

Đề thi chính thức

Đề thi có 01 trang

Câu 1: (0.5 điểm) Tìm tập xác định của hàm số sau: $y = \frac{\cot x}{\cos 2x - 1}$

Câu 2: (2 điểm) Giải các phương trình sau:

a. $\sin(2x - 30^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{2}$

b. $\cot\left(\frac{\pi}{4} - 5x\right) = -\sqrt{3}$

c. $3 \cos^2 4x - 5 \cos 4x - 8 = 0$

d. $\sqrt{2} \sin\left(3x - \frac{\pi}{3}\right) + \sqrt{2} \cos\left(3x - \frac{\pi}{3}\right) = \sqrt{3}$

Câu 3: (1.5 điểm)

a. Từ các chữ số sau: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau ?

b. Hỏi có bao nhiêu tam giác có thể lập từ 6 điểm A, B, C, D, E, F .

c. Từ các số 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên chẵn có 5 chữ số đôi một khác nhau?

Câu 4: (0.5 điểm) Tìm số hạng không chứa x trong khai triển: $\left(x^3 + \frac{1}{x}\right)^8$

Câu 5: (1 điểm) Một thùng đựng 12 hộp sữa, trong đó có 5 hộp sữa cam và 7 hộp sữa dâu. Lấy ngẫu nhiên 3 hộp sữa trong thùng. Tính xác suất để:

a. 3 hộp lấy ra đều là sữa cam.

b. Trong 3 hộp lấy ra có ít nhất 2 hộp sữa cam.

Câu 6: (1 điểm) Cho cấp số cộng (u_n) thỏa: $\begin{cases} u_1 - u_4 + u_6 = 19 \\ u_3 - u_5 + u_6 = 17 \end{cases}$

Tìm số hạng đầu, công sai và tính tổng của 50 số hạng đầu.

Câu 7: (1 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho điểm $A(1;3)$, $\vec{v} = (-1;2)$ và đường tròn

$(C): (x-6)^2 + (y+3)^2 = 144$.

a. Tìm tọa độ điểm B sao cho A là ảnh của B qua phép tịnh tiến theo \vec{v} .

b. Viết phương trình đường tròn (C') là ảnh của đường tròn (C) qua phép vị tự tâm O , tỉ số $k = -2$.

Câu 8: (2 điểm) Cho hình chóp $S.ABCD$ có $ABCD$ là hình bình hành. Gọi M, N, K lần lượt là trung điểm của SD, AB, BC .

a. Chứng minh: $AC // (MNK)$

b. Tìm giao tuyến của (MAC) và (SBD)

c. Xác định giao điểm E của SA và (MNK)

d. Tìm thiết diện tạo bởi mặt (MNK) với $S.ABCD$.

Câu 9: (0.5 điểm) Giải phương trình sau: $4(\sin^4 x + \cos^4 x) + \sqrt{3} \sin 4x = 2$

-----**HẾT**-----

Thí sinh không được sử dụng tài liệu

• *Giám thị không giải thích gì thêm*

Họ và tên học sinh: Số báo danh:

Chữ ký của giám thị 1: Chữ ký của giám thị 2:

Câu	Nội dung	Điểm
Câu 1: 0,5 điểm	a. Điều kiện : $\begin{cases} \sin x \neq 0 \\ \cos 2x - 1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z} \\ x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$ Vậy $D = \mathbb{R} \setminus \{k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$	0,25 0,25
Câu 2: 2 điểm	a. $\sin(2x - 30^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{2} \Leftrightarrow \sin(2x - 30^\circ) = \sin 60^\circ$ $\begin{cases} 2x - 30^\circ = 60^\circ + k360^\circ, k \in \mathbb{Z} \\ 2x - 30^\circ = 180^\circ - 60^\circ + k360^\circ, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 45^\circ + k180^\circ, k \in \mathbb{Z} \\ x = 75^\circ + k180^\circ, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$ Vậy PT có 2 họ nghiệm $S = \{45^\circ + k180^\circ; 75^\circ + k180^\circ, k \in \mathbb{Z}\}$ b. $\cot\left(\frac{\pi}{4} - 5x\right) = -\sqrt{3} \Leftrightarrow \tan\left(\frac{\pi}{4} - 5x\right) = \frac{-1}{\sqrt{3}} \quad (1)$ Điều kiện xác định: $\frac{\pi}{4} - 5x \neq k\pi \Leftrightarrow x \neq \frac{\pi}{20} - \frac{k\pi}{5}, k \in \mathbb{Z}$ $(1) \Leftrightarrow \tan\left(\frac{\pi}{4} - 5x\right) = \tan\left(\frac{-\pi}{6}\right)$ $\Leftrightarrow \frac{\pi}{4} - 5x = \frac{-\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$ $\Leftrightarrow x = \frac{\pi}{12} - \frac{k\pi}{5}, k \in \mathbb{Z}$ Vậy phương trình có 1 họ nghiệm $S = \left\{\frac{\pi}{12} - \frac{k\pi}{5}, k \in \mathbb{Z}\right\}$ c. Đặt $t = \cos 4x$, điều kiện $t \in [-1; 1]$ Khi đó phương trình ban đầu trở thành: $3t^2 - 5t - 8 = 0$ $\Leftrightarrow \begin{cases} t = -1 \text{ (N)} \\ t = \frac{8}{3} \text{ (L)} \end{cases}$ Với $t = -1$ thì : $\cos 4x = -1 \Leftrightarrow 4x = \pi + k2\pi, k \in \mathbb{Z}$ $\Leftrightarrow x = \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$ Vậy phương trình cho có 1 họ nghiệm $S = \left\{\frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}\right\}$ d. Kiểm tra: $(\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2})^2 \geq (\sqrt{3})^2$ (Hiển nhiên). PT có nghiệm	0,25 0,25 0,25 0,25

