)

**Câu 24.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$0$		$2$		$+\infty$

$\swarrow$        $\swarrow$        $\nearrow$   
 $-\infty$                        $-2$

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A) 3.      (B) 1.      (C) 2.      (D) 4.

**Lời giải.**

Từ bảng biến thiên đã cho ta có

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  nên đường thẳng  $y = 0$  là một tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$  nên đường thẳng  $x = 0$  là một tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

Vậy đồ thị hàm số đã cho có hai đường tiệm cận.

Chọn phương án (C)

**Câu 25.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $a^3 b^2 = 32$ . Giá trị của  $3 \log_2 a + 2 \log_2 b$  bằng

- (A) 5.      (B) 2.      (C) 32.      (D) 4.

**Lời giải.**

Ta có:  $\log_2 a^3 b^2 = \log_2 32 \Leftrightarrow 3 \log_2 a + 2 \log_2 b = 5$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 26.** Hàm số  $y = 3^{x^2-3x}$  có đạo hàm là

- (A)  $(2x - 3) \cdot 3^{x^2-3x}$ .  
 (B)  $3^{x^2-3x} \cdot \ln 3$ .  
 (C)  $(x^2 - 3x) \cdot 3^{x^2-3x-1}$ .  
 (D)  $(2x - 3) \cdot 3^{x^2-3x} \cdot \ln 3$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $y' = (3^{x^2-3x})' = (2x - 3) \cdot 3^{x^2-3x} \cdot \ln 3$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 27.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(-1; 2; 0)$  và  $B(3; 0; 2)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)  $2x + y + z - 4 = 0$ .      (B)  $2x - y + z - 2 = 0$ .  
 (C)  $x + y + z - 3 = 0$ .      (D)  $2x - y + z + 2 = 0$ .

**Lời giải.**

Gọi  $I$  là trung điểm của đoạn thẳng  $AB$ . Suy ra  $I(1; 1; 1)$ .

Ta có  $\vec{AB} = (4; -2; 2)$ .

Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  đi qua trung điểm  $I$  của  $AB$  và nhận  $\vec{AB}$  làm véc-tơ pháp tuyến, nên có phương trình là (a):  $2x - y + z - 2 = 0$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 28.** Cho hai số phức  $z_1 = -2 + i$  và  $z_2 = 1 + i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $2z_1 + z_2$  có tọa độ là

- (A)  $(3; -3)$ .      (B)  $(2; -3)$ .      (C)  $(-3; 3)$ .      (D)  $(-3; 2)$ .

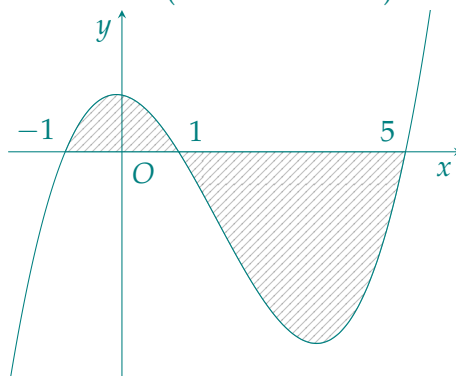
**Lời giải.**

Ta có:  $2z_1 + z_2 = -4 + 2i + 1 + i = -3 + 3i$ .

Vậy điểm biểu diễn số phức  $2z_1 + z_2$  có tọa độ là  $(-3; 3)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ ,  $y = 0$ ,  $x = -1$  và  $x = 5$  (như hình vẽ sau).



Mệnh đề nào sau đây đúng?

- (A)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^5 f(x) dx$ .  
 (B)  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^5 f(x) dx$ .  
 (C)  $S = - \int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^5 f(x) dx$ .  
 (D)  $S = - \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^5 f(x) dx$ .

**Lời giải.**

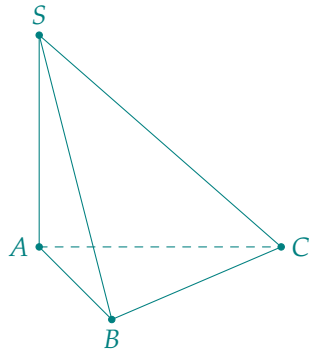
Ta có:  $S = \int_{-1}^1 |f(x)| dx + \int_1^5 |f(x)| dx = \int_{-1}^1 f(x) dx -$

$$\int_1^5 f(x) dx.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 30.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = 2a$ , tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$ ,  $AB = a$  và  $BC = \sqrt{3}a$  (minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng



- (A)  $90^\circ$ . (B)  $30^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $45^\circ$ .

**Lời giải.**

Vì  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ , suy ra góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  là  $\widehat{SCA}$ .

Mà  $\tan \widehat{SCA} = \frac{SA}{AC} = \frac{2a}{\sqrt{a^2 + 3a^2}} = 1$ . Vậy  $\widehat{SCA} = 45^\circ$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 31.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $3(\bar{z} - i) - (2 + 3i)z = 7 - 16i$ . Mô-đun của  $z$  bằng

- (A)  $\sqrt{5}$ . (B) 5. (C)  $\sqrt{3}$ . (D) 3.

**Lời giải.**

Đặt  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ). Theo đề ta có

$$\begin{aligned} 3(a - bi - i) - (2 + 3i)(a + bi) &= 7 - 16i \\ \Leftrightarrow 3a - 3bi - 3i - 2a - 2bi - 3ai + 3b &= 7 - 16i \\ \Leftrightarrow (a + 3b) + (-3a - 5b - 3) &= 7 - 16i \\ \Leftrightarrow \begin{cases} a + 3b = 7 \\ -3a - 5b - 3 = -16 \end{cases} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} a + 3b = 7 \\ -3a - 5b = -13 \end{cases} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 2. \end{cases} \end{aligned}$$

Vậy  $|z| = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 32.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(1;0;2)$ ,  $B(1;2;1)$ ,  $C(3;2;0)$  và  $D(1;1;3)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với mặt phẳng  $(BCD)$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 4t \\ z = 2 + 2t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 4 \\ z = 2 + 2t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 4 + 4t \\ z = 4 + 2t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 - 4t \\ z = 2 - 2t \end{cases}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\vec{BC} = (2;0;-1)$ ,  $\vec{BD} = (0;-1;2)$  và  $[\vec{BC}, \vec{BD}] = (-1; -4; -2)$ .

Đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với mặt phẳng

$(BCD)$  thì vuông góc với hai đường thẳng  $BC, BD$  nên nhận véc-tơ  $[\vec{BC}, \vec{BD}] = (-1; -4; -2)$  là véc-tơ chỉ phương.

Có 2 phương án bị loại. Thay điểm  $A(1;0;2)$  vào phương trình của một trong hai phương án còn lại,

chẳng hạn thay vào phương trình  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 4 + 4t \\ z = 4 + 2t \end{cases}$

$$\begin{cases} 1 = 2 + t \\ 0 = 4 + 4t \\ 2 = 4 + 2t \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t = -1 \\ t = -1 \text{ (thỏa mãn)} \\ t = -1 \end{cases}$$

Vậy đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với mặt phẳng

$$(BCD) \text{ là } \begin{cases} x = 2 + t \\ y = 4 + 4t \\ z = 4 + 2t \end{cases}$$

Chọn phương án (C)

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) =$

$2 \cos^2 x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng?

- (A)  $\frac{\pi^2 + 2}{8}$ . (B)  $\frac{\pi^2 + 8\pi + 8}{8}$ .  
(C)  $\frac{\pi^2 + 8\pi + 2}{8}$ . (D)  $\frac{\pi^2 + 6\pi + 8}{8}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int f'(x) dx = \int (2 \cos^2 x + 3) dx = \int (1 + \cos 2x + 3) dx = \int (\cos 2x + 4) dx = \frac{1}{2} \sin 2x + 4x + C$ .

Nên  $f(x) = \frac{1}{2} \sin 2x + 4x + C$ .

Lại có  $f(0) = 4 \Rightarrow C = 4$ . Suy ra  $f(x) = \frac{1}{2} \sin 2x +$

$$4x + 4. \int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \left( \frac{1}{2} \sin 2x + 4x + 4 \right) dx = \left( -\frac{1}{4} \cos 2x + 2x^2 + 4x \right) \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{\pi^2 + 8\pi + 2}{8}.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 34.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{3x-1}{(x-1)^2}$  trên khoảng  $(1; +\infty)$  là

- (A)  $3 \ln(x-1) - \frac{2}{x-1} + C$ .  
(B)  $3 \ln(x-1) + \frac{1}{x-1} + C$ .  
(C)  $3 \ln(x-1) - \frac{1}{x-1} + C$ .  
(D)  $3 \ln(x-1) + \frac{2}{x-1} + C$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } f(x) = \frac{3x-1}{(x-1)^2} = \frac{3(x-1)+2}{(x-1)^2} = \frac{3}{x-1} + \frac{2}{(x-1)^2}$$



Với  $x > 1$  ta có  $\int f(x) dx = \int \left( \frac{3}{x-1} + \frac{2}{(x-1)^2} \right) dx = 3 \int \frac{d(x-1)}{x-1} + 2 \int \frac{d(x-1)}{(x-1)^2} = 3 \ln(x-1) - \frac{2}{x-1} + C$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 35.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng dấu  $f'(x)$  như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(5-2x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)** (2;3).                      **(B)** (0;2).  
**(C)** (3;5).                      **(D)** (5;  $+\infty$ ).

**Lời giải.**

Từ bảng xét dấu  $f'(x)$  ta thấy rằng hàm số  $y = f(x)$  có xác định và có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ , suy ra hàm số  $y = f(5-2x)$  có xác định và có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ .

Hàm số  $y = f(5-2x)$  có  $y' = -2f'(5-2x)$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ .

$$y' \leq 0 \Leftrightarrow f'(5-2x) \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -3 \leq 5-2x \leq -1 \\ 5-2x \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} 3 \leq x \leq 4 \\ x \leq 2. \end{cases}$$

Vậy hàm số  $y = f(5-2x)$  nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; 2)$  và  $(3; 4)$ . Suy ra hàm số  $y = f(5-2x)$  nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .

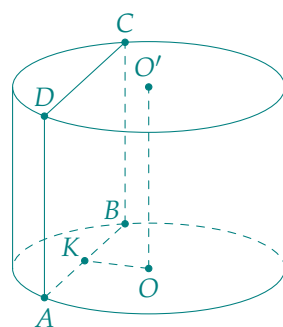
Chọn phương án **(B)**

**Câu 36.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $4\sqrt{2}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi một mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng  $\sqrt{2}$ , thiết diện thu được có diện tích bằng 16. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)**  $24\sqrt{2}\pi$ .                      **(B)**  $8\sqrt{2}\pi$ .  
**(C)**  $12\sqrt{2}\pi$ .                      **(D)**  $16\sqrt{2}\pi$ .

**Lời giải.**

Giả sử hình trụ có hai đáy là các hình tròn tâm  $O$  và tâm  $O'$ . Cắt hình trụ bởi một mặt phẳng song song với trục, ta được thiết diện là hình chữ nhật  $ABCD$  (với  $AB$  là dây cung của hình tròn đáy tâm  $O$ ). Do hình trụ có chiều cao là  $h = OO' = 4\sqrt{2} \Rightarrow$  nên có độ dài đường sinh  $l = AD = 4\sqrt{2}$ .



Theo bài ra, diện tích hình chữ nhật  $ABCD$  bằng 16 nên  $AB \cdot CD = 16 \Leftrightarrow AB = \frac{16}{AD} = \frac{16}{4\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$ .

Gọi  $K$  là trung điểm đoạn  $AB$  thì  $OK \perp AB$ , mà  $OK \perp AD$  nên  $OK \perp (ABCD)$ .

Suy ra khoảng cách giữa  $OO'$  và  $(ABCD)$  là  $OK = \sqrt{2}$ . Xét tam giác vuông  $AOK$  có

$$R = OA = \sqrt{OK^2 + AK^2} = \sqrt{OK^2 + \left(\frac{AB}{2}\right)^2} = \sqrt{(\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2})^2} = 2.$$

Diện tích xung quanh của hình trụ là  $S = 2\pi Rl = 2\pi \cdot 2 \cdot 4\sqrt{2} = 16\pi\sqrt{2}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 37.** Cho phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(6x-1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm?

- (A)** 6.                      **(B)** 5.                      **(C)** Vô số.                      **(D)** 7.

**Lời giải.**

Xét phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(6x-1) = -\log_3 m$ .

$$\text{Điều kiện: } \begin{cases} x > \frac{1}{6} \\ m > 0. \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \log_9 x^2 - \log_3(6x-1) &= -\log_3 m \\ \Leftrightarrow \log_3 x + \log_3 m &= \log_3(6x-1) \\ \Leftrightarrow mx &= 6x-1 \Leftrightarrow x(6-m) = 1 \quad (1) \end{aligned}$$

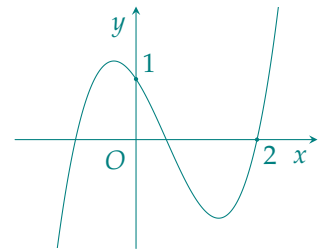
- Với  $m = 6$ , phương trình (1) trở thành  $0 = 1$  (vô lý).
- Với  $m \neq 6$ , phương trình (1) có nghiệm  $x = \frac{1}{6-m}$  nên  $\frac{1}{6-m} > \frac{1}{6} \Leftrightarrow \frac{1}{6-m} - \frac{1}{6} > 0 \Leftrightarrow \frac{m}{6-m} > 0 \Leftrightarrow 0 < m < 6$  (thỏa mãn).  
 Mà  $m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{1; 2; 3; 4; 5\}$ .

Vậy có 5 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 38.**

Cho hàm số  $f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ. Bất phương trình  $f(x) > x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi

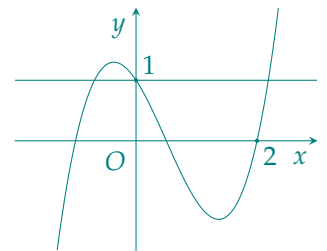


- (A)**  $m \leq f(2) - 2$ .                      **(B)**  $m < f(2) - 2$ .  
**(C)**  $m \leq f(0)$ .                      **(D)**  $m < f(0)$ .

**Lời giải.**

Xét bất phương trình  $f(x) > x + m \Leftrightarrow m < f(x) - x$ .

Xét hàm số  $g(x) = f(x) - x$  với  $x \in (0; 2)$ . Ta có  $g'(x) = f'(x) - 1$ .  
 $g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = 1$ .



Từ đồ thị ta thấy trên  $(0; 2)$  đường thẳng  $y = 1$  nằm phía trên đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  nên  $f'(x) < 1, \forall x \in (0; 2)$  hay  $g'(x) < 0, \forall x \in (0; 2)$ .

Ta có bảng biến thiên như sau

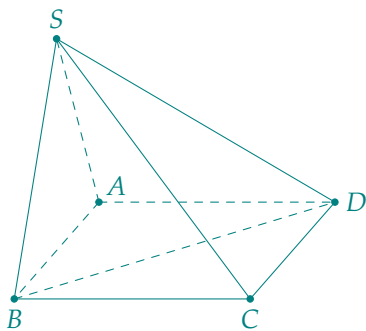
$x$	0	2
$g'(x)$		$-$
$g(x)$	$g(0)$	$g(2)$

Từ bảng biến thiên ta thấy bất phương trình  $f(x) > x + m$  nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi  $m < g(x)$  với  $\forall x \in (0; 2) \Leftrightarrow m \leq g(2) \Leftrightarrow m \leq f(2) - 2$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 39.**

Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình vẽ bên). Khoảng cách từ  $C$  đến mặt phẳng  $(SBD)$  bằng

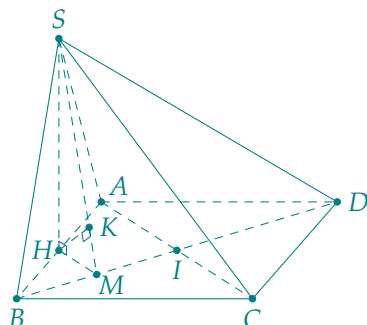


- (A)  $\frac{\sqrt{21}a}{28}$ . (B)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}$ . (C)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (D)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $H$  là trung điểm của  $AB$ , vì  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với  $(ABCD)$  suy ra  $SH \perp AB \Rightarrow SH \perp (ABCD)$ .

Gọi  $I$  là tâm hình vuông  $ABCD$ ,  $M$  là trung điểm của  $BI$ .



Ta có  $HM \perp BD$ .

Mà  $\begin{cases} BD \perp HM \\ BD \perp SH \end{cases} \Rightarrow BD \perp (SHM)$

Từ  $H$  kẻ  $HK \perp SM \Rightarrow HK \perp BD$  (vì  $BD \perp (SHM)$ )  
 $\Rightarrow HK \perp (SBD) \Rightarrow d(H, (SBD)) = HK$ .

Ta có  $HM = \frac{AI}{2} = \frac{AC}{4} = \frac{\sqrt{2}a}{4}$ ,  $SH = \frac{\sqrt{3}a}{2}$  nên

$$\frac{1}{HK^2} = \frac{1}{HM^2} + \frac{1}{HS^2} = \frac{8}{a^2} + \frac{4}{3a^2} = \frac{28}{3a^2} \Rightarrow HK = \frac{a\sqrt{21}}{14}$$

Vậy  $d(C, (SBD)) = d(A, (SBD)) = 2d(H, (SBD)) = 2HK = 2 \cdot \frac{\sqrt{21}a}{14} = \frac{\sqrt{21}a}{7}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 40.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 27 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn bằng

- (A)  $\frac{13}{27}$ . (B)  $\frac{14}{27}$ . (C)  $\frac{1}{2}$ . (D)  $\frac{365}{729}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $A$  là tập hợp 27 số nguyên dương đầu tiên, ta có  $A = \{1; 2; 3; \dots; 26; 27\}$ .

Phép thử chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ  $A$  có  $n(\Omega) = C_{27}^2 = 351$ .

Tổng hai số chọn được là số chẵn khi và chỉ khi cả hai số đó đều chẵn hoặc đều lẻ. Do đó ta có các khả năng sau:

- Hai số lấy được từ  $A$  là hai số chẵn, có  $C_{13}^2 = 78$  khả năng.

- Hai số lấy được từ  $A$  là hai số lẻ, có  $C_{14}^2 = 91$  khả năng.

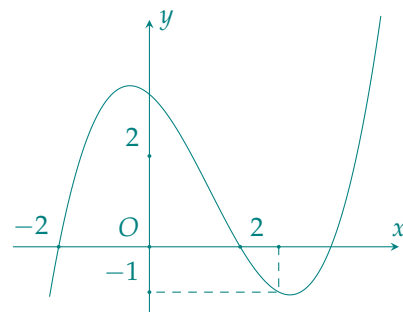
Do đó khả năng để chọn được hai số có tổng là một số chẵn là  $78 + 91 = 169$ .

Xác suất cần tìm là  $p(A) = \frac{169}{351} = \frac{13}{27}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 41.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{1}{2}$  là

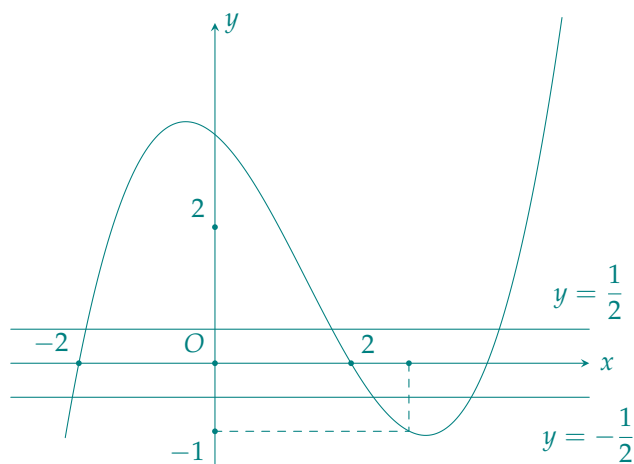


- (A) 6. (B) 10. (C) 12. (D) 3.

**Lời giải.**

Ta có  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} f(x^3 - 3x) = \frac{1}{2} & (1) \\ f(x^3 - 3x) = -\frac{1}{2} & (2) \end{cases}$

Từ đồ thị ta có



- (1)  $\Leftrightarrow f(x^3 - 3x) = \frac{1}{2}$   
 $\Leftrightarrow \begin{cases} x^3 - 3x = \alpha_1 & (-2 < \alpha_1 < 0) \\ x^3 - 3x = \alpha_2 & (0 < \alpha_2 < 2) \\ x^3 - 3x = \alpha_3 & (\alpha_3 > 2) \end{cases}$
- (2)  $\Leftrightarrow f(x^3 - 3x) = -\frac{1}{2}$   
 $\Leftrightarrow \begin{cases} x^3 - 3x = \alpha_4 & (\alpha_4 < -2) \\ x^3 - 3x = \alpha_5 & (\alpha_5 > 2) \\ x^3 - 3x = \alpha_6 & (\alpha_6 > 2) \end{cases}$

Xét hàm số  $y = x^3 - 3x$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có  $y' = 3x^2 - 3$ . Ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$	$\swarrow$ $2$ $\searrow$ $\swarrow$ $2$ $\searrow$ $\swarrow$ $2$ $\searrow$		$-\infty$	$+\infty$	

Dựa vào bảng biến thiên ta có

- Phương trình  $x^3 - 3x = a_1$  có 3 nghiệm.
- Phương trình  $x^3 - 3x = a_2$  có 3 nghiệm.
- Mỗi phương trình  $x^3 - 3x = a_3, x^3 - 3x = a_4, x^3 - 3x = a_5, x^3 - 3x = a_6$  đều có một nghiệm.

Từ đó suy ra phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{1}{2}$  có 10 nghiệm.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 42.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Biết  $f(5) = 1$  và  $\int_0^1 xf(5x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^1 x^2 f'(x) dx$  bằng

- (A)** 15.      **(B)** 23.      **(C)**  $\frac{123}{5}$ .      **(D)** -25.

**Lời giải.**

Biến đổi tích phân từng phần ta được

$$I = \int_0^5 x^2 f'(x) dx = \int_0^5 x^2 d(f(x)) = x^2 \cdot f(x) \Big|_0^5 - \int_0^5 f(x) d(x^2) = 25 \cdot f(5) - 0 \cdot f(0) - \int_0^5 f(x) \cdot 2x dx = 25 - 2 \int_0^5 xf(x) dx.$$

$$\text{Đặt } 5x = t \Rightarrow dt = \frac{1}{5} dx \Rightarrow 1 = \int_0^1 xf(5x) dx =$$

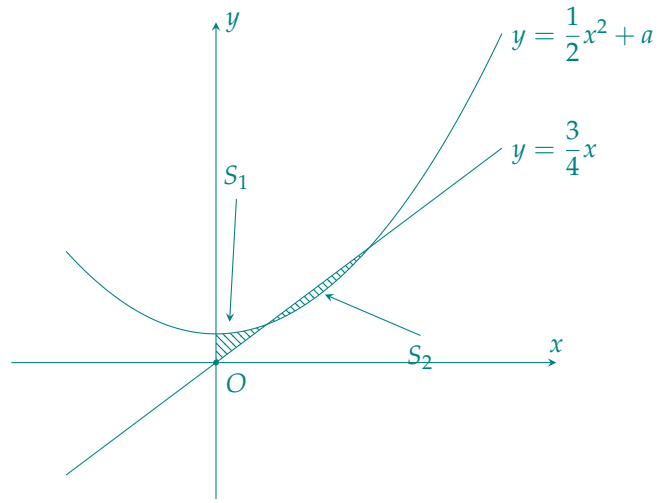
$$\int_0^5 \frac{t}{5} f(t) \frac{1}{5} dt = \frac{1}{25} \int_0^5 tf(t) dt.$$

$$\text{Suy ra } \int_0^5 xf(x) dx = \int_0^5 tf(t) dt = 25.$$

$$\text{Vậy } I = 25 - 2 \times 25 = -25.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 43.** Cho đường thẳng  $y = \frac{3}{4}x$  và parabol  $y = \frac{1}{2}x^2 + a$ , ( $a$  là tham số thực dương).



Gọi  $S_1, S_2$  lần lượt là diện tích của hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ bên. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $(\frac{1}{4}; \frac{9}{32})$ .      **(B)**  $(\frac{3}{16}; \frac{7}{32})$ .  
**(C)**  $(0; \frac{3}{16})$ .      **(D)**  $(\frac{7}{32}; \frac{1}{4})$ .

**Lời giải.**

Ta có phương trình hoành độ giao điểm là

$$\frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{4}x + a = 0 \Leftrightarrow 2x^2 - 3x + 4a = 0.$$

Theo đề bài phương trình có hai nghiệm  $0 < x_1 < x_2$

$$\text{thỏa mãn } \begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{3}{2} & (*) \\ x_1 x_2 = 2a & (**). \end{cases}$$

Từ đó thị đề bài, ta có

$$S_1 - S_2 = 0 \Leftrightarrow \int_0^{x_1} \left( \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{4}x + a \right) dx + \int_{x_1}^{x_2} \left( \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{4}x + a \right) dx = 0 \Leftrightarrow \int_0^{x_2} \left( \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{4}x + a \right) dx = 0 \Leftrightarrow \left( \frac{1}{6}x^3 - \frac{3}{8}x^2 + ax \right) \Big|_0^{x_2} = 0 \Leftrightarrow \frac{1}{6}x_2^3 - \frac{3}{8}x_2^2 + ax_2 = 0 \Leftrightarrow a = -\frac{x_2^2}{6} + \frac{3x_2}{8}. \quad (***)$$

Từ (\*) ta suy ra  $x_1 = \frac{3}{2} - x_2$ , thay vào (\*\*) ta được

$$\left( \frac{3}{2} - x_2 \right) x_2 = -\frac{x_2^2}{3} + \frac{3x_2}{4} \Leftrightarrow \frac{2x_2^2}{3} - \frac{3x_2}{4} = 0 \Rightarrow x_2 = \frac{9}{8} \Rightarrow a = \frac{27}{128}.$$

$$\text{Vậy } a \in \left( \frac{3}{16}; \frac{7}{32} \right).$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 44.** Xét số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , tập hợp điểm biểu diễn các số phức

$w = \frac{3 + iz}{1 + z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A)**  $2\sqrt{3}$ .      **(B)** 20.      **(C)** 12.      **(D)**  $2\sqrt{5}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $w = \frac{3+iz}{1+z} \Leftrightarrow w+wz = 3+iz \Leftrightarrow w-3 = (i-w)z$ . Lấy mô-đun hai vế ta được

$$|w-3| = |(i-w)z| \Leftrightarrow |w-3| = |(i-w)||z|. \quad (*)$$

Gọi  $w = x+yi$ ,  $x, y \in \mathbb{R}$ . Khi đó ta có

$$(*) \Leftrightarrow |w-3| = |(i-w)||z| \Leftrightarrow \sqrt{(x-3)^2+y^2} = \sqrt{x^2+(1-y)^2} \cdot \sqrt{2} \Leftrightarrow (x-3)^2+y^2 = 2x^2+2(1-y)^2 \Leftrightarrow x^2+y^2+6x-4y-7=0.$$

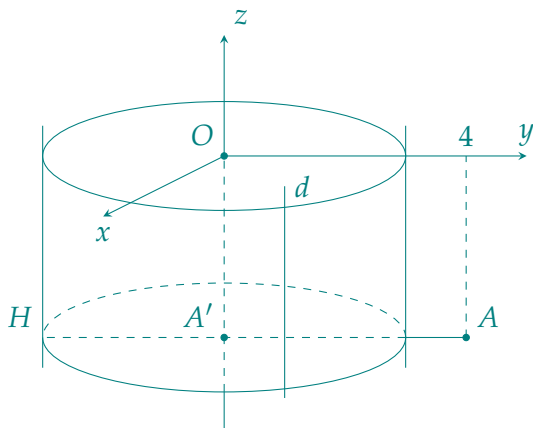
Vậy tập hợp điểm biểu diễn số phức  $w$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$  là đường tròn có tâm  $I(-3;2)$  và bán kính bằng  $2\sqrt{5}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 45.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0;4;-3)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 3. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  lớn nhất,  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)**  $P(-3;0;-3)$ .      **(B)**  $Q(0;11;-3)$ .  
**(C)**  $N(0;3;-5)$ .      **(D)**  $M(0;-3;-5)$ .

**Lời giải.**



Vì  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 3 nên  $d$  là đường sinh của hình trụ có trục là  $Oz$  và có bán kính đáy  $r = 3$ .

Gọi  $A'$  là hình chiếu của  $A$  lên trục  $Oz$ , dễ thấy  $A'(0;0;-3)$  và  $AA' = 4$ .

Gọi  $H(x;y;z)$  là hình chiếu của  $A$  lên  $d$ .

$AH$  lớn nhất khi  $A, A', H$  thẳng hàng và  $AH = AA' + A'H = AA' + r = 4 + 3 = 7$ .

Khi đó  $\overrightarrow{AH} = \frac{7}{4}\overrightarrow{AA'} \Leftrightarrow (x;y-4;z+3) = \frac{7}{4}(0;-4;0) \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = -3 \\ z = -3 \end{cases} \Rightarrow H(0;-3;-3).$$

Vậy  $d$  qua  $H(0;-3;-3)$  có véc-tơ chỉ phương  $\vec{k} =$

$$(0;0;1) \text{ nên có phương trình } \begin{cases} x = 0 \\ y = -3 \\ z = -3 + t \end{cases} \text{ suy ra } d \text{ đi}$$

qua điểm  $M(0;-3;-5)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 46.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + (z - \sqrt{2})^2 = 3$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a;b;c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho

có ít nhất hai tiếp tuyến của  $(S)$  đi qua  $A$  và hai tiếp tuyến đó vuông góc với nhau?

- (A)** 12.      **(B)** 4.      **(C)** 8.      **(D)** 16.

**Lời giải.**

Mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(0;0;\sqrt{2})$  và bán kính  $R = \sqrt{3}$ ;  $A \in (Oxy) \Rightarrow A(a;b;0)$ .

Để có ít nhất hai tiếp tuyến qua  $A$  thỏa mãn bài toán thì ta có hai trường hợp

- **TH1:**  $A \in (S) \Leftrightarrow IA = R = \sqrt{3}$ .

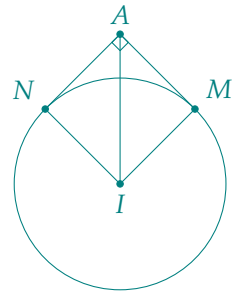
• **TH2:**  $A \notin (S)$ , khi đó để tồn tại hai tiếp tuyến vuông góc nhau thì hình nón sinh ra bởi các tiếp tuyến vẽ từ  $A$  phải có góc ở đỉnh không nhỏ hơn  $90^\circ$ . Tức là

$$\widehat{MAN} \geq 90^\circ \Leftrightarrow \widehat{MAI} \geq$$

$$45^\circ \Leftrightarrow \sin \widehat{MAI} \geq \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow$$

$$\frac{IM}{IA} \geq \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{IA} \geq$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow IA \leq \sqrt{6}.$$



Do đó, yêu cầu bài toán xảy ra khi và chỉ khi  $\sqrt{3} \leq IA \leq \sqrt{6} \Leftrightarrow 3 \leq IA^2 \leq 6 \Leftrightarrow 3 \leq a^2 + b^2 + 2 \leq 6 \Leftrightarrow 1 \leq a^2 + b^2 \leq 4$ .

Do  $a, b \in \mathbb{Z}$  nên ta xét các trường hợp sau

- Nếu  $a = 0$  thì  $b \in \{\pm 1, \pm 2\}$
- Nếu  $b = 0$  thì  $a \in \{\pm 1, \pm 2\}$
- Nếu  $a \neq 0$  và  $b \neq 0$  thì  $\begin{cases} a = \pm 1 \\ b = \pm 1. \end{cases}$

Vậy có 12 điểm  $A$  thỏa mãn đề bài.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 47.** Cho phương trình

$(2\log_2^2 x - 3\log_2 x - 2)\sqrt{3^x - m} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt?

- (A)** 79.      **(B)** 80.      **(C)** vô số.      **(D)** 81.

**Lời giải.**

Điều kiện  $\begin{cases} x > 0 \\ 3^x - m \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ 3^x \geq m \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x \geq \log_3 m \end{cases}$

- **TH1:** Với  $m = 1$ , phương trình trở thành  $(2\log_2^2 x - 3\log_2 x - 2)\sqrt{3^x - 1} = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} 2\log_2^2 x - 3\log_2 x - 2 = 0 \\ 3^x - 1 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \log_2 x = 2 \\ \log_2 x = -\frac{1}{2} \\ 3^x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 \\ x = \frac{1}{\sqrt{2}} \\ x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 \\ x = \frac{1}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

Vậy nhận giá trị  $m = 1$ .

- **TH2:** Với  $m > 1$ , phương trình trở thành  $(2\log_2^2 x - 3\log_2 x - 2)\sqrt{3^x - m} = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} 2\log_2^2 x - 3\log_2 x - 2 = 0 \\ 3^x - m = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \log_2 x = 2 \\ \log_2 x = -\frac{1}{2} \\ 3^x = m \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x = 4 \\ x = \frac{1}{\sqrt{2}} \\ x = \log_3 m. \end{cases}$$

Phương trình có hai nghiệm phân biệt khi

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \leq \log_3 m < 4 \Leftrightarrow 3^{\frac{1}{\sqrt{2}}} \leq m < 3^4.$$

Mà  $m > 1$  nên ta có  $m \in \{3, 4, \dots, 80\}$ , có 78 giá trị của  $m$ .

Vậy có 79 giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình có đúng hai nghiệm phân biệt.

Chọn phương án (A)

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như hình vẽ bên dưới

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$	$-3$	$2$	$-1$	$+\infty$

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x^2 + 2x)$  là

- (A) 3. (B) 9. (C) 5. (D) 7.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = (2x + 2)f'(x^2 + 2x) = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} 2x + 2 = 0 \\ x^2 + 2x = a, \quad a < -1 \\ x^2 + 2x = b, \quad -1 < b < 0 \\ x^2 + 2x = c, \quad 0 < c < 1 \\ x^2 + 2x = d, \quad d > 1. \end{cases}$$

Xét hàm số  $g(x) = x^2 + 2x$  xác định trên  $\mathbb{R}$ , có  $y' = 2x + 2$ , ta có bảng biến thiên như hình vẽ.

$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$
$g'(x)$		$-$	$+$
$g(x)$	$+\infty$	$-1$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta được  $y' = 0$  có 7 nghiệm đơn nên hàm số đã cho có 7 điểm cực trị.

Chọn phương án (D)

**Câu 49.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 8 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 4. Gọi  $M, N$  và  $P$  lần lượt là tâm các mặt bên  $ABB'A'$ ,  $ACC'A'$  và  $BCC'B'$ . Thể tích  $V$  của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

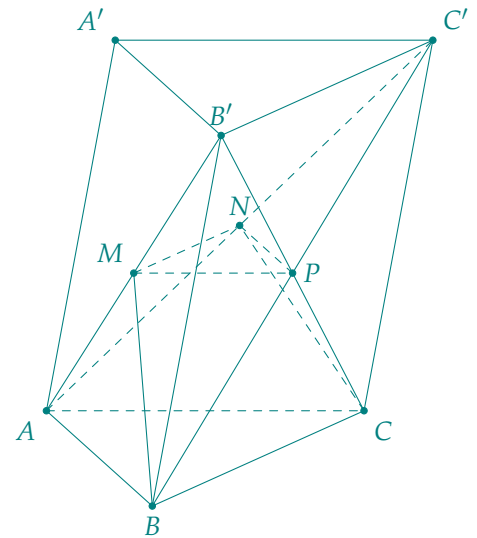
- (A)  $V = 12\sqrt{3}$ . (B)  $V = 16\sqrt{3}$ .

(C)  $V = \frac{28\sqrt{3}}{3}$ .

(D)  $V = \frac{40\sqrt{3}}{3}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $V_{ABC.A'B'C'} = 8 \cdot \frac{4^2\sqrt{3}}{4} = 32\sqrt{3}$ .  
 Và ta cũng có  $V_{C'.ABC} = V_{A.BC'B'} = \frac{1}{3}V_{ABC.A'B'C'}$ .  
 Khối đa diện cần tìm  $V = V_{C.ABPN} + V_{M.ANPB}$ .



Do  $N, P$  là trung điểm của  $AC'$  và  $BC'$  nên

$$S_{ANPB} = \frac{3}{4}S_{ABC'}$$

Từ đó ta suy ra

$$V_{C.ABPN} = \frac{3}{4}V_{C'.ABC} = \frac{1}{4}V_{ABC.A'B'C'}$$

$$V_{M.ANPB} = \frac{1}{2}V_{B'.ANPB} = \frac{3}{8}V_{B'.ABC'} = \frac{1}{8}V_{ABC.A'B'C'}$$

Vậy thể tích khối cần tìm

$$V = \frac{1}{4}V_{ABC.A'B'C'} + \frac{1}{8}V_{ABC.A'B'C'} = \frac{3}{8}V_{ABC.A'B'C'} = 12\sqrt{3}.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 50.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} + \frac{x+3}{x+4}$  và  $y = |x+1| - x + m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1)$  và  $(C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng 4 điểm phân biệt là

- (A)  $(3; +\infty)$ . (B)  $(-\infty; 3]$ .  
 (C)  $(-\infty; 3)$ . (D)  $[3; +\infty)$ .

**Lời giải.**

$$\text{Điều kiện } \begin{cases} x \neq -1 \\ x \neq -2 \\ x \neq -3 \\ x \neq -4. \end{cases}$$

Ta có phương trình hoành độ giao điểm  $\frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} + \frac{x+3}{x+4} = |x+1| - x + m$   
 $m \Leftrightarrow \left(1 - \frac{1}{x+1}\right) + \left(1 - \frac{1}{x+2}\right) + \left(1 - \frac{1}{x+3}\right) + \left(1 - \frac{1}{x+4}\right) = |x+1| - x + m \Leftrightarrow x - |x+1| + 4 - \left(\frac{1}{x+1} + \frac{1}{x+2} + \frac{1}{x+3} + \frac{1}{x+4}\right) = m$  (\*)

Đặt  $\mathcal{D}_1 = (-1; +\infty)$  và  $\mathcal{D}_2 = (-\infty; -4) \cup$

$(-4; -3) \cup (-3; -2) \cup (-2; -1)$ , ta có (\*)  $\Leftrightarrow$

$$\begin{cases} 3 - \left( \frac{1}{x+1} + \frac{1}{x+2} + \frac{1}{x+3} + \frac{1}{x+4} \right) = m \\ 2x + 5 - \left( \frac{1}{x+1} + \frac{1}{x+2} + \frac{1}{x+3} + \frac{1}{x+4} \right) = m. \end{cases}$$

Đặt

$$f(x) = \begin{cases} 3 - \left( \frac{1}{x+1} + \frac{1}{x+2} + \frac{1}{x+3} + \frac{1}{x+4} \right) \\ 2x + 5 - \left( \frac{1}{x+1} + \frac{1}{x+2} + \frac{1}{x+3} + \frac{1}{x+4} \right) \end{cases}$$

Có

$$f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x+1)^2} + \frac{1}{(x+2)^2} + \frac{1}{(x+3)^2} + \frac{1}{(x+4)^2} \\ 2 + \frac{1}{(x+1)^2} + \frac{1}{(x+2)^2} + \frac{1}{(x+3)^2} + \frac{1}{(x+4)^2} \end{cases}$$

Vậy hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định, ta có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$-4$	$-3$	$-2$	$-1$	$+\infty$
$f'(x)$		+	+	+	+	+
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$3$

Do đó để phương trình có 4 nghiệm phân biệt thì  $m \geq 3 \Rightarrow m \in [3; +\infty)$ .

Chọn phương án **(D)**

Hết

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. A	2. C	3. C	4. D	5. D	6. C	7. C	8. C	9. B	10. B	11. D
12. B	13. B	14. C	15. C	16. C	17. D	18. A	19. B	20. B	21. D	22. A
23. C	24. C	25. A	26. D	27. B	28. C	29. B	30. D	31. A	32. C	33. C
34. A	35. B	36. D	37. B	38. A	39. D	40. A	41. B	42. D	43. B	44. D
45. D	46. B	47. A	48. D	49. A	50. D					

12

ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103  
NĂM 2019

KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA

NĂM 2019

ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 103

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 2x - 3y + z - 2 = 0$ . Véc-tơ nào sau đây là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ .

- (A)**  $\vec{n}_3 = (-3; 1; -2)$ . **(B)**  $\vec{n}_2 = (2; -3; -2)$ .

**(C)**  $\vec{n}_1 = (2; -3; 1)$ .

**(D)**  $\vec{n}_4 = (2; 1; -2)$ .

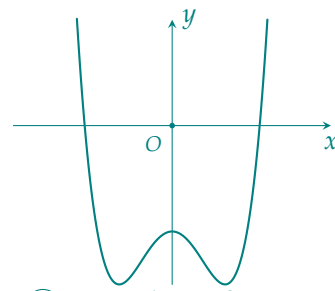
**Lời giải.**

Ta có véc-tơ  $\vec{n}_1 = (2; -3; 1)$  là một véc-tơ pháp tuyến của  $(P)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 2.**

Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên?