	<p>Chia cả hai vế phương trình cho 2 ta được.</p> $\frac{\sqrt{2}}{2} \sin\left(3x - \frac{\pi}{3}\right) + \frac{\sqrt{2}}{2} \cos\left(3x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ $\Leftrightarrow \cos \frac{\pi}{4} \cdot \sin\left(3x - \frac{\pi}{4}\right) + \sin \frac{\pi}{4} \cdot \cos\left(3x - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ $\sin 3x = \sin \frac{\pi}{3}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{9} + \frac{k2\pi}{3}, k \in Z \\ x = \frac{2\pi}{9} + \frac{k2\pi}{3}, k \in Z \end{cases}$ <p>Vậy PT có hai họ nghiệm $S = \left\{ \frac{\pi}{9} + \frac{k2\pi}{3}, \frac{2\pi}{9} + \frac{k2\pi}{3}, k \in Z \right\}$</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p>
<p>Câu 3: 1,5 điểm</p>	<p>a. Số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau được lập từ 1,2,3,4,5,6,7 là: $A_7^4 = 840$ (số)</p> <p>C2: Chọn lần lượt các số vẫn được tính điểm.</p> <p>b. Số tam giác được lập từ 6 điểm A,B,C,D,E,F là $C_6^3 = 20$ (tam giác)</p> <p>c. Gọi \overline{abcde} là số tự nhiên có 5 chữ số chẵn đôi một khác nhau. $e = \{0, 2, 4, 6\}$ TH1: $e = \{0\}$ e : 1 cách chọn chọn 4 số còn lại: $A_6^4 = 360$ cách chọn $\Rightarrow 360$ (cách chọn) TH2: $e = \{2, 4, 6\}$ e : 3 cách chọn a: 6 cách chọn ($a \neq e, a \neq 0$) chọn 3 số còn lại: $A_5^3 = 60$ (cách chọn) $3 \times 6 \times 60 = 1080$ (cách chọn) Vậy : $360 + 1080 = 1440$ (cách chọn)</p>	<p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>
<p>Câu 4: 0,5 điểm</p>	<p>Số hạng tổng quát: $T_9 = C_8^k (x^3)^{8-k} (x^{-1})^k = C_8^k x^{24-4k}$</p> <p>YCBT $\Leftrightarrow x^0 = x^{24-4k} \Leftrightarrow 24 - 4k = 0 \Leftrightarrow k = 6$</p> <p>Hệ số không chứa x: $C_8^6 = 28$</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p>
<p>Câu 5: 1 điểm</p>	<p>Không gian mẫu : $n(\Omega) = C_{12}^3 = 220$</p> <p>a. Biến cố A : $n(A) = C_5^3 = 10$</p> $P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{10}{220} = \frac{1}{22}$ <p>b. Biến cố B: $n(B) = C_5^2 \times C_7^1 + C_5^3 = 80$</p> $P(B) = \frac{n(B)}{n(\Omega)} = \frac{80}{220} = \frac{4}{11}$	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,5</p>

	<p>Ta có: $\begin{cases} (MNK) \cap (ABCD) = NK \\ (MNK) \cap (SAD) = ME \\ (MNK) \cap (SAB) = NE \\ (MNK) \cap (SBC) = KQ \\ (MNK) \cap (SCD) = MQ \end{cases}$</p> <p>Vậy thiết diện cắt bởi mặt phẳng (MNK) với S.ABCD là tứ giác MENKQ</p>	0,25
<p>Câu 9: 0,5 điểm</p>	<p>Ta có :</p> $\sin^4 x + \cos^4 x = (\sin^2 x)^2 + (\cos^2 x)^2 = (\sin^2 x + \cos^2 x)^2 - 2 \times \sin^2 x \times \cos^2 x$ $= 1 - \frac{1}{2} \sin^2 2x$ <p>Phương trình ban đầu:</p> $\Leftrightarrow 4 - 2 \sin^2 2x + \sqrt{3} \sin 4x = 2$ $\Leftrightarrow 4 - (1 - \cos 4x) + \sqrt{3} \sin 4x = 2$ $\Leftrightarrow \sqrt{3} \sin 4x + \cos 4x = -1$ <p>Kiểm tra: $(\sqrt{3})^2 + 1^2 \geq (-1)^2$ Pt có nghiệm</p> <p>Chia cả 2 vế phương trình cho 2 ta được</p> $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin 4x + \frac{1}{2} \cos 4x = \frac{-1}{2} \Leftrightarrow \cos \frac{\pi}{6} \times \sin 4x + \sin \frac{\pi}{6} \times \cos 4x = \frac{-1}{2}$ $\sin\left(4x + \frac{\pi}{6}\right) = \sin \frac{-\pi}{6}$ $\begin{cases} 4x + \frac{\pi}{6} = \frac{-\pi}{6} + k2\pi, k \in Z \\ 4x + \frac{\pi}{6} = \frac{7\pi}{6} + k2\pi, k \in Z \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{-\pi}{12} + \frac{k\pi}{2}, k \in Z \\ x = \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{2}, k \in Z \end{cases}$ <p>Vậy phương trình có hai họ nghiệm $S = \left\{ \frac{-\pi}{12} + \frac{k\pi}{2}, \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{2}, k \in Z \right\}$</p>	0,25

--- HẾT ---