**(A)**  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .

**(B)**  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ .

**(C)**  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .

**(D)**  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .

**Lời giải.**

Quan sát đồ thị ta thấy đồ thị có dạng bậc 4 và  $a > 0$  nên  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 3.** Số cách chọn 2 học sinh từ 6 học sinh là

**(A)**  $A_6^2$ .

**(B)**  $C_6^2$ .

**(C)**  $2^6$ .

**(D)**  $6^2$ .

**Lời giải.**

Số cách chọn 2 học sinh từ 6 học sinh là  $C_6^2$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 4.** Biết  $\int_1^2 f(x) dx = 2$  và  $\int_1^2 g(x) dx = 6$ , khi đó

$\int_1^2 [f(x) - g(x)] dx$  bằng

**(A)** 4.

**(B)** -8.

**(C)** 8.

**(D)** -4.

**Lời giải.**

Ta có  $\int_1^2 [f(x) - g(x)] dx = \int_1^2 f(x) dx - \int_1^2 g(x) dx = 2 - 6 = -4$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 5.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-1} = 8$  là

**(A)**  $x = \frac{3}{2}$ .

**(B)**  $x = 2$ .

**(C)**  $x = \frac{5}{2}$ .

**(D)**  $x = 1$ .

**Lời giải.**

Ta có  $2^{2x-1} = 8 \Leftrightarrow 2^{2x-1} = 2^3 \Leftrightarrow 2x - 1 = 3 \Leftrightarrow x = 2$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 6.** Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và có bán kính đáy  $r$  là

**(A)**  $\pi r^2 h$ .

**(B)**  $\frac{4}{3} \pi r^2 h$ .

**(C)**  $2\pi r^2 h$ .

**(D)**  $\frac{1}{3} \pi r^2 h$ .

**Lời giải.**

Thể tích của khối nón có chiều cao  $h$  và có bán kính đáy  $r$  là  $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 7.** Số phức liên hợp của số phức  $1 - 2i$  là

- (A)  $-1 - 2i$ . (B)  $1 + 2i$ .  
(C)  $-2 + i$ . (D)  $-1 + 2i$ .

**Lời giải.**

Theo định nghĩa số phức liên hợp của số phức  $1 - 2i$  là số phức  $1 + 2i$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 8.** Thể tích khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- (A)  $\frac{4}{3}Bh$ . (B)  $3Bh$ . (C)  $\frac{1}{3}Bh$ . (D)  $Bh$ .

**Lời giải.**

Theo công thức tính thể tích lăng trụ là  $Bh$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 9.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$			3		-2		$+\infty$

Hàm số đạt cực đại tại

- (A)  $x = 2$ . (B)  $x = -2$ .  
(C)  $x = 3$ . (D)  $x = 1$ .

**Lời giải.**

Hàm số  $f(x)$  xác định tại  $x = 1$ ,  $f'(1) = 0$  và đạo hàm đổi dấu từ (+) sang (-) khi đi qua  $x = 1$  nên hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên trục  $Oy$  có tọa độ là

- (A)  $(0; 0; -1)$ . (B)  $(2; 0; -1)$ .  
(C)  $(0; 1; 0)$ . (D)  $(2; 0; 0)$ .

**Lời giải.**

Hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên trục  $Oy$  có tọa độ là  $(0; 1; 0)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 11.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và  $u_2 = 6$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A) 3. (B) -4. (C) 8. (D) 4.

**Lời giải.**

Ta có  $u_2 = 6 \Leftrightarrow u_1 + d = 6 \Leftrightarrow 2 + d = 6 \Leftrightarrow d = 4$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 12.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 3$  là

- (A)  $2x^2 + C$ . (B)  $x^2 + 3x + C$ .  
(C)  $2x^2 + 3x + C$ . (D)  $x^2 + C$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int (2x + 3) dx = x^2 + 3x + C$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 13.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x+2}{1} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z-3}{2}$ . Vec-tơ nào dưới đây là một vec-tơ chỉ phương của  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_2 = (1; -3; 2)$ . (B)  $\vec{u}_3 = (-2; 1; 3)$ .  
(C)  $\vec{u}_1 = (-2; 1; 2)$ . (D)  $\vec{u}_4 = (1; 3; 2)$ .

**Lời giải.**

Đường thẳng  $d: \frac{x+2}{1} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z-3}{2}$  có một vec-tơ chỉ phương là  $\vec{u}_2 = (1; -3; 2)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 14.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_2 a^3$  bằng

- (A)  $3 \log_2 a$ . (B)  $\frac{1}{3} \log_2 a$ .  
(C)  $\frac{1}{3} + \log_2 a$ . (D)  $3 + \log_2 a$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_2 a^3 = 3 \log_2 a$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$						
$f'(x)$		-	0	+	0	-	0	+			
$f(x)$			$+\infty$		3		0		0		$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào sau đây ?

- (A)  $(-1; 0)$ . (B)  $(-1; +\infty)$ .  
(C)  $(-\infty; -1)$ . (D)  $(0; 1)$ .

**Lời giải.**

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 16.** Cho hàm số  $f(x)$  bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	2	$+\infty$					
$f'(x)$		-	0	+	0	-			
$f(x)$			$+\infty$		-1		2		$-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) - 3 = 0$  là

- (A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 0.

**Lời giải.**

Ta có  $2f(x) - 3 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{3}{2}(1)$ .

Số nghiệm thực của phương trình (1) bằng số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  với đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$ .

Từ bảng biến thiên đã cho của hàm số  $f(x)$ , ta thấy đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại ba điểm phân biệt.

Do đó phương trình (1) có ba nghiệm thực phân biệt.

Chọn phương án (C)

**Câu 17.** Cho hai số phức  $z_1 = 1 + i$  và  $z_2 = 2 + i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $z_1 + 2z_2$  có tọa độ là

- (A) (2;5). (B) (3;5). (C) (5;2). (D) (5;3).

**Lời giải.**

Ta có  $z_1 + 2z_2 = (1 + i) + 2(2 + i) = 5 + 3i$ .

Do đó điểm biểu diễn số phức  $z_1 + 2z_2$  có tọa độ là (5;3).

Chọn phương án (D)

**Câu 18.** Hàm số  $y = 2^{x^2-x}$  có đạo hàm là

- (A)  $(x^2 - x) \cdot 2^{x^2-x-1}$ . (B)  $(2x - 1) \cdot 2^{x^2-x}$ .  
(C)  $2^{x^2-x} \cdot \ln 2$ . (D)  $(2x - 1) \cdot 2^{x^2-x} \cdot \ln 2$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = (x^2 - x)' \cdot 2^{x^2-x} \cdot \ln 2 = (2x - 1) \cdot 2^{x^2-x} \cdot \ln 2$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 19.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3;3]$  bằng

- (A) 18. (B) 2. (C) -18. (D) -2.

**Lời giải.**

Ta có  $y' = 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1 \in (-3;3)$

$f(-3) = -18; f(-1) = 2; f(1) = -2; f(3) = 18$ .

Vậy giá trị lớn nhất của hàm số đã cho trên  $[-3;3]$  là 18.

Chọn phương án (A)

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x - 1)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 2. (B) 0. (C) 1. (D) 3.

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \end{cases}$

Xét dấu của đạo hàm

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$	
$f'(x)$	-	0	+	0	+

Ta thấy đạo hàm đổi dấu đúng 1 lần nên hàm số đã cho có đúng 1 điểm cực trị.

Chọn phương án (C)

**Câu 21.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $a^2b^3 = 16$ . Giá trị của  $2\log_2 a + 3\log_2 b$  bằng

- (A) 8. (B) 16. (C) 4. (D) 2.

**Lời giải.**

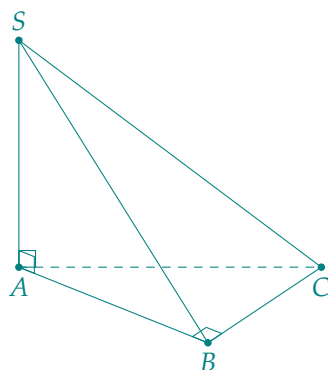
Ta có  $2\log_2 a + 3\log_2 b = \log_2(a^2b^3) = \log_2 16 = 4$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 22.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ .  $SA = \sqrt{2}a$ . Tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  và  $AB = a$  ( minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng

- (A)  $45^\circ$ . (B)  $60^\circ$ .  
(C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

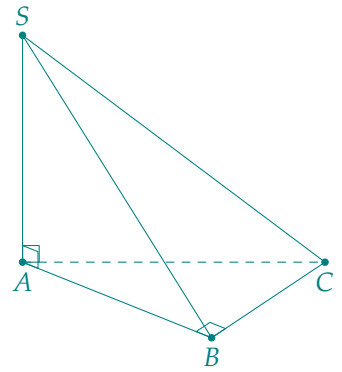


**Lời giải.**

Ta có  $AC$  là hình chiếu vuông góc của  $SC$  trên mặt phẳng  $(ABC)$ .

Suy ra góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng  $\widehat{SCA} = \varphi$ .

Ta có  $AC = a\sqrt{2}, SA = a\sqrt{2}$  nên tam giác  $SAC$  vuông cân tại  $A \Rightarrow \varphi = 45^\circ$ .



Chọn phương án (A)

**Câu 23.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng  $1m$  và  $1,8m$ . Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và có thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây ?

- (A) 2,8m. (B) 2,6m. (C) 2,1m. (D) 2,3m.

**Lời giải.**

Gọi hai bể nước hình trụ ban đầu lần lượt có chiều cao là  $h$ , bán kính  $r_1, r_2$ , thể tích là  $V_1, V_2$ .

Ta có một bể nước mới có chiều cao  $h, V = V_1 + V_2$ .

$\Rightarrow \pi r^2 h = \pi r_1^2 h + \pi r_2^2 h \Rightarrow \pi r^2 h = \pi \cdot 1^2 \cdot h + \pi \cdot 1,8^2 \cdot h \Leftrightarrow r = \sqrt{1 + 1,8^2} \approx 2,1m$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 24.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x + 1) + 1 = \log_2(3x - 1)$  là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = 2$ .  
(C)  $x = -1$ . (D)  $x = 1$ .

**Lời giải.**

Điều kiện phương trình  $x > \frac{1}{3}$ .

$$\log_2(x + 1) + 1 = \log_2(3x - 1)$$

$$\Leftrightarrow \log_2[(x + 1) \cdot 2] = \log_2(3x - 1)$$

$$\Leftrightarrow 2(x + 1) = 3x - 1$$

$$\Leftrightarrow x = 3 \text{ (Thỏa mãn điều kiện phương trình).}$$

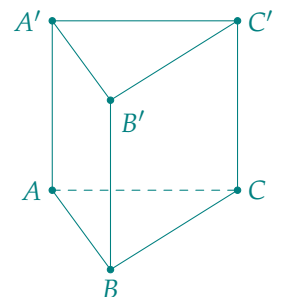
Vậy nghiệm phương trình là  $x = 3$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 25.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$  và  $AA' = 3a$  (minh họa như hình vẽ bên). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A)  $2\sqrt{3}a^3$ . (B)  $\sqrt{3}a^3$ .  
(C)  $6\sqrt{3}a^3$ . (D)  $3\sqrt{3}a^3$ .



**Lời giải.**

Khối lăng trụ đã cho có đáy là tam giác đều có diện tích đáy là  $\frac{(2a)^2\sqrt{3}}{4}$  và chiều cao là  $AA' = 3a$  (do là lăng trụ



đúng) nên có thể tích là  $\frac{(2a)^2\sqrt{3}}{4} \cdot 3a = 3\sqrt{3}a^3$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 26.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 + 2y - 2z - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

- (A)** 9.      **(B)**  $\sqrt{15}$ .      **(C)**  $\sqrt{7}$ .      **(D)** 3.

**Lời giải.**

Mặt cầu đã cho có phương trình dạng  $x^2 + y^2 + z^2 + 2ax + 2by + 2cz + d = 0$  có bán kính là

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2 - d} = \sqrt{1^2 + 1^2 + 7} = 3.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 27.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(2; 1; 2)$  và  $B(6; 5; -4)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)**  $2x + 2y - 3z - 17 = 0$ .  
**(B)**  $4x + 3y - z - 26 = 0$ .  
**(C)**  $2x + 2y - 3z + 17 = 0$ .  
**(D)**  $2x + 2y + 3z - 11 = 0$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  đi qua trung điểm của  $AB$  là  $M(4; 3; -1)$  và có véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{AB} = (4; 4; -6)$  nên có phương trình là

$$\begin{aligned} 4(x - 4) + 4(y - 3) - 6(z + 1) &= 0 \\ \Leftrightarrow 2(x - 4) + 2(y - 3) - 3(z + 1) &= 0 \\ \Leftrightarrow 2x + 2y - 3z - 17 &= 0. \end{aligned}$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	3	$+\infty$	
$y'$		-	+	0	-
$y$	1	$\searrow$	$2$	$\searrow$	$3$
		$-\infty$		$-3$	

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A)** 1.      **(B)** 2.      **(C)** 3.      **(D)** 4.

**Lời giải.**

Nhìn bảng biến thiên ta thấy

$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty \Rightarrow x = 0$  là TCD của đồ thị hàm số.

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 3 \Rightarrow y = 3$  là TCN của đồ thị hàm số.

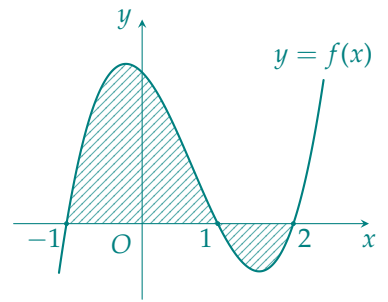
$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1 \Rightarrow y = 1$  là TCN của đồ thị hàm số.

Vậy hàm số có 3 tiệm cận.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 29.**

Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x), y = 0, x = -1, x = 2$  (như hình vẽ bên). Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)**  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^2 f(x) dx$ .  
**(B)**  $S = -\int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^2 f(x) dx$ .  
**(C)**  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^2 f(x) dx$ .  
**(D)**  $S = \int_{-1}^1 f(x) dx + \int_1^2 f(x) dx$ .

**Lời giải.**

$$S = \int_{-1}^2 |f(x)| dx = \int_{-1}^1 |f(x)| dx + \int_1^2 |f(x)| dx$$

Nhìn hình ta thấy hàm số  $f(x)$  liên tục và nhận giá trị không âm trên đoạn  $[-1; 1]$

$$\text{nên } \int_{-1}^1 |f(x)| dx = \int_{-1}^1 f(x) dx.$$

Hàm số  $f(x)$  liên tục và nhận giá trị âm trên đoạn  $[1; 2]$

$$\text{nên } \int_1^2 |f(x)| dx = -\int_1^2 f(x) dx.$$

$$\text{Vậy } S = \int_{-1}^1 f(x) dx - \int_1^2 f(x) dx.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 30.** Gọi  $z_1, z_2$  là 2 nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 4z + 5 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

- (A)** 6.      **(B)** 8.      **(C)** 16.      **(D)** 26.

**Lời giải.**

$$\Delta' = b'^2 - ac = 4 - 5 = -1.$$

Phương trình có 2 nghiệm phức  $z_1 = -2 + i, z_2 = -2 - i$ .

$$\text{Nên } z_1^2 + z_2^2 = (-2 + i)^2 + (-2 - i)^2 = 4 - 4i + i^2 + 4 + 4i + i^2 = 8 + 2i^2 = 8 - 2 = 6.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 31.** Trong không gian  $Oxyz$  cho  $A(0; 0; 2), B(2; 1; 0), C(1; 2; -1)$  và  $D(2; 0; -2)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với  $(BCD)$  có phương trình là

- (A)**  $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = -2 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases}$ .      **(B)**  $\begin{cases} x = 3 \\ y = 2 \\ z = -1 + 2t \end{cases}$ .

$$\textcircled{C} \begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = 2 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases} \quad \textcircled{D} \begin{cases} x = 3t \\ y = 2t \\ z = 2 + t \end{cases}$$

**Lời giải.**

Gọi  $d$  là đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với  $(BCD)$ .

Ta có  $\vec{BC} = (-1; 1; -1); \vec{BD} = (0; -1; -2)$ .

Mặt phẳng  $(BCD)$  có véc-tơ pháp tuyến là  $\vec{n}_{(BCD)} = [\vec{BD}, \vec{BC}] = (3; 2; -1)$ .

Gọi  $\vec{u}_d$  là véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $d$ .

Vì  $d \perp (BCD)$  nên  $\vec{u}_d = \vec{n}_{(BCD)} = (3; 2; -1)$ .

Đáp án  $\begin{cases} x = 3 \\ y = 2 \\ z = -1 + 2t \end{cases}$  và  $\begin{cases} x = 3t \\ y = 2t \\ z = 2 + t \end{cases}$  có véc-

tơ chỉ phương không cùng phương với véc-tơ  $\vec{u}_d = (3; 2; -1)$  nên loại.

Ta thấy điểm  $A(0; 0; 2)$  không thỏa hệ  $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = -2 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases}$

nên loại đáp án  $\begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = -2 + 2t \\ z = 1 - t \end{cases}$ .

Chọn phương án  $\textcircled{C}$

**Câu 32.** Cho số  $z$  thỏa mãn  $(2 + i)z - 4(\bar{z} - i) = -8 + 19i$ . Mô-đun của  $z$  bằng

$\textcircled{A}$  13.     $\textcircled{B}$  5.     $\textcircled{C}$   $\sqrt{13}$ .     $\textcircled{D}$   $\sqrt{5}$ .

**Lời giải.**

Gọi  $z = a + bi; \bar{z} = a - bi (a, b \in \mathbb{R})$ .

Ta có

$$\begin{aligned} (2 + i)z - 4(\bar{z} - i) &= -8 + 19i \\ \Leftrightarrow (2 + i)(a + bi) - 4(a - bi - i) &= -8 + 19i \\ \Leftrightarrow -2a - b + (a + 6b + 4) &= -8 + 19i \\ \Leftrightarrow \begin{cases} -2a - b = -8 \\ a + 6b + 4 = 19 \end{cases} &\Leftrightarrow \begin{cases} a = 3 \\ b = 2 \end{cases} \end{aligned}$$

Vậy  $z = 3 + 2i \Rightarrow |z| = \sqrt{13}$ .

Chọn phương án  $\textcircled{C}$

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(3 - 2x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

$\textcircled{A}$   $(3; 4)$ .     $\textcircled{B}$   $(2; 3)$ .  
 $\textcircled{C}$   $(-\infty; -3)$ .     $\textcircled{D}$   $(0; 2)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = -2 \cdot f'(3 - 2x) \geq 0 \Leftrightarrow f'(3 - 2x) \leq 0$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3 - 2x \leq -3 \\ -1 \leq 3 - 2x \leq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 3 \\ 1 \leq x \leq 2 \end{cases}$$

Vậy hàm số  $y = f(3 - 2x)$  đồng biến trên khoảng  $(3; 4)$ .

Chọn phương án  $\textcircled{A}$

**Câu 34.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{2x + 1}{(x + 2)^2}$  trên khoảng  $(-2; +\infty)$  là

$\textcircled{A}$   $2 \ln(x + 2) + \frac{1}{x + 2} + C$ .  
 $\textcircled{B}$   $2 \ln(x + 2) - \frac{1}{x + 2} + C$ .  
 $\textcircled{C}$   $2 \ln(x + 2) - \frac{3}{x + 2} + C$ .  
 $\textcircled{D}$   $2 \ln(x + 2) + \frac{3}{x + 2} + C$ .

**Lời giải.**

$$\begin{aligned} \text{Ta có } \int f(x) dx &= \int \frac{2x + 4 - 3}{(x + 2)^2} dx = \\ \int \left[ \frac{2}{x + 2} - \frac{3}{(x + 2)^2} \right] dx &= 2 \ln|x + 2| + \frac{3}{x + 2} + C. \end{aligned}$$

Chọn phương án  $\textcircled{D}$

**Câu 35.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) =$

$2 \sin^2 x + 1, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng

$\textcircled{A}$   $\frac{\pi^2 + 15\pi}{16}$ .     $\textcircled{B}$   $\frac{\pi^2 + 16\pi - 16}{16}$ .  
 $\textcircled{C}$   $\frac{\pi^2 + 16\pi - 4}{16}$ .     $\textcircled{D}$   $\frac{\pi^2 - 4}{16}$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } f(x) = \int (2 \sin^2 x + 1) dx = \int (2 - \cos 2x) dx = 2x - \frac{1}{2} \sin 2x + C.$$

Vì  $f(0) = 4 \Rightarrow C = 4$

$$\text{Hay } f(x) = 2x - \frac{1}{2} \sin 2x + 4.$$

$$\text{Suy ra } \int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \left( 2x - \frac{1}{2} \sin 2x + 4 \right) dx = x^2 +$$

$$\frac{1}{4} \cos 2x + 4x \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{\pi^2}{16} + \pi - \frac{1}{4} = \frac{\pi^2 + 16\pi - 4}{16}.$$

Chọn phương án  $\textcircled{C}$

**Câu 36.** Cho phương trình  $\log_9 x^2 - \log_3(5x - 1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm?

$\textcircled{A}$  Vô số.     $\textcircled{B}$  5.     $\textcircled{C}$  4.     $\textcircled{D}$  6.

**Lời giải.**

$$\text{Điều kiện: } \begin{cases} x > \frac{1}{5} \\ m > 0. \end{cases}$$

$$\text{Xét phương trình: } \log_9 x^2 - \log_3(5x - 1) = -\log_3 m \quad (1).$$

**Cách 1.**

$$(1) \Leftrightarrow \log_3 x - \log_3(5x - 1) = -\log_3 m \Leftrightarrow$$

$$\log_3 \frac{5x - 1}{x} = \log_3 m \Leftrightarrow \frac{5x - 1}{x} = m \Leftrightarrow 5 - \frac{1}{x} = m \quad (2).$$

Xét  $f(x) = 5 - \frac{1}{x}$  trên khoảng  $\left(\frac{1}{5}; +\infty\right)$ .

Có  $f'(x) = \frac{1}{x^2} > 0, \forall x \in \left(\frac{1}{5}; +\infty\right)$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) =$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(5 - \frac{1}{x}\right) = 5.$$

Ta có bảng biến thiên của hàm số  $f(x)$

$x$	$-\frac{1}{5}$	$+\infty$
$y'$		+
$y$	0	5

Phương trình (1) có nghiệm khi và chỉ phương trình (2) có nghiệm  $x > \frac{1}{5}$ .

Từ bảng biến thiên suy ra phương trình (1) có nghiệm khi và chỉ khi  $0 < m < 5$ .

Mà  $m \in \mathbb{Z}$  và  $m > 0$  nên  $m \in \{1; 2; 3; 4\}$ .

Vậy có 4 giá trị nguyên của  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm.

**Cách 2.**

Với  $\begin{cases} x > \frac{1}{5}, \\ m > 0 \end{cases}$ , ta có (1)  $\Leftrightarrow \log_3 x - \log_3(5x - 1) =$

$$-\log_3 m \Leftrightarrow \log_3 \frac{5x - 1}{x} = \log_3 m$$

$$\Leftrightarrow \frac{5x - 1}{x} = m$$

$$\Leftrightarrow (5 - m)x = 1 \quad (2).$$

Với  $m = 5$ , phương trình (2) thành  $0 \cdot x = 1$  (vô nghiệm).

Với  $m \neq 5$ , (2)  $\Leftrightarrow x = \frac{1}{5 - m}$ .

Xét  $x > \frac{1}{5} \Leftrightarrow \frac{1}{5 - m} > \frac{1}{5} \Leftrightarrow \frac{m}{5 \cdot (5 - m)} > 0 \Leftrightarrow 0 < m < 5$ .

Mà  $m \in \mathbb{Z}$  và  $m > 0$  nên  $m \in \{1; 2; 3; 4\}$ .

Vậy có 4 giá trị nguyên của  $m$  để phương trình đã cho có nghiệm.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 37.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $3\sqrt{2}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng 1, thiết diện thu được có diện tích bằng  $12\sqrt{2}$ . Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

**(A)**  $6\sqrt{10}\pi$ .

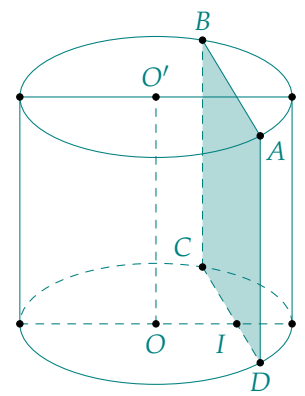
**(B)**  $6\sqrt{34}\pi$ .

**(C)**  $3\sqrt{10}\pi$ .

**(D)**  $3\sqrt{34}\pi$ .

**Lời giải.**

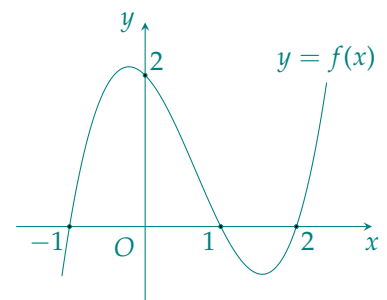
Ta có:  $S_{ABCD} = 12\sqrt{2} = 3\sqrt{2} \cdot CD$   
 $\Rightarrow CD = 4$   
 $\Rightarrow CI = 2$   
 $\Rightarrow CO = \sqrt{CI^2 + IO^2} = \sqrt{5} = r$ .  
 Vậy  $S_{xq} = 2\pi rl = 6\sqrt{10}\pi$ .



Chọn phương án **(A)**

**Câu 38.**

Cho hàm số  $y = f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Bất phương trình  $f(x) < 2x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi



**(A)**  $m > f(0)$ .

**(B)**  $m > f(2) - 4$ .

**(C)**  $m \geq f(0)$ .

**(D)**  $m \geq f(2) - 4$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f(x) < 2x + m \Leftrightarrow m > f(x) - 2x$  (1).

Đặt  $g(x) = f(x) - 2x, x \in (0; 2)$ .

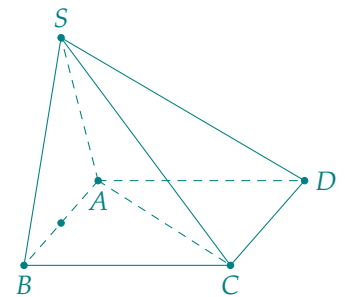
$\forall x \in (0; 2), g'(x) = f'(x) - 2 < 0 \Rightarrow$  hàm số  $y = g(x)$  nghịch biến trên  $(0; 2)$ .

Do đó (1) đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi  $m \geq g(0) = f(0)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 39.**

Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình vẽ bên). Khoảng cách từ  $D$  đến mặt phẳng  $(SAC)$  bằng



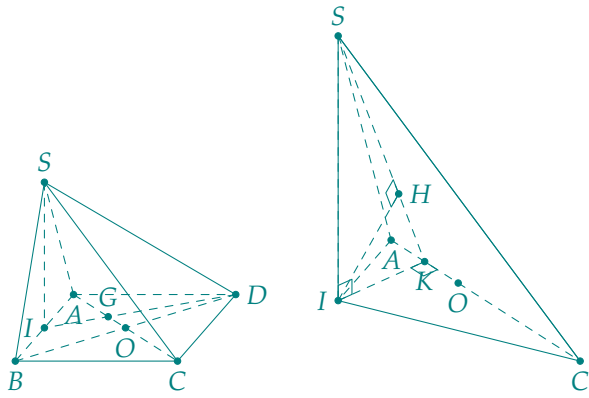
**(A)**  $\frac{a\sqrt{21}}{14}$ .

**(B)**  $\frac{a\sqrt{21}}{28}$ .

**(C)**  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ .

**(D)**  $\frac{a\sqrt{21}}{7}$ .

**Lời giải.**



\* Gọi  $O = AC \cap BD$  và  $G$  là trọng tâm tam giác  $ABD$ ,  $I$  là trung điểm của  $AB$ .

Ta có  $SI \perp (ABCD)$  và  $\frac{d(D; (SAC))}{d(I; (SAC))} = \frac{DG}{IG} = 2$ .

$\Rightarrow d(D; (SAC)) = 2 \cdot d(I; (SAC))$ .

\* Gọi  $K$  là trung điểm của  $AO$  suy ra  $IK \parallel BO$ .

\* Do  $BO \perp AC$  nên  $IK \perp AC$ .

\* Ta lại có  $AC \perp SI$  nên  $AC \perp (SIK)$ . Do đó  $(SAC) \perp (SIK)$ .

\* Gọi  $H$  là hình chiếu của  $I$  lên  $SK$  ta có  $IH \perp SK$ .

\* Do  $(SIK) \cap (SAC) = SK \Rightarrow IH = d(I, (SAC))$ .

$\Rightarrow d(D; (SAC)) = 2 \cdot d(I; (SAC)) = 2 \cdot IH$ .

\* Xét tam giác  $SIK$  vuông tại  $I$  ta có

$$SI = \frac{a\sqrt{3}}{2}; IK = \frac{BO}{2} = \frac{a\sqrt{2}}{4}$$

$$\frac{1}{IH^2} = \frac{1}{SI^2} + \frac{1}{IK^2} = \frac{4}{3a^2} + \frac{16}{2a^2} = \frac{28}{3a^2}$$

$$\Rightarrow IH = \frac{a\sqrt{3}}{2\sqrt{7}}$$

$$\Rightarrow d(D; (SAC)) = 2 \cdot IH = \frac{a\sqrt{21}}{7}$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 40.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 21 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn bằng

- (A)**  $\frac{11}{21}$ .      **(B)**  $\frac{221}{441}$ .      **(C)**  $\frac{10}{21}$ .      **(D)**  $\frac{1}{2}$ .

**Lời giải.**

\* Số phần tử của không gian mẫu là  $n(\Omega) = C_{21}^2 = 210$ .

\* Gọi biến cố  $A$ : "Chọn được hai số có tổng là một số chẵn".

Trong 21 số nguyên dương đầu tiên có 11 số lẻ và 10 số chẵn.

Để hai số chọn được có tổng là một số chẵn điều kiện là cả hai số cùng chẵn hoặc cùng lẻ.

$\Rightarrow$  Số phần tử của biến cố  $A$  là  $n(A) = C_{10}^2 + C_{11}^2 = 100$ .

\* Xác suất của biến cố  $A$  là  $P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{10}{21}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 41.**

Cho đường thẳng  $y = 3x$  và parabol  $y = 2x^2 + a$  ( $a$  là tham số thực dương). Gọi  $S_1$  và  $S_2$  lần lượt là diện tích của hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ bên. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $\left(\frac{4}{5}; \frac{9}{10}\right)$ .      **(B)**  $\left(0; \frac{4}{5}\right)$ .  
**(C)**  $\left(1; \frac{9}{8}\right)$ .      **(D)**  $\left(\frac{9}{10}; 1\right)$ .

**Lời giải.**

Phương trình hoành độ giao điểm  $2x^2 + a = 3x \Leftrightarrow 2x^2 - 3x + a = 0$  (1) có hai nghiệm dương phân biệt

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta = 9 - 8a > 0 \\ P = \frac{a}{2} > 0 \\ S = \frac{3}{2} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a < \frac{9}{8} \\ a > 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 < a < \frac{9}{8}$$

Ta được nghiệm của phương trình là  $x = \frac{3 \pm \sqrt{9 - 8a}}{4}$ .

$$\text{Gọi } x_1 = \frac{3 - \sqrt{9 - 8a}}{4}; x_2 = \frac{3 + \sqrt{9 - 8a}}{4}$$

Ta có

$$S_1 = S_2$$

$$\Leftrightarrow \int_0^{x_1} (2x^2 + a - 3x) dx = - \int_{x_1}^{x_2} (2x^2 + a - 3x) dx$$

$$\Leftrightarrow \int_0^{x_1} (2x^2 + a - 3x) dx + \int_{x_1}^{x_2} (2x^2 + a - 3x) dx = 0$$

$$\Leftrightarrow \int_0^{x_2} (2x^2 - 3x + a) dx = 0$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{2}{3}x^3 - \frac{3}{2}x^2 + ax\right) \Big|_0^{x_2} = 0$$

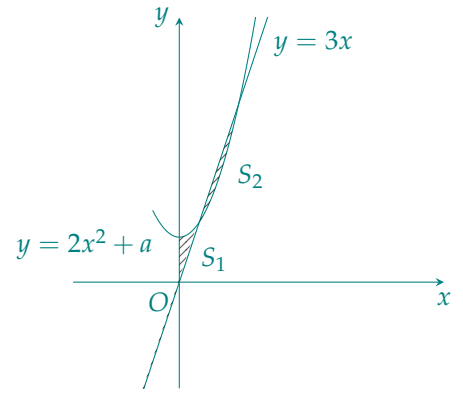
$$\Leftrightarrow \frac{2}{3}(x_2)^3 - \frac{3}{2}(x_2)^2 + a(x_2) = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{2}{3}(x_2)^2 - \frac{3}{2}x_2 + a = 0 \text{ (do } x_2 \neq 0)$$

Ta lại có  $x_2$  là nghiệm của phương trình (1) nên  $x_2$  là nghiệm của hệ phương trình sau

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{2}{3}(x_2)^2 - \frac{3}{2}x_2 + a = 0 \\ 2(x_2)^2 - 3x_2 + a = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{2}{3}(x_2)^2 - \frac{3}{2}x_2 - 2(x_2)^2 + 3x_2 = 0 \\ a = -2(x_2)^2 + 3x_2 \end{cases}$$



$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{-4}{3}(x_2)^2 + \frac{3}{2}x_2 = 0 \\ a = -2(x_2)^2 + 3x_2. \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_2 = \frac{9}{8} \\ a = \frac{27}{32}. \end{cases}$$

Chọn phương án (A)

**Câu 42.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0; 3; -2)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi song song với  $Oz$  và cách  $Oz$  một khoảng bằng 2. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  nhỏ nhất thì  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $P(-2; 0; -2)$ . (B)  $N(0; -2; -5)$ .  
(C)  $Q(0; 2; -5)$ . (D)  $M(0; 4; -2)$ .

**Lời giải.**

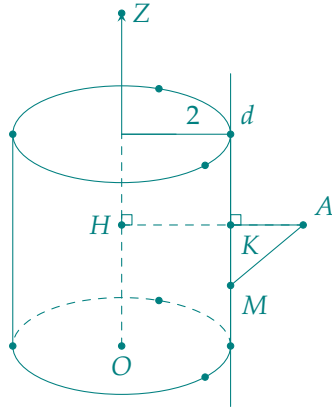
Vì  $d$  song song với  $Oz$  và cách  $Oz$  một khoảng bằng 2 nên  $d$  thuộc mặt trụ trục  $Oz$  và bán kính bằng 2.

Có  $H(0; 0; -2)$  là hình chiếu vuông góc của  $A(0; 3; -2)$  trên  $Oz$ .

Có  $\overrightarrow{HA} = (0; 3; 0) \Rightarrow HA = 3$  nên  $A$  nằm ngoài mặt trụ.

Gọi  $(P)$  là mặt phẳng qua  $A$  và vuông góc với  $Oz$ .

$M$  là điểm trên  $d$ .



Gọi  $K$  là giao điểm của  $AH$  và mặt trụ ( $K$  nằm giữa  $A$  và  $H$ ).

Để thấy  $AM \geq AK; AK = AH - d(Oz; d) = 1 = d(A; d)$ .

Dấu bằng xảy ra khi và chỉ khi  $M \equiv K$ .

Khi đó ta có  $\overrightarrow{HK} = \frac{2}{3}\overrightarrow{HA} \Rightarrow K(0; 2; -2)$ .

$$\Rightarrow d: \begin{cases} x = 0 \\ y = 2 \\ z = -2 + t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R}).$$

Với  $t = -3$  ta thấy  $d$  đi qua điểm  $Q$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 43.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , tập hợp các điểm biểu diễn số phức  $w = \frac{2+iz}{1+z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A) 10. (B)  $\sqrt{2}$ . (C) 2. (D)  $\sqrt{10}$ .

**Lời giải.**

Gọi số phức  $w = x + yi; x, y \in \mathbb{R}$ . Khi đó

$$w = \frac{2+iz}{1+z}$$

$$\Leftrightarrow w(1+z) = 2+iz$$

$$\Leftrightarrow w-2 = z(i-w)$$

$$\Rightarrow |w-2| = |z(i-w)|$$

$$\Leftrightarrow |w-2| = |z| \cdot |z(i-w)|$$

$$\Leftrightarrow (x-2)^2 + y^2 = 2(x^2 + (1-y)^2)$$

$$\Leftrightarrow (x+2)^2 + (y-2)^2 = 10 (*)$$

Từ (\*) suy ra điểm biểu diễn số phức  $w$  là một đường tròn có bán kính bằng  $\sqrt{10}$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Biết  $f(6) = 1$  và  $\int_0^1 xf(6x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^6 x^2 f'(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{107}{3}$ . (B) 34. (C) 24. (D) -36.

**Lời giải.**

Theo bài ra  $\int_0^1 xf(6x) dx = 1$ .

Đặt  $t = 6x \Rightarrow dt = 6 dx$ .

Đổi cận  $x = 0 \Rightarrow t = 0; x = 1 \Rightarrow t = 6$

$$\text{Do đó } \int_0^1 xf(6x) dx = 1 \Leftrightarrow \int_0^6 \frac{1}{6}t \cdot f(t) \frac{dt}{6} = 1 \Leftrightarrow$$

$$\frac{1}{36} \int_0^6 t \cdot f(t) dt = 1 \Leftrightarrow \int_0^6 t \cdot f(t) dt = 36.$$

Tính  $I = \int_0^6 x^2 f'(x) dx$ .

$$\text{Đặt } \begin{cases} u = x^2 \\ dv = f'(x) dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = 2x dx \\ v = f(x). \end{cases}$$

$$\Rightarrow I = x^2 f(x) \Big|_0^6 - \int_0^6 2xf(x) dx = 36f(6) -$$

$$2 \int_0^6 xf(x) dx = 36 \cdot 1 - 2 \cdot 36 = -36.$$

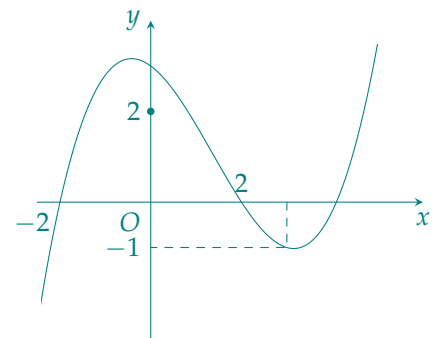
Chọn phương án (D)

**Câu 45.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Số nghiệm thực của phương trình

$$|f(x^3 - 3x)| = \frac{3}{2}$$

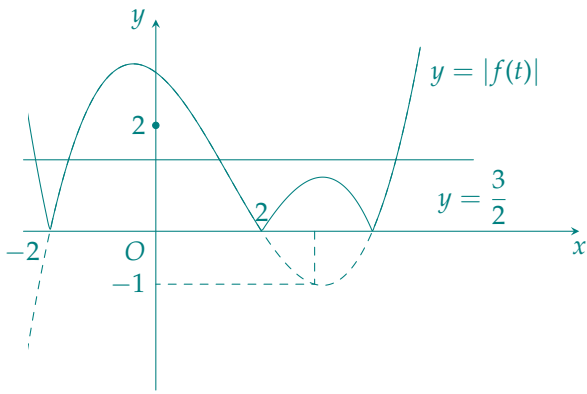
là



- (A) 8. (B) 4. (C) 7. (D) 3.

**Lời giải.**

Đặt  $t = x^3 - 3x$  ta có phương trình  $|f(t)| = \frac{3}{2}$  (\*).



Từ đồ thị hàm số  $y = |f(t)|$  và đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$  ta suy ra phương trình (\*)

có 4 nghiệm  $t_1 < -2 < t_2 < 0 < t_3 < 2 < t_4$ .

Xét hàm  $t = x^3 - 3x$ . Ta có  $t' = 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = -1. \end{cases}$$

Ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	1	0	1	$+\infty$
$t'$		+	0	-	+
$t$			2	0	
	$-\infty$			-2	$+\infty$

- Với  $t_1 < -2$  phương trình:  $t_1 = x^3 - 3x$  cho ta 1 nghiệm.
- Với  $-2 < t_2 < 0$  phương trình:  $t_2 = x^3 - 3x$  cho ta 3 nghiệm.
- Với  $0 < t_3 < 2$  phương trình:  $t_3 = x^3 - 3x$  cho ta 3 nghiệm.
- Với  $2 < t_4$  phương trình:  $t_4 = x^3 - 3x$  cho ta 1 nghiệm.

Vậy phương trình đã cho có tất cả 8 nghiệm.

Chọn phương án (A)

**Câu 46.** Cho phương trình

$(2\log_3^2 x - \log_3 x - 1)\sqrt{5^x - m} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình đã cho có đúng hai nghiệm phân biệt?

- (A) 123. (B) 125. (C) Vô số. (D) 124.

**Lời giải.**

$$\text{Điều kiện: } \begin{cases} x > 0 \\ 5^x - m \geq 0 (m > 0) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x \geq \log_5 m. \end{cases}$$

$$(2\log_3^2 x - \log_3 x - 1)\sqrt{5^x - m} = 0 \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2\log_3^2 x - \log_3 x - 1 = 0 \\ 5^x - m = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3, x = \frac{1}{3} \\ x = \log_5 m. \end{cases}$$

**TH 1.** Nếu  $m = 1$  thì  $x = \log_5 m = 0$  (loại) nên phương trình đã cho có 2 nghiệm phân biệt.

**TH 2.** Nếu  $m > 1$  thì phương trình đã cho có đúng 2 nghiệm phân biệt khi và chỉ khi

$$\frac{1}{\sqrt{3}} \leq \log_5 m < 3 \Leftrightarrow 5^{\frac{1}{\sqrt{3}}} \leq m < 125. \text{ Do}$$

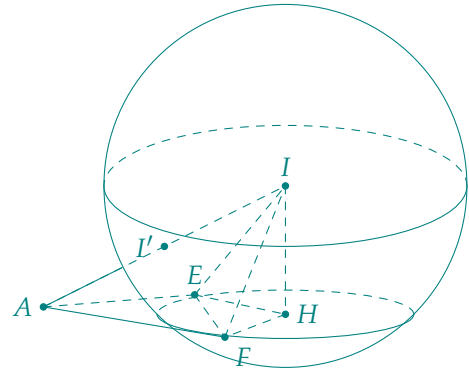
$m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{3; 4; 5; \dots; 124\}$ . Nên có 123 giá trị  $m$  thỏa mãn.

Chọn phương án (A)

**Câu 47.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu: (S):  $x^2 + y^2 + (z + 1)^2 = 5$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a; b; c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho có ít nhất hai tiếp tuyến của (S) đi qua A và hai tiếp tuyến đó vuông góc nhau?

- (A) 20. (B) 8. (C) 12. (D) 16.

**Lời giải.**



Mặt cầu (S):  $x^2 + y^2 + (z + 1)^2 = 5$  có tâm  $I(0; 0; -1)$  và có bán kính  $R = \sqrt{5}$

$A(a; b; 0) \in (Oxy)$ , Gọi  $I'$  là trung điểm của  $AI \Rightarrow I'(\frac{a}{2}; \frac{b}{2}; -\frac{1}{2})$

Gọi  $E, F$  lần lượt là hai tiếp điểm của tiếp tuyến đi qua A sao cho  $AE \perp AF$ .

Ta có:  $E, F$  cùng thuộc mặt cầu (S') đường kính  $IA$  có tâm  $I'(\frac{a}{2}; \frac{b}{2}; -\frac{1}{2})$ , bán kính

$$R' = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 + 1}.$$

Để tồn tại  $E, F$  thì hai mặt cầu (S) và (S') phải cắt nhau suy ra  $|R - R'| \leq II' \leq |R + R'|$

$$\Leftrightarrow \left| \sqrt{5} - \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 + 1} \right| \leq \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 + 1} \leq \sqrt{5} + \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 + 1}$$

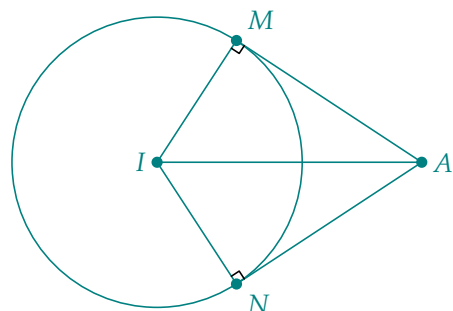
$$\Leftrightarrow \sqrt{5} \leq \sqrt{a^2 + b^2 + 1} \Leftrightarrow a^2 + b^2 \geq 4(1)$$

Gọi  $H$  là hình chiếu của  $I$  trên  $(AEF)$  khi đó tứ giác  $AEHF$  là hình vuông có cạnh  $AE = HF = \sqrt{AI^2 - 5}$ .

Ta có  $IH^2 = R^2 - HF^2 = 5 - (AI^2 - 5) = 10 - AI^2 \geq 0 \Leftrightarrow a^2 + b^2 + 1 \leq 10 \Leftrightarrow a^2 + b^2 \leq 9(2)$

Từ (1) và (2) ta có  $4 \leq a^2 + b^2 \leq 9$  mà  $a, b, c \in \mathbb{Z}$  nên có 20 điểm thỏa bài toán.

**Cách khác:**



Mặt cầu (S) có tâm  $I(0, 0, -1)$  bán kính  $R = \sqrt{5}$ . Ta có  $d_{(I(Oxy))} = 1 < R \Rightarrow$  mặt cầu (S) cắt mặt phẳng  $(Oxy)$ .  
 Để có tiếp tuyến của (S) đi qua  $A \Leftrightarrow AI \geq R(1)$ .  
 Có  $A(a, b, c) \in (Oxy) \Rightarrow A(a, b, 0), IA = a^2 + b^2 + 1$ .  
 Quỹ tích các tiếp tuyến đi qua A của (S) là một mặt nón nếu  $AI > R$  và là một mặt phẳng nếu  $AI = R$ .  
 Trong trường hợp quỹ tích các tiếp tuyến đi qua A của (S) là một mặt nón gọi  $AM, AN$  là hai tiếp tuyến sao cho  $A, M, I, N$  đồng phẳng.

Tồn tại ít nhất hai tiếp tuyến của (S) đi qua A và hai tiếp tuyến đó vuông góc với nhau khi và chỉ khi  $\widehat{MAN} \geq 90^\circ \Leftrightarrow IA \leq R\sqrt{2}(2)$ .

Từ (1), (2)  $\Rightarrow 4 \leq a^2 + b^2 \leq 9$ . Vì  $a, b \in \mathbb{Z}$   
 $\Rightarrow \begin{cases} a^2 = 0 \\ b^2 = 9 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a^2 = 9 \\ b^2 = 0 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a^2 = 4 \\ b^2 = 0 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a^2 = 0 \\ b^2 = 4 \end{cases}$   
 hoặc  $\begin{cases} a^2 = 1 \\ b^2 = 4 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a^2 = 4 \\ b^2 = 1 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a^2 = 4 \\ b^2 = 4 \end{cases}$ .

Bốn hệ phương trình đầu tiên có hai nghiệm, ba hệ sau có 4 nghiệm suy ra số điểm A thỏa mãn là  $4 \cdot 2 + 3 \cdot 4 = 20$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$2$		$+\infty$
		$-3$		$-1$	

Số cực trị của hàm số  $y = f(4x^2 - 4x)$  là

- (A) 9.      (B) 5.      (C) 7.      (D) 3.

**Lời giải.**

Từ bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$2$		$+\infty$
		$-3$		$-1$	

Ta thấy  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = a \in (-\infty; -1) \\ x = b \in (-1; 0) \\ x = c \in (0; 1) \\ x = d \in (1; +\infty) \end{cases}$

Với  $y = f(4x^2 - 4x)$ , ta có  $y' = (8x - 4)f'(4x^2 - 4x)$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 8x - 4 = 0 \\ f'(4x^2 - 4x) = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ 4x^2 - 4x = a \in (-\infty; -1)(1) \\ 4x^2 - 4x = b \in (-1; 0)(2) \\ 4x^2 - 4x = c \in (0; 1)(3) \\ 4x^2 - 4x = d \in (1; +\infty)(4) \end{cases}$$

Xét hàm số  $g(x) = 4x^2 - 4x$ , ta có  $g'(x) = 8x - 4 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
$g'(x)$		$0$	
	$+\infty$		$+\infty$
$g(x)$		$-1$	

Từ bảng biến thiên của  $g(x)$  ta có

- Vì  $a \in (-\infty; -1)$  nên (1) vô nghiệm.
- Vì  $b \in (-1; 0)$  nên (2) có 2 nghiệm phân biệt.
- Vì  $c \in (0; 1)$  nên (3) có 2 nghiệm phân biệt.
- Vì  $d \in (1; +\infty)$  nên (4) có 2 nghiệm phân biệt.

Vậy hàm số  $y = f(4x^2 - 4x)$  có 7 điểm cực trị

**Cách khác**

Ta có:  $y' = (8x - 4) \cdot f'(4x^2 - 4x)$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow (8x - 4) \cdot f'(4x^2 - 4x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 8x - 4 = 0 \\ f'(4x^2 - 4x) = 0. \end{cases}$$

- $8x - 4 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$ .
- $f'(4x^2 - 4x) = 0$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 4x^2 - 4x = a (a < -1) (1) \\ 4x^2 - 4x = b (-1 < b < 0) (2) \\ 4x^2 - 4x = c (0 < c < 1) (3) \\ 4x^2 - 4x = d (d > 1) (4). \end{cases}$$

- Phương trình  $4x^2 - 4x = m \Leftrightarrow 4x^2 - 4x - m = 0$  có nghiệm khi  $\Delta' = 4 - 4m \geq 0$  hay  $m \leq 1$ .

Từ đó, ta có phương trình (1); (2); (3) luôn có hai nghiệm phân biệt.

Phương trình (4) vô nghiệm.

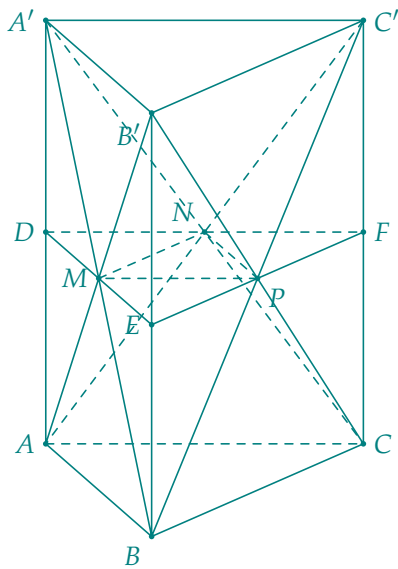
Do đó, hàm số đã cho có 7 cực trị.

Chọn phương án (C)

**Câu 49.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 6 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 4. Gọi  $M, N, P$  lần lượt là tâm các mặt bên  $ABB'A', ACC'A', BCC'B'$ . Thể tích khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

- (A)  $9\sqrt{3}$ .      (B)  $10\sqrt{3}$ .      (C)  $7\sqrt{3}$ .      (D)  $12\sqrt{3}$ .

**Lời giải.**



Gọi DEF là thiết diện của lăng trụ cắt bởi mặt phẳng (MNP).

Để chứng minh được (DEF) // (ABC) và D, E, F lần lượt là trung điểm của các đoạn

thẳng AA', BB', CC' suy ra  $V_{ABC.DEF} = \frac{1}{2}V_{ABC.A'B'C'} = 12\sqrt{3}$ .

Ta có  $V_{ABCPNM} = V_{ABC.DEF} - V_{ADMN} - V_{BMPE} - V_{CPMF}$ .

Mặt khác  $V_{ADMN} = V_{BMPE} = V_{CPMF} = \frac{1}{12}V_{ABC.DEF} \Rightarrow V_{ABCPNM} = \frac{3}{4}V_{ABC.DEF} = 9\sqrt{3}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 50.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3}$  và  $y = |x+2| - x - m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1), (C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng bốn điểm phân biệt là

- (A)  $[-2; +\infty)$ . (B)  $(-\infty; -2)$ .  
 (C)  $(-2; +\infty)$ . (D)  $(-\infty; -2]$ .

**Lời giải.**

Xét phương trình hoành độ giao điểm

$$\frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} = |x+2| - x - m \Leftrightarrow \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} - |x+2| + x = -m(1)$$

$$\text{Xét } f(x) = \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} - |x+2| + x, x \in \mathcal{D} = \mathbb{R} \setminus \{-3; -2; -1; 0\}$$

Ta có

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} - 2 \\ x \in (-2; +\infty) \cup \mathcal{D} = \mathcal{D}_1 \\ \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + \frac{x+2}{x+3} + 2x + 2, \\ x \in (-\infty; -2) \cup \mathcal{D} = \mathcal{D}_2. \end{cases}$$

Có

$$f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{x^2} + \frac{1}{(x+1)^2} + \frac{1}{(x+2)^2} + \frac{1}{(x+3)^2}, \forall x \in \mathcal{D}_1 \\ \frac{1}{x^2} + \frac{1}{(x+1)^2} + \frac{1}{(x+2)^2} + \frac{1}{(x+3)^2} + 2 \\ \forall x \in \mathcal{D}_2. \end{cases}$$

Để thấy  $f'(x) > 0, \forall x \in \mathcal{D}_1 \cup \mathcal{D}_2$ , ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-3$	$-2$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$		+	+	+	+	+
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$2$

Hai đồ thị cắt nhau tại đúng 4 điểm phân biệt khi và chỉ khi phương trình (1) có đúng 4 nghiệm phân biệt, từ bảng biến thiên ta có:  $-m \geq 2 \Leftrightarrow m \leq -2$ .

Chọn phương án (D)

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. B	3. B	4. D	5. B	6. D	7. B	8. D	9. D	10. C	11. D
12. B	13. A	14. A	15. A	16. C	17. D	18. D	19. A	20. C	21. C	22. A
23. C	24. A	25. D	26. D	27. A	28. C	29. C	30. A	31. C	32. C	33. A
34. D	35. C	36. C	37. A	38. C	39. D	40. C	41. A	42. C	43. D	44. D
45. A	46. A	47. A	48. C	49. A	50. D					

**13 ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104 NĂM 2019**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA NĂM 2019**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-MÃ ĐỀ 104**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Số cách chọn 2 học sinh từ 8 học sinh là  
 (A)  $C_8^2$ . (B)  $8^2$ . (C)  $A_8^2$ . (D)  $2^8$ .

**Lời giải.**

Số cách chọn 2 học sinh từ 8 học sinh là:  $C_8^2$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 2.** Trong không gian Oxyz, cho mặt phẳng (P):  $4x + 3y + z - 1 = 0$ . Véc-tơ nào sau đây là một véc-tơ pháp tuyến của (P)?

- (A)  $\vec{n}_4 = (3; 1; -1)$ . (B)  $\vec{n}_3 = (4; 3; 1)$ .  
 (C)  $\vec{n}_2 = (4; -1; 1)$ . (D)  $\vec{n}_1 = (4; 3; -1)$ .

**Lời giải.**

(P):  $4x + 3y + z - 1 = 0$ .

Véc-tơ  $\vec{n}_3 = (4; 3; 1)$  là một véc-tơ pháp tuyến của (P).

Chọn phương án (B)



**Câu 3.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-1} = 32$  là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = \frac{17}{2}$ .  
 (C)  $x = \frac{5}{2}$ . (D)  $x = 2$ .

**Lời giải.**

$$2^{2x-1} = 32 \Leftrightarrow 2^{2x-1} = 2^5 \Leftrightarrow 2x - 1 = 5 \Leftrightarrow x = 3.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 4.** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- (A)  $\frac{4}{3}Bh$ . (B)  $\frac{1}{3}Bh$ . (C)  $3Bh$ . (D)  $Bh$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối lăng trụ là  $V = B \cdot h$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 5.** Số phức liên hợp của số phức  $3 - 2i$  là

- (A)  $-3 + 2i$ . (B)  $3 + 2i$ .  
 (C)  $-3 - 2i$ . (D)  $-2 + 3i$ .

**Lời giải.**

Số phức liên hợp của số phức  $3 - 2i$  là số phức  $3 + 2i$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 6.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(3; 1; -1)$  trên trục  $Oy$  có tọa độ là

- (A)  $(0; 1; 0)$ . (B)  $(3; 0; 0)$ .  
 (C)  $(0; 0; -1)$ . (D)  $(3; 0; -1)$ .

**Lời giải.**

Hình chiếu vuông góc của điểm  $M(3; 1; -1)$  trên trục  $Oy$  có tọa độ là  $(0; 1; 0)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 7.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 1$  và  $u_2 = 4$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A) 5. (B) 4. (C) -3. (D) 3.

**Lời giải.**

Vì  $(u_n)$  là cấp số cộng nên  $u_2 = u_1 + d \Leftrightarrow d = u_2 - u_1 = 4 - 1 = 3$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 8.** Họ tất cả nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 2x + 4$  là

- (A)  $2x^2 + 4x + C$ . (B)  $x^2 + 4x + C$ .  
 (C)  $x^2 + C$ . (D)  $2x^2 + C$ .

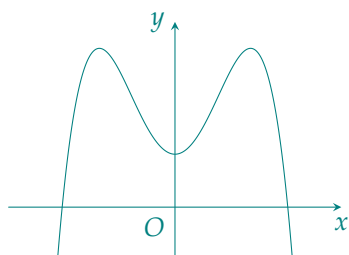
**Lời giải.**

$$\text{Ta có } \int f(x) dx = \int (2x + 4) dx = x^2 + 4x + C.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 9.**

Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình vẽ bên?



- (A)  $y = 2x^3 - 3x + 1$ . (B)  $y = -2x^4 + 4x^2 + 1$ .  
 (C)  $y = 2x^4 - 4x^2 + 1$ . (D)  $y = -2x^3 + 3x + 1$ .

**Lời giải.**

Dạng đồ thị hình bên là đồ thị hàm số trùng phương  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có hệ số  $a < 0$ .

Do đó, chỉ có đồ thị hàm số  $y = -2x^4 + 4x^2 + 1$  là thỏa mãn.

Chọn phương án (B)

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$		$0$	$3$	$0$	$+\infty$

Hỏi hàm số nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(0; 1)$ . (B)  $(1; +\infty)$ .  
 (C)  $(-1; 0)$ . (D)  $(0; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Dựa vào bảng biến thiên suy ra hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 11.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-3}{1} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-5}{3}$ . Véc-tơ nào sau đây là một véc-tơ chỉ phương của đường thẳng  $d$ ?

- (A)  $\vec{u}_1 = (3; -1; 5)$ . (B)  $\vec{u}_3 = (2; 6; -4)$ .  
 (C)  $\vec{u}_4 = (-2; -4; 6)$ . (D)  $\vec{u}_2 = (1; -2; 3)$ .

**Lời giải.**

Ta thấy đường thẳng  $d$  có một véc-tơ chỉ phương có tọa độ  $\vec{u}_2 = (1; -2; 3)$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 12.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_2 a^2$  bằng

- (A)  $2 \log_2 a$ . (B)  $\frac{1}{2} + \log_2 a$ .  
 (C)  $\frac{1}{2} \log_2 a$ . (D)  $2 + \log_2 a$ .

**Lời giải.**

Vì  $a$  là số thực dương tùy ý nên  $\log_2 a^2 = 2 \log_2 a$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 13.** Thể tích khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là

- (A)  $2\pi r^2 h$ . (B)  $\pi r^2 h$ . (C)  $\frac{1}{3} \pi r^2 h$ . (D)  $\frac{4}{3} \pi r^2 h$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối nón có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $r$  là  $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 14.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	1	3	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$	$-\infty$		2		-2		$+\infty$

Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại

- (A)  $x = -2$ . (B)  $x = 1$ .  
(C)  $x = 3$ . (D)  $x = 2$ .

**Lời giải.**

Từ bảng biến thiên ta có điểm cực tiểu của hàm số là  $x = 3$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 15.** Biết  $\int_0^1 f(x) dx = 2$  và  $\int_0^1 g(x) dx = -4$ , khi đó

$$\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx \text{ bằng}$$

- (A) 6. (B) -6. (C) -2. (D) 2.

**Lời giải.**

$$\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx = \int_0^1 f(x) dx + \int_0^1 g(x) dx = 2 + (-4) = -2.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 16.** Cho hai số phức  $z_1 = 2 - i$ ,  $z_2 = 1 + i$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$ , điểm biểu diễn số phức  $2z_1 + z_2$  có tọa độ là

- (A) (5; -1). (B) (-1; 5). (C) (5; 0). (D) (0; 5).

**Lời giải.**

Ta có  $2z_1 + z_2 = 5 - i$  nên điểm biểu diễn là (5; -1).

Chọn phương án (A)

**Câu 17.**

Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = 2a$ , tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  và  $AB = a\sqrt{2}$ . (minh họa như hình vẽ bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng

- (A)  $60^\circ$ . (B)  $45^\circ$ .  
(C)  $30^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

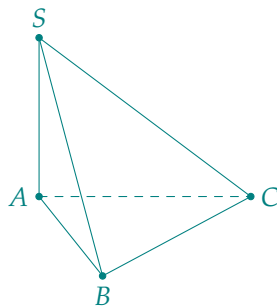
**Lời giải.**

$$\left\{ \begin{array}{l} SC \perp (ABC) \\ SA \perp (ABC) \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{(SC, (ABC))} = \widehat{(SC, AC)} = \widehat{SCA}$$

Mà  $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{2a^2 + 2a^2} = 2a = SA$  nên  $\Delta SAC$  vuông cân tại  $A$ .

Vậy  $\widehat{SCA} = 45^\circ$ .

Chọn phương án (B)



**Câu 18.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$ :  $x^2 + y^2 + z^2 - 2y + 2z - 7 = 0$ . Bán kính của mặt cầu đã cho bằng

- (A) 9. (B) 3. (C) 15. (D)  $\sqrt{7}$ .

**Lời giải.**

Ta có  $R = \sqrt{1^2 + (-1)^2 - (-7)} = 3$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(4; 0; 1)$  và  $B(-2; 2; 3)$ . Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có phương trình là

- (A)  $6x - 2y - 2z - 1 = 0$ .  
(B)  $3x + y + z - 6 = 0$ .  
(C)  $x + y + 2z - 6 = 0$ .  
(D)  $3x - y - z = 0$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng  $AB$  có vectơ pháp tuyến là  $\overline{AB} = (-6; 2; 2)$  và đi qua trung điểm  $I(1; 1; 2)$  của đoạn thẳng  $AB$ . Do đó, phương trình mặt phẳng đó là  $-6(x - 1) + 2(y - 1) + 2(z - 2) = 0 \Leftrightarrow -6x + 2y + 2z = 0 \Leftrightarrow 3x - y - z = 0$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 20.** Gọi  $z_1, z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 - 4z + 7 = 0$ . Giá trị của  $z_1^2 + z_2^2$  bằng

- (A) 10. (B) 8. (C) 16. (D) 2.

**Lời giải.**

Ta có  $\Delta' = 4 - 7 = -3 = (\sqrt{3}i)^2$ .

Do đó phương trình có hai nghiệm phức là  $z_1 = 2 + \sqrt{3}i$ ,  $z_2 = 2 - \sqrt{3}i$ .

Suy ra  $z_1^2 + z_2^2 = (2 + \sqrt{3}i)^2 + (2 - \sqrt{3}i)^2 = 4 + 4\sqrt{3}i - 3 + 4 - 4\sqrt{3}i - 3 = 2$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 21.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

- (A) 18. (B) -18. (C) -2. (D) 2.

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } f'(x) = 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in [-3; 3] \\ x = -1 \in [-3; 3] \end{cases}$$

Ta lại có  $f(-3) = -18$ ;  $f(-1) = 2$ ;  $f(1) = -2$ ;  $f(3) = 18$ .

Vậy giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng -18.

Chọn phương án (B)

**Câu 22.** Một cơ sở sản xuất có hai bể nước hình trụ có chiều cao bằng nhau, bán kính đáy lần lượt bằng 1 m và 1,5 m. Chủ cơ sở dự định làm một bể nước mới, hình trụ, có cùng chiều cao và thể tích bằng tổng thể tích của hai bể nước trên. Bán kính đáy của bể nước dự định làm gần nhất với kết quả nào dưới đây?

- (A) 1,6 m. (B) 2,5 m. (C) 1,8 m. (D) 2,1 m.

**Lời giải.**

Gọi  $h$  là chiều cao của các bể nước và  $r$  là bán kính đáy của bể nước dự định làm.

Theo giả thiết, ta có  $\pi r^2 h = \pi \cdot 1^2 \cdot h + \pi \cdot (1,5)^2 \cdot h \Leftrightarrow$

$$r^2 = 1 + \frac{9}{4} = \frac{13}{4}.$$

$$\text{Suy ra } r = \frac{\sqrt{13}}{2} \approx 1,8 \text{ m.}$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$		-	- 0 +	
$f(x)$	0	$+\infty$	$-\infty$	3

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- (A)** 2.      **(B)** 1.      **(C)** 3.      **(D)** 4.

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 3$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  nên đồ thị hàm số có 2 tiệm cận ngang là các đường thẳng có phương trình  $y = 3$  và  $y = 0$ .

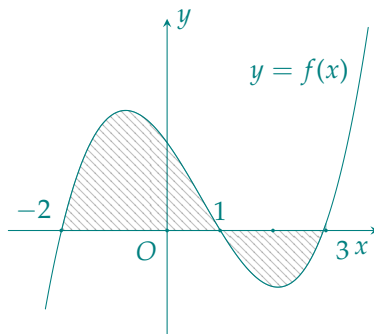
Ta lại có  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$  nên hàm số có 1 tiệm cận đứng là đường thẳng có phương trình  $x = 0$ .

Vậy hàm số có ba tiệm cận.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 24.**

Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = f(x)$ ,  $y = 0$ ,  $x = -2$  và  $x = 3$  (như hình vẽ bên). Mệnh đề nào dưới đây đúng?



**(A)**  $S = \int_{-2}^1 f(x) dx - \int_1^3 f(x) dx.$

**(B)**  $S = - \int_{-2}^1 f(x) dx + \int_1^3 f(x) dx.$

**(C)**  $S = \int_{-2}^1 f(x) dx + \int_1^3 f(x) dx.$

**(D)**  $S = - \int_{-2}^1 f(x) dx - \int_1^3 f(x) dx.$

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } S = \int_{-2}^3 |f(x)| dx = \int_{-2}^1 |f(x)| dx + \int_1^3 |f(x)| dx.$$

Do  $f(x) \geq 0$  với  $\forall x \in [-2; 1]$  và  $f(x) \leq 0$  với  $\forall x \in [1; 3]$

$$\text{nên } S = \int_{-2}^1 f(x) dx - \int_1^3 f(x) dx.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 25.** Hàm số  $y = 3^{x^2-x}$  có đạo hàm là

- (A)**  $3^{x^2-x} \cdot \ln 3.$       **(B)**  $(2x - 1) \cdot 3^{x^2-x}.$   
**(C)**  $(x^2 - x) \cdot 3^{x^2-x-1}.$       **(D)**  $(2x - 1) \cdot 3^{x^2-x} \cdot \ln 3.$

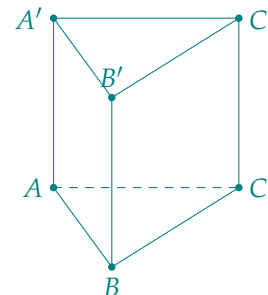
**Lời giải.**

Ta có:  $(a^u)' = u' \cdot a^u \cdot \ln a$  nên  $(3^{x^2-x})' = (2x - 1) \cdot 3^{x^2-x} \cdot \ln 3.$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 26.**

Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$  và  $AA' = \sqrt{2}a$  (minh họa như hình vẽ bên). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng



- (A)**  $\frac{\sqrt{6}a^3}{4}.$       **(B)**  $\frac{\sqrt{6}a^3}{6}.$       **(C)**  $\frac{\sqrt{6}a^3}{12}.$       **(D)**  $\frac{\sqrt{6}a^3}{2}.$

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } S_{\Delta ABC} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}.$$

Vậy thể tích của khối lăng trụ đã cho là  $V_{ABC.A'B'C'} =$

$$S_{\Delta ABC} \cdot AA' = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \cdot a\sqrt{2} = \frac{a^3 \sqrt{6}}{4}.$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 27.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(2x + 1) = 1 + \log_3(x - 1)$  là

- (A)**  $x = 4.$       **(B)**  $x = -2.$   
**(C)**  $x = 1.$       **(D)**  $x = 2.$

**Lời giải.**

$$\text{Điều kiện } \begin{cases} 2x + 1 > 0 \\ x - 1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow x > 1.$$

Ta có

$$\begin{aligned} \log_3(2x + 1) &= 1 + \log_3(x - 1) \\ \Leftrightarrow \log_3(2x + 1) &= \log_3[3(x - 1)] \\ \Leftrightarrow 2x + 1 &= 3x - 3 \\ \Leftrightarrow x &= 4 \text{ (nhận).} \end{aligned}$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 28.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $ab^3 = 8$ . Giá trị của  $\log_2 a + 3 \log_2 b$  bằng

- (A)** 8.      **(B)** 6.      **(C)** 2.      **(D)** 3.

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } \log_2 a + 3 \log_2 b = \log_2 a + \log_2 b^3 = \log_2(ab^3) = \log_2 8 = 3.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 29.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$		$2$		$-2$	$+\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) + 3 = 0$  là

- (A) 3. (B) 1. (C) 2. (D) 0.

Lời giải.

Ta có  $2f(x) + 3 = 0 \Leftrightarrow f(x) = -\frac{3}{2}$ .

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$		$2$		$-2$	$+\infty$

$y = -\frac{3}{2}$

Nhìn bảng biến thiên ta thấy phương trình này có ba nghiệm

Chọn phương án (A)

**Câu 30.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x + 1)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 0. (B) 1. (C) 2. (D) 3.

Lời giải.

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x(x + 1)^2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ (x + 1)^2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x = 0 \\ x = -1. \end{cases}$$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$+\infty$		
$f'(x)$		$-$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$						

CT

Vậy hàm số đã cho có một cực trị.

Chọn phương án (B)

**Câu 31.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $(2 - i)z + 3 + 16i = 2(\bar{z} + i)$ . Mô-đun của  $z$  bằng

- (A)  $\sqrt{5}$ . (B) 13. (C)  $\sqrt{13}$ . (D) 5.

Lời giải.

Gọi  $z = x + yi$ . Ta có

$$\begin{aligned} (2 - i)z + 3 + 16i &= 2(\bar{z} + i) \\ \Leftrightarrow (2 - i)(x + yi) + 3 + 16i &= 2(x - yi + i) \\ \Leftrightarrow 2x + 2yi - xi + y + 3 + 16i &= 2x - 2yi + 2i \\ \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + y + 3 = 2x \\ 2y - x + 16 = -2y + 2 \end{cases} \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y + 3 = 0 \\ -x + 4y = -14 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -3. \end{cases}$$

Suy ra  $z = 2 - 3i$ . Vậy  $|z| = \sqrt{13}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$ . Biết  $f(0) = 4$  và  $f'(x) =$

$2 \sin^2 x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ , khi đó  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx$  bằng

- (A)  $\frac{\pi^2 - 2}{8}$ . (B)  $\frac{\pi^2 + 8\pi - 8}{8}$ .  
(C)  $\frac{\pi^2 + 8\pi - 2}{8}$ . (D)  $\frac{3\pi^2 + 2\pi - 3}{8}$ .

Lời giải.

Ta có

$$\begin{aligned} \int f'(x) dx &= \int (2 \sin^2 x + 3) dx = \\ &= \int (1 - \cos 2x + 3) dx = \int (4 - \cos 2x) dx = 4x - \\ &\frac{1}{2} \sin 2x + C. \end{aligned}$$

Ta có  $f(0) = 4$  nên  $4 \cdot 0 - \frac{1}{2} \sin 0 + C = 4 \Leftrightarrow C = 4$  nên

$$f(x) = 4x - \frac{1}{2} \sin 2x + 4.$$

$$\begin{aligned} \text{Khi đó } \int_0^{\frac{\pi}{4}} f(x) dx &= \int_0^{\frac{\pi}{4}} \left( 4x - \frac{1}{2} \sin 2x + 4 \right) dx = \\ &= \left( 2x^2 + \frac{1}{4} \cos 2x + 4x \right) \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{\pi^2 + 8\pi - 2}{8}. \end{aligned}$$

Chọn phương án (C)

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho các điểm  $A(2; -1; 0)$ ,  $B(1; 2; 1)$ ,  $C(3; -2; 0)$  và  $D(1; 1; -3)$ . Đường thẳng đi qua  $D$  và vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là

- (A)  $\begin{cases} x = t \\ y = t \\ z = -1 - 2t \end{cases}$ . (B)  $\begin{cases} x = t \\ y = t \\ z = 1 - 2t \end{cases}$ .  
(C)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = -2 - 3t \end{cases}$ . (D)  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = -3 + 2t \end{cases}$ .

Lời giải.

Ta có  $\vec{AB} = (-1; 3; 1)$ ;  $\vec{AC} = (1; -1; 0)$ ;  $\vec{n}_{(ABC)} = [\vec{AB}, \vec{AC}] = (1; 1; -2)$ .

Đường thẳng đi qua  $D$  và vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$  nên có véc-tơ chỉ phương là:

$$\vec{n}_{(ABC)} = (1; 1; -2) \text{ vậy phương trình tham số là: } \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = -3 - 2t. \end{cases}$$

Đường thẳng này cũng chính là  $\begin{cases} x = t \\ y = t \\ z = -1 - 2t. \end{cases}$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 34.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(5 - 2x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $(-\infty; -3)$ .                      **(B)**  $(4; 5)$ .  
**(C)**  $(3; 4)$ .                                **(D)**  $(1; 3)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $y' = f'(5 - 2x) = -2f'(5 - 2x)$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow -2f'(5 - 2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 5 - 2x = -3 \\ 5 - 2x = -1 \\ 5 - 2x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 \\ x = 3 \\ x = 2 \end{cases}$$

$$f'(5 - 2x) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 5 - 2x < -3 \\ -1 < 5 - 2x < 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 4 \\ 2 < x < 3 \end{cases}$$

$$f'(5 - 2x) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 5 - 2x > 1 \\ -3 < 5 - 2x < -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < 2 \\ 3 < x < 4 \end{cases}$$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$2$	$3$	$4$	$+\infty$			
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$		↘ ↗		↘ ↗				

Dựa vào bảng biến thiên hàm số  $y = f(5 - 2x)$  đồng biến trên khoảng  $(4; 5)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 35.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \frac{3x - 2}{(x - 2)^2}$  trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)**  $3 \ln(x - 2) + \frac{4}{x - 2} + C$ .  
**(B)**  $3 \ln(x - 2) + \frac{2}{x - 2} + C$ .  
**(C)**  $3 \ln(x - 2) - \frac{2}{x - 2} + C$ .  
**(D)**  $3 \ln(x - 2) - \frac{4}{x - 2} + C$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f(x) = \frac{3x - 2}{(x - 2)^2} = \frac{3(x - 2) + 4}{(x - 2)^2} = \frac{3}{x - 2} + \frac{4}{(x - 2)^2}$ .

Do đó  $\int \frac{3x - 2}{(x - 2)^2} dx = \int \left( \frac{3}{x - 2} + \frac{4}{(x - 2)^2} \right) dx = 3 \ln(x - 2) - \frac{4}{x - 2} + C$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 36.** Cho phương trình

$\log_9 x^2 - \log_3(4x - 1) = -\log_3 m$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để phương

trình đã cho có nghiệm?

- (A)** 5.                      **(B)** 3.                      **(C)** Vô số.                      **(D)** 4.

**Lời giải.**

Điều kiện:  $\begin{cases} x > \frac{1}{4} \\ m > 0. \end{cases}$

Phương trình đã cho  $\Leftrightarrow \log_3 x - \log_3(4x - 1) = -\log_3 m \Leftrightarrow \frac{x}{4x - 1} = \frac{1}{m}$ .

Xét hàm số  $f(x) = \frac{x}{4x - 1}$ , ta có  $f'(x) = \frac{-1}{(4x - 1)^2} < 0, \forall x > \frac{1}{4}$ .

Suy ra bảng biến thiên:

$x$	$\frac{1}{4}$	$+\infty$
$y'$		$-$
$y$	$+\infty$	$\frac{1}{4}$

Do đó phương trình có nghiệm khi  $\frac{1}{m} > \frac{1}{4} \Leftrightarrow m < 4$ .

Vậy  $m \in \{1, 2, 3\}$ .

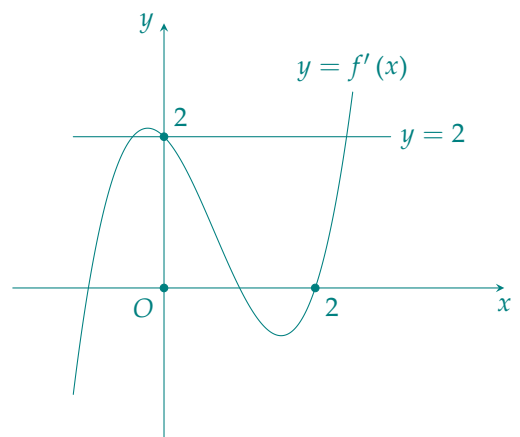
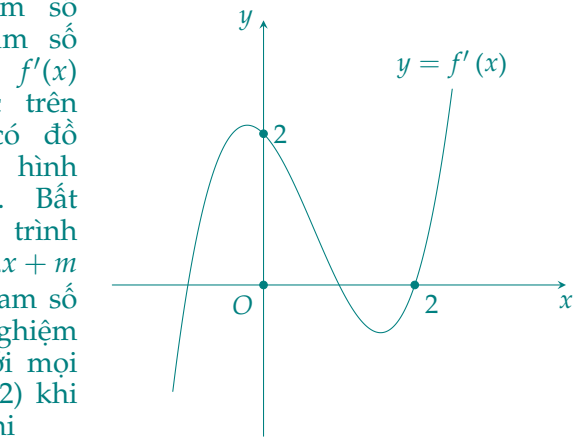
Chọn phương án **(B)**

**Câu 37.**

Cho hàm số  $f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Bất phương trình  $f(x) > 2x + m$  ( $m$  là tham số thực) nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi

- (A)**  $m \leq f(2) - 4$ .                      **(B)**  $m \leq f(0)$ .  
**(C)**  $m < f(0)$ .                              **(D)**  $m < f(2) - 4$ .

**Lời giải.**



Hàm số  $g(x) = f(x) - 2x$  nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$  vì  $g'(x) = f'(x) - 2 < 0, \forall x \in (0; 2)$  (quan sát trên khoảng  $(0; 2)$ , đồ thị hàm số  $f'(x)$  nằm dưới đường

thẳng  $y = 2$ ). Suy ra  $g(2) < g(x) < g(0), \forall x \in (0; 2)$ .  
 Bất phương trình đã cho nghiệm đúng với mọi  $x \in (0; 2)$  khi và chỉ khi  $m < g(x), \forall x \in (0; 2) \Leftrightarrow m \leq g(2) \Leftrightarrow m \leq f(2) - 4$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 38.** Chọn ngẫu nhiên hai số khác nhau từ 23 số nguyên dương đầu tiên. Xác suất để chọn được hai số có tổng là một số chẵn bằng

- (A)  $\frac{11}{23}$ .      (B)  $\frac{1}{2}$ .      (C)  $\frac{265}{529}$ .      (D)  $\frac{12}{23}$ .

**Lời giải.**

Trong 23 số nguyên dương đầu tiên, có 12 số lẻ và 11 số chẵn.

Chọn 2 số khác nhau từ 23 số, có  $C_{23}^2$  cách chọn nên số phần tử không gian mẫu là  $n(\Omega) = C_{23}^2$ .

Gọi  $A$  là biến cố: "Chọn được hai số có tổng là một số chẵn".

Để hai số được chọn có tổng là một số chẵn thì hai số đó phải cùng chẵn hoặc cùng lẻ.

+ Trường hợp 1: Chọn hai số chẵn khác nhau từ 11 số chẵn, có  $C_{11}^2$  cách chọn.

+ Trường hợp 2: Chọn hai số lẻ khác nhau từ 12 số lẻ, có  $C_{12}^2$  cách chọn.

Do đó  $n(A) = C_{11}^2 + C_{12}^2$ .

Xác suất cần tính là  $p(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{C_{11}^2 + C_{12}^2}{C_{23}^2} = \frac{11}{23}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 39.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $3\sqrt{3}$ . Cắt hình trụ đã cho bởi mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng 1, thiết diện thu được có diện tích bằng 18. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $6\sqrt{3}\pi$ .      (B)  $6\sqrt{39}\pi$ .  
 (C)  $3\sqrt{39}\pi$ .      (D)  $12\sqrt{3}\pi$ .

**Lời giải.**

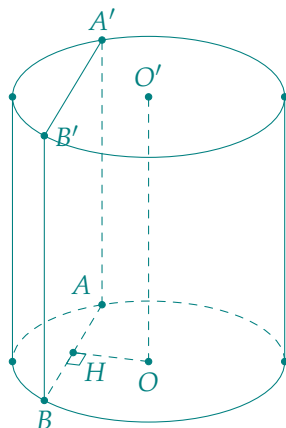
Gọi chiều cao của hình trụ là  $h$ .

Thiết diện của hình trụ cắt bởi mặt phẳng song song với trục là hình chữ nhật  $ABB'A'$ .

Gọi  $H$  là hình chiếu của  $O$  trên  $AB$  thì  $OH$  là khoảng cách từ  $O$  đến mặt phẳng  $(ABB'A')$  nên  $OH = 1$ .

Diện tích thiết diện là:  $S_{td} = AB \cdot AA'$  trong đó  $AA' = h = 3\sqrt{3}$  nên  $AB = \frac{S_{td}}{AA'} = \frac{18}{3\sqrt{3}} = 2\sqrt{3}$ .

Do tam giác  $OAB$  cân nên



$$OH^2 = OB^2 - HB^2 = OB^2 - \frac{AB^2}{4}$$

$$\Rightarrow OB^2 = OH^2 + \frac{AB^2}{4} = 1 + \frac{(2\sqrt{3})^2}{4} = 4$$

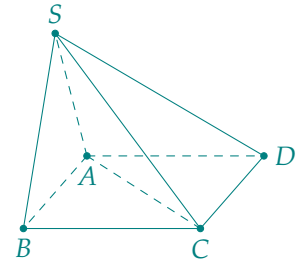
$$\Rightarrow OB = 2$$

Vậy diện tích xung quanh của hình trụ là  $S_{xq} = 2\pi \cdot R \cdot h = 2\pi \cdot 2 \cdot 3\sqrt{3} = 12\sqrt{3}\pi$ .

Chọn phương án (D)

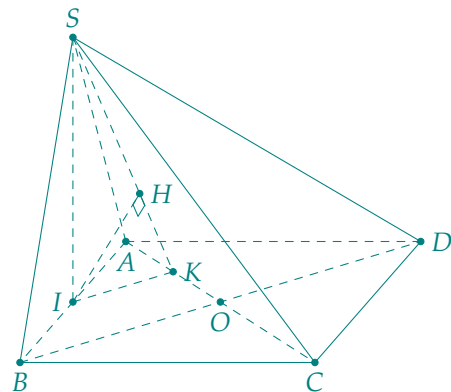
**Câu 40.**

Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy (minh họa như hình bên). Khoảng cách từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SAC)$  bằng



- (A)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ .      (B)  $\frac{\sqrt{21}a}{28}$ .      (C)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ .      (D)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}$ .

**Lời giải.**



Gọi  $O$  là giao điểm của  $AC$  và  $BD$ ,  $I$  là trung điểm của  $AB$ .

Kẻ  $IK \parallel BD, K \in AC$ ; kẻ  $IH \perp SK, H \in SK$  (1).

Do  $(SAB) \perp (ABCD)$  và tam giác  $SAB$  đều nên  $SI \perp (ABCD) \Rightarrow SI \perp AC$ .

Lại có  $IK \perp AC$ , suy ra  $AC \perp (SIK) \Rightarrow AC \perp IH$  (2)

Từ (1) và (2) suy ra  $IH \perp (SAC)$ .

Suy ra  $IH$  là khoảng cách từ  $I$  đến mặt phẳng  $(SAC)$ .

Ta có  $IK = \frac{1}{2}BO = \frac{\sqrt{2}a}{4}$ , tam giác  $SIK$  vuông tại  $I$  nên

$$\frac{1}{IH^2} = \frac{1}{SI^2} + \frac{1}{IK^2} = \frac{28}{3a^2} \Rightarrow IH = \frac{\sqrt{3}a}{2\sqrt{7}}$$

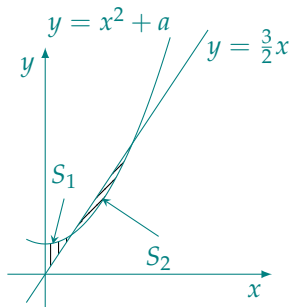
Khoảng cách từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SAC)$  bằng hai lần khoảng cách từ  $H$  đến mặt phẳng  $(SAC)$  nên khoảng

cách từ  $B$  đến mặt phẳng  $(SAC)$  là  $d = \frac{\sqrt{21}a}{7}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 41.**

Cho đường thẳng  $y = \frac{3}{2}x$  và parabol  $y = x^2 + a$  ( $a$  là tham số thực dương). Gọi  $S_1, S_2$  lần lượt là diện tích hai hình phẳng được gạch chéo trong hình vẽ bên. Khi  $S_1 = S_2$  thì  $a$  thuộc khoảng nào dưới đây?



- (A)  $(\frac{1}{2}; \frac{9}{16})$ .      (B)  $(\frac{2}{5}; \frac{9}{20})$ .  
 (C)  $(\frac{9}{20}; \frac{1}{2})$ .      (D)  $(0; \frac{2}{5})$ .

**Lời giải.**

Phương trình hoành độ giao điểm:  $x^2 + a = \frac{3}{2}x \Leftrightarrow 2x^2 - 3x + 2a = 0$ .

Để phương trình có 2 nghiệm dương thì  $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta > 0 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} a > 0 \\ a < \frac{9}{16}. \end{cases}$$

Gọi hai nghiệm đó là  $0 < x_1 < x_2$  thì  $x_2 = \frac{3 + \sqrt{9 - 16a}}{4}$ .

Để  $S_1 = S_2$  khi và chỉ khi

$$\begin{aligned} \int_0^{x_1} \left| x^2 + a - \frac{3}{2}x \right| dx &= \int_{x_1}^{x_2} \left| x^2 + a - \frac{3}{2}x \right| dx \\ \Leftrightarrow \int_0^{x_1} \left( x^2 + a - \frac{3}{2}x \right) dx &= - \int_{x_1}^{x_2} \left( x^2 + a - \frac{3}{2}x \right) dx \\ \Leftrightarrow \int_0^{x_1} \left( x^2 + a - \frac{3}{2}x \right) dx + \int_{x_1}^{x_2} \left( x^2 + a - \frac{3}{2}x \right) dx &= 0 \\ \Leftrightarrow \int_0^{x_2} \left( x^2 + a - \frac{3}{2}x \right) dx &= 0. \end{aligned}$$

Ta có  $\int_0^{x_2} \left( x^2 + a - \frac{3}{2}x \right) dx = 0 \Leftrightarrow \frac{x_2^3}{3} + ax_2 - \frac{3}{4}x_2^2 = 0 \Leftrightarrow$

$$\frac{1}{3} \left( x_2^3 - \frac{9}{4}x_2^2 + 3a \right) = 0 \Leftrightarrow \frac{3}{2}x_2 - a - \frac{9}{4}x_2 + 3a = 0$$

$$0 \Leftrightarrow -3x_2 + 8a = 0 \Leftrightarrow 8a = 3 \cdot \frac{3 + \sqrt{9 - 16a}}{4} \Leftrightarrow$$

$$3\sqrt{9 - 16a} = 32a - 9 \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{9}{32} < a < \frac{9}{16} \\ 1024a^2 - 432a = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow a = \frac{27}{64} \in \left( \frac{2}{5}; \frac{9}{20} \right).$$

Có thể giải nhanh bằng máy tính cho kết quả  $a = 0,421875$  thuộc khoảng  $(\frac{2}{5}; \frac{9}{20})$ .

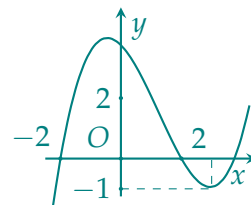
Chọn phương án (B)

**Câu 42.**

Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình

$$|f(x^3 - 3x)| = \frac{2}{3} \text{ là}$$

- (A) 6.      (B) 10.  
(C) 3.      (D) 9.



**Lời giải.**

Đặt  $t = g(x) = x^3 - 3x$  (1).

Ta có  $g'(x) = 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$
$g'(x)$		$+$	$-$	$+$
$g(x)$	$-\infty$	$2$	$-2$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta có

- $t \in (-2; 2)$  cho ta 3 giá trị  $x$  thỏa mãn (1).
- $t \in \{-2; 2\}$  cho ta 2 giá trị  $x$  thỏa mãn (1).
- $t \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$  cho ta 1 giá trị  $x$  thỏa mãn (1).

Phương trình  $|f(x^3 - 3x)| = \frac{2}{3}$  (2) trở thành  $|f(t)| =$

$$\frac{2}{3} \Leftrightarrow \begin{cases} f(t) = \frac{2}{3} \\ f(t) = -\frac{2}{3}. \end{cases}$$

Dựa vào đồ thị ta có:

- Phương trình  $f(t) = \frac{2}{3}$  có 3 nghiệm thỏa mãn  $-2 < t_1 < t_2 < 2 < t_3$ . Suy ra có 7 nghiệm của phương trình (2).
- Phương trình  $f(t) = -\frac{2}{3}$  có 3 nghiệm thỏa mãn  $t_4 < -2 < 2 < t_5 < t_6$ . Suy ra có 3 nghiệm của phương trình (2).

Vậy phương trình đã cho có 10 nghiệm.

Chọn phương án (B)

**Câu 43.** Xét các số phức  $z$  thỏa mãn  $|z| = \sqrt{2}$ . Trên mặt phẳng tọa độ  $Oxy$  tập hợp các điểm biểu diễn các số phức  $w = \frac{5 + iz}{1 + z}$  là một đường tròn có bán kính bằng

- (A) 52.      (B)  $2\sqrt{13}$ .      (C)  $2\sqrt{11}$ .      (D) 44.

**Lời giải.**

Gọi  $w = x + yi$  với  $x, y$  là các số thực.

$$\text{Ta có } w = \frac{5 + iz}{1 + z} \Leftrightarrow z = \frac{w - 5}{i - w}.$$

$$\text{Lại có } |z| = \sqrt{2} \Leftrightarrow \left| \frac{w - 5}{i - w} \right| = \sqrt{2}$$

$$\Leftrightarrow |w - 5| = \sqrt{2}|w - i| \Leftrightarrow (x - 5)^2 + y^2 = 2[x^2 + (y - 1)^2] \Leftrightarrow (x + 5)^2 + (y - 4)^2 = 52.$$

Vậy tập hợp các điểm biểu diễn các số phức  $w$  là một đường tròn có bán kính bằng  $\sqrt{52} = 2\sqrt{13}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Biết  $f(3) = 1$  và  $\int_0^1 xf(3x) dx = 1$ , khi đó  $\int_0^3 x^2 f'(x) dx$  bằng

- (A) 3.      (B) 7.      (C) -9.      (D)  $\frac{25}{3}$ .

**Lời giải.**

$$\text{Đặt } t = 3x \Rightarrow dt = 3 dx \Rightarrow dx = \frac{1}{3} dt.$$

$$\text{Suy ra } 1 = \int_0^1 xf(3x) dx = \frac{1}{9} \int_0^3 tf(t) dt \Leftrightarrow \int_0^3 tf(t) dt = 9.$$

$$\text{Đặt } \begin{cases} u = f(t) \\ dv = t dt \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = f'(t) dt \\ v = \frac{t^2}{2}. \end{cases}$$

$$\text{Suy ra } \int_0^3 tf(t) dt = \left. \frac{t^2}{2} f(t) \right|_0^3 - \int_0^3 \frac{t^2}{2} f'(t) dt = \frac{9}{2} f(3) -$$

$$\frac{1}{2} \int_0^3 t^2 f'(t) dt.$$

$$\Leftrightarrow 9 = \frac{9}{2} - \frac{1}{2} \int_0^3 t^2 f'(t) dt \Leftrightarrow \int_0^3 t^2 f'(t) dt = -9.$$

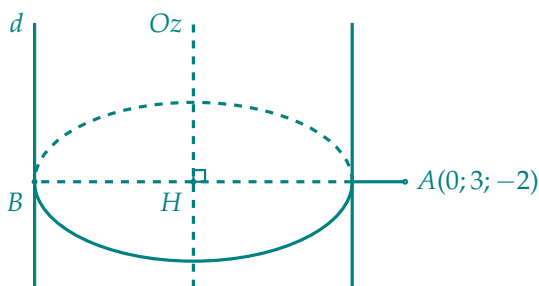
$$\text{Vậy } \int_0^3 x^2 f'(x) dx = -9.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 45.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(0; 3; -2)$ . Xét đường thẳng  $d$  thay đổi, song song với trục  $Oz$  và cách trục  $Oz$  một khoảng bằng 2. Khi khoảng cách từ  $A$  đến  $d$  lớn nhất,  $d$  đi qua điểm nào dưới đây?

- (A)  $Q(-2; 0; -3)$ .      (B)  $M(0; 8; -5)$ .  
(C)  $N(0; 2; -5)$ .      (D)  $P(0; -2; -5)$ .

**Lời giải.**



Do đường thẳng  $d \parallel Oz$  nên  $d$  nằm trên mặt trụ có trục là  $Oz$  và bán kính trụ là  $R = 2$ .

Gọi  $H$  là hình chiếu của  $A$  trên trục  $Oz$ , suy ra tọa độ  $H(0; 0; -2)$ .

Do đó  $d(A, Oz) = AH = 3$ .

Gọi  $B$  là điểm thuộc đường thẳng  $AH$  sao cho  $\overrightarrow{AH} = \frac{3}{5} \overrightarrow{AB}$ . Suy ra  $B(0; -2; -2)$ .

Vậy  $d(A, d)_{\max} = 5 \Leftrightarrow d$  là đường thẳng đi qua  $B$  và song song với  $Oz$ .

$$\text{Phương trình tham số của } d: \begin{cases} x = 0 \\ y = -2 \\ z = -2 + t. \end{cases}$$

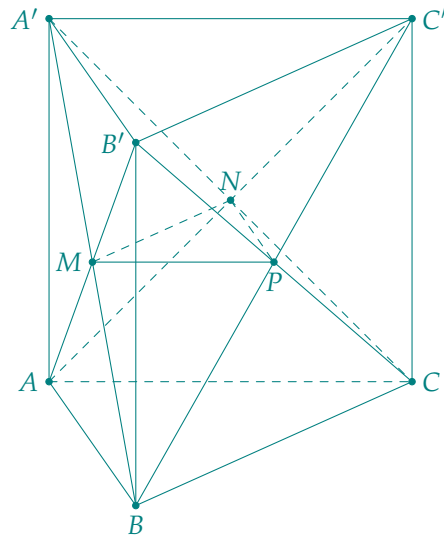
Kết luận:  $d$  đi qua điểm  $P(0; -2; -5)$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 46.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có chiều cao bằng 4 và đáy là tam giác đều cạnh bằng 4. Gọi  $M, N$  và  $P$  lần lượt là tâm của các mặt bên  $ABB'A'$ ,  $ACC'A'$  và  $BCC'B'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

- (A)  $\frac{14\sqrt{3}}{3}$ .      (B)  $8\sqrt{3}$ .      (C)  $6\sqrt{3}$ .      (D)  $\frac{20\sqrt{3}}{3}$ .

**Lời giải.**



Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  là

$$V = 4 \cdot \frac{4^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 16\sqrt{3}.$$

Gọi thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  là  $V_1$ .

Ta có:  $V_1 = V_{AMNCB} + V_{BMNP} + V_{BNPC}$ .

Để thấy  $V_{A'ABC} = \frac{1}{3}V$  và  $V_{AMNCB} = \frac{3}{4}V_{A'ABC}$ .

Suy ra  $V_{AMNCB} = \frac{1}{4}V$ .

$V_{BA'B'C'} = \frac{1}{3}V$  và  $V_{BMNP} = \frac{1}{8}V_{BA'B'C'}$ .

Suy ra  $V_{BMNP} = \frac{1}{24}V$ .

$V_{A'BCB'} = V_{A'B'CC'} = \frac{1}{3}V$  và  $V_{BNPC} = \frac{1}{4}V_{BA'B'C'}$ .

Suy ra  $V_{BNPC} = \frac{1}{12}V$ .

Vậy  $V_1 = V_{AMNCB} + V_{BMNP} + V_{BNPC} = \frac{3}{8}V = 6\sqrt{3}$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 47.** Cho hai hàm số  $y = \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2}$  và  $y = |x+1| - x - m$  ( $m$  là tham số thực) có đồ thị lần lượt là  $(C_1)$  và  $(C_2)$ . Tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  để  $(C_1)$  và  $(C_2)$  cắt nhau tại đúng bốn điểm phân biệt là



(A)  $(-3; +\infty)$ .

(B)  $(-\infty; -3)$ .

(C)  $[-3; +\infty)$ .

(D)  $(-\infty; -3]$ .

**Lời giải.**

Xét phương trình hoành độ

$$\frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} = |x+1| - x - m \Leftrightarrow \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} - |x+1| + x = -m \quad (1).$$

Số nghiệm của (1) là số giao điểm của

$$F(x) = \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} - |x+1| + x = \begin{cases} \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} - 1, & x > -1 \\ \frac{x-2}{x-1} + \frac{x-1}{x} + \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x+2} + 2x + 1, & x < -1. \end{cases}$$

Ta có  $F'(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x-1)^2} + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{(x+1)^2} + \frac{1}{(x+2)^2}, & x \in (-1; +\infty) \setminus \{0; 1\} \\ \frac{1}{(x-1)^2} + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{(x+1)^2} + \frac{1}{(x+2)^2} + 2, & x \in (-\infty; -1) \setminus \{-2\}. \end{cases}$

Mặt khác  $\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = +\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = 3$ .

$\lim_{x \rightarrow -2^+} F(x) = +\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow -2^-} F(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow -1^+} F(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow -1^-} F(x) = +\infty$ .

$\lim_{x \rightarrow 0^+} F(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 0^-} F(x) = +\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} F(x) = -\infty$ ;

$\lim_{x \rightarrow 1^-} F(x) = +\infty$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$		+	+	+	+	+
$f(x)$	$3$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$
		$\nearrow$	$\nearrow$	$\nearrow$	$\nearrow$	$\nearrow$
		$-\infty$	$-\infty$	$-\infty$	$-\infty$	$-\infty$

Để phương trình có 4 nghiệm thì  $-m \leq 3 \Leftrightarrow m \geq -3$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 48.** Cho phương trình  $(2 \log_3^2 x - \log_3 x - 1) \sqrt{4^x} = 0$  ( $m$  là tham số thực). Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  để phương trình có đúng hai nghiệm phân biệt?

- (A) Vô số. (B) 62. (C) 63. (D) 64.

**Lời giải.**

Ta có điều kiện  $\begin{cases} x > 0 \\ x \geq \log_4 m \end{cases}$  (\*) (với  $m$  nguyên dương).

Phương trình đã cho tương đương với

$$(2 \log_3^2 x - \log_3 x - 1) \sqrt{4^x - m} = 0 \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2 \log_3^2 x - \log_3 x - 1 = 0 & (2) \\ 4^x = m & (3). \end{cases}$$

Phương trình (2)  $\Leftrightarrow \begin{cases} \log_3 x = 1 \\ \log_3 x = -\frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = \frac{\sqrt{3}}{3}. \end{cases}$

Phương trình (3)  $\Leftrightarrow x = \log_4 m$ .

Do  $m$  nguyên dương nên ta có các trường hợp sau:

**TH 1:**  $m = 1$  thì  $\log_4 m = 0$ . Khi đó điều kiện (\*) trở thành  $x > 0$ .

Khi đó nghiệm của phương trình (3) bị loại và nhận nghiệm của phương trình (2).

Do đó nhận giá trị  $m = 1$ .

**TH 2:**  $m \geq 2$ , khi đó điều kiện (\*) trở thành  $x \geq \log_4 m$  (vì  $\log_4 m \geq \frac{1}{2}$ ).

Để phương trình (1) có đúng hai nghiệm phân biệt

$$\Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} \leq \log_4 m < 3$$

$$\Leftrightarrow 4^{\frac{\sqrt{3}}{3}} \leq m < 4^3$$

Suy ra  $m \in \{3; 4; 5; \dots; 63\}$ .

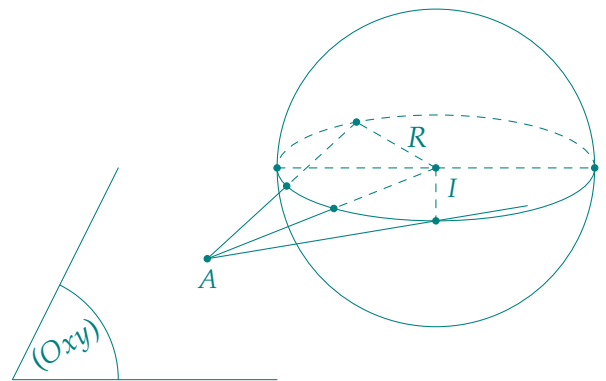
Vậy từ cả 2 trường hợp ta có:  $63 - 3 + 1 + 1 = 62$  giá trị nguyên dương  $m$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 49.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu (S):  $x^2 + y^2 + (z-1)^2 = 5$ . Có tất cả bao nhiêu điểm  $A(a, b, c)$  ( $a, b, c$  là các số nguyên) thuộc mặt phẳng  $(Oxy)$  sao cho có ít nhất hai tiếp tuyến của (S) đi qua A và hai tiếp tuyến đó vuông góc với nhau?

- (A) 12. (B) 16. (C) 20. (D) 8.

**Lời giải.**



Mặt cầu có tâm  $I(0;0;1)$ , bán kính  $R = \sqrt{5}$ .

Vì  $A \in (Oxy)$  nên  $c = 0$ . Các giao tuyến của A đến mặt cầu (nếu  $IA > R$ ) tạo nên một mặt nón tâm A, để mặt nón này có hai đường sinh vuông góc thì góc của mặt nón này phải  $\geq 90^\circ$  hay  $IA \leq R\sqrt{2}$ .

Vậy  $R \leq IA \leq R\sqrt{2} \Leftrightarrow 5 \leq a^2 + b^2 + 1 \leq 10 \Leftrightarrow 4 \leq a^2 + b^2 \leq 9$

Ta có các bộ số thỏa mãn

$(0; \pm 2); (0; \pm 3);$

$(\pm 1; \pm 2); (\pm 2; \pm 2); (\pm 2; \pm 1); (\pm 2; 0); (\pm 3; 0)$ , 20 bộ số.

Chọn phương án (C)

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$2$		$+\infty$
		$-3$		$-1$	

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(4x^2 + 4x)$  là

- (A) 5. (B) 9. (C) 7. (D) 3.

Lời giải.

Có  $(f(4x^2 + 4x))' = (8x + 4)f'(4x^2 + 4x)$ ,  $(f(4x^2 + 4x))' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{1}{2} \\ f'(4x^2 + 4x) = 0. \end{cases}$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$		$2$		$+\infty$
		$a_1$	$a_2$	$a_3$	$a_4$
		$-3$		$-1$	

Từ bảng biến thiên trên ta có  $f'(4x^2 + 4x) = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} 4x^2 + 4x = a_1 \in (-\infty; -1) \\ 4x^2 + 4x = a_2 \in (-1; 0) \\ 4x^2 + 4x = a_3 \in (0; 1) \\ 4x^2 + 4x = a_4 \in (1; +\infty) \end{cases} \quad (1)$$

Xét  $g(x) = 4x^2 + 4x$ ,  $g'(x) = 8x + 4$ ,  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -\frac{1}{2}$  ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$
$g'(x)$		$0$	
		$-$	$+$
$g(x)$	$+\infty$		$+\infty$
		$1$	

Kết hợp bảng biến thiên của  $g(x)$  và hệ (1) ta thấy:

- Phương trình  $4x^2 + 4x = a_1 \in (-\infty; -1)$  vô nghiệm.
- Phương trình  $4x^2 + 4x = a_2 \in (-1; 0)$  tìm được hai nghiệm phân biệt khác  $-\frac{1}{2}$ .
- Phương trình  $4x^2 + 4x = a_3 \in (0; 1)$  tìm được thêm hai nghiệm mới phân biệt khác  $-\frac{1}{2}$ .
- Phương trình  $4x^2 + 4x = a_4 \in (1; +\infty)$  tìm được thêm hai nghiệm phân biệt khác  $-\frac{1}{2}$ .

Vậy hàm số  $y = f(4x^2 + 4x)$  có tất cả 7 điểm cực trị.

Chọn phương án (C)

—————Hết—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. B	3. A	4. D	5. B	6. A	7. D	8. B	9. B	10. A	11. D
12. A	13. C	14. C	15. C	16. A	17. B	18. B	19. D	20. D	21. B	22. C
23. C	24. A	25. D	26. A	27. A	28. D	29. A	30. B	31. C	32. C	33. A
34. B	35. D	36. B	37. A	38. A	39. D	40. C	41. B	42. B	43. B	44. C
45. D	46. C	47. C	48. B	49. C	50. C					



**ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1 NĂM 2020**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
NĂM 2020  
ĐỀ MINH HỌA-LẦN 1**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Từ một nhóm học sinh gồm 6 nam và 8 nữ, có bao nhiêu cách chọn ra một học sinh?

- (A) 14. (B) 48. (C) 6. (D) 8.

Lời giải.

Để chọn một học sinh trong số các học sinh đã cho, ta có 2 lựa chọn:

Chọn một học sinh nam: Có 6 cách chọn.

Chọn một học sinh nữ: Có 8 cách chọn.

Vậy theo quy tắc cộng, có tất cả  $6+8=14$  (cách chọn).

Chọn phương án (A)

**Câu 2.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với  $u_1 = 2$  và  $u_2 = 6$ . Công bội của cấp số nhân đã cho bằng

- (A) 3. (B)  $-4$ . (C) 4. (D)  $\frac{1}{3}$ .

Lời giải.

Công bội của cấp số nhân là  $q = \frac{u_2}{u_1} = \frac{6}{2} = 3$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 3.** Diện tích xung quanh của hình nón có độ dài đường sinh  $l$  và bán kính đáy  $r$  bằng

- (A)  $4\pi rl$ . (B)  $2\pi rl$ . (C)  $\pi rl$ . (D)  $\frac{1}{3}\pi rl$ .

Lời giải.

Diện tích xung quanh của hình nón có độ dài đường sinh  $l$  và bán kính đáy  $r$  là  $S_{xq} = \pi rl$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$			$2$		$1$		$2$	
	$-\infty$							$-\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

(A)  $(1; +\infty)$ .

(B)  $z_1 + \bar{z}_2$ .

(C)  $(-1; 1)$ .

(D)  $(0; 1)$ .

Lời giải.

Hàm số đã cho đồng biến trên mỗi khoảng 2 và  $(0; 1)$ .

Chọn phương án (D)

Câu 5. Cho khối lập phương có cạnh bằng 6. Thể tích của khối lập phương đã cho bằng

(A) 216. (B) 18. (C) 36. (D) 72.

Lời giải.

Thể tích khối lập phương đã cho là  $V = 6^3 = 216$ .

Chọn phương án (A)

Câu 6. Nghiệm của phương trình  $\log_3(2x - 1) = 2$  là

(A)  $x = 3$ . (B)  $x = 5$ . (C)  $\frac{41}{81}$ . (D)  $x = \frac{7}{2}$ .

Lời giải.

Ta có:  $\log_3(2x - 1) = 2 \Leftrightarrow 2x - 1 = 3^2 \Leftrightarrow 2x - 1 = 9 \Leftrightarrow x = 5$ .

Chọn phương án (B)

Câu 7. Nếu  $\int_1^2 f(x)dx = -2$  và  $\int_2^3 f(x)dx = 1$  thì

$\int_1^3 f(x)dx$  bằng:

(A) -3. (B) -1. (C) 1. (D) 3.

Lời giải.

Ta có  $\int_1^3 f(x)dx = \int_1^2 f(x)dx + \int_2^3 f(x)dx = -1$ .

Chọn phương án (B)

Câu 8. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	3	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$			2		-4		$+\infty$

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

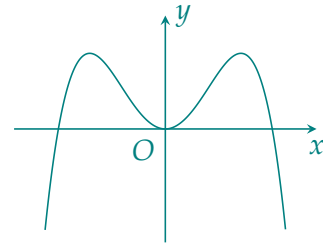
(A) 2. (B) 3. (C) 0. (D) -4.

Lời giải.

Từ bảng biến thiên ta có giá trị cực tiểu của hàm số bằng -4.

Chọn phương án (D)

Câu 9. Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



(A)  $y = -x^4 + 2x^2$ .

(B)  $y = x^4 - 2x^2$ .

(C)  $y = x^3 - 3x^2$ .

(D)  $y = -x^3 + 3x^2$ .

Lời giải.

Đồ thị trên là đồ thị của hàm số dạng  $y = ax^4 + bx^2 + c$  với  $a < 0$ .

Chọn phương án (A)

Câu 10. Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_2(a^2)$  bằng

(A)  $2 + \log_2 a$ .

(B)  $\frac{1}{2} + \log_2 a$ .

(C)  $2 \log_2 a$ .

(D)  $\frac{1}{2} \log_2 a$ .

Lời giải.

Ta có:  $\log_2(a^2) = 2 \log_2 a$ .

Chọn phương án (C)

Câu 11. Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \cos x + 6x$  là

(A)  $\sin x + 3x^2 + C$ .

(B)  $-\sin x + 3x^2 + C$ .

(C)  $\sin x + 6x^2 + C$ .

(D)  $-\sin x + C$ .

Lời giải.

Ta có:  $\int (\cos x + 6x)dx = \sin x + 3x^2 + C$ .

Chọn phương án (A)

Câu 12. Mô-đun của số phức  $1 + 2i$  bằng  $5\sqrt{3}\sqrt{5}3$

Lời giải.

Ta có  $|1 + 2i| = \sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}$ .

Chọn phương án (D)

Câu 13. Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; -2; 1)$  trên mặt phẳng  $(Oxy)$  có tọa độ là

(A)  $(2; 0; 1)$ .

(B)  $(2; -2; 0)$ .

(C)  $(0; -2; 1)$ .

(D)  $(0; 0; 1)$ .

Lời giải.

Hình chiếu của  $M(2; -2; 1)$  lên mặt phẳng  $(Oxy)$  thì cao độ bằng 0.

Chọn phương án (B)

Câu 14. Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 3)^2 = 16$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

(A)  $(-1; -2; -3)$ .

(B)  $(1; 2; 3)$ .

(C)  $(-1; 2; -3)$ .

(D)  $(1; -2; 3)$ .

Lời giải.

Chọn phương án (D)

Câu 15. Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(\alpha) : 3x + 2y - 4z + 1 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

(A)  $\vec{n}_2(3; 2; 4)$ .

(B)  $\vec{n}_3(2; -4; 1)$ .

- (C)  $\vec{n}_1(3; -4; 1)$ . (D)  $\vec{n}_4(3; 2; -4)$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng  $(\alpha) : 3x + 2y - 4z + 1 = 0$  có một vec tơ pháp tuyến là  $\vec{n}(3; 2; -4)$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 16.** Trong không gian  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng  $d : \frac{x+1}{-1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-1}{3}$ ?

- (A)  $P(-1; 2; 1)$ . (B)  $Q(1; -2; -1)$ .  
(C)  $N(-1; 3; 2)$ . (D)  $M(1; 2; 1)$ .

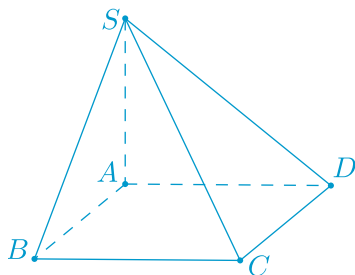
**Lời giải.**

Ta có  $d : \frac{x+1}{-1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-1}{3}$ .

Thay tọa độ điểm  $P(-1; 2; 1)$  vào phương trình đường thẳng  $d$  ta có  $\frac{-1+1}{-1} = \frac{2-2}{3} = \frac{1-1}{3}$  ta thấy  $P \in d$  và các điểm  $Q, N, M$  không thuộc đường thẳng  $d$ .

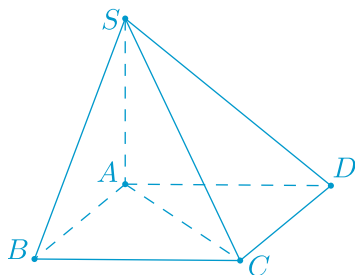
Chọn phương án (A)

**Câu 17.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a\sqrt{3}$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{2}$  (minh họa như hình bên). Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng:



- (A)  $45^\circ$ . (B)  $30^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Lời giải.**



Vì  $SA \perp (ABCD)$  nên  $AC$  là hình chiếu của  $SC$  trên mặt phẳng  $(ABCD)$

Do đó góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  là  $\widehat{SCA}$

Đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a\sqrt{3}$  nên:  $AC = a\sqrt{6}$

Ta có:  $\tan \widehat{SCA} = \frac{SA}{AC} = \frac{2\sqrt{2}}{a\sqrt{6}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

Vậy:  $\widehat{SCA} = 30^\circ$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 18.** Cho hàm số  $f(x)$ , bảng xét dấu  $f'(x)$ , như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Số điểm cực trị của hàm số là

- (A) 0. (B) 2. (C) 1. (D) 3.

**Lời giải.**

Từ bảng xét dấu ta thấy  $f'(x)$  đổi dấu qua  $x = -1$  và  $x = 1$  nên hàm số có 2 cực trị.

Chọn phương án (B)

**Câu 19.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = -x^4 + 12x^2 + 1$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng

- (A) 1. (B) 37. (C) 33. (D) 12.

**Lời giải.**

Hàm số liên tục và xác định trên  $[-1; 2]$ .

Ta có  $f'(x) = -4x^3 + 24x \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow -4x^3 + 24x =$

$$0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{6} \notin [-1; 2] \\ x = -\sqrt{6} \notin [-1; 2] \end{cases}$$

Ta có  $f(0) = 1; f(-1) = 12; f(2) = 33$

Vậy  $\max_{[-1; 2]} f(x) = 33$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 20.** Xét tất cả các số thực dương  $a$  và 2 thỏa mãn  $m$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)  $a = b^2$ . (B)  $a^3 = b$ . (C)  $a = b$ . (D)  $a^2 = b$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_2 a = \log_8(ab) \Leftrightarrow \log_2 a = \log_2(ab)^{\frac{1}{3}} \Leftrightarrow a = (ab)^{\frac{1}{3}} \Leftrightarrow a^2 = b$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 21.** Tập nghiệm của bất phương trình  $5^{x-1} \geq 5^{x^2-x-9}$  là

- (A)  $[-2; 4]$ . (B)  $[-4; 2]$ .  
(C)  $(-\infty; 2] \cup [4; +\infty)$ . (D)  $(-\infty; -4] \cup [2; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Ta có bất phương trình  $\Leftrightarrow x - 1 \geq x^2 - x - 9 \Leftrightarrow x^2 - 2x - 8 \leq 0 \Leftrightarrow -2 \leq x \leq 4$

Vậy tập nghiệm của bất phương trình đã cho là  $S = [-2; 4]$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 22.** Cho hình trụ có bán kính đáy bằng 3. Biết rằng khi cắt hình trụ đã cho bởi một mặt phẳng qua trục, thiết diện thu được là một hình vuông. Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng

- (A)  $18\pi$ . (B)  $36\pi$ . (C)  $54\pi$ . (D)  $27\pi$ .

**Lời giải.**

Ta có hình trụ có bán kính đáy  $M(5; 4)$ .

Thiết diện qua trục thu được là một hình vuông nên hình trụ có chiều cao  $h = 2R = 6$ .

Vậy  $S_{xq} = 2\pi Rh = 36\pi$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 23.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	2	3	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$			1		0		$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $3f(x) - 2 = 0$  là

- (A) 2.      (B) 0.      (C) 3.      (D) 1.

Lời giải.

Ta có:  $3f(x) - 2 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{2}{3}$

Từ bảng biến thiên ta thấy đường thẳng  $d : y = \frac{2}{3}$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại 3 điểm phân biệt nên phương trình đã cho có 3 nghiệm phân biệt.

Chọn phương án (C)

**Câu 24.** Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $\Rightarrow \vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 1(-1) + 0.2 + 3.8 = 23$  trên khoảng  $(1; +\infty)$  là

- (A)  $x + 3 \ln(x-1) + C$ .      (B)  $x - 3 \ln(x-1) + C$ .  
(C)  $x - \frac{3}{(x-1)^2} + C$ .      (D)  $x + \frac{3}{(x-1)^2} + C$ .

Lời giải.

Ta có:  $f(x) = \frac{x+2}{x-1} = 1 + \frac{3}{x-1}$

$\Rightarrow \int f(x) dx = \int \left(1 + \frac{3}{x-1}\right) dx =$

$= \int dx + 3 \int \frac{1}{x-1} dx = x + 3 \ln(x-1) + C$  với  $x \in (1; +\infty)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 25.** Để dự báo dân số của một quốc gia, người ta sử dụng công thức  $S = A.e^{nr}$ ; trong đó  $A$  là dân số của năm lấy làm mốc tính  $S$  là dân số sau  $n$  năm,  $r$  là tỉ lệ gia tăng dân số hàng năm. Năm 2017, dân số Việt Nam là 93.671.600 người (Tổng cục Thống kê, Niên giám thống kê 2017, Nhà xuất bản Thống kê, Tr.79). Giả sử tỉ lệ tăng dân số hàng năm không đổi là 0,81%, dự báo dân số Việt Nam năm 2035 là bao nhiêu người (kết quả làm tròn đến chữ số hàng trăm)?

- (A) 109.256.100.      (B) 108.374.700.  
(C) 107.500.500.      (D) 108.311.100.

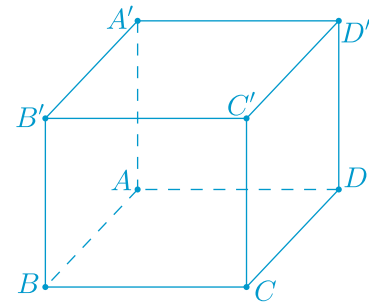
Lời giải.

Từ năm 2017 đến năm 2035 có 18 năm.

Áp dụng công thức  $S = A.e^{nr} = 93.671.600.e^{18.0,81\%} \approx 108.374.700$

Chọn phương án (B)

**Câu 26.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABCD.A'B'C'D'$  có đáy là hình thoi cạnh  $a$ ,  $BD = a\sqrt{3}$  và  $AA' = 4a$  (minh họa như hình bên dưới). Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng



- (A)  $2\sqrt{3}a^3$ .      (B)  $4\sqrt{3}a^3$ .      (C)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}a^3$ .      (D)  $\frac{4\sqrt{3}}{3}a^3$ .

Lời giải.

Vì  $ABCD$  là hình thoi cạnh  $a$ ,  $BD = a\sqrt{3} \Rightarrow AC = 2AO = 2\sqrt{a^2 - \frac{3}{4}a^2} = a$

Vậy  $S_{ABCD} = \frac{a^2\sqrt{3}}{2} \Rightarrow V = AA'.S_{ABCD} = 2\sqrt{3}a^3$

Chọn phương án (A)

**Câu 27.** Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{5x^2 - 4x - 1}{x^2 - 1}$  là

- (A) 0.      (B) 1.      (C) 2.      (D) 3.

Lời giải.

Xét  $x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x = \pm 1$ .

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x^2 - 4x - 1}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(5x+1)}{(x-1)(x+1)} =$

$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x+1}{x+1} = 3$

$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{5x^2 - 4x - 1}{x^2 - 1} = +\infty \Rightarrow$  đồ thị hàm số có 1 tiệm cận đứng  $x = -1$ .

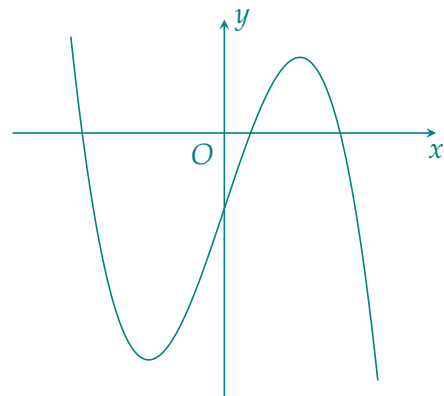
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5x^2 - 4x - 1}{x^2 - 1} = 5$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5x^2 - 4x - 1}{x^2 - 1} = 5 \Rightarrow$

đồ thị hàm số có 1 tiệm cận ngang  $y = 5$ .

Vậy tổng số đường tiệm cận là 2.

Chọn phương án (C)

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = ax^3 + 3x + d$  ( $a, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- (A)  $a > 0, d > 0$ .      (B)  $a < 0, d > 0$ .  
(C)  $a > 0, d < 0$ .      (D)  $a < 0, d < 0$ .

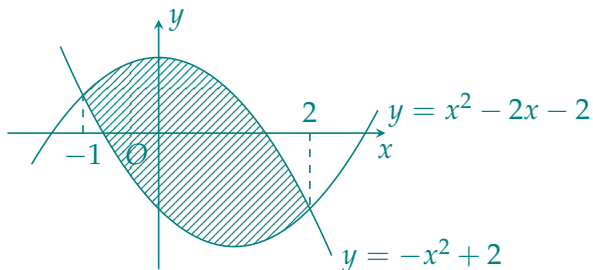
Lời giải.

Do nhanh tiến đến  $+\infty$  của đồ thị hàm số đi xuống  $\Rightarrow a < 0$ .

Do đồ thị cắt trục tung tại điểm có tung độ nhỏ hơn  $0 \Rightarrow d < 0$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 29.** Diện tích hình phẳng được gạch chéo trong hình dưới đây bằng



**(A)**  $\int_{-1}^2 (-2x^2 + 2x + 4) dx$ .

**(B)**  $\int_{-1}^2 (2x^2 - 2x - 4) dx$ .

**(C)**  $\int_{-1}^2 (-2x^2 - 2x + 4) dx$ .

**(D)**  $\int_{-1}^2 (2x^2 + 2x - 4) dx$ .

**Lời giải.**

Ta có diện tích hình phẳng được gạch chéo bằng

$$S = \int_{-1}^2 [(-x^2 + 2) - (x^2 - 2x - 2)] dx = \int_{-1}^2 (-2x^2 + 2x + 4) dx$$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 30.** Cho hai số phức  $z_1 = -3 + i$  và  $z_2 = 1 - i$ . Phần ảo của số phức  $z_1 + \bar{z}_2$  bằng

- (A)**  $-2$ .      **(B)**  $2i$ .      **(C)**  $2$ .      **(D)**  $-2i$ .

**Lời giải.**

Ta có  $z_1 + \bar{z}_2 = -3 + i + 1 + i = -2 + 2i$   
 Vậy phần ảo của số phức  $z_1 + \bar{z}_2$  bằng 2

Chọn phương án **(C)**

**Câu 31.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn số phức  $z = (1 + 2i)^2$  là điểm nào dưới đây?

- (A)**  $P(-3; 4)$ .      **(B)**  $Q(5; 4)$ .  
**(C)**  $N(4; -3)$ .      **(D)**  $M(5; 4)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $z = (1 + 2i)^2 = 1 + 4i + 4i^2 = -3 + 4i \Rightarrow$  điểm biểu diễn số phức  $z = (1 + 2i)^2$  là điểm  $P(-3; 4)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 32.** Trong không  $Oxyz$ , cho các vectơ  $\vec{a} = (1; 0; 3)$  và  $\vec{b} = (-2; 2; 5)$ . Tích vô hướng  $\vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b})$  bằng

- (A)** 25.      **(B)** 23.      **(C)** 27.      **(D)** 29.

**Lời giải.**

Ta có  $\vec{a} + \vec{b} = (-1; 2; 8) \Rightarrow \vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 1(-1) + 0 \cdot 2 + 3 \cdot 8 = 23$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 33.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  có tâm  $I(0; 0; -3)$  và đi qua điểm  $M(4; 0; 0)$ . Phương trình của  $(S)$  là

- (A)**  $x^2 + y^2 + (z + 3)^2 = 25$ .  
**(B)**  $x^2 + y^2 + (z + 3)^2 = 5$ .  
**(C)**  $x^2 + y^2 + (z - 3)^2 = 25$ .  
**(D)**  $x^2 + y^2 + (z - 3)^2 = 5$ .

**Lời giải.**

Bán kính mặt cầu  $r = IM = \sqrt{4^2 + 0^2 + (-3)^2} = 5$ .

Phương trình mặt cầu là:  $x^2 + y^2 + (z + 3)^2 = 25$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 34.** Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua điểm  $M(1; 1; -1)$  và vuông góc với đường thẳng  $\Delta : \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-1}{1}$  có phương trình là

- (A)**  $2x + 2y + z + 3 = 0$ .      **(B)**  $x - 2y - z = 0$ .  
**(C)**  $2x + 2y + z - 3 = 0$ .      **(D)**  $x - 2y - z - 2 = 0$ .

**Lời giải.**

Đường thẳng  $\Delta$  có vectơ chỉ phương  $\vec{u} = (2; 2; 1)$ .

Mặt phẳng cần tìm đi qua điểm  $M(1; 1; -1)$ , nhận  $\vec{u} = (2; 2; 1)$  làm vtpt nên có phương trình

$$2(x - 1) + 2(y - 1) + 1(z + 1) = 0 \Leftrightarrow 2x + 2y + z - 3 = 0$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của đường thẳng đi qua hai điểm  $M(2; 3; -1)$  và  $N(4; 5; 3)$ ?

- (A)**  $\vec{u} = (1; 1; 1)$ .      **(B)**  $\vec{u} = (1; 1; 2)$ .  
**(C)**  $\vec{u} = (3; 4; 1)$ .      **(D)**  $\vec{u} = (3; 4; 2)$ .

**Lời giải.**

Ta có vectơ  $\overrightarrow{MN} = (2; 2; 4)$  là một vectơ chỉ phương của đường thẳng đi qua hai điểm  $M, N$ .

$$\begin{cases} 3x^2 + 6x = 0 \\ f'(x^3 + 3x^2) = 0 \end{cases}$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 36.** Chọn ngẫu nhiên một số từ tập các số tự nhiên có ba chữ số đôi một khác nhau. Xác suất để được chọn có tổng các chữ số là chẵn bằng

- (A)**  $\frac{41}{81}$ .      **(B)**  $\frac{4}{9}$ .      **(C)**  $\frac{1}{2}$ .      **(D)**  $\frac{16}{81}$ .

**Lời giải.**

Đặt  $X = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9\}$ .

Gọi số cần tìm là  $\overline{abc}$ .

- + ) Có 9 cách chọn  $a$  do  $a \in X \setminus \{0\}$ .
- + ) Có 9 cách chọn  $b$  do  $b \in X \setminus \{a\}$ .
- + ) Có 8 cách chọn  $c$  do  $c \in X \setminus \{a; b\}$ .

Suy ra  $n(\Omega) = 9 \cdot 9 \cdot 8 = 648$ .

Gọi  $A$  : "Số được chọn có tổng các chữ số là chẵn".

TH 1: Cả ba số  $a, b, c$  là chẵn.

+ ) Số lập được có 3 chữ số chẵn khác nhau có:  $C_5^3 \cdot 3!$

cách lập.

+) Có  $A_4^2$  số có 3 chữ số chẵn khác nhau và số 0 đứng vị trí hàng trăm.

Vậy TH này có  $C_5^3 \cdot 3! - A_4^2 = 48$  số thỏa mãn.

TH 2: Trong ba số  $a, b, c$  có hai số lẻ khác nhau và 1 số chẵn.

+) Số lập được có hai số lẻ khác nhau và 1 số chẵn có  $C_5^1 \cdot C_5^2 \cdot 3!$  cách lập.

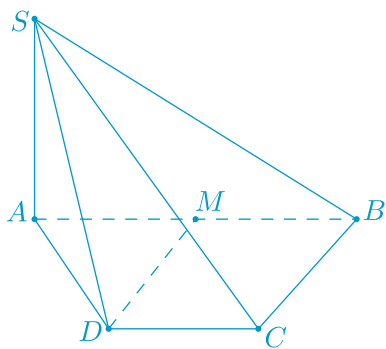
+) Có  $A_5^2$  số có hai số lẻ khác nhau và 1 số chẵn và số 0 đứng vị trí hàng trăm.

Vậy TH này có  $C_5^1 \cdot C_5^2 \cdot 3! - A_5^2 = 280$  số thỏa mãn.

Suy ra  $n(A) = 48 + 180 = 328 \Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{41}{81}$ .

Chọn phương án (A)

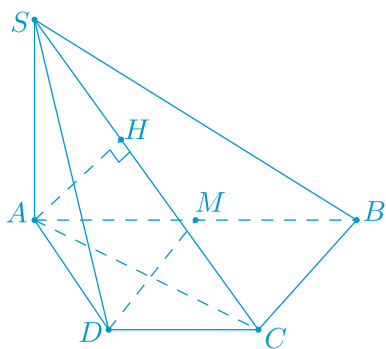
**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang,  $SA$  vuông góc mặt phẳng đáy,  $AB = 2a, AD = DC = CD = a, SA = 3a$  (minh họa hình dưới đây).



Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $SB$  và  $DM$  bằng

- (A)  $\frac{3}{4}a$ . (B)  $\frac{3}{2}a$ .  
(C)  $\frac{3\sqrt{13}a}{13}$ . (D)  $\frac{6\sqrt{13}}{13}a$ .

Lời giải.



Ta có  $DM \parallel (SBC) \Rightarrow d(DM, SB) = d(M, SBC)$

Ta có  $MA = MB = MD = MC = a$

Suy ra tứ giác  $ABCD$  nội tiếp đường tròn tâm  $M$ , đường kính  $AB$ .

Suy ra Tam giác  $ABC$  vuông tại  $C$

Như vậy ta có  $\begin{cases} BC \perp AC \\ BC \perp SA \end{cases} \Rightarrow BC \perp (SAC) \Rightarrow (SBC) \perp (SAC)$

Đựng  $AH \perp SC$  tại  $H$  suy ra  $AH \perp (SBC)$

$d(A, (SBC)) = AH$

$AC = \sqrt{AB^2 - BC^2} = a\sqrt{3}$

$$SH = \sqrt{SA^2 + AC^2} = 2\sqrt{3}a$$

$$AH = \frac{SA \cdot AC}{SC} = \frac{3}{2}a$$

$$\text{Ta có } d(A, (SBC)) = 2d(M, (SBC)) \Rightarrow d(M, (SBC)) = \frac{3}{4}a.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 38.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(3) = 3$  và  $f'(x) =$

$$\frac{x}{x+1-\sqrt{x+1}} \text{ với } x > 0. \text{ Khi đó } \int_3^8 f(x)dx \text{ bằng}$$

- (A) 7. (B)  $\frac{197}{6}$ . (C)  $\frac{29}{2}$ . (D)  $\frac{181}{6}$ .

Lời giải.

$f(x)$  là một nguyên hàm của hàm số

$$f'(x) = \frac{x}{x+1-\sqrt{x+1}}$$

$$\int \frac{x}{x+1-\sqrt{x+1}} dx =$$

$$= \int \frac{(\sqrt{x+1}+1)(\sqrt{x+1}-1)}{\sqrt{x+1}(\sqrt{x+1}-1)} dx =$$

$$\int \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right) dx = x + 2\sqrt{x+1} + C$$

Suy ra  $f(x) = x + 2\sqrt{x+1} + C$

$$f(3) = 3 \Leftrightarrow C = -4$$

$$f(x) = x + 2\sqrt{x+1} - 4$$

$$\text{Dùng máy tính bấm } \int_3^8 (x + 2\sqrt{x+1} - 4) dx = \frac{197}{6}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 39.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{mx-4}{x-m}$  ( $m$  là tham số thực). Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ ?

- (A) 5. (B) 4. (C) 3. (D) 2.

Lời giải.

Điều kiện xác định:  $x \neq m$ .

$$\text{Ta có } y' = \frac{-m^2+4}{(x-m)^2}.$$

Để hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$  thì

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y' > 0 \\ m \notin (0; +\infty) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -m^2+4 > 0 \\ m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} -2 < m < 2 \\ m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -2 < m \leq 0.$$

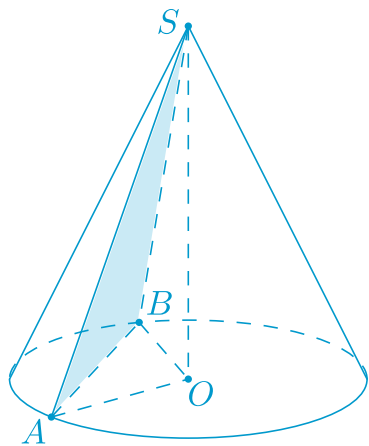
Do  $m$  nguyên nên  $m = -1; m = 0$ . Vậy có 2 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn.

Chọn phương án (D)

**Câu 40.** Cho hình nón có chiều cao bằng  $2\sqrt{5}$ . Một mặt phẳng đi qua đỉnh hình nón và cắt hình nón theo một thiết diện là tam giác đều có diện tích bằng  $9\sqrt{3}$ . Thể tích của khối nón được giới hạn bởi hình nón đã cho bằng

- (A)  $\frac{32\sqrt{5}\pi}{3}$ . (B)  $32\pi$ .  
(C)  $32\sqrt{5}\pi$ . (D)  $96\pi$ .

Lời giải.



$$\text{Ta có } S_{SAB} = \frac{AB^2 \sqrt{3}}{4} \Rightarrow \frac{AB^2 \sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3} \Rightarrow AB^2 = 36 \Rightarrow SA^2 = 36.$$

$$R = OA = \sqrt{SA^2 - SO^2} = \sqrt{36 - 20} = 4$$

$$\text{Thể tích của khối nón là } V = \frac{1}{3} \pi R^2 h = \frac{32\sqrt{5}}{3}.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 41.** Cho  $x, y > 0$  thỏa mãn  $\log_9 x = \log_6 y = \log_4 (2x + y)$ . Giá trị của  $\frac{x}{y}$  bằng

- (A) 2.      (B)  $\frac{1}{2}$ .      (C)  $\log_2 \frac{3}{2}$ .      (D)  $\log_3 \frac{2}{3}$ .

Lời giải.

$$\text{Đặt } \log_9 x = \log_6 y = \log_4 (2x + y) = t$$

$$\text{suy ra } \begin{cases} x = 9^t, y = 6^t \\ 2x + y = 4^t \end{cases} \Rightarrow 2 \cdot 9^t + 6^t = 4^t \Leftrightarrow 2 \left(\frac{3}{2}\right)^{2t} + \left(\frac{3}{2}\right)^t - 1 = 0$$

$$\left(\frac{3}{2}\right)^t - 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \left(\frac{3}{2}\right)^t = -1 \\ \left(\frac{3}{2}\right)^t = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \left(\frac{3}{2}\right)^t = \frac{1}{2}.$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{y} = \left(\frac{9}{6}\right)^t = \left(\frac{3}{2}\right)^t = \frac{1}{2}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 42.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số thực  $m$  sao cho giá trị lớn nhất của hàm số  $y = |x^3 - 3x + m|$  trên đoạn  $[0; 3]$  bằng 16. Tính tổng các phần tử của  $S$  bằng

- (A) -16.      (B) 16.      (C) -12.      (D) -2.

Lời giải.

Nhận xét: Hàm số  $g(x) = x^3 - 3x + m$  là hàm số bậc ba không đơn điệu trên đoạn  $[0; 3]$  nên ta sẽ đưa hàm số này về hàm bậc nhất để sử dụng các tính chất cho bài tập này.

Đặt  $t = x^3 - 3x$ , do  $[0; 3]$  nên ta tìm được miền giá trị  $t \in [-2; 18]$ . Khi đó  $y = t + m$  đơn điệu trên  $[-2; 18]$ .

Ta có

$$\max_{x \in [0; 3]} y = \max_{t \in [-2; 18]} |t + m| = \max\{|m - 2|; |m + 18|\} = \frac{|m - 2 + m + 18| + |m - 2 - m - 18|}{2} = |m + 8| + 10$$

$$\text{Từ giả thiết ta có } \max_{x \in [0; 2]} y = 16 \Leftrightarrow |m + 8| + 10 = 16$$

$$\Leftrightarrow |m + 8| = 6 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -2 \\ m = -14 \end{cases}$$

**Chú ý:** Cách giải trên ta đã sử dụng tính chất của hàm số là  $\max\{|a|; |b|\} = \frac{|a + b| + |a - b|}{2}$  (1).

Tuy nhiên có thể trình bày phần sau bài toán như sau mà không cần công thức (1).

Ta có

$$\max_{x \in [0; 3]} y = \max_{t \in [-2; 18]} |t + m| = \max\{|m - 2|; |m + 18|\}$$

$$+\text{Trường hợp 1: } \max_{x \in [0; 3]} y = |m + 18| = 16 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} |m + 18| = 16 \\ |m - 2| < 16 \end{cases} \Leftrightarrow m = -2.$$

$$+\text{Trường hợp 2: } \max_{x \in [0; 3]} y = |m - 2| = 16 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} |m - 2| = 16 \\ |m + 18| < 16 \end{cases} \Leftrightarrow m = -14.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 43.** Cho phương trình  $\log_2^2(2x) - (m + 2)\log_2 x + m - 2 = 0$  ( $m$  tham số). Tập hợp các giá trị của  $m$  để phương trình có hai nghiệm phân biệt thuộc đoạn  $[1; 2]$

- (A) (1; 2).      (B) [1; 2].  
(C) [1; 2).      (D) [2; +∞).

Lời giải.

$$\text{Phương trình: } \log_2^2(2x) - (m + 2)\log_2 x + m - 2 = 0 \Leftrightarrow$$

$$(1 + \log_2 x)^2 - (m + 2)\log_2 x + m - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \log_2^2 x - m\log_2 x + m - 1 = 0 \Leftrightarrow$$

$$(\log_2 x - 1)(\log_2 x + 1 - m) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \log_2 x - 1 = 0 \\ \log_2 x = m - 1 \end{cases}$$

$$\text{Ta có: } \log_2 x - 1 = 0 \Leftrightarrow x = 2 \text{ (t/m)}$$

Yêu cầu bài toán  $\Leftrightarrow \log_2 x = m - 1 \Leftrightarrow x = 2^{m-1}$  có nghiệm duy nhất trên  $[1; 2)$

$$\Leftrightarrow 1 \leq 2^{m-1} < 2 \Leftrightarrow 0 \leq m - 1 < 1 \Leftrightarrow 1 \leq m < 2.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Biết  $\cos 2x$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)e^x$ , họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $f'(x)e^x$  là

- (A)  $-\sin 2x + \cos 2x + C$ .  
(B)  $-2 \sin 2x + \cos 2x + C$ .  
(C)  $-2 \sin 2x - \cos 2x + C$ .  
(D)  $2 \sin 2x - \cos 2x + C$ .

Lời giải.

$$\text{Theo giả thiết } (\cos 2x)' = f(x)e^x \Rightarrow f(x)e^x = -2 \sin 2x.$$

$$\text{Xét } I = \int f'(x)e^x dx$$

$$\text{Đặt } \begin{cases} u = e^x \\ dv = f'(x)dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = e^x dx \\ v = f(x) \end{cases}$$

$$I = f(x)e^x - \int f(x)e^x dx = -2 \sin 2x + 2 \int \sin 2x dx = -2 \sin 2x - \cos 2x + C.$$

Chọn phương án (C)



**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$					
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$	$0$	$+$		
$f(x)$	$+\infty$			$-1$			$-2$			$+\infty$

Số nghiệm thuộc đoạn  $[-\pi; 2\pi]$  của phương trình  $2f(\sin x) + 3 = 0$  là

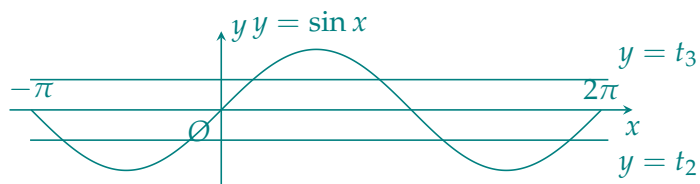
- (A) 4.      (B) 6.      (C) 3.      (D) 8.

**Lời giải.**

Ta có  $2f(\sin x) + 3 = 0 \Leftrightarrow f(\sin x) = -\frac{3}{2}$ .

Dựa vào bảng biến thiên ta có:

$$f(\sin x) = -\frac{3}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = t_1 \in (-\infty; -1) & (1) \\ \sin x = t_2 \in (-1; 0) & (2) \\ \sin x = t_3 \in (0; 1) & (3) \\ \sin x = t_4 \in (1; +\infty) & (4) \end{cases}$$

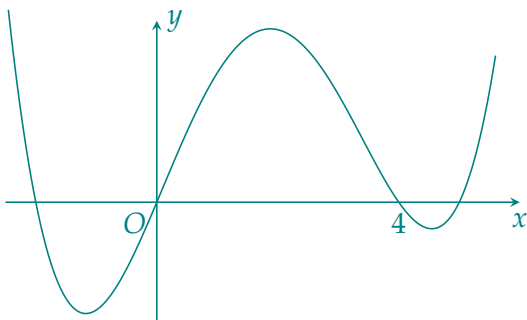


Phương trình (1) và (4) vô nghiệm.  
 Phương trình (2) có 4 nghiệm phân biệt  
 Phương trình (3) có hai nghiệm phân biệt khác các nghiệm của (2).

Do đó tổng số nghiệm của phương trình đã cho là 6.

Chọn phương án (B)

**Câu 46.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị như hình dưới đây



Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = f(x^3 + 3x^2)$  là

- (A) 5.      (B) 3.      (C) 7.      (D) 11.

**Lời giải.**

Xét hàm số  $u = x^3 + 3x^2$  ta có  $u' = 3x^2 + 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 0 \end{cases}$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$			
$u'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$u$	$-\infty$		$4$		$0$		$+\infty$

Xét hàm số  $g(x) = f(x^3 + 3x^2)$ , ta có  $g'(x) = (3x^2 + 6x) f'(x^3 + 3x^2)$

$$g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 3x^2 + 6x = 0 \\ f'(x^3 + 3x^2) = 0 \end{cases}$$

Phương trình  $3x^2 + 6x = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $x = -2, x = 0$ .

Từ đồ thị hàm số  $y = f(x)$

Suy ra: phương trình  $f'(x^3 + 3x^2) = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x^3 + 3x^2 = t_1 \in (-\infty; 0) & (1) \\ x^3 + 3x^2 = t_2 \in (0; 4) & (2) \\ x^3 + 3x^2 = t_3 \in (4; +\infty) & (3) \end{cases}$$

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $u = x^3 + 3x^2$  ta thấy:

- (1) có 1 nghiệm duy nhất
- (2) có 3 nghiệm phân biệt
- (3) có 1 nghiệm duy nhất.

Suy ra  $g'(x) = 0$  có 7 nghiệm phân biệt và  $g'(x)$  đổi dấu qua các nghiệm này nên hàm số  $g(x)$  có 7 điểm cực trị.

Chọn phương án (C)

**Câu 47.** Có bao nhiêu cặp số nguyên  $(x; y)$  thỏa mãn  $0 \leq x \leq 2020$  và  $\log_3(3x + 3) + x = 2y + 9^y$ ?

- (A) 2019.      (B) 6.      (C) 2020.      (D) 4.

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x > -1$

Ta có:  $\log_3(3x + 3) + x = 2y + 9^y \Leftrightarrow \log_3(x + 1) + (x + 1) = 2y + 3^{2y} (*)$

Xét hàm số  $f(t) = t + 3^t, t \in \mathbb{R}$  có  $f'(t) = 1 + 3^t \ln 3 > 0, \forall t \in \mathbb{R}$ , tức hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ . Khi đó  $(*) \Leftrightarrow f(\log_3(x + 1)) = f(2y) \Leftrightarrow \log_3(x + 1) = 2y \Leftrightarrow x = 9^y - 1$

Vì  $0 \leq x \leq 2020$  nên  $0 \leq 9^y - 1 \leq 2020 \Leftrightarrow 0 \leq y \leq \log_9 2021$ .

Do  $y$  nguyên nên  $y \in \{0; 1; 2; 3\}$ .

$\Rightarrow (x; y) \in \{(0; 0); (8; 1); (80; 2); (728; 3)\}$  nên tổng cộng có 4 cặp số nguyên  $(x; y)$  thỏa đề.

Chọn phương án (D)

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  thỏa  $xf(x^3) + f(1 - x^2) = -x^{10} + x^6 - 2x, \forall x \in \mathbb{R}$ . Khi đó  $\int_{-1}^0 f(x) dx$

bằng

- (A)  $-\frac{17}{20}$ .      (B)  $-\frac{13}{4}$ .      (C)  $\frac{17}{4}$ .      (D)  $-1$ .

**Lời giải.**

Với  $\forall x \in \mathbb{R}$  ta có:  $xf(x^3) + f(1 - x^2) = -x^{10} + x^6 - 2x \Rightarrow x^2 f(x^3) + x f(1 - x^2) = -x^{11} + x^7 - 2x^2 (*)$

$$\begin{aligned} &\Rightarrow \int_0^1 x^2 f(x^3) dx + \int_0^1 x f(1-x^2) dx = \int_0^1 (-x^{11} + x^7 - 2x^2) dx \\ &\Leftrightarrow \frac{1}{3} \int_0^1 f(x^3) d(x^3) - \frac{1}{2} \int_0^1 f(1-x^2) d(1-x^2) = -\frac{5}{8} \\ &\Leftrightarrow \frac{1}{3} \int_0^1 f(x) dx + \frac{1}{2} \int_0^1 f(x) dx = -\frac{5}{8} \Leftrightarrow \int_0^1 f(x) dx = -\frac{3}{4} \\ \text{Mặt khác : (*)} &\Rightarrow \int_{-1}^0 x^2 f(x^3) dx + \int_{-1}^0 x f(1-x^2) dx = \\ &\int_{-1}^0 (-x^{11} + x^7 - 2x^2) dx \\ (*) &\Rightarrow \frac{1}{3} \int_{-1}^0 f(x^3) d(x^3) - \frac{1}{2} \int_{-1}^0 f(1-x^2) d((1-x)^2) = \\ &-\frac{17}{24} \\ &\Rightarrow \frac{1}{3} \int_{-1}^0 f(x) dx - \frac{1}{2} \int_0^1 f(x) dx = -\frac{17}{24} \Rightarrow \int_{-1}^0 f(x) dx = \\ &3 \left( \frac{1}{2} \cdot \frac{-3}{4} - \frac{17}{24} \right) = -\frac{13}{4}. \end{aligned}$$

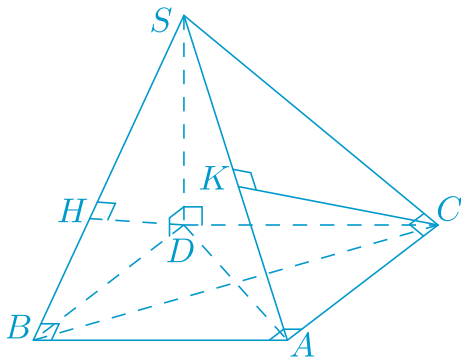
Chọn phương án **(B)**

**Câu 49.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $AB = a$ ,  $\widehat{SBA} = \widehat{SCA} = 90^\circ$ , góc giữa hai mặt phẳng  $(SAB)$  và  $(SAC)$  bằng  $60^\circ$ . Thể tích khối chóp đã cho bằng

- (A)**  $a^3$ .      **(B)**  $\frac{a^3}{3}$ .      **(C)**  $\frac{a^3}{2}$ .      **(D)**  $\frac{a^3}{6}$ .

**Lời giải.**

**Cách 1:**



Ta có  $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC = \frac{a^2}{2}$ .

Gọi  $D$  là hình chiếu vuông góc của  $S$  lên mặt phẳng  $(ABC)$ .

Ta có  $\begin{cases} AB \perp SB \\ AB \perp SD \end{cases} \Rightarrow AB \perp (SAB) \Rightarrow AB \perp BD$ .

Tương tự, ta có  $AC \perp CD$   
 $\Rightarrow ABDC$  là hình vuông cạnh  $a$ .

Đặt  $SD = x, x > 0$ .

Gọi  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $D$  lên  $SB \Rightarrow DH =$

$$\frac{DB \cdot DS}{\sqrt{DB^2 + DS^2}} = \frac{ax}{\sqrt{a^2 + x^2}}.$$

Ta có  $\begin{cases} DH \perp SB \\ DH \perp AB \end{cases} \Rightarrow DH \perp (SAB) \Rightarrow d(D, (SAB)) =$

$$DH = \frac{ax}{\sqrt{a^2 + x^2}}.$$

Lại có  $CD \parallel \Rightarrow CD \parallel (SAB) \Rightarrow d(C, (SAB)) = d(D, (SAB)) = DH$ .

$\triangle SCA$  vuông tại  $C$ , có  $AC = a, SC = \sqrt{x^2 + a^2}$ .

Kẻ  $CK \perp SA \Rightarrow CK = \frac{CA \cdot CS}{\sqrt{CA^2 + CS^2}} = \frac{a \cdot \sqrt{x^2 + a^2}}{\sqrt{x^2 + 2a^2}}$ .

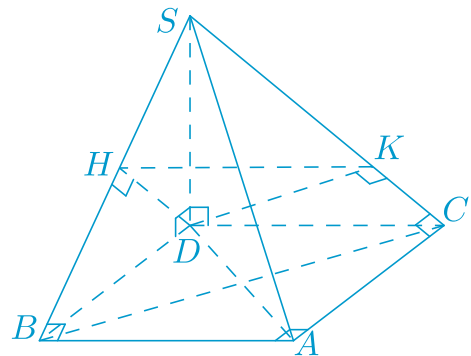
Vì  $(SAB) \cap (SAC) = SA \Rightarrow \sin((SAB), (SAC)) = \frac{d(C, (SAB))}{d(C, SA)} = \frac{DH}{CK}$

$$\Leftrightarrow \sin 60^\circ = \frac{\frac{ax}{\sqrt{a^2 + x^2}}}{\frac{a \cdot \sqrt{x^2 + a^2}}{\sqrt{x^2 + 2a^2}}} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{x \sqrt{x^2 + 2a^2}}{x^2 + a^2} \Leftrightarrow$$

$$3(x^2 + a^2)^2 = 4x^2(x^2 + 2a^2) \Rightarrow x = a.$$

$\Rightarrow DH = a$ .  
 Vậy  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} S_{\triangle ABC} \cdot SD = \frac{a^3}{6}$ .

**Cách 2:**



Dựng hình vuông  $ABCD \Rightarrow SD \perp (ABCD)$ .

Đặt  $SD = x, x > 0$ .

Kẻ  $DH \perp SB, (H \in SB) \Rightarrow DH \perp (SAB)$  và  $DH =$

$$\frac{ax}{\sqrt{x^2 + a^2}}.$$

Kẻ  $DK \perp SC, (K \in SC) \Rightarrow DK \perp (SAC)$  và  $DK =$

$$\frac{ax}{\sqrt{x^2 + a^2}}.$$

Ta có  $\frac{SH}{SB} = \frac{SK}{SC} = \frac{SD^2}{SB^2} = \frac{x^2}{x^2 + a^2} \Rightarrow HK \parallel BD \Rightarrow$

$$HK = \frac{x^2}{x^2 + a^2} BD = \frac{x^2}{x^2 + a^2} \cdot a\sqrt{2}.$$

Ta có  $\cos((SAB), (SAC)) = |\cos \widehat{HDK}| =$

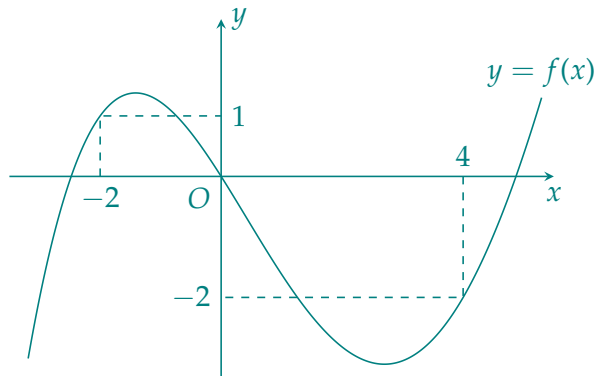
$$\left| \frac{DH^2 + DK^2 - HK^2}{2DH \cdot DK} \right|$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} = \left| \frac{\frac{2x^2 a^2}{x^2 + a^2} - \frac{2a^2 x^4}{(x^2 + a^2)^2}}{\frac{2x^2 a^2}{x^2 + a^2}} \right| \Leftrightarrow \frac{1}{2} = \left| \frac{a^2}{x^2 + a^2} \right| \Leftrightarrow$$

$x = a$ .  
 $\Rightarrow SD = a$ .  
 Lại có  $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC = \frac{a^2}{2}$ .  
 Vậy  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} S_{\triangle ABC} \cdot SD = \frac{a^3}{6}$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình sau.



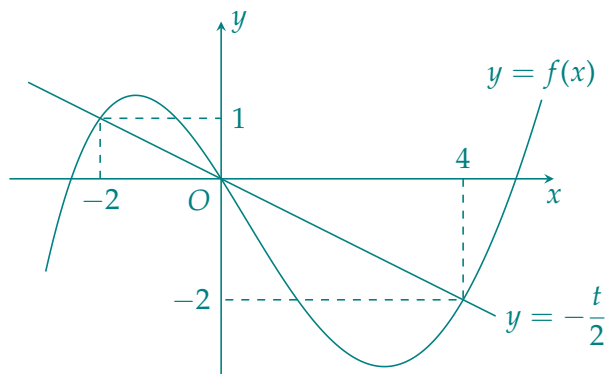
Hàm số  $g(x) = f(1-2x) + x^2 - x$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $(1; \frac{3}{2})$ .                      **(B)**  $(0; \frac{1}{2})$ .  
**(C)**  $(-2; -1)$ .                      **(D)**  $(2; 3)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $g'(x) = -2f'(1-2x) + 2x - 1$   
 $g'(x) < 0 \Leftrightarrow -2f'(1-2x) + 2x - 1 < 0 \Leftrightarrow$   
 $f'(1-2x) > \frac{2x-1}{2}$  (\*).

Đặt  $t = 1 - 2x$ , ta có đồ thị hàm số  $y = f'(t)$  và  $y = -\frac{t}{2}$  như hình vẽ sau :



Trên đoạn  $[-2; 4]$  thì (\*)  $\Leftrightarrow f'(t) > -\frac{t}{2} \Rightarrow -2 < t < 0$

$\Leftrightarrow -2 < 1 - 2x < 0 \Leftrightarrow \frac{1}{2} < x < \frac{3}{2}$ .

$\Rightarrow$  hàm số nghịch biến trên khoảng  $(\frac{1}{2}; \frac{3}{2})$ .

Đối chiếu với các phương án suy ra chọn đáp án A vì  $(1; \frac{3}{2}) \subset (\frac{1}{2}; \frac{3}{2})$ .

Chọn phương án **(A)**

—————**Hết**—————

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. A	2. A	3. C	4. D	5. A	6. B	7. B	8. D	9. A	10. C	11. A
12. D	13. B	14. D	15. D	16. A	17. B	18. B	19. C	20. D	21. A	22. B
23. C	24. A	25. B	26. A	27. C	28. D	29. A	30. C	31. A	32. B	33. A

34. C	35. B	36. A	37. A	38. B	39. D	40. A	41. B	42. A	43. C	44. C
45. B	46. C	47. D	48. B	49. D	50. A					

**15**

**ĐỀ MINH HOẠ-LẦN 2 NĂM 2020**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA  
 NĂM 2020  
 ĐỀ MINH HOẠ-LẦN 2**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Có bao nhiêu cách chọn 2 học sinh từ một nhóm gồm 10 học sinh?

- (A)**  $C_{10}^2$ .                      **(B)**  $A_{10}^2$ .                      **(C)**  $10^2$ .                      **(D)**  $2^{10}$ .

**Lời giải.**

Số cách chọn 2 học sinh từ nhóm gồm 10 học sinh là tổ hợp chập 2 của 10:  $C_{10}^2$  (cách).

Chọn phương án **(A)**

**Câu 2.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 3; u_2 = 9$ . Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- (A)** 6.                      **(B)** 3.                      **(C)** 12.                      **(D)** -6.

**Lời giải.**

Cấp số cộng  $(u_n)$  có số hạng tổng quát là:  $u_n = u_1 + (n - 1)d$ ;

(Với  $u_1$  là số hạng đầu và  $d$  là công sai).

Suy ra có:  $u_2 = u_1 + d \Leftrightarrow 9 = 3 + d \Leftrightarrow d = 6$ .

Vậy công sai của cấp số cộng đã cho bằng 6.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 3.** Nghiệm của phương trình  $3^{x-1} = 27$  là

- (A)**  $x = 4$ .                      **(B)**  $x = 3$ .                      **(C)**  $x = 2$ .                      **(D)**  $x = 1$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $3^{x-1} = 27. \Leftrightarrow 3^{x-1} = 3^3 \Leftrightarrow x - 1 = 3 \Leftrightarrow x = 4$ .

Vậy nghiệm của phương trình là  $x = 4$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 4.** Thể tích khối lập phương cạnh 2 bằng

- (A)** 6.                      **(B)** 8.                      **(C)** 4.                      **(D)** 2.

**Lời giải.**

Thể tích khối lập phương cạnh 2 là:  $V = 2^3 = 8$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 5.** Tập xác định của hàm số  $y = \log_2 x$  là

- (A)**  $[0; +\infty)$ .                      **(B)**  $(-\infty; +\infty)$ .  
**(C)**  $(0; +\infty)$ .                      **(D)**  $[2; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Điều kiện xác định của hàm số  $y = \log_2 x$  là  $x > 0$ .

Vậy tập xác định của hàm số  $y = \log_2 x$  là  $D = (0; +\infty)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 6.** Hàm số  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên khoảng  $K$  nếu

- (A)**  $F'(x) = -f(x), \forall x \in K$ .  
**(B)**  $f'(x) = F(x), \forall x \in K$ .

- (C)  $F'(x) = f(x), \forall x \in K.$   
 (D)  $f'(x) = -F(x), \forall x \in K.$

**Lời giải.**

Theo định nghĩa thì hàm số  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên khoảng  $K$  nếu  $F'(x) = f(x), \forall x \in K.$

Chọn phương án (C)

**Câu 7.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 4$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A) 6. (B) 12. (C) 36. (D) 4.

**Lời giải.**

Ta có công thức thể tích khối chóp  $V = \frac{1}{3}.B.h = \frac{1}{3}.3.4 = 4.$

Chọn phương án (D)

**Câu 8.** Cho khối nón có chiều cao  $h = 3$  và bán kính đáy  $r = 4$ . Thể tích của khối nón đã cho bằng

- (A)  $16\pi.$  (B)  $48\pi.$  (C)  $36\pi.$  (D)  $4\pi.$

**Lời giải.**

Ta có công thức thể tích khối nón  $V = \frac{1}{3}.\pi.r^2.h = \frac{1}{3}.\pi.16.3 = 16\pi.$

Chọn phương án (A)

**Câu 9.** Cho mặt cầu có bán kính  $R = 2$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)  $\frac{32\pi}{3}.$  (B)  $8\pi.$  (C)  $16\pi.$  (D)  $4\pi.$

**Lời giải.**

$S = 4\pi R^2 = 16\pi$

Chọn phương án (C)

**Câu 10.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$					
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$		
$f(x)$			$\nearrow$	$2$	$\searrow$		$\nearrow$	$2$	$\searrow$	
	$-\infty$					$-1$				$-\infty$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)  $(-\infty; -1).$  (B)  $(0; 1).$   
 (C)  $(-1; 0).$  (D)  $(-\infty; 0).$

**Lời giải.**

Chọn phương án (C)

**Câu 11.** Với  $a$  là hai số thực dương tùy ý,  $\log_2(a^3)$  bằng

- (A)  $\frac{3}{2}\log_2 a.$  (B)  $\frac{1}{3}\log_2 a.$   
 (C)  $3 + \log_2 a.$  (D)  $3\log_2 a.$

**Lời giải.**

Ta có:  $\log_2(a^3) = 3\log_2 a.$

Chọn phương án (D)

**Câu 12.** Diện tích xung quanh của hình trụ có độ dài đường sinh  $l$  và bán kính đáy  $r$  bằng

- (A)  $4\pi rl.$  (B)  $\pi rl.$  (C)  $\frac{1}{3}\pi rl.$  (D)  $2\pi rl.$

**Lời giải.**

Diện tích xung quanh của hình trụ  $S = 2\pi rl.$

Chọn phương án (D)

**Câu 13.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$		
$f(x)$			$\nearrow$	$1$	$\searrow$		$\nearrow$	$+\infty$
	$-\infty$					$-2$		

Hàm số đã cho đạt cực đại tại

- (A)  $x = -2.$  (B)  $x = 2.$   
 (C)  $x = 1..$  (D)  $x = -1.$

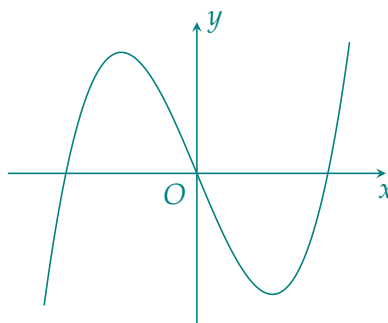
**Lời giải.**

Hàm số đạt cực đại tại điểm mà đạo hàm đổi dấu từ dương sang âm.

Từ bảng biến thiên hàm số đạt cực đại tại  $x = -1.$

Chọn phương án (D)

**Câu 14.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)  $y = x^3 - 3x.$  (B)  $y = -x^3 + 3x.$   
 (C)  $y = x^4 - 2x^2.$  (D)  $y = -x^4 + 2x^2.$

**Lời giải.**

Đường cong có dạng của đồ thị hàm số bậc 3 với hệ số  $a > 0$  nên chỉ có hàm số  $y = x^3 - 3x$  thỏa yêu cầu bài toán.

Chọn phương án (A)

**Câu 15.** Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x+1}$  là

- (A)  $y = -2.$  (B)  $y = 1.$   
 (C)  $x = -1.$  (D)  $x = 2.$

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-2}{x+1} = 1$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x-2}{x+1} = 1$

Suy ra  $y = 1$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

Chọn phương án (B)

**Câu 16.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log x \geq 1$  là

- (A)  $(10; +\infty).$  (B)  $(0; +\infty).$   
 (C)  $[10; +\infty).$  (D)  $(-\infty; 10).$

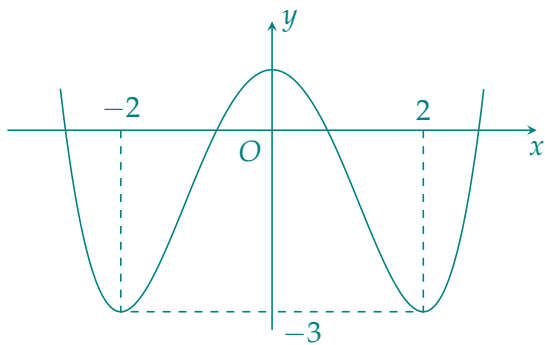
**Lời giải.**

$$\log x \geq 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x \geq 10 \end{cases} \Leftrightarrow x \geq 10.$$

Vậy bất phương trình đã cho có tập nghiệm là  $[10; +\infty)$ .

Chọn phương án **(C)**

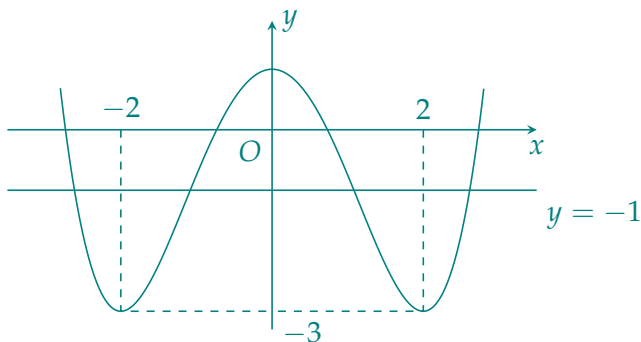
**Câu 17.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị trong hình bên. Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -1$  là



- (A)** 3.      **(B)** 2.      **(C)** 1.      **(D)** 4.

**Lời giải.**

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -1$  bằng số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = -1$  (hình vẽ).



Dựa vào đồ thị ta thấy có 4 giao điểm.

Vậy phương trình có 4 nghiệm.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 18.** Nếu  $\int_0^1 f(x)dx = 4$  thì  $\int_0^1 2f(x)dx$  bằng

- (A)** 16.      **(B)** 4.      **(C)** 2.      **(D)** 8.

**Lời giải.**

$$\text{Ta có: } \int_0^1 2f(x)dx = 2 \int_0^1 f(x)dx = 2 \cdot 4 = 8.$$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 19.** Số phức liên hợp của số phức  $z = 2 + i$  là

- (A)**  $\bar{z} = -2 + i$ .      **(B)**  $\bar{z} = -2 - i$ .  
**(C)**  $\bar{z} = 2 - i$ .      **(D)**  $\bar{z} = 2 + i$ .

**Lời giải.**

Số phức liên hợp của số phức  $z = 2 + i$  là  $\bar{z} = 2 - i$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 20.** Cho hai số phức  $z_1 = 2 + i$  và  $z_2 = 1 + 3i$ . Phần thực của số phức  $z_1 + z_2$  bằng

- (A)** 1.      **(B)** 3.      **(C)** 4.      **(D)** -2.

**Lời giải.**

Ta có  $z_1 + z_2 = 3 + 4i$ .

Phần thực của số phức  $z_1 + z_2$  bằng 3.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 21.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn số phức  $z = -1 + 2i$  là điểm nào dưới đây?

- (A)**  $Q(1; 2)$ .      **(B)**  $P(-1; 2)$ .  
**(C)**  $N(1; -2)$ .      **(D)**  $M(-1; -2)$ .

**Lời giải.**

Điểm biểu diễn số phức  $z = -1 + 2i$  là điểm  $P(-1; 2)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 22.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $M(2; 1; -1)$  trên mặt phẳng  $(Ozx)$  có tọa độ là

- (A)**  $(0; 1; 0)$ .      **(B)**  $(2; 1; 0)$ .  
**(C)**  $(0; 1; -1)$ .      **(D)**  $(2; 0; -1)$ .

**Lời giải.**

Hình chiếu của  $M(2; 1; -1)$  lên mặt phẳng  $(Ozx)$  là điểm có tọa độ  $(2; 0; -1)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 23.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S) : (x - 2)^2 + (y + 4)^2 + (z - 1)^2 = 9$ . Tâm của  $(S)$  có tọa độ là

- (A)**  $(-2; 4; -1)$ .      **(B)**  $(2; -4; 1)$ .  
**(C)**  $(2; 4; 1)$ .      **(D)**  $(-2; -4; -1)$ .

**Lời giải.**

Tâm của mặt cầu  $(S)$  có tọa độ là  $(2; -4; 1)$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 24.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P) : 2x + 3y + z + 2 = 0$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của  $(P)$ ?

- (A)**  $\vec{n}_3(2; 3; 2)$ .      **(B)**  $\vec{n}_1(2; 3; 0)$ .  
**(C)**  $\vec{n}_2(2; 3; 1)$ .      **(D)**  $\vec{n}_4(2; 0; 3)$ .

**Lời giải.**

Vectơ pháp tuyến của  $(P)$  là  $\vec{n}_2(2; 3; 1)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 25.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+1}{-1}$ . Điểm nào sau đây thuộc  $d$ ?

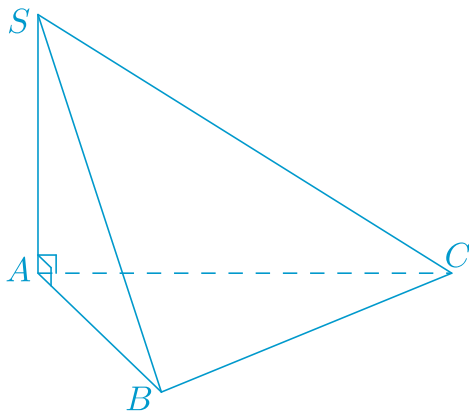
- (A)**  $P(1; 2; -1)$ .      **(B)**  $M(-1; -2; 1)$ .  
**(C)**  $N(2; 3; -1)$ .      **(D)**  $Q(-2; -3; 1)$ .

**Lời giải.**

Thay tọa độ điểm  $P(1; 2; -1)$  vào phương trình đường thẳng  $d$  thấy thỏa mãn nên đường thẳng  $d$  đi qua điểm  $P(1; 2; -1)$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 26.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SA = a\sqrt{2}$ , tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  và  $AC = 2a$  (minh họa như hình bên). Góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng  $(ABC)$  bằng



- (A)  $30^\circ$ . (B)  $45^\circ$ . (C)  $60^\circ$ . (D)  $90^\circ$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\left. \begin{matrix} SB \cap (ABC) = B \\ SA \perp (ABC) \end{matrix} \right\} \Rightarrow AB$  là hình chiếu của  $SB$  trên mặt phẳng  $(ABC)$

$\Rightarrow (SB, (\widehat{ABC})) = \widehat{SBA}$

Do tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B \Rightarrow AB^2 + BC^2 = AC^2 \Leftrightarrow 2AB^2 = (2a)^2 \Leftrightarrow 2AB^2 = 4a^2 \Leftrightarrow AB = a\sqrt{2}$ .

Xét tam giác vuông  $SAB$  vuông tại  $A$ , có  $SA = AB = a\sqrt{2} \Rightarrow \Delta SAB$  vuông cân tại  $A$

$\Rightarrow \widehat{SBA} = 45^\circ$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 27.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- (A) 3. (B) 0. (C) 2. (D) 1.

**Lời giải.**

Dựa vào bảng xét dấu của  $f'(x)$  hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

Chọn phương án (C)

**Câu 28.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 10x^2 + 2$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng

- (A) 2. (B)  $-23$ . (C)  $-22$ . (D)  $-7$ .

**Lời giải.**

Hàm số đã cho liên tục trên đoạn  $[-1; 2]$ .

Ta có:  $f'(x) = 4x^3 - 20x, f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{5} \end{cases}$

Xét hàm số trên đoạn  $[-1; 2]$  có:  $f(-1) = -7; f(0) = 2; f(2) = -22$ .

Vậy  $\min_{x \in [-1; 2]} f(x) = -22$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 29.** Xét số thực  $a$  và  $b$  thỏa mãn  $\log_3(3^{a9^b}) = \log_9 3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng

- (A)  $a + 2b = 2$ . (B)  $4a + 2b = 1$ .  
(C)  $4ab = 1$ . (D)  $2a + 4b = 1$ .

**Lời giải.**

Ta có:

$$\log_3(3^{a9^b}) = \log_9 3 \Leftrightarrow \log_3(3^{a3^{2b}}) = \log_{3^2} 3$$

$$\Leftrightarrow \log_3 3^{a+2b} = \log_3 3^{\frac{1}{2}} \Leftrightarrow a + 2b = \frac{1}{2} \Leftrightarrow 2a + 4b = 1.$$

Chọn phương án (D)

**Câu 30.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$  và trục hoành là

- (A) 3. (B) 0. (C) 2. (D) 1.

**Lời giải.**

Tập xác định:  $\mathbb{R}$ .

Ta có:  $y' = 3x^2 - 3 = 3(x^2 - 1); y' = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$	$3$	$-1$	$+\infty$	

Từ bảng biến thiên ta thấy đồ thị hàm số cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt.

Chọn phương án (A)

**Câu 31.** Tập nghiệm của bất phương trình  $9^x + 2.3^x - 3 > 0$  là

- (A)  $[0; +\infty)$ . (B)  $(0; +\infty)$ .  
(C)  $(1; +\infty)$ . (D)  $[1; +\infty)$ .

**Lời giải.**

$9^x + 2.3^x - 3 > 0 \Leftrightarrow (3^x - 1)(3^x + 3) > 0 \Leftrightarrow 3^x > 1$  (vì  $3^x > 0, \forall x \in \mathbb{R}) \Leftrightarrow x > 0$ .

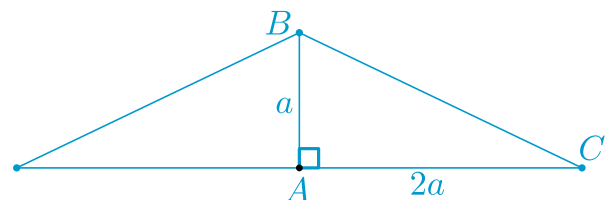
Vậy tập nghiệm của bất phương trình đã cho là  $(0; +\infty)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 32.** Trong không gian, cho tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ ,  $AB = a$  và  $AC = 2a$ . Khi quay tam giác  $ABC$  quanh cạnh góc vuông  $AB$  thì đường gấp khúc  $ACB$  tạo thành một hình nón. Diện tích xung quanh hình nón đó bằng

- (A)  $5\pi a^2$ . (B)  $\sqrt{5}\pi a^2$ .  
(C)  $2\sqrt{5}\pi a^2$ . (D)  $10\pi a^2$ .

**Lời giải.**



$$BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = a\sqrt{5}.$$

Diện tích xung quanh hình nón cần tìm là  $S = \pi \cdot AC \cdot BC = \pi \cdot 2a \cdot a\sqrt{5} = 2\sqrt{5}\pi a^2$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 33.** Xét  $\int_0^2 xe^{x^2} dx$ , nếu đặt  $u = x^2$  thì  $\int_0^2 xe^{x^2} dx$

bằng

$$\textcircled{A} \int_0^2 e^u du.$$

$$\textcircled{B} \int_0^4 e^u du.$$

$$\textcircled{C} \frac{1}{2} \int_0^2 e^u du.$$

$$\textcircled{D} \frac{1}{2} \int_0^4 e^u du.$$

Lời giải.

$$\text{Đặt } u = x^2 \Rightarrow du = 2x dx \Leftrightarrow x dx = \frac{du}{2}.$$

$$\text{Khi } x = 0 \Rightarrow u = 0, \text{ khi } x = 2 \Rightarrow u = 4.$$

$$\text{Do đó } \int_0^2 x e^{x^2} dx = \frac{1}{2} \int_0^4 e^u du.$$

Chọn phương án  $\textcircled{D}$

**Câu 34.** Diện tích  $S$  của hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = 2x^2$ ,  $y = -1$ ,  $x = 0$  và  $x = 1$  được tính bởi công thức nào sau đây?

$$\textcircled{A} S = \pi \int_0^1 (2x^2 + 1) dx.$$

$$\textcircled{B} S = \int_0^1 (2x^2 - 1) dx.$$

$$\textcircled{C} S = \int_0^1 (2x^2 + 1)^2 dx.$$

$$\textcircled{D} S = \int_0^1 (2x^2 + 1) dx.$$

Lời giải.

$$\text{Diện tích hình phẳng cần tìm là } S = \int_0^1 |2x^2 + 1| dx =$$

$$\int_0^1 (2x^2 + 1) dx \text{ do } 2x^2 + 1 > 0 \forall x \in [0; 1].$$

Chọn phương án  $\textcircled{D}$

**Câu 35.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 - i$  và  $z_2 = -1 + i$ . Phần ảo của số phức  $z_1 z_2$  bằng

$$\textcircled{A} 4. \quad \textcircled{B} 4i. \quad \textcircled{C} -1. \quad \textcircled{D} -i.$$

Lời giải.

$$\text{Ta có: } z_1 z_2 = (3 - i)(-1 + i) = -2 + 4i.$$

Suy ra phần ảo của  $z_1 z_2$  bằng 4.

Chọn phương án  $\textcircled{A}$

**Câu 36.** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình  $z^2 - 2z + 5 = 0$ . Môđun của số phức  $z_0 + i$  bằng

$$\textcircled{A} 2. \quad \textcircled{B} \sqrt{2}. \quad \textcircled{C} \sqrt{10}. \quad \textcircled{D} 10.$$

Lời giải.

$$\text{Ta có: } z^2 - 2z + 5 = 0 \Leftrightarrow z^2 - 2z + 1 = -4 \Leftrightarrow (z - 1)^2 =$$

$$4i^2 \Leftrightarrow \begin{cases} z - 1 = -2i \\ z - 1 = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} z = 1 - 2i \\ z = 1 + 2i \end{cases}$$

Vì  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo âm nên  $z_0 = 1 - 2i$   
 $\Rightarrow z_0 + i = 1 - 2i + i = 1 - i.$

$$\text{Suy ra: } |z_0 + i| = |1 - i| = \sqrt{1^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}.$$

Chọn phương án  $\textcircled{B}$

**Câu 37.** Trong không gian Oxyz, cho điểm  $M(2; 1; 0)$  và đường thẳng  $\Delta : \frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{4} = \frac{z+1}{-2}$ . Mặt phẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $\Delta$  có phương trình là

$$\textcircled{A} 3x + y - z - 7 = 0. \quad \textcircled{B} x + 4y - 2z + 6 = 0.$$

$$\textcircled{C} x + 4y - 2z - 6 = 0. \quad \textcircled{D} 3x + y - z + 7 = 0.$$

Lời giải.

Đường thẳng  $\Delta : \frac{x-3}{1} = \frac{y-1}{4} = \frac{z+1}{-2}$  nhận véc tơ  $\vec{u}(1; 4; -2)$  là một véc tơ chỉ phương.

Mặt phẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $\Delta$  nhận véc tơ chỉ phương  $\vec{u}(1; 4; -2)$  của  $\Delta$  là véc tơ pháp tuyến.

Vậy phương trình mặt phẳng phải tìm là:

$$1.(x-2) + 4.(y-1) - 2.(z+1) = 0 \Leftrightarrow x + 4y - 2z - 6 = 0.$$

Chọn phương án  $\textcircled{C}$

**Câu 38.** Trong không gian Oxyz, cho hai điểm  $M(1; 0; 1)$  và  $N(3; 2; -1)$ . Đường thẳng  $MN$  có phương trình tham số là

$$\textcircled{A} \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2t \\ z = 1 + t \end{cases} \quad \textcircled{B} \begin{cases} x = 1 + t \\ y = t \\ z = 1 + t \end{cases}$$

$$\textcircled{C} \begin{cases} x = 1 - t \\ y = t \\ z = 1 + t \end{cases} \quad \textcircled{D} \begin{cases} x = 1 + t \\ y = t \\ z = 1 - t \end{cases}$$

Lời giải.

Đường thẳng  $MN$  nhận  $\vec{MN} = (2; 2; -2)$  hoặc  $\vec{u}(1; 1; -1)$  là véc tơ chỉ phương nên ta loại ngay phương án A, B và C.

Thay tọa độ điểm  $M(1; 0; 1)$  vào phương trình ở phương án D ta thấy thỏa mãn.

Chọn phương án  $\textcircled{D}$

**Câu 39.** Có 6 chiếc ghế được kê thành một hàng ngang. Xếp ngẫu nhiên 6 học sinh, gồm 3 học sinh lớp A, 2 học sinh lớp B và 1 học sinh lớp C, ngồi và hàng ghế đó, sao cho mỗi ghế có đúng một học sinh. Xác suất để học sinh lớp C chỉ ngồi cạnh học sinh lớp B bằng

$$\textcircled{A} \frac{1}{6}. \quad \textcircled{B} \frac{3}{20}. \quad \textcircled{C} \frac{2}{15}. \quad \textcircled{D} \frac{1}{5}.$$

Lời giải.

Xếp ngẫu nhiên 6 học sinh thành hàng ngang, không gian mẫu có số phần tử là:  $6!$ .

Gọi  $M$  là biến cố "học sinh lớp C chỉ ngồi cạnh học sinh lớp B".

Xét các trường hợp:

Trường hợp 1. Học sinh lớp C ngồi đầu dãy

+Chọn vị trí cho học sinh lớp C có 2 cách.

+Chọn 1 học sinh lớp B ngồi cạnh học sinh lớp C có 2 cách.

+Hoán vị các học sinh còn lại cho nhau có  $4!$  cách.

Trường hợp này thu được:  $2.2.4! = 96$  cách.

Trường hợp 2. Học sinh lớp C ngồi giữa hai học sinh lớp B, ta gộp thành 1 nhóm, khi đó:

+Hoán vị 4 phần tử gồm 3 học sinh lớp A và nhóm gồm học sinh lớp B và lớp C có:  $4!$  cách.

+Hoán vị hai học sinh lớp B cho nhau có:  $2!$  cách.

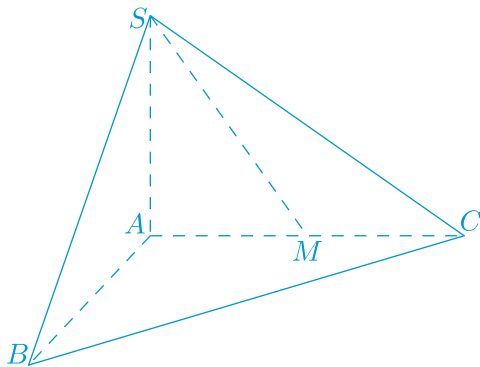
Trường hợp này thu được:  $4! \cdot 2! = 48$  cách.

Như vậy số phần tử của biến cố M là:  $48 + 96 = 144$ .

Xác suất của biến cố M là  $P(M) = \frac{144}{6!} = \frac{1}{5}$ .

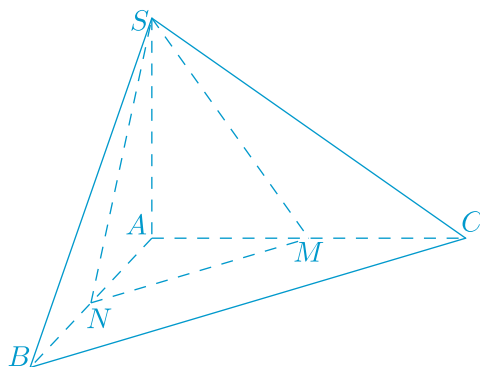
Chọn phương án **(D)**

**Câu 40.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông tại A,  $AB = 2a$ ,  $AC = 4a$ , SA vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a$  (hình minh họa). Gọi M là trung điểm của AB. Khoảng cách giữa hai đường thẳng SM và BC bằng



- (A)**  $\frac{2a}{3}$ .      **(B)**  $\frac{\sqrt{6}a}{3}$ .      **(C)**  $\frac{\sqrt{3}a}{3}$ .      **(D)**  $\frac{a}{2}$ .

Lời giải.



Gọi N là trung điểm của AC, ta có:  $MN \parallel BC$  nên ta được  $BC \parallel (SMN)$ .

Do đó  $d(BC, MB) = d(BC, (SMN)) = d(B, (SMN)) = d(A, (SMN)) = h$ .

Tứ diện  $A.SMN$  vuông tại A nên ta có:

$$\frac{1}{h^2} = \frac{1}{AS^2} + \frac{1}{AM^2} + \frac{1}{AN^2} = \frac{1}{a^2} + \frac{1}{a^2} + \frac{1}{4a^2} = \frac{9}{4a^2} \Rightarrow d = \frac{2a}{3}.$$

Vậy  $d(BC, SM) = \frac{2a}{3}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 41.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m sao cho hàm số  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + 4x + 3$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

- (A)** 5.      **(B)** 4.      **(C)** 3.      **(D)** 2.

Lời giải.

Ta có  $f'(x) = x^2 + 2mx + 4$ .

Hàm số đã cho đồng biến trên  $\mathbb{R}$  khi và chỉ khi  $f'(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$  (Dấu '=' xảy ra tại hữu hạn điểm).

Ta có  $f'(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \Delta' \leq 0$

$$\Leftrightarrow \Delta' = m^2 - 4 \leq 0$$

$$\Leftrightarrow -2 \leq m \leq 2.$$

Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m \in \{-2; -1; 0; 1; 2\}$ , vậy có 5 giá trị nguyên của m thỏa mãn.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 42.** Để quảng bá cho sản phẩm A, một công ty dự định tổ chức quảng cáo theo hình thức quảng cáo trên truyền hình. Nghiên cứu của công ty cho thấy: nếu sau n lần quảng cáo được phát thì tỉ lệ người xem quảng cáo đó mua sản phẩm A tuân theo công thức

$P(n) = \frac{1}{1 + 49e^{-0,015n}}$ . Hỏi cần phát ít nhất bao nhiêu lần quảng cáo để tỉ lệ người xem mua sản phẩm đạt trên 30%?

- (A)** 202.      **(B)** 203.      **(C)** 206.      **(D)** 207.

Lời giải.

Theo bài ra ta có  $\frac{1}{1 + 49e^{-0,015n}} > 0,3$

$$\Leftrightarrow 1 + 49e^{-0,015n} < \frac{10}{3}$$

$$\Leftrightarrow e^{-0,015n} < \frac{7}{147}$$

$$\Leftrightarrow -0,015n < \ln \frac{7}{147}$$

$$\Leftrightarrow n > -\frac{1}{0,015} \ln \frac{7}{147} \approx 202,97.$$

Vậy ít nhất 203 lần quảng cáo.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 43.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{ax + 1}{bx + c}$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	2	$+\infty$
$f'(x)$	+		+
$f(x)$	1	$+\infty$	$+\infty$
		$-\infty$	

Trong các số a, b và c có bao nhiêu số dương?

- (A)** 2.      **(B)** 3.      **(C)** 1.      **(D)** 0.

Lời giải.

Hàm số  $f(x) = \frac{ax + 1}{bx + c}$  có đường tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = -\frac{c}{b}$  và đường tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = \frac{a}{b}$ .

Từ bảng biến thiên ta có:  $\begin{cases} -\frac{c}{b} = 2 \\ \frac{a}{b} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow a = b = -\frac{c}{2}$  (1)

Mặt khác:  $f'(x) = \frac{ac - b}{(bx + c)^2}$ .



Vì hàm số đã cho đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 2)$  và  $(2; +\infty)$  nên

$$f'(x) = \frac{ac - b}{(bx + c)^2} > 0 \Leftrightarrow ac - b > 0 \quad (2)$$

Thay (1) vào (2), ta được:  $-\frac{c^2}{2} + \frac{c}{2} > 0 \Leftrightarrow -c^2 + c > 0 \Leftrightarrow 0 < c < 1$ .

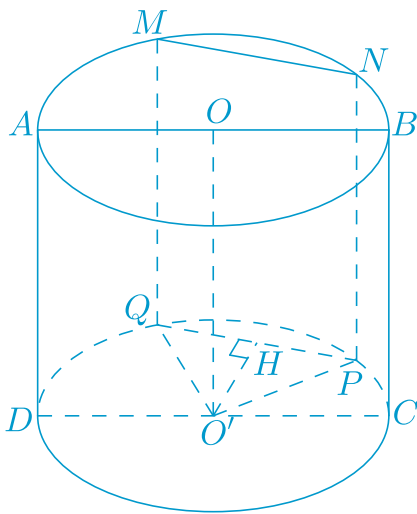
Suy ra  $c$  là số dương và  $a, b$  là số âm.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 44.** Cho hình trụ có chiều cao bằng  $6a$ . Biết rằng khi cắt hình trụ đã cho bởi một mặt phẳng song song với trục và cách trục một khoảng bằng  $3a$ , thiết diện thu được là một hình vuông. Thể tích của khối trụ được giới hạn bởi hình trụ đã cho bằng

- (A)**  $216\pi a^3$ .                      **(B)**  $150\pi a^3$ .  
**(C)**  $54\pi a^3$ .                        **(D)**  $108\pi a^3$ .

**Lời giải.**



Lấy 2 điểm  $M, N$  lần lượt nằm trên đường tròn tâm  $O$  sao cho  $MN = 6a$ .

Từ  $M, N$  lần lượt kẻ các đường thẳng song song với trục  $OO'$ , cắt đường tròn tâm  $O'$  tại  $Q, P$ .

Thiết diện ta thu được là hình vuông  $MNPQ$  có cạnh bằng  $6a$ .

Gọi  $H$  là trung điểm của  $PQ$ . Suy ra  $OH \perp PQ$ .

Vì  $OO' \parallel (MNPQ)$  nên ta có  $d(OO', (MNPQ)) = d(O', (MNPQ)) = O'H$ .

Từ giả thiết, ta có  $O'H = 3a$ . Do đó  $\triangle O'HP$  là tam giác vuông cân tại  $H$ .

Suy ra bán kính đường tròn đáy của hình trụ là  $O'P = \sqrt{O'H^2 + HP^2} = 3a\sqrt{2}$ .

Vậy thể tích của khối trụ cần tìm là:  $V = 6a \cdot \pi \cdot (3a\sqrt{2})^2 = 108\pi a^3$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$  và  $f'(x) = \cos x \cos^2 2x, \forall x \in \mathbb{R}$ . Khi đó  $\int_0^\pi f(x) dx$  bằng

- (A)**  $\frac{1042}{225}$ .    **(B)**  $\frac{208}{225}$ .    **(C)**  $\frac{242}{225}$ .    **(D)**  $\frac{149}{225}$ .

**Lời giải.**

$$\text{Ta có } f(x) = \int f'(x) dx = \int \cos x \cos^2 2x dx = \int \cos x (1 - 2 \sin^2 x)^2 dx.$$

$$\text{Đặt } t = \sin x \Rightarrow dt = \cos x dx.$$

$$\Rightarrow f(x) = \int (1 - 2t^2)^2 dt = \int (1 - 4t^2 + 4t^4) dt = t - \frac{4}{3}t^3 + \frac{4}{5}t^5 + C = \sin x - \frac{4}{3}\sin^3 x + \frac{4}{5}\sin^5 x + C.$$

$$\text{Mà } f(0) = 0 \Rightarrow C = 0.$$

$$\text{Do đó } f(x) = \sin x - \frac{4}{3}\sin^3 x + \frac{4}{5}\sin^5 x = \sin x \left( 1 - \frac{4}{3}\sin^2 x + \frac{4}{5}\sin^4 x \right).$$

$$= \sin x \left[ 1 - \frac{4}{3}(1 - \cos^2 x) + \frac{4}{5}(1 - \cos^2 x)^2 \right].$$

Ta có

$$\int_0^\pi f(x) dx = \int_0^\pi \sin x \left[ 1 - \frac{4}{3}(1 - \cos^2 x) + \frac{4}{5}(1 - \cos^2 x)^2 \right] dx$$

$$\text{Đặt } t = \cos x \Rightarrow dt = -\sin x dx$$

$$\text{Đổi cận } x = 0 \Rightarrow t = 1; x = \pi \Rightarrow t = -1.$$

$$\text{Khi đó, } \int_0^\pi f(x) dx = \int_{-1}^1 \left[ 1 - \frac{4}{3}(1 - t^2) + \frac{4}{5}(1 - t^2)^2 \right] dt$$

$$= \int_{-1}^1 \left( \frac{7}{15} - \frac{4}{15}t^2 + \frac{4}{5}t^4 \right) dt$$

$$= \left( \frac{7}{15}t - \frac{4}{45}t^3 + \frac{4}{5}t^5 \right) \Big|_{-1}^1 = \frac{242}{225}.$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 46.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$			$2$		$2$			
	$-\infty$		$0$		$+\infty$			

Số nghiệm thuộc đoạn  $\left[0; \frac{5\pi}{2}\right]$  của phương trình

$f(\sin x) = 1$  là

- (A)** 7.                      **(B)** 4.                      **(C)** 5.                      **(D)** 6.

**Lời giải.**

$$\text{Đặt } t = \sin x, x \in \left[0; \frac{5\pi}{2}\right] \Rightarrow t \in [-1; 1]$$

Khi đó phương trình  $f(\sin x) = 1$  trở thành  $f(t) = 1, \forall t \in [-1; 1]$

Đây là phương trình hoành độ giao điểm của hàm số  $y = f(t)$  và đường thẳng  $y = 1$ .

Dựa vào bảng biến thiên, ta có  $f(t) = 1 \Rightarrow \begin{cases} t = a \in (-1; 0) \\ t = b \in (0; 1) \end{cases}$ .

Trường hợp 1:  $t = a \in (-1; 0)$

Ứng với mỗi giá trị  $t \in (-1; 0)$  thì phương trình  $\sin x = t$  có 2 nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $\pi < x_1 < x_2 < 2\pi$ .

Trường hợp 2:  $t = b \in (0; 1)$

Ứng với mỗi giá trị  $t \in (0; 1)$  thì phương trình có 3

nghiệm  $x_1, x_2, x_3$  thỏa mãn  $0 < x_3 < x_4 < \pi; 2\pi < x_5 < \frac{5\pi}{2}$

Hiển nhiên cả 5 nghiệm trong 2 trường hợp trên đều khác nhau.

Vậy phương trình đã cho có 5 nghiệm thuộc đoạn  $\left[0; \frac{5\pi}{2}\right]$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 47.** Xét các số thực dương  $a, b, x, y$  thỏa mãn  $a > 1, b > 1$  và  $a^x = b^y = \sqrt{ab}$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x + 2y$  thuộc tập hợp nào dưới đây?

- (A)** (1;2). **(B)**  $\left[2; \frac{5}{2}\right)$ . **(C)** [3;4). **(D)**  $\left[\frac{5}{2}; 3\right)$ .

**Lời giải.**

Đặt  $t = \log_a b$ . Vì  $a, b > 1$  nên  $t > 0$ .

Ta có:  $a^x = \sqrt{ab} \Rightarrow x = \log_a \sqrt{ab} = \frac{1}{2}(1 + \log_a b) = \frac{1}{2}(1 + t)$ .

$b^y = \sqrt{ab} \Rightarrow y = \log_b \sqrt{ab} = \frac{1}{2}(1 + \log_b a) = \frac{1}{2}\left(1 + \frac{1}{t}\right)$ .

Vậy  $P = x + 2y = \frac{1}{2}(1 + t) + 1 + \frac{1}{t} = \frac{3}{2} + \frac{t}{2} + \frac{1}{t} \geq \frac{3}{2} + \sqrt{2}$ .

Dấu đẳng thức xảy ra khi và chỉ khi  $\frac{t}{2} = \frac{1}{t} \Leftrightarrow b = a^{\sqrt{2}}$ .

Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x + 2y$  bằng  $\frac{3}{2} + \sqrt{2}$  thuộc nửa khoảng  $\left[\frac{5}{2}; 3\right)$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x+m}{x+1}$  ( $m$  là tham số thực). Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]} |f(x)| + \min_{[0;1]} |f(x)| = 2$ . Số phần tử của  $S$  là

- (A)** 6. **(B)** 2. **(C)** 1. **(D)** 4.

**Lời giải.**

Do hàm số  $f(x) = \frac{x+m}{x+1}$  liên tục trên  $[0;1]$ .

Khi  $m = 1$  hàm số là hàm hằng nên  $\max_{[0;1]} f(x) = \min_{[0;1]} f(x) = 1$

Khi  $m \neq 1$  hàm số đơn điệu trên đoạn  $[0;1]$  nên +Khi  $f(0); f(1)$  cùng dấu thì  $\max_{[0;1]} |f(x)| + \min_{[0;1]} |f(x)| =$

$$|f(0)| + |f(1)| = |m| + \left| \frac{m+1}{2} \right|.$$

+Khi  $f(0); f(1)$  trái dấu thì  $\min_{[0;1]} |f(x)| = 0, \max_{[0;1]} |f(x)| =$

$$\max\{|f(0)|; |f(1)|\} = \max\left\{|m|; \left| \frac{m+1}{2} \right|\right\}.$$

TH1:  $f(0).f(1) \geq 0 \Leftrightarrow m(m+1) \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq -1 \\ m \geq 0 \end{cases}$ .

$$\max_{[0;1]} |f(x)| + \min_{[0;1]} |f(x)| = 2 \Leftrightarrow |m| + \left| \frac{m+1}{2} \right| = 2 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} m = 1 \\ m = -\frac{5}{3} \text{ (thỏa mãn)}. \end{cases}$$

TH2:  $f(0).f(1) < 0 \Leftrightarrow m(m+1) < 0 \Leftrightarrow -1 < m <$

$$0 \max_{[0;1]} |f(x)| + \min_{[0;1]} |f(x)| = 2 \Rightarrow \begin{cases} |m| = 2 \\ \left| \frac{m+1}{2} \right| = 2 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} m = \pm 2 \\ m = -5 \text{ (không thỏa mãn)}. \\ m = 3 \end{cases}$$

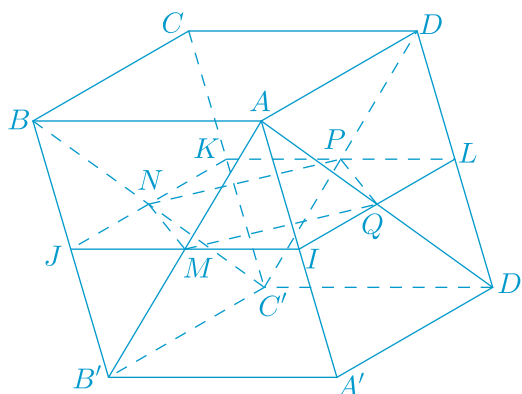
Số phần tử của  $S$  là 2.

Chọn phương án **(B)**

**Câu 49.** Cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có chiều cao bằng 8 và diện tích đáy bằng 9. Gọi  $M, N, P$  và  $Q$  lần lượt là tâm của các mặt bên  $ABB'A', BCC'B', CDD'C'$  và  $DAA'D'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, D, M, N, P$  và  $Q$  bằng

- (A)** 27. **(B)** 30. **(C)** 18. **(D)** 36.

**Lời giải.**



Ta có  $V_{ABCD.A'B'C'D'} = 9.8 = 72$ .

Gọi  $I, J, K, L$  lần lượt là trung điểm các cạnh  $AA', BB', CC', DD'$  suy ra  $V_{ABCD.IJKL} = 36$ .

Do hình chóp  $A.MIQ$  đồng dạng với hình chóp  $A.B'A'D'$  theo tỉ số  $\frac{1}{2}$  nên  $V_{A.MIQ} = \frac{1}{8}V_{A.B'A'D'} = \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{3} \cdot 8 \cdot \frac{9}{2} = \frac{3}{2}$ .

$V_{ABCD.MNPQ} = V_{ABCD.IJKL} - 4V_{A.MIQ} = 36 - 4 \cdot \frac{3}{2} = 30$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 50.** Có bao nhiêu số nguyên  $x$  sao cho tồn tại số thực  $y$  thỏa mãn  $\log_3(x+y) = \log_4(x^2+y^2)$ ?

- (A)** 3. **(B)** 2. **(C)** 1. **(D)** Vô số.

**Lời giải.**

$$\text{Đặt } t = \log_3(x+y) = \log_4(x^2+y^2) \Rightarrow \begin{cases} x+y = 3^t \\ x^2+y^2 = 4^t \end{cases} (1).$$

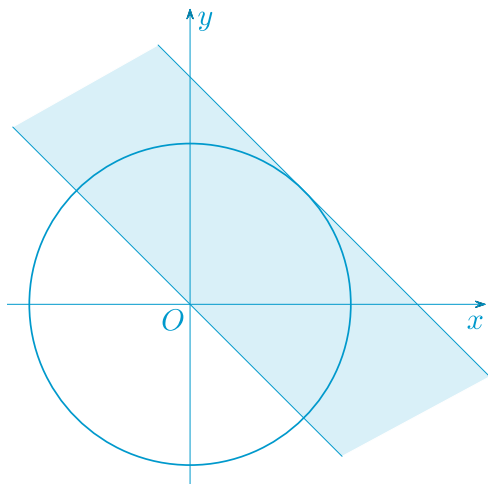
Suy ra  $x, y$  là tọa độ của điểm  $M$  với  $M$  thuộc đường thẳng  $d: x+y = 3^t$  và đường tròn  $(C): x^2+y^2 = 4^t$ .

Để tồn tại  $y$  tức tồn tại  $M$  nên  $d, (C)$  có điểm chung, suy ra  $d(O, d) \leq R$  trong đó  $O(0;0), R = 2^t$  nên

$$\frac{|-3^t|}{\sqrt{2}} \leq 2^t \Leftrightarrow t \leq \log_3 \sqrt{2}.$$

$$\text{Khi đó (1)} \Rightarrow \begin{cases} 0 < x + y \leq 3 \frac{\log_3 \sqrt{2}}{2} \\ x^2 + y^2 \leq 4 \frac{\log_3 \sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

Minh họa quỹ tích điểm  $M$  như hình vẽ sau



Ta thấy có 2 giá trị  $x \in \mathbb{Z}$  thỏa mãn là  $x = 0; x = 1$ .

Chọn phương án **(B)**

—————**Hết**—————

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	11.
A	A	A	B	C	C	D	A	C	C	D
12.	13.	14.	15.	16.	17.	18.	19.	20.	21.	22.
D	D	A	B	C	D	D	C	B	B	D
23.	24.	25.	26.	27.	28.	29.	30.	31.	32.	33.
B	C	A	B	C	C	D	A	B	C	D
34.	35.	36.	37.	38.	39.	40.	41.	42.	43.	44.
D	A	B	C	D	D	A	A	B	C	D
45.	46.	47.	48.	49.	50.					
C	C	D	B	B	B					

**16**

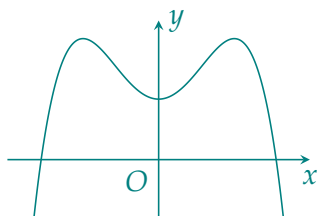
**ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2020**

**KỶ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA NĂM 2020**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 1-MÃ ĐỀ 101**

*Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề*

**Câu 1.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- (A)**  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .      **(B)**  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .  
**(C)**  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .      **(D)**  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Lời giải.**

Từ hình có đây là hình dạng của đồ thị hàm bậc 4.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty \Rightarrow a < 0$$

Chọn phương án **(C)**

**Câu 2.** Nghiệm của phương trình  $3^{x-1} = 9$  là:

- (A)**  $x = -2$ .      **(B)**  $x = 3$ .  
**(C)**  $x = 2$ .      **(D)**  $x = -3$ .

**Lời giải.**

$$3^{x-1} = 9 \Leftrightarrow x - 1 = \log_3 9 \Leftrightarrow x - 1 = 2 \Leftrightarrow x = 3.$$

Chọn phương án **(B)**

**Câu 3.** Cho hàm  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	3	$+\infty$				
$f'(x)$		+	0	-	0	+		
$f(x)$	$-\infty$		↗	2	↘	-5	↗	$+\infty$

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- (A)** 3.      **(B)** -5.      **(C)** 0.      **(D)** 2.

**Lời giải.**

Từ BBT ta có hàm số đạt giá trị cực tiểu  $f(3) = -5$  tại  $x = 3$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$				
$f'(x)$		-	0	+	0	-	0	+	
$f(x)$	$+\infty$	↘	-1	↗	4	↘	-1	↗	$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- (A)**  $(-\infty; -1)$ .      **(B)**  $(0; 1)$ .  
**(C)**  $(-1; 1)$ .      **(D)**  $(-1; 0)$ .

**Lời giải.**

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 5.** Cho khối hộp chữ nhật có 3 kích thước 3; 4; 5. Thể tích của khối hộp đã cho bằng?

- (A)** 10.      **(B)** 20.      **(C)** 12.      **(D)** 60.

**Lời giải.**

Thể tích của khối hộp đã cho bằng  $V = 3.4.5 = 60$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 6.** Số phức liên hợp của số phức  $z = -3 + 5i$  là:

- (A)**  $\bar{z} = -3 - 5i$ .      **(B)**  $\bar{z} = 3 + 5i$ .  
**(C)**  $\bar{z} = -3 + 5i$ .      **(D)**  $\bar{z} = 3 - 5i$ .

**Lời giải.**

Chọn phương án **(A)**

**Câu 7.** Cho hình trụ có bán kính đáy  $R = 8$  và độ dài đường sinh  $l = 3$ . Diện tích xung quanh của hình trụ đã cho bằng:

- (A)**  $24\pi$ .    **(B)**  $192\pi$ .    **(C)**  $48\pi$ .    **(D)**  $64\pi$ .

**Lời giải.**

Diện tích xung quanh của hình trụ  $S_{xq} = 2\pi rl = 48\pi$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 8.** Cho khối cầu có bán kính  $r = 4$ . Thể tích của khối cầu đã cho bằng:

- (A)**  $\frac{256\pi}{3}$ .    **(B)**  $64\pi$ .    **(C)**  $\frac{64\pi}{3}$ .    **(D)**  $256\pi$ .

**Lời giải.**

Thể tích của khối cầu  $V = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{256\pi}{3}$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 9.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý và  $a \neq 1$ ,  $\log_{a^5} b$  bằng:

- (A)**  $5\log_a b$ .    **(B)**  $\frac{1}{5} + \log_a b$ .  
**(C)**  $5 + \log_a b$ .    **(D)**  $\frac{1}{5}\log_a b$ .

**Lời giải.**

Chọn phương án **(D)**

**Câu 10.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S)$  :  $x^2 + y^2 + (z + 2)^2 = 9$ . Bán kính của  $(S)$  bằng:

- (A)** 6.    **(B)** 18.    **(C)** 9.    **(D)** 3.

**Lời giải.**

Chọn phương án **(D)**

**Câu 11.** Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{4x + 1}{x - 1}$  là

- (A)**  $y = \frac{1}{4}$ .    **(B)**  $y = 4$ .  
**(C)**  $y = 1$ .    **(D)**  $y = -1$ .

**Lời giải.**

Tiệm cận ngang  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} y = \frac{4}{1} = 4$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 12.** Cho khối nón có bán kính đáy  $r = 5$  và chiều cao  $h = 2$ . Thể tích khối nón đã cho bằng:

- (A)**  $\frac{10\pi}{3}$ .    **(B)**  $10\pi$ .    **(C)**  $\frac{50\pi}{3}$ .    **(D)**  $50\pi$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối nón  $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h = \frac{50\pi}{3}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 13.** Nghiệm của phương trình  $\log_3(x - 1) = 2$  là

- (A)**  $x = 8$ .    **(B)**  $x = 9$ .    **(C)**  $x = 7$ .    **(D)**  $x = 10$ .

**Lời giải.**

TXĐ:  $D = (1; +\infty)$

$\log_3(x - 1) = 2 \Leftrightarrow x - 1 = 3^2 \Leftrightarrow x = 10$

Chọn phương án **(D)**

**Câu 14.**  $\int x^2 dx$  bằng

- (A)**  $2x + C$ .    **(B)**  $\frac{1}{3}x^3 + C$ .  
**(C)**  $x^3 + C$ .    **(D)**  $3x^3 + C$ .

**Lời giải.**

Chọn phương án **(B)**

**Câu 15.** Có bao nhiêu cách xếp 6 học sinh thành một hàng dọc?

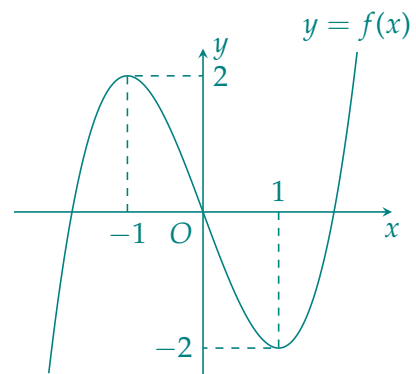
- (A)** 36.    **(B)** 720.    **(C)** 6.    **(D)** 1.

**Lời giải.**

Có  $6! = 720$  cách xếp 6 học sinh thành một hàng dọc

Chọn phương án **(B)**

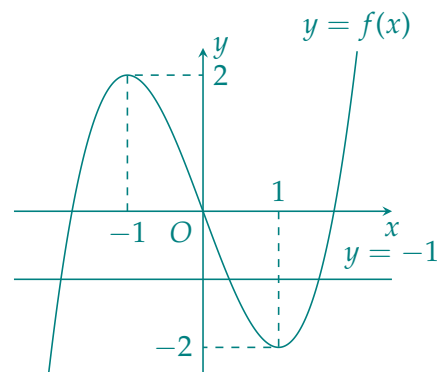
**Câu 16.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = -1$  là:



- (A)** 3.    **(B)** 1.    **(C)** 0.    **(D)** 2.

**Lời giải.**

Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = -1$  chính là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = -1$ .



Từ hình vẽ suy ra 3 nghiệm.

Chọn phương án **(A)**

**Câu 17.** Trong không gian  $Oxyz$ , hình chiếu vuông góc của điểm  $A(3; 2; 1)$  trên trục  $Ox$  có tọa độ là:

- (A)**  $(0; 2; 1)$ .    **(B)**  $(3; 0; 0)$ .    **(C)**  $(0; 0; 1)$ .    **(D)**  $(0; 2; 0)$ .

**Lời giải.**

Chọn phương án **(B)**

**Câu 18.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 6$  và chiều cao  $h = 2$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng:

- (A)** 6.    **(B)** 3.    **(C)** 4.    **(D)** 12.

**Lời giải.**

Thể tích của khối chóp  $V = \frac{1}{3}Bh = 4$

Chọn phương án **C**

**Câu 19.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d$  :  $\frac{x-3}{2} = \frac{y-4}{-5} = \frac{z+1}{3}$ . Vectơ nào dưới đây là một vectơ chỉ phương của  $d$ ?

- A**  $\vec{u}_2(2; 4; -1)$ .      **B**  $\vec{u}_1(2; -5; 3)$ .  
**C**  $\vec{u}_3(2; 5; 3)$ .      **D**  $\vec{u}_4(3; 4; 1)$ .

**Lời giải.**

Chọn phương án **B**

**Câu 20.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(3; 0; 0)$ ,  $B(0; 1; 0)$  và  $C(0; 0; -2)$ . Mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là:

- A**  $\frac{x}{3} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 1$ .      **B**  $\frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-2} = 1$ .  
**C**  $\frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 1$ .      **D**  $\frac{x}{-3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 1$ .

**Lời giải.**

$(ABC) : \frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$  hay  $(ABC) : \frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-2} = 1$ .

Chọn phương án **B**

**Câu 21.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với  $u_1 = 3$  và công bội  $q = 2$ . Giá trị của  $u_2$  bằng

- A** 8.      **B** 9.      **C** 6.      **D**  $\frac{3}{2}$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $u_2 = u_1 \cdot q = 3 \cdot 2 = 6$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 22.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 - 2i$  và  $z_2 = 2 + i$ . Số phức  $z_1 + z_2$  bằng

- A**  $5 + i$ .      **B**  $-5 + i$ .      **C**  $5 - i$ .      **D**  $-5 - i$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $z_1 + z_2 = 3 - 2i + 2 + i = 5 - i$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 23.** Biết  $\int_1^3 f(x)dx = 3$ . Giá trị của  $\int_1^3 2f(x)dx$  bằng

- A** 5.      **B** 9.      **C** 6.      **D**  $\frac{3}{2}$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $\int_1^3 2f(x)dx = 2 \int_1^3 f(x)dx = 2 \cdot 3 = 6$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 24.** Trên mặt phẳng tọa độ, biết  $M(-3; 1)$  là điểm biểu diễn số phức  $z$ . Phần thực của  $z$  bằng

- A** 1.      **B** -3.      **C** -1.      **D** 3.

**Lời giải.**

Điểm  $M(-3; 1)$  là điểm biểu diễn số phức  $z$ , suy ra  $z = -3 + i$ .

Vậy phần thực của  $z$  bằng -3.

Chọn phương án **B**

**Câu 25.** Tập xác định của hàm số  $y = \log_5 x$  là

- A**  $[0; +\infty)$ .      **B**  $(-\infty; 0)$ .  
**C**  $(0; +\infty)$ .      **D**  $(-\infty; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $x > 0$ .

Tập xác định:  $D = (0; +\infty)$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 26.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 + 3x^2$  và đồ thị hàm số  $y = 3x^2 + 3x$  là

- A** 3.      **B** 1.      **C** 2.      **D** 0.

**Lời giải.**

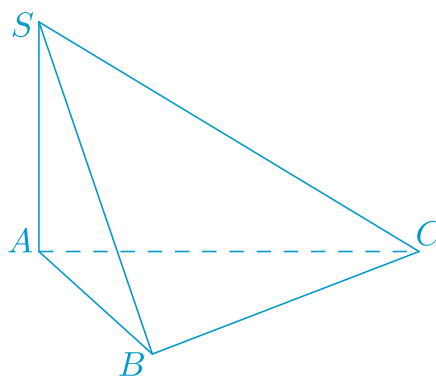
Phương trình hoành độ giao điểm của hai đồ thị đã cho là:

$$x^3 + 3x^2 = 3x^2 + 3x \Leftrightarrow x^3 - 3x = 0 \Leftrightarrow x(x^2 - 3) = 0$$
$$0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{3} \\ x = -\sqrt{3} \end{cases}$$

Hai đồ thị đã cho cắt nhau tại 3 điểm.

Chọn phương án **A**

**Câu 27.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = a$ ,  $BC = 2a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = \sqrt{15}a$  (tham khảo hình bên).



Góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng

- A**  $45^\circ$ .      **B**  $30^\circ$ .      **C**  $60^\circ$ .      **D**  $90^\circ$ .

**Lời giải.**

Do  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy nên  $AC$  là hình chiếu vuông góc của  $SC$  lên mặt phẳng đáy. Từ đó suy ra:  $(\widehat{SC; (ABC)}) = (\widehat{SC; AC}) = \widehat{SCA}$ .

Trong tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$  có:  $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{a^2 + 4a^2} = \sqrt{5}a$ .

Trong tam giác  $SAC$  vuông tại  $A$  có:  $\tan \widehat{SCA} = \frac{SA}{AC} = \frac{\sqrt{15}a}{\sqrt{5}a} = \sqrt{3} \Rightarrow \widehat{SCA} = 60^\circ$ .

Vậy  $(\widehat{SC; (ABC)}) = 60^\circ$ .

Chọn phương án **C**

**Câu 28.** Biết  $F(x) = x^2$  là một nguyên hàm của hàm số

$f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Giá trị của  $\int_1^2 [2 + f(x)] dx$  bằng

- A** 5.      **B** 3.      **C**  $\frac{13}{3}$ .      **D**  $\frac{7}{3}$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $\int_1^2 [2 + f(x)] dx = (2x + x^2) \Big|_1^2 = 8 - 3 = 5.$

Chọn phương án (A)

**Câu 29.** Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai đường  $y = x^2 - 4$  và  $y = 2x - 4$  bằng

- (A) 36. (B)  $\frac{4}{3}$ . (C)  $\frac{4\pi}{3}$ . (D)  $36\pi$ .

**Lời giải.**

Phương trình hoành độ giao điểm của hai đồ thị đã cho là:

$$x^2 - 4 = 2x - 4 \Leftrightarrow x^2 - 2x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$$

Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị đã cho là:

$$S = \int_0^2 |(x^2 - 4) - (2x - 4)| dx = \int_0^2 |x^2 - 2x| dx =$$

$$\int_0^2 (2x - x^2) dx = \left( x^2 - \frac{x^3}{3} \right) \Big|_0^2 = \frac{4}{3}.$$

Chọn phương án (B)

**Câu 30.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; -2; 3)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-3}{-1}$ . Mặt phẳng đi qua điểm  $M$  và vuông góc với đường thẳng  $d$  có phương trình là

- (A)  $3x + 2y - z + 1 = 0.$   
 (B)  $2x - 2y + 3z - 17 = 0.$   
 (C)  $3x + 2y - z - 1 = 0.$   
 (D)  $2x - 2y + 3z + 17 = 0.$

**Lời giải.**

Gọi  $(P)$  là mặt phẳng đi qua  $M$  và vuông góc với đường thẳng  $d$ .

Ta có:  $\vec{n}_P = \vec{u}_d = (3; 2; -1)$  là một véc tơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P)$ .

Phương trình mặt phẳng  $(P)$  là:  $3(x - 2) + 2(y + 2) - 1(z - 3) = 0 \Leftrightarrow 3x + 2y - z + 1 = 0.$

Chọn phương án (A)

**Câu 31.** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình  $z^2 + 6z + 13 = 0$ . Trên mặt phẳng tọa độ, điểm biểu diễn số phức  $1 - z_0$  là

- (A)  $N(-2; 2).$  (B)  $M(4; 2).$   
 (C)  $P(4; -2).$  (D)  $Q(2; -2).$

**Lời giải.**

Ta có:  $z^2 + 6z + 13 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z = -3 + 2i \\ z = -3 - 2i \end{cases}$

Do  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo dương của phương trình đã cho nên  $z_0 = -3 + 2i$ .

Từ đó suy ra điểm biểu diễn số phức  $1 - z_0 = 4 - 2i$  là điểm  $P(4; -2)$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 32.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 0; 1)$ ,  $B(1; 1; 0)$  và  $C(3; 4; -1)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và song song với  $BC$  có phương trình là

- (A)  $\frac{x-1}{4} = \frac{y}{5} = \frac{z-1}{-1}.$  (B)  $\frac{x+1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z+1}{-1}.$   
 (C)  $\frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z-1}{-1}.$  (D)  $\frac{x+1}{4} = \frac{y}{5} = \frac{z+1}{-1}.$

**Lời giải.**

Đường thẳng  $d$  đi qua  $A$  và song song với  $BC$  nhận  $\vec{BC} = (2; 3; -1)$  làm một véc tơ chỉ phương.

Phương trình của đường thẳng  $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z-1}{-1}.$

Chọn phương án (C)

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$

Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A) 4. (B) 1. (C) 2. (D) 3.

**Lời giải.**

Do hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ ,  $f'(-1) = 0$ ,

$f'(1)$  không xác định nhưng do hàm số liên tục trên  $\mathbb{R}$  nên tồn tại  $f(1)$

và  $f'(x)$  đổi dấu từ " $+$ " sang " $-$ " khi đi qua các điểm  $x = -1$ ,  $x = 1$  nên hàm số đã cho đạt cực đại tại 2 điểm này.

Vậy số điểm cực đại của hàm số đã cho là 2.

Chọn phương án (C)

**Câu 34.** Tập nghiệm của bất phương trình  $3^{x^2-13} < 27$  là

- (A)  $(4; +\infty).$  (B)  $(-4; 4).$   
 (C)  $(-\infty; 4).$  (D)  $(0; 4).$

**Lời giải.**

Ta có:  $3^{x^2-13} < 27 \Leftrightarrow 3^{x^2-13} < 3^3 \Leftrightarrow x^2 - 13 < 3 \Leftrightarrow x^2 < 16 \Leftrightarrow |x| < 4 \Leftrightarrow -4 < x < 4.$

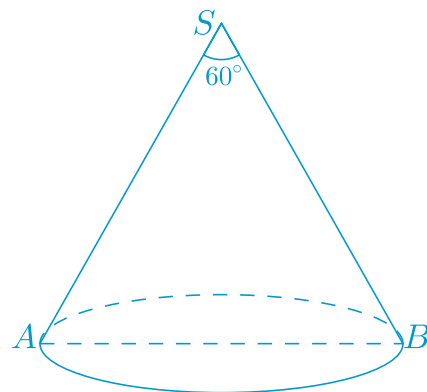
Vậy tập nghiệm của bất phương trình đã cho là  $S = (-4; 4)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 35.** Cho hình nón có bán kính đáy bằng 2 và góc ở đỉnh bằng  $60^\circ$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

- (A)  $8\pi.$  (B)  $\frac{16\sqrt{3}\pi}{3}.$   
 (C)  $\frac{8\sqrt{3}\pi}{3}.$  (D)  $16\pi.$

**Lời giải.**



Gọi  $S$  là đỉnh của hình nón và  $AB$  là một đường kính của đáy.

Theo bài ra, ta có tam giác  $SAB$  là tam giác đều  $\Rightarrow l = SA = AB = 2r = 4$ .

Vậy diện tích xung quanh của hình nón đã cho là  $S_{xq} = \pi r l = 8\pi$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 36.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 24x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng

- (A)**  $32\sqrt{2}$ . **(B)**  $-40$ .  
**(C)**  $-32\sqrt{2}$ . **(D)**  $-45$ .

**Lời giải.**

Ta có  $f'(x) = 3x^2 - 24 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2\sqrt{2} \in [2; 19] \\ x = -2\sqrt{2} \notin [2; 19] \end{cases}$ .

$f(2) = 2^3 - 24 \cdot 2 = -40; f(2\sqrt{2}) = (2\sqrt{2})^3 - 24 \cdot 2\sqrt{2} = -32\sqrt{2}; f(19) = 19^3 - 24 \cdot 19 = 6403$ .

Vậy giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 24x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng  $-32\sqrt{2}$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 37.** Cho hai số phức  $z = 1 + 2i$  và  $w = 3 + i$ . Môđun của số phức  $z \cdot \bar{w}$  bằng

- (A)**  $5\sqrt{2}$ . **(B)**  $\sqrt{26}$ . **(C)**  $26$ . **(D)**  $50$ .

**Lời giải.**

Ta có  $|z \cdot \bar{w}| = |z| \cdot |\bar{w}| = |z| \cdot |w| = \sqrt{1+2^2} \cdot \sqrt{3^2+1} = 5\sqrt{2}$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 38.** Cho  $a$  và  $b$  là hai số thực dương thỏa mãn  $4^{\log_2(a^2b)} = 3a^3$ . Giá trị của  $ab^2$  bằng

- (A)**  $3$ . **(B)**  $6$ . **(C)**  $12$ . **(D)**  $2$ .

**Lời giải.**

Ta có  $4^{\log_2(a^2b)} = 3a^3 \Leftrightarrow (2^{\log_2(a^2b)})^2 = 3a^3 \Leftrightarrow (a^2b)^2 = 3a^3 \Leftrightarrow a^4b^2 = 3a^3 \Leftrightarrow ab^2 = 3$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 39.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+2}}$ . Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số  $g(x) = (x+1) \cdot f'(x)$  là

- (A)**  $\frac{x^2+2x-2}{2\sqrt{x^2+2}} + C$ . **(B)**  $\frac{x-2}{\sqrt{x^2+2}} + C$ .  
**(C)**  $\frac{x^2+x+2}{\sqrt{x^2+2}} + C$ . **(D)**  $\frac{x+2}{2\sqrt{x^2+2}} + C$ .

**Lời giải.**

Tính  $g(x) = \int (x+1)f'(x)dx = (x+1)f(x) -$

$\int (x+1)'f(x)dx = \frac{x^2+x}{\sqrt{x^2+2}} - \int f(x)dx$

$= \frac{x^2+x}{\sqrt{x^2+2}} - \int \frac{x}{\sqrt{x^2+2}}dx = \frac{x^2+x}{\sqrt{x^2+2}} - \sqrt{x^2+2} +$

$C = \frac{x-2}{\sqrt{x^2+2}} + C$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 40.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+4}{x+m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -7)$

là

- (A)**  $[4; 7)$ . **(B)**  $(4; 7]$ .  
**(C)**  $(4; 7)$ . **(D)**  $(4; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$ .

Ta có:  $y' = \frac{m-4}{(x+m)^2}$ .

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -7) \Leftrightarrow$

$y' > 0, \forall x \in (-\infty; -7) \Leftrightarrow \begin{cases} m-4 > 0 \\ -m \notin (-\infty; -7) \end{cases} \Leftrightarrow$

$\begin{cases} m > 4 \\ -m \geq -7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 4 \\ m \leq 7 \end{cases} \Leftrightarrow 4 < m \leq 7$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 41.** Trong năm 2019, diện tích rừng trồng mới của tỉnh  $A$  là 600ha. Giả sử diện tích rừng trồng mới của tỉnh  $A$  mỗi năm tiếp theo đều tăng 6% so với diện tích rừng trồng mới của năm liền trước. Kể từ sau năm 2019, năm nào dưới đây là năm đầu tiên tỉnh  $A$  có diện tích rừng trồng mới trong năm đó đạt trên 1000ha?

- (A)** Năm 2028. **(B)** Năm 2047.  
**(C)** Năm 2027. **(D)** Năm 2046.

**Lời giải.**

Diện tích rừng trồng mới của năm  $2019 + 1$  là  $600(1+6\%)^1$ .

Diện tích rừng trồng mới của năm  $2019 + 2$  là  $600(1+6\%)^2$ .

Diện tích rừng trồng mới của năm  $2019 + n$  là  $600(1+6\%)^n$ .

Ta có  $600(1+6\%)^n > 1000 \Leftrightarrow (1+6\%)^n > \frac{5}{3} \Leftrightarrow n >$

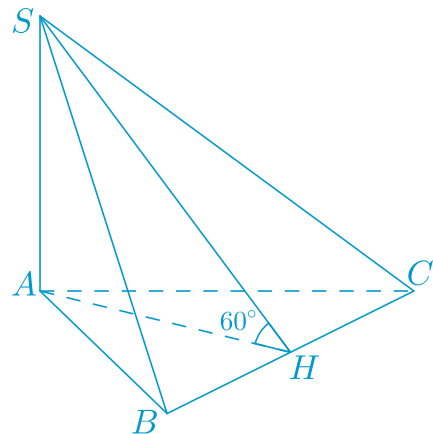
$\log_{(1+6\%)} \frac{5}{3} \approx 8,76$

Như vậy kể từ năm 2019 thì năm 2028 là năm đầu tiên diện tích rừng trồng mới đạt trên 1000ha.

**Câu 42.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $4a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy, góc giữa mặt phẳng  $(SBC)$  và mặt phẳng đáy bằng  $60^\circ$ . Diện tích của mặt cầu ngoại tiếp hình chóp  $S.ABC$  bằng

- (A)**  $\frac{172\pi a^2}{3}$ . **(B)**  $\frac{76\pi a^2}{3}$ .  
**(C)**  $84\pi a^2$ . **(D)**  $\frac{172\pi a^2}{9}$ .

**Lời giải.**



Ta có tâm của đáy cũng là giao điểm ba đường cao (ba đường trung tuyến) của tam giác đều  $ABC$  nên bán kính đường tròn ngoại tiếp đáy là  $r = 4a \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{4\sqrt{3}a}{3}$ . Đường cao  $AH$  của tam giác đều  $ABC$  là  $AH = \frac{4a \cdot \sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}a$ .

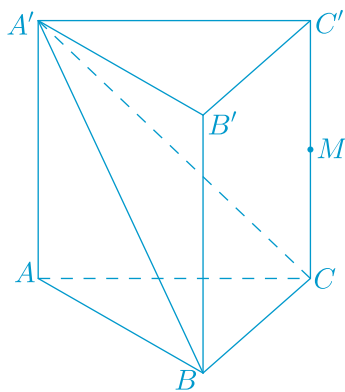
Góc giữa mặt phẳng  $(SBC)$  và mặt phẳng đáy bằng  $60^\circ$  suy ra  $\widehat{SHA} = 60^\circ$ .

Suy ra  $\tan SHA = \frac{SA}{AH} = \frac{SA}{2\sqrt{3}a} = \sqrt{3} \Rightarrow SA = 6a$ .

Bán kính mặt cầu ngoại tiếp  $R_{mc} = \sqrt{\left(\frac{SA}{2}\right)^2 + r^2} = \sqrt{9a^2 + \frac{16}{3}a^2} = \frac{\sqrt{129}}{3}a$ .

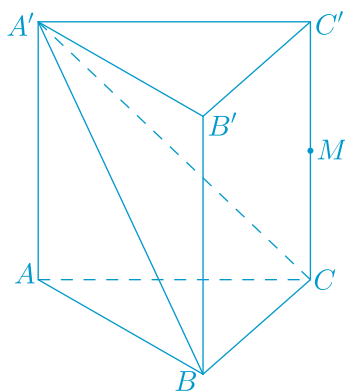
Diện tích mặt cầu ngoại tiếp của hình chóp  $S.ABC$  là  $S_{mc} = 4\pi R^2 = 4\pi \left(\frac{\sqrt{129}}{3}a\right)^2 = \frac{172\pi a^2}{3}$ .

**Câu 43.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh bằng  $a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $CC'$  (tham khảo hình bên). Khoảng cách từ  $M$  đến mặt phẳng  $(A'BC)$  bằng



- (A)  $\frac{\sqrt{21}a}{14}$ . (B)  $\frac{\sqrt{2}a}{2}$ . (C)  $\frac{\sqrt{21}a}{7}$ . (D)  $\frac{\sqrt{2}a}{4}$ .

Lời giải.



$C'M \cap (A'BC) = C$ , suy ra  $\frac{d(M, (A'BC))}{d(C', (A'BC))} = \frac{C'M}{C'C} = \frac{1}{2}$ .

Ta có  $V_{C'.A'BC} = \frac{1}{3}V_{ABC.A'B'C'} = \frac{1}{3} \cdot C'C \cdot S_{\Delta ABC} =$

$$\frac{1}{3} \cdot a \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}.$$

Lại có  $A'B = a\sqrt{2}$ ,  $CB = a$ ,  $A'C = a\sqrt{2} \Rightarrow S_{A'BC} = \frac{a^2\sqrt{7}}{4}$ .

Suy ra  $d(C', (A'BC)) = \frac{3V_{C'.A'BC}}{S_{\Delta A'BC}} = \frac{3 \cdot \frac{a^3\sqrt{3}}{12}}{\frac{a^2\sqrt{7}}{4}} = \frac{a\sqrt{21}}{7}$ .

Vậy  $d(M, (A'BC)) = \frac{1}{2}d(C', (A'BC)) = \frac{1}{2} \cdot \frac{a\sqrt{21}}{7} = \frac{a\sqrt{21}}{14}$ .

**Câu 44.** Cho hàm số bậc bốn  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$			$3$		$+\infty$

Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = x^4 [f(x+1)]^2$  là

- (A) 11. (B) 9. (C) 7. (D) 5.

Lời giải.

Ta chọn hàm  $f(x) = 5x^4 - 10x^2 + 3$ .

Đạo hàm

$$g'(x) = 4x^3 [f(x+1)]^2 + 2x^4 f(x+1) f'(x+1) = 2x^3 f(x+1) [2f(x+1) + x f'(x+1)].$$

Ta có  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2x^3 f(x+1) = 0 \\ 2f(x+1) + x f'(x+1) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x = 0 \\ f(x+1) = 0 \\ 2f(x+1) + x f'(x+1) = 0 \end{cases}.$$

+)  $f(x+1) = 0 (*) \Leftrightarrow 5(x+1)^4 - 10(x+1) + 3 =$

$$0 \Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \approx 1,278 \\ x+1 \approx 0,606 \\ x+1 \approx -0,606 \\ x+1 \approx -1,278 \end{cases}$$

suy ra phương trình có bốn nghiệm phân biệt khác 0.

+)  $2f(x+1) + x f'(x+1) = 0 \stackrel{t=x+1}{\Leftrightarrow} 2(5t^4 - 10t^2 + 3) + (t-1)(20t^3 - 20t) = 0$

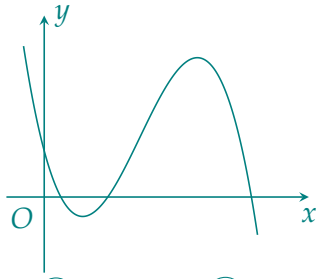
$$\Leftrightarrow 30t^4 - 20t^3 - 40t^2 + 20t + 6 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t \approx 1,199 \\ t \approx 0,731 \\ t \approx -0,218 \\ t \approx -1,045 \end{cases}$$

Suy ra phương trình có bốn nghiệm phân biệt khác 0 và khác các nghiệm của phương trình (\*).

Vậy số điểm cực trị của hàm số  $g(x)$  là 9.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị là đường cong trong hình bên. Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?





- (A) 4.      (B) 1.      (C) 2.      (D) 3.

**Lời giải.**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty \Rightarrow a < 0$ .

Gọi  $x_1, x_2$  là hoành độ hai điểm cực trị của hàm số suy ra  $x_1, x_2$  nghiệm phương trình  $y' = 3ax^2 + 2bx + c = 0$  nên theo định lý Viet:

+) Tổng hai nghiệm  $x_1 + x_2 = -\frac{2b}{3a} > 0 \Rightarrow \frac{b}{a} < 0 \Rightarrow b > 0$ .

+) Tích hai nghiệm  $x_1 x_2 = \frac{c}{3a} > 0 \Rightarrow c < 0$ .

Lại có đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ dương nên  $d > 0$ .

Vậy có 2 số dương trong các số  $a, b, c, d$ .

**Câu 46.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau và các chữ số thuộc tập  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ . Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó không có hai chữ số liên tiếp nào cùng chẵn bằng

- (A)  $\frac{25}{42}$ .      (B)  $\frac{5}{21}$ .      (C)  $\frac{65}{126}$ .      (D)  $\frac{55}{126}$ .

**Lời giải.**

Có  $A_9^4$  cách tạo ra số có 4 chữ số phân biệt từ  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ .

$\Rightarrow |S| = A_9^4 = 3024$ .

$\Rightarrow |\Omega| = 3024$ .

Gọi biến cố  $A$ : "chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó không có hai chữ số liên tiếp nào cùng chẵn".

Nhận thấy không thể có 3 chữ số chẵn hoặc 4 chữ số chẵn vì lúc đó luôn tồn tại hai chữ số chẵn nằm cạnh nhau.

+) Trường hợp 1: Cả 4 chữ số đều lẻ.

Chọn 4 số lẻ từ  $X$  và xếp thứ tự có  $A_5^4$  số.

+) Trường hợp 2: Có 3 chữ số lẻ, 1 chữ số chẵn.

Chọn 3 chữ số lẻ, 1 chữ số chẵn từ  $X$  và xếp thứ tự có  $C_5^3 \cdot C_4^1 \cdot 4!$  số.

+) Trường hợp 3: Có 2 chữ số chẵn, 2 chữ số lẻ.

Chọn 2 chữ số lẻ, 2 chữ số chẵn từ  $X$  có  $C_5^2 \cdot C_4^2$  cách.

Xếp thứ tự 2 chữ số lẻ có  $2!$  cách.

Hai chữ số lẻ tạo thành 3 khoảng trống, xếp hai chữ số chẵn vào 3 khoảng trống và sắp thứ tự có  $3!$  cách.

$\Rightarrow$  trường hợp này có  $C_5^2 \cdot C_4^2 \cdot 2! \cdot 3!$  số.

Vậy  $P(A) = \frac{|\Omega_A|}{|\Omega|} = \frac{A_5^4 + C_5^3 \cdot C_4^1 \cdot 4! + C_5^2 \cdot C_4^2 \cdot 2! \cdot 3!}{3024} = \frac{25}{42}$ .

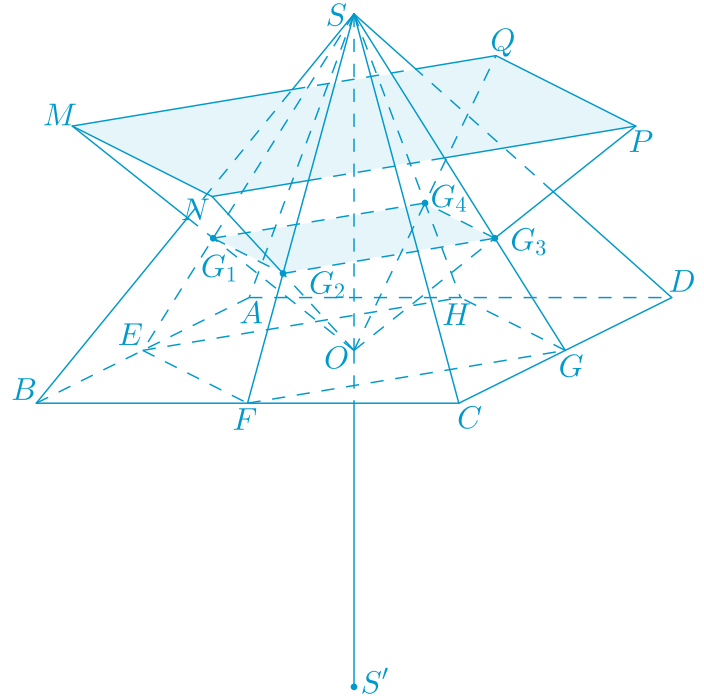
Chọn phương án (A)

**Câu 47.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $2a$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là các điểm đối xứng với  $O$  qua trọng tâm của

các tam giác  $SAB, SBC, SCD, SDA$  và  $S'$  là điểm đối xứng với  $S$  qua  $O$ . Thể tích của khối chóp  $S'.MNPQ$  bằng

- (A)  $\frac{20\sqrt{14}a^3}{81}$ .      (B)  $\frac{40\sqrt{14}a^3}{81}$ .  
(C)  $\frac{10\sqrt{14}a^3}{81}$ .      (D)  $\frac{2\sqrt{14}a^3}{9}$ .

**Lời giải.**



Gọi  $G_1, G_2, G_3, G_4$  lần lượt là trọng tâm  $\Delta SAB, \Delta SBC, \Delta SCD, \text{triangle } SDA$ .

$E, F, G, H$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, BC, CD, DA$ .

Ta có  $S_{MNPQ} = 4S_{G_1 G_2 G_3 G_4} = 4 \cdot \frac{4}{9} S_{EFGH} = 4 \cdot \frac{4}{9} \cdot \frac{1}{2} EG \cdot HF = \frac{8a^2}{9}$ .

$d(S', (MNPQ)) = d(S', (ABCD)) + d(O, (MNPQ))$

$= d(S, (ABCD)) + 2d(O, (G_1 G_2 G_3 G_4))$

$= d(S, (ABCD)) + \frac{2}{3} d(S, (ABCD))$

$= \frac{5}{3} d(S, (ABCD)) = \frac{5a\sqrt{14}}{3}$

Vậy  $V_{S'.MNPQ} = \frac{1}{3} \cdot \frac{5a\sqrt{14}}{3} \cdot \frac{8a^2}{9} = \frac{20a^3\sqrt{14}}{81}$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 48.** Xét các số thực không âm  $x$  và  $y$  thỏa mãn  $2x + y \cdot 4^{x+y-1} \geq 3$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x^2 + y^2 + 4x + 6y$  bằng

- (A)  $\frac{33}{4}$ .      (B)  $\frac{65}{8}$ .      (C)  $\frac{49}{8}$ .      (D)  $\frac{57}{8}$ .

**Lời giải.**

**Cách 1:**

Nhận xét: Giá trị của  $x, y$  thỏa mãn phương trình  $2x + y \cdot 4^{x+y-1} = 3$  (1) sẽ làm cho biểu thức  $P$  nhỏ nhất. Đặt  $a = x + y$ , từ (1) ta được phương trình

$4^{a-1} + \frac{2}{y} \cdot a - 2 - \frac{3}{y} = 0$ .

Nhận thấy  $y = 4^{a-1} + \frac{2}{y} \cdot a - 2 - \frac{3}{y}$  là hàm số đồng biến theo biến  $a$ , nên phương trình trên có nghiệm duy nhất  $a = \frac{3}{2} \Rightarrow x + y = \frac{3}{2}$ .

Ta viết lại biểu thức  $P = (x+y)^2 + 4(x+y) + 2\left(y - \frac{1}{4}\right) - \frac{1}{8} = \frac{65}{8}$ . Vậy  $P_{\min} = \frac{65}{8}$ .

**Cách 2:**

Với mọi  $x, y$  không âm ta có

$$2x + y4^{x+y-1} \geq 3 \Leftrightarrow x + y4^{x+y-\frac{3}{2}} \geq \frac{3}{2} \Leftrightarrow$$

$$\left(x + y - \frac{3}{2}\right) + y \cdot \left(4^{x+y-\frac{3}{2}} - 1\right) \geq 0 \quad (1)$$

Nếu  $x + y - \frac{3}{2} < 0$  thì  $\left(x + y - \frac{3}{2}\right) +$

$$y \cdot \left(4^{x+y-\frac{3}{2}} - 1\right) < 0 + y \cdot (4^0 - 1) = 0 \text{ (vô lí)}$$

Vậy  $x + y \geq \frac{3}{2}$ .

Áp dụng bất đẳng thức Bunhyakovski ta được

$$P = x^2 + y^2 + 4x + 6y = (x+3)^2 + (y+2)^2 - 13$$

$$\geq \frac{1}{2}(x+y+5)^2 - 13 \geq \frac{1}{2}\left(\frac{3}{2} + 5\right)^2 - 13 = \frac{65}{8}$$

$$\text{Đẳng thức xảy ra khi } \begin{cases} x+y = \frac{3}{2} \\ x+3 = y+2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \frac{5}{4} \\ x = \frac{1}{4} \end{cases}$$

Vậy  $\min P = \frac{65}{8}$ .

**Câu 49.** Có bao nhiêu số nguyên  $x$  sao cho ứng với mỗi  $x$  có không quá 728 số nguyên  $y$  thỏa mãn  $\log_4(x^2 + y) \geq \log_3(x + y)$ ?

(A) 59. (B) 58. (C) 116. (D) 115.

**Lời giải.**

Với mọi  $x \in \mathbb{Z}$  ta có  $x^2 \geq x$ .

Xét hàm số  $f(y) = \log_3(x+y) - \log_4(x^2+y)$ .

Tập xác định  $D = (-x; +\infty)$  (do  $y > -x \Rightarrow y > -x^2$ ).

$$f'(y) = \frac{1}{(x+y)\ln 3} - \frac{1}{(x^2+y)\ln 4} \geq 0, \forall x \in D \text{ (do}$$

$$x^2 + y \geq x + y > 0, \ln 4 > \ln 3)$$

$\Rightarrow f$  tăng trên  $D$ .

$$\text{Ta có } f(-x+1) = \log_3(x-x+1) - \log_4(x^2-x+1) \leq 0.$$

Có không quá 728 số nguyên  $y$  thỏa mãn  $f(y) \leq 0$

$$\Leftrightarrow f(-x+729) > 0 \Leftrightarrow \log_3 729 - \log_4(x^2-x+729) > 0$$

$$\Leftrightarrow x^2 - x + 729 - 4^6 < 0 \Leftrightarrow x^2 - x - 3367 < 0$$

$$\Leftrightarrow -57,5 \leq x \leq 58,5$$

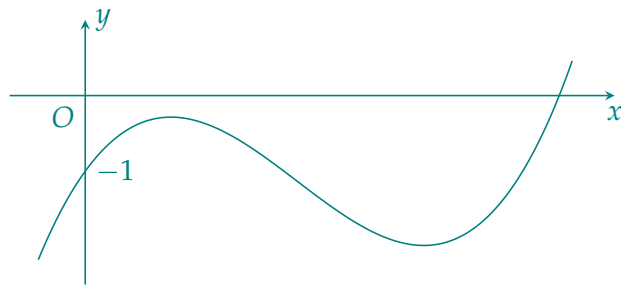
Mà  $x \in \mathbb{Z}$  nên  $x \in \{-57, -56, \dots, 58\}$ .

Vậy có  $58 - (-57) + 1 = 116$  số nguyên  $x$  thỏa.

Chọn phương án (C)

**Câu 50.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số nghiệm thực phân biệt của

phương trình  $f(x^3 f(x)) + 1 = 0$  là

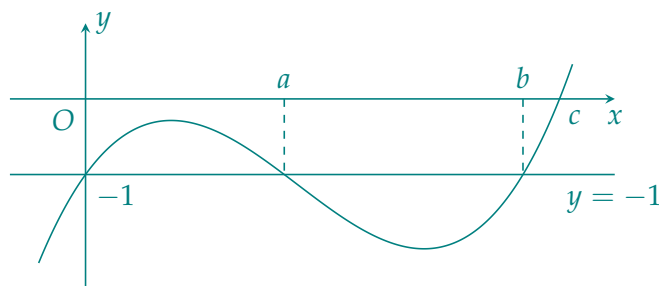


(A) 8. (B) 5. (C) 6. (D) 4.

**Lời giải.**

$$f(x^3 f(x)) + 1 = 0 \Leftrightarrow f(x^3 f(x)) = -1 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x^3 f(x) = 0 \\ x^3 f(x) = a > 0 \\ x^3 f(x) = b > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 0 \\ f(x) = \frac{a}{x^3} \text{ (do } x \neq 0) \\ f(x) = \frac{b}{x^3} \text{ (do } x \neq 0) \end{cases}$$



+) có một nghiệm dương  $x = c$ .

+) Xét phương trình  $f(x) = \frac{k}{x^3}$  với  $x \neq 0, k > 0$ .

$$\text{Đặt } g(x) = f(x) - \frac{k}{x^3}.$$

$$g'(x) = f'(x) + \frac{3k}{x^4}.$$

+) Với  $x > c$ , nhìn hình ta ta thấy  $f'(x) > 0 \Rightarrow g'(x) =$

$$f'(x) + \frac{3k}{x^4} > 0$$

$\Rightarrow g(x) = 0$  có tối đa một nghiệm.

Mặt khác  $\begin{cases} g(c) < 0 \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty \end{cases}$  và  $g(x)$  liên tục trên  $(c; +\infty)$

$\Rightarrow g(x) = 0$  có duy nhất nghiệm trên  $(c; +\infty)$ .

+) Với  $0 < x < c$  thì  $f(x) < 0 < \frac{k}{x^3} \Rightarrow g(x) = 0$  vô nghiệm.

+) Với  $x < 0$ , nhìn hình ta ta thấy  $f'(x) > 0 \Rightarrow g'(x) =$

$$f'(x) + \frac{3k}{x^4} > 0$$

$\Rightarrow g(x) = 0$  có tối đa một nghiệm.

Mặt khác  $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 0^-} g(x) > 0 \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty \end{cases}$  và  $g(x)$  liên tục trên  $(-\infty; 0)$ .

$\Rightarrow g(x) = 0$  có duy nhất nghiệm trên  $(-\infty; 0)$ .

Tóm lại  $g(x) = 0$  có đúng hai nghiệm trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

Suy ra hai phương trình  $f(x) = \frac{a}{x^3}, f(x) = \frac{b}{x^3}$  có 4 nghiệm phân biệt khác 0 và khác  $c$ .

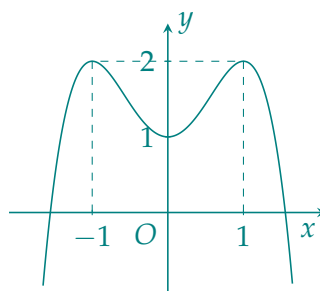
Vậy phương trình  $f(x^3 f(x)) + 1 = 0$  có đúng 6 nghiệm.  
 Chọn phương án **(C)**

Hết

**BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO**

1. C	2. B	3. B	4. D	5. D	6. A	7. C	8. A	9. D	10. D	11. B
12. C	13. D	14. B	15. B	16. A	17. B	18. C	19. B	20. B	21. C	22. C
23. C	24. B	25. C	26. A	27. C	28. A	29. B	30. A	31. C	32. C	33. C
34. B	35. A	36. C	37. A	38. A	39. B	40. B	46. A	47. A	49. C	50. C

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- (A)**  $(1; +\infty)$ . **(B)**  $(-1; 0)$ .  
**(C)**  $(0; 1)$ . **(D)**  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải.**

Qua đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trong khoảng  $(0; 1)$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 4.** Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào dưới đây là biểu diễn số phức  $z = -3 + 4i$ ?

- (A)**  $N(3; 4)$ . **(B)**  $M(4; 3)$ .  
**(C)**  $P(-3; 4)$ . **(D)**  $Q(4; -3)$ .

**Lời giải.**

Ta có  $z = -3 + 4i$  có phần thực là  $-3$ , phần ảo là  $4 \Rightarrow P(-3; 4)$  là biểu diễn số phức  $z$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 5.** Cho mặt cầu có bán kính  $r = 4$ . Diện tích của mặt cầu đã cho bằng

- (A)**  $\frac{256\pi}{3}$ . **(B)**  $\frac{64\pi}{3}$ . **(C)**  $16\pi$ . **(D)**  $64\pi$ .

**Lời giải.**

Ta có diện tích mặt cầu là  $S = 4\pi r^2 = 64\pi$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 6.**  $\int 5x^4 dx$  bằng

- (A)**  $\frac{1}{5}x^5 + C$ . **(B)**  $x^5 + C$ .  
**(C)**  $5x^5 + C$ . **(D)**  $20x^3 + C$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\int 5x^4 dx = x^5 + C$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 7.** Trong không gian  $Oxyz$ . Điểm nào sau đây là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(1; 4; 2)$  trên mặt phẳng  $Oxy$ ?

- (A)**  $(0; 4; 2)$ . **(B)**  $(1; 4; 0)$ . **(C)**  $(1; 0; 2)$ . **(D)**  $(0; 0; 2)$ .

**Lời giải.**

Ta có hình chiếu của  $A(1; 4; 2)$  trên mặt phẳng  $Oxy$  là  $(1; 4; 0)$ .

Chọn phương án **(B)**

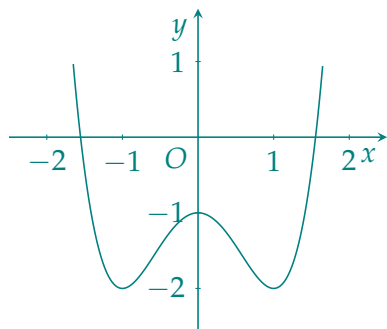
**17 ĐỀ MINH CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 101 NĂM 2020**

**KỲ THI TRUNG HỌC PHỔ THÔNG QUỐC GIA NĂM 2020**

**ĐỀ CHÍNH THỨC-LẦN 2-MÃ ĐỀ 101**

Thời gian làm bài 90 phút, không kể thời gian giao đề

**Câu 1.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên.



Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -\frac{1}{2}$  là

- (A)** 3. **(B)** 4. **(C)** 2. **(D)**  $x = 1$ .

**Lời giải.**

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -\frac{1}{2}$  bằng số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = -\frac{1}{2}$ .

Dựa vào đồ thị ta thấy: đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = -\frac{1}{2}$  cắt nhau tại 2 điểm.

Nên phương trình  $f(x) = -\frac{1}{2}$  có 2 nghiệm.

Chọn phương án **(C)**

**Câu 2.** Tập xác định của hàm số  $y = 4^x$  là

- (A)**  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ . **(B)**  $[0; +\infty)$ .  
**(C)**  $(0; +\infty)$ . **(D)**  $\mathbb{R}$ .

**Lời giải.**

Chọn phương án **(D)**

**Câu 8.** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  với  $u_1 = 11$  và công sai  $d = 3$ . Giá trị của 7 bằng

- (A) 8. (B) 33. (C)  $\frac{11}{3}$ . (D) 14.

**Lời giải.**

Ta có  $u_2 = u_1 + d = 11 + 3 = 14$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 9.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 3$  và chiều cao  $h = 6$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- (A) 9. (B) 18. (C) 3. (D) 6.

**Lời giải.**

Ta có thể tích khối lăng trụ là  $V = B.h = 18$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 10.** Nghiệm của phương trình  $\log_2(x + 8) = 5$  bằng

- (A)  $x = 17$ . (B)  $x = 24$ . (C)  $x = 2$ . (D)  $x = 40$ .

**Lời giải.**

Ta có  $\log_2(x + 8) = 5 \Leftrightarrow x + 8 = 2^5 \Leftrightarrow x = 24$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 11.** Biết  $\int_2^3 f(x)dx = 4$  và  $\int_2^3 g(x)dx = 1$ . Khi đó:

$\int_2^3 [f(x) - g(x)] dx$  bằng:

- (A) -3. (B) 3. (C) 4. (D) 5.

**Lời giải.**

Ta có  $\int_2^3 [f(x) - g(x)] dx = \int_2^3 f(x)dx - \int_2^3 g(x)dx = 4 - 1 = 3$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 12.** Trong không gian Oxyz, cho đường thẳng  $d : \frac{x-2}{4} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+3}{1}$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $d$ ?

- (A)  $Q(4; -2; 1)$ . (B)  $N(4; 2; 1)$ .  
(C)  $P(2; 1; -3)$ . (D)  $M(2; 1; 3)$ .

**Lời giải.**

Thay tọa độ điểm  $P(2; 1; -3)$  vào  $d : \frac{x-2}{4} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+3}{1}$  ta được  $\frac{2-2}{4} = \frac{1-1}{-2} = \frac{-3+3}{1} \Leftrightarrow 0 = 0 = 0$  đúng. Vậy điểm  $P \in (d)$ .

**Câu 13.** Phần thực của số phức  $z = -3 - 4i$  bằng

- (A) 4. (B) -3. (C) 3. (D) -4.

**Lời giải.**

Phần thực của số phức  $z = -3 - 4i$  bằng -3.

Chọn phương án (B)

**Câu 14.** Trong không gian Oxyz, cho mặt cầu (S) :  $(x+1)^2 + (y-2)^2 + (z+3)^2 = 4$ . Tâm của (S) có tọa độ là

- (A)  $(-1; 2; -3)$ . (B)  $(2; -4; 6)$ .

- (C)  $(1; -2; 3)$ .

- (D)  $(-2; 4; -6)$ .

**Lời giải.**

Tâm mặt cầu (S) có tọa độ là  $(-1; 2; -3)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 15.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$		
$f'(x)$		-	0	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$			$2$		$-\infty$

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)  $x = 3$ . (B)  $x = -1$ .  
(C)  $x = 2$ . (D)  $x = -3$ .

**Lời giải.**

Dựa vào bảng biến thiên ta có: hàm số đạt cực đại tại điểm  $x = 3$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 16.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 2a^2$  và chiều cao  $h = 6a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- (A)  $12a^3$ . (B)  $4a^3$ . (C)  $2a^3$ . (D)  $6a^3$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối chóp đã cho bằng  $V = \frac{1}{3}Bh = \frac{1}{3}.2a^2.6a = 4a^3$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 17.** Cho khối trụ có bán kính đáy  $r = 4$  và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích của khối trụ đã cho bằng

- (A)  $48\pi$ . (B)  $4\pi$ . (C)  $16\pi$ . (D)  $24\pi$ .

**Lời giải.**

Thể tích khối trụ là  $V = \pi r^2 h = \pi 4^2 \cdot 3 = 48\pi$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 18.** Nghiệm của phương trình  $2^{2x-3} = 2^x$  là

- (A)  $x = 8$ . (B)  $x = -8$ .  
(C)  $x = 3$ . (D)  $x = -3$ .

**Lời giải.**

Ta có  $2^{2x-3} = 2^x \Leftrightarrow 2x - 3 = x \Leftrightarrow x = 3$ . Vậy phương trình đã cho có một nghiệm  $x = 3$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 19.** Trong không gian Oxyz, cho mặt phẳng  $(\alpha) : 2x + 4y - z + 3 = 0$ . Vectơ nào sau đây là vectơ pháp tuyến của  $(\alpha)$ ?

- (A)  $\vec{n}_1 = (2; 4; -1)$ . (B)  $\vec{n}_2 = (2; -4; 1)$ .  
(C)  $\vec{n}_3 = (-2; 4; 1)$ . (D)  $\vec{n}_4 = (2; 4; 1)$ .

**Lời giải.**

Mặt phẳng  $(\alpha) : 2x + 4y - z + 3 = 0$  có một vectơ pháp tuyến là  $\vec{n} = (2; 4; -1)$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 20.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+2}{x-1}$  là

(A)  $x = 2$ .

(B)  $x = -2$ .

(C)  $x = 1$ .

(D)  $x = -1$ .

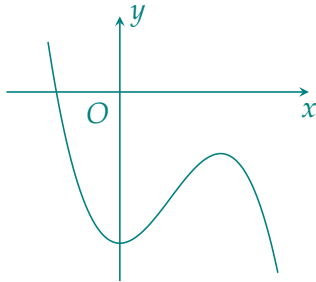
**Lời giải.**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = +\infty$ , suy ra đồ thị có tiệm cận đứng là  $x = 1$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 21.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong hình bên



(A)  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ .

(B)  $y = -x^3 + 2x^2 - 2$ .

(C)  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .

(D)  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .

**Lời giải.**

Qua đồ thị là hàm bậc 3 nên loại A, D.

Bên phải ngoài cùng của đồ thị đi xuống nên hệ số  $a < 0$

$\Rightarrow$  loại đáp án C.

Chọn phương án (B)

**Câu 22.** Có bao nhiêu cách chọn một học sinh từ một nhóm gồm 5 học sinh nam và 6 học sinh nữ?

(A) 11.

(B) 30.

(C) 6.

(D) 5.

**Lời giải.**

PA1: Chọn 1 học sinh nam có 5 cách

PA2: Chọn 1 học sinh nữ có 6 cách

Theo quy tắc cộng có  $5+6=11$  cách

Chọn phương án (A)

**Câu 23.** Với  $a$  là số thực dương tùy ý,  $\log_4(4a)$  bằng

(A)  $1 + \log_4 a$ .

(B)  $4 - \log_4 a$ .

(C)  $4 + \log_4 a$ .

(D)  $1 - \log_4 a$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $\log_4(4a) = \log_4 4 + \log_4 a = 1 + \log_4 a$ .

Chọn phương án (A)

**Câu 24.** Cho hai số phức  $z_1 = 3 + 2i$  và  $z_2 = 1 - i$ . Số phức  $z_1 - z_2$  bằng

(A)  $2 - 3i$ .

(B)  $-2 + 3i$ .

(C)  $-2 - 3i$ .

(D)  $2 + 3i$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $z_1 - z_2 = 3 + 2i - (1 - i) = 2 + 3i$ .

Chọn phương án (D)

**Câu 25.** Cho hình nón có bán kính đáy  $r = 2$  và độ dài đường sinh  $l = 5$ . Diện tích xung quanh của hình nón đã cho bằng

(A)  $20\pi$ .

(B)  $\frac{20\pi}{3}$ .

(C)  $10\pi$ .

(D)  $\frac{10\pi}{3}$ .

**Lời giải.**

Ta có diện tích xung quanh của hình nón đã cho là:  $S_{xq} = \pi rl = \pi \cdot 2 \cdot 5 = 10\pi$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 26.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 6x$  với trục hoành là

(A) 2.

(B) 3.

(C) 1.

(D) 0.

**Lời giải.**

Ta có hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 6x$  với trục hoành là nghiệm của phương trình

$$-x^3 + 6x = 0 (*) \Leftrightarrow -x(x^2 - 6) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{6} \end{cases}$$

Phương trình (\*) có ba nghiệm phân biệt, do đó đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 6x$  cắt trục hoành tại ba điểm phân biệt.

Chọn phương án (B)

**Câu 27.** Biết  $\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 2$ . Khi đó  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng:

(A) 1.

(B) 4.

(C) 2.

(D) 0.

**Lời giải.**

Ta có

$$\int_0^1 [f(x) + 2x] dx = 2 \Leftrightarrow \int_0^1 f(x) dx + \int_0^1 2x dx = 2 \Leftrightarrow$$

$$\int_0^1 f(x) dx = 2 - x^2 \Big|_0^1 \Leftrightarrow \int_0^1 f(x) dx = 2 - 1 \Leftrightarrow$$

$$\int_0^1 f(x) dx = 1.$$

Chọn phương án (A)

**Câu 28.** Cho số phức  $z = 1 - 2i$ , số phức  $(2 + 3i)\bar{z}$  bằng

(A)  $4 - 7i$ .

(B)  $-4 + 7i$ .

(C)  $8 + i$ .

(D)  $-8 + i$ .

**Lời giải.**

Ta có:  $(2 + 3i)\bar{z} = (2 + 3i)(1 + 2i) = -4 + 7i$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 29.** Gọi  $D$  là hình phẳng giới hạn bởi các đường  $y = e^{3x}$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$  và  $x = 1$ . Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục  $Ox$  bằng:

(A)  $\pi \int_0^1 e^{3x} dx$ .

(B)  $\int_0^1 e^{6x} dx$ .

(C)  $\pi \int_0^1 e^{6x} dx$ .

(D)  $\int_0^1 e^{3x} dx$ .

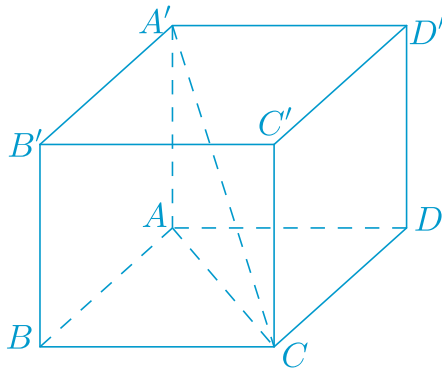
**Lời giải.**

Ta có thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $D$  quanh trục  $Ox$  bằng:

$$\pi \int_0^1 (e^{3x})^2 dx = \pi \int_0^1 e^{6x} dx.$$

Chọn phương án **(C)**

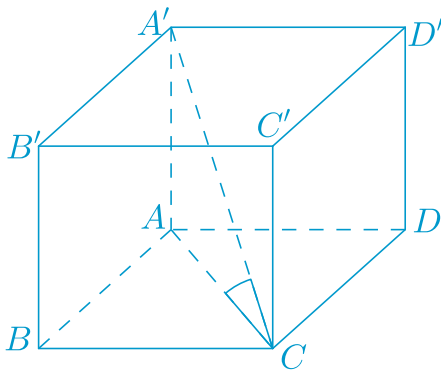
**Câu 30.** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = BC = a$ ,  $AA' = \sqrt{6}a$  (tham khảo hình dưới).



Góc giữa đường thẳng  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- (A)**  $60^\circ$ .    **(B)**  $90^\circ$ .    **(C)**  $30^\circ$ .    **(D)**  $45^\circ$ .

Lời giải.



Ta có góc giữa đường thẳng  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng góc giữa  $A'C$  và  $AC$  và bằng góc  $\widehat{A'CA}$ .

Ta có  $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = a\sqrt{2}$ .

Xét tam giác  $\Delta A'CA$  có  $\tan \widehat{A'CA} = \frac{A'A}{AC} = \frac{\sqrt{6}a}{\sqrt{2}a} =$

$\sqrt{3} \Rightarrow \widehat{A'CA} = 60^\circ$ .

Vậy góc  $A'C$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  và bằng  $60^\circ$ .

Chọn phương án **(A)**

**Câu 31.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 10x^2 - 4$  trên  $[0; 9]$  bằng

- (A)**  $-28$ .    **(B)**  $-4$ .    **(C)**  $-13$ .    **(D)**  $-29$ .

Lời giải.

Hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[0; 9]$ .

Có  $f'(x) = 4x^3 - 20x$ ,  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{5} \\ x = -\sqrt{5} \notin [0; 9] \end{cases}$

Ta có  $f(0) = -4$ ,  $f(\sqrt{5}) = -29$ ,  $f(9) = 5747$

Do đó  $\min_{[0;9]} f(x) = f(\sqrt{5}) = -29$ .

Chọn phương án **(D)**

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-1)(x+4)^3$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

- (A)** 3.    **(B)** 4.    **(C)** 2.    **(D)** 1.

Lời giải.

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -4 \end{cases}$

Bảng xét dấu  $f'(x)$ :

$x$	$-\infty$	$-4$	$0$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Từ bảng xét dấu suy ra hàm số có đúng 1 điểm cực đại.

Chọn phương án **(D)**

**Câu 33.** Với  $a, b$  là các số thực dương tùy ý thỏa mãn  $\log_2 a - 2 \log_4 b = 3$ , mệnh đề nào dưới đây đúng?

- (A)**  $a = 8b^2$ .    **(B)**  $a = 8b$ .  
**(C)**  $a = 6b$ .    **(D)**  $a = 8b^4$ .

Lời giải.

Có  $\log_2 a - 2 \log_4 b = 3 \Leftrightarrow \log_2 a = \log_2 b + 3 \Leftrightarrow \log_2 a = \log_2 8b \Leftrightarrow a = 8b$ .

Chọn phương án **(B)**

**Câu 34.** Cắt hình trụ  $(T)$  bởi một mặt phẳng qua trục của nó ta được thiết diện là một hình vuông cạnh bằng 7. Diện tích xung quanh của  $(T)$  bằng

- (A)**  $\frac{49}{4}$ .    **(B)**  $\frac{49}{2}$ .    **(C)** 49.    **(D)**  $98t$ .

Lời giải.

Bán kính đáy của hình trụ là  $r = \frac{7}{2}$ .

Đường cao của hình trụ là  $h = 7$ .

Diện tích xung quanh của hình trụ là  $S = 2r.h = 2\pi \cdot \frac{7}{2} \cdot 7 = 49$ .

Chọn phương án **(C)**

**Câu 35.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(1; -2; 3)$  và mặt phẳng  $(P) : 2x - y + 3z + 1 = 0$ . Phương trình của đường thẳng đi qua  $M$  và vuông góc với  $(P)$  là

- (A)**  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$     **(B)**  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 + 3t \end{cases}$   
**(C)**  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = -1 - 2t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$     **(D)**  $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 - 3t \end{cases}$

Lời giải.

Đường thẳng cần tìm đi qua  $M(1; -2; 3)$ , vuông góc với  $(P)$  nên nhận  $\vec{n}_{(P)} = (2; -1; 3)$  là véc tơ chỉ phương.

Phương trình đường thẳng cần tìm là  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 - t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$

Chọn phương án **(A)**

**Câu 36.** Gọi  $z_1$  và  $z_2$  là hai nghiệm phức của phương trình  $z^2 + z + 2 = 0$ . Khi đó  $|z_1| + |z_2|$  bằng

- (A)** 4.    **(B)**  $2\sqrt{2}$ .    **(C)** 2.    **(D)**  $\sqrt{2}$ .

Lời giải.

Phương trình  $z^2 + z + 2 = 0$ , có  $\Delta = 1 - 4.1.2 = -7 < 0$ .

Suy ra phương trình có hai nghiệm phức  $z_{1,2} = \frac{-1 \pm i\sqrt{7}}{2}$ .

Do đó  $|z_1| + |z_2| = \left| \frac{-1 + i\sqrt{7}}{2} \right| + \left| \frac{-1 - i\sqrt{7}}{2} \right| = \sqrt{2} +$

$\sqrt{2} = 2\sqrt{2}$ .

Vậy  $|z_1| + |z_2| = 2\sqrt{2}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 37.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $M(2; -1; 4)$  và mặt phẳng  $(P) : 3x - 2y + z + 1 = 0$ . Phương trình của mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với mặt phẳng  $(P)$  là

- (A)  $2x - 2y + 4z - 21 = 0$ .
- (B)  $2x - 2y + 4z + 21 = 0$ .
- (C)  $3x - 2y + z - 12 = 0$ .
- (D)  $3x - 2y + z + 12 = 0$ .

**Lời giải.**

Phương trình của mặt phẳng đi qua  $M$  và song song với mặt phẳng  $(P)$  là

$$3(x - 2) - 2(y + 1) + (z - 4) = 0 \Leftrightarrow 3x - 2y + z - 12 = 0.$$

Chọn phương án (C)

**Câu 38.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(18 - x^2) \geq 2$  là

- (A)  $(-\infty; 3]$ .
- (B)  $(0; 3]$ .
- (C)  $[-3; 3]$ .
- (D)  $(-\infty; -3] \cup [3; +\infty)$ .

**Lời giải.**

Điều kiện:  $18 - x^2 > 0 \Leftrightarrow x \in (-3\sqrt{2}; 3\sqrt{2})$  (\*).

Khi đó ta có:  $\log_3(18 - x^2) \geq 2 \Leftrightarrow 18 - x^2 \geq 9 \Leftrightarrow -3 \leq x \leq 3$ .

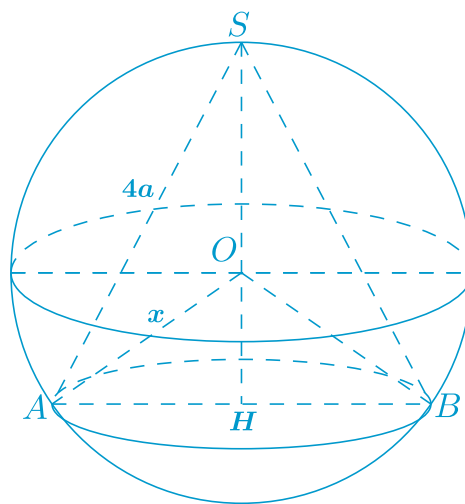
Kết hợp với điều kiện (\*) ta được tập nghiệm của bất phương trình đã cho là  $[-3; 3]$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 39.** Cho hình nón  $(N)$  có đỉnh  $S$ , bán kính đáy bằng  $\sqrt{2}a$  và độ dài đường sinh bằng  $4a$ . Gọi  $(T)$  là mặt cầu đi qua  $S$  và đường tròn đáy của  $(N)$ . Bán kính của  $(T)$  bằng

- (A)  $\frac{4\sqrt{2}}{3}a$ .
- (B)  $\sqrt{14}a$ .
- (C)  $\frac{4\sqrt{14}}{7}a$ .
- (D)  $\frac{8\sqrt{14}}{7}a$ .

**Lời giải.**



Gọi  $R$  là bán kính mặt cầu  $(T)$ ,  $SH$  là đường cao của hình nón  $\Rightarrow SH = \sqrt{(4a)^2 - (a\sqrt{2})^2} = a\sqrt{14}$

Gọi  $I$  là tâm mặt cầu  $\Rightarrow R^2 = (a\sqrt{2})^2 + (R - a\sqrt{14})^2$   
 $\Rightarrow R = \frac{4\sqrt{14}}{7}a$ .

Chọn phương án (C)

**Câu 40.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (4 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- (A)  $(-\infty; 1]$ .
- (B)  $(-\infty; 4]$ .
- (C)  $(-\infty; 1)$ .
- (D)  $(-\infty; 4)$ .

**Lời giải.**

Ta có:

$$y' = 3x^2 - 6x + 4 - m. \text{ ycbt} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in (2; +\infty)$$

$$\Leftrightarrow 3x^2 - 6x + 4 - m \geq 0, \forall x \in (2; +\infty) \Leftrightarrow m \leq 3x^2 - 6x + 4, \forall x \in (2; +\infty)$$

$$\Leftrightarrow m \leq \min_{(2; +\infty)} g(x) \text{ với } g(x) = 3x^2 - 6x + 4$$

Ta có:

$$g'(x) = 6x - 6$$

$$g'(x) = 0 \Leftrightarrow 6x - 6 = 0 \Leftrightarrow x = 1$$

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$g'(x)$		0		+
$g(x)$			4	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên, suy ra:  $m \leq 4$  thỏa yêu cầu bài toán.

Vậy:  $m \in (-\infty; 4]$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 41.** Năm 2020, một hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là 900.000.000 đồng và dự định trong 10 năm tiếp theo, mỗi năm giảm 2% giá bán so với giá bán năm trước. Theo dự định đó, năm 2025 hãng xe ô tô niêm yết giá bán loại xe X là bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng nghìn)?

- (A) 810.000.000.
- (B) 813.529.000.

(C) 797.258.000.

(D) 830.131.000.

Lời giải.

Ta có:  $A = 900.000.000, r = \frac{2}{100}$

Năm 2021 giá xe niêm yết là:  $T_1 = A - Ar$

Năm 2022 giá xe niêm yết là  $T_2 = A - Ar - (A - Ar)r = A(1 - r)^2$

⋮

Năm 2025 giá xe niêm yết là:  $T_5 = T_4 - T_4r = A(1 - r)^5$

$T_5 = 900.000.000 \left(1 - \frac{2}{100}\right)^5 \approx 813.529.000.$

Chọn phương án (B)

**Câu 42.** Biết  $F(x) = e^x + x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Khi đó  $\int f(2x) dx$  bằng

(A)  $2e^x + 2x^2 + C.$

(B)  $\frac{1}{2}e^{2x} + x^2 + C.$

(C)  $\frac{1}{2}e^{2x} + 2x^2 + C.$

(D)  $e^{2x} + 4x^2 + C.$

Lời giải.

Ta có:  $F(x) = e^x + x^2$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$

$\Rightarrow \int f(2x) dx = \frac{1}{2} \int f(2x) d(2x) = \frac{1}{2}F(2x) + C = \frac{1}{2}e^{2x} + 2x^2 + C.$

Chọn phương án (C)

**Câu 43.** Xét các số thực  $x, y$  thỏa mãn  $2^{x^2+y^2+1} \leq (x^2 + y^2 - 2x + 2) 4^x$ . Giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$P = \frac{4y}{2x + y + 1}$  gần nhất với số nào dưới đây?

(A) -2.

(B) -3.

(C) -5.

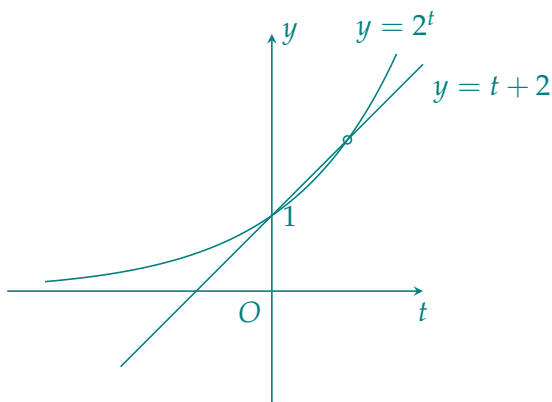
(D) -4.

Lời giải.

Ta có  $2^{x^2+y^2+1} \leq (x^2 + y^2 - 2x + 2) 4^x \Leftrightarrow 2^{x^2+y^2+1-2x} \leq x^2 + y^2 - 2x + 2$

$\Leftrightarrow 2^{(x-1)^2+y^2} \leq (x-1)^2 + y^2 + 1$ . Đặt  $t = (x-1)^2 + y^2 (t \geq 0)$ , ta được BPT:  $2^t \leq t + 1$ .

Đồ thị hàm số  $y = 2^t$  và đồ thị hàm số  $y = t + 1$  như sau:



Từ đồ thị suy ra  $2^t \leq t + 1 \Leftrightarrow 0 \leq t \leq 1 \Rightarrow (x-1)^2 + y^2 \leq 1$ . Do đó tập hợp các cặp số  $(x; y)$  thỏa mãn thuộc hình tròn (C) tâm  $I(1; 0), R = 1$ .

Ta có  $P = \frac{4y}{2x + y + 1} \Leftrightarrow 2Px + (P - 4)y + P = 0$  là phương trình của đường thẳng  $d$ .

Do  $d$  và (C) có điểm chung  $\Leftrightarrow d(I, (d)) \leq R \Leftrightarrow \frac{|3P|}{\sqrt{4P^2 + (P - 4)^2}} \leq 1 \Leftrightarrow 4P^2 + 8P - 16 \leq 0$   
 $\Leftrightarrow -1 - \sqrt{5} \leq P \leq -1 + \sqrt{5}$ , suy ra giá trị nhỏ nhất của  $P$  gần nhất với -3.

Chọn phương án (B)

**Câu 44.** Cho hình chóp đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $3a$ , cạnh bên bằng  $\frac{3a\sqrt{3}}{2}$  và  $O$  là tâm của đáy. Gọi  $M, N, P$  và  $Q$  lần lượt là hình chiếu vuông góc của  $O$  trên các mặt phẳng  $(SAB), (SBC), (SCD)$  và  $(SAD)$ . Thể tích khối chóp  $O.MNPQ$  bằng

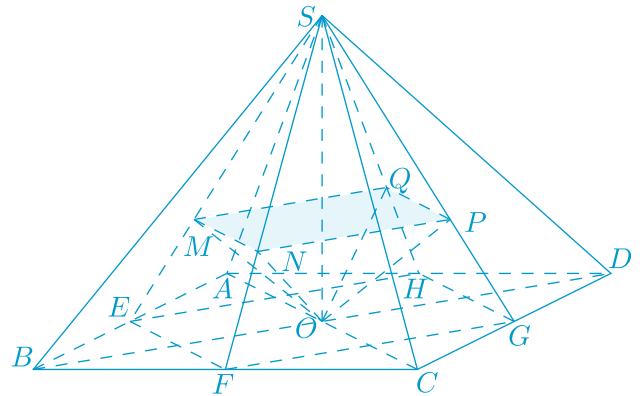
(A)  $\frac{9a^3}{16}.$

(B)  $\frac{2a^3}{3}.$

(C)  $\frac{9a^3}{32}.$

(D)  $\frac{a^3}{3}.$

Lời giải.



Gọi  $E, F, G, H$  lần lượt là giao điểm của  $SM$  với  $AB, SN$  với  $BC, SP$  với  $CD, SQ$  với  $DA$  thì  $E, F, G, H$  là trung điểm của  $AB, BC, CD, DA$  thì

Ta có  $\frac{SP}{SG} = \frac{SP \cdot SG}{SG^2} = \frac{SO^2}{SG^2} = \frac{9a^2}{9a^2} = \frac{1}{2} \Rightarrow P$  là trung điểm  $SG$ .

Chúng minh tương tự ta cũng có  $M, N, Q$  lần lượt là trung điểm  $AB, BC, DA$ .

Khi đó  $d(O, (MNPQ)) = \frac{1}{2}SO = \frac{3a}{4}.$

$S_{MNPQ} = \frac{1}{4}S_{EFGH} = \frac{1}{8}S_{ABCD} = \frac{9a^2}{8}.$

Vậy  $V_{O.MNPQ} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3a}{4} \cdot \frac{9a^2}{8} = \frac{9a^3}{32}.$

Chọn phương án (C)

**Câu 45.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d (a, b, c, d \in \mathbb{R})$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$	
$F'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	↗ 3	↘ -5	↗ $+\infty$	

Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

(A) 2.

(B) 4.

(C) 1.

(D) 3.

Lời giải.



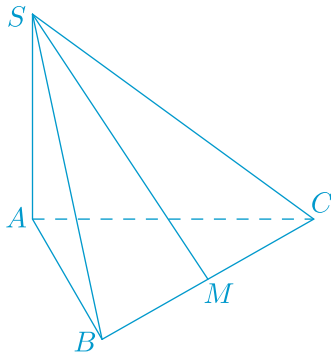
Từ bảng biến thiên, ta có

$$\begin{cases} f(0) = 3 \\ f(4) = -5 \\ f'(0) = 0 \\ f'(4) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} d = 3 \\ 64a + 16b + 4c + d = -5 \\ c = 0 \\ 48a + 8b + c = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{4} \\ b = -\frac{3}{2} \\ c = 0 \\ d = 3 \end{cases}$$

Vậy trong các số  $a, b, c, d$  có 2 số dương.

Chọn phương án (A)

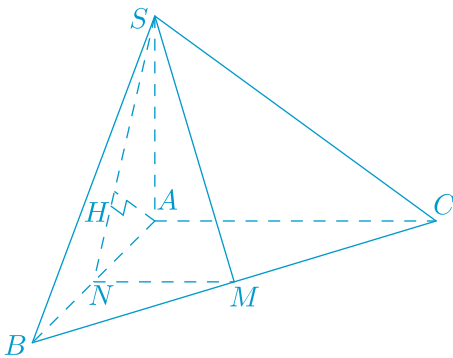
**Câu 46.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ .  $AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $BC$  (tham khảo hình bên). Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AC$  và  $SM$  bằng



- (A)  $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ . (B)  $\frac{a\sqrt{39}}{13}$ . (C)  $\frac{a}{2}$ . (D)  $\frac{a\sqrt{21}}{7}$ .

**Lời giải.**

**Cách 1:** (Phương pháp hình học cổ điển):

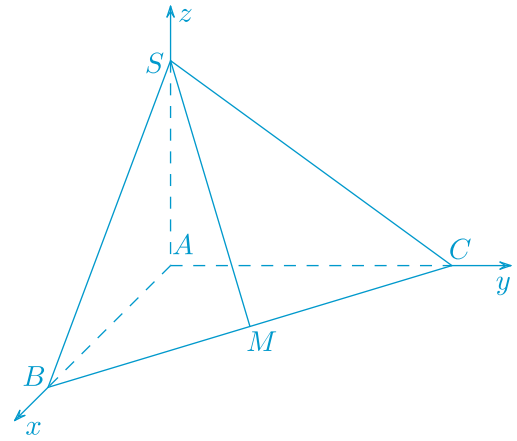


Gọi  $N$  là trung điểm của  $AB$ , khi đó  $MN \parallel AC$ . Gọi  $H$  là hình chiếu của  $A$  lên  $SN$ . Dễ dàng chứng minh được  $AH \perp (SMN)$ .  
Suy ra  $d(AC, SM) = d(AC, (SMN)) = d(A, (SMN)) = AH$ .

Trong tam giác  $SAN$  vuông tại  $A$  có:  $\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{AS^2} + \frac{1}{AN^2}$ , trong đó  $AS = a\sqrt{3}$ ,  $AN = \frac{1}{2}AB = \frac{a}{2}$ .

Suy ra  $AH = \frac{a\sqrt{39}}{13}$ . Vậy  $d(AC, SM) = \frac{a\sqrt{39}}{13}$ .

**Cách 2:** (Phương pháp tọa độ hóa):



Chọn  $a = 1$ , gắn bài toán vào hệ trục tọa độ  $Axyz$ , trong đó  $A(0; 0; 0)$ ,  $B(1; 0; 0)$ ,  $C(0; 1; 0)$ ,  $S(0; 0; \sqrt{3})$ ,  $M(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; 0)$ .

Ta có:  $d(SM, AC) = \frac{|[\overrightarrow{SM}, \overrightarrow{AC}] \cdot \overrightarrow{AS}|}{|[\overrightarrow{SM}, \overrightarrow{AC}]|}$  với  $\overrightarrow{SM} = (\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; -\sqrt{3})$ ,  $\overrightarrow{AC} = (0; 1; 0)$ ,  $\overrightarrow{AS} = (0; 0; \sqrt{3})$ .

Suy ra  $d(SM, AC) = \frac{\sqrt{39}}{13}$ , hay  $d(SM, AC) = \frac{a\sqrt{39}}{13}$ .

Chọn phương án (B)

**Câu 47.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các số tự nhiên có 6 chữ số đôi một khác nhau. Chọn ngẫu nhiên một số thuộc  $S$ , xác suất để số đó có hai chữ số tận cùng khác tính chẵn lẻ bằng:

- (A)  $\frac{50}{81}$ . (B)  $\frac{5}{9}$ . (C)  $\frac{5}{18}$ . (D)  $\frac{1}{2}$ .

**Lời giải.**

Gọi số cần lập là  $\overline{abcdef}$  với  $a \neq 0$ . Ta có  $n(\Omega) = 9A_9^5$   
Gọi  $A$ : "số tự nhiên có 6 chữ số đôi một khác nhau có hai chữ số tận cùng khác tính chẵn lẻ"

TH1:  $a$  chẵn,  $f$  chẵn,  $e$  lẻ có:  $4.4.5.A_7^3 = 80.A_7^3$  số

TH2:  $a$  chẵn,  $f$  lẻ,  $e$  chẵn có:  $4.5.4.A_7^3 = 80.A_7^3$  số

TH3:  $e$  lẻ,  $f$  lẻ,  $e$  chẵn có:  $5.4.5.A_7^3 = 100.A_7^3$  số

TH4:  $a$  lẻ,  $f$  chẵn,  $e$  lẻ có:  $5.5.4.A_7^3 = 100.A_7^3$  số

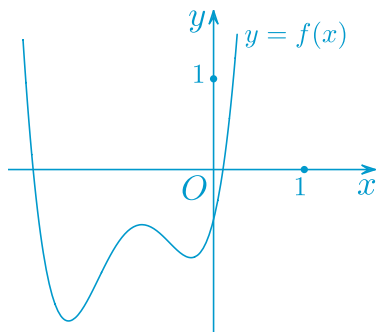
Suy ra  $n(A) = 360A_7^3$

Vậy xác suất để chọn được một số tự nhiên có 6 chữ số đôi một khác nhau có hai chữ số tận cùng khác tính

chẵn lẻ là  $P(A) = \frac{360.A_7^3}{9.A_9^5} = \frac{5}{9}$

Chọn phương án (B)

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f(0) = 0$ . Biết  $y = f'(x)$  là hàm số bậc bốn và có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = |f(x^3) - x|$  là



- (A) 5.      (B) 4.      (C) 6.      (D) 3.

**Lời giải.**

Xét  $h(x) = f(x^3) - x$

Có  $h'(x) = 3x^2 f'(x^3) - 1$

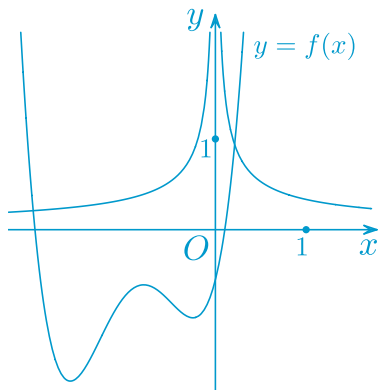
$h'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 f'(x^3) - 1 = 0 \Leftrightarrow f'(x^3) =$

$\frac{1}{3x^2} (x \neq 0)$  (1)

Đặt  $x^3 = t \Rightarrow x^2 = \sqrt[3]{t^2}$  phương trình (1) trở thành:

$f'(t) = \frac{1}{3\sqrt[3]{t^2}} (t \neq 0)$  (2)

Vẽ đồ thị hàm  $y = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}$  trên cùng hệ trục tọa độ với hàm  $y = f'(x)$ .



Dựa vào đồ thị ta có:

$f'(t) = \frac{1}{3\sqrt[3]{t^2}} \Leftrightarrow \begin{cases} t = b < 0 \\ t = a > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 = b < 0 \\ x^3 = a > 0 \end{cases} \Leftrightarrow$

$\begin{cases} x = \sqrt[3]{b} < 0 \\ x = \sqrt[3]{a} > 0 \end{cases}$

$\begin{cases} x = \sqrt[3]{b} < 0 \\ x = \sqrt[3]{a} > 0 \end{cases}$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$\sqrt[3]{b}$	$0$	$\sqrt[3]{a}$	$+\infty$	
$h'(x)$	$+$	$0$	$-$	$-$	$0$	$+$
$h(x)$		$f(b) - \sqrt[3]{b}$	$0$	$f(a) - \sqrt[3]{a}$		
$ h(x)  =  f(x^3) - x $		$f(b) - \sqrt[3]{b}$	$0$	$-f(a) + \sqrt[3]{a}$		

Dựa vào BBT ta thấy hàm số  $g(x) = |f(x^3) - x|$  có 5 điểm cực trị.

Chọn phương án (A)

**Câu 49.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-4$	$-2$	$0$	$+\infty$				
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$-\infty$			$2$			$-3$		$+\infty$

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $5f(x^2 - 4x) = m$  có ít nhất 3 nghiệm phân biệt thuộc khoảng  $(0; +\infty)$

- (A) 24.      (B) 21.      (C) 25.      (D) 20.

**Lời giải.**

Đặt  $t = x^2 - 4x$ . Ta có  $t' = 2x - 4 = 0 \Leftrightarrow x = 2$

Bảng biến thiên

$x$	$0$	$2$	$+\infty$			
$t'$		$-$	$0$	$+$		
$t$	$0$			$-4$		$+\infty$

Với  $t = x^2 - 4x$ .

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$				
$t$		$0$	$-2$	$-4$	$-2$	$0$	$+\infty$	
$f(t)$			$-3$	$2$	$-2$	$2$	$-3$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta có  $-3 < \frac{m}{5} \leq 2 \Leftrightarrow -15 < m \leq 10$ . Vì  $m$  nguyên nên  $m \in \{-14; -13; \dots; 10\}$ . Do đó có 25 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn đề bài.

Chọn phương án (C)

**Câu 50.** Có bao nhiêu cặp số nguyên dương  $(m, n)$  sao cho  $m + n \leq 14$  và ứng với mỗi cặp  $(m, n)$  tồn tại đúng ba số thực  $a \in (-1; 1)$  thỏa mãn  $2a^m = n \ln(a + \sqrt{a^2 + 1})$ ?

- (A) 14.      (B) 12.      (C) 11.      (D) 13.

**Lời giải.**

Xét  $f(x) = \frac{2}{n} \cdot x^m - \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$  trên  $(-1; 1)$

Đạo hàm  $f'(x) = \frac{2m}{n} x^{m-1} - \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}} = 0$

Theo đề bài  $f(x) = 0$  có ba nghiệm nên  $\frac{2m}{n} x^{m-1} =$

$\frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}$  có ít nhất hai nghiệm

Xét đồ thị của hàm  $y = x^{m-1}; y = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}$ , suy ra

$m - 1$  chẵn và  $m - 1 > 0$

Suy ra  $m \in \{3; 5; 7; 9; 11; 13\}$ . Khi đó  $f'(x) = 0$  có

nghiệm  $\begin{cases} x_1 < 0 \\ x_2 > 0 \end{cases}$

Phương trình có 3 nghiệm  $\Leftrightarrow \begin{cases} f(1) > 0 \\ f(-1) < 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{2}{n} > \ln(\sqrt{2} + 1) \\ -\frac{2}{n} < \ln(\sqrt{2} - 1) \end{cases} \Leftrightarrow n \leq 2 \Rightarrow n = \{1; 2\}$$

$n \in \{1; 2\}$  và  $m \in \{3; 5; 7; 9; 11; 13\}$ , do  $m + n \leq 14$  nên ta có 11 cặp  $(m; n)$  thỏa yêu cầu bài toán.

Chọn phương án **C**

—————Hết—————

### BẢNG ĐÁP ÁN THAM KHẢO

1. C	2. D	3. C	4. C	5. D	6. B	7. B	8. D	9. B	10. B	11. B
13. B	14. A	15. A	16. B	17. A	18. C	19. A	20. C	21. B	22. A	23. A
24. D	25. C	26. B	27. A	28. C	29. C	30. A	31. D	32. D	33. B	34. C
35. A	36. B	37. C	38. C	39. C	40. B	41. B	42. C	43. B	44. C	45. A
46. B	47. B	48. A	49. C	50. C						